

# Chapter 04.

## 동적 계획법 #1

Clip 01 | [2748] 피보나치수 2

동적 계획법이란?

점화식을 잘 유도하는 방법

Clip 02 | [11727] 2\*n 타일링 2

기준 점과 방법의 수

Clip 03 | [2156] 포도주 시식

중복을 허용하지 않는 순열 생성

Clip 04 | [11047] 동전 0

최소 동전의 개수를 찾는 그리디

Clip 05 | [2294] 동전 2

최소 동전의 개수를 찾는 DP

Clip 06 | [2293] 동전 1

가치의 경우의 수를 찾는 DP

Clip 07 | [2624] 동전 바꿔주기

개수 제한이 있는 동전 교환

Clip 08 | [12865] 평범한 배낭

배낭의 최대 가치를 위한 DP

# Ch04. 동적 계획법 #1

## 1. [2748] 피보나치 수 2

## 동적 계획법?

### 정의

복잡한 문제를 작은 하위 문제로 나눠 해결하고,  
그 결과를 조합하여 최종 해답을 얻는 알고리즘 설계 기법

작은 부분 문제들의 해를 미리 구해서 중복 계산을 방지

## 동적 계획법?

### 필수 조건

- 최적 부분 구조 (Optimal Substructure)
  - 큰 문제의 최적 해가 작은 문제의 최적 해를 포함
- 중복 부분 문제 (Overlapping Subproblems)
  - 같은 부분 문제가 여러 번 반복되어야 함

## 동적 계획법?

### 최적 부분 구조

- 큰 문제의 최적 해가 작은 문제의 최적 해를 포함

ex) 피보나치 수

n번째 피보나치 수를  $f(n)$  이라고 표현하면

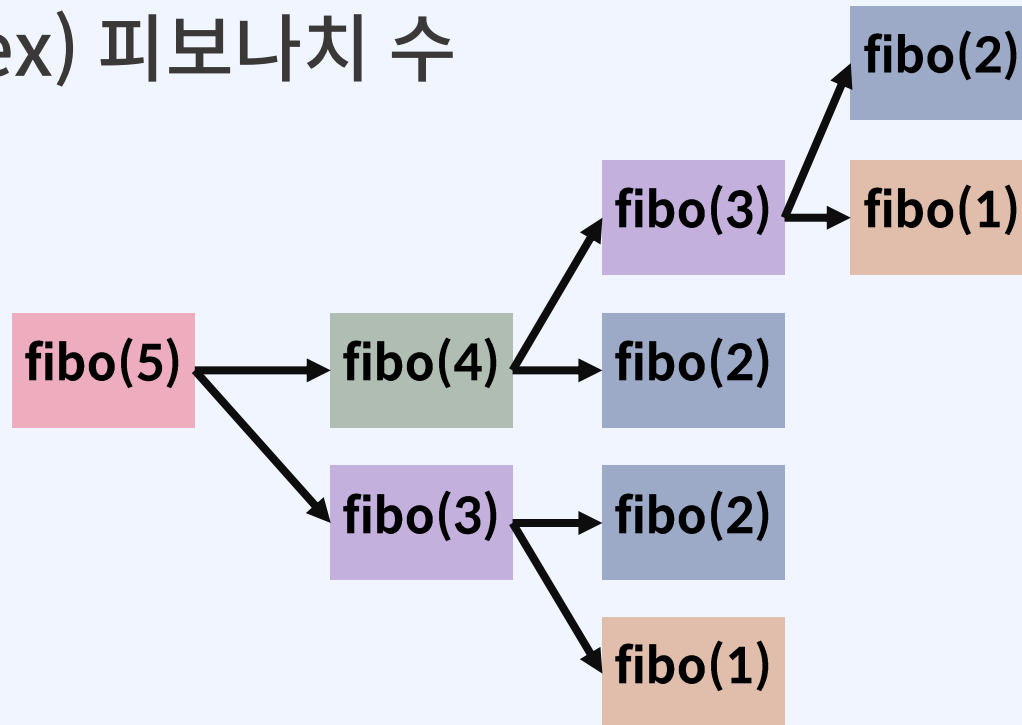
- $f(n) = f(n-1) + f(n-2)$
- $f(n-1) = f(n-2) + f(n-3)$
- $f(n-2) = f(n-3) + f(n-4)$

## 동적 계획법?

### 중복 부분 문제 (Overlapping Subproblems)

- 같은 부분 문제가 여러 번 반복되어야 함

ex) 피보나치 수



- fibo(5): 1회
- fibo(4): 1회
- fibo(3): 2회
- fibo(2): 3회
- fibo(1): 2회

## 동적 계획법?

### 중복 부분 문제 (Overlapping Subproblems)

- 같은 부분 문제가 여러 번 반복되어야 함

---

부분 문제가 여러 번 반복되지 않는다면?

