graph

Graph의 정의

그래프 G는 두 집합 V, E로 나타낸다

1. V(G): 노드(node) 혹은 정점(vertex)의 집합

2. E(G): 정점을 잇는 에지(edge)의 집합

무방향 그래프(undirected graph)

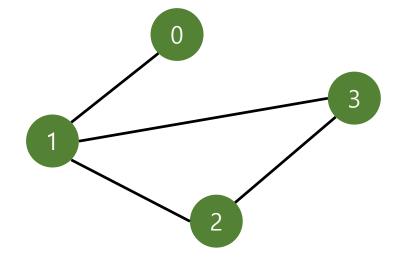
무방향 그래프(undirected graph)

G=(V, E)V(G)={0, 1, 2, 3}

 $E(G) = \{(0, 1), (1, 2), (2, 3), (1, 3)\}$

정점의 수 : n

최대 에지 수 : n(n-1)/2



방향 그래프(directed graph)

방향 그래프(directed graph)

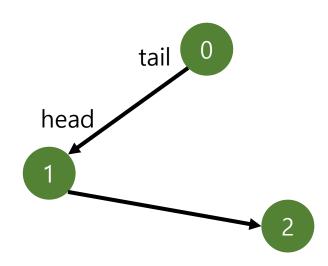
 $G = \langle V, E \rangle$

 $V(G) = \{0, 1, 2\}$

 $E(G)=\{<0, 1>, <1, 2>\}$

정점의 수 : n

최대 에지 수 : n(n-1)



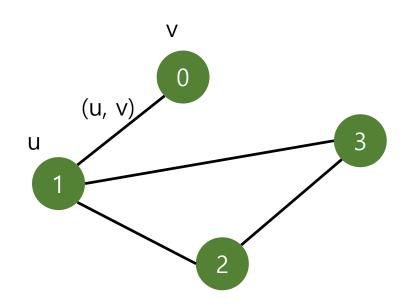
Graph의 특징

- 1. 자기 간선(self-edge)를 가질 수 없다. (v, v) or <v, v>를 가질 수 없다.
- 2. 두 정점 사이에 같은 에지를 여러 개 가질 수 없다.

다중 그래프(multigraph)

Adjacent와 incident

(u, v) ∈ E(G)이면 정점 u와 정점 v는 인접한다(adjacent)에지 (u, v)는 u와 v에 부속된다(incident)



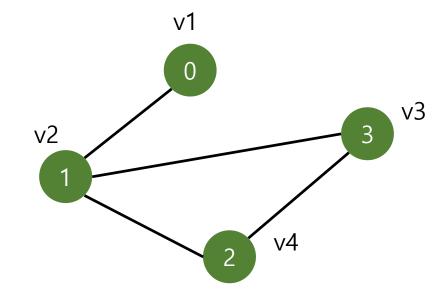
경로(path)와 길이(length)

- 1. 경로(path)
 - : (v1, v2), (v2, v3), (v3, v4)가 집합 E(G)의 원소일 때 v1에서 v4 까지의 정점 순서(v1→v2→v3→v4)
- 2. 경로 길이(length)

: 어떤 경로에서 에지의 수

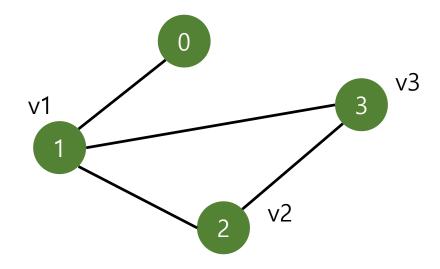
3. 단순 경로(simple path)

: 어떤 경로에서 처음과 마지막을 제외하고 모든 정점이 다를 때

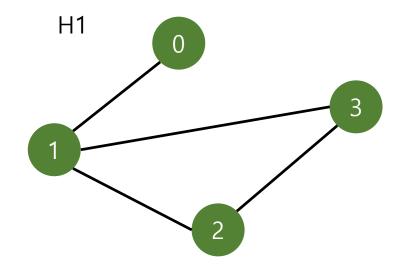


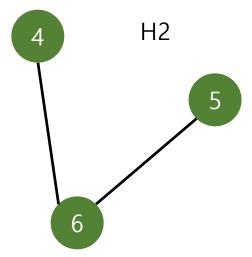
사이클(cycle)과 connected

- 1. 사이클(cycle)
 - : 단순 경로에서 처음과 마지막 정점이 같을 때 ∨1→v2→v3→v1
- 2. Connected
 - : 정점 u에서 정점 v까지의 경로가 있다면 두 정점은 연결되었다(connected)
- 3. 연결된 그래프(Connected graph)
 - : 어떠한 임의의 노드 u와 v에 대해서도 연결되어 있다면 그래프 G가 연결되었다



연결 요소(connected component)

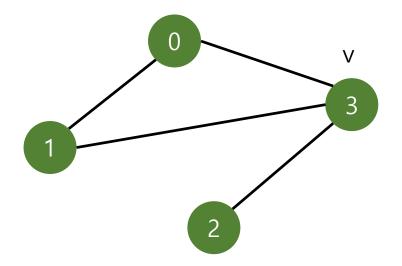




차수(degree)

차수(degree) : 정점 v에 부속된 에지의 수

$$d(v) = 3$$



In-degree와 out-degree

방향 그래프에서 어떤 정점 v에 들어오는 에지의 수를 In-degree(진입 차수)라고 한다.

