

## Laboratorio Nro. 3: Backtracking

**Eduard Damiam Londoño**

Universidad Eafit  
Medellín, Colombia  
edlondonog@eafit.edu.co

**Gonzalo Garcia**

Universidad Eafit  
Medellín, Colombia  
gggarcia@eafit.edu.co

### 1) código

8. para encontrar el camino mas corto se uso DFS, lo que se hace es coger el vértice inicial y obtener sus sucesores, si el vértice tiene sucesores entonces se empiezan a recorrer todos unos por 1, a su vez se agrega el vértice en que esta a una lista en esta lista la cual guarda un camino posible, también se marca el vértice como ya recorrido y se suma el peso entre el vértice y el sucesor, luego se hace lo mismo con su sucesor, si en algún momento se alcanza el vértice objetivo entonces se compara la suma total de lo recorrido hasta el momento con la “definitiva” si la definitiva es mayor entonces se intercambien y el camino posible pasa a ser el camino “definitivo”, si en vez de eso en alguna iteración la suma es mayor a la “definitiva” entonces no sigue ese camino y se devuelve, cada vez que el algoritmo se devuelve para probar otro camino, se desmarcan los vértices “ya recorridos”, y este proceso se repite con todos los caminos posibles.

### 3) Simulacro de preguntas de sustentación de Proyectos

1. para resolver el problema del camino más cercano, además de fuerza bruta y backtracking existen multitud de algoritmos heurísticos, uno de ellos es el del vecino mas cercano el cual compara todos los vecinos del un vértice y decide irse por el arco que tenga menos peso, otro tipo de algoritmos son los algoritmos genéticos, los cuales se basan en la teoría de la genética, estos algoritmos lo que hacen es coger un conjunto de soluciones del problema he ir cruzándolas o mutándolas con la esperanza de conseguir una solución mejor y otro tipo de algoritmos que se pueden usar para este tipo de problemas son los de enjambre de hormigas, los cuales se basan en el comportamiento de las hormigas, las cuales al recorrer un camino dejan feromonas, si una hormiga encuentra comida (o en nuestro caso el vértice objetivo), regresa dejando otra vez feromonas, mientras mas corto sea el camino menos se evaporaran las feromonas y de esta manera podemos saber cuál podría ser el mas corto.

2.

Valor de N	Tiempos de ejecución
4	$2.187 \times 10^{-7} \text{ min}$
5	$3.308 \times 10^{-7} \text{ min}$
6	$4.322 \times 10^{-7} \text{ min}$
7	$5.496 \times 10^{-7} \text{ min}$
8	$2.476 \times 10^{-6} \text{ min}$
9	$2.700 \times 10^{-6} \text{ min}$
10	$3.75 \times 10^{-6} \text{ min}$
11	$5.82 \times 10^{-6} \text{ min}$

**DOCENTE MAURICIO TORO BERMÚDEZ**

Teléfono: (+57) (4) 261 95 00 Ext. 9473. Oficina: 19 - 627

Correo: mtorobe@eafit.edu.co

12	9.29 x10 <sup>-6</sup> min
13	1.40x10 <sup>-5</sup> min
14	2.46x10 <sup>-5</sup> min
15	5.22 x10 <sup>-5</sup> min
16	7.18 x10 <sup>-5</sup> min
17	1x10 <sup>-4</sup> min
18	0.0002 min
19	0.00065 min
20	0.0001 min(aquí se pasó de nano a millis)
21	0.00047 min
22	0.0009 min
23	0.001 min
24	0.0016 min
25	0.002 min
26	0.003 min
27	0.012 min
28	0.165 min
29	0.022 min
30	0.48 min
31	0.611 min
32	0.8 min
N	O(n <sup>n</sup> )

