```
import numpy as np
import pandas as pd
from matplotlib import pyplot as plt

from utils import *

paths = (
    '001_2/', '004_3/', '007_2/', '010_2/', '013_2/', '016_3/', '019_2/',
    '002_2/', '005_2/', '008_3/', '011_2/', '014_2/', '017_2/', '020_3/',
    '003_2/', '006_2/', '009_2/', '012_3/', '015_2/', '018_2/'
)
```

Часть 1 - Кросс-валидация со всеми признаками

8

```
path_prefix = '20_CV/'
RMSE_train_dict, MaxAE_train_dict = get_train_RMSE_and_MaxAE(paths, path_prefix)

RMSE_train = get_dataframe_from_dict(RMSE_train_dict)

RMSE_train
```

	1	2	3	4	5	6
001_2/	0.120919	0.084082	0.062760	0.051472	0.043619	0.038107
004_3/	0.120302	0.072518	0.056587	0.046938	0.041302	0.036185
007_2/	0.121456	0.084417	0.061506	0.050379	0.042991	0.037381
010_2/	0.093744	0.064102	0.055371	0.044211	0.038469	0.033682
013_2/	0.116201	0.076903	0.061246	0.050796	0.041229	0.035357
016_3/	0.120578	0.077606	0.057131	0.047842	0.040956	0.034150
019_2/	0.111036	0.060873	0.048292	0.040735	0.031922	0.026586
002_2/	0.122298	0.084100	0.058906	0.045388	0.034573	0.029597
005_2/	0.120458	0.082319	0.067157	0.049982	0.037691	0.034106
008_3/	0.119678	0.087418	0.066172	0.049741	0.042254	0.033021
011_2/	0.122288	0.083724	0.065022	0.054020	0.044243	0.035111
014_2/	0.110597	0.077155	0.066311	0.055831	0.042268	0.037741
017_2/	0.121850	0.082442	0.067057	0.054958	0.046875	0.035091
020_3/	0.122114	0.081254	0.066421	0.052049	0.040875	0.035573
003_2/	0.121253	0.084457	0.060592	0.049094	0.040302	0.034595
006_2/	0.118483	0.082420	0.063865	0.046196	0.040106	0.035099
009_2/	0.121782	0.083845	0.062508	0.048202	0.040885	0.033569
012_3/	0.121376	0.083739	0.067331	0.049657	0.039303	0.035616
015_2/	0.121939	0.089863	0.069525	0.052572	0.044592	0.039312
018_2/	0.121423	0.083482	0.061531	0.050652	0.040443	0.035017
mean	0.118489	0.080336	0.062265	0.049536	0.040745	0.034745

```
MaxAE_train = get_dataframe_from_dict(MaxAE_train_dict)
MaxAE_train
```

	1	2	3	4	5	6
001_2/	0.470366	0.260929	0.146011	0.151498	0.089491	0.082024
004_3/	0.480658	0.240738	0.145557	0.118380	0.098618	0.097534
007_2/	0.456261	0.259297	0.139964	0.129346	0.098664	0.086051

```
010_2/ 0.333910 0.177327 0.151028 0.098466 0.093490 0.092018
     013_2/ 0.484294 0.202097 0.158287 0.139703 0.111492 0.079888
     016_3/ 0.377936 0.236615 0.114585 0.111764 0.100849 0.083262
     019_2/ 0.543117 0.149160 0.122075 0.091572 0.077055 0.063245
     002_2/ 0.479974 0.258365 0.122984 0.149788 0.075315 0.074220
     005_2/ 0.479458 0.259407 0.241699 0.174367 0.077688 0.066542
     008_3/ 0.442839 0.325556 0.202026 0.139051 0.120524 0.077604
     011_2/ 0.478719 0.239221 0.170075 0.111236 0.112983 0.089412
     014_2/ 0.249682 0.227810 0.160260 0.168492 0.095471 0.089129
     017_2/ 0.481718 0.238778 0.160079 0.113472 0.107138 0.086892
     020_3/ 0.467387 0.253384 0.206111 0.125542 0.103034 0.091947
     003_2/ 0.492843 0.259101 0.145976 0.136370 0.106804 0.086323
     006_2/ 0.488641 0.259691 0.181083 0.106377 0.090629 0.081403
     009_2/ 0.476543 0.258734 0.142473 0.156945 0.099366 0.079976
     012_3/ 0.471205 0.260796 0.241637 0.123166 0.094321 0.089449
RMSE_valid_dict, MaxAE_valid_dict = get_validation_RMSE_and_MaxAE(paths, path_prefix, 6)
     018_2/ 0.478662 0.259643 0.139597 0.147450 0.100504 0.083592
```

