# Optimización con algoritmo genético

# Febrero, 2019

# Tabla de contenidos

Introducción	2
Algoritmo	3
Población inicial	4
Fitness de un individuo	7
Fitness de todos los individuos de una población	9
Seleccionar individuos	11
Cruzar dos individuos (crossover, recombinación)	15
Mutar individuo	
Algoritmo completo	20
Ejemplo 1	25
Función objetivo	25
Optimización	26
Resultados	27
Ejemplo 2	31
Función objetivo	31
Optimización	33
Resultados	33
Paralelización	38
Versión paralelizada	38
Comparación	46
Ribliografía	4.0

Versión PDF: Github

### Introducción

Los algoritmos genéticos son métodos de optimización heurística que, entre otras aplicaciones, pueden emplearse para encontrar el valor o valores que consiguen maximizar o minimizar una función. Su funcionamiento está inspirado en la teoría evolutiva de selección natural propuesta por Darwin y Alfred Russel: los individuos de una población se reproducen generando nuevos descendientes, cuyas características, son combinación de las características de los progenitores (más ciertas mutaciones). De todos ellos, únicamente los mejores individuos sobreviven y pueden reproducirse de nuevo, transmitiendo así sus características a las siguientes generaciones.

Los algoritmos genéticos son solo una de las muchas estrategias de optimización que existen y no tiene por qué ser la más adecuada en todos los escenarios. Por ejemplo, si el problema en cuestión puede optimizarse de forma analítica, suele ser más adecuado resolverlo de esta forma.

La implementación de algoritmo genético que se muestra en este documento pretende ser lo más explicativa posible aunque para ello no sea la más eficiente.

## Algoritmo

Aunque existen variaciones, algunas de las cuales se describen a lo largo de este documento, en términos generales, la estructura de un algoritmo genético para optimizar (maximizar o minimizar) una función con una o múltiples variables sigue los siguientes pasos:

- 1. Crear una población inicial aleatoria de *P* individuos. En este caso, cada individuo representa una combinación de valores de las variables.
- 2. Calcular la fortaleza (*fitness*) de cada individuo de la población. El *fitness* está relacionado con el valor de la función para cada individuo. Si se quiere maximizar, cuanto mayor sea el valor de la función para el individuo, mayor su *fitness*. En el caso de minimización, ocurre lo contrario.
- 3. Crear una nueva población vacía y repetir los siguientes pasos hasta que se hayan creado *P* nuevos individuos.
  - 3.1 Seleccionar dos individuos de la población existente, donde la probabilidad de selección es proporcional al *fitness* de los individuos.
  - 3.2 Cruzar los dos individuos seleccionados para generar un nuevo descendiente (crossover).
  - 3.3 Aplicar un proceso de mutación aleatorio sobre el nuevo individuo.
  - 3.4 Añadir el nuevo individuo a la nueva población.
- 4. Reemplazar la antigua población por la nueva.
- 5. Si no se cumple un criterio de parada, volver al paso 2.

En los siguientes apartados se describe cada una de las etapas del proceso para, finalmente, combinarlas todas en una única función.

#### Población inicial

En el contexto de algoritmos genéticos, el término individuo hace referencia a cada una de las posibles soluciones del problema que se quiere resolver. En el caso de maximización o minimización de una función, cada individuo representa una posible combinación de valores de las variables. Para representar dichas combinaciones, se pueden emplear vectores, cuya longitud es igual al número total de variables, y cada posición toma un valor numérico. Por ejemplo, supóngase que la función objetivo J(x, y, z) depende de las variables x, y, z. El individuo 3,9.5, -0.5, equivale a la combinación de valores x = 3, y = 9.5, z = -0.5.