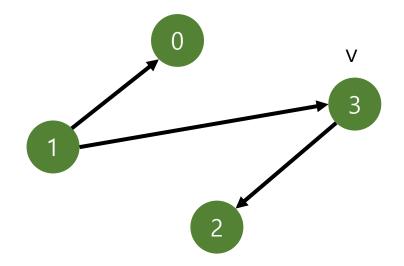
$$in-d(v) = 1$$

나가는 에지의 수는 Out-degree(진출 차수)라고 한다.

$$out-d(v) = 1$$

차수(degree)는 in-deg + out-deg

$$d(v) = 2$$

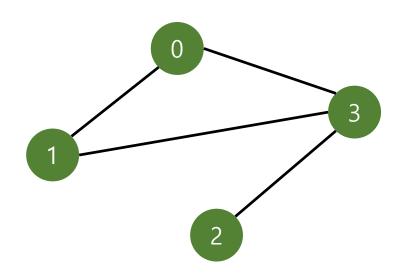


부분 그래프(subgraph)와 신장 부분 그래프(spanning subgraph)

- 1. 부분 그래프(subgraph)
 - : V(G') ⊆ V(G)이고 E(G') ⊆ E(G)인 그래프 G'를 그래프 G의 부분 그래프(subgraph)라고 한다.
- 2. 신장 부분 그래프(spanning subgraph)
 - : V'=V 이고 E(G') ⊆ E(G)인 그래프 G'를 그래프 G의 신장 부분 그래프(spanning subgraph)라고 한다.

그래프 표현(graph representation) : 인접 행렬(Adjacency matrix)

nxn 행렬 if (i, j) $\in E(G)$ then 1 else 0



Operations

1. 인접하는 모든 노드 : O(n)

2. (u, v) 검사 : O(1)

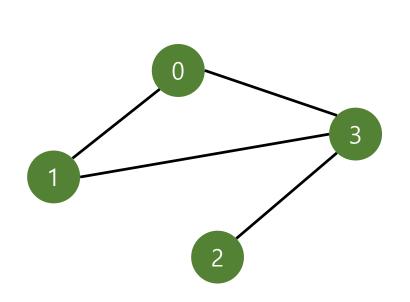
| _ | 0 | 1 | 2 | 3 |
|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 0 | 0 | 1 |
| 2 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 3 | 1 | 1 | 1 | 0 |

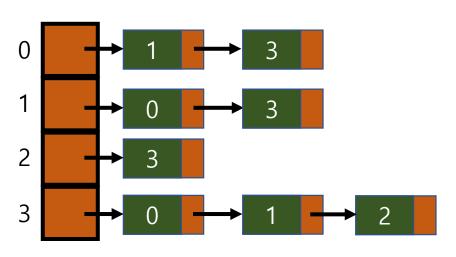
그래프 표현(graph representation) : 인접 리스트(Adjacency list)

Operations

1. 인접하는 모든 노드 : O(d(v))

2. (u, v) 검사 : O(d(v))

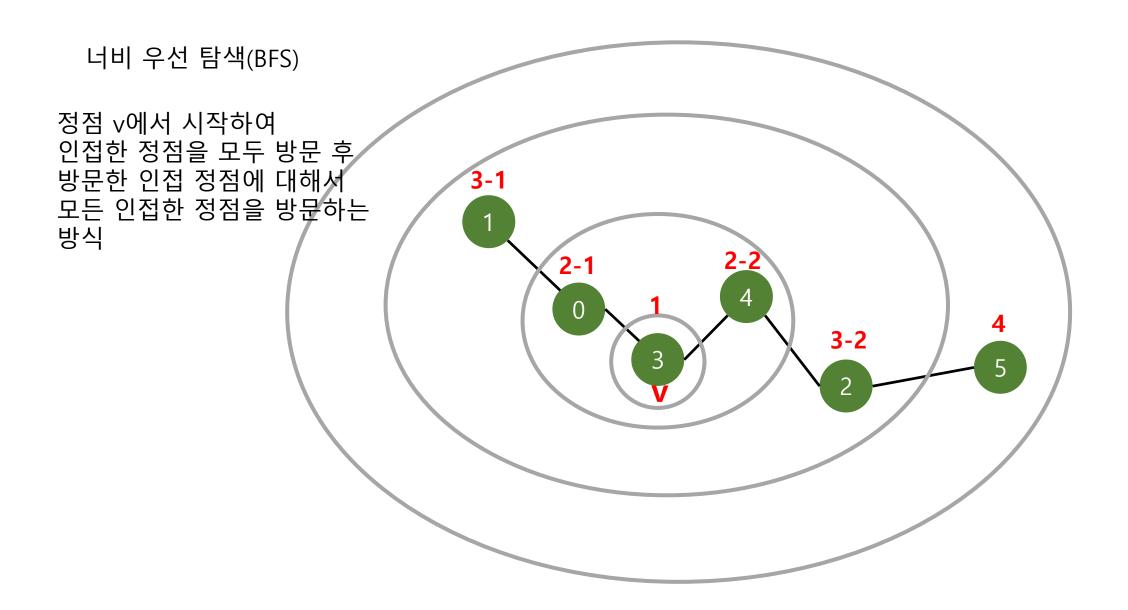




Graph traversal(그래프 순회)

그래프 G에서 한 정점 v가 주어졌을 때 모든 정점을 중복되지 않게 방문하는 것

- 1. 너비 우선 탐색(BFS, breath first search)
- 2. 깊이 우선 탐색(DFS, depth first search)



깊이 우선 탐색(DFS)

정점 v에서 시작하여 방문하지 않은 정점 중 한 방향으로 쭉 따라간 후 방문할 정점이 없으면 다시 돌아와 방문하지 않은 다른 정점을 따라 다시 쭉 따라간다. 처음 시작한 정점에 돌아오고 더 이상 방문할 정점이 남아있지 않다면 종료

