

# Principes de fonctionnement des machines binaires

2019/2020

**Pierluigi Crescenzi**

Université de Paris, IRIF



- Tests et examens
  - CC : résultat des tests en TD / TP ( **semaine prochaine** et 10 )
  - E0 : partiel ( samedi 26 octobre )
  - E1 : examen mi décembre
  - E2 : examen fin juin
- Notes finales
  - Note session 1 : 25% CC + 25% E0 + 50% E1
  - Note session 2 :  $\max( E2, 33\% CC + 67\% E2 )$
- Rappel
  - Pas de note  $\Rightarrow$  pas de moyenne  $\Rightarrow$  pas de semestre
- Site web
  - [moodleupd.script.univ-paris-diderot.fr](http://moodleupd.script.univ-paris-diderot.fr)

- Numération et arithmétique
- **Numération et arithmétique en machine**
- **Numérisation et codage (texte, images)**
- Compression, cryptographie, contrôle d'erreur
- Logique et calcul propositionnel
- Circuits numériques

- **Représentation en virgule flottante**

- Chaque nombre réel peut s'écrire de la façon suivante :

$$n = \pm m \times b^e$$

- $m$  : mantisse
- $b$  : base
- $e$  : exposant

- Exemple

- $(13, 11)_{10} = +1, 311 \times 10^1 = +0, 1311 \times 10^2 = +131, 1 \times 10^{-1}$
- $(-110, 101)_2 = -1, 10101 \times 2^2 = -0, 110101 \times 2^3 = -11010, 1 \times 2^{-2}$

- **Norme IEEE 754** ( binary32 ) : représentation sur  $n = 32$  bits
  - Exposant (positif ou négatif) représenté sur  $p = 8$  bits
    - *Décalé* (positif): on ajoute à l'exposant la valeur  $2^{p-1} - 1 = 127$
  - Mantisse sous la forme signe / valeur absolue
    - 1 bit pour le signe et  $k = 23$  bits pour la valeur

- **Norme IEEE 754** ( binary32 ) : représentation sur  $n = 32$  bits
  - Exposant (positif ou négatif) représenté sur  $p = 8$  bits
    - *Décalé* (positif): on ajoute à l'exposant la valeur  $2^{p-1} - 1 = 127$
  - Mantisse sous la forme signe / valeur absolue
    - 1 bit pour le signe et  $k = 23$  bits pour la valeur
  - Un nombre flottant normalisé a une valeur  $v$  donnée par la formule suivante :  $v = s \times 2^e \times m$ 
    - $s = \pm 1$  représente le signe (selon le bit de signe)
    - $e$  est l'exposant avant son décalage de 127
    - $m = 1 + \text{mantisse}$  représente la partie significative (en binaire), d'où  $1 \leq m < 2$ 
      - Mantisse est la partie décimale de la partie significative, comprise entre 0 et 1

- Exemple :  $-118,625$

- Exemple :  $-118,625$ 
  - Binaire :  $-1110110,101$



- Exemple :  $-118,625$ 
  - Binaire :  $-1110110,101$
  - Bit de signe : 1

- Exemple :  $-118,625$ 
  - Binaire :  $-1110110,101$
  - Bit de signe : 1
  - Mantisse : 1,110110101

- Exemple :  $-118,625$ 
  - Binaire :  $-1110110,101$
  - Bit de signe : 1
  - Mantisse :  $1,110110101$
  - Exposant :  $6 + 127 = 133 = (10000101)_2$

- Exemple :  $-118,625$ 
  - Binaire :  $-1110110,101$
  - Bit de signe : 1
  - Mantisse : 1,110110101
  - Exposant :  $6 + 127 = 133 = (10000101)_2$
  - Représentation : 1 10000101 110110101000000000000000

- Exemple :  $-118,625$ 
  - Binaire :  $-1110110,101$
  - Bit de signe : 1
  - Mantisse :  $1,110110101$
  - Exposant :  $6 + 127 = 133 = (10000101)_2$
  - Représentation : 1 10000101 110110101000000000000000
- Exemple : 0 01111100 010000000000000000000000

- Exemple :  $-118,625$ 
  - Binaire :  $-1110110,101$
  - Bit de signe : 1
  - Mantisse :  $1,110110101$
  - Exposant :  $6 + 127 = 133 = (10000101)_2$
  - Représentation : 1 10000101 110110101000000000000000
- Exemple : 0 01111100 010000000000000000000000
  - Signe : positif

- Exemple :  $-118,625$ 
  - Binaire :  $-1110110,101$
  - Bit de signe : 1
  - Mantisse :  $1,110110101$
  - Exposant :  $6 + 127 = 133 = (10000101)_2$
  - Représentation :  $1\ 10000101\ 110110101000000000000000$
- Exemple :  $0\ 01111100\ 010000000000000000000000$ 
  - Signe : positif
  - Exposant :  $e = 124 - 127 = -3$

- Exemple :  $-118,625$ 
  - Binaire :  $-1110110,101$
  - Bit de signe : 1
  - Mantisse :  $1,110110101$
  - Exposant :  $6 + 127 = 133 = (10000101)_2$
  - Représentation : 1 10000101 110110101000000000000000
- Exemple : 0 01111100 010000000000000000000000
  - Signe : positif
  - Exposant :  $e = 124 - 127 = -3$
  - Mantisse :  $(1,01)_2 = 1,25$



- Exemple :  $-118,625$ 
  - Binaire :  $-1110110,101$
  - Bit de signe : 1
  - Mantisse :  $1,110110101$
  - Exposant :  $6 + 127 = 133 = (10000101)_2$
  - Représentation : 1 10000101 110110101000000000000000
- Exemple : 0 01111100 010000000000000000000000
  - Signe : positif
  - Exposant :  $e = 124 - 127 = -3$
  - Mantisse :  $(1,01)_2 = 1,25$
  - Nombre représenté :  $+1,25 \times 2^{-3}$  soit  $+0,15625$

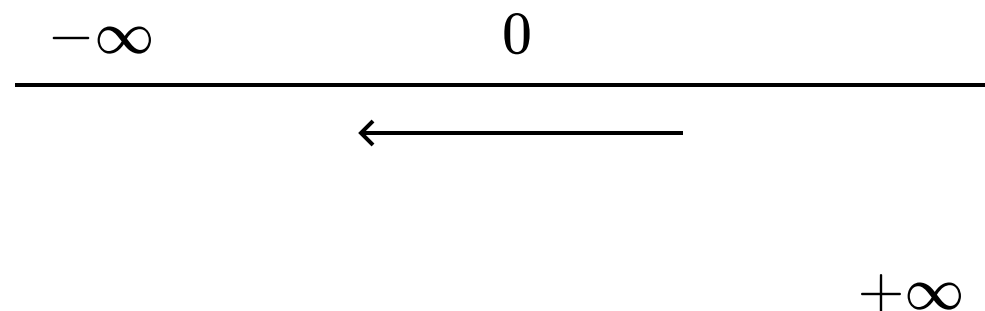
- Exceptions

- $e = 2^{p-1} - 1$  et  $m = 0$  :  $\pm\infty$  ( selon le bit de signe )
- $e = 2^{p-1} - 1$  et  $m \neq 0$  : NaN ( Not-a-Number )