El primer paso del algoritmo genético consiste en crear una población inicial aleatoria de individuos. La siguiente función crea una matriz en la que, cada fila, está formada por una combinación de valores numéricos aleatorios. Además, el valor para cada variable puede estar acotado dentro de un rango. Esta acotación resulta útil para agilizar el proceso de optimización, pero requiere disponer de información que permita acotar el intervalo de valores dentro del cual se encuentra la solución óptima.

```
crear_poblacion <- function(n_poblacion, n_variables, limite_inf = NULL,</pre>
                            limite_sup = NULL, verbose = TRUE){
  # La siquiente función crea una matriz en la que, cada fila, está formada por
  # una combinación de valores numéricos aleatorios. El rango de posibles valores
  # para cada variable puede estar acotado.
  # Argumentos:
     n poblacion: número total de individuos de la población.
     n variables: longitud de los individuos.
                   vector con el límite inferior de cada variable. Si solo se
      limite inf:
                   quiere imponer límites a algunas variables, emplear NA para
  #
  #
                   las que no se quiere acotar.
  #
      limite sup:
                   vector con el límite superior de cada variable. Si solo se
  #
                   quiere imponer límites a algunas variables, emplear NA para
  #
                   las que no se quieren acotar.
      verbose:
                   mostrar información del proceso por pantalla.
  # Retorno:
  # Una matriz de tamaño n poblacion x n variables que representa una población.
  # Comprobaciones
  if(!is.null(limite_inf) & (length(limite_inf) != n_variables)){
   stop(paste("limite_inf debe tener un valor por cada variable.",
               "Si para alguna variable no se quiere límite, emplear NA.",
               "Ejemplo: \lim_{\infty} \sup = c(10, NA, 10)"))
  }
```

```
if(!is.null(limite sup) & length(limite sup) != n variables){
  stop(paste("limite sup debe tener un valor por cada variable.",
              "Si para alguna variable no se quiere límite, emplear NA.",
             "Ejemplo: \limsup = c(10, NA, 10)"))
}
if(is.null(limite_sup) | is.null(limite_inf)){
  warning(paste("Es altamente recomendable indicar los límites dentro de los",
                 "cuales debe buscarse la solución de cada variable.",
                "Por defecto se emplea [-10^3, 10^3]."))
}
if(any(any(is.na(limite_sup)), any(is.na(limite_inf)))){
  warning(paste("Los límites empleados cuando no se han definido son:",
                 " [-10^3, 10^3]."))
  cat("\n")
# Si no se especifica limite inf, el valor mínimo que pueden tomar las variables
# es -10^3.
if(is.null(limite inf)){
  limite inf \leftarrow rep(x = -10<sup>3</sup>, times = n variables)
# Si no se especifica limite sup, el valor máximo que pueden tomar las variables
# es 10^3.
if(is.null(limite sup)){
  limite_sup <- rep(x = 10^3, times = n_variables)</pre>
}
# Si los límites no son nulos, se reemplazan aquellas posiciones NA por el valor
# por defecto -10^3 y 10^3
if(!is.null(limite_inf)){
  limite_inf[is.na(limite_inf)] <- -10^3</pre>
}
if(!is.null(limite sup)){
  limite sup[is.na(limite sup)] <- 10^3</pre>
}
# Matriz donde almacenar los individuos generados.
poblacion <- matrix(data = NA, nrow = n poblacion, ncol = n variables)</pre>
# Bucle para crear cada individuo.
for(i in 1:n poblacion){
  # Se crea un vector de NA que representa el individuo.
  individuo <- rep(NA, times = n_variables)</pre>
```

Se crea una población de 10 individuos de longitud 2, con los valores de la primera variable acotados entre [-100, +100] y la segunda con únicamente el límite inferior [-20, NA].

```
##
## [1] "Población inicial creada"
## [1] "Número de individuos = 10"
## [1] "Límites inferiores de cada variable: -100, -20"
## [1] "Límites superiores de cada variable: 100, 1000"
```

#### poblacion

```
## [,1] [,2]

## [1,] -97.3958430 16.59235

## [2,] -38.6850314 668.08993

## [3,] 20.4059764 879.16798

## [4,] -45.3927227 720.40543

## [5,] 0.4401443 177.51848
```

```
## [6,] 98.4581778 208.46161
## [7,] -49.7287263 446.06919
## [8,] 91.7291849 708.26225
## [9,] 60.0585794 421.15666
## [10,] -52.0833727 34.42517
```

