#### 前置知识

讲解041 - 同余原理(加法、减法、乘法), 一定要掌握

讲解099 - 逆元和除法同余, 其中还讲了逆元的线性递推, 一定要掌握

讲解133 - 高斯消元基本过程解析, 专题第1节, 视频前65分钟的内容, 一定要掌握

#### 高斯消元专题的讲述顺序

专题1:高斯消元解决加法方程组,讲解133

专题2:高斯消元解决异或方程组,讲解134

专题3: 高斯消元解决同余方程组, 讲解135, 本节

以下内容在讲解133已经重点讲述,就是讲解133的视频前65分钟的讲述,请保证已经掌握

高斯消元流程图解,以加法方程组为例,但是解决其他方程组也一样

高斯消元如果需要严格区分:矛盾、多解、唯一解,流程图解

### 高斯消元解决任何方程组的理解重点

- 1,列出方程组,注意需要扩充方程组的情况:表达式冗余,补充变量;表达式不足,补充表达式
- 2, 消元的过程, 尤其是严格区分: 矛盾、多解、唯一解, 正确写法要掌握!
- 3,解是如何对应的,尤其注意主元和自由元的概念
- 4,矩阵最后结果的含义,主元可能依赖某些自由元才能决定值,但是自由元之间一定相互独立、互不影响

高斯消元的过程时间复杂度0(n^3), n为扩充后的方程个数

本节课只是把加法方程组换成了同余方程组而已,课上重点图解

但是注意,最后求解主元的值,需要除以主元系数,除的方式是乘以逆元,课上重点图解

同时注意,同余消元时,如果想保留主元和自由元之间的正确关系,需要特别处理,课上重点图解

绝大多数教程并没有提到这一点,需要引起重视!

### 题目1

格子全变成0的操作方案

有一个n\*m的二维网格,给定每个网格的初始值,一定是0、1、2中的一个如果某个网格获得了一些数值加成,也会用%3的方式变成0、1、2中的一个比如有个网格一开始值是1,获得4的加成之后,值为(1+4)%3 = 2有一个神奇的刷子,一旦在某个网格处刷一下,该网格会获得2的加成并且该网格上、下、左、右的格子,都会获得1的加成最终目标是所有网格都变成0,题目保证一定有解,但不保证唯一解得到哪一种方案都可以,打印一共需要刷几下,并且把操作方案打印出来1 <= n、m <= 30

测试链接: https://acm.hdu.edu.cn/showproblem.php?pid=5755

```
题目2
工具工厂
一共有n种工具,编号1~n,一共有m条记录,其中一条记录格式如下:
4 WED SUN 13 18 1 13
表示有个工人一共加工了4件工具,从某个星期三开始工作,到某个星期天结束工作
加工的工具依次为13号、18号、1号、13号
每个工人在工作期间不休息,每件工具都是串行加工的,完成一件后才开始下一件
每种工具制作天数是固定的,并且任何工具的制作天数最少3天、最多9天
但该数据丢失了,所以现在需要根据记录,推断出每种工具的制作天数
如果记录之间存在矛盾,打印"Inconsistent data."
如果记录无法确定每种工具的制作天数, 打印"Multiple solutions."
如果记录能够确定每种工具的制作天数,打印所有结果
1 <= n, m <= 300
测试链接 : http://poj.org/problem?id=2947
```