## TD n°6

## Analyse ascendante

Exercice 1 On considère la grammaire suivante :

$$S \rightarrow C$$
\$

$$C \rightarrow 0 \mid aCb$$

- Donner une dérivation droite du mot aa0bb\$.
- En déduire des préfixes réductibles.
- Donner l'ensemble des items de cette grammaire.
- Lesquels sont complets?
- À partir des items construire l'automate caractéristique non-déterministe (avec  $\epsilon$ -transitions) de cette grammaire.
- Éliminer les  $\epsilon$ -transitions et déterminiser.
- Est-ce qu'il y a des conflits shift-reduce ou reduce-reduce?
- Est-ce que la grammaire est LR(0)?
- Appliquer l'algorithme d'analyse grammaticale sur le mot aa0bb\$.
- Appliquer l'algorithme d'analyse grammaticale sur le mot ab\$.

## Exercice 2 On considère la grammaire suivante :

 $S \rightarrow Z\$$ 

$$Z \rightarrow A \mid ZA$$

$$A \rightarrow ab \mid aZb$$

- Est-ce que aab, ab, abb sont des préfixes réductibles de cette grammaire?
- Donner quelques préfixes réductibles (y compris certains contenant des non-terminaux) de cette grammaire.
- Donner l'ensemble des items de cette grammaire.
- À partir des items construire l'automate caractéristique non-déterministe (avec  $\epsilon$ -transitions) de cette grammaire.
- Éliminer les  $\epsilon$ -transitions et déterminiser.
- Est-ce que aab, ab et abb sont acceptés par l'automate?
- Est-ce que la grammaire est LR(0)? Vérifier qu'il n'y a pas de conflits.
- Analyser le mot aabbab et le mot abb.

**Exercice 3** Pour chacune des cinq grammaires suivantes, déterminer si elle est LR(0) ou LR(1). Justifier.

1. 
$$S \rightarrow Z\$$$
  
 $Z \rightarrow aZa \mid bZb \mid \epsilon$ 

2. 
$$S \rightarrow Z$$
\$
 $Z \rightarrow A \mid Z + A$ 
 $A \rightarrow a(Z) \mid a$ 

3. 
$$S \to A$$
\$
$$A \to aDb$$

$$D \to Dd \mid \epsilon$$

4. 
$$S \rightarrow Z\$$$
  
 $Z \rightarrow dAd$   
 $A \rightarrow DaBd \mid BbDd$   
 $B \rightarrow \epsilon$   
 $D \rightarrow bD \mid \epsilon$ 

5. 
$$S \rightarrow Z\$$$
 $Z \rightarrow Z + T \mid T$ 
 $T \rightarrow T * E \mid E$ 
 $E \rightarrow i \mid Z$