3. El usar DFS o BFS depende mucho de los datos que se tienen y de lo que se quiere hacer, por ejemplo, DFS puede ser usado para buscar ciclos en un grafo, o determinar si un grafo es conexo o no, si se necesita el camino entre 2 vértices BFS suele ser más rápido que DFS o en Facebook con la sugerencia de amigos donde la idea es no recorrer demasiado, BFS es lo mejor, otra cosa a tener en cuenta es el tamaño del grafo y como esta distribuido ya que esto puede hacer que con uno de los métodos, la pila se llene más rápido que con el otro.
4. Los algoritmos D\* consisten en resolver el problema de encontrar la ruta basándose en suposiciones, se hacen suposiciones sobre el camino y a medida que se avanza en la ruta se va agregando la nueva información sobre esta y más suposiciones, otra forma es con una búsqueda voraz los cuales se basan en una heurística y dan un resultado sin preocuparse si hay otro mejor, los algoritmos A\* son algoritmos que tienen en cuenta el coste del camino recorrido, el coste de la heurística y escogen el camino con el meno coste estimado, otro método es la búsqueda por franjas que consiste en usar 2 tablas hash para guardar el peso de la ruta desde el origen hasta el nodo actual, y el peso estimado desde el nodo actual hasta el nodo destino, con esto el tiempo para consultar cada nodo se reduce (buscar en una tabla hash es O(1)) , también se usa una lista doblemente enlazada con 3 espacios, uno para el nodo inicial, otro para el actual y otro para el final, luego con una variable de clasificación se va iterando sobre la lista, si la lista se finaliza y no se a encontrado ningún nodo objetivo, se inicia desde el principio.
5. Para el ejercicio 2.1 se crea un grafo hecho con listas de adyacencia con las especificaciones del usuario y ciertas restricciones, si el usuario no cumplía con las restricciones, el dato insertado no se toma en cuenta y se le pide otro, para calcular el camino optimo desde el punto inicial hasta el punto final se uso el mismo algoritmo que para el punto 1.6, con la diferencia de que como el grafo podía no estar completo entonces se agrego un bloque try catch para manejar el caso de que un vértice no tenga mas sucesores.

6.

```
public static void main (String args []){
    DigraphAL g = leer(); O(n)
```

```
if (g == null){ //C1
    System.out.println("no se puede con los datos proporcionados"); C2
}

ArrayList respuesta = CMC(g,1,g.size); //O(a^x+m)
if (respuesta.isEmpty() || respuesta == null) { //C3
    System.out.print("-1");//C4
}
else {
    for(int i=0; i< respuesta.size(); ++i){ //O(z)
        System.out.println(respuesta.get(i)+ " "); //C5
    }
}
}

public static DigraphAL leer(){ O(n)
    Scanner input = new Scanner(System.in); // C1
    String a = input.nextLine(); //C2
    String [] in = a.split(" "); //C3
    if(Integer.parseInt(in[0])<2 || Integer.parseInt(in[0])>105){ //C4
        return null; //C5
    }
    if(Integer.parseInt(in[1])< 0 ||Integer.parseInt(in[1])> 105 ){//C6
        return null; //C7
    }
    DigraphAL g = new DigraphAL(Integer.parseInt(in[0])); //C8
    String []inp; C//9
    for(int i = 0;i< Integer.parseInt(in[1]);++i){ //n
        a=input.nextLine(); //C10*n
        inp = a.split(" "); //C11*n
        if (Integer.parseInt(inp[0])< 1 || Integer.parseInt(inp[0])> g.size ){ //C12 *n
            System.out.println("dato incorrecto"); //C13*n
            i--; //C14*n
            continue; //C15*n
        }else if(Integer.parseInt(inp[1])< 1 || Integer.parseInt(inp[1])> g.size ){ //C16*n
            System.out.println("dato incorrecto"); //C17*n
            i--; //C18*n
            continue; //C19*n
        }else if(Integer.parseInt(inp[2])< 1 || Integer.parseInt(inp[2])> 106){//C20*n
            System.out.println("dato incorrecto");//C21*n
            i--; C22*n
            continue; C23*n
        }
        g.addArc(Integer.parseInt(inp[0]),Integer.parseInt(inp[1]),Integer.parseInt(inp[2])); C24
    }
    return g; C25
}

public static ArrayList CMC (DigraphAL g, int inicio, int Final){
    boolean[] recorridos = new boolean[g.size]; //C1
```

**DOCENTE MAURICIO TORO BERMÚDEZ**

**Teléfono: (+57) (4) 261 95 00 Ext. 9473. Oficina: 19 - 627**

**Correo: mtorobe@eafit.edu.co**

```
        if (inicio == Final){ //C2
            return null; //C3
        }
        ArrayList <Integer> camino = new ArrayList <> (); //C4
        ArrayList <Integer> temp = new ArrayList<> (); //C5
        int[] tot = {Integer.MAX_VALUE}; //C6
        camino = CMCAux(g, recorridos, inicio, Final, camino, tot, temp, 0);
        camino.add(0,1); //C7
        return camino; //C8
    }

    public static ArrayList CMCAux (DigraphAL g, boolean[] recorridos, int v, int f, ArrayList
camino, int[] tot, ArrayList temp, int
tempo){
        if (v == f){ //C1
            if (tempo < tot[0]){ //C2
                tot[0] = tempo; //C3
                camino = (ArrayList)temp.clone(); //C4
                return camino; //C5
            }
        }
        else if (tempo > tot[0]){ //C6
            return camino; //C7
        }
        try {
            ArrayList sucesores = g.getSuccessors(v); //O(a)
            if(!sucesores.isEmpty()){ //C8
                recorridos[v-1] = true; //C9
                for(int i =0; i<sucesores.size();++i) { //O(a)
                    if(recorridos[(int)sucesores.get(i)-1]){ // C10*a
                        continue; //C11 *a
                    }
                    temp.add(sucesores.get(i)); //C11 *a
                    camino = CMCAux(g, recorridos, (int)sucesores.get(i), f, camino, tot, temp, tempo +
g.getWeight(v, (int) sucesores.get(i))); //O(a^x+m)
                    Integer a = (int)sucesores.get(i); //C12*a
                    temp.remove(a); //C13
                }
                recorridos[v-1] = false; //C14*a
            }
            return camino; //C15 *a
        }
        catch (Exception e){
            return camino; //C16*a
        }
    }
}
```

