

TD2 Réseau de Petri

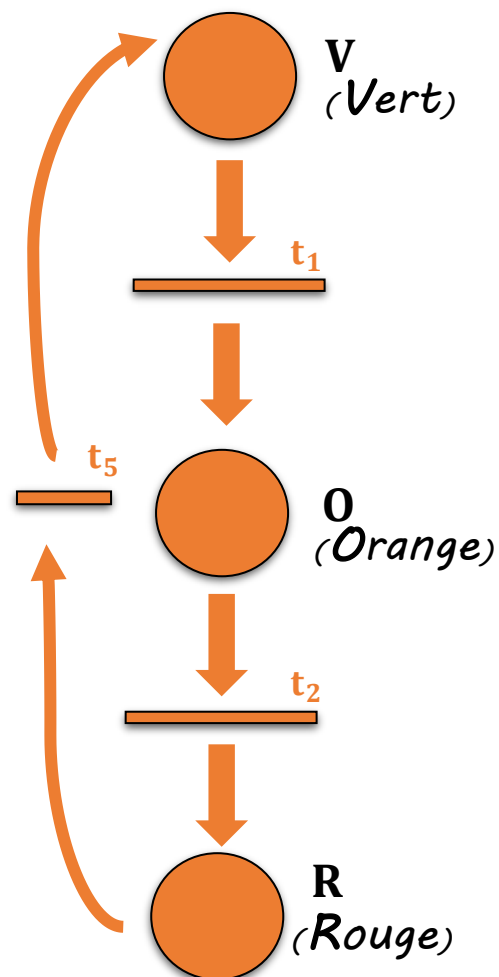
Lundi 27-09-2021

Exercice 1 • Feu rouge / vert

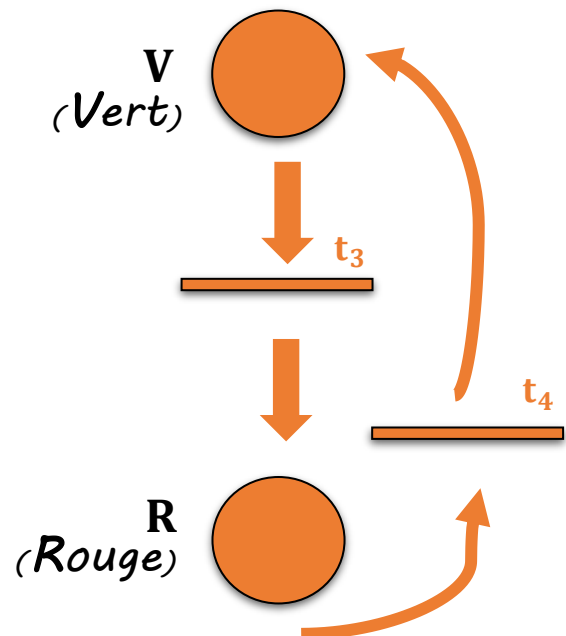
- Feu pour voiture : rouge, orange, vert.
- Feu pour piéton : rouge, vert

Modéliser les feux.