#### Fitness de un individuo

Cada individuo de la población debe ser evaluado para cuantificar cómo de bueno es como solución al problema, a esta cuantificación se le llama (*fitness*). Dependiendo de si se trata de un problema de maximización o minimización, la relación del *fitness* con la función objetivo *f* puede ser:

- Maximización: el individuo tiene mayor *fitness* cuanto mayor es el valor de la función objetivo *f* (*individuo*).
- Minimización: el individuo tiene mayor *fitness* cuanto menor es el valor de la función objetivo f(individuo), o lo que es lo mismo, cuanto mayor es el valor de la función objetivo, menor el *fitness*. Tal y como se describe más adelante, el algoritmo genético selecciona los individuos de mayor *fitness*, por lo que, para problemas de minimización, el *fitness* puede calcularse como 1 f(individuo) o también  $\frac{1}{1 + f(individuo)}$ .

```
calcular fitness_individuo <- function(individuo, funcion_objetivo, optimizacion,</pre>
                                       verbose=TRUE,...){
  # Argumentos
      individuo: vector con los valores de cada variable. El orden de los
                 valores debe coincidir con el de los argumentos de la función.
     funcion objetivo: nombre de la función que se desea optimizar. Debe de haber
                        sido definida previamente.
     optimizacion: "maximizar" o "minimizar". Dependiendo de esto, la relación
                    del fitness es directamente o indirectamente proporcional al
  #
  #
                    valor de la función.
      verbose: mostrar información del proceso por pantalla.
  # Retorno:
     fitness del individuo.
  # Comprobaciones.
  if(length(individuo) != length(names(formals(funcion objetivo)))){
    stop(paste("Los individuos deben tener tantos valores como argumentos tiene",
               "la función objetivo."))
```

```
# Cálculo fitness.
if(optimizacion == "maximizar"){
   fitness <- do.call(funcion, args = as.list(individuo))
}else if(optimizacion == "minimizar"){
   fitness <- 1 - do.call(funcion, args = as.list(individuo))
}else{
   stop("El argumento optimización debe ser maximizar o minimizar.")
}

if(verbose){
   print(paste("El fitness calculado para", optimizacion, "es de:", fitness))
   cat("\n")
}
return(fitness)
}</pre>
```

Se calcula el *fitness* del individuo (x = 10, y = 10) para los casos de maximización y minimización de la función f(x, y) = x + y.

## [1] "El fitness calculado para maximizar es de: 20"
## [1] 20

```
## [1] "El fitness calculado para minimizar es de: -19"
## [1] -19
```

### Fitness de todos los individuos de una población

Esta función recibe como argumentos una población de individuos, una función objetivo y el tipo de optimización, y devuelve el *fitness* de todos los individuos.

```
calcular fitness poblacion <- function(poblacion, funcion objetivo, optimizacion,
                                       verbose = TRUE, ...){
  # Esta función devuelve el fitness de cada individuo de una población.
  # Argumentos
     poblacion: matriz que representa la población de individuos.
                 nombre de la función que se desea optimizar. Debe de haber sido
     funcion:
  #
                 definida previamente.
    optimizacion: "maximizar" o "minimizar". Dependiendo de esto, la relación
  #
                    del fitness es directamente o indirectamente proporcional al
  #
                    valor de la función.
  #
    verbose: mostrar información del proceso por pantalla.
  # Retorno:
    vector con el fitness de todos los individuos de la población. El orden de
      los valores se corresponde con el orden de las filas de la matriz población.
  # Vector donde almacenar el fitness de cada individuo.
  fitness_poblacion <- rep(NA, times = nrow(poblacion))</pre>
  for (i in 1:nrow(poblacion)) {
    individuo <- poblacion[i, ]</pre>
    if(verbose){
      print(paste("Individuo", i,":", paste(individuo, collapse = " ")))
    fitness individuo <- calcular fitness individuo(</pre>
                            individuo = individuo,
                            funcion_objetivo = funcion_objetivo,
                            optimizacion = optimizacion,
                            verbose = verbose
    fitness poblacion[i] <- fitness individuo</pre>
  if(verbose){
    print(paste("Fitness calculado para los",
                 nrow(poblacion) ,
                 "individuos de la población."))
    cat("\n")
  return(fitness_poblacion)
```