RMSE_valid = get_dataframe_from_dict(RMSE_valid_dict) RMSE valid

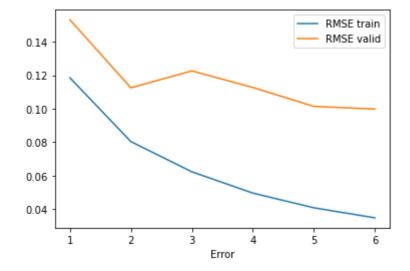
	1	2	3	4	5	6
001_2/	0.092003	0.040390	0.036168	0.040273	0.030290	0.029487
004_3/	0.137363	0.160385	0.160173	0.084115	0.061299	0.021428
007_2/	0.124568	0.017565	0.063930	0.066297	0.065559	0.033727
010_2/	0.400514	0.301230	0.310669	0.384675	0.318956	0.448607
013_2/	0.179576	0.231349	0.121337	0.134604	0.090724	0.076035
016_3/	0.166245	0.115803	0.053797	0.061908	0.057575	0.066873
019_2/	0.324606	0.326372	0.303654	0.291341	0.260283	0.277238
002_2/	0.027207	0.038603	0.107855	0.095515	0.104767	0.104082
005_2/	0.104949	0.091456	0.073366	0.085884	0.082676	0.086615
008_3/	0.206787	0.112284	0.118516	0.102944	0.080266	0.087564
011_2/	0.027507	0.072718	0.068899	0.061982	0.060354	0.056136
014_2/	0.327023	0.182551	0.421978	0.325447	0.318953	0.238196
017_2/	0.055732	0.089650	0.031684	0.057760	0.047506	0.059262
020_3/	0.128781	0.126168	0.122575	0.042509	0.078785	0.081844
003_2/	0.144555	0.012126	0.090271	0.036047	0.022904	0.016274
006_2/	0.213099	0.104778	0.129757	0.119603	0.117107	0.037987
009_2/	0.058849	0.049163	0.043738	0.074568	0.048140	0.045014
012_3/	0.108242	0.074996	0.080027	0.080966	0.084133	0.088916
015_2/	0.161935	0.040459	0.045680	0.048031	0.033079	0.093773
018_2/	0.074277	0.062060	0.068841	0.059711	0.065005	0.046975
mean	0.153191	0.112505	0.122646	0.112709	0.101418	0.099802

MaxAE_valid = get_dataframe_from_dict(MaxAE_valid_dict)

