

# Programmation efficace – Licence 3 Informatique

## Tenir l'équilibre !

### Problème

Vous avez  $m$  boutons (numérotés de 1 à  $m$ ) devant vous, chacun correspond à une note de musique. Vous devez choisir un de ces boutons, appuyer dessus (et la note retentit), et recommencer... mais pas n'importe comment ! En effet, pour chaque note  $i$  vous avez une certaine fréquence  $0 < f_i \leq 1$  à respecter : le « taux de note  $i$  » parmi toutes les notes jouées depuis le début doit être proche de  $f_i$ . Plus formellement, si on note  $s_i$  le nombre de fois où on a choisi la note  $i$  (depuis le début), alors on doit avoir  $n \cdot f_i - 1 < s_i < n \cdot f_i + 1$  où  $n$  est le nombre total de notes depuis le début (c'est-à-dire  $n = \sum_{i=1..m} s_i$ ). Il se

peut que l'on soit bloqué à un certain moment (c'est-à-dire qu'appuyer sur n'importe quel bouton entraîne la violation d'une des contraintes) mais il est parfois possible, en choisissant habilement les boutons, de pouvoir jouer à l'infini.

Le programme demandé devra donner la taille (c'-à-d. le nombre de notes) d'une suite **maximale** de notes prolongeant **une séquence initiale donnée** (c'est-à-dire une séquence finie de valeurs entre 1 et  $m$  décrivant les notes qui ont été jouées jusque là). Cette taille sera un entier ou « infini ».

### Formats

Une instance du problème est donnée dans un fichier contenant trois lignes. La première ligne contient l'entier  $m$  (le nombre de notes) et un entier  $k$  indiquant la longueur de la séquence initiale.

La seconde ligne contient  $m$  **entiers**  $a_1, \dots, a_m$  utilisés pour définir les fréquences avec :  $f_i = \frac{a_i}{a_1 + \dots + a_m}$  pour tout  $1 \leq i \leq m$ .

La troisième ligne décrit la séquence initiale avec  $k$  entiers  $b_1, \dots, b_k$  où chaque  $b_i$  est un nombre entre 1 et  $m$  :  $b_j$  indique quelle note a été jouée à la  $j$ -ème itération.

Par exemple, pour l'entrée ci-dessous, le résultat attendu est 1 (on ne peut compléter la séquence que par une note et ensuite il y a blocage) :

```
6 5
2 1 6 3 5 3
1 2 5 3 5
```

Et pour l'exemple ci-dessous, on doit obtenir « infini » :

```
6 4
2 1 6 3 5 3
1 2 5 3
```