- Exceptions
  - $e = 2^{p-1} - 1$  et  $m = 0$  :  $\pm\infty$  ( selon le bit de signe )
  - $e = 2^{p-1} - 1$  et  $m \neq 0$  : NaN ( Not-a-Number )
- 4 modes d'arrondi

- Exceptions
  - $e = 2^{p-1} - 1$  et  $m = 0$  :  $\pm\infty$  ( selon le bit de signe )
  - $e = 2^{p-1} - 1$  et  $m \neq 0$  : NaN ( Not-a-Number )

- 4 modes d'arrondi
  - Vers moins l'infini

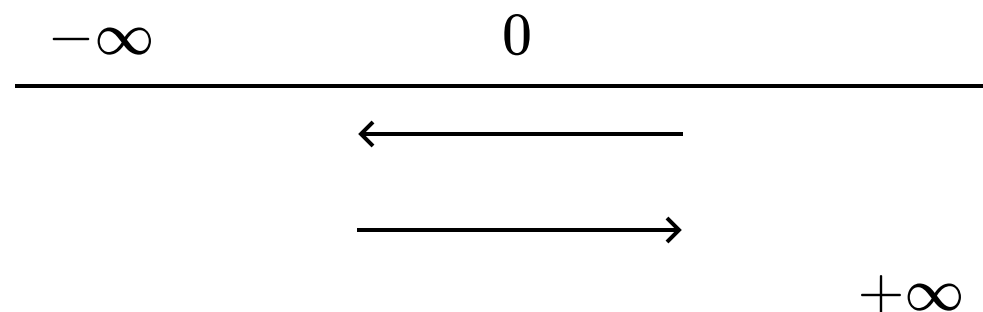


- Exceptions

- $e = 2^{p-1} - 1$  et  $m = 0$  :  $\pm\infty$  ( selon le bit de signe )
- $e = 2^{p-1} - 1$  et  $m \neq 0$  : NaN ( Not-a-Number )

- 4 modes d'arrondi

- Vers moins l'infini
- Vers plus l'infini

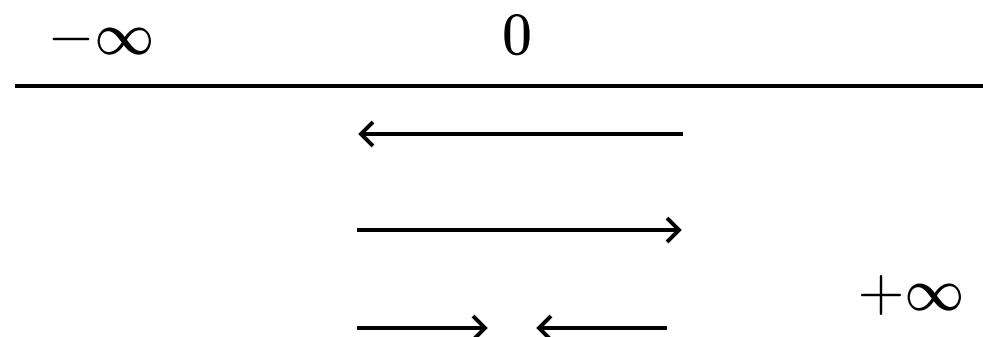


- Exceptions

- $e = 2^{p-1} - 1$  et  $m = 0$  :  $\pm\infty$  ( selon le bit de signe )
- $e = 2^{p-1} - 1$  et  $m \neq 0$  : NaN ( Not-a-Number )

- 4 modes d'arrondi

- Vers moins l'infini
- Vers plus l'infini
- Vers zéro



- Exceptions

- $e = 2^{p-1} - 1$  et  $m = 0 : \pm\infty$  ( selon le bit de signe )
- $e = 2^{p-1} - 1$  et  $m \neq 0 : \text{NaN}$  ( Not-a-Number )

- 4 modes d'arrondi

- Vers moins l'infini



- Vers plus l'infini



- Vers zéro



- Au plus près ( par défaut )

- $1, a_{-1}a_{-2} \dots a_{-22}a_{-23} \text{GRS}$

- $G = 0 : 1, a_{-1}a_{-2} \dots a_{-22}a_{-23}$

- $\text{GRS} = 100$  et  $a_{-23} = 0 : 1, a_{-1}a_{-2} \dots a_{-22}a_{-23}$

- Sinon :  $1, a_{-1}a_{-2} \dots a_{-22}a_{-23} + 0, \underbrace{0 \dots 01}_{22}$

- Règles de débordement

- Qu'affichera l'exécution de code suivant ?

```
1 float x = 0.3F;  
2 float y = 0.2F;  
3 float z = 0.1F;  
4 System.out.println( (x-y)==(y-z) );
```



- Comment le réel 0,3 est codé selon IEEE 754
  - $(0,3)_{10} = 0,0(1001)^{\omega}$
  - Normalisé :  $1, (0011)^{\omega} \times 2^{-2}$
  - Signe : 0
  - Exposant :  $-2 + 127 = 125 \rightarrow 01111101$
  - Mantisse ( au plus près ) : 00110011001100110011010
  - Représentation : 0 01111101 00110011001100110011010

- Représentation 0,3 : 0 01111101 00110011001100110011010
  - $1,00110011001100110011010 \times 2^{-2}$

- Représentation 0,3 : 0 01111101 00110011001100110011010
  - $1,00110011001100110011010 \times 2^{-2}$
- Représentation 0,2 : 0 01111100 10011001100110011001101
  - $1,10011001100110011001101 \times 2^{-3}$
  - Même exposant :  $0,11001100110011001100110 \times 2^{-2}$

- Représentation 0,3 : 0 01111101 00110011001100110011010
  - $1,00110011001100110011010 \times 2^{-2}$
- Représentation 0,2 : 0 01111100 10011001100110011001101
  - $1,10011001100110011001101 \times 2^{-3}$
  - Même exposant :  $0,11001100110011001100110 \times 2^{-2}$
- $0,3 - 0,2$  :  
$$\begin{array}{r} 1,00110011001100110011010 \\ - 0,11001100110011001100110 \\ \hline 0,01100110011001100110100 \end{array}$$

