



Информатика. Введение в Python

Множества, кортежи. NumPy.

*Шевская Наталья Владимировна,
СПбГЭТУ “ЛЭТИ”, ФКТИ, МОЭВМ*



Множества

- Класс set
- Изменяемый объект
- Множество – это неупорядоченная последовательность, состоящая из неповторяющихся элементов
- Удобно использовать для удаления повторяющихся элементов из списка



Инициализация множества

на основе строки:

```
>>> a = set('Hello!')
>>> a
{'e', 'l', 'o', '!', 'H'}
```

на основе списка:

```
>>> a = set(['hello', 'daddy', 'hello', 'mum'])
>>> a
{'mum', 'daddy', 'hello'}
```

на основе range:

```
>>> set(range(10))
{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9}
```

на основе ключей словаря:

```
>>> set({'a': 2, 'b': 4, 'c': 6})
{'b', 'c', 'a'}
```



Работа со множествами

Проверка вхождения элемента:

```
>>> a = set([1, 2, 3])
>>> a
{1, 2, 3}
>>> 1 in a
True
```

Сравнение множеств:

```
>>> b = {1, 2, 3}
>>> a == b
True
>>> c
{1, 2, 4}
>>> a > c
False
```

```
>>> d = {1, 2}
>>> d < c
True
>>> d < a
True
```

Объединение множеств:

```
>>> a.union(c)
{1, 2, 3, 4}
```

Пересечение множеств:

```
>>> a.intersection(d)
{1, 2}
```

Разность множеств:

```
>>> c.difference(d)
{4}
```

Не поддерживаются
дублирование и конкатенация!



Кортежи

Класс tuple

Неизменяемый объект

Кортеж – это упорядоченная последовательность, состоящая из элементов разной природы

Как список, только неизменяемый

Часто встречается в функциях



Инициализация кортежей

Инициализация на основе строки:

```
>>> a = tuple('Hello!')
>>> a
('H', 'e', 'l', 'l', 'o', '!')
```

на основе списка:

```
>>> a = tuple(['H', 'e', 'l', 'l', 'o', '!'])
>>> a
('H', 'e', 'l', 'l', 'o', '!')
```

на основе ключей словаря:

```
>>> tuple({'a': 2, 'b': 4, 'c': 6})
('a', 'b', 'c')
```

на основе range:

```
>>> a = tuple(range(10))
>>> a
(0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9)
```



Работа с кортежами

Проверка вхождения элемента:

```
>>> a
(0, 1, 2)
>>> 0 in a
True
```

Сравнение кортежи:

```
>>> b = (0, 1, 2)    >>> c = (0, 1, 3)
>>> a == b           >>> c > a
True                 True
```

Конкатенация и дублирование:

```
>>> a + b
(0, 1, 2, 0, 1, 2)
>>> a * 3
(0, 1, 2, 0, 1, 2, 0, 1, 2)
```



Кортежное присваивание (unpacking, распаковка)

x, y, z = **1, 2, 3**

- скобки кортежа подставляются неявно
 - поочередно: $x = 1, y = 2, z = 3$
-
- распаковка значений, возвращаемых из функции
 - оператор распаковки *



Полезные ссылки

Про множества:

<https://pythonworld.ru/tipy-dannyx-v-python/mnozhestva-set-i-frozenset.html>

Про кортежи:

<https://pythonworld.ru/tipy-dannyx-v-python/kortezhi-tuple.html>

numpy



Основные определения

Специальная библиотека для работы с массивами.

Позволяет быстро выполнять математические и статистические операции над массивами.

Часто используется в математике и физике.

Основной объект – однородный и неизменяемый многомерный массив (numpy.ndarray)

Описание библиотеки: <https://numpy.org/>





Матрицы на основе списков list

```
L = [[i for i in range(5)]  
      for j in range(5)]
```

построили матрицу 5 на 5:



выводим матрицу на экран:

```
for item in L:  
    print(item)
```

[0, 1, 2, 3, 4]

[0, 1, 2, 3, 4]

[0, 1, 2, 3, 4]

[0, 1, 2, 3, 4]

[0, 1, 2, 3, 4]

NumPy 



Создание объекта ndarray

```
import numpy as np
```

```
L = [[i for i in range(5)] for j in range(5)]  
arr = np.array(L)  
print(type(arr))  
print(arr)
```

```
<class 'numpy.ndarray'>  
[[0 1 2 3 4]  
 [0 1 2 3 4]  
 [0 1 2 3 4]  
 [0 1 2 3 4]  
 [0 1 2 3 4]]
```





