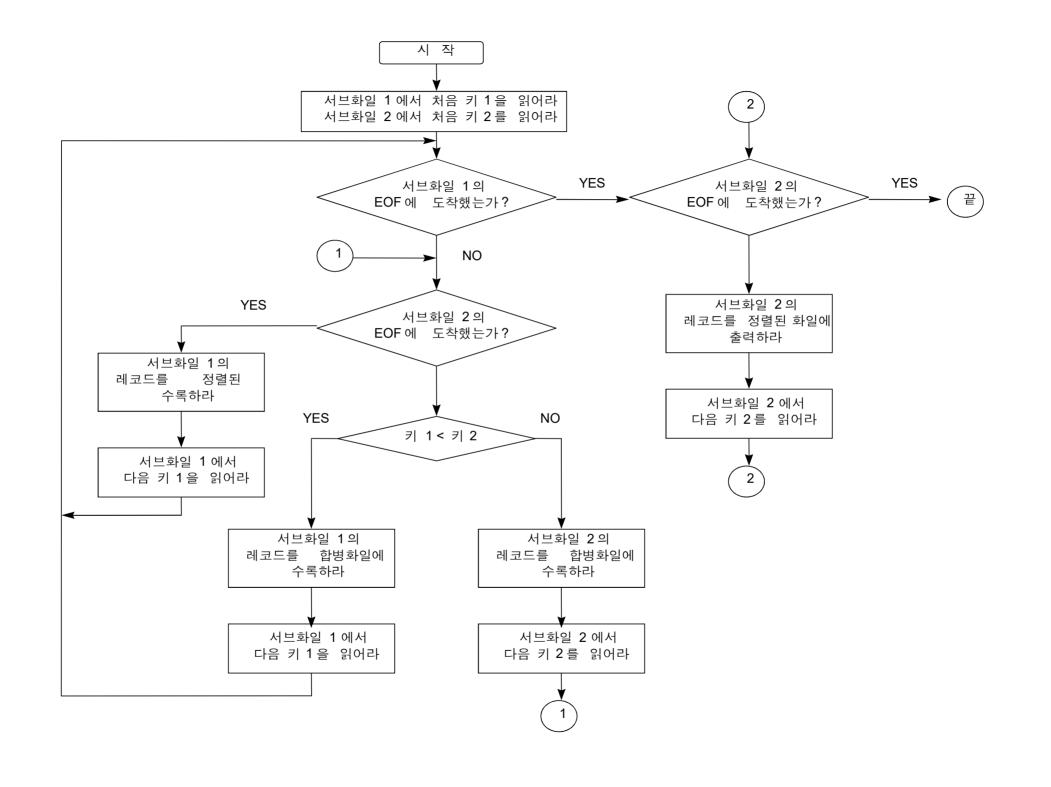
5. 화일의 정렬/합병

❖ 정렬/합병의 개요

◆ 정렬(sorting)

- 내부 정렬(internal sorting)
 - ◆ 데이타가 적어서 메인 메모리 내에 모두 저장시켜 정렬 가능할 때
 - ◆ 레코드 판독, 기록에 걸리는 시간이 문제되지 않는다.
- 외부 정렬(external sorting)
 - ◆ 데이타가 많아서 메인 메모리의 용량을 초과하여 보조 저장 장치에 저장된 화일을 정렬할 때
 - ◆ 레코드 판독, 기록에 걸리는 시간이 중요
 - ◆ 정렬/합병(sort/merge)
 - 런(run): 하나의 화일을 여러 개의 서브화일(subfile)로 나누어 내부 정렬 기법을 사용하여 정렬시킨 화일
 - 런을 합병하여 원하는 하나의 정렬된 화일을 만든다.



▶ 화일 정렬/합병

◆ 정렬 단계(sort phase)

- 정렬할 화일의 레코드들을 지정된 길이의 서브화일로 분할
- 내부 정렬(internal sort)하여 런(run)을 만들어 입력 파일로 분배하는 단계

◆ 합병 단계(merge phase)

 정렬된 런들을 합병해서 보다 큰 런으로 만들고, 이것들을 다시 입력 파일로 재분배하여 합병하는 방식으로 모든 레코드들이 하나의 런에 포함되도록 만드는 단계

▶ 정렬 단계

- ◆ 런 생성 방법
 - 내부 정렬 (internal sort)
 - 대체 선택 (replacement selection)
 - 자연 선택 (natural selection)
- ◆ 입력 화일의 예

```
109 49 34 68 45 2 60 38 28 47 16 19 34 55 98 78 76 40 35 86 10 27 61 92 99 72 11 2 29 16 80 73 18 12 89 50 46 36 67 93 22 14 83 44 52 59 10 38 76 16 24 85
```

(1) 내부 정렬 (internal sort)

- ◆ 런 생성 방법
 - 1. 파일을 m개 레코드씩 분할
 - 2. 분할된 레코드들을 내부 정렬 기법으로 정렬
- ◆ 런 생성 결과
 - 제일 마지막 런을 제외하고 모두 길이가 같다.
 - 가정 : 메인 메모리는 5개의 레코드를 유지

런 1: 34 45 49 68 109 런 2: 2 28 38 47 60 런 3: 16 19 34 55 98 런 4: 35 40 76 78 86 런 5: 10 27 61 92 99 런 6: 2 11 16 72 런 7: 12 18 73 80 89 런 8: 36 46 50 67 93 런 9: 14 22 44 52 83 런 10: 10 16 38 59 76 런 11: 24 85

(2) 대체 선택 (replacement selection)

◆ 런 생성 방법

- 1. 입력 파일에서 버퍼에 m개 레코드 판독, 첫 번째 런 생성
- 2. 버퍼에서 최소 키 값의 레코드를 선택해 출력
- 3. 입력 파일에서 다음 레코드 판독, 출력된 레코드와 대체
 - ◆ if (입력 레코드의 키 값 < 출력된 레코드의 키 값) then 입력 레코드에 "동결(frozen)" 표시하고, 출력을 동결시킴
 - ◆ 동결된 레코드는 단계 2의 선택에서 제외
 - ◆ 동결되지 않은 레코드는 단계 2로 돌아간다.
- 4. 동결된 레코드를 모두 해제, 단계 2로 돌아가 새로운 런선택

◆ 특징

- 내부 정렬과 달리 입력 파일의 일부 정렬(partial ordering)된 레코드들의 순서를 이용
- 내부 정렬을 이용한 경우보다 런의 길이가 길다.
- 런의 평균 예상 길이 : 2m

예

- _ 입력
 - ◆ 109 49 34 68 45 2 60 38 28 47 16 19 34 55 98 78 76 40 35 86 10 27 61 92 99 72 11 2 29 16 80 73 18 12 89 50 46 36 67 93 22 14 83 44 52 59 10 38 76 16 24 85
- 파라미터 설정
 - \bullet m = 5
 - ◆ 주기억장치는 m개의 레코드를 저장할 수 있어야 함
- 리스트의 저장
 - ◆ Unfrozen list : 주기억장치
 - ◆ Frozen list : 주기억장치
- _ 특징
 - ◆ Unfrozen list와 frozen list 를 합하여 항상 m개 레코드가 주기억장치에 존재

- 런 1의 생성

Initial state 109(F,F) 49(F,F) 34(F,F) 68(F,F) 45(F,F)
2(F,F) 60(F,F) 38(F,F) 28(F,F) 47(F,F) 16(F,F) 19(F,F) . . .