- Représentation 0,3 : 0 01111101 00110011001100110011010
  - $1,00110011001100110011010 \times 2^{-2}$
- Représentation 0,2 : 0 01111100 10011001100110011001101
  - $1,10011001100110011001101 \times 2^{-3}$
  - Même exposant :  $0,11001100110011001100110 \times 2^{-2}$
- $0,3 - 0,2$  :
$$\begin{array}{r} 1,00110011001100110011010 \\ - 0,11001100110011001100110 \\ \hline 0,01100110011001100110100 \end{array}$$
- Normalisé :  $1,10011001100110011010000 \times 2^{-4}$

- Représentation 0,3 : 0 01111101 00110011001100110011010
  - $1,00110011001100110011010 \times 2^{-2}$
- Représentation 0,2 : 0 01111100 10011001100110011001101
  - $1,10011001100110011001101 \times 2^{-3}$
  - Même exposant :  $0,11001100110011001100110 \times 2^{-2}$
- $0,3 - 0,2$  :
$$\begin{array}{r} 1,00110011001100110011010 \\ - 0,11001100110011001100110 \\ \hline 0,01100110011001100110100 \end{array}$$
- Normalisé :  $1,10011001100110011010000 \times 2^{-4}$
- Représentation : 0 01111011 10011001100110011010000
  - Decimal :  $\approx 0,10000001$

# Numérisation et codage

- Codage : conversion d'une représentation en une autre
  - Code Morse
    - SOS  $\Rightarrow$  ... \_ \_ \_ ...
- Le codage est utilisé à différentes fins
  - Représenter quelque chose dans un système numérique
  - Économiser de l'espace ( compression de données )
  - Rendre illisibles aux non initiés des données ( cryptographie )
  - Résister aux altérations, pertes ou mutations ( codes correcteurs )



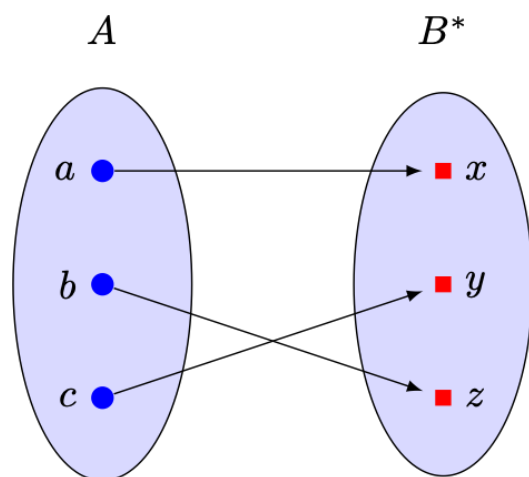
- En informatique
  - Il s'agit de coder de l'information sous la forme d'une suite finie de 0 et 1
    - Comment coder l'alphabet latin ?
    - Comment coder le signal numérisé d'une chanson ?
    - Comment coder l'image prise par un appareil photographique ?
    - Comment crypter le contenu de ma clé USB ?
    - Comment assurer que l'image prise par Curiosity sur la planète Mars parvienne sans altération jusqu'à nous ?

- **Alphabet** de  $n$  lettres :  $A = \{a_0, a_1, a_2, \dots, a_{n-1}\}$
- **Mot** : suite finie de lettres  $m = m_0 m_1 \dots m_{l-1}$  où  $m_i \in A$ 
  - $l$  : **longueur** du mot
- $A^*$  : l'ensemble des mots pouvant être écrits avec l'alphabet  $A$ 
  - Tous les mots de longueur 0 (un mot noté  $\varepsilon$ )
  - Tous les mots de longueur 1
  - Tous les mots de longueur 2

- **Alphabet** de  $n$  lettres :  $A = \{a_0, a_1, a_2, \dots, a_{n-1}\}$
- **Mot** : suite finie de lettres  $m = m_0 m_1 \dots m_{l-1}$  où  $m_i \in A$ 
  - $l$  : **longueur** du mot
- $A^*$  : l'ensemble des mots pouvant être écrits avec l'alphabet  $A$ 
  - Tous les mots de longueur 0 (un mot noté  $\varepsilon$ )
  - Tous les mots de longueur 1
  - Tous les mots de longueur 2
- Exemple :  $A = \{0, 1\}$ 
  - 01010010 : mot de longueur 8
  - $A^* = \{\varepsilon, 0, 1, 00, 01, 10, 11, 000, 001, 010, 011, 100, 101, 110, 111, \dots\}$

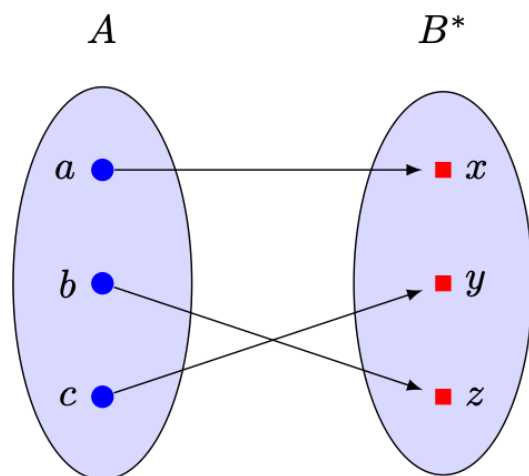
- La représentation de mots écrits dans un alphabet donné  $A$  en mots sur un autre alphabet  $B$

- La représentation de mots écrits dans un alphabet donné  $A$  en mots sur un autre alphabet  $B$



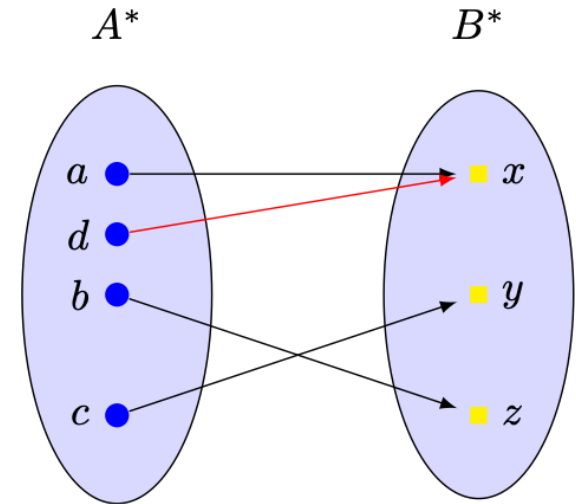
- On définit le codage des lettres de  $A$  en des mots de  $B^*$  à l'aide d'une fonction  $\tau : A \rightarrow B^*$