Voiture



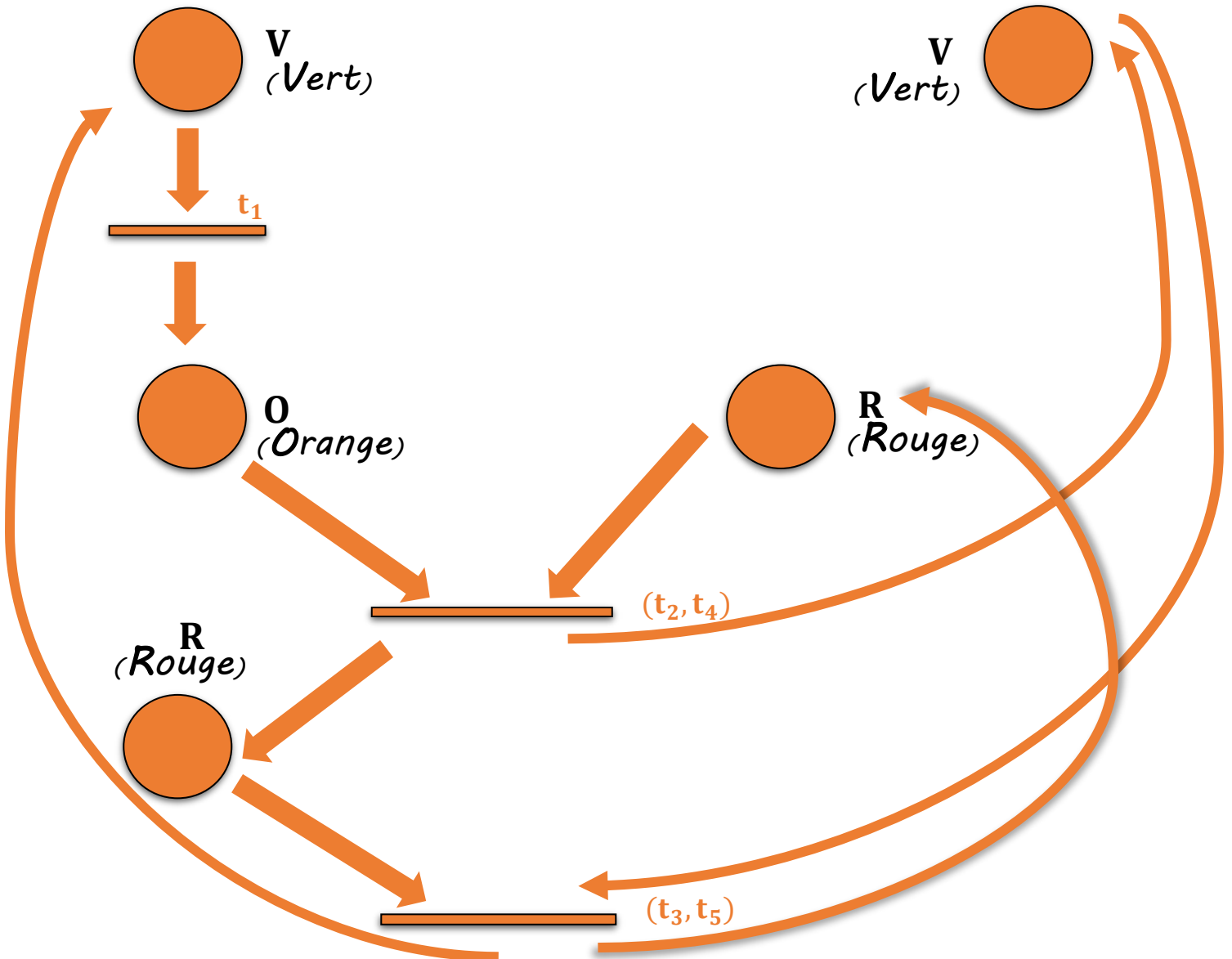
Piéton



Maintenant, on va essayer de combiner, de merger, certaines transitions.

Voiture

Piéton



Exercice 2 • Lecteur - rédacteur

- On revient au problème du lecteur - rédacteur vu en cm (CM 3).
- On suppose qu'il y a 3 états pour chaque processus :
 - Pas intéresser par la ressource (il fait autre chose).
 - Intéresser (attente)
 - Utiliser (et quand il termine, il redevient « intéresser »).
- Supposons qu'on veut donner la priorité au rédacteur. C--à-d. :

Quand j'ai un lecteur en compétition avec un rédacteur, si on doit choisir entre les deux, c'est le rédacteur qui va l'emporter.
- Si le lecteur se présente et le rédacteur n'est pas intéresser, alors il passe.
- 1 rédacteur, 1 lecteur.

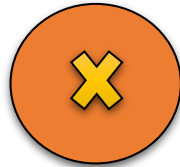
Redacteur

Lecteur

inactif1

RL *Resource Libre*

inactif2



Un Boolean



t_1

att1

t_2

util1

t_3

*Ce jeton
peut aller
qu'a 1 coté*

t_1'

att2

t_2'

util2

t_3'

Ça c'est le problème du lecteur - rédacteur tel que vu en CM. Maintenant, on veut donner la priorité au rédacteur.