반복되는 연산을 줄이는 목적에 부합하지 않음

재사용하는 않는 문제의 정답을 모두 메모리에 저장하면  
사용하지 않는 메모리만 낭비됨

## 동적 계획법?

### 접근 방법

#### 하향식 접근 (Memoization)

- 계산한 결과를 메모리에 저장하고 재사용
- 재귀식 접근
- 상대적으로 입력이 적은 경우에 사용

#### 상향식 접근 (Tabulation)

- 하위 문제의 결과를 표에 저장
- 입력이 많은 경우에 적합
- 하위 문제가 한번에 구해지지 않는 경우에 사용



## BOJ2748: 피보나치 수2

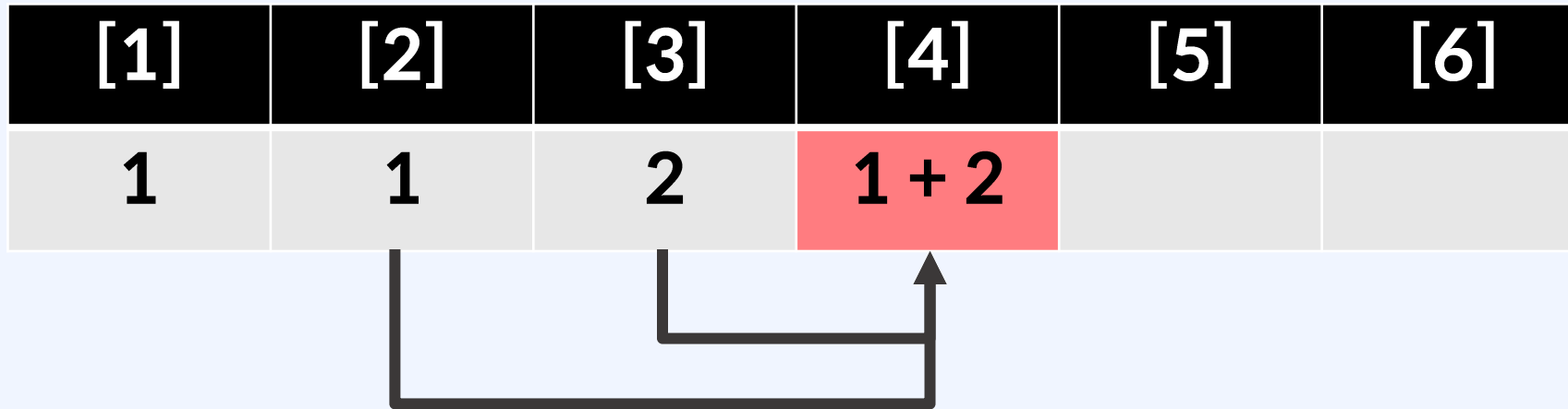
### 1. 하향식 접근

```
static long[] memo = new long[91];  
static long fibo(int n) {  
    if (n == 1 || n == 2) return 1;  
    if(memo[n] != 0) return memo[n];  
    memo[n] = fibo(n - 1) + fibo(n - 2);  
    return memo[n];  
}
```

n번째 피보나치 수를 구하기 위해 하향(n-1, n-2)접근 한다

## BOJ2748: 피보나치 수2

## 2. 상향식 접근 (1)



{i-1}, {i-2} 번째 피보나치 수를 구하고, {i}번째에 상향 반영한다

## BOJ2748: 피보나치 수2

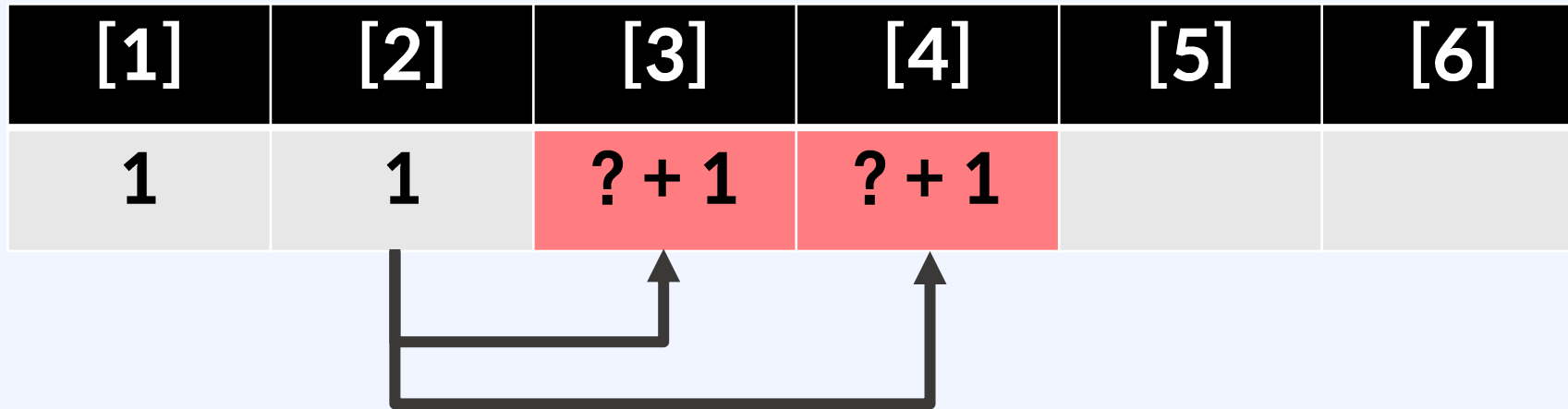
### 2. 상향식 접근 (1)

```
static long[] dp = new long[91];  
static long fibo2(int n) {  
    dp[1] = dp[2] = 1;  
    for(int i = 3; i <= n; i++)  
        dp[i] = dp[i - 1] + dp[i - 2];  
    return dp[n];  
}
```

{i-1}, {i-2} 번째 피보나치 수를 구하고, {i}번째에 상향 반영한다

## BOJ2748: 피보나치 수2

### 2. 상향식 접근 (2)



{i} 번째 피보나치 수를 {i + 1}, {i + 2} 번째에 누적 합으로 반영한다

# BOJ2748: 피보나치 수2

## 2. 상향식 접근 (2)

```
static long[] dp = new long[93];
static long fibo3(int n) {
    dp[1] = 1;
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        dp[i + 1] += dp[i];
        dp[i + 2] += dp[i];
    }
    return dp[n];
}
```