Se calcula el *fitness* de todos los individuos de una población formada por 5 individuos.

```
## [1] "Población inicial creada"
## [1] "Número de individuos = 5"
## [1] "Límites inferiores de cada variable: -10, -10"
## [1] "Límites superiores de cada variable: 10, 10"
```

```
## [1] "Individuo 1 : -6.4581991545856 -2.06253244075924"
## [1] "El fitness calculado para minimizar es de: 9.52073159534484"
##
## [1] "Individuo 2 : -8.24810150079429 8.2087839115411"
## [1] "El fitness calculado para minimizar es de: 1.03931758925319"
##
## [1] "Individuo 3 : -0.319110150448978 -7.66888343729079"
## [1] "El fitness calculado para minimizar es de: 8.98799358773977"
##
## [1] "Individuo 4 : 8.45188772771508 6.17801563348621"
## [1] "El fitness calculado para minimizar es de: -13.6299033612013"
##
## [1] "Individuo 5 : 9.17754233814776 -4.32214024011046"
## [1] "El fitness calculado para minimizar es de: -3.8554020980373"
##
## [1] "Fitness calculado para los 5 individuos de la población."
```

```
fitness_poblacion
```

```
## [1] 9.520732 1.039318 8.987994 -13.629903 -3.855402
```

El vector devuelto contiene el *fitness* de cada uno de los individuos en el mismo orden que se encuentran en la matriz de la población.

### Seleccionar individuos

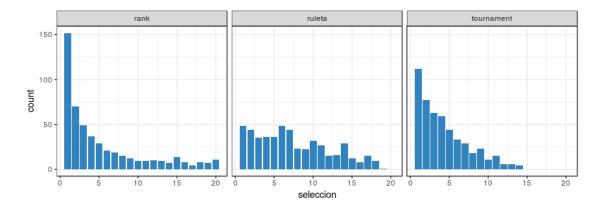
La forma en que se seleccionan los individuos que participan en cada cruce difiere en las distintas implementaciones de los algoritmos genéticos. Por lo general, todas ellas tienden a favorecer la selección de aquellos individuos con mayor *fitness*. Algunas de las estrategias más comunes son:

