

# L2 informatique - Année 2020–2021

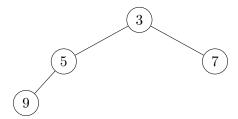
## TD d'Éléments d'Algorithmique n° 9

### Exercice 1. Un tout petit peu de combinatoire.

- 1. Donnez une borne supérieure sur le nombre de nœuds dans un arbre binaire en fonction de la hauteur de l'arbre.
- 2. On appelle  $ar\hat{e}te$  un lien entre un nœud et ses enfants (les traits que l'on représente sur le dessin). Si un arbre binaire a n nœuds, combien a-t-il d'arêtes?

#### Exercice 2. La structure.

Donnez le code permettant de créer l'arbre binaire dessiné ci dessous



## Exercice 3. Fonctions d'Arbres.

- 1. Écrivez les fonctions *récursives* qui renvoient respectivement la taille, la hauteur, le nombre de feuilles et la valeur maximale des nœuds d'un arbre binaire.
- 2. Un peigne gauche est un arbre binaire dans lequel l'enfant droit de chaque nœud interne est une feuille. Écrivez une fonction qui prend un arbre binaire en paramètre et retourne 1 si c'est un peigne gauche, 0 sinon.

## Exercice 4. Parcourir un Arbre.

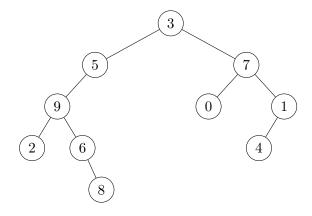
- 1. Rappelez le code récursif du parcours préfixe d'un arbre binaire.
- 2. Le parcours infixe d'un arbre de racine v est défini récursivement par :
  - (a) parcours (infixe) de v.G
  - (b) visite de v
  - (c) parcours (infixe) de v.D

et le parcours *postfixe* par :

- (a) parcours (postfixe) de v.G
- (b) parcours (postfixe) de v.D
- (c) visite de v

Donnez le code récursif des parcours infixe et postfixe d'un arbre binaire.

3. Lorsque l'on visite un nœud, on affiche sa valeur. Qu'obtient-on sur l'arbre ci dessous pour les trois parcours?



4. Un autre arbre pourrait-il avoir le même parcours préfixe? Même question pour les parcours et infixe et postfixe.

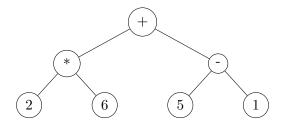
#### Exercice 5. Arbres binaires de recherche.

1. Dessinez étape par étape l'arbre binaire obtenu en insérant successivement

- 2. Donnez le parcours infixe de l'arbre obtenu. Que remarquez vous?
- 3. En déduire un algorithme de tri prenant une liste d'entiers en paramètre et qui renvoie la liste triée.
- 4. Quel est le pire des cas pour la complexité?

#### Exercice 6. Notation Polonaise Inverse le retour.

Dans cet exercice, les nœuds de l'arbre ont comme valeurs possibles un entier (s'il s'agit d'une feuille) ou un caractère parmi +,-,\*,/ (si c'est un nœud interne). Comme vu à un TD précédant, on peut représenter une expression algébrique comme 2\*6+(5-1) par la notation 26\*51-+, ou par l'arbre suivant :



- 1. À quel parcours de l'arbre la notation polonaise inverse correspond-elle?
- 2. Écrivez une fonction qui, à partir d'une expression en notation polonaise inverse (vue comme une liste), construit l'arbre représentant l'expression. On pourra utiliser une pile pour construire l'arbre.
- 3. Écrivez une fonction récursive qui prend l'arbre et construit l'expression parenthésée usuelle, avec toutes les parenthèses, même celles qui ne sont pas nécéssaires (par exemple ((2\*6)+(5-1))).