

高三数学限时训练 8——函数的基本性质-奇偶性、单调性、周期性

学号：_____ 姓名：_____

一、单选题

- 已知函数 $f(x) = \ln x^2 - 2\ln(x^2 + 1)$ ，则下列说法正确的是
 - 函数 $f(x)$ 为奇函数
 - 函数 $f(x)$ 的值域为 $(-\infty, -1]$
 - 当 $x > 0$ 时，函数 $f(x)$ 的图象关于直线 $x = 1$ 对称
 - 函数 $f(x)$ 的增区间为 $(-\infty, -1)$ ，减区间为 $(0, 1)$
- 已知函数 $f(x) = x^4 - x^2$ ，则错误的是()
 - $f(x)$ 的图象关于 y 轴对称
 - 方程 $f(x) = 0$ 的解的个数为 2
 - $f(x)$ 在 $(1, +\infty)$ 上单调递增
 - $f(x)$ 的最小值为 $-\frac{1}{4}$
- 已知函数 $f(x) = \cos x \sin 2x$ ，给出下列命题：

① $\forall x \in \mathbb{R}$ ，都有 $f(-x) = -f(x)$ 成立；② 存在常数 $T \neq 0$ ， $\forall x \in \mathbb{R}$ 恒有 $f(x + T) = f(x)$ 成立；

③ $f(x)$ 的最大值为 $\frac{2\sqrt{3}}{9}$ ；④ $y = f(x)$ 在 $[-\frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{6}]$ 上是增函数.

以上命题中正确的为() A. ①②③④ B. ②③ C. ①②③ D. ①②④

- 函数 $f(x) = \begin{cases} |x^3 + 1|, & |x| > 1 \\ 2\sin \frac{\pi}{2}x, & |x| \leq 1 \end{cases}$ ，则下列结论正确的是()

A. 函数 $f(x)$ 在 $[1, +\infty)$ 上为增函数 B. 函数 $f(x)$ 的最小正周期为 4
C. 函数 $f(x)$ 是奇函数 D. 函数 $f(x)$ 无最小值

- 已知函数 $f(x) = \ln \frac{1+x}{1-x} + x + 1$ ，且 $f(a) + f(a+1) > 2$ ，则 a 的取值范围是()

A. $(-\frac{1}{2}, +\infty)$ B. $(-1, -\frac{1}{2})$ C. $(-\frac{1}{2}, 0)$ D. $(-\frac{1}{2}, 1)$

- 已知函数 $f(x+1)$ 是偶函数，当 $1 < x_1 < x_2$ 时， $[f(x_2) - f(x_1)](x_2 - x_1) > 0$ 恒成立，设 $a = f(-\frac{1}{2})$ ， $b = f(2)$ ， $c = f(3)$ ，则 a, b, c 的大小关系为()

A. $b < a < c$ B. $c < b < a$ C. $b < c < a$ D. $a < b < c$

- 已知定义在 \mathbb{R} 上的函数 $f(x)$ ，若函数 $y = f(x+2)$ 为偶函数，且 $f(x)$ 对任意 $x_1, x_2 \in [2, +\infty)$ ($x_1 \neq x_2$)，都有

$\frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1} < 0$ ，若 $f(a) \leq f(3a+1)$ ，则实数 a 的取值范围是()

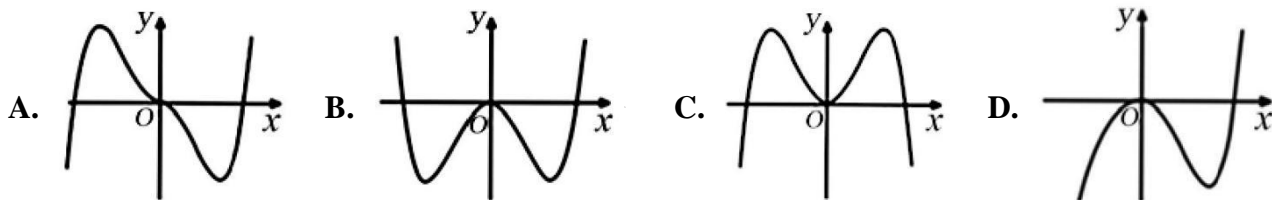
A. $[-\frac{1}{2}, \frac{3}{4}]$ B. $[-2, -1]$ C. $(-\infty, -\frac{1}{2}]$ D. $(\frac{3}{4}, +\infty)$

- 设函数 $f(x) = \ln|2x+1| - \ln|2x-1|$ ，则 $f(x)$ ()