- Método de ruleta: la probabilidad de que un individuo sea seleccionado es proporcional a su *fitness* relativo, es decir, a su *fitness* dividido por la suma del *fitness* de todos los individuos de la población. Si el *fitness* de un individuo es el doble que el de otro, también lo será la probabilidad de que sea seleccionado. Este método presenta problemas si el *fitness* de unos pocos individuos es muy superior (varios órdenes de magnitud) al resto, ya que estos serán seleccionados de forma repetida y casi todos los individuos de la siguiente generación serán "hijos" de los mismos "padres" (poca variación).
- Método rank: la probabilidad de selección de un individuo es inversamente proporcional a la posición que ocupa tras ordenar todos los individuos de mayor a menor fitness. Este método es menos agresivo que el método ruleta cuando la diferencia entre los mayores fitness es varios órdenes de magnitud superior al resto.
- Selección competitiva (*tournament*): se seleccionan aleatoriamente dos parejas de individuos de la población (todos con la misma probabilidad). De cada pareja se selecciona el que tenga mayor *fitness*. Finalmente, se comparan los dos finalistas y se selecciona el de mayor *fitness*. Este método tiende a generar una distribución de la probabilidad de selección más equilibrada que las dos anteriores.
- Selección truncada (*truncated selection*): se realizan selecciones aleatorias de individuos, habiendo descartado primero los *n* individuos con menor *fitness* de la población.

```
# Retorno:
    El índice que ocupa el individuo seleccionado.
if(metodo seleccion == "ruleta"){
  probabilidad seleccion <- (vector fitness) / sum(vector fitness)</pre>
  ind seleccionado <- sample(x = 1:length(vector fitness),
                              size = 1,
                              prob = probabilidad_seleccion)
}else if(metodo seleccion == "rank"){
  probabilidad seleccion <- 1 / order(vector fitness, decreasing = TRUE)</pre>
  ind seleccionado <- sample(x = 1:length(vector fitness),
                              size = 1,
                              prob = probabilidad seleccion)
}else if(metodo_seleccion == "tournament"){
  # Se seleccionan aleatoriamente dos parejas de individuos.
  ind_candidatos_a <- sample(x = 1: length(vector_fitness), size = 2)</pre>
  ind candidatos b \leftarrow sample(x = 1: length(vector fitness), size = 2)
  # De cada pareja se selecciona el de mayor fitness.
  ind ganador a <- ifelse(</pre>
         vector_fitness[ind_candidatos_a[1]]>vector_fitness[ind_candidatos_a[2]],
                  ind candidatos a[1],
                  ind candidatos a[2]
  ind_ganador_b <- ifelse(</pre>
         vector fitness[ind candidatos b[1]]>vector fitness[ind candidatos b[2]],
                ind_candidatos_b[1],
                ind_candidatos_b[2]
  # Se comparan los dos ganadores de cada pareja.
  ind seleccionado <- ifelse(</pre>
                    vector fitness[ind ganador a]> vector fitness[ind ganador b],
                    ind_ganador_a,
                    ind ganador b)
}else{
    stop("El argumento metodo seleccion debe ser: ruleta, rank o tournament")
if(verbose){
  print(paste("Método de selección empleado:", metodo_seleccion))
return(ind seleccionado)
```

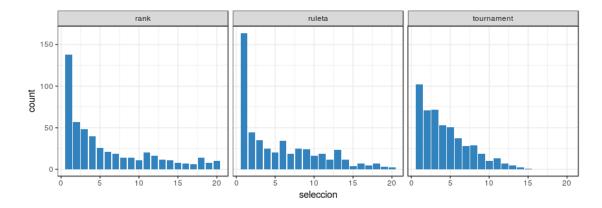
Se compara el patrón de selección del mejor individuo entre los métodos ruleta, *rank* y *tournament*. En primer lugar, se muestra un caso en el que la diferencia entre el mayor y el menor de los *fitness* no es muy acusada, y un segundo caso en el que sí lo es (dos órdenes de magnitud).

```
library(tidyverse)
fitness_poblacion <- c(20, 19, 18, 17, 16, 15, 14, 13, 12, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5,
                       4, 3, 2, 1)
selecciones ruleta <- rep(NA, times=500)</pre>
for (i in 1:500) {
  selecciones_ruleta[i] <- seleccionar_individuo(vector_fitness=fitness_poblacion,</pre>
                                                   metodo seleccion = "ruleta")
selecciones_ruleta <- data.frame(seleccion = selecciones_ruleta) %>%
                      mutate(metodo seleccion = "ruleta")
selecciones rank <- rep(NA, times=500)</pre>
for (i in 1:500) {
  selecciones_rank[i] <- seleccionar_individuo(vector_fitness = fitness_poblacion,</pre>
                                                metodo seleccion = "rank")
selecciones_rank <- data.frame(seleccion = selecciones_rank) %>%
                      mutate(metodo seleccion = "rank")
selecciones_tournament <- rep(NA, times=500)</pre>
for (i in 1:500) {
selecciones_tournament[i]<-seleccionar_individuo(vector_fitness=fitness_poblacion,</pre>
                                                     metodo seleccion = "tournament")
selecciones tournament <- data.frame(seleccion = selecciones tournament) %>%
                           mutate(metodo_seleccion = "tournament")
bind rows(selectiones ruleta, selectiones rank, selectiones tournament) %>%
  ggplot(aes(x = seleccion)) +
  geom bar(fill = "#3182bd") +
  facet grid(.~metodo seleccion) +
  theme bw()
```