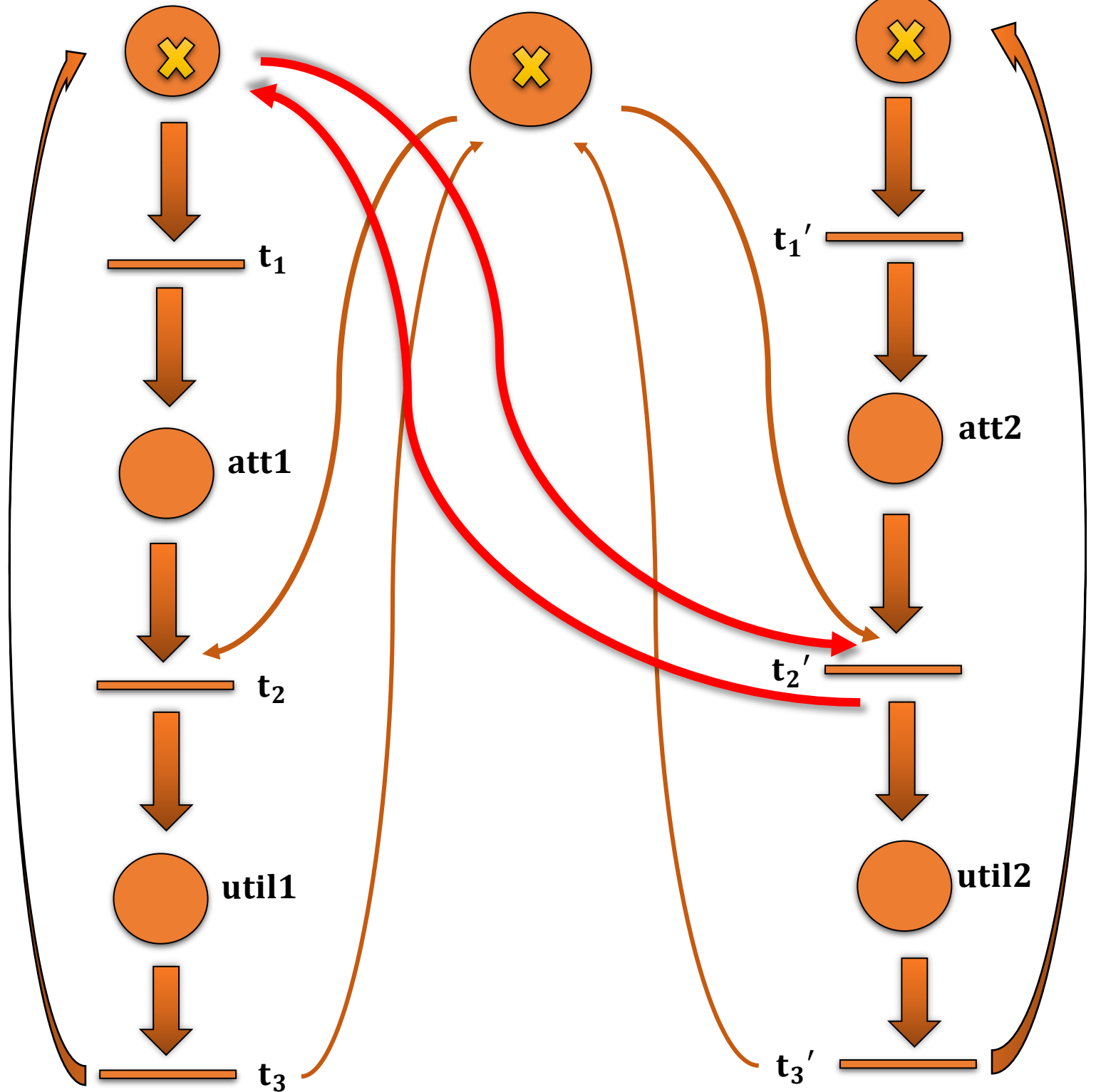
Redacteur

Lecteur

inactif1

RL *Resource Libre*

inactif2

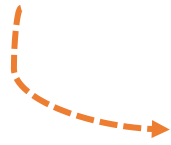


A la place des flèches rouge on peut écrire une priorité :

$$t_2 > t_2'$$

Réseaux de Petri avec Priorité

RdP + relations **d'ordre** entre les transitions.



Partielle (pas forcément total)

Donc c'est possible qu'il y a des transitions pas comparable.

C.-à-d. :

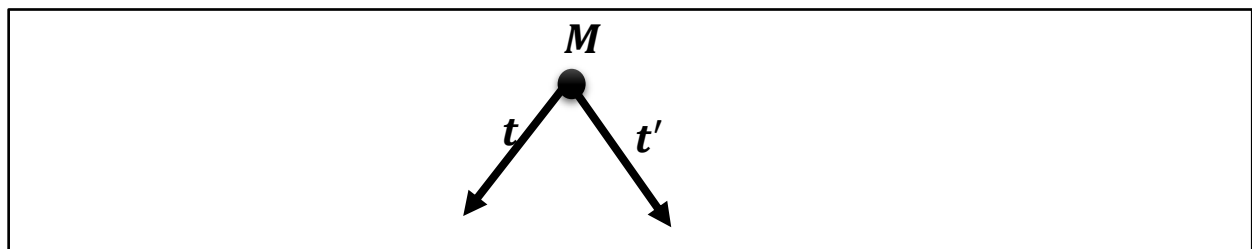
Pour 2 marquages M, M' et $t \in T$

$M \xrightarrow[t]{t} M'$
prio

Si

1) $M \triangleright M'$ Je peux faire cette transition

2) $\nexists t' \ t' > t$ et $\nexists M'' \ t.q. \ M \xrightarrow[t]{t} M''$



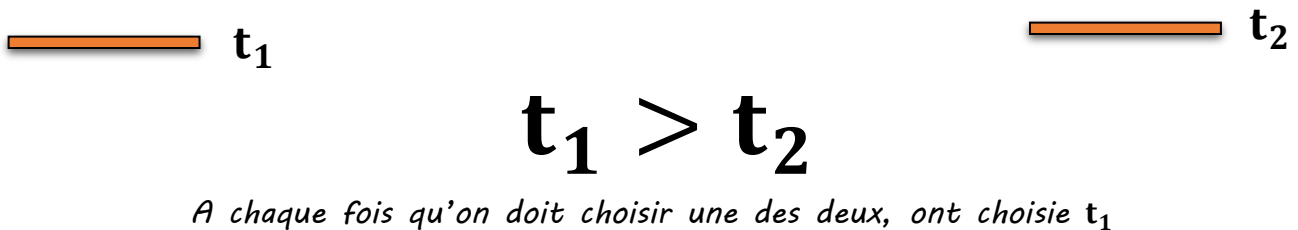
Respecter les relations d'ordre lorsqu'elles sont exécutables (si pas exécutable alors non...)