- La représentation de mots écrits dans un alphabet donné  $A$  en mots sur un autre alphabet  $B$

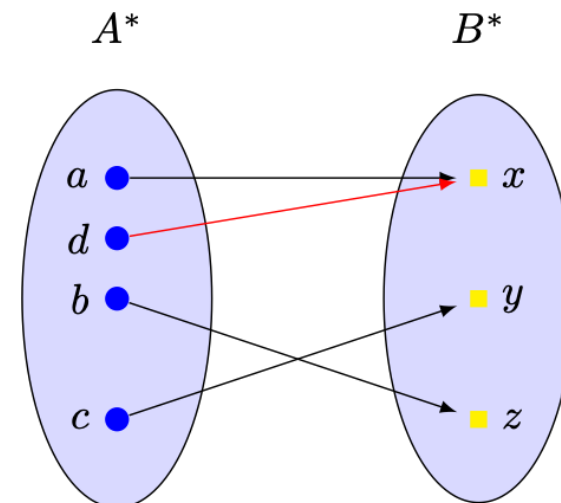


- On définit le codage des lettres de  $A$  en des mots de  $B^*$  à l'aide d'une fonction  $\tau : A \rightarrow B^*$
- Le codage par  $\tau$  d'un mot  $m = m_0 m_1 \dots m_{l-1}$  de  $A^*$ , consiste à coder chaque lettre et rabouter les codages dans l'ordre
$$\tau(m) = \tau(m_0)\tau(m_1) \dots \tau(m_{l-1})$$
  - On identifie  $\tau$  sur les mots et  $\tau$  sur les lettres

- $\tau$  doit être inversible !
  - $\tau$  injective (sur les mots)

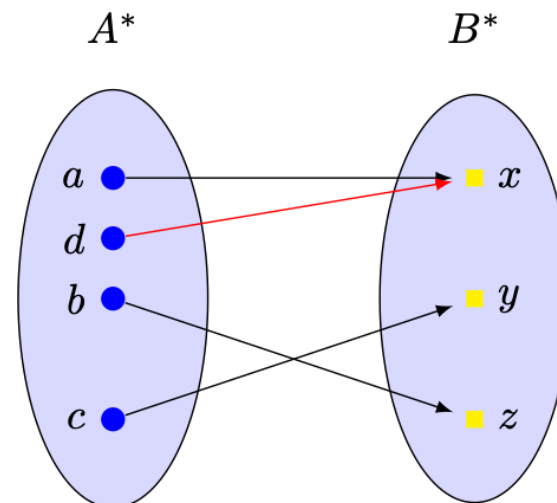


- $\tau$  doit être inversible !
  - $\tau$  injective (sur les mots)
- $A = \{a, b, c\}$  et  $B = \{0, 1\}$

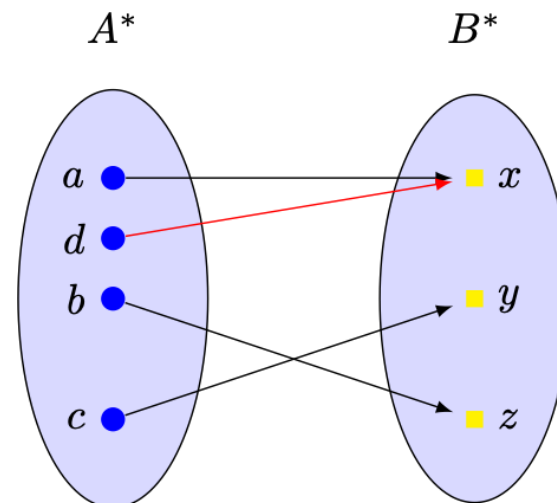




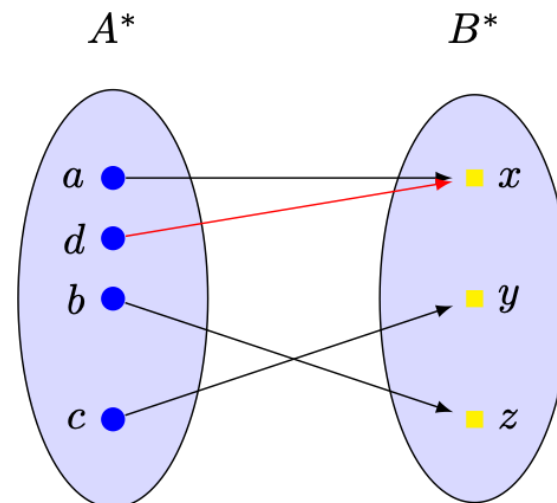
- $\tau$  doit être inversible !
  - $\tau$  injective (sur les mots)
- $A = \{a, b, c\}$  et  $B = \{0, 1\}$ 
  - $\tau(a) = 00, \tau(b) = 11, \tau(c) = 111110$ 
    - Est une fonction de codage acceptable



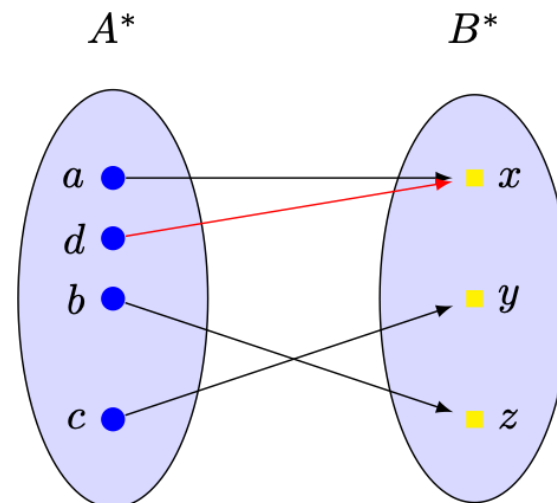
- $\tau$  doit être inversible !
  - $\tau$  injective (sur les mots)
- $A = \{a, b, c\}$  et  $B = \{0, 1\}$ 
  - $\tau(a) = 00, \tau(b) = 11, \tau(c) = 111110$ 
    - Est une fonction de codage acceptable
    - 111100111110 c'est ...