• Last key: input

- ◆ 참고
 - 데이타구조 : key (frozen, written)

- 런 2의 생성

• Initial state

```
2(F,F) 38(F,F) 28(F,F) 47(F,F) 16(F,F)
                              98(F,F)
27(F,F)
                                        78(F,F) 76(F,F)
61(F,F) 92(F,F)
19(F,F)
                    55(F,F)
                                                             40(F,F)
          34(F,F)
          86(F,F)
                    10(F,F)
35(F,F)
```

• Last key : input

```
unfrozen={2,38,28,47,16}

unfrozen={38,28,47,16,19}

unfrozen={38,28,47,19,34}

unfrozen={38,28,47,34,55}

unfrozen={38,47,34,55,98}

unfrozen={38,47,55,98,78}

unfrozen={47,55,98,78,76}

unfrozen={55,98,78,76}

unfrozen={98,78,76}

unfrozen={98,78,76}

unfrozen={98,78,76}
                                                                                          frozen={}
                                                                                          frozen=
                                                                                          frozen=
                                                                                          frozen=
< 98
                                                                                          frozen=
     78
                                                                                         frozen=
                                                                                          frozen=
      76
                                                                                          frozen=\{40\}
                                                                                          frozen=\{40,35\}
                               unfrozen={98,78,86}
< 86 (F,F)
                                                                                          frozen=\{40,35\}
                               unfrozen={98,86}
unfrozen={98}
                                                                                        frozen=\{40,35,10\}
                                                                          frozen={40,35,10,27}
frozen={40,35,10,27,61}
                               unfrozen={}
```

- 런3의 생성

• . . .

_ 출력

◆ 런 1: 34 45 49 60 68 109 런 2: 2 16 19 28 34 38 47 55 76 78 86 98 런 3: 10 27 35 40 61 72 92 99 런 4: 2 11 16 18 29 50 73 80 89 93 런 5: 12 14 22 36 44 46 52 59 67 76 83 85 런 6: 10 16 24 38

▶ 대체 선택 알고리즘

```
// 대체 선택 알고리즘
replacementSelection()
                                 : 버퍼에 들어가는 레코드 수
     // m
                                : 버퍼-레코드 배열
: 버퍼-레코드 배열
: 해당 버퍼 레코드가 출력되었는지를 나타내는 플래그 배열
: 해당 버퍼 레코드가 동결되었는지를 나타내는 플래그 배열
: 마지막으로 런에 출력된 레코드 키 값
     // Buffer[]
     // written[]
     // frozen[]
     // lastKey
                                 : 입력 화일
     // input
    for (i \leftarrow 0; i < m; i++)
      written[i] \leftarrow true;
    i \leftarrow 0;
    do {
      readFrom(Buffer[i], input);
      written[i]←false;
      i \leftarrow i + 1;
    \} while (!end-of-file(input) && i \neq m);
    // 런의 생성
   while (!end-of-file(input)) {
// 새로운 런 하나를 생성
         // 동결 플래그 초기화
      for (i \leftarrow 1; i < m; i++)
         if (!written[i])
            frozen[i] \leftarrow false;
```

```
while (any unfrozen records remain) {
       // 레코드 하나를 런에 출력
       Buffer[s] \leftarrow smallest unfrozen record;
       appendToRun(Buffer[s]);
       lastKey \leftarrow Buffer[s].key;
       written[s] \leftarrow true;
       frozen[s] \leftarrow true;
       if (!end-of-file(input)) {
              readFrom(new Buffer[s], input);
              written[s] \leftarrow false;
              if (Buffer[s].key > lastKey)
                       frozen[s] \leftarrow false;
// 버퍼에 있는 나머지 레코드들을 출력
  appendToRun(unwritten Buffer[] records, ascending key order);
end replacementSelection()
```

3) 자연 선택 (natural selection)

◆ 대체 선택의 단점 보완

- 대체 선택의 단점
 - ◆ 런 생성 직전에 주기억장치내 대부분 레코드가 동결 상태
 - ◆ 동결된 레코드는 런 생성에 전혀 도움을 주지 못함
- 동결된 레코드를 보조기억장치의 예비장소(reservoir)에
 - ◆ Unfrozen list : 주기억장치
 - ◆ Frozen list : 보조기억장치의 예비장소
- 주기억장치에 가능한 많은 레코드를 유지하여, 런을 길게함
- 런을 길게 하여, 런 수를 줄임 → 합병 과정 비용을 줄임

♦ 특징

- 하나의 런은
 - ◆ 예비장소가 꽉 차거나,
 - ◆ 입력 화일이 빌 때까지 생성이 계속됨
- 주기억장치에 저장 가능한 레코드수: m' 예비 장소에 저장 가능한 레코드수: m'
 - ◆ 일반적으로 m << m'

예

- _ 입력
 - ◆ 109 49 34 68 45 2 60 38 28 47 16 19 34 55 98 78 76 40 35 86 10 27 61 92 99 72 11 2 29 16 80 73 18 12 89 50 46 36 67 93 22 14 83 44 52 59 10 38 76 16 24 85
- 파라미터 설정
 - m = m' = 5

_ 런 1의 생성

Initial state 109(F,F) 49(F,F) 34(F,F) 68(F,F) 45(F,F)
2(F,F) 60(F,F) 38(F,F) 28(F,F) 47(F,F) 16(F,F) 19(F,F) 34(F,F).

• Last key: input

```
unfrozen=\{109,49,34,68,45\}
                                                                             frozen={}
                               unfrozen={109,49,68,45}

unfrozen={109,49,68,45,60}

unfrozen={109,49,68,60}

unfrozen={109,49,68,60}

unfrozen={109,49,68,60}
                                                                             frozen={
                                                                             frozen={
             > 38
                                                                             frozen=\{2,38\}
                                                                             frozen=\{2,38,28\}
                               unfrozen=\{109,49,68,60,47\}
                                                                             frozen=\{2,38,28\}
                               unfrozen={109,49,68,60}
unfrozen={109,49,68,60}
                                                                             frozen=\{2,38,28,16\}
             > 19 (T,F)
                                                                             frozen=\{2,38,28,16,19\}
                                                                            frozen={2,38,28,16,19}
frozen={2,38,28,16,19}
frozen={2,38,28,16,19}
frozen={2,38,28,16,19}
                               unfrozen=\{109,68,60\}
                               unfrozen=\{109,68\}
60 (T,T
                               unfrozen={109}
68 (T,T)
109 (T,T)
                               unfrozen={}
```

- 런 2의 생성

Initial state

```
2(F,F) 38(F,F) 28(F,F) 16(F,F) 19(F,F)
                           78(F,F)
92(F,F)
                                     76(F,F)
                  98(F,F)
34(F.F)
         55(F,F)
                                              40(F,F)
                                                        35(F,F)
                                                                 86(F,F)
                                     99(F,F)
         27(F,F)
                                              72(F,F)
                                                        11(F,F)
                                                                 2(F,F)
10(F.F)
                  61(F,F)
```