{i-1}, {i-2} 번째 피보나치 수를 구하고, {i}번째에 상향 반영한다

## BOJ2748: 피보나치 수2

### 동적 계획법 잘 짜는 법?

1. 문제의 요구사항을 점화식의 결과가 되도록 유도한다
2. 문제를 작은 부분문제로 쪼갬다
  - 단,  $\{i\}$  번째 문제는  $\{i - k\}$  번째 부분문제를 활용할 수 있도록 쪼갬다
3. 동적 배열의 차원 수를 줄일 수 있는지 한번 더 검토한다

# Ch04. 동적 계획법 #1

## 2. [11727] 2\*N 타일링

## BOJ11727: 2\*N 타일링 2

### 문제 요약

- 2 \* N 직사각형을 채우는 방법의 수 ( $1 \leq n \leq 1,000$ )
  - 방법의 수를 10,007로 나눈 나머지를 출력
- 타일
  - 1 \* 2
  - 2 \* 1
  - 2 \* 2

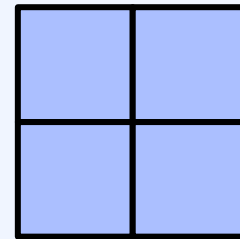
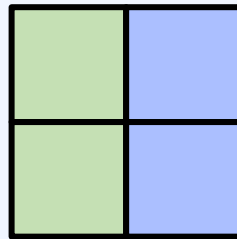
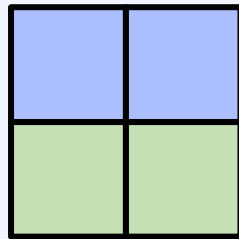


# BOJ11727: 2\*N 타일링 2

## 문제 요약

입력 데이터
2

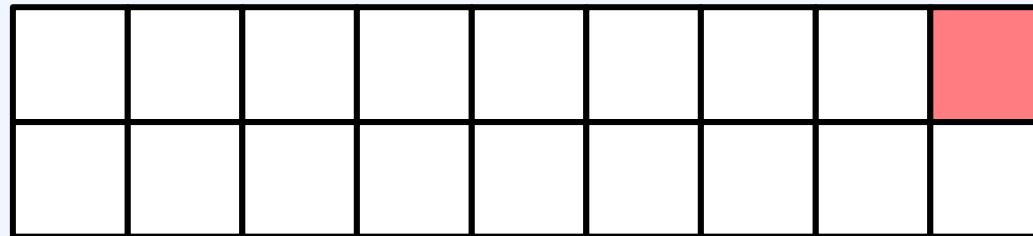
출력 데이터
3



## BOJ11727: 2\*N 타일링 2

### 문제 분석

- 문제의 요구사항: **방법의 수**
- $d[n] = 2 * n$  영역을 채우는 **방법의 수**

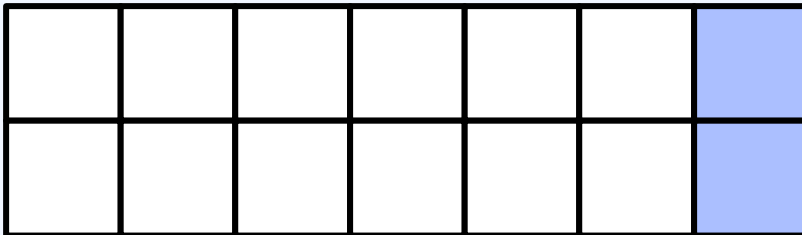


기준점 하나를 잡고 생각해보자  
가장 오른쪽 위의 영역은 무슨 종류의 타일로 채워질까?

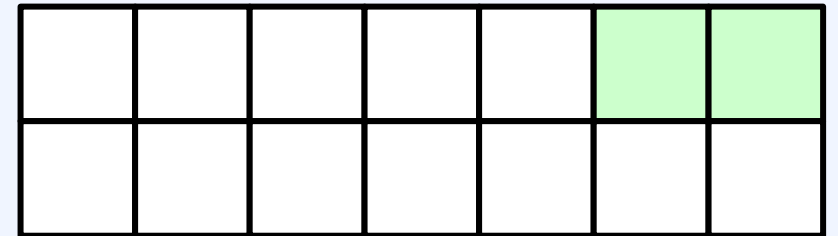
## BOJ11727: 2\*N 타일링 2

### 문제 분석

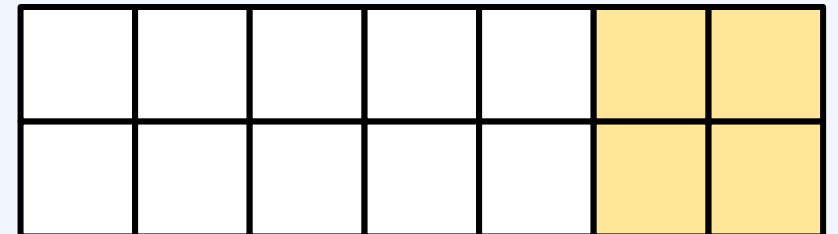
Type1. (2 \* 1)



Type2. (1 \* 2)



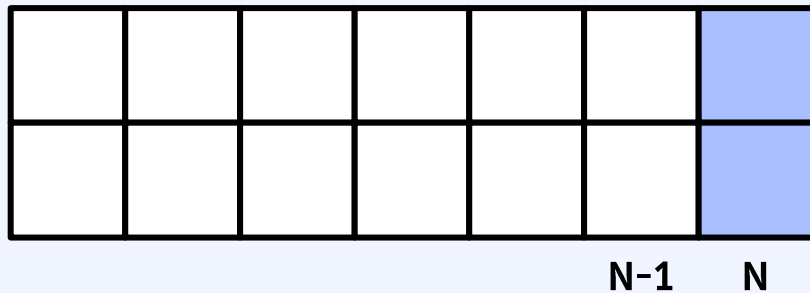
Type3. (2 \* 2)



## BOJ11727: 2\*N 타일링 2

## 문제 분석

Type1. (2 \* 1)

 $d[n] = 2 * n$  영역을 채우는 방법의 수우측 상단을 (2 \* 1)로  
채운다면?