Exercice 3 • Question théorique

De manière général, supposons que notre réseau est un réseau **1-borné** (= max 1 jeton par place). Est-ce que c'est possible que si on nous donne un réseau avec priorité, de le transformer en réseau normal ?

Est-ce qu'on peut démontrer ça ?

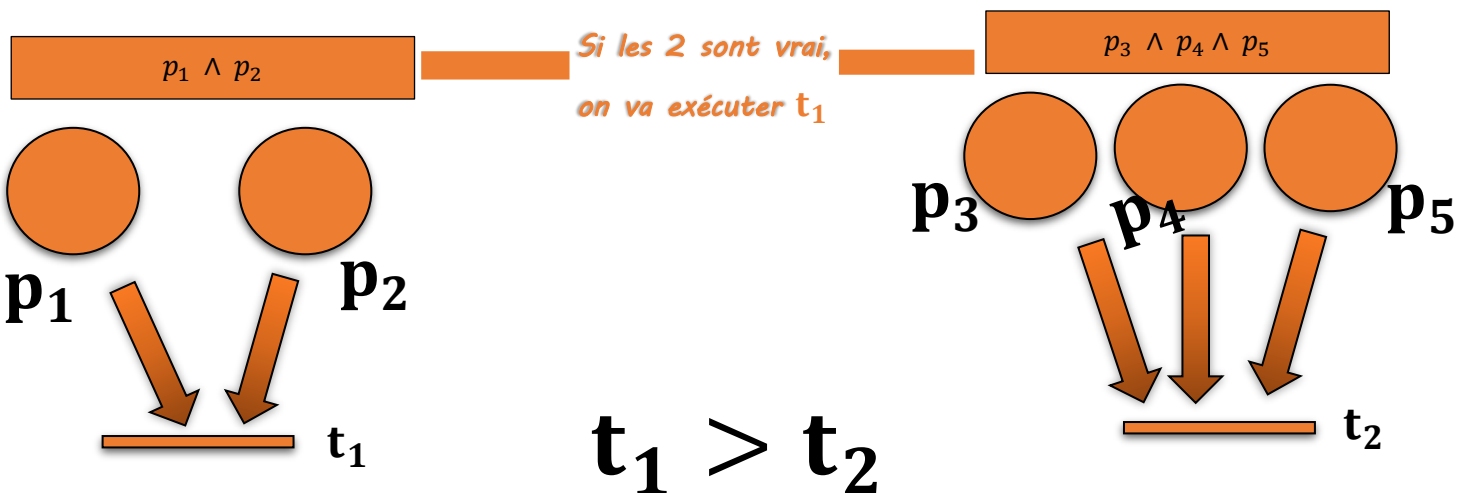
(Transformer n'importe quel réseau avec priorité a un réseau normal)



1 – borné

Les places ont comme valeur que 0 ou 1, c'est donc un Boolean.

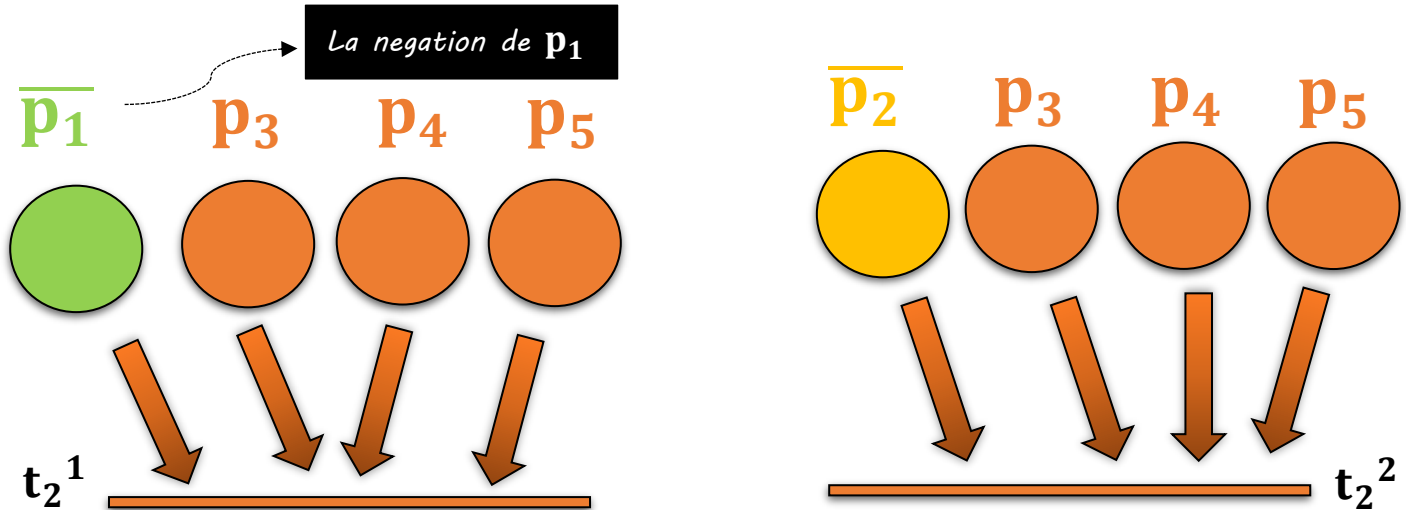
Quesque ça veut dire que t_1 et t_2 sont exécutables à partir d'un marquage ?