	1	2	3	4	5	6
001_2/	0.129585	0.056734	0.040884	0.056376	0.042403	0.041693
004_3/	0.194201	0.226763	0.226476	0.118951	0.083138	0.030302
007_2/	0.141718	0.019922	0.088442	0.093488	0.091054	0.044687

```
010_2/ 0.563148 0.423407 0.435531 0.538877 0.447280 0.631848
013_2/ 0.239864 0.284315 0.167425 0.187432 0.098874 0.080031
016_3/ 0.166371 0.135033 0.058642 0.078068 0.061532 0.092577
                                 0.408066
019_2/ 0.413371 0.438276 0.428567
                                           0.364640
                                                    0.390151
002_2/ 0.038237 0.047065 0.148475 0.135023 0.134191 0.132077
005_2/ 0.109724 0.097356 0.079006
                                 0.091148 0.087919 0.090997
008_3/ 0.256810 0.157288 0.167236 0.125415 0.084766 0.093784
011 2/ 0.038404 0.089192 0.095212 0.086226
                                           0.085327 0.077205
014_2/ 0.450734 0.251948 0.594937 0.460252 0.450561
                                                    0.336354
017_2/ 0.055956 0.109053 0.033814 0.081614 0.060583 0.078181
020_3/ 0.163529
               0.167385 0.161788
                                  0.057574
                                           0.107337
                                                     0.098911
003_2/ 0.185291
                0.014690
                        0.127465
                                 0.048906
                                           0.032336
                                                    0.022855
006_2/ 0.296492 0.148154 0.180538 0.169029
                                           0.165573 0.045493
009_2/ 0.066699 0.069032 0.054401 0.092183 0.067110 0.046685
012_3/ 0.124719 0.087576 0.112680 0.113441 0.094622 0.101703
015_2/ 0.206749 0.051292 0.060911 0.066041 0.039567 0.132375
018_2/ 0.101082 0.082744 0.083475 0.067910 0.068849 0.061849
mean 0.197134 0.147861 0.167295 0.153801 0.133383 0.131488
```

```
plt.plot(RMSE_train.columns, RMSE_train.loc['mean'], label='RMSE train')
plt.plot(RMSE_valid.columns, RMSE_valid.loc['mean'], label='RMSE valid')
plt.legend()
plt.xlabel('Model complexity')
plt.xlabel('Error')
plt.show()
```



По рисунку видно, что не наступает переобученности. Поэтому лучшим будем считать размерность дескриптора с минимальной ошибкой валидации.

```
print(f"Минимальная ошибка RMSE валидации при размерности {RMSE_valid.columns[np.argmin(RMSE_valid.loc['mean'])]}")
print(f"Минимальная ошибка МахАЕ валидации при размерности {MaxAE_valid.columns[np.argmin(MaxAE_valid.loc['mean'])]}")
```

```
Минимальная ошибка RMSE валидации при размерности 6 Минимальная ошибка MaxAE валидации при размерности 6
```

По полученным результам становится ясно, что наилучшая размерность дескриптора – 6. Поэтому далее обучаем на всей базе с этой размерностью.

→ Часть 2 - Обучение на полной выборке с наилучшей размерностью

```
path_prefix = 'full_set/desc_dat/'
full_set_desc = get_full_set_desc_dat(path_prefix, 6)
plot energy vs configuration(full set desc)
```

RMSE, MaxAE = get_full_set_desc_dat_errors(full_set_desc)
print('Обучение на полной выборке с дескриптором 6го уровня:')
print(f'RMSE: {RMSE}, MaxAE: {MaxAE}')

Обучение на полной выборке с дескриптором 6го уровня: RMSE: 0.036351709578525106, MaxAE: 0.0640099999999998

Часть 3 - Кросс-валидация с одним признаком

path_prefix = '20_CV_only_DS/'
RMSE_train_dict, MaxAE_train_dict = get_train_RMSE_and_MaxAE(paths, path_prefix)

RMSE_train = get_dataframe_from_dict(RMSE_train_dict)
RMSE_train

	1	2	3	4	5	6
001_2/	0.210326	0.208484	0.206862	0.206306	0.204986	0.203679
004_3/	0.212150	0.210588	0.208302	0.208113	0.207294	0.206299
007_2/	0.209469	0.208005	0.205716	0.205549	0.204794	0.203562
010_2/	0.175210	0.174597	0.172806	0.171628	0.167749	0.152045
013_2/	0.199498	0.196629	0.194902	0.194380	0.192366	0.191997
016_3/	0.213525	0.212005	0.209983	0.208699	0.208580	0.194747
019_2/	0.199651	0.196734	0.194642	0.194459	0.192717	0.182456
002_2/	0.208683	0.208266	0.204604	0.204554	0.203889	0.190816
005_2/	0.203867	0.196712	0.196492	0.196200	0.195443	0.179028
008_3/	0.205234	0.204877	0.203684	0.200853	0.198900	0.197866
011_2/	0.211410	0.209868	0.207934	0.207549	0.206585	0.191100
014_2/	0.208172	0.207670	0.203870	0.203830	0.203341	0.201952
017_2/	0.208284	0.206722	0.204109	0.204025	0.203149	0.191932
020_3/	0.211190	0.210093	0.209219	0.209025	0.208487	0.193880
003_2/	0.206606	0.205169	0.203240	0.202792	0.201632	0.201033
006_2/	0.205538	0.204582	0.200141	0.199828	0.199092	0.189782
009_2/	0.211357	0.209590	0.207755	0.207354	0.206376	0.205156
012_3/	0.212952	0.211333	0.209251	0.208952	0.207970	0.192981
015_2/	0.209180	0.206958	0.206075	0.205992	0.205121	0.190910
018_2/	0.209294	0.208019	0.206112	0.205678	0.204903	0.188187
mean	0.206580	0.204845	0.202785	0.202288	0.201169	0.192470