• Last key: input

```
unfrozen=\{2,38,28,16,19\}
                                                                                    frozen={}
                                 unfrozen={2,38,28,16,19}

unfrozen={38,28,16,19,34}

unfrozen={38,28,19,34,55}

unfrozen={38,28,34,55,98}

unfrozen={38,34,55,98,78}

unfrozen={38,55,98,78,76}

unfrozen={55,98,78,76,40}

unfrozen={55,98,78,76,86}

unfrozen={98,78,76,86}

unfrozen={98,78,76,86}

unfrozen={98,78,76,86}
    (T,T) < 34 (F,F)
                                                                                    frozen=
              < 55
                                                                                    frozen=
                                                                                    frozen=
                                                                                    frozen=
                       (F.F)
              < 76
                                                                                    frozen=
              < 40
                      (F.F)
                                                                                    frozen=
              > 35
                       T,F)
                                                                                    frozen={
                       (F,F)
              < 86
                                                                                    frozen=\{35\}
                        T.F)
                                                                                    frozen=\{35,10\}
                                   unfrozen={98,78,76,86}
                        T.F)
                                                                                    frozen=\{35,10,27\}
                                  unfrozen = \{98, 78, 76, 86, 61\}
              < 61
                                                                                    frozen=\{35,10,
                                  unfrozen={98,78,76,86,92}
                       (F,F)
                                                                                    frozen=\{35,10,27\}
                                  unfrozen={98,78,86,92,99}
unfrozen={98,86,92,99}
unfrozen={98,86,92,99}
              < 99
                      (F,F)
                                                                                    frozen=\{35,10,27\}
                                                                                    frozen={35,10,27,72}
frozen={35,10,27,72,11}
                       (T,F)
    (T,T) > 11 (T,F)
                                  unfrozen=\{98,92,99\}
                                                                                    frozen=\{35,10,27,72,11\}
                                                                                    frozen={35,10,27,72,11}
frozen={35,10,27,72,11}
frozen={35,10,27,72,11}
                                  unfrozen={98,99}
98
                                  unfrozen={99}
                                  unfrozen={}
```

_ 런 3의 생성

```
Initial state
35(F,F) 10(F,F) 27(F,F) 72(F,F) 11(F,F)
2(F,F) 29(F,F) 16(F,F) 80(F,F) 73(F,F) 18(F,F) 12(F,F) 89(F,F) 50(F,F) 46(F,F) 36(F,F) 67(F,F) 93(F,F) 22(F,F) . . .
Last key: input unfrozen={35,10,27,72,11} frozen={} 10 (T,T) > 2 (T,F) unfrozen={35,27,72,11} frozen={2} 10 (T,T) < 29 (F,F) unfrozen={35,27,72,11,29} frozen={2}</li>
```

```
unfrozen={35,70,27,72,11}

unfrozen={35,27,72,11}

unfrozen={35,27,72,11,29}

unfrozen={35,27,72,29,16}

unfrozen={35,27,72,29,80}

unfrozen={35,72,29,80,73}

unfrozen={35,72,80,73}

unfrozen={35,72,80,73}
  (T,T) < 29 (F,F)
(T,T) < 16 (F,F)
                                                                                                               frozen={
             < 80
                                                                                                               frozen={
                                                                                                               frozen={
                          (T,F)
                                                                                                               trozen={
                                          unfrozen=\{35,72,80,73\}
                           T,F)
                                                                                                               frozen={
                                        unfrozen={35,72,80,73,89}

unfrozen={35,72,80,73,89}

unfrozen={72,80,73,89,50}

unfrozen={72,80,73,89}

unfrozen={72,80,73,89}

unfrozen={72,80,73,89,67}

unfrozen={72,80,73,89,93}
             < 89
                          (F,F)
                                                                                                               frozen={
                         (F,F)
             < 50
                                                                                                               frozen=\{2,18,12\}
                                                                                                               frozen={2,18,12,46}
frozen={2,18,12,46,36}
frozen={2,18,12,46,36}
frozen={2,18,12,46,36}
             > 46 (T,F)
           ) > 36 (T,F)
(T,T) < 67 (F,F)
(T,T) < 93 (F,F)
                                          unfrozen=\{80,73,89,93\}
                                                                                                               frozen=\{2,18,12,46,36\}
                                         unfrozen={80,89,93}
unfrozen={89,93}
                                                                                                               frozen={2,18,12,46,36}
frozen={2,18,12,46,36}
frozen={2,18,12,46,36}
frozen={2,18,12,46,36}
frozen={2,18,12,46,36}<sub>18</sub>
(T,T)
                                          unfrozen={93}
                                         unfrozen={}
```

- 런 4의 생성

Initial state

```
2(F,F) 18(F,F) 12(F,F) 46(F,F) 36(F,F)

22(F,F) 14(F,F) 83(F,F) 44(F,F) 52(F,F) 59(F,F) 10(F,F) 38(F,F) 76(F,F) 16(F,F) 24(F,F) 85(F,F)
```

• Last key: input

```
unfrozen=\{2,18,12,46,36\}
                                                                                           frozen={}
                                    unfrozen={18,12,46,36,22,14}

unfrozen={18,46,36,22,14}

unfrozen={18,46,36,22,83}

unfrozen={46,36,22,83,44}
                                                                                           frozen=
                                                                                           frozen=
                                                                                           frozen=
                                                                                           frozen=
               < 52
                                     unfrozen=\{46,36,83,44,52\}
                         (F,F)
                                                                                           frozen=
               < 59
                        (F,F)
                                     unfrozen={46,83,44,52,59}
                                                                                           frozen=
                         (T,F)
                                     unfrozen=\{46,83,52,59\}
                                                                                           frozen={
                                    unfrozen={46,83,52,59}

unfrozen={46,83,52,59,76}

unfrozen={83,52,59,76}

unfrozen={83,52,59,76}

unfrozen={83,52,59,76,85}
                          T.F)
                                                                                           frozen=\{10,38\}
                                                                                           frozen=\{10,38\}
               < 76 \, (F,F)
                                                                                          frozen={10,38,16}
frozen={10,38,16,24}
frozen={10,38,16,24}
                         (T.F)
      (T,T) > 24 (T,F)
      (T,T) < 85 (F,F)
                                                                                          frozen={10,38,16,24}
frozen={10,38,16,24}
frozen={10,38,16,24}
frozen={10,38,16,24}
frozen={10,38,16,24}
                                     unfrozen={83,59,76,85}
unfrozen={83,76,85}
unfrozen={83,85}
76
83
                                     unfrozen={85}
                                     unfrozen={}
```

- 런5의 생성

◆ Initial state

10(F,F) 38(F,F) 16(F,F) 24(F,F)

• Last key: input

| | unfrozen={10,38,16,24} | frozen={} |
|-----------|--------------------------|-----------|
| 10 (T,T) | unfrozen= $\{38,16,24\}$ | frozen={} |
| 16 (T,T) | unfrozen= $\{38,24\}$ | frozen={} |
| 24 (T,T) | unfrozen={38} | frozen={} |
| 38 (T,T) | unfrozen={} | frozen={} |

_ 출력

◆ 런 1:34 45 47 49 60 68 109

런 2: 2 16 19 28 34 38 40 55 61 76 78 86 92 98 99

런 3:10 11 16 27 29 35 50 67 72 73 80 89 93 런 4: 2 12 14 18 22 36 44 46 52 59 76 83 85

런 5:10 16 24 38

자연 선택 알고리즘

```
      uralSelection()
      // 자연 선택 알고리즘

      // m, m'
      : 버퍼와 외부 예비 장소의 레코드 수

      // Buffer[]
      : 버퍼-레코드 배열

      // written[]
      : 해당 버퍼 레코드가 출력되었는지를 나타내는 플래그 배열

      // reservoir-count
      : 예비 장소에 저장된 레코드 수

      // spaceFull
      : 예비 장소 오버플로를 나타내는 플래그

      // lastKey
      : 마지막으로 출력된 레코드 키 값

      // input
      : 입력 화일

naturalSelection()
       for (i \leftarrow 0; i < m; i++) written[i] \leftarrow true;
       i \leftarrow 0;
       do {
           readFrom(Buffer[i], input);
           written[i] \leftarrow false;
           i \leftarrow i + 1:
       } while (!end-of-file(input) && i \neq m);
       reservoir-count \leftarrow 0:
       // 화일로부터 읽어 런에 출력
                                        // 런 하나를 생성
       do {
           spaceFull \leftarrow false;
           do { // 레코드 하나를 출력
                                        Buffer[s] \leftarrow smallest unwritten record;
                                         appendToRun(Buffer[s]);
                                        lastKey \leftarrow Buffer[s].key;
                                        written[s] \leftarrow true;
```

```
do {
               if (!end-of-file(input)) {
                       read(new Buffer[s], input);
                       if (Buffer[s].key \geq lastKey) {
                                   written[s] \leftarrow false;
                       } else {
                                   move Buffer[s] to reservoir;
                                   reservoir-count \leftarrow reservoir-count + 1;
                                   if (reservoir-count = m') spaceFull← true;
            while (written[s] && !spaceFull && !end-of-file(input));
      } while (!end-of-file(input) && !spaceFull);
      appendToRun(unwritten Buffer[] records, ascending key order);
      setTrue(corresponding elements of written[]);
           // 다음 런을 생성하기위해 버퍼 정리
           for (i \leftarrow 0; i < min(reservoir-count, m); i++) 
              moveTo(a record from reservoir, Buffer[i]);
              written[i] \leftarrow false;
              reservoir-count \leftarrow reservoir-count - 1;
           while (Buffer[] not full && !end-of-file(input)) {
              moveTo(a record from input, Buffer[i]);
              written[i] \leftarrow false;
    } while (unwritten records exist in Buffer[]);
end naturalSelection()
```

