

#### 目录

精通数据和管

## ONE 多元逻辑回归

隐含变量模型

从编馆回的到满意管图

精通数据科学 从给收益则的秘证不管管的

精通查证程序等

糖通数据科学

### TWO降维到二元分类问题

OvR, Ovo

楼通数源科学:

THREE 代码实现。

#### 多元逻辑回归

多元分类问题

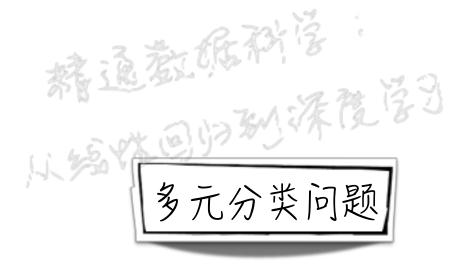
二元分类问题

在生活中,我们经常会遇到二元选择问题

生存还是毁灭,这是一个值得考虑的问题

在数学上,如果用y表示选择的结果,那么y

只有两个可能的取值: 0或者1



在生活中, 我们还会遇到多元选择问题



在数学上,如果用y表示选择的结果,那么y

有三个可能的取值: 0、1、2

#### 多元逻辑回归

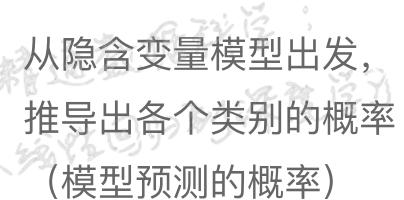
数学细节

定义k个隐含变量模型

$$\begin{cases} Y_{i,0}^* = X_i \boldsymbol{\theta_0} + \varepsilon_0 \\ Y_{i,1}^* = X_i \boldsymbol{\theta_1} + \varepsilon_1 \\ \dots \\ Y_{i,k-1}^* = X_i \boldsymbol{\theta_{k-1}} + \varepsilon_{k-1} \end{cases}$$

其中 $Y_{m,l}^*$ 表示类别(对个体m的效用

 $\epsilon_i$ 是随机扰动项,服从标准的 类型7极端值分布



个体属于某个类别,当且仅 当这个类别对它的效用最大

 $P(Y_i = 0) = P(Y_{i,0}^* = \max_j Y_{i,i}^*)$  $P(Y_i = 1) = P(Y_{i,1}^* = \max_j Y_{i,j}^*)$  $P(Y_i = k-1) = P(Y_{i,k-1}^* = \max_j Y_{i,j}^*)$ 



$$\begin{cases} P(Y_i = 1) = P(Y_i = 0)e^{X_i\beta_1} = e^{X_i\beta_1} / (1 + \sum_{j=1}^{k-1} e^{X_i\beta_j}) \\ P(Y_i = 2) = P(Y_i = 0)e^{X_i\beta_2} = e^{X_i\beta_2} / (1 + \sum_{j=1}^{k-1} e^{X_i\beta_j}) \end{cases}$$

 $P(Y_i = 0) = \frac{1}{(1 + \sum_{j=1}^{k-1} e^{X_i \beta_j})}$ 

推导出各个类别概率分布

#### 多元逻辑回归

数学细节

各类别概率分布

 $\begin{cases} P(Y_i = 1) = P(Y_i = 0)e^{X_i\beta_1} = e^{X_i\beta_1} / (1 + \sum_{j=1}^{k-1} e^{X_i\beta_j}) \\ P(Y_i = 2) = P(Y_i = 0)e^{X_i\beta_2} = e^{X_i\beta_2} / (1 + \sum_{j=1}^{k-1} e^{X_i\beta_j}) \\ \dots \end{cases}$   $P(Y_i = 0) = \frac{1}{(1 + \sum_{j=1}^{k-1} e^{X_i\beta_j})}$ 

精通数概称学

道数据科学

模型参数的估计公式

定义模型似然函数

$$L = P(Y | \beta) = \prod_{i} \prod_{j=0}^{k-1} P(Y_i = j)^{1_{\{Y_i = j\}}}$$
  
$$\ln L = \sum_{i} \sum_{j=0}^{k-1} 1_{\{Y_i = j\}} \ln P(Y_i = j)$$



利用最大似然估计法估计参数

 $\widehat{\boldsymbol{\beta}} = \operatorname{argmax}_{\boldsymbol{\beta}} L = \operatorname{argmax}_{\boldsymbol{\beta}} \ln L = \operatorname{argmax}_{\boldsymbol{\beta}} \ln P(\boldsymbol{Y} \mid \boldsymbol{\beta})$ 

