

# NOI2025 广东省队集训

GDOI

时间：2025 年 4 月 xx 日

题目名称	序列变换	追忆	小方的疑惑
题目类型	传统题	传统题	传统题
目录	trans	recall	square
可执行文件名	trans	recall	square
输入文件名	trans.in	recall.in	square.in
输出文件名	trans.out	recall.out	square.out
每个测试点时限	1 秒	4 秒	2 秒
内存限制	1024 MB	1024 MB	1024 MB
子任务数目	10	20	25
测试点是否等分	是	是	是

提交源程序文件名

对于 C++ 语言	trans.cpp	recall.cpp	square.cpp
-----------	-----------	------------	------------

编译选项

对于 C++ 语言	-O2 -std=c++14
-----------	----------------

注意事项（请仔细阅读）

1. 测试机器：CPU(AMD Ryzen 5 3600 6-Core Processor \*12), RAM 8.0G。
2. 系统环境：NOI Linux 2.0(基于 Ubuntu 20.04.1)。
3. 文件名（程序名和输入输出文件名）必须使用英文小写。
4. C/C++ 中函数 `main()` 返回类型必须是 `int`，程序正常结束返回值必须是 0。
5. 若无特殊说明，结果的比较方式为全文比较（过滤行末空格及文末回车）。
6. 选手提交的程序源文件必须不大于 100KB。
7. 程序可使用的栈空间内存限制与题目的内存限制一致。

# 序列变换 (trans)

## 【题目描述】

给定一个长度为  $n$  的整数序列  $a$  (下标从 1 开始), 你可以进行以下操作若干次:

- 选择一个区间  $[l, r]$ , 对于所有  $i \in N, x \in \{0, 1\}, l + 3i + x \leq r$ , 将  $a_{l+3i+x}$  增加  $(-1)^x$ 。

问至少需要多少次操作, 才能使  $a$  序列的所有位置值均为 0, 若无解, 则输出  $-1$ 。

## 【输入格式】

从文件 *trans.in* 中读入数据。

第一行两个正整数  $T, n$ , 表示数据组数以及每组数据的序列长度。

接下来  $T$  行, 每行一个长度为  $n$  的整数序列  $a$ 。

## 【输出格式】

输出到文件 *trans.out* 中。

$T$  行, 每行一个数, 表示对应的数据的答案。

## 【样例 1 输入】

```
1 4 5
2 -1 0 1 -1 1
3 -1 -2 -3 -4 5
4 -11 -45 14 -1919 810
5 -1 -2 3 4 -5
```

## 【样例 1 输出】

```
1 2
2 11
3 1975
4 -1
```

## 【样例 1 解释】

对于第一组数据, 进行操作  $[1, 5], [2, 3]$  即可。

【样例 2】

见选手目录下的 *trans/trans2.in* 与 *trans/trans2.ans*。

【样例 3】

见选手目录下的 *trans/trans3.in* 与 *trans/trans3.ans*。

【样例 4】

见选手目录下的 *trans/trans4.in* 与 *trans/trans4.ans*。

【数据范围】

对于所有测试数据，保证  $T = 30$ 。

测试点编号	$n =$	$ a_i  \leq$
1	5	5
2	20	10
3	70	100
4, 5	200	$10^{10}$
6, 7	$2 \times 10^3$	$2 \times 10^3$
8, 9, 10	$3 \times 10^4$	$10^{10}$

## 追忆 (recall)

### 【题目描述】

小 L 出了一个和 DAG 有关的问题并打算投给联合省选。虽然题目很烂，但因为是题，所以被纳入了被选题当中。小 L 因此很不重视，决定脚造数据。

然而，联合省选前一天，DAY1 T2 被爆破了，于是小 L 的题就变成了 DAY1 T2，并且因为小 L 太懒，所以没有重造数据。不出意外的话，意外发生了，小 L 的题被大量暴力通过了。

以上内容纯属虚构。

小 L 追忆了一下造数据的过程，发现他生成的 DAG 其实是按照以下方式生成的：

- 对于  $i = 2 \sim n$ ， $a_i, b_i$  在  $1 \sim i - 1$  中随机生成，然后  $i$  向  $a_i, b_i$  连有向边。

小 L 心想，数据既然是随机的，那么这个 DAG 处理起来肯定就很简单，于是给了你  $n - 1$  个询问，第  $i$  ( $1 \leq i < n$ ) 个询问有参数  $x_i$  ( $1 \leq x_i \leq i$ )，求  $i + 1$  到  $x_i$  的最短路，如果  $i + 1$  无法到达  $x_i$  则输出  $-1$ 。

### 【输入格式】

从文件 *recall.in* 中读入数据。

第一行两个正整数  $n, seed$ ，其中  $seed$  是用来生成  $a_i, b_i$  的随机种子。

具体的， $a_i, b_i$  按照如下程序生成：

```
1 unsigned shift(unsigned &a)
2 {
3     a^=a<<13;
4     a^=a>>7;
5     a^=a<<17;
6     return a;
7 }
8 void init(unsigned seed)
9 {
10     for(int i=2;i<=n;i++)
11         a[i]=shift(seed)%(i-1)+1,
12         b[i]=shift(seed)%(i-1)+1;
13 }
```