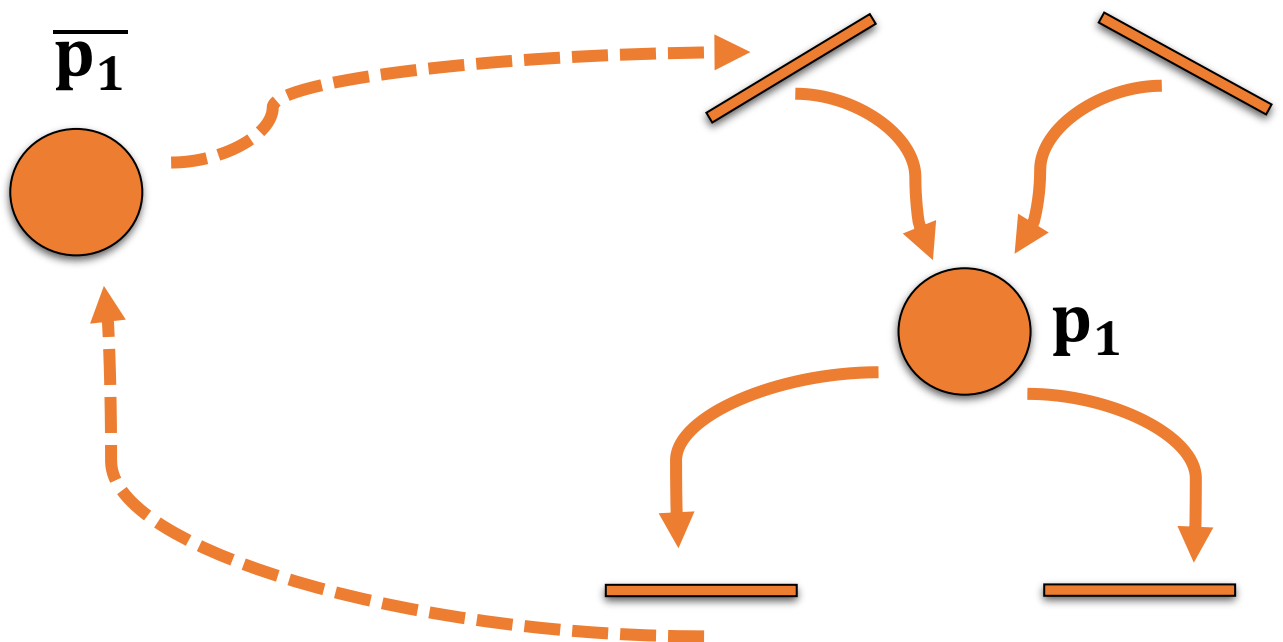
On considère que les places sont disjointes.

Pour exécuter t_2 il ne suffit pas de dire que $p_3 \wedge p_4 \wedge p_5$ soit vrai, mais aussi que la condition $t_1(p_1 \wedge p_2)$ soit fausse.

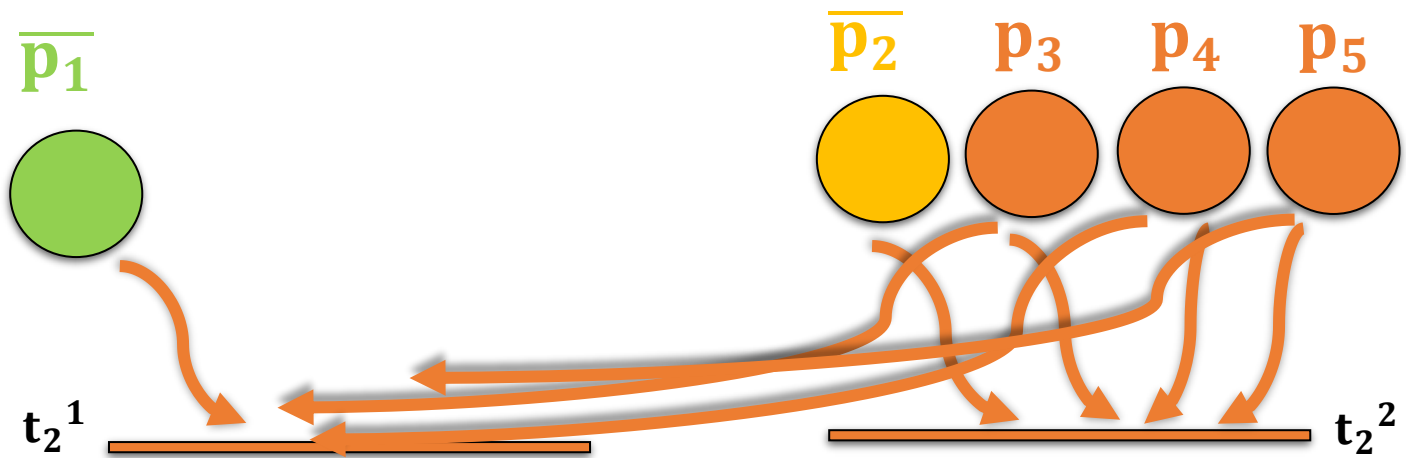
Donc, de manière générale, si j'ai cette priorité $t_1 > t_2$ je vais construire un nouveau réseau.