MaxAE_train = get_dataframe_from_dict(MaxAE_train_dict)
MaxAE_train

 001_2/
 0.718878
 0.669424
 0.700504
 0.710916
 0.710606
 0.727879

004 3/ 0.716794 0.671626 0.707440 0.713846 0.713112 0.727250 **007_2**/ 0.715309 0.671378 0.707151 0.713352 0.712861 0.728261 **010_2/** 0.455497 0.454087 0.472027 0.465658 0.471678 0.468851 **013_2/** 0.727774 0.667851 0.698551 0.708775 0.708651 0.717638 **016_3/** 0.717486 0.666744 0.696612 0.716605 0.718183 0.680130 **019_2**/ 0.724577 0.657333 0.695786 0.705938 0.713022 0.701824 **002_2/** 0.713976 0.740064 0.710380 0.713801 0.713346 0.694205 **005_2/** 0.701360 0.590963 0.604895 0.594241 0.601367 0.572830 **008_3**/ 0.704580 0.681043 0.694335 0.714958 0.725132 0.744581 **011_2/** 0.715085 0.669754 0.702531 0.712158 0.711638 0.690672 **014_2/** 0.715894 0.744670 0.714681 0.711925 0.715630 0.732297 **017_2/** 0.715628 0.670341 0.708093 0.712549 0.711955 0.694614 **020_3/** 0.726197 0.686968 0.706219 0.712931 0.712216 0.687911 **003_2/** 0.709558 0.666228 0.699096 0.708971 0.708115 0.719026 **006_2/** 0.708033 0.747269 0.715194 0.707416 0.712313 0.696181 **009_2/** 0.719206 0.670711 0.702920 0.712518 0.711954 0.727303 **012_3**/ 0.716066 0.669910 0.704513 0.712382 0.711337 0.695135 **015_2/** 0.718855 0.657486 0.678706 0.683810 0.683046 0.660344 **018_2/** 0.712339 0.671310 0.703488 0.713837 0.713345 0.692787 mean 0.702655 0.666258 0.686156 0.692329 0.693975 0.687986

RMSE_valid_dict, MaxAE_valid_dict = get_validation_RMSE_and_MaxAE(paths, '20_CV_only_DS/', 6)

