# 수치해석 HW #6 (Project 1)

face recognition

2018007956 71×41°t

# face recognition

- 1. face images 를 모은다 (32x32size, 흑백 사진)
- 2. svd를 이용해서 basis vector (eigenface)를 구한다
- 3. eigenvalue가 큰 것부터 순서대로(svd가 해줌), eigenface의 linear combination으로 얼굴을 표현한다
- 4. 표현된 계수들의 조합으로 face recognition을 한다

# [Collect face images]

- 모은 face images에 대한 정보: 총 5749명에 대해 한 장 또는 여러 장의 사진이 있고 총 13,233개이다



Aaron\_Eckhart\_0 001.jpg



Aaron\_Peirsol\_00 02.jpg



Aaron\_Sorkin\_00 01.jpg



Aaron\_Guiel\_000 1.jpg

Aaron\_Peirsol\_00

03.jpg

Aaron\_Sorkin\_00

02.jpg



Aaron\_Patterson \_0001.jpg



Aaron\_Peirsol\_00 04.jpg



Aaron\_Tippin\_00 01.jpg



Aaron\_Peirsol\_00 01.jpg



흑백변환

얼굴크롭

사이즈 32x32

Aaron\_Pena\_000 1.jpg



Abba\_Eban\_0001 .jpg

face recognition에 유리하게 변환: 얼굴 인식이 안되는 것을 제외하고 변환했기 때문에 총 10,141개이다



Aaron\_Eckhart\_0 001.jpg



Aaron Peirsol 00 04.jpg



Aaron\_Peirsol\_00 01.jpg



Aaron Pena 000 1.jpg



Aaron\_Peirsol\_00 02.jpg



Aaron Sorkin 00 02.jpg



Aaron\_Peirsol\_00 03.jpg



Aaron\_Tippin\_00 01.jpg







Abbas\_Kiarostam i\_0001.jpg



Abdoulaye\_Wad e\_0001.jpg



Abdoulaye\_Wad e\_0002.jpg

원본 파일

수정 후 파일

#### [이미지 수정 코드]

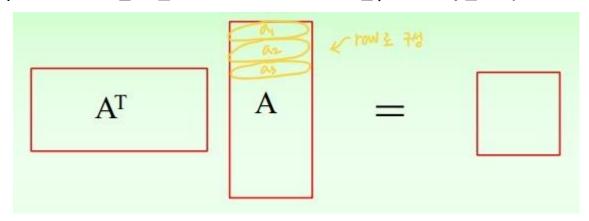
```
import os
import glob
import cv2_# OpenCV, 이미지 처리 라이브러리
face_cascade = cv2.CascadeClassifier(cv2.data.haarcascades+'haarcascade frontalface default.xml')
eye casecade = cv2.CascadeClassifier(cv2.data.haarcascades+'haarcascade eye.xml')
path = 'C:\\Users\\LG\\Desktop\\test\\*.jpg'
img = [cv2.imread(file) for file in glob.glob(path)]
name = [os.path.basename(file) for file in glob.glob(path)]
gray img=[]
face=[]
cropped img=[]
resize_img=[]
eyes=[]
for i in range(len(img)):
    gray_img.append(cv2.cvtColor(img[i], cv2.COLOR_BGR2GRAY))
    face.append(face cascade.detectMultiScale(gray img[i],scaleFactor=1.1, minNeighbors=1, minSize=(50, 50)))
    if len(face[i])==1: # 얼굴이 1개로 인식된것만 수행
        for (x,y,w,h) in face[i]:
            cropped img.append(gray img[i][y:y+h, x:x+w])
            resize_img.append(cv2.resize(cropped_img[i]_(32,32)))
            cv2.imwrite("C:\\Users\\LG\\Desktop\\test2\\%s"%(name[i]),resize img[i])
    else:
        cropped_img.append(None)
        resize img.append(None)
        eves.append(None)
```

[opencv의 SVD 과정 개념] \_ 알고리즘 구현 과정

O부터 255사이의 값을 갖는 32x32 이미지를 나열한 1024차원의 벡터공간을 다룬다

얼굴 이미지는 O~255의 양수로 이루어진 벡터이므로, 벡터 공간을 구성하기 위해 각 face image vector에 평균값을 빼준다 이 값들로 data matrix A를 구성한다

