

MECÁNICA CLÁSICA

NOTAS A UN NIVEL INTERMEDIO

ELMER HERNÁN BARQUERO CHAVES

Estudiante de bachillerato en física por la Universidad de Costa Rica

[GitHub](#)

Estas notas son un documento en proceso por lo que es posible que contengan errores, los cuales agradecería informaran al correo, de preferencia con un asunto: “ Notas de mecánica” o algún similar. Para realizar la corrección lo más pronto posible.

elmer.barquero@ucr.ac.cr

Índice

I	Introducción al texto	1
1.	Amplitud de la Mecánica Clásica	1
II	Mecánica Newtoniana	1
2.	Vectores	1
3.	Mecánica Newtoniana para una partícula	2
3.1.	Leyes de Newton	2
3.2.	Trabajo y Energía	3
3.3.	Análogo rotacional de las leyes de Newton	4
3.4.	Teoremas de Conservación	4
	Referencias	4

Introducción al texto

SECTION 1

Amplitud de la Mecánica Clásica

Condiciones para la aplicabilidad de la teoría de la Mecánica Clásica:

- Las masas de los cuerpos de interés **deben ser mayores** a las masas de átomos y de partículas subatómicas.
- Las masas de los cuerpos de interés **deben ser pequeñas** en comparación a las masas de cuerpos celestes. Por ejemplo la masa del planeta Mercurio, dado que el estudio de su órbita presenta discrepancias con los datos observacionales si se realiza directamente desde la mecánica clásica ($3,285 \times 10^{23} kg$).
- Las rapidezces de los cuerpos de interés **deben ser pequeñas** comparadas a la rapidez de la luz ($299,792,458 km/s$).
- La escala de tiempo en que se realiza el estudio **debe ser pequeña** en comparación a escalas de tiempo que tiendan a las astronómicas.

De lo anterior se puede concluir que la Mecánica Clásica está limitada, en el desarrollo que se le dará aquí, al estudio de fenómenos en escalas humanas. Grosso modo, **la Mecánica Clásica se emplea para estudiar cosas que los seres humanos pueden “ver”, tanto en tamaño como en escala temporal.** Las comillas al “ver” es porque es posible calcular con suficiente precisión algunos fenómenos que ocurren por debajo de las escalas de visión humana con bastante precisión.

Mecánica Newtoniana

SECTION 2

Vectores

Esto ya deberían saberlo y probablemente se actualice de último :)

SECTION 3

Mecánica Newtoniana para una partícula

A continuación se expresará la mecánica de partículas de forma idealizada, donde no se presenta ningún tipo de fuerza disipativa en el sistema de interés.

SUBSECTION 3.1

Leyes de Newton

Las leyes de Newton tal y como se expresarán a continuación son únicamente válidas para sistemas de referencias **inerciales**, es decir, sistemas de referencia que no poseen ningún tipo de aceleración.

Definition 1 (**Primera Ley de Newton o Ley de la Inercia**) Un cuerpo mantiene su estado de equilibrio a menos de que una fuerza neta lo perturbe. Dicho de otra forma, un cuerpo siempre mantendrá su estado de equilibrio a menos de que una fuerza neta llegue a afectarlo.

$$\sum \vec{F} = \vec{0} \quad (3.1)$$

Definition 2 (**Segunda Ley de Newton**) Un cuerpo que experimenta una fuerza neta diferente de cero, tendrá como resultado un cambio en su momentum lineal.

$$\sum \vec{F} = \frac{d\vec{p}}{dt} = \dot{\vec{p}} \quad (3.2)$$

Definition 3 (**Tercera Ley de Newton o Ley de Acción-Reacción**) Considere dos cuerpos denotados como A y B que presentan algún tipo de interacción entre sí, se dice que: Toda **acción** que realice el cuerpo A sobre el cuerpo B le corresponde una **reacción** que proveniente del cuerpo B. Estas **acciones** y **reacciones** corresponden a fuerzas internas del sistema (cuerpos A y B) debido a su interacción, dichas fuerzas poseen la misma magnitud y su dirección es contraria.

$$\vec{F}_{AB} = -\vec{F}_{BA} \quad (3.3)$$

Para trabajar con esta ley hay que tomar cuenta cierta ambigüedad que nos lleva a los siguientes enunciados de la tercera ley:

- **Enunciado Fuerte:** Los vectores correspondientes a las fuerzas de **acción** y **reacción** se encuentran sobre una misma recta, es decir, si se conocen las direcciones de las fuerzas de **acción** y **reacción** es posible trazar una recta (conocida como línea de acción) que una los vectores de fuerzas y sea paralela a estos.
- **Enunciado Débil:** No ocurre lo anterior. Es imposible unir los vectores de las fuerzas de **acción** y **reacción** por medio de una recta que sea paralela a ambos vectores.

Un estado de **equilibrio** se refiere a que el cuerpo o sistema de interés se encuentra moviéndose con velocidad lineal constante (**equilibrio dinámico**) o se encuentra en reposo (**equilibrio estático**).