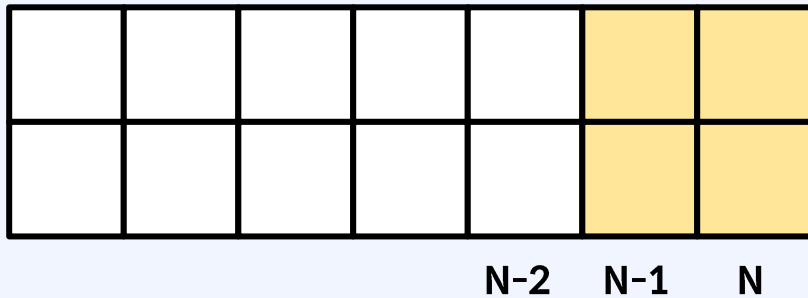
[1, N-1] 구간이 모두 비어있다

 $2 * (n-1)$  영역을 채우는  
방법의 수를 구하면 된다  
→  $d[n-1]$

## BOJ11727: 2\*N 타일링 2

### 문제 분석

Type3. (2 \* 2)



$d[n] = 2 * n$  영역을 채우는 **방법의 수**

우측 상단을 (2 \* 2)로  
채운다면?

[1, N-2] 구간이 모두 비어있다

2 \* (n-2) 영역을 채우는  
**방법의 수**를 구하면 된다  
→  $d[n-2]$

## BOJ11727: $2 \times N$ 타일링 2

### 문제 분석

Type2.  $(1 \times 2)$

					?	?
					N-1	N

우측 상단을  $(1 \times 2)$ 로 채운다면?

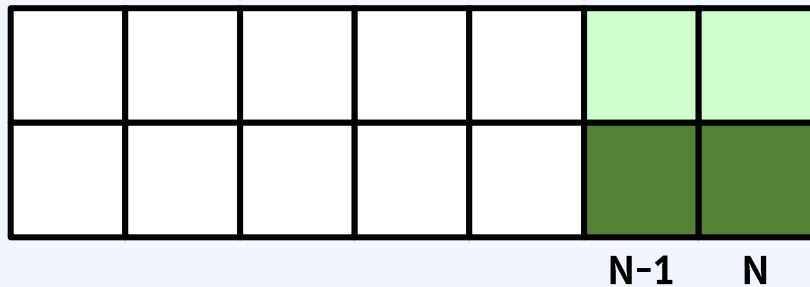
$[1, N-2]$  구간이 모두 비어있다  
 $(2, N-1), (2, N)$  가 비어있다

어떻게 계산을 해야할까?

## BOJ11727: 2\*N 타일링 2

### 문제 분석

Type2. (1 \* 2)



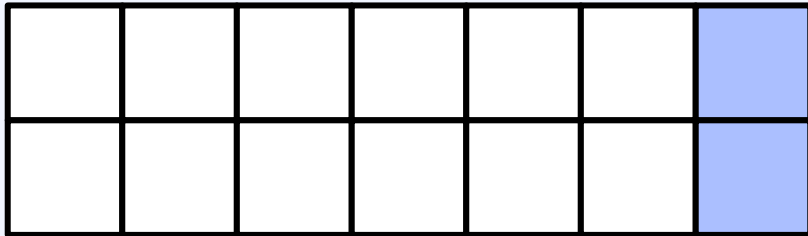
(2, N-1), (2, N) 을 채우는  
방법의 수?

저 공간에 들어갈 수 있는 타일은  
(1 \* 2) 타일 하나밖에 없다  
→ 경우의 수가 1개 뿐이다  
→  $d[n-2]$

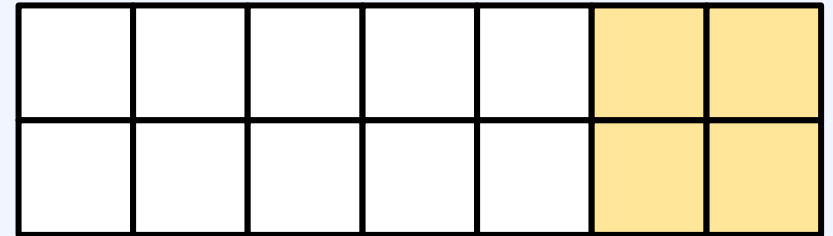
## BOJ11727: 2\*N 타일링 2

### 문제 분석

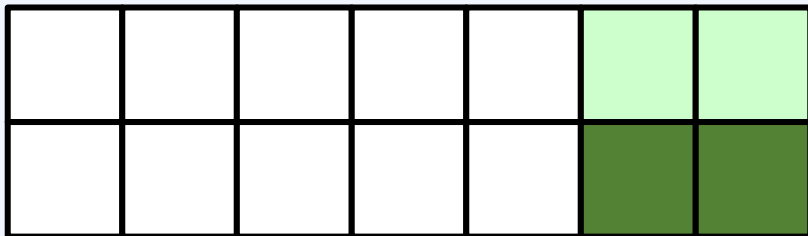
Type1. (2 \* 1)



Type3. (2 \* 2)