취득한 데이터가 dimension보다 크므로, data matrix가 row로 구성되고 covariance matrix = A.T @ A 를 구해준다 (matrix의 일부분에 basis가 나오니깐, 보다 작은 square matrix로 구해짐)



(row space의 basis vector는 U matrix로 구성된다)

#### [python code]

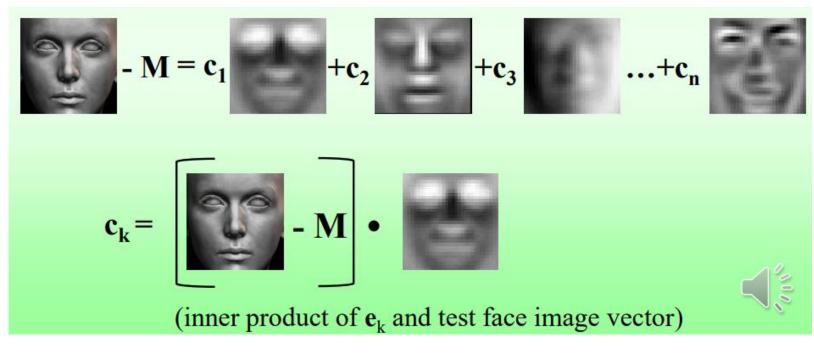
```
lef createDataMatrix(images):
    print('creating data matrix',end=' ... ')
    numImages = len(images)
    sz = images[0].shape
    data = np.zeros((numImages, sz[0] * sz[1]), dtype=np.float32)
    for i in range(numImages):
        image = images[i].flatten()
        data[i:] = image
    print('DONE')
    return data
path = 'C:\\Users\\LG\\Desktop\\grayfaces\\*.jpg'
img = [cv2.imread(file_cv2.IMREAD_GRAYSCALE__) for file in glob.glob(path)]
img = np.array(img)
mean = img.mean(axis=0).astype("int")
A = img - mean
A = createDataMatrix(A)
matA =A.T @ A
U, s, V = np.linalg.svd(matA, full matrices=True)
S = np.zeros(matA.shape)
for i in range(len(s)):
    S[i][i] = s[i]
appA = U \otimes S \otimes V
```

```
createDataMatrix함수는
받은 이미지들을 row로 정렬해주는 함수이다
(10139, 32, 32) → (10139, 1024)
(한 이미지가 32x32사이즈이므로 1024차원이 된다)
10개 이미지의 img를 직접 표현해보면)
[img1벡터값] [img1벡터값] ... [img1벡터값]
[img1이벡터값] [img1이벡터값] ... [img1벡터값]
[img2벡터값] [img2벡터값] ... [img2벡터값]
... [img9벡터값] ... [img9벡터값]
```

#### print 결과 :

두 행렬의 차이가 영행렬에 가까움을 알 수 있고 이는 svd가 잘 되었다고 볼 수 있다

# [Find the Coefficients]



original face image ( vector – mean vector) @ 특정 eigenface vector = 1024차워 벡터 Ck가 얻어진다

# [코드]

```
# test face recognition
testFace = img[2]
testFaceMS = testFace - mean
testFaceMS = testFaceMS.flatten()
mean = mean.flatten()
r_list = [25, 50, 100, 200, 400, 800, 1600]
for r in r_list:
    # find the coefficients
    coefficients = U[:::r].T @ testFaceMS
    print(coefficients)
    # generate face image using eigenfaces
    reconface = mean + U[:_a:r] @ coefficients
    img = plt.imshow(np.resize(reconFace, (32, 32)))
    img.set_cmap('gray')
    plt.title('r = ' + str(r))
    plt.axis('off')
    plt.show()
```

=〉코드에서는 eigenface vector @ testface(image vector-mean vector)하여 입력된 r만큼의 coefficient벡터를 만든다 r이상의 coefficient는 다루지 않기때문에 이렇게 만들어도 상관없고 오히려 더 효율적이다

