考试说明:

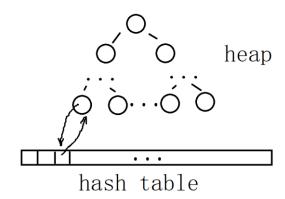
程序代码必须使用 C/C++语言完成,不接受任何其他编程语言。

以下有三道大题,第一题是必做题,剩下两题任选其一完成考试。

第一题总分50分,第二题总分50分,第三题总分50分。

不鼓励同时完成三道大题,否则在后两题中取较低分数统计总分,请特别注意。

一、利用以下数据结构解决定时队列问题。



假设某一服务器要处理若干定时任务。这些任务按照时间的先后离开优先权队列(用最小堆实现,如图所示),出队列的任务被立即执行。

定时任务的数据类型如:

struct TimedTask{

long id;

time_t t;

..

};

t 是最小堆中排序的关键字,即拥有最小t的任务位于堆顶。

同时,用户可以在任务被执行之前撤销任务,或者修改任务的执行时间。为了实现这样的操作,另外准备了一个散列表,用于计算散列地址的关键字是 id,散列表中每个元素是 id 和相应任务在最小堆中的下标的二元组({id, idx})。

具体要求如下:

- (1) 由于任务是动态加入的,所以要实现将新任务加入最小堆的操作,即实现 bool adjustUp(TimedTask task_queue[],int pos,HashItem hash_table[], int hsize);各参数的意义比较明确,返回值为 true 则代表在上推的过程中发生了数据交换。(10 分)
- (2) 堆顶任务的时间一到,该项任务就会出队列,此时要将剩下的任务重新组织成堆,因此要实现 bool adjustDown(TimedTask task_queue[],int pos,int qsize, HashItem hash_table[],int hsize);各参数的意义比较明确,返回值为 true 则代表在下推的过程中发生了数据交换。(10分)
- (3) 在堆中的任意操作(插入、删除、修改、调整),都有可能改变一些任务在堆中的位置,因此要实现散列表的插入、删除、修改等操作(线性开地址法)。提示:堆上的 adjustUp()和 adjustDown()函数都要考虑散列表上的操作。(8分)
- (4) 在任意时刻,可以删除堆中任意位置上的任务(通过 id 定位)。此时,要以最小的代价迅速将剩下的任务重新组织成最小堆,并完成散列表上相应的修改。即完成: void deleteFromHeap(TimedTask task_queue[],int qsize,HashItem hash_table[],int hsize,long id); (8分)
 - (5) 在任意时刻,可以修改堆中任意位置上的任务(通过 id 定位)的时间 t,此时,要

从被修改的任务开始迅速将所有任务重新组织成一个最小堆,并完成散列表上相应的修改。即完成: void updateHeap(TimedTask task_queue[],int qsize,HashItem hash_table[],int hsize,long id,time_t t); (8 分)

(6) 依次有如下任务进队列: (1237585, 7875) (237585, 7855) (127585, 875) (17585, 975) (47585, 17875) (585, 75)。假设最后一个任务进队列时并没有一个任务被执行,请输出优先权队列以及散列表的内容(假设散列表的长度为 7)。(6 分)

要求 main()函数实现下述操作:

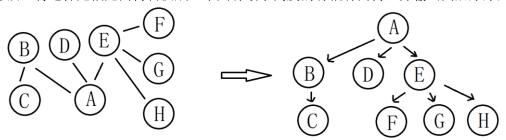
```
int main(){
```

}

```
initializeHashTable(hashtable,7);
buildQueue(taskqueue,6,hashtable,7);
dispQueue(taskqueue,6);
updateHeap(taskqueue,6,hashtable,7,237585,700);
dispQueue(taskqueue,6);
deleteFromHeap(taskqueue,6,hashtable,7,17585);
dispQueue(taskqueue,5);
return 0;
```

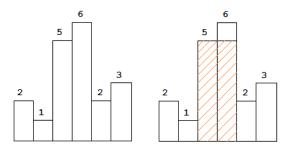
要求补充实现所有可能需要用到的函数和数据结构。

二、输入一个无向图的邻接矩阵,判断该无向图是否为一个无根无向树。若是,则设计一个算法,将这棵无根无向树转换成一个具有最小高度的有根有向树,并输出其后序序列。



具体要求如下:

- (1) 将以上左边部分的图表示成邻接矩阵的形式,并作为算法的输入数据。(5分)
- (2) 设计一个算法,能判断一个邻接矩阵是否为一棵无根无向树。(10分)
- (3) 若是无根无向树,则设计一个算法,在指定某项点为树根的情况下,将邻接矩阵转换成一棵用孩子兄弟链存储的有根有向树。(20分)
 - (4) 输出有根有向树的后序遍历序列。(5分)
- (5) 设计一个算法,寻找最优的树根(导致高度最小的有根有向树)。在找到最优根之后,生成拥有最小高度的有根有向树并输出其后序序列。提示:分三步进行。第一步,求所有顶点对之间的路径长度(参考 Floyd 算法),求出最大的路径长度;第二步,根据这个最大路径长度,深度优先遍历找到该路径上的所有顶点;第三步,在该路径上选择最优根。(10分)
 - 三、给定n个非负整数,用来表示柱状图中各个柱子的高度,每个柱子彼此相邻,且宽度为1。求在该柱状图中,能够勾勒出来的矩形的最大面积。



例如,上图中阴影部分是能够勾勒出来的最大矩形,面积为 **10**。 具体要求如下:

- (1) 函数原型为 int maxRectangle(int A[],int n),A 是存储柱状图的数组,n 为数组长度。
- (2) 用非递归方式实现该算法。
- (3) 在算法运行的过程中,允许改变数组 A的内容。
- (4) 提示:数组为递增时(其实递减的情况类似),最容易求得问题的解,每一根柱子都可以向右扩展。因此,可以先尝试在柱状图的高度递增的情况下的问题的解。(30分)
- (5) 然后,可用一个递增栈(即栈中的元素按增序排列)作为辅助数据结构,解决在任意形状的柱状图上求最大矩形面积的问题。(20分)