Type2. (1 \* 2)



d[n] 을 채우는 방법의 수

$$\text{Type1} + \text{Type2} + \text{Type3}$$

$$d[n-1] + d[n-2] + d[n-2]$$



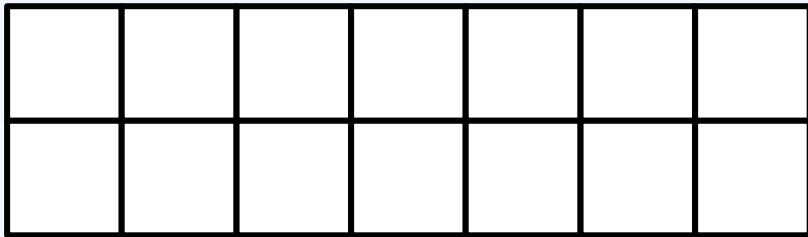
## BOJ11727: 2\*N 타일링 2

### 구현

$d[n]$  을 채우는 방법의 수

$$\text{Type1} + \text{Type2} + \text{Type3}$$

$$d[n-1] + d[n-2] + d[n-2]$$



$$d[1] = 1$$

$$d[2] = 3$$

## BOJ11727: 2\*N 타일링 2

## 구현

```
d[1] = 1;  
d[2] = 3;  
for (int i = 3; i <= n; i++) {  
    d[i] = (d[i - 1] + d[i - 2] + d[i - 2]) % 10007;  
}
```

Type1 + Type2 + Type3  
d[n-1] + d[n-2] + d[n-2]

# Ch04. 동적 계획법 #1

## 3. [2156] 포도주 시식

## BOJ2156: 포도주 시식

### 문제 요약

- N개의 잔에 포도주가 담겨있음 (포도주 양:  $\leq 1000$ )
- 잔의 개수 ( $1 \leq n \leq 10,000$ )
- 규칙
  - 잔을 고르면 모두 마시고 원래위치에 두어야 한다
  - 연속으로 놓여있는 3잔을 마실 수 없다
- 최대한 합이 커지도록 선택

## BOJ2156: 포도주 시식

### 문제 요약

입력 데이터
6
6
10
13
9
8
1

출력 데이터
33

## BOJ2156: 포도주 시식

### 문제 분석

- 문제 요구사항: 최대 포도주의 양
- $d[n]?$  = n번째 잔까지 선택한 최대 포도주의 양
- 조건에 따라서 점화식의 차원이 더 늘어날 수 있다

## BOJ2156: 포도주 시식

### 문제 분석

- 연속해서 3잔의 포도주를 선택할 수 없다
- $\{N\}$ 번을 선택하지 않은 경우
- $\{N-1\}$ 을 선택하지 않고  $\{N\}$ 번을 선택한 경우
- $\{N-1\}$ 을 선택하고,  $\{N\}$ 번을 선택한 경우
- $\{N-2\}$ ,  $\{N-1\}$ ,  $\{N\}$ 을 모두 선택할 수는 없다

## BOJ2156: 포도주 시식

### 문제 분석

- [case 0]  $\{N\}$ 번을 선택하지 않은 경우
  - $d[0][n]$
- [case 1]  $\{N-1\}$ 을 선택하지 않고  $\{N\}$ 번을 선택한 경우
  - $d[1][n]$
- [case 2]  $\{N-1\}$ 을 선택하고,  $\{N\}$ 번을 선택한 경우
  - $d[2][n]$



## BOJ2156: 포도주 시식

### 문제 분석

[case 0] {N}번을 선택하지 않은 경우

- $d[0][n]$

N-1을 선택한 경우의 수 중에 가장 큰 값을 고른다

- $\max(d[0][n-1], d[1][n-1], d[2][n-1])$

## BOJ2156: 포도주 시식

### 문제 분석

[case 1]  $\{N-1\}$ 을 선택하지 않고  $\{N\}$ 번을 선택한 경우

- $d[1][n]$

$N-1$ 을 선택하지 않았으므로:  $d[0][n-1]$

$N$ 을 선택했으므로:  $wine[n]$

→  $d[0][n-1] + wine[n]$

## BOJ2156: 포도주 시식

### 문제 분석

[case 2] {N-1}을 선택하고, {N}번을 선택한 경우

- $d[2][n]$

N-1을 선택 했으므로:  $d[1][n-1]$

( $d[2][n-1]$  이 아닌 이유는?)

N을 선택했으므로:  $wine[n]$

→  $d[1][n-1] + wine[n]$

## BOJ2156: 포도주 시식

### 문제 분석

- [case 0] {N}번을 선택하지 않은 경우
  - $d[0][n] = \max(d[0][n-1], d[1][n-1], d[2][n-1])$
- [case 1] {N-1}을 선택하지 않고 {N}번을 선택한 경우
  - $d[1][n] = d[0][n-1] + \text{wine}[n]$
- [case 2] {N-1}을 선택하고, {N}번을 선택한 경우
  - $d[2][n] = d[1][n-1] + \text{wine}[n]$

## BOJ2156: 포도주 시식

### 구현

와인

6

10

13

9

8

1

max

[0]

0

6

[1]

6

10

[2]

0

16

## BOJ2156: 포도주 시식

### 구현

와인

6

10

13

9

8

1

max

[0]

0

6

16

[1]

6

10

19

[2]

0

16

23

## BOJ2156: 포도주 시식

### 구현

와인

6

10

13

9

8

1

max

[0]

0

6

16

23

[1]

6

10

19

25

[2]

0

16

23

28

## BOJ2156: 포도주 시식

### 구현

와인

6

10

13

9

8

1

<b>[0]</b>	0	6	16	<b>23</b>	→ 28	
<b>[1]</b>	6	10	19	<b>25</b>	↘ 31	
<b>[2]</b>	0	16	23	<b>28</b>	↘ 33	

max



## BOJ2156: 포도주 시식

### 구현

와인

6	10	13	9	8	1
---	----	----	---	---	---

[0]	0	6	16	23	28	33
	6	10	19	25	31	29
	0	16	23	28	33	32

max

## BOJ2156: 포도주 시식

### 구현

와인	6	10	13	9	8	1
						max
[0]	0	6	16	23	28	33
[1]	6	10	19	25	31	29
[2]	0	16	23	28	33	32