〈재구성한 사진의 벡터구조 분석〉 - recognition performance test

● 같은 사람의 디테일(표정, 안경 등)이 다른 사진 분석 1-① (같은 사람의 다른 사진이 많이 없어서 따로 찾아서 넣었다)

차이: 안경 유무

★ eigenfaces: 100일 경우, 각각의 계수 벡터 값과 차이

11 -274 -125 -27 109 98 - 295 - 41 - 19 - 62 - 94 - 169 -3 152 153 26 87 -109 -38 -18 -15 -113 -21 30 -29 -40 60 24 26 -18] 2 : [ 519 -110 -344 7 -505 98 306 -64 15 -254 262 -206 -181 157 -89 164 10 -113 98 35 100 61 62 -29 73 58 77 -33 -23 16 -92] 838 389 156 282 56 -84 -134 146 -116 111 -23 -126 -93 -282 185 -47 142 203 55 -106 -21 52 153 55 -28 -78 97 -1 55 -123 2 -13 -34 -100 10 -14 10 74]

rank: 25 image 1) distance : 1210611 image 2) distance: 1231346 distance difference : 20735 rank : 50 image 1) distance : 1359594 image 2) distance : 1443676 distance difference: 84082 rank : 100 image 1) distance : 1484788 image 2) distance : 1653416 distance difference: 168628 rank : 200 image 1) distance : 1598139 image 2) distance : 1849969 distance difference : 251830 rank : 400 image 1) distance : 1687431 image 2) distance : 1952414 distance difference: 264983 rank : 800 image 1) distance : 1750616 image 2) distance : 2015445 distance difference : 264829

두 벡터의 차이 값이 비교적 작은 걸로 보아 안경의 유무에 상관없이 같은 사람임을 인식할 수 있다는 것을 알 수 있다

#### 원본 이미지

1



)



- -> rank(eigenfaces개수)에 따라 이미지의 distance(energy)를 구하고
- 그 차이 값을 계산
- distance : 각 벡터 값의 제곱의 합

8 -275 -124 -26

〈재구성한 사진의 벡터구조 분석〉 - recognition performance test ● 같은 사람의 디테일(표정, 안경 등)이 다른 사진 분석표정 변화 1-② 차이: 표정

★ eigenfaces: 100일 경우, 각각의 계수 벡터 값과 차이

107

-6 153 87 154 63 -76 39 84 19 -65 -24 -59 27 -22 -26 26 -20] 2 : [-1392 -187 -202 -117 149 87 -260 -68 -20 -92 -136 100 187 109 -61 -62 124 156 -19 -23 102 112 -27 -118 -76 158 113 137 167 105 73 58 -120 -95 58 -49 76 -66 -98 48 111 133 -61 -33 107 -83 -69 -56 57 -41 42 10 60 -110 16 -79 90 43 -115 14 -73 -87 -16 25 127] 280 515 -101 212 105 -273 -166 -292 216 -124 -167 57 85 -147]

rank: 25 image 1) distance : 1210611 image 2) distance : 3204984 distance difference : 1994373 rank: 50 image 1) distance : 1359594 image 2) distance : 3484384 distance difference : 2124790 rank : 100 image 1) distance : 1484788 image 2) distance : 3753446 distance difference : 2268658 rank : 200 image 1) distance : 1598139 image 2) distance : 3954381 distance difference : 2356242 rank : 400 image 1) distance : 1687431 image 2) distance : 4118028 distance difference : 2430597 rank : 800 image 1) distance : 1750616 image 2) distance : 4212912 distance difference : 2462296

distance difference 결과를 보면 다른 사람처럼 인식하고 있다 너무 찡그린 사진은 벡터 차이 값을 가지곤 판별할 수 없다

# 원본 이미지

-

¬〉rank(eigenfaces개수)에 따라
 이미지의 distance(energy)를 구하고
 그 차이 값을 계산

- distance : 각 벡터 값의 제곱의 합

〈재구성한 사진의 벡터구조 분석〉 - recognition performance test ● 같은 사람의 디테일(표정, 안경 등)이 다른 사진 분석표정 변화 1-③ 차이: 헤어스타일