Pour crée $\overline{p_1}$



Donc,



Donc, on peut se débrouiller sans les priorités, mais c'est plus agréable de les utiliser car les priorités améliorent la lisibilité du modèle.

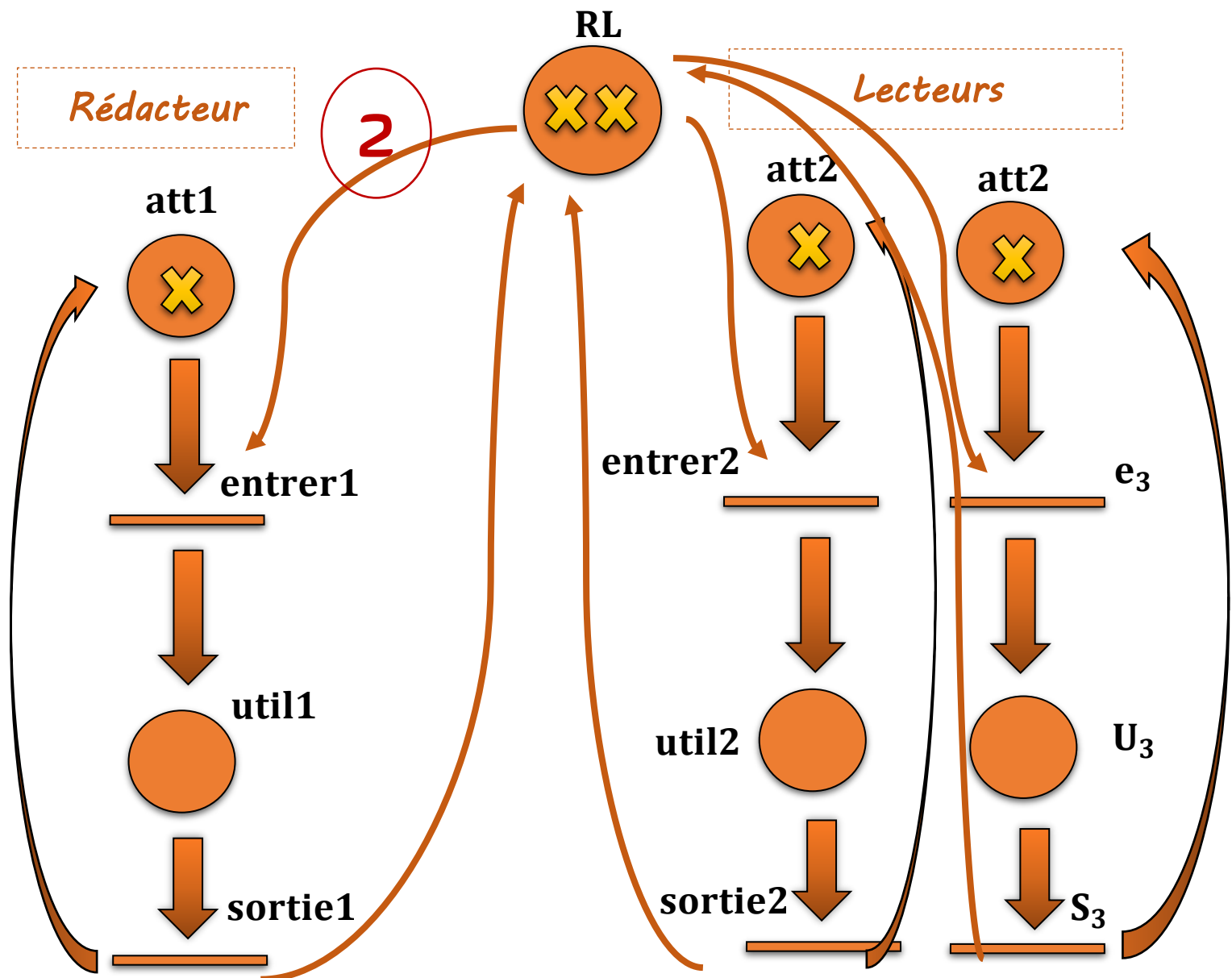
Cet exercice nous a permis de voir les priorités sur le cas borné.

Exercice 4 • Exclusion mutuelle (sans priorités)

Revenons maintenant au scénario vu en CM (cm 3) : plusieurs lecteurs peuvent lire en parallèle VS. un rédacteur, en exclusion mutuelle. Maintenant, supposons qu'on ne sait pas le nombre de lecteurs (on a un nombre de lecteurs arbitraires dans le système).

