Instituto Politécnico de Setúbal Escola Superior de Tecnologia de Setúbal

DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA MÉTODOS ESTATÍSTICOS

FICHA DE TRABALHO 5

Instruções:

• A ficha de trabalho deve ser resolvida recorrendo ao software R.

Exercício 1

O tempo médio entre a passagem de dois veículos entre as 22h e as 24h, num dado troço de uma autoestrada aberta recentemente, é de 2 minutos. Sabe-se que o tempo decorrido entre a passagem de dois veículos naquele horário segue uma distribuição Exponencial.

- 1. Calcule a probabilidade de nos primeiros 2.5 minutos daquele horário, não se registar a passagem de qualquer veículo.
- 2. Calcule a probabilidade de não passar qualquer veículo antes das 22h03m, admitindo que são 22h02m e ainda não se registou a passagem de qualquer viatura.
- 3. Determine a probabilidade de passarem mais de 5 veículos nos primeiros 12 minutos daquele período, no troço referido.

Exercício 2

Considere $X \sim U_{[0,6]}$ uma variável aleatória com função de distribuição dada por:

$$F(x) = \begin{cases} 0 & , & x < k_1 \\ \frac{x}{k_3} & , & k_1 \le x < k_2 \\ 1 & , & x \ge k_2 \end{cases}.$$

- 1. Determine as constantes k_1 , k_2 e k_3 .
- 2. Calcule $P(1.2 \le X < 5.1 | X \ge 3.4)$.
- 3. Calcule o valor esperado e o desvio padrão da variável aleatória Y=-2X-5.

Exercício 3

Uma empresa tem produção constante de 90 toneladas/mês do produto que fabrica e sabe-se que a procura desse produto é uma variável aleatória normal de média 100 toneladas/mês e devio padrão 10 toneladas/mês.

- 1. Determine a probabilidade da procura se situar entre 68 e 90 toneladas.
- 2. Calcule a probabilidade de haver procura excedentária.
- 3. Calcule o valor que deveria ter a produção da empresa para que a probabilidade de haver procura insatisfeita fosse 0.025.