★ eigenfaces: 100일 경우, 각각의 계수 벡터 값과 차이

[-659 188 563 -707 -253 278 -180 13 -152 571 -25 2 : [-1150 -246 -121 11 -183 -100 -178 255 -188 260 124 -202 -71 -111 -144 -95 -29 -108 124 -43 -19 -104-26 131 -125 -201 116 61 -19 -74 17 -72 277 122 14 -26 211 92 150 51 10 -17 152 18 -140 151 -31 62 70 133 -66 -62 -23 71 -64 -53 102 -3] 24 434 684 -806 -388 514 -431 372 -22 -231 -81 136 -300 -188 57 -37 -152 -17 -267 -20 6 102 66 106 60]

rank : 25 image 1) distance : 1876569 image 2) distance : 1968510 distance difference : 91941 rank: 50 image 1) distance : 2006540 image 2) distance : 2282946 distance difference : 276406 rank : 100 image 1) distance : 2171840 image 2) distance : 2564099 distance difference : 392259 rank : 200 image 1) distance : 2261247 image 2) distance : 2730136 distance difference : 468889 rank : 400 image 1) distance : 2331837 image 2) distance : 2873833 distance difference : 541996 rank : 800 image 1) distance : 2376424 image 2) distance : 2973678 distance difference : 597254

두 벡터의 차이 값이 비교적 작은 걸로 보아 앞머리의 유무, 헤어스타일의 차이에 상관없이 같은 사람임을 인식할 수 있다는 것을 알 수 있다

#### 원본 이미지

2



- -> rank(eigenfaces개수)에 따라 이미지의 distance(energy)를 구하고 그 차이 값을 계산
- distance : 각 벡터 값의 제곱의 합

# [eigenfaces 개수에 따른 이미지 차이]



〈재구성한 사진의 벡터구조 분석〉 - recognition performance test

- 서로 다른 사람의 벡터 구조 비교 2-①
- ★ eigenfaces :100일 경우, 각각의 계수 벡터 값과 차이

같은 사람을 테스트 했던 앞 사례와 비교해보면 distance difference값이 더 크게 나오는 것을 볼 수 있다

1 : [ 504 728 45 163 -223 75 14 172 82 -100 -143 -22 -78	
1 . [ 304 /25 43 103 -223 /3 14 1/2 62 -100 -143 -22 -/6	3 0
-205 154 11 -275 -124 -27 107 97 -296 -43 -18 -63 -94 -10	59
28 39 -76 -6 151 88 154 0 -11 -42 35 -22 48 -9	)1
-29 15 37 98 65 -74 41 85 -63 -1 -88 -83 -14 -3	32
5 -20 -29 -55 0 88 73 27 39 79 -110 86 -27 -	79
-7 -39 -18 -15 -114 -18 31 -29 -40 -19 -10 84 86 2	29
7 -60 32 -5 19 -65 -25 60 25 -25 -23 -36 -47 -:	12
27 -20]	
2 : [-659 188 563 -707 -253 278 -180 282 155 -315 -78 -1 -105	l <b>-112</b>
39 -193 240 -1 -39 -35 -159 -180 13 -152 73 -83 -74 -9	90
75 74 101 -13 94 -95 -107 18 47 68 2 -140 -51	5
-33 54 -125 -64 64 -23 23 -22 149 85 -2 107 -32 -9	95
5 3 57 -29 134 -115 -51 53 10 40 5 15 -45 10	8
75 -65 18 -26 -95 9 -2 -42 -16 -42 112 29 -31	4
29 -18 -37 9 -69 -9 75 38 9 -26 23 -17 -7	4
-25 57]	
1-2: [1163 540 -518 870 30 -203 194 -110 -73 215 -65 -21	23 112
-244 347 -229 -274 -85 8 266 277 -309 109 -91 20 -20 -3	79
-47 -35 -177 7 57 183 261 -18 -58 -110 33 118 99 -9	96
4 -39 162 162 1 -51 18 107 -212 -86 -86 -190 18	i3
0 -23 -86 -26 -134 203 124 -26 29 39 -115 71 18 -18	37
-82 26 -36 11 -19 -27 33 13 -24 23 -122 55 117	25
-22 -42 69 -14 88 -56 -100 22 16 1 -46 -19 -40 -3	16
52 -77]	

```
rank: 25
image 1) distance : 1210611
image 2) distance : 1876569
distance difference : 665958
rank : 50
image 1) distance : 1359594
image 2) distance : 2006540
distance difference : 646946
rank : 100
image 1) distance : 1484788
image 2) distance : 2171840
distance difference : 687052
rank : 200
image 1) distance : 1598139
image 2) distance : 2261247
distance difference : 663108
rank : 400
image 1) distance : 1687431
image 2) distance : 2331837
distance difference : 644406
rank : 800
image 1) distance : 1750616
image 2) distance : 2376424
distance difference : 625808
```