A. 是偶函数，且在 $(\frac{1}{2}, +\infty)$ 单调递增 B. 是奇函数，且在 $(-\frac{1}{2}, \frac{1}{2})$ 单调递减

C. 是偶函数，且在 $(-\infty, -\frac{1}{2})$ 单调递增 D. 是奇函数，且在 $(-\infty, -\frac{1}{2})$ 单调递减

- 设函数 $f(x)$ 满足对 $\forall x \in \mathbb{R}$ ，都有 $f(4-x) = f(x)$ ，且在 $(2, +\infty)$ 上单调递增， $f(4) = 0$ ， $g(x) = x^4$ ，则函数 $y = f(x+2)g(x)$ 的大致图象可能是()



10. 设 $f(x)$ 是定义在 \mathbf{R} 上的函数, $g(x) = f(x+1)$.若函数 $g(x)$ 满足下列条件: ① $g(x)$ 是偶函数; ② $g(x)$ 在区间 $[0, +\infty)$ 上是增函数; ③ $g(x)$ 有一个零点为2, 则不等式 $(x+1)f(x) > 0$ 的解集是 ()

- A. $(3, +\infty)$ B. $(1, +\infty)$ C. $(-\infty, -1) \cup (1, +\infty)$ D. $(-\infty, -1) \cup (3, +\infty)$

二、填空题

11. 设函数 $f(x)$ 是定义在 \mathbf{R} 上的偶函数, 且对任意的 $x \in \mathbf{R}$ 恒有 $f(x+1) = f(x-1)$,

已知当 $x \in [0, 1]$ 时, $f(x) = (\frac{1}{2})^{1-x}$, 给出下列结论: ①对任意 $x \in \mathbf{R}$, 都有 $f(x+2) = f(x)$;

②函数 $f(x)$ 在 $(1, 2)$ 上递减, 在 $(2, 3)$ 上递增; ③函数 $f(x)$ 的最大值是1, 最小值是0;

④当 $x \in (3, 4)$ 时, $f(x) = (\frac{1}{2})^{x-3}$. 则其中正确结论的序号是_____.

12. 已知函数 $f(x) = |x^2 - 2ax + b| (x \in \mathbf{R})$, 给出下列命题:

① $f(x)$ 必是偶函数; ②当 $f(0) = f(2)$ 时, $f(x)$ 的图象关于直线 $x = 1$ 对称;

③若 $a^2 - b \leq 0$, 则 $f(x)$ 在 $[a, +\infty)$ 上是增函数; ④若 $a > 0$, 在 $[-a, a]$ 上 $f(x)$ 有最大值 $|a^2 - b|$.

其中正确的命题序号是_____.

13. 已知函数 $f(x) = x^3 + x$, 关于 x 的不等式 $f(mx^2 + 2) + f(-x) < 0$ 的在区间 $[1, 5]$ 上有解, 则实数 m 的取值范围为_____.

14. 设函数 $f(x)$ 是定义在 \mathbf{R} 上的偶函数, 且对任意的 $x \in \mathbf{R}$ 恒有 $f(x+1) = f(x-1)$, 已知当 $x \in [0, 1]$ 时, $f(x) = (\frac{1}{2})^{1-x}$, 则下列命题: ①对任意 $x \in \mathbf{R}$, 都有 $f(x+2) = f(x)$; ②函数 $f(x)$ 在 $(1, 2)$ 上递减, 在 $(2, 3)$ 上递增; ③函数 $f(x)$ 的最大值是1, 最小值是0; ④当 $x \in (3, 4)$ 时, $f(x) = (\frac{1}{2})^{x-3}$. 其中正确命题的序号有_____.

15. 如果函数 $y = f(x)$ 的定义域为 \mathbf{R} , 对于定义域内的任意 x , 存在实数 a 使得 $f(x+a) = f(-x)$ 成立, 则称此函数具有“ $P(a)$ 性质”.

(1)若函数 $y = \sin x$ 具有“ $P(a)$ 性质”, 则 $a =$ _____;

(2)若 $f(x)$ 具有“ $P(0)$ 性质”, 且当 $x \leq 0$ 时 $f(x) = (x+m)^2$, 则 $y = f(x)$ 在 $[0, 1]$ 上的最小值是_____.

(3)若函数 $y = g(x)$ 具有“ $P(\pm 1)$ 性质”, 且当 $-\frac{1}{2} \leq x \leq \frac{1}{2}$ 时, $g(x) = |x|$ 若 $y = g(x)$ 与 $y = mx$ 交点个数为2018个, 其中 $m > 0$, 则 m 的取值范围是_____.

16. 已知 $f(x)$ 是定义在 $[-2, 2]$ 上的奇函数, 且 $f(x)$ 在 $[-2, 2]$ 上为减函数, 若 $f(3a) + f(3a-1) < 0$, 则实数 a 的取值范围是_____.