최종 정답은 N번째 잔을 고르지 않을 수도 있으므로  
 $d[*][n]$  중에 가장 큰 값을 출력한다

## BOJ2156: 포도주 시식

### 구현

```
d[0][1] = 0;
d[1][1] = wine[1];
d[2][1] = wine[1];
for(int i = 2; i <= n; i++) {
    d[0][i] = Math.max(d[0][i - 1],
Math.max(d[1][i - 1], d[2][i - 1]));
    d[1][i] = d[0][i - 1] + wine[i];
    d[2][i] = d[1][i - 1] + wine[i];
}
```

# Ch04. 동적 계획법 #1

4. [11047] 동전 0

## BOJ11047: 동전 0

### 문제 요약

- N종류의 동전이 주어짐 ( $1 \leq N \leq 10$ )
- 동전을 조합해서 K가치를 만들어야 함 ( $1 \leq K \leq 1\text{억}$ )
- 동전의 최소 개수를 구하기
- 단, 동전은 배수관계로 주어짐

# BOJ11047: 동전 0

## 문제 요약

입력 데이터
10 4200
1
5
10
50
100
500
1000
5000
10000
50000

출력 데이터
6

$1000 * 4$
$100 * 2$

## BOJ11047: 동전 0

### 문제 분석

- 단, 동전은 배수관계로 주어짐
- 위 조건에 의해 그리디로 풀이가 가능함
  - 이후의 동전 1, 2 문제에서 동적계획법으로 접근
- 왜 그리디가 가능할까?

## BOJ11047: 동전 0

### 문제 분석

- 5원
- 10원
- 20원
- 40원

- $\{i\}$ 번째 동전과  $\{i+1\}$ 번째 동전이 배수관계라면?
- 무조건 큰 액수의 동전을 먼저 사용하는 것이 좋다
- $\{i\}$ 번째 동전으로 만들 수 있는 액수는  $\{i-1\}$ ,  $\{i-2\}$ 번째 동전으로도 만들 수 있다



## BOJ11047: 동전 0

### 구현

- 동전은 큰 액수부터 선택하여 사용
- 잔액은 동전의 액수로 나눈 몫만큼 사용
  - 나머지 값보다 작거나 같은 액수의 동전을 골라서 위 과정을 반복

## BOJ11047: 동전 0

## 구현

```
int count = 0;
for (int i = n - 1; i >= 0; i--) {
    if (k >= coin[i]) {
        count += k / coin[i];
        k %= coin[i];
    }
}
```

- 입력이 오름차순 정렬되어 있으므로 역순으로 선택
- 동전이 잔액을 초과하면 안되므로 뭉만큼 사용
- 남은 금액은 작거나 같은 동전을 찾아 위의 과정을 반복

# Ch04. 동적 계획법 #1

5. [2294] 동전 2

## BOJ2294: 동전 2

### 문제 요약

- N종류의 동전이 주어짐 ( $1 \leq N \leq 100$ )
- 동전을 조합해서 K가치를 만들어야 함 ( $1 \leq K \leq 10,000$ )
- 동전의 최소 개수를 구하기 (불가능하면 -1 출력)

## BOJ2294: 동전 2

### 문제 분석

- 문제 요구사항 :  $k$  원을 만드는 동전의 최소 개수
- $d[k]$ : 동전의 최소 개수
  - 점화 관계를 어떻게 작성해야 할까?

## BOJ2294: 동전 2

### 문제 분석

- $d[k]$ : 동전의 최소 개수
  - $d[1..k-1]$  까지의 결과를 알고 있다고 가정
- 방법1:
  - 이미 만든 금액을  $\{i\}$ 로 취급
  - $dp[i + \text{coin}[j]] = \min(dp[i + \text{coin}[j]], dp[i] + 1)$
- 방법2:
  - 만들려는 금액을  $\{i\}$ 로 취급
  - $dp[i] = \min(dp[i], dp[i - \text{coin}[j]] + 1)$

## BOJ2294: 동전 2

### 문제 분석

#### 방법1

- 이미 만든 금액을  $\{i\}$ 로 취급
- 만들 수 있는 금액에 동전의 액수를 더해서 새로운 경우 생성
- 이미 만든 적이 있는 방법과 비교해서 최솟값 선택
- $dp[i + \text{coin}[j]] = \min(dp[i + \text{coin}[j]], dp[i] + 1)$

## BOJ2294: 동전 2

### 문제 분석

- 방법1:
  - $dp[i + \text{coin}[j]] = \min(dp[i + \text{coin}[j]], dp[i] + 1)$
- ex) 5원을 만드는 최소 개수가 2개를 알고 있을 때  
3원과 10원 동전을 들고 있는 경우

	...	5	...	8 <sub>(5+3)</sub>	...	15 <sub>(5+10)</sub>
dp[]		2		2 + 1		2 + 1



## BOJ2294: 동전 2

### 문제 분석

#### 방법2

- 만들려는 금액을  $\{i\}$ 로 취급
- $\{i\}$ 에서 동전의 액수를 뺀 금액에서 경우의 수를 가져오기
- 이미 만든 적이 있는 방법과 비교해서 최솟값 선택
- $dp[i] = \min(dp[i], dp[i - coin[j]] + 1)$

## BOJ2294: 동전 2

### 문제 분석

- 방법2
  - $dp[i] = \min(dp[i], dp[i - coin[j]] + 1);$
- ex) 15원을 만들려고 할때  
3원과 10원 동전을 들고 있는 경우