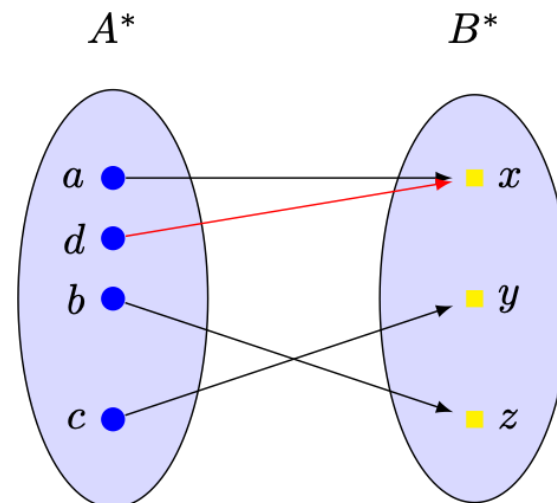
- $\tau$  doit être inversible !
  - $\tau$  injective (sur les mots)
- $A = \{a, b, c\}$  et  $B = \{0, 1\}$ 
  - $\tau(a) = 00, \tau(b) = 11, \tau(c) = 111110$ 
    - Est une fonction de codage acceptable
      - 111100111110 c'est ...
        - *bbac*



- $\tau$  doit être inversible !
  - $\tau$  injective (sur les mots)
- $A = \{a, b, c\}$  et  $B = \{0, 1\}$ 
  - $\tau(a) = 00, \tau(b) = 11, \tau(c) = 111110$ 
    - Est une fonction de codage acceptable
      - 111100111110 c'est ...
        - *bbac*
  - $\tau(a) = 0, \tau(b) = 01, \tau(c) = 10$ 
    - N'est pas une fonction acceptable



- $\tau$  doit être inversible !
  - $\tau$  injective (sur les mots)
- $A = \{a, b, c\}$  et  $B = \{0, 1\}$ 
  - $\tau(a) = 00, \tau(b) = 11, \tau(c) = 111110$ 
    - Est une fonction de codage acceptable
      - 111100111110 c'est ...
        - *bbac*
  - $\tau(a) = 0, \tau(b) = 01, \tau(c) = 10$ 
    - N'est pas une fonction acceptable
      - 010 c'est ...



- $\tau$  doit être inversible !
  - $\tau$  injective (sur les mots)

- $A = \{a, b, c\}$  et  $B = \{0, 1\}$

- $\tau(a) = 00, \tau(b) = 11, \tau(c) = 111110$

- Est une fonction de codage acceptable

- 111100111110 c'est ...

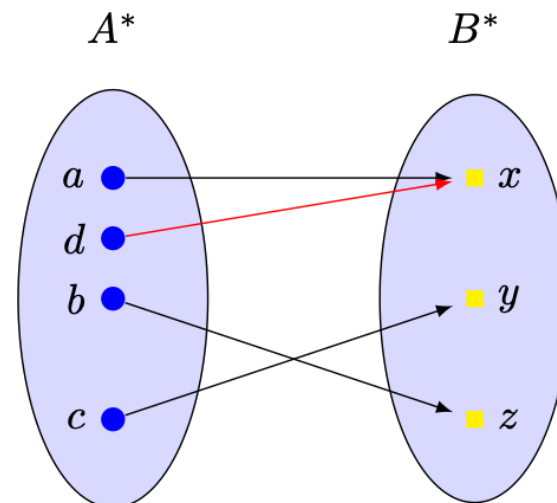
- $bbac$

- $\tau(a) = 0, \tau(b) = 01, \tau(c) = 10$

- N'est pas une fonction acceptable

- 010 c'est ...

- $ac$  ou  $ba$  ?



- Code de **longueur fixe**
  - Toutes les images par  $\tau$  sont de même longueur  $k$

- Code de **longueur fixe**

- Toutes les images par  $\tau$  sont de même longueur  $k$ 
  - Si  $B = \{0, 1\}$ , il suffit d'avoir  $k \geq \log_2(|A|)$  pour coder  $A$  sur  $B^*$



- Code de **longueur fixe**
  - Toutes les images par  $\tau$  sont de même longueur  $k$ 
    - Si  $B = \{0, 1\}$ , il suffit d'avoir  $k \geq \log_2(|A|)$  pour coder  $A$  sur  $B^*$
- Exemples avec  $B = \{0, 1\}$

- Code de **longueur fixe**
  - Toutes les images par  $\tau$  sont de même longueur  $k$ 
    - Si  $B = \{0, 1\}$ , il suffit d'avoir  $k \geq \log_2(|A|)$  pour coder  $A$  sur  $B^*$
- Exemples avec  $B = \{0, 1\}$ 
  - $A = \{a, b, c\}$

- Code de **longueur fixe**
  - Toutes les images par  $\tau$  sont de même longueur  $k$ 
    - Si  $B = \{0, 1\}$ , il suffit d'avoir  $k \geq \log_2(|A|)$  pour coder  $A$  sur  $B^*$
- Exemples avec  $B = \{0, 1\}$ 
  - $A = \{a, b, c\}$ 
    - Il faut  $k = 2$  :  $\tau(a) = 00$ ,  $\tau(b) = 01$ ,  $\tau(c) = 10$

- Code de **longueur fixe**
  - Toutes les images par  $\tau$  sont de même longueur  $k$ 
    - Si  $B = \{0, 1\}$ , il suffit d'avoir  $k \geq \log_2(|A|)$  pour coder  $A$  sur  $B^*$
- Exemples avec  $B = \{0, 1\}$ 
  - $A = \{a, b, c\}$ 
    - Il faut  $k = 2$  :  $\tau(a) = 00$ ,  $\tau(b) = 01$ ,  $\tau(c) = 10$
  - $A = \{a, b, \dots, z\}$

- Code de **longueur fixe**
  - Toutes les images par  $\tau$  sont de même longueur  $k$ 
    - Si  $B = \{0, 1\}$ , il suffit d'avoir  $k \geq \log_2(|A|)$  pour coder  $A$  sur  $B^*$
- Exemples avec  $B = \{0, 1\}$ 
  - $A = \{a, b, c\}$ 
    - Il faut  $k = 2$  :  $\tau(a) = 00$ ,  $\tau(b) = 01$ ,  $\tau(c) = 10$
  - $A = \{a, b, \dots, z\}$ 
    - Il faut  $k = 5$  :  $\tau(a) = 00000$ ,  $\tau(b) = 00001$ ,  $\dots$ ,  $\tau(z) = 11001$