保证  $seed$  在  $[1, 2^{32})$  中随机生成。

第二行  $n - 1$  个正整数  $x_1, x_2, \dots, x_{n-1}$ 。

### 【输出格式】

输出到文件 *recall.out* 中。

记第  $i$  次询问的答案为  $s_i$ ，由于输出量过大，你只需要输出  $\oplus_{i=1}^{n-1} (s_i + 2) \times i$  即可，其中  $\oplus$  为异或运算。

### 【样例 1 输入】

```
1 10 1
2 1 1 2 1 2 3 1 2 3 4
```

### 【样例 1 输出】

```
1 17
```

### 【样例 1 解释】

$a_{2 \sim 10}$  分别为 1, 2, 2, 4, 1, 5, 1, 4, 9。

$b_{2 \sim 10}$  分别为 1, 2, 3, 2, 1, 1, 6, 7, 9。

$s_{1 \sim 9}$  分别为 1, 2, 1, 2, -1, 3, 1, 2, 3。

### 【样例 2】

见选手目录下的 *recall/recall2.in* 与 *recall/recall2.ans*。

满足特殊性质 A

### 【样例 3】

见选手目录下的 *recall/recall3.in* 与 *recall/recall3.ans*。

满足特殊性质 B

### 【样例 4】

见选手目录下的 *recall/recall4.in* 与 *recall/recall4.ans*。

【数据范围】

为了方便选手调试，下发文件中的输出文件的内容为  $s_{1\sim n-1}$ 。

测试点编号	$n =$	特殊性质
1	10	A
2, 3	$5 \times 10^4$	A
4, 5	$10^5$	无
6, 7	$3 \times 10^5$	无
8, 9	$5 \times 10^5$	A
10, 11	$5 \times 10^5$	无
12, 13	$10^6$	B
14, 15	$10^6$	无
16, 17	$2 \times 10^6$	B
18, 19, 20	$2 \times 10^6$	无

特殊性质 A：保证  $x_i$  在  $1 \sim i$  中随机生成。

特殊性质 B：保证  $x_i \leq 10^3$ 。

## 小方的疑惑 (square)

### 【题目描述】

小方 (275307894a) 是一名国家集训队队员，他一直有很多疑惑。

这天，小 L 送给他了一个长度为  $n$  的正整数序列  $a$  和一个长度为  $n - 1$  的正整数序列  $b$  (下标均从 1 开始)，其中序列  $b$  满足  $1 \leq b_i \leq i$ 。

小方可以执行如下操作若干次：

- 选择一个  $i (1 \leq i < n)$  满足  $a_{b_i} > 0$ ，将  $a_{b_i}$  减去 1，将  $a_{i+1}$  增加 1。

小方很疑惑有多少种本质不同的序列  $a$  可以被生成，可他想了很久却想不到一个优秀的做法，请你帮帮他。

由于答案很大，所以要对  $10^9 + 7$  取模。

### 【输入格式】

从文件 `square.in` 中读入数据。

第一行一个正整数  $n$ 。

第二行  $n - 1$  个正整数  $b_1, b_2, \dots, b_{n-1}$ 。

第三行  $n$  个非负整数  $a_1, a_2, \dots, a_n$ 。

### 【输出格式】

输出到文件 `square.out` 中。

一行一个数，表示最终的答案。

### 【样例 1 输入】

```
1 4
2 1 1 2
3 1 1 1 0
```

### 【样例 1 输出】

```
1 7
```

【样例 1 解释】

可以被生成的序列  $a$  的为:  $[1, 1, 1, 0], [1, 0, 1, 1], [0, 1, 2, 0], [0, 0, 2, 1], [0, 2, 1, 0], [0, 1, 1, 1], [0, 0, 1, 2]$ 。

【样例 2 输入】

```
1 6
2 1 1 2 2 3
3 1 1 4 5 1 4
```

【样例 2 输出】

```
1 63
```

【样例 3】

见选手目录下的 `square/square3.in` 与 `square/square3.ans`。

【样例 4】

见选手目录下的 `square/square4.in` 与 `square/square4.ans`。

【样例 5】

见选手目录下的 `square/square5.in` 与 `square/square5.ans`。

【样例 6】

见选手目录下的 `square/square6.in` 与 `square/square6.ans`。

【样例 7】

见选手目录下的 `square/square7.in` 与 `square/square7.ans`。

【数据范围】

对于所有数据, 保证  $0 \leq a_i \leq 10^9, 1 \leq b_i \leq i$ 。



测试点编号	$n =$	特殊性质
1	5	A
2, 3	5	无
4, 5	100	无
6, 7	500	A
8 ~ 10	500	无
11 ~ 13	$8 \times 10^3$	A
14 ~ 16	$8 \times 10^3$	B
17 ~ 25	$8 \times 10^3$	无

特殊性质 A：对于任意  $1 \leq i \leq n$  均满足  $a_i = 1$ 。  
特殊性质 B：对于任意  $2 \leq i \leq n$  均满足  $b_i = \lfloor \frac{i+1}{2} \rfloor$ 。