Массивы



```
import numpy as np
```

```
M = np.random.random((3, 3))
```

```
M_min, M_max, M_mean = M.min(), M.max(), M.mean()
```

```
sum_x = M.sum(axis=1)
```

```
sum_y = M.sum(axis=0)
```

```
print(M_min, M_max, M_mean, sum_y, sum_x)
```

```
# поиск минимума, максимума, среднего значения
```

```
# суммы по строкам axis=1, суммы по столбцам axis=0
```





Атрибуты объекта ndarray

`ndarray.ndim` - число измерений (осей)

`ndarray.shape` - размеры массива (сколько элементов по каждой оси)

`ndarray.size` - количество элементов массива (по всем осям)

`ndarray.dtype` - объект, описывающий тип элементов массива

`ndarray.itemsize` - размер каждого элемента массива в байтах





Атрибуты объекта ndarray. Пример

```
print(arr.ndim)           2
print(arr.shape)          (5, 5)
print(arr.size)           25
print(arr.dtype)          int64
print(arr.itemsize)       8
```





Тип элементов во время создания объекта ndarray

Параметр по умолчанию `dtype` может принимать значения:

`bool_`, `character`, `int8`, `int16`, `int32`, `int64`, `float8`,
`float16`, `float32`, `float64`, `complex64`, `object_`

```
import numpy as np
```

```
L = [[i for i in range(5)] for j in range(5)]  
arr = np.array(L, dtype=np.int8)  
print(arr.itemsize)  
print(arr)
```

```
float16  
[[0. 1. 2. 3. 4.]  
 [0. 1. 2. 3. 4.]  
 [0. 1. 2. 3. 4.]  
 [0. 1. 2. 3. 4.]  
 [0. 1. 2. 3. 4.]]
```



Другие способы создания массивов

```
print(np.zeros((3, 5)))
```

```
[[0. 0. 0. 0. 0.]  
 [0. 0. 0. 0. 0.]  
 [0. 0. 0. 0. 0.]]
```

```
print(np.ones((3, 5)))
```

```
[[1. 1. 1. 1. 1.]  
 [1. 1. 1. 1. 1.]  
 [1. 1. 1. 1. 1.]]
```

```
print(np.empty((3, 5)))
```

```
print(np.eye(3))
```





Тригонометрия над ndarrays

```
a = np.array([20, 30, 40, 50])
```

```
np.cos(a)
```

```
np.sin(a)
```

```
np.tan(a)
```

Другие тригонометрические функции:

[Mathematical functions — NumPy v1.21 Manual](#)





Срезы в ndarrays

- Для одномерных массивов
- Взятие среза:

`a[3:7]`

- Использование среза:

`a[3:7] = 8`





Особенности работы с массивами



1. Математические операции выполняются над массивами одного размера
2. Математические операции выполняются поэлементно
3. Допустимы математические операции с массивом и числом
4. Всегда создается новый массив (т.к. неизменяемый тип)
5. Можно получить `inf` как результат операции''





Операции с массивами

1. Доступны математические операции $+$, $-$, $*$, $/$, $**$, $\%$
2. Фильтрация элементов массива с использованием операций сравнения: $>$, $<$, $>=$, $<=$, $==$, $!=$
3. Доступны тригонометрические функции:
`numpy.cos(<ndarray>)`
4. Доступны основные операции для работы с задачами линейной алгебры **`numpy.linalg`**
5. Можно применять срезы **`[i:j:k]`**





Элементы линейной алгебры



Система линейных алгебраических уравнений (СЛАУ)

– это набор двух или более линейных уравнений, включающих один и тот же набор переменных.

Решение СЛАУ:

$$\begin{cases} 2x + 5y = 1 \\ x - 10y = 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 1 & -10 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix} \Rightarrow$$

```
import numpy
```

```
M1 = numpy.array([[2., 5.], [1., -10.]])  
v1 = numpy.array([1., 3.])
```

```
print(numpy.linalg.solve(M1, v1))
```

Вопросы по курсу задавайте по почте:

Шевская Наталья Владимировна
natalya.shevskaya@moevm.info

Правила коммуникации по электронной почте:

http://se.moevm.info/doku.php/inf:communication_rules