	...	5 <sub>(15-10)</sub>	...	12 <sub>(15-3)</sub>	...	15
dp[]		2		1		1+1

# BOJ2294: 동전 2

## 구현

```
for (int i = 1; i <= k; i++) {  
    dp[i] = 100001;  
}  
  
for (int i = 0; i < n; i++) {  
    coin[i] = sc.nextInt();  
    if (coin[i] <= k)  
        dp[coin[i]] = 1;  
}
```

## 초기화

- dp배열에 최대 액수보다 큰 값을 넣는다
- 가지고 있는 동전에는 경우의 수에 1을 넣는다

## BOJ2294: 동전 2

### 구현

#### 방법 1

```
for (int i = 1; i <= k; i++) {
    for (int j = 0; j < n; j++) {
        if (i + coin[j] <= k)
            dp[i + coin[j]] = Math.min(dp[i + coin[j]], dp[i] + 1);
    }
}
```

#### 방법 2

```
for (int i = 1; i <= k; i++) {
    for (int j = 0; j < n; j++) {
        if (i - coin[j] >= 0)
            dp[i] = Math.min(dp[i], dp[i - coin[j]] + 1);
    }
}
```

# Ch04. 동적 계획법 #1

6. [2293] 동전 1

## BOJ2293: 동전 1

### 문제 요약

- N종류의 동전이 주어짐 ( $1 \leq N \leq 100$ )
- 동전을 조합해서 K가치를 만들어야 함 ( $1 \leq K \leq 10,000$ )
- K가치를 만드는 경우의 수를 구하기

## BOJ2293: 동전 1

### 문제 분석

- 동전 1과 유사한 문제
- 문제 요구사항:  $k$ 원을 만드는 경우의 수
  - $d[k]$ : 경우의 수
- 동일하게 두가지 방법으로 접근 가능하다

## BOJ2293: 동전 1

### 문제 분석

- $d[k]$ : 경우의 수
  - $d[1..k-1]$  까지의 결과를 알고 있다고 가정
- 방법1:
  - 이미 구한 경우의 수를  $\{j\}$ 로 취급
  - $dp[j + \text{coin}[i]] += dp[j]$
- 방법2:
  - 구하려는 경우의 수를  $\{j\}$ 로 취급
  - $dp[j] += dp[j - \text{coin}[i]]$



## BOJ2293: 동전 1

### 문제 분석

- 방법1
  - $dp[j + \text{coin}[i]] += dp[j]$
- ex) 5원을 만드는 경우의 수가 있을 때  
3원과 10원 동전을 들고 있는 경우

	...	5	...	8 <sub>(5+3)</sub>	...	15 <sub>(5+10)</sub>
dp[]		2		? + 2		? + 2

## BOJ2293: 동전 1

### 문제 분석

- 방법2
  - $dp[j] += dp[j - coin[i]]$
- ex) 15원을 만드는 경우의 수를 찾으려는 경우  
3원과 10원 동전을 들고 있는 경우

	...	5 <sub>(15-10)</sub>	...	12 <sub>(15-3)</sub>	...	15
dp[]		2		1		2+1

# BOJ2293: 동전 1

## 구현

### 방법 1

```
for(int i = 0; i < n; i++) {  
    for(int j = 0; j + coin[i] <= k; j++) {  
        dp[j + coin[i]] += dp[j];  
    }  
}
```

### 방법 2

```
for(int i = 0; i < n; i++) {  
    for(int j = coin[i]; j <= k; j++) {  
        dp[j] += dp[j - coin[i]];  
    }  
}
```

# Ch04. 동적 계획법 #1

7. [2624] 동전 바꾸주기

## BOJ2624: 동전 바꾸주기

### 문제 요약

- T원의 지폐를 동전으로 바꿔줘야 함
  - $1 \leq T \leq 10,000$
- 동전마다 개수 제한이 있음 (n: 동전 개수, k: 동전 가지 수)
  - $(1 \leq n \leq 1,000) (1 \leq k \leq 100)$
- 교환 가능한 경우의 수

## BOJ2624: 동전 바꾸주기

### 문제 분석

- 직전에 클립에서 풀이한 ‘동전1’ 과 유사한 문제
- 동전 사용가능 개수에 제한이 있음
- 문제 요구 사항: 동전 교환 방법의 가지 수
  - $d[t] = t$ 원을 교환하는 방법 수
- 동적배열의 차원을 늘려 정보를 추가해보자

## BOJ2624: 동전 바꾸주기

### 문제 분석

- 문제 요구 사항: 동전 교환 방법의 가지 수
  - $d[?][t] = t$ 원을 교환하는 방법 수
- 동전은  $k$ 개가 주어진다.
  - $\{i\}$ 번째 동전을 고려할 때,  $\{i-1\}$ 번째 동전까지 사용한 경우에서 값을 가져와 생각해볼 수 있다
- $d[k][t] = k$ 번째 동전까지 사용했을 때  $t$ 원을 교환하는 방법의 수

## BOJ2624: 동전 바꾸주기

### 문제 분석

- $d[k][t]$  =  $k$ 번째 동전까지 사용했을 때  $t$ 원을 교환하는 방법의 수

ex)

- 3번째 동전을 사용했을 때,  $\{1\} \{2\} \{5\} \{10\}$  원을 만들 수 있었고
- 4번째 동전의 가치가  $v$ 원이라면?
  - $\{1 + v\}, \{2 + v\}, \{5 + v\}, \{10 + v\}$  원을 만들 수 있다
  - 경우의 수는 3번째 동전에서 계산한 횟수를 그대로 사용한다

$$d[4][1 + v] += d[3][1]$$

$$d[4][2 + v] += d[3][2]$$

$$d[4][5 + v] += d[3][5]$$

$$d[4][10 + v] += d[3][10]$$



## BOJ2624: 동전 바꾸주기

### 문제 분석

- $d[k][t]$  =  $k$ 번째 동전까지 사용했을 때  $t$ 원을 교환하는 방법의 수
- 단, 동전의 개수에 제한이 있으므로, 반복문을 통해 제한한다

```
for (int cnt = 0; cnt <= coinCount; cnt++) {  
    int nextValue = value + coinPrice * cnt;  
    // 점화식 작성  
}
```