- Code de **longueur fixe**
  - Toutes les images par  $\tau$  sont de même longueur  $k$ 
    - Si  $B = \{0, 1\}$ , il suffit d'avoir  $k \geq \log_2(|A|)$  pour coder  $A$  sur  $B^*$
- Exemples avec  $B = \{0, 1\}$ 
  - $A = \{a, b, c\}$ 
    - Il faut  $k = 2$  :  $\tau(a) = 00$ ,  $\tau(b) = 01$ ,  $\tau(c) = 10$
  - $A = \{a, b, \dots, z\}$ 
    - Il faut  $k = 5$  :  $\tau(a) = 00000$ ,  $\tau(b) = 00001$ ,  $\dots$ ,  $\tau(z) = 11001$
  - $A = \{A, B, \dots, Z, a, b, \dots, z, 0, 1, \dots, 9\}$

- Code de **longueur fixe**
  - Toutes les images par  $\tau$  sont de même longueur  $k$ 
    - Si  $B = \{0, 1\}$ , il suffit d'avoir  $k \geq \log_2(|A|)$  pour coder  $A$  sur  $B^*$
- Exemples avec  $B = \{0, 1\}$ 
  - $A = \{a, b, c\}$ 
    - Il faut  $k = 2$  :  $\tau(a) = 00$ ,  $\tau(b) = 01$ ,  $\tau(c) = 10$
  - $A = \{a, b, \dots, z\}$ 
    - Il faut  $k = 5$  :  $\tau(a) = 00000$ ,  $\tau(b) = 00001$ ,  $\dots$ ,  $\tau(z) = 11001$
  - $A = \{A, B, \dots, Z, a, b, \dots, z, 0, 1, \dots, 9\}$ 
    - Il faut  $k = 6$

- Code de **longueur fixe**
  - Toutes les images par  $\tau$  sont de même longueur  $k$ 
    - Si  $B = \{0, 1\}$ , il suffit d'avoir  $k \geq \log_2(|A|)$  pour coder  $A$  sur  $B^*$
- Exemples avec  $B = \{0, 1\}$ 
  - $A = \{a, b, c\}$ 
    - Il faut  $k = 2$  :  $\tau(a) = 00$ ,  $\tau(b) = 01$ ,  $\tau(c) = 10$
  - $A = \{a, b, \dots, z\}$ 
    - Il faut  $k = 5$  :  $\tau(a) = 00000$ ,  $\tau(b) = 00001$ ,  $\dots$ ,  $\tau(z) = 11001$
  - $A = \{A, B, \dots, Z, a, b, \dots, z, 0, 1, \dots, 9\}$ 
    - Il faut  $k = 6$
- Le décodage est facile à partir du découpage du mot image en blocs de  $k$  lettres



- Code de **longueur fixe**
  - Toutes les images par  $\tau$  sont de même longueur  $k$ 
    - Si  $B = \{0, 1\}$ , il suffit d'avoir  $k \geq \log_2(|A|)$  pour coder  $A$  sur  $B^*$
- Exemples avec  $B = \{0, 1\}$ 
  - $A = \{a, b, c\}$ 
    - Il faut  $k = 2$  :  $\tau(a) = 00$ ,  $\tau(b) = 01$ ,  $\tau(c) = 10$
  - $A = \{a, b, \dots, z\}$ 
    - Il faut  $k = 5$  :  $\tau(a) = 00000$ ,  $\tau(b) = 00001$ ,  $\dots$ ,  $\tau(z) = 11001$
  - $A = \{A, B, \dots, Z, a, b, \dots, z, 0, 1, \dots, 9\}$ 
    - Il faut  $k = 6$
- Le décodage est facile à partir du découpage du mot image en blocs de  $k$  lettres
  - $A = \{a, b, c\}$  et  $B = \{0, 1\}$  et  $\tau(a) = 00$ ,  $\tau(b) = 01$ ,  $\tau(c) = 10$

- Code de **longueur fixe**
  - Toutes les images par  $\tau$  sont de même longueur  $k$ 
    - Si  $B = \{0, 1\}$ , il suffit d'avoir  $k \geq \log_2(|A|)$  pour coder  $A$  sur  $B^*$
- Exemples avec  $B = \{0, 1\}$ 
  - $A = \{a, b, c\}$ 
    - Il faut  $k = 2$  :  $\tau(a) = 00$ ,  $\tau(b) = 01$ ,  $\tau(c) = 10$
  - $A = \{a, b, \dots, z\}$ 
    - Il faut  $k = 5$  :  $\tau(a) = 00000$ ,  $\tau(b) = 00001$ ,  $\dots$ ,  $\tau(z) = 11001$
  - $A = \{A, B, \dots, Z, a, b, \dots, z, 0, 1, \dots, 9\}$ 
    - Il faut  $k = 6$
- Le décodage est facile à partir du découpage du mot image en blocs de  $k$  lettres
  - $A = \{a, b, c\}$  et  $B = \{0, 1\}$  et  $\tau(a) = 00$ ,  $\tau(b) = 01$ ,  $\tau(c) = 10$
  - $000000010010 = 00\ 00\ 00\ 01\ 00\ 10$  c'est ...

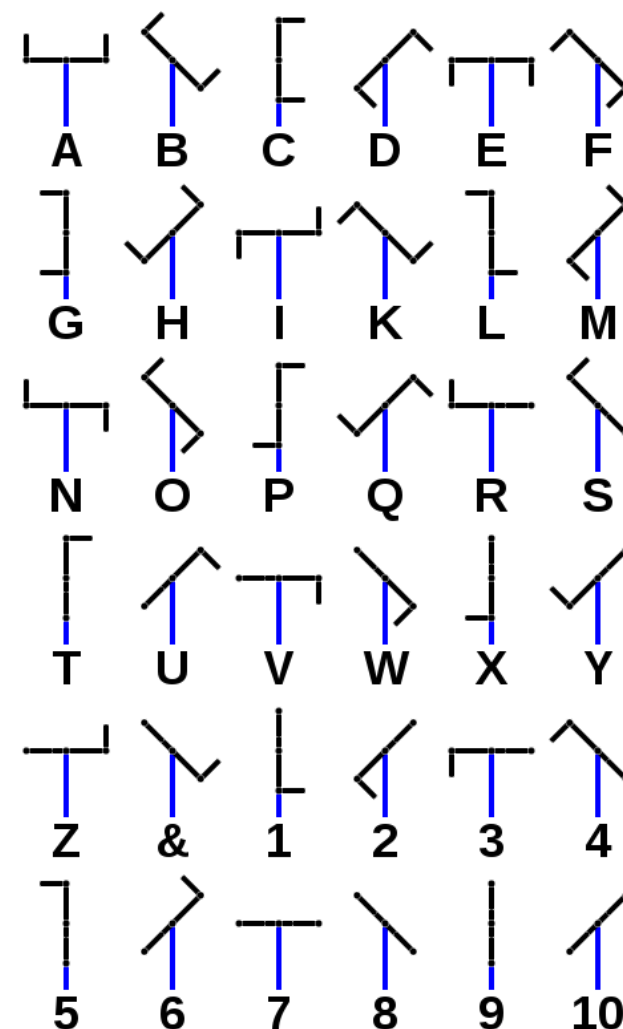
- Code de **longueur fixe**
  - Toutes les images par  $\tau$  sont de même longueur  $k$ 
    - Si  $B = \{0, 1\}$ , il suffit d'avoir  $k \geq \log_2(|A|)$  pour coder  $A$  sur  $B^*$
- Exemples avec  $B = \{0, 1\}$ 
  - $A = \{a, b, c\}$ 
    - Il faut  $k = 2$  :  $\tau(a) = 00$ ,  $\tau(b) = 01$ ,  $\tau(c) = 10$
  - $A = \{a, b, \dots, z\}$ 
    - Il faut  $k = 5$  :  $\tau(a) = 00000$ ,  $\tau(b) = 00001$ ,  $\dots$ ,  $\tau(z) = 11001$
  - $A = \{A, B, \dots, Z, a, b, \dots, z, 0, 1, \dots, 9\}$ 
    - Il faut  $k = 6$
- Le décodage est facile à partir du découpage du mot image en blocs de  $k$  lettres
  - $A = \{a, b, c\}$  et  $B = \{0, 1\}$  et  $\tau(a) = 00$ ,  $\tau(b) = 01$ ,  $\tau(c) = 10$
  - $000000010010 = 00\ 00\ 00\ 01\ 00\ 10$  c'est ...
    - *aaabac*