Le scénario vu en CM :

On a 2 lecteurs et 1 rédacteur. Le rédacteur, lorsqu'il écrit, il veut être seul. Cependant, les lecteurs peuvent lire ensemble (pendant ce temps l'écrivain ne peut pas écrire). Exclusion mutuelle, évidemment.

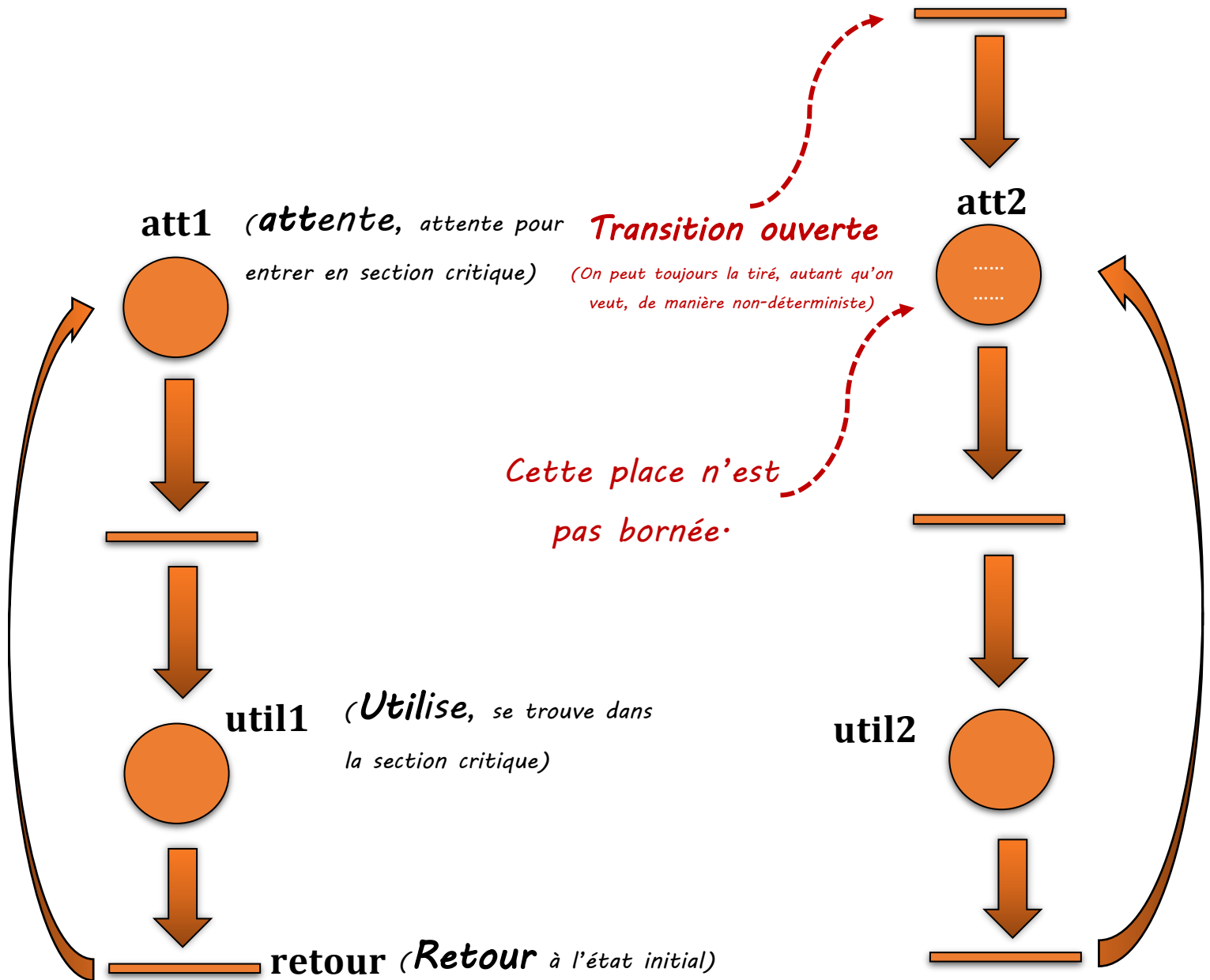


Le rédacteur a besoin de prendre 2 jetons de RL pour entrer en section critique.

Comment faire pour ce scénario décrit dans cet exo de TD ?