#### 目录

精通数据和资 ONE 多元逻辑回归。

隐含數量模型。 从编馆回的到满意管图

精通教派, 从给收回的秘证不管管的

潮通查玩程道:

糖通数据科学

TWO降维到二元分类问题 OvR, Ovo

楼通数流彩道:

THREE 代码实现回归处深度等的

#### 降维到二元分类问题

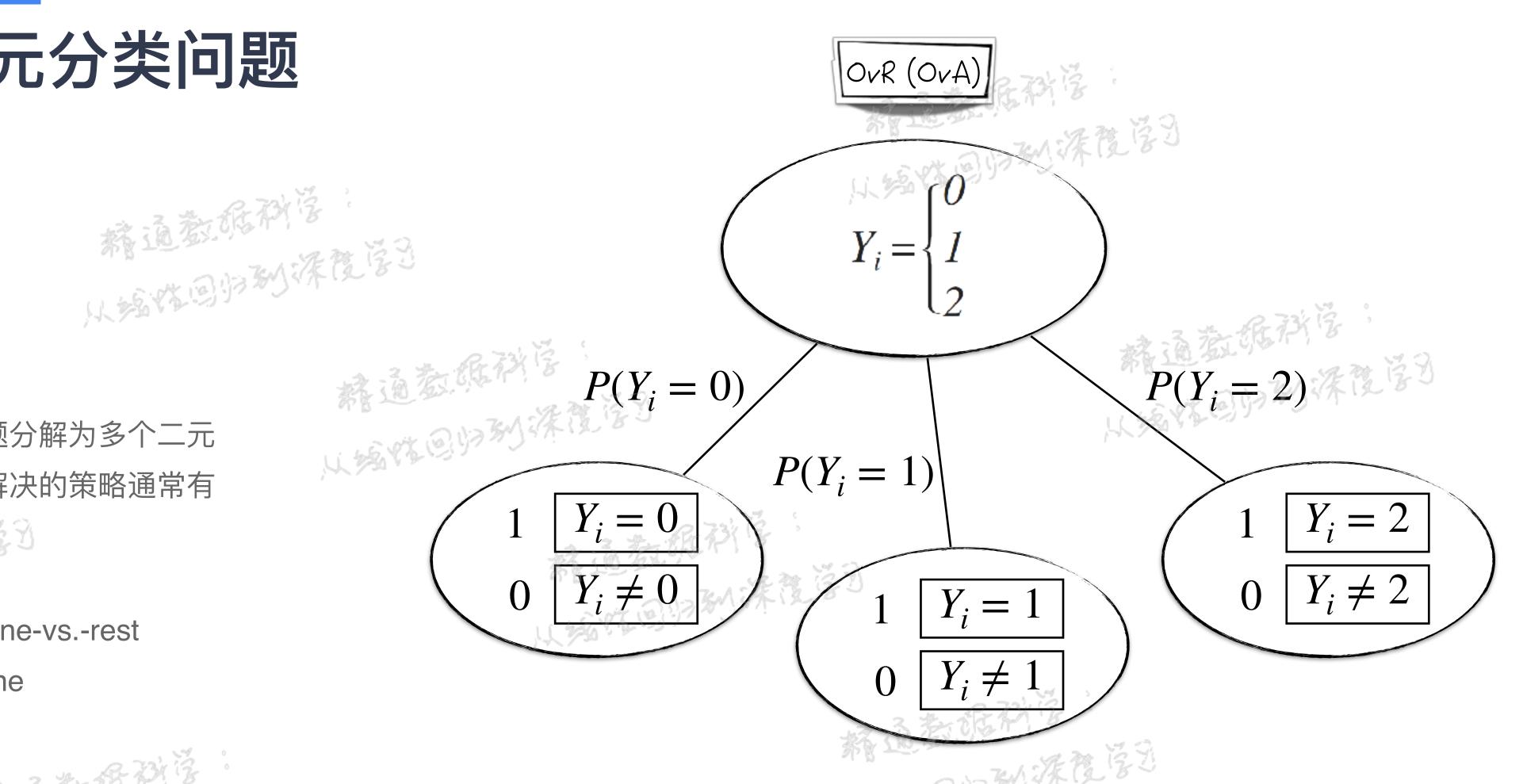
OvR

可以将多元分类问题分解为多个二元 分类问题来解决,解决的策略通常有 从绝路回归那样覆层的

