

9

$$x_{k+1} = 2^k \sqrt{2 \left( 1 - \sqrt{1 - \left( \frac{x_k}{2^k} \right)^2} \right)} \quad x_k \xrightarrow{k \rightarrow \infty} \pi$$

$$\left( \frac{x_k}{2^k} \right)^2 = \varepsilon_k$$

$$1 - \sqrt{1 - \varepsilon_k} = \frac{(1 - \sqrt{1 - \varepsilon_k})(1 + \sqrt{1 - \varepsilon_k})}{1 + \sqrt{1 - \varepsilon_k}} = \frac{1 - 1 + \varepsilon_k}{1 + \sqrt{1 - \varepsilon_k}} = \frac{\varepsilon_k}{1 + \sqrt{1 - \varepsilon_k}}$$