Rédacteur

Lecteurs



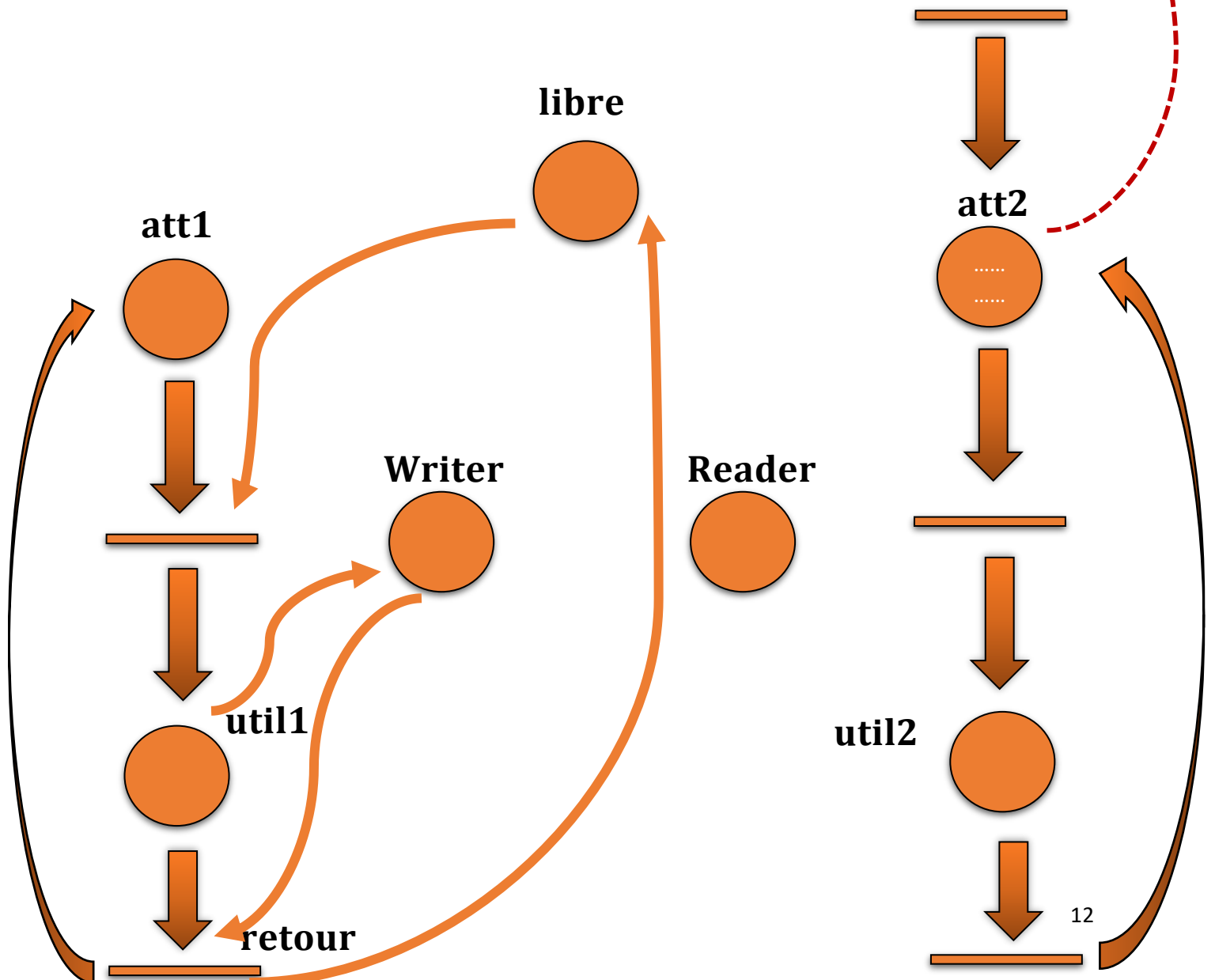
Quelle est la différence entre ce cas-là, et le cas de 2 lecteurs ?

Pour le scénario avec 2 lecteurs, on savait combien de personnes on a (2). Là on ne sait pas, il y a des lecteurs qui arrive tous le temps. Le nombre de jeton est non borné, mais la structure doit rester borné.

Lorsque qu'on a une ressource partagée, faut gères cette ressource. Donc, la ressource est soit libre, soit occupée. Si elle est occupée faut savoir pourquoi elle est occupée (lecture / écriture) et ensuite gérer cette information.

Rédacteur

Lecteurs



Pour que le premier lecteur qui débarque : faut que la ressource soit libre.

Le 2^{em} : la ressource est utilisée mais en Lecture donc OK.

Comme il y a beaucoup de lecteurs qui attende, ils doivent voir que la ressource est en mode lecture. De plus, au moment ou TLM est sorti faut le déclarer pour que le rédacteur le sache.

Comment savoir que le dernier lecteur est sorti ?

Comment résoudre ce problème avec un réseau de pétri normal, sans priorités ?

Tant qu'il y a des lecteurs dans « la salle », un lecteur qui sort ne peut pas remettre la ressource au statu « Libre ».

- Comment savoir qu'il y a du monde toujours en train de lire ?*
- Comment tester si je suis le dernier lecteur à sortir ?*

Est-ce que on peut la faire dans les réseaux de Petri ? non, car on ne peut pas tester si une place est égale a 0 (on ne test jamais a 0).

Du coup, la seule manière de le faire est d'utiliser les priorités ou les arcs inhibiteurs.

Suite : *Session de TD numéro 3.*