▶ 런 생성 방법의 비교

◆ 내부 정렬

- 마지막 런을 제외하고 모든 런들의 길이가 같음
- 런의 길이를 예측할 수 있으므로 합병 알고리즘이 간단

◆ 대체 선택

- 내부 정렬보다 평균적으로 훨씬 긴 런을 생성
- _ 런의 길이가 길수록 합병 비용이 적음
- 런의 길이가 일정치 않아 정렬/합병 알고리즘이 복잡

◆ 자연 선택

- 앞의 두 방법보다 더 긴 런을 생성할 수 있음
- 예비 장소로의 입출력이 문제가 됨
- 긴 런 생성에 따른 효율화가 예비 장소 전송 비용보다 이익이 될 수도 있음

▶ 화일 분할 방법의 평가

- ◆ 성능 평가 요인
 - 1. 런이 길면 합병 비용이 적게 든다
 - ◆ 자연 선택 < 대체 선택< 내부 정렬
 - 2. 런의 길이를 예측하면 합병 알고리즘이 간단해 진다.
 - ◆ 내부 정렬 < 대체 선택 < 자연 선택
 - 3. 런 생산 과정에서의 보조기억장치로의 입출력은 성능을 저하시킨다.
 - ◆ 내부 정렬, 대체 선택 < 자연 선택
 - _ 평가
 - ◆ 자연 선택의 경우 초기에 긴 런을 생성하여 합병 단계의 효율화를 꾀하는 것이, 예비 장소로의 전송에 드는 비용보다 이익이 될 수 있다.

▶ 화일 정렬/합병 방법의 차이점

- ◆ 차이점을 나타내는 매개 변수
 - 적용하는 내부 정렬 방식
 - 내부정렬을 위해 할당된 메인 메모리의 크기
 - 정렬된 런들의 보조 저장 장치에서의 저장 분포
 - 정렬/합병 단계에서 동시에 처리할 수 있는 런의 수
- ◆ 정렬/합병 기법의 성능
 - 매개 변수에 따른 런의 수와 합병의 패스(pass) 수 결정
 - 보조 저장 장치의 상대적 참조 빈도수(reference frequency)
 - ◆ 전체 레코드 집합에 대해 수행되어야 할 정렬/합병의 패스 수 비교
 - 성능에 영향을 미치는 요인
 - ◆ 가능한 런의 길이를 길게 만들어 런의 수를 최소화
 - ◆ 동시에 합병할 수 있는 런의 수를 늘리면 합병의 패스 수는 감소
 - ◆ 보조 저장 장치에 분산 저장하면 부수적인 입출력 연산 동반

화일 정렬 합병

◆ 원리

- 런(정렬된 서브화일) = 순차화일
- 런의 합병: 순차 화일에서 마스터 화일과 로그 화일의 합병과 유사

◆ 합병 방법

- 자연 합병 (natural merge)
- 균형 합병 (balanced merge)
- 다단계 합병 (polyphase merge)
- 계단식 합병 (cascade merge)

◆ 합병 방식들의 차이점

- 적용 내부정렬 방식
- 내부정렬을 위한 주기억장치 공간의 양
- 정렬된 런들의 보조기억장치에서의 분포
- 한 합병과정에서 합병될 수 있는 런의 수

❖ m-원 자연 합병(m-way natual merge)

◆ 동작 원리

- 1. m개의 입력화일을 1개 출력화일로 합병
 - ◆ 사용 화일의 수 = m+1
- 2.1의 결과로 생성된 서브화일을 다음 단계(pass)에서의 m개의 입력화일로 재분배

◆ 특징

- 많은 입출력 : 한 패스에 합병이 끝나지 않으면 런들을 다시 분배하기 위해 복사, 이동해야 함
- 이상적 정렬/합병: m개의 런에 m개의 입력 파일 사용하여 한번의 m-원 합병을 적용

◆ 2-원 합병의 경우

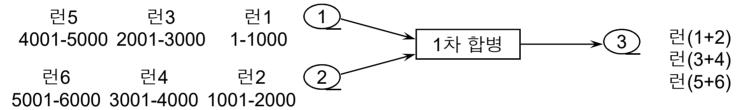
- 한번 패스: 합병된 런의 크기는 2배, 런의 수는 반
- N개 런으로 분할된 파일 정렬 위한 단계(pass) 수 : |_{OQ "} ∥ |

6 개의 런에 대한 2-원 합병

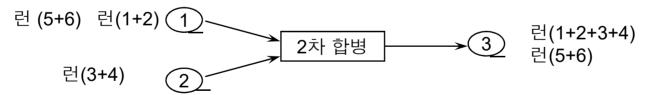
(1) 정렬단계 내부 정렬 6000 레코드

정렬된 6개의 런을 2개의 화일에 분배한다.

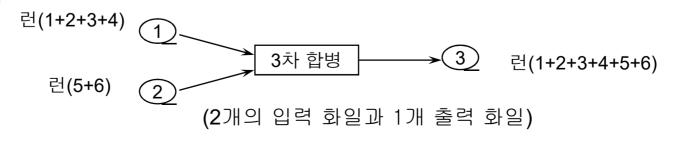
(2) 1단계 합병



- ③ 에 있는 3개의 런을 2개의 화일에 분배한다.
- (4) 2단계 합병



(5) 3단계 합병



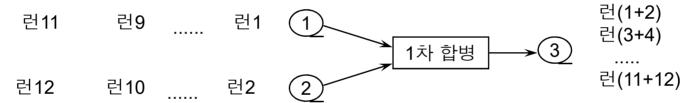
▶12개의 런에 대한 2-원 합병

(1) 정렬단계



정렬된 12개의 런을 2개의 화일에 분배한다.

(2) 1차 합병



- ③ 에 있는 6개의된 런을 2개의 화일에 분배한다.
- (3) 2차 합병

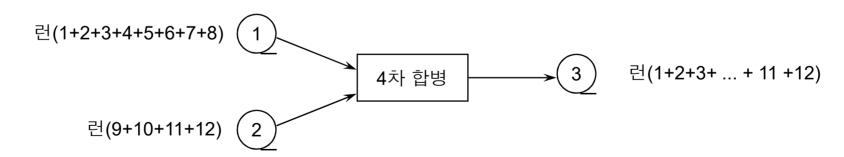


③ 에 있는 3개의된 런을 2개의 화일에 분배한다.