OvR (OvA) : One-vs.-rest

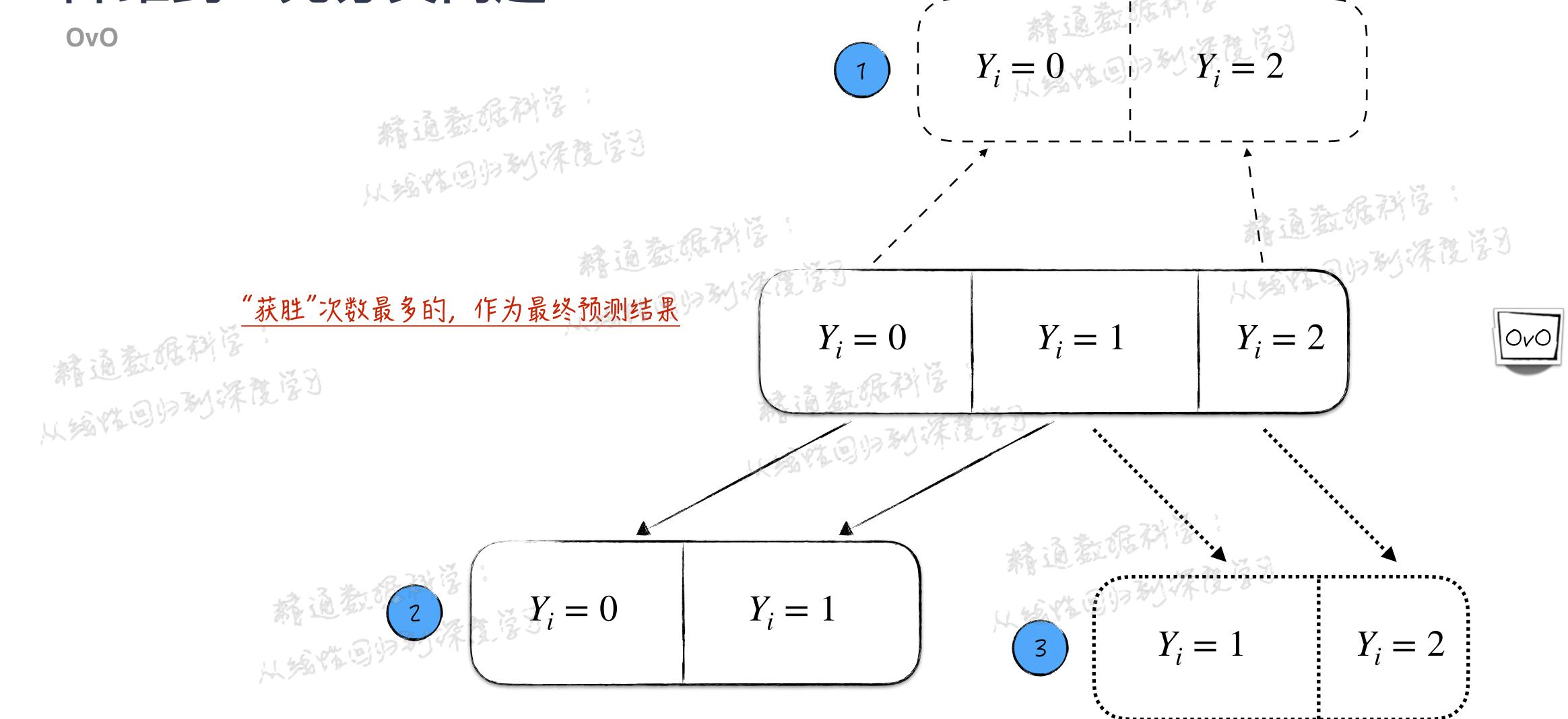
· OvO: One-vs.-one





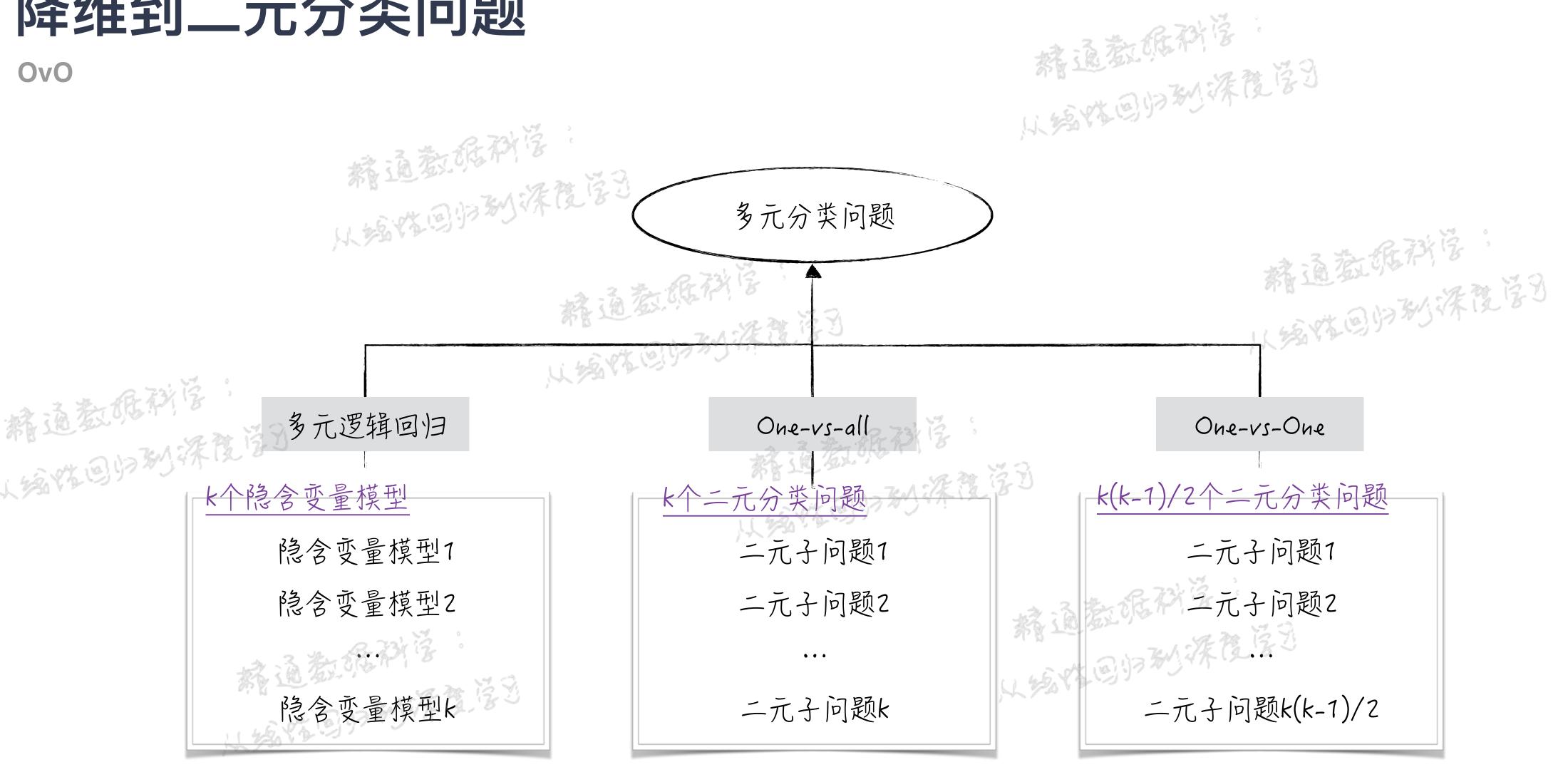
#### 选择概率值最大的, 作为最终预测结果

#### 降维到二元分类问题



#### 降维到二元分类问题

OvO



#### 目录

精通数据科学 THE 多元逻辑则归

隐含數量模型 从编馆回的到深度管理

精通数概称管 从给收益回的秘证不管管的

精通数据形管

格通数据科学

TVV 降维到 二光头问题 OVR,吸收。

楼通数流彩道:

THREE 代码实现。为为"养殖"。

精通数据科学: 从始级回的秘证

# THANK等

从给性回归那样度管的

精通数据科语: 从给您回归到深度管理

超通数混彩道: 从给你国的秘证

糖通数概称管: 从给你回的秘证不随管的

> 精通数据科学 从绝对回归对流汗度管的

精通数据科学: 从给你回的那样随管型