- Codes à **longueur variable**

- Ces codes sont plus difficiles à construire
- Les codes **préfixes** sont des codes de longueur variable pas trop difficiles
  - Un code préfixe est un code pour lequel aucune image d'une lettre n'est le préfixe de l'image d'une autre lettre
- Exemple
  - $A = \{a, b, c, d\}$  et  $B = \{0, 1\}$
  - $\tau(a) = 0, \tau(b) = 10, \tau(c) = 110, \tau(d) = 1110$
- Ils sont très utiles si la fréquence d'apparition des symboles de  $A$  n'est pas uniforme
  - Code de Huffman (on verra bientôt)

- Les premiers codes

- Les premiers codes
  - Le télégraphe de Claude Chappe (1794)
    - À l'aide des éléments mobiles



- Les premiers codes
  - Le télégraphe de Claude Chappe (1794)
    - À l'aide des éléments mobiles
  - Le code Morse (attribué à Samuel Morse, 1832)
    - Indépendant du support de transmission
    - Il code dans un alphabet binaire (code de longueur variable)

### International Morse Code

1. The length of a dot is one unit.
2. A dash is three units.
3. The space between parts of the same letter is one unit.
4. The space between letters is three units.
5. The space between words is seven units.

A • —  
B — • • •  
C — • — •  
D — • •  
E •  
F • • — •  
G — — •  
H • • • •  
I • •  
J • — — —  
K — • —  
L • — • •  
M — —  
N — •  
O — — —  
P • — — •  
Q — — • —  
R • — •  
S • • •  
T —

U • • —  
V • • • —  
W • — —  
X — • • —  
Y — • — —  
Z — — • •

1 • — — — —  
2 • • — — —  
3 • • • — —  
4 • • • • —  
5 • • • • •  
6 — • • • •  
7 — — • • •  
8 — — — • •  
9 — — — — •  
0 — — — — —

- Les premiers codes
  - Le télégraphe de Claude Chappe (1794)
    - À l'aide des éléments mobiles
  - Le code Morse (attribué à Samuel Morse, 1832)
    - Indépendant du support de transmission
    - Il code dans un alphabet binaire (code de longueur variable)
  - Le code Baudot (Émile Baudot, 1874)
    - Trois fois plus rapide que le code Morse
    - Il a constitué la première normalisation d'un alphabet numérique international
    - Le baud est une unité de mesure en transmission (nombre de symboles / secondes)

(No Model.)

J. M. E. BAUDOT.

11 Sheets—Sheet 6.

PRINTING TELEGRAPH.

No. 388,244.

Patented Aug. 21, 1888.

Fig. 24.

	1	2	3	4	5
A	+	-	-	-	-
B	-	-	+	+	-
C	+	+	+	+	-
D	+	+	-	-	-
E	+	+	+	-	-
F	-	+	+	+	-
G	-	+	-	-	-
H	+	+	+	+	-
I	+	+	-	-	-
J	+	-	-	+	+
K	+	+	-	+	+
L	+	+	-	+	+
M	-	+	+	+	+
N	-	+	+	+	+
O	+	+	+	+	+
P	+	+	+	+	+
Q	+	+	+	+	+
R	-	-	+	+	+
S	-	-	+	+	+
T	+	-	+	-	-
U	+	+	+	-	+
V	+	+	+	-	+
W	-	+	+	-	+
X	-	+	+	-	+
Y	+	+	-	-	+
Z	+	+	-	-	+
0	-	-	-	+	+
1	-	-	-	+	+
2	-	-	-	+	+
3	-	-	-	+	+
4	-	-	-	+	+
5	-	-	-	+	+
6	-	-	-	+	+
7	-	-	-	+	+
8	-	-	-	+	+
9	-	-	-	+	+

INVENTOR:

*Jean Maurice Emile Baudot*



- Les demandes de normalisation de codage d'alphabets
  - Baudot (1874, 5 bits)
  - BCD (1954, 6 Bits)
  - 7-bits ASCII (1972, norme ISO/CEI 646)
  - 8-bits ISO/CEI-8859-1 dit Latin-1 (1986) ou ISO/CEI-8859-15 dit Latin-9 (1998)
    - Des extensions au code ASCII
  - 16-bits UNICODE et 32-bits UNICODE (1987)
    - Définit les jeux de caractères, leur numérotation et nommage, etc
    - Le codage peut-être de longueur variable (UTF-8 (8, 16, 24, 32 bits), UTF-16 (16, 32 bits)) ou de longueur fixe UTF-32 (32 bits)
    - Java utilise le jeu de caractères Unicode encodé via UCS-2 (16 bits)

- Le code ASCII originel (American Standard Code for Information Interchange)
  - Codage des caractères alphabétiques latins non accentués, majuscules et minuscules, chiffres, signes et symboles annexes, caractères spéciaux dits de contrôle (94 caractères)
  - Sur 7 bits, ou sur 8 bits avec le bit de poids fort égal à 0
    - On utilisait parfois ce huitième bit pour réaliser une somme de contrôle, permettant de valider la transmission