-> rank(eigenfaces개수)에 따라 이미지의 distance(energy)를 구하고 그 차이 값을 계산

- distance : 각 벡터 값의 제곱의 합

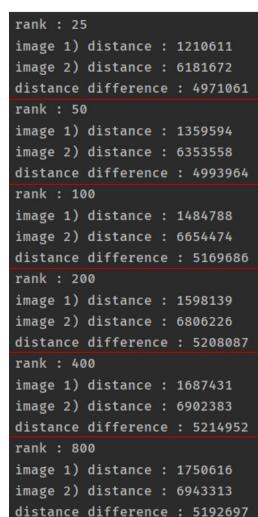
〈재구성한 사진의 벡터구조 분석〉 - recognition performance test

- 서로 다른 사람의 벡터 구조 비교 2-②
- ★ eigenfaces :100일 경우, 각각의 계수 벡터 값과 차이

```
81 -101 -143 -23 -78
                                  153
                            -74
                                   42
                                        89
                                             -56
            -24
                                        25
                                             -15
                             -61
                                 -26
                                              25
                                                   24 -23 -37
                                                                        11
   25 -18]
                                                                        288 -133
            -666
                    560 -1860
   -25
              -171
                      148
                                                -38
                                                       184
                                                              23
                                                                    51
                                                                         -73
                             271
                                   -72
                                        -365
  -338
          -25 -120
                       36
                             -64
                                   169
                                          -86
                                                 93
                                                       -83
                                                             -31
                                                                    -36
                                                                         -130
          -29
   123
                                           80
                                                       42
                                                                    10
                                                                          141
                                          -24
         -93
                128
                      154
                              87 -115
                                                       -71
                                                               3 -134
                                                                           54
        -109
                                   -54
                                          -28
  -111
                       93
                                                       -60
                                                                    88
                                                                          -19
   -14
          56
                216
                     -106
                                          -15
                                                                    -52
                                                                           87
    17
          -68
                       83
                                          37
                                                 14
                                                       21
                                                              11
                                                                   -35
                                                                           35
          70
                 45
                      -44]
1-2 : [1224 1394 -516 2024 -932 -473 -233 284
          6 -253 -201 242
                                                   33 320
                                  189
                                       128 -134
                                       182 -184
        26]
  -20
```