(4) 3차 합병



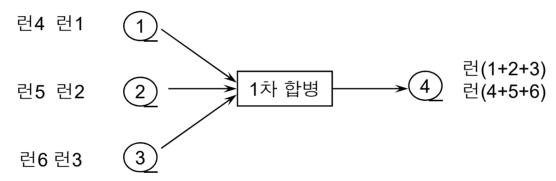
(5) 4차 합병



6개의 런에 대한 3-원 합병

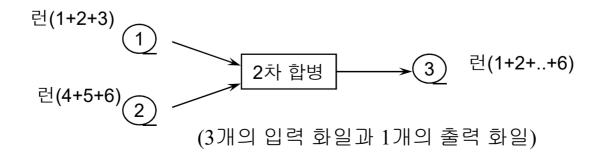
정렬된 6개의 런을 3개의 입력 화일에 분배한다.

(2) 1차 합병



4 에 있는 런을 3개의 입력 화일에 분배한다.(이 경우에는 2개의 화일만 사용됨)

(4) 2단계 합병



◆ 자연 합병의 성능

- 각 단계(pass) 마다 데이터 재분배를 위한 입출력 요구
 - ◆ 최초에 생성되는 런의 수가 많고,
 - ◆ 자연 합병의 차수가 낮을수록 입출력 요구가 더욱 증가됨
- 자연 합병에서 입출력 활동의 반은 다음 단계를 위한 입력 화일 생성, 즉 재분배에 사용됨

m-원 합병 알고리즘

```
// m-원 합병 알고리즘
mWayMerge()
                    : 입력 화일의 수
: 합의 변수들의 배열
: 출력 화일을 포함하는 화일 배열의 인덱스
: 현 단계에서 합병되지 않고 입력 화일에 남아 있는 런수
: 현 단계에서 생성된 런의 수
   // m
   // FILE[]
   // outfilenum
   // r
   // runcount
   // 합병 단계
    do {
      openFile(FILE[1], ..., FILE[m]);
                                                // for reading
      openFile(FILE[m+1]);
                                                    // for writing
     runcount \leftarrow 0;
      do {
        mergeRuns(FILE[1], ..., FILE[m] \Rightarrow FILE[m+1]);
        runcount \leftarrow runcount + 1;
      } while (!end-of-file on any one input file);
      // 합병되지 않고 입력 화일에 남아 있는 런수의 계산 및
      // 다음 단계의 출력 화일 선택
      r \leftarrow 0:
      for (i \leftarrow m; i \ge 1; i--)
          if (!end-of-file(FILE[i])) r \leftarrow r + 1;
          else outfilenum \leftarrow i;
      runcount \leftarrow runcount + r;
```

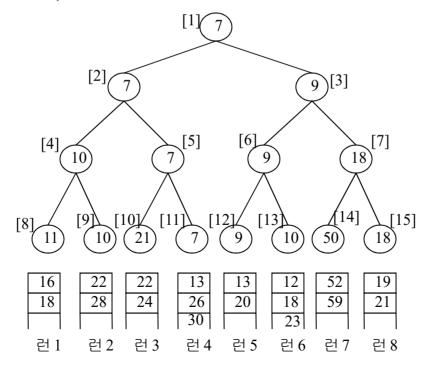
```
// 하일을 배열에 재할당
           FILE[1], ..., FILE[m+1] \leftarrow FILE[1], ..., FILE[outfilenum-1],
              FILE[outfilenum+1], ..., FILE[m+1], ..., FILE[outfilenum];
           closeFile(FILE[1], ..., FILE[m]);
           // 런들의 분산 단계
           openFile(FILE[m]);
                                                                    // for reading
          openFile(FILE[1], ..., FILE[m-1]); // for writing
// FILE[1], ..., FILE[m] 내의 런수 차가 1 이하가 되도록
//[runcount/m],[runcount/m]- 1,[runcount/m]- 2개씩의 런들을 배분
           i \leftarrow 0:
           k \leftarrow m *[runcount/m] - runcount;
           do {
                i \leftarrow i + 1:
                if (k = 0) {
                      if (end-of-file(FILE[i]))
                                  move([runcount/m] runs, from FILE[m] to FILE[i]);
                      else move (([runcount/m]-1) runs, from FILE[m] to FILE[i]);
                 } else {
                      k \leftarrow k - 1:
                      if (end-of-file(FILE[i]))
                                  move(([runcount/m]-1) runs, from FILE[m] to FILE[i]);
                      else move (([runcount/m]-2) runs, from FILE[m] to FILE[i]);
           } while (i \neq m-1);
    } while (runcount ≠ 1);
// 정렬된 최종 목표 화일은 FILE[m]
end mWayMerge()
```

▶ 선택 트리(selection tree)

- ◆ m개의 런을 하나의 큰 런으로 정렬
 - m개의 런 중 가장 작은 키 값의 레코드를 계속 선택, 출력
- ◆ 가장 작은 키 값을 선택하는 방법
 - 직관적 방법
 - ◆ m-1번 비교
 - 선택 트리 : 비교 횟수를 줄일 수 있음
 - ◆ log₂ m 번 비교
- ◆ 선택 트리의 종류
 - 승자 트리(winner tree)
 - 패자 트리(loser tree)

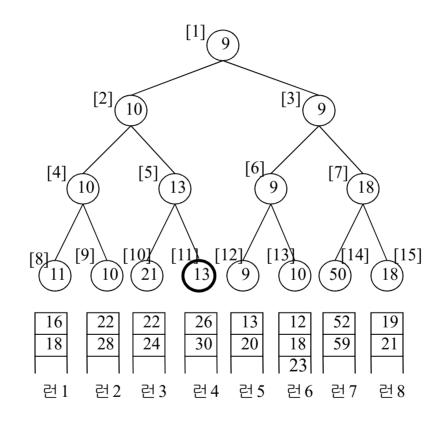
선택 트리 – 승자 트리

- ◆ 승자 트리(winner tree)
 - _ 특징
 - ◆ 완전 이진 트리
 - ◆ 각 단말 노드는 각 런의 최소 키 값 원소를 나타냄
 - ◆ 내부 노드는 그의 두 자식 중에서 가장 작은 키 값을 가진 원소를 나타냄
 - 런이 8개(m=8)인 경우 승자 트리 예



- 승자 트리 구축 과정
 - ◆ 가장 작은 키 값을 가진 원소가 승자로 올라가는 토너먼트 경기로 표현
 - ◆ 트리의 각 내부 노드: 두 자식 노드 원소의 토너먼트 승자
 - ◆ 루트 노드: 전체 토너먼트 승자, 즉 트리에서 가장 작은 키 값 가진 원소
- 승자 트리의 표현
 - ◆ 승자트리는 완전 이원트리이기 때문에 순차 표현이 유리
 - ◆ 인덱스 값이 i인 노드의 두 자식 인덱스는 2i와 2i+1
- 합병의 진행
 - ◆ 루트가 결정되는 대로 순서순차에 출력 (여기선 7)
 - ◆ 다음 원소 즉 키값이 13인 원소가 승자트리로 들어감
 - ◆ 승자 트리를 다시 재구성
 - 노드 11에서부터 루트까지의 경로를 따라가면서 형제 노드간 토너먼트 진행