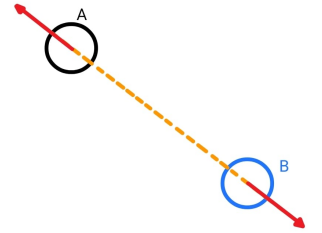


Figura 1. Situación del enunciado fuerte

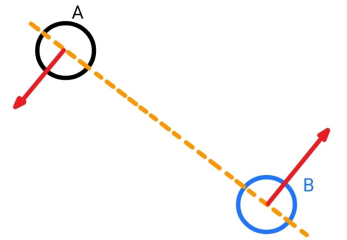


Figura 2. Situación del enunciado débil

SUBSECTION 3.2

Trabajo y Energía

Definition 4 (**Trabajo**) Corresponde a la cantidad generada al tomar el producto punto de la fuerza ejercida sobre un cuerpo a lo largo de todo su desplazamiento desde un punto A a un punto B.

$$W = \int_A^B \vec{F} \cdot d\vec{r} \quad (3.4)$$

Definition 5 (**Fuerza conservativa**) Una fuerza \vec{F} es conservativa si se puede escribir de la forma:

$$\vec{F} = -\vec{\nabla}V \quad (3.5)$$

A partir de las ecuaciones 3.2 y 3.4:

$$W = \int_A^B \vec{F} \cdot d\vec{r} = \int_A^B \frac{d\vec{p}}{dt} \cdot d\vec{r}$$

Ejerciendo el producto punto y trabajando por índices:

$$W = \int_A^B \sum_{i=1}^3 \frac{dp_i}{dt} dr_i$$

Suponiendo que la masa es constante, la derivada temporal del momentum lineal es de la forma: $\frac{dp_i}{dt} = m \frac{dv_i}{dt}$:

$$\begin{aligned} W &= \sum_{i=1}^3 m \int_A^B \frac{dv_i}{dt} dr_i = \sum_{i=1}^3 m \int_A^B \frac{dv_i}{dt} dr_i \frac{dt}{dt} \\ &= \sum_{i=1}^3 m \int_A^B dv_i \underbrace{\frac{dr_i}{dt} \frac{dt}{dt}}_{=v_i} \\ &= \sum_{i=1}^3 m \int_A^B v_i dv_i = \sum_{i=1}^3 \left. \frac{1}{2} m v_i^2 \right|_A^B = \sum_{i=1}^3 \frac{1}{2} m v_{iB}^2 - \sum_{i=1}^3 \frac{1}{2} m v_{iA}^2 \end{aligned}$$

Definition 6 (**Energía Cinética**) Corresponde al trabajo necesario para comenzar a mover un cuerpo desde el reposo hasta la rapidez \vec{v} .

$$T = \frac{1}{2} m \sum_{i=1}^3 v_i^2 \quad (3.6)$$

Theorem 1 (**Trabajo - Energía Cinética**)

$$W = \Delta T \quad (3.7)$$

Regresando a la definición 3.4 pero ahora tomando la fuerza que es ejercida sobre el cuerpo como una fuerza conservativa, ecuación 3.5.

$$W = \int_A^B \vec{F} \cdot d\vec{r} = \int_A^B -\vec{\nabla} V \cdot d\vec{r} = -V_B + V_A$$

Definition 7 (**Energía Potencial**) Corresponde a la capacidad de un cuerpo de ejercer trabajo se denomina energía potencial. Ahora se presentan algunos ejemplos de energías potenciales.

$$V = \begin{cases} mgh \\ \frac{1}{2}kx^2 \\ \frac{-GMm}{r} \\ \frac{-Kq_1q_2}{r} \\ \vdots \end{cases} \quad (3.8)$$

Theorem 2 (**Trabajo - Energía Potencial**)

$$W = -\Delta V \quad (3.9)$$

SUBSECTION 3.3

Análogo rotacional de las leyes de Newton

SUBSECTION 3.4

Teoremas de Conservación

Definition 8 (**Momentum Lineal**)

$$\vec{p} = m\vec{v} \quad (3.10)$$

Definition 9 (**Momentum Angular**)

$$\vec{L} = \vec{r} \times \vec{p} = m \vec{r} \times \vec{v} \quad (3.11)$$

Referencias

- [1] John R. Taylor. *Mecánica Clásica*. Reverté, 2013.
- [2] Stephen T. Thornton and Jerry B. Marion. *Classical dynamics of particles and systems*. Brooks/Cole, 2008.
- [3] Dare A. Wells. *Schaum's outline of theory and Problems of Lagrangian dynamics: With a treatment of Euler's equations of motion, Hamilton's equations and Hamilton's principles*. McGraw-Hill, 1967.
- [4] Herbert Goldstein, Charles Poole, and John Safko. *Classical mechanics*. Pearson, 3 edition, 2002.
- [5] Robet Resnick, David Halliday, and Kenneth S Krane. *Física Volumen 1*. Continental, 2001.
- [6] Robet Resnick, David Halliday, and Kenneth S Krane. *Física, Volumen II*. Editorial Continental, 2002.

[0]