인종도 다르고, 성별도 다른 두 사람을 비교해 보았다 지금까지의 결과 중 벡터 차이 값이 제일 크게 나오는 것을 볼 수 있다

이렇게 큰 차이가 있는데도 변함이 크지 않은 계수는 O으로 만든다



#### 원본 이미지



-> rank(eigenfaces개수)에 따라 이미지의 distance(energy)를 구하고

그 차이 값을 계산

- distance : 각 벡터 값의 제곱의 합

#### idea 1: 사람이 달라져도 크게 바뀌지 않는 계수는 무시한다

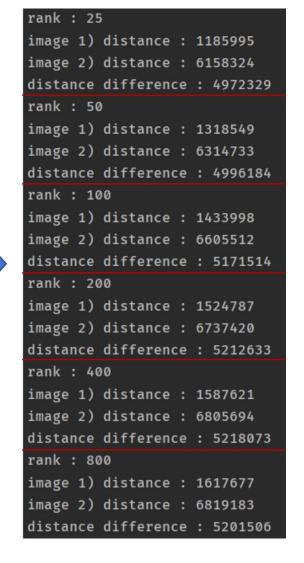
# 2-② 의 계수 벡터 값 차이가 20이하이면 그 값들은 O으로 처리한다

```
1-2 : [1224 1394 -516 2024 -932 -473 -233 284 40 111 -431 110 -53 0 -37 6 -253 -201 242 8 -76 75 -347 33 320 -37 26 -205 92 -131 12 -97 235 120 189 128 -134 -13 -60 23 143 -16 -109 -34 -9 97 55 -215 43 182 -184 -156 -174 32 10 -31 75 -22 110 -111 118 203 116 -68 -46 139 -81 64 34 -68 -106 -18 -5 -71 -324 70 -64 -67 -24 -196 -110 93 139 -55 -11 6 -67 -90 29 -61 -63 -74 4 13 12 -72 -1 -59 -20 26]
```

```
zero=[]
for i in range(len(coefficients)):
   if abs(coefficients[i] - coefficients2[i])<20:
      zero.append(i)</pre>
```

#### 결과: 다른 사람의 경우(예시②) 차이가 더 커졌다

```
rank: 25
image 1) distance : 1210611
image 2) distance : 6181672
distance difference : 4971061
rank: 50
image 1) distance : 1359594
image 2) distance : 6353558
distance difference : 4993964
rank : 100
image 1) distance : 1484788
image 2) distance : 6654474
distance difference : 5169686
rank : 200
image 1) distance : 1598139
image 2) distance : 6806226
distance difference : 5208087
rank : 400
image 1) distance : 1687431
image 2) distance : 6902383
distance difference : 5214952
rank : 800
image 1) distance : 1750616
image 2) distance : 6943313
distance difference : 5192697
```



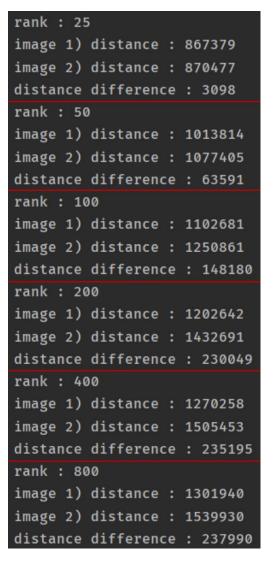
#### idea 1: 사람이 달라져도 크게 바뀌지 않는 계수는 무시한다

# 2-② 의 계수 벡터 값 차이가 20이하이면 그 값들은 O으로 처리한다

```
zero=[]
for i in range(len(coefficients)):
   if abs(coefficients[i] - coefficients2[i])<20:
      zero.append(i)</pre>
```

# 결과: 같은 사람의 경우(예시①) 차이가 더 작아졌다

```
rank: 25
image 1) distance : 1210611
image 2) distance : 1231346
distance difference : 20735
rank : 50
image 1) distance : 1359594
image 2) distance : 1443676
distance difference: 84082
rank : 100
image 1) distance : 1484788
image 2) distance : 1653416
distance difference: 168628
rank : 200
image 1) distance : 1598139
image 2) distance : 1849969
distance difference: 251830
rank : 400
image 1) distance : 1687431
image 2) distance : 1952414
distance difference : 264983
rank : 800
image 1) distance : 1750616
image 2) distance : 2015445
distance difference: 264829
```



# idea 1: 사람이 달라져도 크게 바뀌지 않는 계수는 무시한다

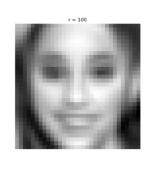
이 idea를 통해 이론상으론, 이전에 비해 적은 eigenfaces로도 얼굴을 잘 구현할 수 있다 하지만 20이하의 차이를 무시하는 것으론 육안으로 드러날 만큼의 차이까진 없었다