• 다시 만들어진 승자트리의 예



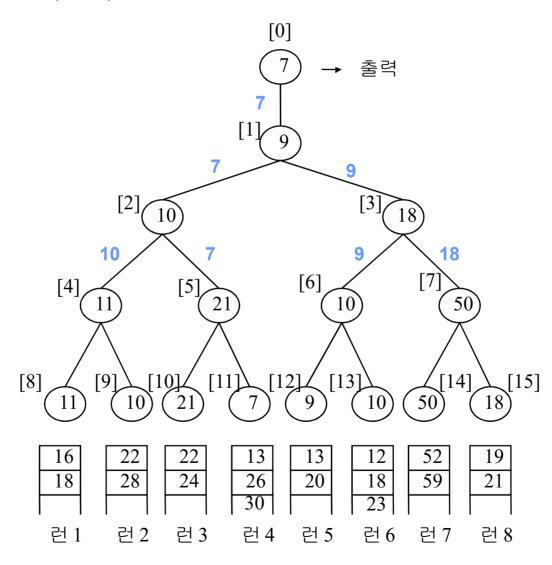
◆ 이런 방식으로 순서 순차구축을 계속함

선택 트리 – 패자 트리

- ◆ 패자 트리(loser tree)
 - 루트 위에 0번 노드가 추가된 완전 이원트리
 - ◆ 성질
 - (1) 단말노드 :각 런의 최소 키값을 가진 원소
 - (2) 내부 노드 : 토너먼트의 승자대신 패자 원소
 - (3) 루트(1번 노드): 결승 토너먼트의 패자
 - (4) 0번 노드 : 전체 승자(루트 위에 별도로 위치)

- 패자 트리 구축 과정
 - ◆ 단말 노드: 각 런의 최소 키값 원소
 - ◆ 내부노드
 - 두 자식 노드들이 부모노드에서 토너먼트 경기를 수행
 - 패자는 부모 노드에 남음
 - 승자는 그 위 부모 노드로 올라가서 다시 토너먼트 경기를 계속
 - ↑ 1번 루트 노드
 - 마찬가지로 패자는 1번 루트 노드에 남음
 - 승자는 전체 토너먼트의 승자로서 0번 노드로 올라가 순서순차에 출력됨
- 합병의 진행
 - ◆ 출력된 원소가 속한 런 4의 다음 원소, 즉 키값이 13인 원소를 노드 11에 삽입
 - ◆ 패자 트리를 다시 재구성
 - 토너먼트는 노드 11에서부터 루트 노드 1까지의 경로를 따라 경기를 진행
 - 다만 경기는 형제 노드 대신 형식상 부모 노드와 경기를 함

◆ 런이 8개(m=8)인 패자 트리의 예



❖ 균형 합병 (balanced merge)

◆ 목적

- 자연합병시 화일 재분배에 의해 소요되는 많은 I/O 회수를 줄이기 위한 방안

◆ 균형합병

- 출력을 미리 다음 단계의 입력화일로 재분배
 - ◆ m-원 자연합병: m + 1 개의 화일
 - ◆ m-원 균형합병 : 2m 개의 화일 (m 입력화일, m 출력화일)
 - ◆ "균형"은 입출력화일의 수가 동일하다는 의미
- 각 합병 단계 후
 - ◆ 런의 총수는 합병 차수(m)로 나눈 만큼 감소
 - ◆ 런의 길이는 합병 차수(m)의 두배씩 증가
- 소요 합병단계 $= O(\log_m N)$
 - ◆ N : 초기 런의 수

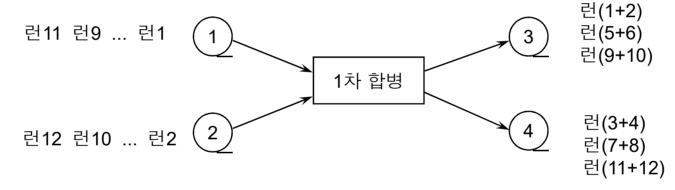
▶ 12개의 런에 대한 2-원 균형 합병

(1) 정렬단계

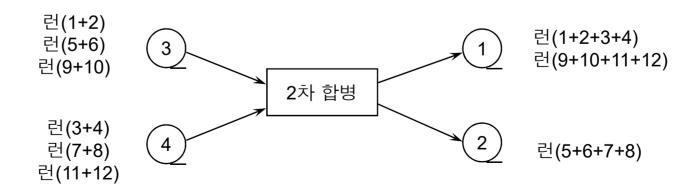


생성된 12개의 런을 2개의 화일에 분배한다.

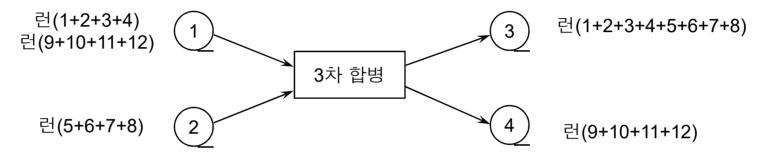
(2) 1차 합병



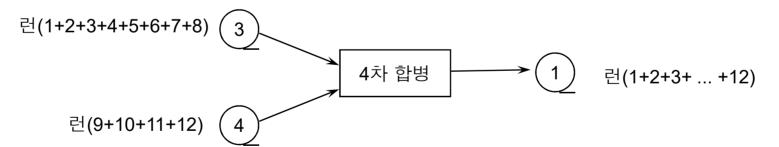
(3) 2차 합병



(4) 3차 합병



(5) 4차 합병



_주의 □ 런(1)은 4번 판독/기록되었음.

▶ m-원 균형합병 알고리즘

```
balancedMerge() // m-원 균형합병 알고리즘
                                  : 입력 화일 수(모두 2m개의 화일 사용)
: 화일 변수들의 배열
: 현 단계에서 입력과 출력 세트를
구분하기 위한 플래그
: 출력 세트의 화일 중 첫 번째 화일의 번호
: 현 단계의 출력 화일 번호
  // m
  // FILE[]
  // input-set-first
  // base
  // outfilenum
                                   : 현 단계에서 생성된 런의 수
  // runcount
  input-set-first \leftarrow false;
  do {
           if (input-set-first) {
              input-set-first \leftarrow false;
              openFile(FILE[1], ..., FILE[m]); // for reading;
              openFile(FILE[m+1], ..., FILE[2m]); // for writing;
                       base \leftarrow m + \bar{1}:
           } else {
               input-set-first \leftarrow true;
                openFile(FILE[1], ..., FILE[m]); // for writing;
                openFile(FILE[m+1], ..., FILE[2m]); // for reading;
                base \leftarrow 1:
```

```
// 합병 단계의 수행
         outfilenum \leftarrow 0;
         runcount \leftarrow 0;
         do {
            mergeRun(input files ⇒ FILE[base+outfilenum]);
            runcount \leftarrow runcount + 1;
            outfilenum \leftarrow (outfilenum + 1) % m;
         } while (!end-of-file on all input files);
         rewind(input files and output files);
  } while (runcount \neq 1);
  // input-set-first가 true면 최종 정렬 화일은 m+1,
  // false면 최종 정렬 화일은 1
end balancedMerge()
```

◆ 균형 합병의 성능

- m개 출력화일중 m-1개 화일은 항상 휴무 상태
 - ◆ 어느 단계에서도 임의의 순간을 보면, m개의 화일로부터 런을 읽어 한 개의 파일로 출력
 - ◆ m-1 개 화일은 항상 유휴 상태
- 개선책
 - ◆ 불균형 합병: 다단계 합병, 계단식 합병

❖ 다단계 합병 (Polyphase Merge)