USASCII code chart

<div><div><div><div>b<sub>7</sub></div><div>b<sub>6</sub></div><div>b<sub>5</sub></div></div><div><div>b<sub>4</sub></div><div>b<sub>3</sub></div><div>b<sub>2</sub></div><div>b<sub>1</sub></div></div><div>Bits</div></div></div>					Column		Row		0 0 0		0 0 1		0 1 0		0 1 1		1 0 0		1 0 1		1 1 0		1 1 1	
					0	1	2	3	4	5	6	7												
					0	0	0	0	0	NUL	DLE	SP	0	@	P	`	p							
					0	0	0	1	1	SOH	DC1	!	1	A	Q	a	q							
					0	0	1	0	2	STX	DC2	"	2	B	R	b	r							
					0	0	1	1	3	ETX	DC3	#	3	C	S	c	s							
					0	1	0	0	4	EOT	DC4	\$	4	D	T	d	t							
					0	1	0	1	5	ENQ	NAK	%	5	E	U	e	u							
					0	1	1	0	6	ACK	SYN	&	6	F	V	f	v							
					0	1	1	1	7	BEL	ETB	'	7	G	W	g	w							
					1	0	0	0	8	BS	CAN	(	8	H	X	h	x							
					1	0	0	1	9	HT	EM	)	9	I	Y	i	y							
					1	0	1	0	10	LF	SUB	*	:	J	Z	j	z							
					1	0	1	1	11	VT	ESC	+	;	K	[	k	{							
					1	1	0	0	12	FF	FS	,	<	L	\	l								
					1	1	0	1	13	CR	GS	-	=	M	]	m	}							
					1	1	1	0	14	SO	RS	.	>	N	^	n	~							
					1	1	1	1	15	SI	US	/	?	O	_	o	DEL							

- ASCII étendu (ISO/CEI 8859-1)
  - 191 caractères
  - Où est œ ? pas encore €

ISO/CEI 8859-1																
	x0	x1	x2	x3	x4	x5	x6	x7	x8	x9	xA	xB	xC	xD	xE	xF
0x	<i>positions inutilisées</i>															
1x																
2x	SP	!	"	#	\$	%	&	'	(	)	*	+	,	-	.	/
3x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	:	;	<	=	>	?
4x	@	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
5x	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	[	\	]	^	_
6x	`	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o
7x	p	q	r	s	t	u	v	w	x	y	z	{		}	~	
8x	<i>positions inutilisées</i>															
9x																
Ax	NBSP	ı	ø	£	¤	¥	¦	§	¨	©	ª	«	¬	-	®	¯
Bx	°	±	²	³	´	µ	¶	·	¸	¹	º	»	¼	½	¾	¿
Cx	À	Á	Â	Ã	Ä	Å	Æ	Ç	È	É	Ê	Ë	Ì	Í	Î	Ï
Dx	Ð	Ñ	Ò	Ó	Ô	Õ	Ö	×	Ø	Ù	Ú	Û	Ü	Ý	Þ	ß
Ex	à	á	â	ã	ä	å	æ	ç	è	é	ê	ë	ì	í	î	ï
Fx	ð	ñ	ò	ó	ô	õ	ö	÷	ø	ù	ú	û	ü	ý	þ	ÿ

- ASCII étendu (ISO/CEI 8859-15)
  - 191 caractères
  - Ne permet pas de supporter plusieurs langues en même temps
  - Passage à un codage plus long
    - Le type `char` en Java est sur 16 bits (encodage UCS-2)

ISO/CEI 8859-15																
	x0	x1	x2	x3	x4	x5	x6	x7	x8	x9	xA	xB	xC	xD	xE	xF
0x	non utilisé															
1x																
2x		!	"	#	\$	%	&	'	(	)	*	+	,	-	.	/
3x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	:	;	<	=	>	?
4x	@	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
5x	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	[	\	]	^	_
6x	`	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o
7x	p	q	r	s	t	u	v	w	x	y	z	{		}	~	
8x	non utilisé															
9x																
Ax		ı	ø	£	€	¥	Š	§	š	©	ª	«	¬		®	-
Bx	º	±	²	³	Ž	μ	¶	·	ž	¹	º	»	Œ	œ	Ÿ	ı
Cx	À	Á	Â	Ã	Ä	Å	Æ	Ç	È	É	Ê	Ë	Ì	Í	Î	Ï
Dx	Ð	Ñ	Ò	Ó	Ô	Õ	Ö	×	Ø	Ù	Ú	Û	Ü	Ý	Þ	ß
Ex	à	á	â	ã	ä	å	æ	ç	è	é	ê	ë	ì	í	î	ï
Fx	ð	ñ	ò	ó	ô	õ	ö	÷	ø	ù	ú	û	ü	ý	þ	ÿ

- Java et les caractères
  - Le type `char` est en fait un type entier 16 bits non signés dont la représentation utilise l'encodage UNICODE UCS-2
  - Un littéral de caractères est
    - Directement le caractère entouré de simples apostrophes comme `'A'` ou `'z'` ou encore `'ä'`
    - Le code UNICODE du caractère entouré d'apostrophes et préfixé par `\u` comme `'\u011F'`
  - Dans certains cas il est utile de préfixer le caractère souhaité à l'aide du caractère `\`
    - Comme pour le littéral de caractère représentant l'apostrophe ou le caractère `'\'` lui-même
    - Ou pour représenter des caractères spéciaux comme le passage à la ligne ou la tabulation
  - Java autorise l'utilisation de certains caractères UNICODE UCS-2 y compris pour les identificateurs
    - Il ne faut pas trop en abuser
    - L'insertion dans un fichier de caractères UCS-2 est dépendante du logiciel et du système hôte

- Exemple

```
1 System.out.println( 'A' );  
2 System.out.println( 'ä' );  
3 System.out.println( '\u00E4' );  
4 System.out.println( '\\ ' );  
5 System.out.println( "C1\tC2\nC3\tC4" );
```

- Les pages webs d'Internet utilisent le langage de description HTML pour structurer le contenu ( basiquement : du texte )
  - Le texte est nécessairement encodé, c'est pourquoi HTML permet de préciser quel encodage a été utilisé
- HTML permet de spécifier l'encodage via
  - Pour HTML4

```
<meta http-equiv="Content-Type"
content="text/html; charset="ISO-8859-1"/>
```
  - Pour HTML5

```
<meta charset="UTF-8"/>
```
  - Pour XHTML5

```
<?xml version="1.0" encoding="UTF-8"?>
```
  - Si l'on indique rien c'est UTF-8 pour HTML5 et ISO-8859-1 pour HTML < 5 par défaut