RMSE_valid = get_dataframe_from_dict(RMSE_valid_dict)
RMSE valid

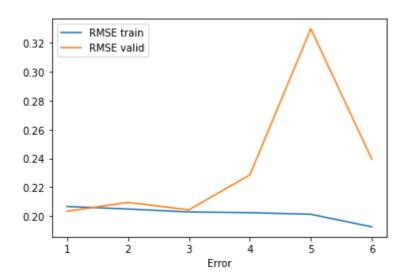
 1
 2
 3
 4
 5
 6

 001_2/
 0.120756
 0.128180
 0.109408
 0.125921
 0.135302
 0.145654

 004_3/
 0.141312
 0.137840
 0.144400
 0.140915
 0.134464
 0.145671

```
5
                                                           6
001_2/ 0.157495 0.168671 0.146347 0.164780 0.171443 0.200090
004 3/ 0.143722 0.144889 0.161348 0.153117 0.146555 0.148936
007_2/ 0.197727 0.184424 0.205017 0.196232 0.186478 0.185522
010_2/ 0.851269 0.865804 0.817998 0.834691 0.840444 0.882530
013_2/ 0.424184 0.442936 0.443871 0.442618 0.457187 0.443723
016_3/ 0.113257 0.082900 0.132351 0.356508 0.544139 0.537909
019_2/ 0.473019 0.491689 0.492974 0.491544 0.507511 0.449302
002 2/ 0.239803 0.250595 0.247952 0.243699 0.235712 0.128549
005_2/ 0.290734 0.401064 0.387168 0.397782 0.390504 0.459101
008_3/ 0.350937 0.356447 0.333142 0.664264 3.487801 0.930025
011_2/ 0.089865 0.083785 0.068974 0.080486 0.085242 0.171589
014_2/ 0.224031 0.235756 0.233166 0.235711 0.223274 0.218550
017_2/ 0.218960 0.205019 0.225805 0.220691 0.209384 0.181519
020_3/ 0.237633 0.213336 0.160740 0.153450 0.114663 0.067698
003 2/ 0.261961 0.262202 0.243410 0.258082 0.273969 0.254754
006_2/ 0.248453 0.271882 0.299843 0.316364 0.314719 0.209666
009_2/ 0.102259 0.113459 0.088448 0.103777 0.107409 0.124556
012 3/ 0.094955 0.094794 0.115546 0.102780 0.087856 0.079838
015_2/ 0.161305 0.222654 0.201339 0.196656 0.197204 0.088195
018 2/ 0.177390 0.165163 0.161079 0.164426 0.156812 0.211620
mean 0.252948 0.262873 0.258326 0.288883 0.436915 0.298684
```

```
plt.plot(RMSE_train.columns, RMSE_train.loc['mean'], label='RMSE train')
plt.plot(RMSE_valid.columns, RMSE_valid.loc['mean'], label='RMSE valid')
plt.legend()
plt.xlabel('Model complexity')
plt.xlabel('Error')
plt.show()
```



По рисунку видно, что не наступает переобученности. Поэтому лучшим будем считать размерность дескриптора с минимальной ошибкой валидации.

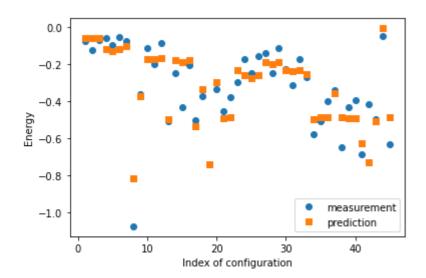
```
print(f"Минимальная ошибка RMSE валидации при размерности {RMSE_valid.columns[np.argmin(RMSE_valid.loc['mean'])]}") print(f"Минимальная ошибка MaxAE валидации при размерности {MaxAE_valid.columns[np.argmin(MaxAE_valid.loc['mean'])]}")
```

```
Минимальная ошибка RMSE валидации при размерности 1 Минимальная ошибка MaxAE валидации при размерности 1
```

Хоть минимум ошибки валидации достигается при размерности 1, мы будем использовать далее размерность 3, т.к. это лучшая размерность до переобучения.

Часть 4 - Об∨чение на полной выборке с одним признаком

full_set_desc_only_DS = get_full_set_desc_dat('full_set_only_DS/desc_dat/', 6)
plot_energy_vs_configuration(full_set_desc_only_DS)



RMSE, MaxAE = get_full_set_desc_dat_errors(full_set_desc_only_DS)
print('Обучение на полной выборке с дескриптором 6го уровня:')
print(f'RMSE: {RMSE}, MaxAE: {MaxAE}')

Обучение на полной выборке с дескриптором 6го уровня: RMSE: 0.09458696504880278, MaxAE: 0.31166

- Итоги

Итак, ошибка предсказания на выборке с одним признаком больше, чем при использовании всех параметров. Это выглядит разумно, т.к. выбранный нами признак DS - это не единственный значимый признак. Это можно понять по анализу тренировочного набора.