## Diferansiyel Denklemler Vize Sınavı



1) y  $-\frac{y}{x} = y^2$  Bernoulli diferansiyel denklemini çözün

- A)  $y^{-1} = \frac{C}{x} \frac{x}{2}$
- B)  $y = \frac{C}{x} \frac{x}{2}$
- C)  $y^{-1} = \frac{C}{x} + \frac{x}{2}$
- D)  $y = \frac{1}{Ce^{x} + 1}$
- E)  $y^{-1} = Ce^{x} + \frac{x}{2}$

2) İkinci mertebeden Lineer diferansiyel denklemin x>0 için homojen çözümleri  $y_1=x^2$  ve  $y_2=x^{-1}$ , denklemin nonhomojen terimi ise  $g(x) = -x^{-2}$  olarak veriliyor.  $y_p$  özel çözümünü Parametrelerin değişimi ile bulunuz.

- A)  $y_p = \frac{x^{-2}}{2}$  B)  $y_p = -\frac{1}{2}$  C)  $y_p = x^2$  D)  $y_p = \frac{1}{2}$  E)  $y_p = -\frac{x^{-2}}{2}$

3) xyy =  $\sqrt{1-y^2}$  , x > 0 değişkenlerine ayrılabilir denklemi çözün.

- A)  $\frac{\sqrt{1-y^2}}{x} = C$
- $B) \sqrt{1-y^2} + \ln x = C$
- $C) \frac{1}{\sqrt{1-v^2}} + \ln x = C$
- D)  $y = \ln x + C$
- E)  $1 v^2 = \ln x + C$

4) y =  $\frac{x^2 + 2y^2}{2xy}$  Homojen diferansiyel denklemini çözün.

- A)  $y^2 = \ln|x| + C$
- B)  $v^2 = x^2 \ln |x| + C$
- C)  $y^2 = x^2 \ln |x| + Cx^2$
- D)  $y = \ln|x| + C$
- E)  $x^2 + y^2 = \ln|x| + C$

5) 2xy  $-y = 3x^2$ ; y(1) = 0 başlangıç-değer problemini çözünüz.

- A)  $y = x^2 x$
- (1) = 0 başıanığış-deger problemini çozundz. B)  $y = x \sqrt{x}$  C)  $y = \sqrt{x} x^2$  D)  $y = x^2 1$  E)  $y = x^2 \sqrt{x}$

- 6) y + 4y = sin2t cost denkleminin özel çözümünün biçimini belirsiz katsayılar yöntemi ile belirleyin.
  - A)  $y_p = Atsin2t + Bcost$
  - B)  $y_p = A\sin 2t + B\cos 2t + C\sin t + D\cos t$
  - C)  $y_p = Atsin 2t + Btcos 2t + Ctsint + Dtcost$
  - D)  $y_p = Atsin 2t + Btcos 2t + Csint + Dcost$
  - E)  $y_p = A\sin 2t + B\cos t$
- 7)  $\frac{dy}{dx} + y^2 \sin x = 0$ ,  $y(\pi) = 1$  başlangıç-değer problemini çözünüz.
  - A)  $y = -\sec x$
  - B)  $y = \frac{2}{1 \cos x}$
  - C)  $y = \sec x$
  - D)  $y = \frac{1}{1 \cos x}$
  - E)  $y = -\csc x$
- 8) Aşağıdaki diferansiyel denklemlerden hangileri lineerdir?
  - I.  $y = (\sin x)y + e^X$
- II.  $y = x(\sin y) + e^X$
- III. y = 5
- IV.  $y = y^2 + x$

- A) Hepsi
- B) Sadece I
- C) I ve III
- D) Sadece III
- E) II ve III
- 9) y + 2y +  $y = t^2 e^{-t}$  denkleminin özel çözümünün biçimini belirsiz katsayılar yöntemi ile belirleyin.
  - A)  $y_p = t^3 (At + B) e^{-t}$
  - B)  $y_p = t^2 (At^2 + Bt + C) e^{-t}$
  - C)  $y_p = t(At^2 + Bt + C)e^{-t}$
  - D)  $y_p = \left(At^2 + Bt + C\right)e^{-t}$
  - E)  $y_{D} = At^{2} e^{-t}$
- 10) (2x + y) + (x 2y) y = 0, y(0) = 0 başlangıç-değer problemini çözünüz.

- A)  $(x+y)^2 = xy$  B) y = x + xy C)  $y^2 + x^2 = xy$  D)  $y^2 = x^2 xy$  E)  $y^2 = x^2 + xy$

Answer Key
Testname: DIF2018YAZVIZE

- 1) A 2) D 3) B 4) C 5) E 6) D 7) A 8) C 9) B 10) E