# 크게 바뀌지 않는 계수 무시 전













25

50

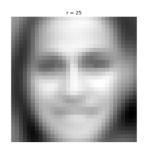
100

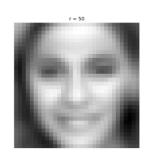
200

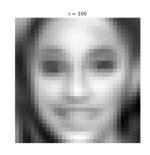
400

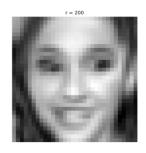
800

크게 바뀌지 않는 계수 무시 후













#### idea 2: 두 벡터 간의 distance가 특정범위이면 같은 사람, 아니면 다른 사람이라고 판별한다

# 같은 사람 다른 사람

```
rank: 25
image 1) distance : 1210611
image 2) distance : 1231346
distance difference : 20735
rank : 50
image 1) distance : 1359594
image 2) distance : 1443676
distance difference: 84082
rank : 100
image 1) distance : 1484788
image 2) distance : 1653416
distance difference : 168628
rank : 200
image 1) distance : 1598139
image 2) distance : 1849969
distance difference : 251830
rank : 400
image 1) distance : 1687431
image 2) distance : 1952414
distance difference: 264983
rank : 800
image 1) distance : 1750616
image 2) distance : 2015445
distance difference: 264829
```

```
rank : 25
image 1) distance : 1210611
image 2) distance : 3204984
distance difference : 1994373
rank : 50
image 1) distance : 1359594
image 2) distance : 3484384
distance difference : 2124790
rank : 100
image 1) distance : 1484788
image 2) distance : 3753446
distance difference : 2268658
rank : 200
image 1) distance : 1598139
image 2) distance : 3954381
distance difference : 2356242
rank : 400
image 1) distance : 1687431
image 2) distance : 4118028
distance difference: 2430597
rank : 800
image 1) distance : 1750616
image 2) distance : 4212912
distance difference : 2462296
```

```
rank : 25
image 1) distance : 1876569
image 2) distance : 1968510
distance difference : 91941
rank : 50
image 1) distance : 2006540
image 2) distance : 2282946
distance difference : 276406
rank : 100
image 1) distance : 2171840
image 2) distance : 2564099
distance difference : 392259
rank : 200
image 1) distance : 2261247
image 2) distance : 2730136
distance difference : 468889
rank : 400
image 1) distance : 2331837
image 2) distance : 2873833
distance difference : 541996
rank : 800
image 1) distance : 2376424
image 2) distance : 2973678
distance difference : 597254
```

```
rank : 25
image 1) distance : 1210611
image 2) distance : 1876569
distance difference : 665958
rank : 50
image 1) distance : 1359594
image 2) distance : 2006540
distance difference : 646946
rank : 100
image 1) distance : 1484788
image 2) distance : 2171840
distance difference : 687052
rank : 200
image 1) distance : 1598139
image 2) distance : 2261247
distance difference : 663108
rank : 400
image 1) distance : 1687431
image 2) distance : 2331837
distance difference : 644406
rank : 800
image 1) distance : 1750616
image 2) distance : 2376424
distance difference : 625808
```

```
rank: 25
image 1) distance : 1210611
image 2) distance : 6181672
distance difference : 4971061
rank: 50
image 1) distance : 1359594
image 2) distance : 6353558
distance difference : 4993964
rank : 100
image 1) distance : 1484788
image 2) distance : 6654474
distance difference : 5169686
rank : 200
image 1) distance : 1598139
image 2) distance : 6806226
distance difference : 5208087
rank : 400
image 1) distance : 1687431
image 2) distance : 6902383
distance difference : 5214952
rank : 800
image 1) distance : 1750616
image 2) distance : 6943313
distance difference : 5192697
```

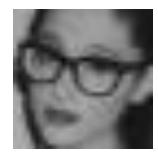
=> 위 결과를 통해 인식범위를 600000으로 잡는다 (마지막 rank 800의 distance difference기준) 너무 찡그린 얼굴은 같은 사람으로 판별하지 못해서 성능은 좀 떨어지지만

보통의 경우에는 같은 사람인지 다른 사람인지 판별할 수 있다

# [face recognition]

testcase 1:







testcase 2:





결과 : 두 사람은 다른 사람입니다.

testcase 3:





결과 : 두 사람은 같은 사람입니다.

너무 찡그린 사진은 다른 사람으로 인식한다 -> performance 떨어지지만, 위 두 사진은 눈으로 봐도 많이 다르다

testcase 4:





결과 : 두 사람은 다른 사람입니다.

testcase 5:





결과 : 두 사람은 다른 사람입니다.