

4단 고음

문제 설명

4단 고음



4단 고음 성공한 아이유

I'm in my dream~ ~ ~

IU는 본인의 장기인 3단 고음으로 유명하다. 그러던 그녀가 어느 날 4단 고음을 성공했고 그녀의 고음은 학계에서 연구가 될 만큼 유명해졌다 [1].

아이유의 고음 발생 특성 분석

견두헌, 배명진(숭실대학교)

The High-Pitched Analysis of IU

Dae-Hoon Kim, Myung-Jin Baek(Sungshil University)

아이유는 뛰어난 가창력과 3단 고음 발생 등으로 많은 인기를 얻고 있다. 본 논문은 아이유의 발성을 과학적 지식을 기반으로 분석하였다. 분석 결과 아이유는 최고음에 도달하더라도 주파수의 변동폭이 매우 안정되어 풍부한 개성을 통해 매우 긴 지속시간을 보이고 있다. 아이유의 성우는 소프라노이며 음악에서는 해당성부에서 요구되는 최고 음역이상까지 훌륭하게 표현하고 있다.

[1] 견두헌, 배명진. "아이유의 고음 발생 특성 분석", 한국음향학회, 2011년 춘계학술대회 학술발표논문지

폭포 밑 득음 수련을 하던 어느 날, 그녀는 4단 고음이 끝이 아님을 깨달았다. 3단 고음 직후 3단 고음을 연이어하거나, 3단 고음 중 다시 3단 고음을 해서 음높이를 올리는 방법이다. 어떤 순서로 3단 고음을 했는지에 따라 최종 음높이가 달라지기 때문에, 연속 3단 고음을 연습할 때마다 그 결과를 기록으로 남기기로 했다.

3단 고음은 다음과 같이 적용된다. 1단계에서는 음높이가 세 배가 되며, 2단계와 3단계에서 음높이가 각각 1씩 증가한다. 이를 기록으로 남길 때 * 와 + 기호를 사용하기로 했다. 즉, 3단 고음을 한 번 한 경우는 문자열로 나타내면 다음과 같다.

*++

이때 3단 고음을 마치고 연달아 3단 고음을 한 경우는 *++ ******* 와 같이 표현할 수 있다. 3단 고음의 2단계를 마친 후 3단 고음을 새로 시작한 다음, 나머지 단계를 이어서 하는 경우는 *+ ******* +로 표현할 수 있다. (강조된 부분이 2번째 3단 고음을 부른 부분이다.)

이와 같이 * 와 + 로 구성된 문자열이 3단 고음의 규칙을 적용하여 만들 수 있는 문자열인 경우 '올바른 문자열'이라고 하자. 다음의 문자열은 3단 고음의 규칙으로 만들 수 있는 문자열이 아니므로 올바른 문자열이 아니다.

- +**++++
- *+++*+

올바른 문자열에 대해 음높이는 다음과 같이 계산할 수 있다. 시작 음높이는 항상 1이며, 문자열의 처음부터 순서대로 * 기호의 경우 3을 곱하고 + 기호의 경우 1을 더한다. *+*+++ 의 음높이를 계산하는 과정을 예로 들면 아래와 같다.

시작 음 높이: 1

| | | | | | |
|----|----|----|----|----|----|
| * | + | * | + | + | + |
| *3 | +1 | *3 | +1 | +1 | +1 |

최종 음높이: 15

그날 기분에 따라 최종 음높이를 정하는 IU는 최종 음높이를 결정했을 때 서로 다른 3단 고음 문자열이 몇 가지나 있는지 궁금하다. 여러분의 도움이 필요하다.

입력 형식

- 입력은 5 이상 $2^{31}-1$ 이하의 정수 n 으로 주어진다.

출력 형식

- 입력을 만족하는 서로 다른 문자열의 수를 리턴한다.

예제 입출력

| n | answer |
|------------|--------|
| 15 | 1 |
| 24 | 0 |
| 41 | 2 |
| 2147483647 | 1735 |

* (x 3) + (+ 1)

* *

*+ *

*++ *

초기 접근

1부터 재귀 형태로 타겟넘버를 목표로 진행하였다.

```
find(int num , int target) {  
  
    if(target == n {  
        answer++;  
        return;  
    }  
    find(num * 3 , target);  
    find(num + 1 , target);  
}
```

=> 모든 경우의 수를 탐색하는 경우이므로 target 까지 도달 할 수는 있지만

target이 15인 경우

```
1) *+++++ (15)  
2) ***** (15)
```

등등 * 하나당 + 가 두개씩 와야한다는 세부조건을 만족하지 않는 케이스가 나오고

재귀형태기 때문에 쓸데없는 연산이 많아 결국 시간초과가 발생함.

개선 형태

역으로 n에서 시작해서 시작인 1로 돌아가는 경우

n을 1씩 빼주면서 + 카운트를 세고,

n이 3으로 나뉘지고, + 가 2번이상 나왔다면, * 가 있다고 생각하고, n을 3으로 나눠준다.

```
if(ed % 3 == 0 && pCnt >= 2) {  
    find(ed / 3, pCnt - 2);  
}  
find(ed - 1, pCnt + 1);
```

만약 n이 3일때 pCnt가 2라면 1로 나눌 수 있기 때문에 조건에 만족할 수 있다.

```
find(int ed, int pCnt) {  
    if(ed == 3)  
        if(pCnt == 2) {  
            answer++;  
            return;  
        }  
}
```

=> 이 경우도 마찬가지로, 정답에 도달 할 수 있지만,

15

ed == 3 일때 까지 하염없이 - 1씩 하면서 도달 했던 pCnt가 2가 아닌 실행때문에 시간 초과

최종 개선

* 한개당 + 가 두개가 나온다는 사실을 통해 가지치기를 할 필요가 있었다.

++++++ 현재 이상태라면

* 는 3번 나와야한다.

즉 pCnt / 2 만큼 나와야 한다는 것.

결국 $3^{\wedge} (3) = 27$ 점은 ed가 넘어줘야 3단 고음을 완성 할 수 있는 것이기 때문에

이 조건을 만족하지 못한다면 음높이를 완성 할 수 없기 때문에 return하여 가지치기한다.

```
if(Math.pow(3, pCnt/2) > ed) {  
    return;  
}
```

추가 개선 포인트

=> 첫 시작은 무조건 * 로 시작되고, 마지막은 ++ 로 끝나게 되어있다.

따라서 목표가 15라면

$3 < x < 13$ 의 범위에서 찾기 시작하면 조금이라도 연산을 더 줄 일 수 있다.

코드

```
package Algo_Study_Programmers;  
  
public class Solution_4단고음 {  
    static int answer;  
    private static void find(int ed, int pCnt) {  
  
        if(Math.pow(3, pCnt/2) > ed) {  
            return;  
        }  
        if(ed == 3) {  
            if(pCnt == 2) {  
                answer++;  
                return;  
            }  
            return;  
        }  
        else {  
            if(ed % 3 == 0 && pCnt >= 2) {  
                find(ed / 3, pCnt - 2);  
            }  
        }  
    }  
}
```

```

    }
    find(ed - 1, pCnt + 1);
}
}

public static int solution(int n) {
    answer = 0;

    find(n, 0);
    return answer;
}
public static void main(String[] args) {
    int n = 2147483647;
    System.out.println(solution(n));
}
}

```