En la función CMCAUX la llamada recursiva depende de 2 variables  $x$  y  $m$  las cuales se reducen en cada iteración, por lo tanto

$T(x,m) = aT(x-1,m-1) \Rightarrow a^x m$  y como no sabemos cual es mayor la complejidad queda  $O(a^{x+m})$

La complejidad total queda

$O(C+n+(a^{x+m})+z)$  luego por ley de la suma  $\Rightarrow$

$O(n+(a^{x+m})+z)$

7. La variable  $n$  representa la cantidad de arcos que especifica el usuario ya que de esto depende la cantidad de veces que se toman los datos,  $a$  representa la cantidad de sucesores de un vértice ya que de este depende la cantidad que se ejecutan las iteraciones recursivas,  $x$  representa la cantidad de vértices que faltan por ser revisados, la  $m$  representa la sumatoria de los pesos ya que si esta se pasa de un tope las iteraciones se terminan, y por ultimo  $z$  es el tamaño de la respuesta ya que de esta depende un ciclo.

#### 4) Simulacro de Parcial

1. a.  
solucionar( $n-a, a, b, c$ );  
b.  
 $\text{Math.max}(\text{res}, \text{solucionar}(n-b, a, b, c)+1)$ ;  
c.  
 $\text{Math.max}(\text{res}, \text{solucionar}(n-c, a, b, c)+1)$ ;
2. a.  $0 \rightarrow 3 \rightarrow 7$   
 $1 \rightarrow 0 \rightarrow 3 \rightarrow 7$   
 $2 \rightarrow 1 \rightarrow 0 \rightarrow 3 \rightarrow 7$   
 $3 \rightarrow 7$   
 $4 \rightarrow 2 \rightarrow 1 \rightarrow 0 \rightarrow 3 \rightarrow 7$   
 $5$   
 $6 \rightarrow 2 \rightarrow 1 \rightarrow 0 \rightarrow 3 \rightarrow 7$   
 $7$   
b.  $0 \rightarrow 3 \rightarrow 4 \rightarrow 7 \rightarrow 2 \rightarrow 1 \rightarrow 6 \rightarrow 5$   
 $1 \rightarrow 0 \rightarrow 5 \rightarrow 3 \rightarrow 4 \rightarrow 7 \rightarrow 2 \rightarrow 6$   
 $2 \rightarrow 1 \rightarrow 4 \rightarrow 6 \rightarrow 0 \rightarrow 5 \rightarrow 3 \rightarrow 7$   
 $3 \rightarrow 7$   
 $4 \rightarrow 2 \rightarrow 1 \rightarrow 6 \rightarrow 0 \rightarrow 5 \rightarrow 3 \rightarrow 7$   
 $5$   
 $6 \rightarrow 2 \rightarrow 1 \rightarrow 4 \rightarrow 0 \rightarrow 5 \rightarrow 3 \rightarrow 7$   
 $7$
- 3.
4. 

```
unCamino(Graph g, int p, int q){
    boolean visitado[] = new boolean[g.size()];
    LinkedList<Integer> camino = new LinkedList<Integer>();
    LinkedList<Integer> v = new LinkedList<>();
    v.add(p);
    camino.add(p);
    while(v.isEmpty() == false){
```

DOCENTE MAURICIO TORO BERMÚDEZ

Teléfono: (+57) (4) 261 95 00 Ext. 9473. Oficina: 19 - 627

Correo: mtorobe@eafit.edu.co

```
int ver = v.poll();
ArrayList<Integer> sucesores = g.getSuccessor(ver);
If(sucesores != null){
    For (int i =0; i<sucesores.length; ++i){
        v.add(sucesor.get(i));
        if(!visitados[sucesor.get(i)]){
            camino.add(sucesor.get(i));
        }
        If (sucesor.get(i)==q){
            Return camino;
        }
        visitados[sucesor.get(i)] = true;
    }
}
Return camino;
}
```

5. 5.1 return 1+lcs(i-1,j-1,s1,s2);  
5.2 return Math.max(ni,nj);  
5.3  $T(n) = c * 2T(n-1)$ ;