## BOJ2624: 동전 바꾸주기

### 구현

```
for (int i = 1; i <= k; i++) {  
    int coinPrice = sc.nextInt();  
    int coinCount = sc.nextInt();  
    for (int value = 0; value <= t; value++) {  
        for (int cnt = 0; cnt <= coinCount; cnt++) {  
            int nextValue = value + coinPrice * cnt;  
            if (nextValue > t) break;  
            dp[i][nextValue] += dp[i - 1][value];  
        }  
    }  
}
```

- 매 동전을 입력 받으면서
- $\{i-1\}$ 번째 동전을 이용해서 만든 가치를 경우의 수를  $\{i\}$ 번째 동전에 반영해 준다
- 단 만들려는 가치가 최대가치  $t$ 를 넘지 않도록 제한한다

## BOJ2624: 동전 바꾸주기

### 최적화

```
int nextValue = value + coinPrice * cnt;  
dp[i][nextValue] += dp[i - 1][value];
```

- 동적 배열의 차원 수를 줄일 수 있을까?
  - {i}번째 동전을 사용한 가치는 오직 {i-1} 번째 동전만 참조한다
  - value 변수는 동전의 종류와 상관 없이 0부터 t까지 모든 범위를 갱신한다
- 따라서 특정 가치에 대한 경우의 수를, 동전단위로 제한하지 않고 한번에 계산해도 동일한 결과를 얻을 수 있다

```
for (int j = t; j >= 0; j--) {  
    for (int cnt = 1; cnt <= coinCount; cnt++) {  
        int nextValue = j + coinPrice * cnt;  
        if (nextValue > t) break;  
        d[nextValue] += d[j];  
    }  
}
```

# Ch04. 동적 계획법 #1

8. [12865] 평범한 배낭

## BOJ12865: 평범한 배낭

### 문제 요약

- 배낭에 최대한 가치 있는 물건을 넣기
  - 물건의 수  $1 \leq N \leq 100$
- 각 물건은 {무게  $W$ } {가치  $V$ } 상태를 가짐
  - $(1 \leq W \leq 100,000)$   $(0 \leq V \leq 1,000)$
- 배낭에는 최대  $K$  무게까지 담을 수 있음
  - $1 \leq K \leq 100,000$

## BOJ12865: 평범한 배낭

### 문제 분석

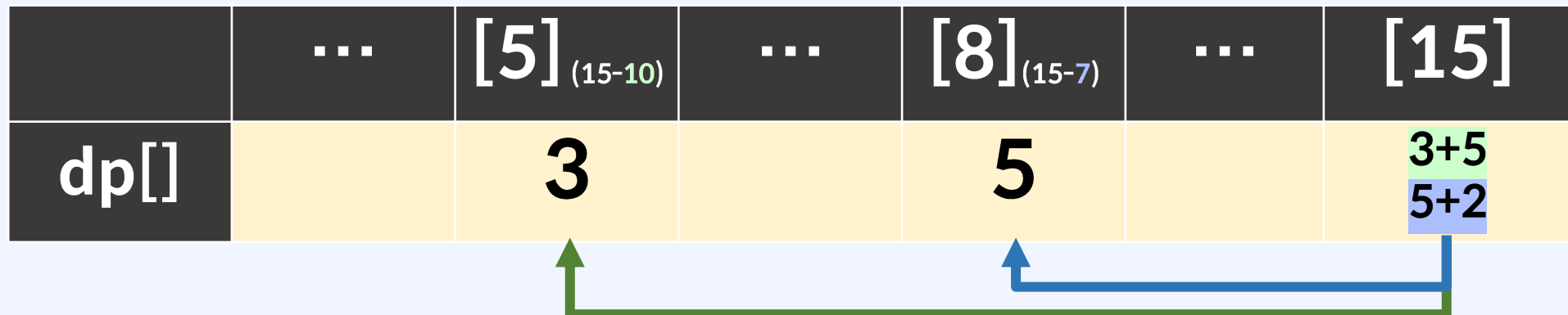
- 물건을 분할해서 담을 수 없다  
(가치 / 무게) 순으로 배낭에 담으면, 빈 공간이 생길 수 있다
- 무게가 넘지 않으면서  
최대한의 가치를 가지도록 생각해야 한다
- 문제 요구 사항: 배낭에 담긴 물건들의 최대 가치
  - $d[k]$  = 무게를  $k$ 까지 담았을 때 최대 가치

## BOJ12865: 평범한 배낭

### 문제 분석



- 만들려는 무게를 기준으로
- 새로 들어오는 물건의 무게를 배열의 인덱스에 더하고
- 가치를 배열의 값에 더해 최대 값 갱신이 되는지 체크한다



## BOJ12865: 평범한 배낭

## 구현

```
int dp[] = new int[k + 1];
for(int i = 0; i < n; i++) {
    int w = sc.nextInt();
    int v = sc.nextInt();
    for(int j = k; j >= w; j--) {
        dp[j] = Math.max(dp[j], dp[j - w] + v);
    }
}
```

현재 입력받은 물건의  
무게:  $w$ , 가치:  $v$  일 때

$\{j\}$  무게를 만들기 위해  $w$ 만큼  
공간이 비어있는 상태의  
최대 가치에  $v$ 를 더한다