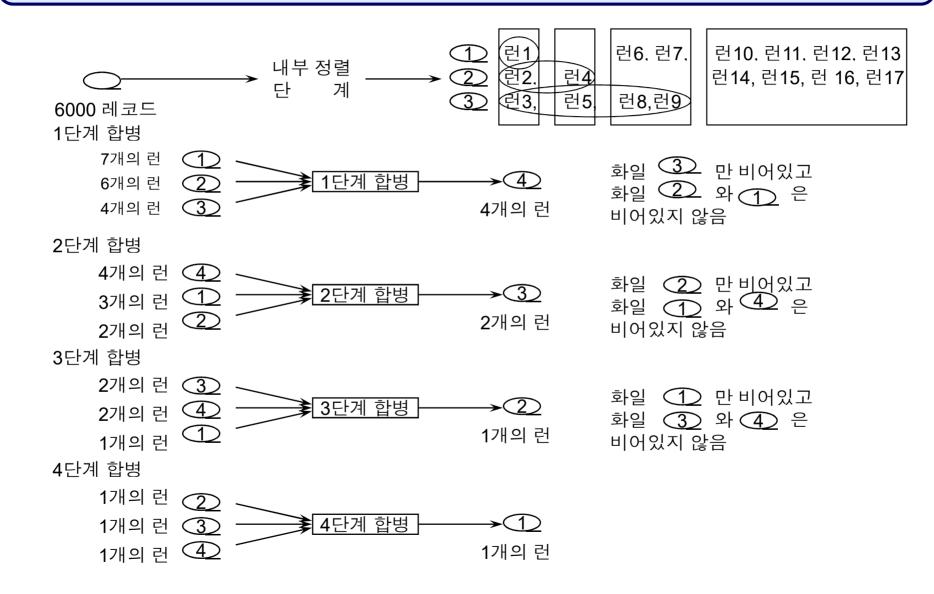
◆ 목적

- 화일의 활용도 증가

◆ m-원 다단계 합병

- "불균형" 합병의 한 형태
 - ◆ m 개의 입력 화일, 1 개의 출력 화일
- 1. 초기 입력 화일에 대한 런의 분배 단계
 - ◆ 피보나치 수열 이용
- 2. 합병 단계
 - ◆ 입력 화일의 어느 하나가 공백이 될 때까지 런들을 합병
 - ◆ 공백이 된 입력 화일이 다음 합병 단계의 출력 화일이 됨
 - ◆ 다음 합병 단계는 그 전단계 입력 파일에 남아있는 런들에 대해 작업하므로, 레코드 복사량이 감소

▶ 3-원 다단계 합병



▶ 초기 런 분배 방법

- ◆ 런수의 변화 (m = 3) 1, 1, 1, 3, 5, 9, 17, 31, ...
- ◆ 피보나치(Fibonacci) 수열 Ti = Ti-1 + Ti-2 + Ti-3, i > 3 Ti = 1, i ≤ 3 이 된다.
- ◆ 일반형

$$T_i = 1$$
, $i \le m$

$$T_j = \sum_{k=j-m}^{j-1} T_k, j > m$$

★ 초기 런 분배 방법 (m = 3, 화일수 = 17)

| | 제 1 차 | 제 2 차 | 제 3 차 | 제 4 차 |
|------|-------|--------------|------------|----------------|
| HDD1 | 1 | → 1 — | 3 — | 7 7 |
| 2 | 1 | 2 | → 2 | 6 |
| 3 | 1 — | → 2 — | 4 | → 4 |
| 합 계 | 3 | 5 | 9 | 17 |

1차분배: 모든 파일에 1개씩 분배

2차분배: 파일1에 있는 런의 개수만큼 파일2,3에 분배 3차분배: 파일2에 있는 런의 개수만큼 파일3,1에 분배 4차분배: 파일3에 있는 런의 개수만큼 파일1,2에 분배

★ 각 합병 단계에서 화일당 런 수의 변화

| | 1단계 시작 | 1단계 끝 | 2단계 끝 | 3단계 끝 | 4단계 끝 |
|-------|-----------|----------|----------|----------|----------|
| HDD 1 | 7 | 3 | 1 | 0 | 1 |
| HDD 2 | 6 | 2 | 0 | 1 | 0 |
| HDD 3 | 4 | 0 | 2 | 1 | 0 |
| HDD 4 | 0 | 4 | 2 | 1 | 0 |
| 합 계 | 17 | 9 | 5 | 3 | 1 |

▶ 3-원 다단계 합병의 예

50 110 95 15 100 30 150 40 120 60 70 130 20 140 80

HDD1: 공백 HDD1: 50 95 110

HDD2: HDD2: 15 30 100 60 70 130 60 70 130

HDD3: 40 120 150 20 80 140 HDD3: 20 80 140

HDD4: 15 30 40 50 95 100 110 120 150 HDD4: 공백

> (a) 정렬 단계 결과 (b) 1차 합병 결과

HDD1: 15 20 30 40 50 60 70 80 95 100 110 120 130 140 150

HDD2: 공백

HDD3: 공백

HDD4: 공백

(c) 2차 합병 결과

▶ 2-원 다단계 합병의 예

50 110 95 15 100 30 150 40 120 60 70 130 20 140 80

HDD1: HDD1: 20 80 140 50 95 110 60 70 130 20 80 140

HDD2: 공백 HDD2: 15 30 100 40 120 150

HDD3: 공백 HDD3: 15 30 50 95 100 110 40 60 70 120 130 150

> (a) 정렬 단계 결과 (b) 1차 합병 결과

HDD1: 공백 HDD1: 15 20 30 40 50 60 70 80 95 100 110 120 130 140 150

HDD2: 공백 HDD2: 15 20 30 50 80 95 100 110 140

HDD3: 공백 HDD3: 40 60 70 120 130 150

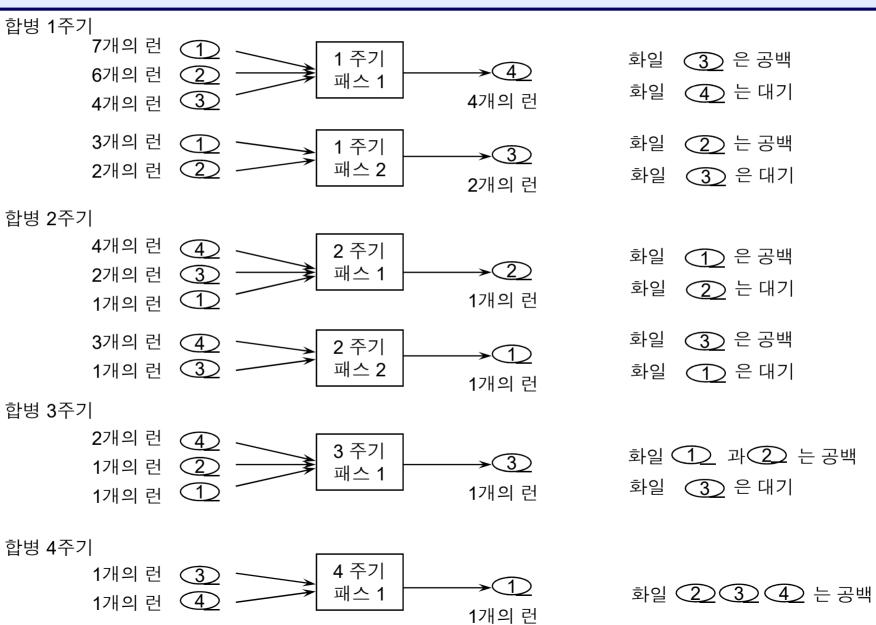
> (c) 2차 합병 결과 (d) 3차 합병 결과

▶ m-원 다단계 합병 알고리즘

```
polyphaseMerge() // m-원 다단계 합병 알고리즘
  // m : 입력 화일의 수
  // FILE[] : 화일 변수들의 배열
  //(초기 입력 화일에는 피보나치 수열에 따라 런들이 분배되어 있다고 가정)
  // 화일의 준비
  for (i \leftarrow 1; i \leq m; i++)
    openFile(FILE[i]); // for reading;
  openFile(FILE[m+1]); // for writing;
  // 합병 단계
  do {
    do {
      mergeRun(FILE[1], ..., FILE[m] \Rightarrow FILE[m+1]);
    } while (!end-of-file(FILE[m]));
    rewind(FILE[m] and FILE[m+1]);
    closeFile(FILE[m] and FILE[m+1]);
    openFile(FILE[m+1]); // for reading
    openFile(FILE[m]); // for writing
    // 화일을 배열에 재할당
    FILE[1], FILE[2], ..., FILE[m+1]
         ← FILE[m+1], FILE[1], ..., FILE[m];
  } while (!end-of-file on all files on FILE[2], ..., FILE[m]);
  // 정렬된 최종 목표 화일은 FILE[1]
end polyphaseMerge()
```