Cuando no existe una gran diferencia entre el individuo de mayor *fitness* y el resto, con el método *rank*, el individuo con mayor *fitness* se selecciona con mucha más frecuencia que el resto. Con los otros dos métodos, la probabilidad de selección decae de forma más gradual.

```
fitness_poblacion <- c(100, 19, 18, 17, 16, 15, 14, 13, 12, 11, 10, 9, 8, 7, 6, 5,
                       4, 3, 2, 1)
selecciones ruleta <- rep(NA, times=500)</pre>
for (i in 1:500) {
  selecciones_ruleta[i] <- seleccionar_individuo(vector_fitness=fitness_poblacion,</pre>
                                                   metodo seleccion = "ruleta")
}
selecciones_ruleta <- data.frame(seleccion = selecciones ruleta) %>%
                      mutate(metodo seleccion = "ruleta")
selecciones_rank <- rep(NA, times=500)</pre>
for (i in 1:500) {
  selecciones rank[i] <- seleccionar individuo(vector fitness = fitness poblacion,</pre>
                                                metodo seleccion = "rank")
selecciones_rank <- data.frame(seleccion = selecciones_rank) %>%
                      mutate(metodo seleccion = "rank")
selecciones_tournament <- rep(NA, times=500)</pre>
for (i in 1:500) {
selecciones_tournament[i]<-seleccionar_individuo(vector_fitness=fitness_poblacion,</pre>
                                                     metodo seleccion = "tournament")
selecciones_tournament <- data.frame(seleccion = selecciones_tournament) %>%
                           mutate(metodo_seleccion = "tournament")
bind_rows(selecciones_ruleta, selecciones_rank, selecciones_tournament) %>%
  ggplot(aes(x = seleccion)) +
  geom bar(fill = "#3182bd") +
  facet_grid(.~metodo_seleccion) +
  theme bw()
```



Cuando existe una gran diferencia entre el individuo de mayor *fitness* y el resto (uno o varios órdenes de magnitud), con el método *ruleta*, el individuo con mayor *fitness* se selecciona con mucha más frecuencia que el resto. A diferencia del caso anterior, en esta situación, la probabilidad de selección decae de forma más gradual con los métodos *rank* y *tournament*.

Teniendo en cuenta los comportamientos de selección de cada método, el método *tournament* parece ser la opción más equilibrada.

### Cruzar dos individuos (crossover, recombinación)

El objetivo de esta etapa es generar, a partir de individuos ya existentes (parentales), nuevos individuos (descendencia) que combinen las características de los anteriores. Este es otro de los puntos del algoritmo en los que se puede seguir varias estrategias. Tres de las más empleadas son:

- Cruzamiento a partir de uno solo punto: se selecciona aleatoriamente una posición que actúa como punto de corte. Cada individuo parental se divide en dos partes y se intercambian las mitades. Como resultado de este proceso, por cada cruce, se generan dos nuevos individuos.
- Cruzamiento a partir múltiples puntos: se seleccionan aleatoriamente varias posiciones que actúan como puntos de corte. Cada individuo parental se divide por los puntos de corte y se intercambian las partes. Como resultado de este proceso, por cada cruce, se generan dos nuevos individuos.
- Cruzamiento uniforme: el valor que toma cada posición del nuevo individuo se obtiene de uno de los dos parentales. Por lo general, la probabilidad de que el valor proceda de cada parental es la misma, aunque podría, por ejemplo, estar condicionada al *fitness* de cada uno. A diferencia de las anteriores estrategias, con esta, de cada cruce se genera un único descendiente.

```
cruzar individuos <- function(parental 1, parental 2){</pre>
 # Esta función devuelve un individuo resultado de cruzar dos individuos
 # parentales con el método de cruzamiento uniforme.
 # Argumentos:
 # parental 1: vector que representa a un individuo.
     parental 2: vector que representa a un individuo.
 # Retorno:
 # Un vector que representa a un nuevo individuo.
 # Para crear el nuevo individuo, se emplea el método de cruzamiento uniforme,
 # con la misma probabilidad de que el valor proceda de cada parental.
 if(length(parental_1) != length(parental_2)){
   stop(paste0("La longitud de los dos vectores que representan a los ",
                "individuos debe ser la misma."))
 }
 # Se crea el vector que representa el nuevo individuo
   descendencia <- rep(NA, times = length(parental 1))</pre>
 # Se seleccionan aleatoriamente las posiciones que se heredan del parental 1.
   herencia parent 1 <- sample(x = c(TRUE, FALSE),
                                size = length(parental 1),
                                 replace = TRUE)
 # El resto de posiciones se heredan del parental_2.
   herencia_parent_2 <- !herencia_parent_1</pre>
   descendencia[herencia_parent_1] <- parental_1[herencia_parent_1]</pre>
   descendencia[herencia parent 2] <- parental 2[herencia parent 2]</pre>
   return(descendencia)
```