❖ 계단식 합병 (Cascade Merge)

- ◆ 목적
 - 정렬/합병 과정에서 런의 복사작업을 줄이려는 불균형 합병의 또 다른 형태
- ◆ m-원 계단식 합병(m-way cascade merge)
 - "불균형" 합병의 한 형태
 - ◆ 주기: m, m-1, m-2, ..., 그리고 마지막에 2개의 입력 화일을 사용
 - 1. 초기 입력 화일에 대한 런의 분배 단계
 - ◆ 피보나치 수열 이용
 - 2. 합병 단계
 - ◆ m 입력화일을 하나의 출력화일로 합병
 - ◆ 처음 공백이 되는 입력 화일이 새로운 출력 화일이 됨
 - ◆ m-1 개의 입력 화일이 이 새로운 출력 화일로 합병
 - ◆ 2개의 입력 화일을 합병하는 단계가 되면 합병의 한 주기가 종료
 - ◆ 한 주기에 각 레코드는 한번씩 처리



▶ 3-원 계단식 합병

50 110 95 15 100 30 150 40 120 60 70 130 20 140 80

HDD1: 50 110 95 HDD1: 공백

HDD2: 15 30 100 60 70 130 HDD2: 60 70 130

HDD3: HDD3: 40 120 150 20 80 140 20 80 140

HDD4: 공백 HDD4: 15 30 40 50 95 100 110 120 150

> (a) 정렬 단계 결과 (b) 합병 1주기 1차 합병 결과

HDD1: 공백 HDD1: 20 60 70 80 130 140

HDD2: HDD2: 15 20 30 40 50 60 70 80 95 100 110 120 130 140 150 곷백

HDD3: 공백 HDD3: 공백

HDD4: 공백 HDD4: 15 30 40 50 95 100 110 120 150

> (c) 합병 1주기 2차 합병 결과 (d) 합병 2주기 1차 합병 결과

m-원 계단식 합병 알고리즘

```
cascadeMerge() // m-원 계단식 합병 알고리즘
  // m : 입력 화일의 수
  // FILE[] : 화일 변수들의 배열
  //(초기 입력 화일에는 피보나치 수열에 따라 런들이 분산되어 있다고 가정)
  // 화일의 준비
  for (i \leftarrow 1; i \leq m; i++)
    openFile(FILE[i]); // for reading;
  openFile(FILE[m+1]); // for writing;
  // 합병 단계
  do {
    i \leftarrow 0;
    do {
      i \leftarrow i + 1;
      do {
          mergeRuns(FILE[1], ..., FILE[m-i+1] \Rightarrow FILE[m-i+2]);
      } while (!end-of-file(FILE[m-i+1]));
      rewind(FILE[m-i+1] and FILE[m-i+2]);
      closeFile(FILE[m-i+1] and FILE[m-i+2]);
      // 하나 이상의 화일이 비었을 경우 해당 단계를 생략함
      empty-file \leftarrow true;
      k \leftarrow 1;
```

```
while (empty-file && i < m-1) {
         if (end-of-file(FILE[m-i+1-k])) {
           i \leftarrow i + 1:
           k \leftarrow k + 1:
           rewind(FILE[m-i+1-k]);
            closeFile(FILE[m-i+1-k]);
         \} else empty-file \leftarrow false; \}
       // 다음 단계의 출력 화일 준비
       openFile(FILE[m-i+1]); // for writing
    } while (i \neq m-1);
    // 화일을 런 수의 내림차순으로 정렬한 후 배열에 재할당
    reallocateFiles(FILE[1], ..., FILE[m+1],
         run count of FILE[1] \geq run count of FILE[2] \geq
         ... \geq run count of FILE[m+1]);
    // 남은 화일 수의 재조정
    no-more-empty \leftarrow false;
    do {
       if (end-of-file(FILE[k])) m \leftarrow m - 1;
       else no-more-empty ← true;
    } while (m \neq 1 && !no-more-empty);
  } while (m \neq 1);
  // 최종 정렬된 목표 화일은 FILE[1]
end cascadeMerge()
```

❖ 정렬/합병 유틸리티

- ◆ 정렬 합병 유틸리티 (utility)
 - 범용의 화일 정렬/합병 작업을 지원
- ◆ 유틸리티의 기능
 - (1) 하나 또는 그 이상의 화일 정렬
 - (2) 둘 또는 그 이상의 화일 합병
 - (3) 둘 또는 그 이상의 화일 정렬과 합병
- ◆ 정렬/합병 패키지 사용시 명세 내용
 - (1) 정렬/합병할 화일의 이름
 - (2) 정렬/합병의 키 필드의 데이타 타입, 길이, 위치
 - (3) 키 필드들의 순서(주에서 보조순으로)
 - (4) 각 키 필드에 적용할 배열 순서 (ASC, 또는 DES)
 - (5) 각 키 필드에 적용될 순서 기준
 - (6) 정렬/합병 결과를 수록할 출력 화일의 이름

▶ 사용자 정의 사항

- (1) 사용자가 정의한 정렬 순서 및 기준
- (2) 내부 정렬 단계에서 사용할 알고리즘 (예 : quick, heap sort)
- (3) 합병 단계에서 사용할 알고리즘 (예: 균형, 다단계, 계단식 합병)
- (4) 화일 사용 전후에 필요한 동작(예 : rewind, unload)
- (5) 합병 단계에서 입력 레코드가 올바른 순서로 되어 있는가의 검증
- (6) 회복을 위한 체크 포인트/덤프 레코드를 사용하는 주기
- (7) 예상 입력 레코드 수

▶ 정렬/합병의 예

```
// SORTNOW EXEC SORTMRG

// SORTIN DD DSN = name of input file, ....,

// DISP = (OLD, KEEP)

// SORTOUT DD DSN = name of output file, ...,

// DISP = (NEW, KEEP)

// SYSIN DD *

SORT FILDS=(1,4,CH,A,20,10,CH,D), FILEZ=E2000

/*
```

```
SORTMRG(input-filename, output-filename)
...

SORT, VAR = POLY

FILE, INPUT = name(CU), OUTPUT = name(R)

FIELD, DEPT(1,4,ASCII6), SALEDATE(20, 10, ASCII6)

KEY, DEPT(A,ASCII6), SALEDATE(D, ASCII6)
```

★ job control card에 의한 sort

❖ 저장 장치와 정렬/합병

- ◆ 순차 접근만 허용되는 자기 테이프의 경우
 - 각 화일이 서로 다른 릴에 저장
 - 테이프 감는 시간: 시작점으로 되감기가 되어 있어야 함
- ◆ 임의 접근이 가능한 자기 디스크의 경우
 - 정렬/합병될 화일들을 하나의 디스크에 저장
 - 디스크 입/출력 연산(탐구시간+회전지연시간)
 - ◆ 테이프(시작 시간+정지시간)보다 더 많은 오버헤드 수반
 - ◆ 자기테이프보다 데이타 전송률이 훨씬 빠름
 - 탐구와 회전 지연에 따른 접근 오버헤드
 - ◆ 화일들을 2개 이상의 디스크로 분산, 중첩시켜 감소
 - ◆ 화일의 병렬적 수행(디스크마다 별도의 디스크 제어기)