Se obtiene un nuevo individuo a partir del cruce de los individuos c(T, T, T, T) y c(F, F, F, F, F).

```
## [1] TRUE FALSE TRUE FALSE TRUE
```

#### Mutar individuo

Tras generar cada nuevo individuo de la descendencia, este se somete a un proceso de mutación en el que, cada una de sus posiciones, puede verse modificada con una probabilidad p. Este paso es importante para añadir diversidad al proceso y evitar que el algoritmo caiga en mínimos locales por que todos los individuos sean demasiado parecidos de una generación a otra.

Existen diferentes estrategias para controlar la magnitud del cambio que puede provocar una mutación.

- Distribución uniforme: la mutación de la posición i se consigue sumándole al valor de i un valor extraído de una distribución uniforme, por ejemplo una entre [-1,+1].
- Distribución normal: la mutación de la posición *i* se consigue sumándole al valor de *i* un valor extraído de una distribución normal, comúnmente centrada en o y con una determinada desviación estándar. Cuanto mayor la desviación estándar, con mayor probabilidad la mutación introducirá cambios grandes.
- Aleatorio: la mutación de la posición *i* se consigue reemplazando el valor de *i* por nuevo valor aleatorio dentro del rango permitido para esa variable. Esta estrategia suele conllevar mayores variaciones que las dos anteriores.

Hay que tener en cuenta que, debido a las mutaciones, un valor que inicialmente estaba dentro del rango permitido puede salirse de él. Una forma de evitarlo es: si el valor tras la mutación excede alguno de los límites acotados, se sobrescribe con el valor del límite. Es decir, se permite que los valores se alejen como máximo hasta el límite impuesto.

```
mutar_individuo <- function(individuo, limite_inf, limite_sup,</pre>
                            prob_mut = 0.01, distribucion = "uniforme",
                            media distribucion = 1, sd distribucion = 1,
                            min distribucion = -1, max distribucion = 1){
  # Argumentos:
      individuo: vector que representa a un individuo.
      prob mut: probabilidad que tiene cada posición del vector de mutar.
      distribucion: distribución de la que obtener el factor de mutación: Puede
                    ser: "normal", "uniforme" o "aleatoria".
  #
     media distribucion: media de la distribución si se selecciona
                          distribucion = "normal".
  #
     sd distribucion: desviación estándar de la distribución si se selecciona
                       distribucion = "normal".
  #
     min_distribucion: mínimo la distribución si se selecciona
  #
                        distribucion = "uniforme".
  #
      max distribucion: máximo la distribución si se selecciona
                        distribucion = "uniforme".
```

```
# Retorno:
# Un vector que representa al individuo tras someterse a las mutaciones.
# Selección de posiciones a mutar.
posiciones mutadas <- runif(n = length(individuo), min = 0, max = 1) < prob mut
# Se modifica el valor de aquellas posiciones que hayan sido seleccionadas para
# mutar. Si el valor de prob_mut es muy bajo, las mutaciones serán muy poco
# frecuentes y el individuo devuelto será casi siempre igual al original.
# Si se emplea distribucion = "uniforme" o distribucion = "normal":
if(distribucion == "normal" | distribucion == "uniforme"){
    # Se extrae un valor aleatorio de la distribución elegida que se suma
    # para modificar la/las posiciones mutadas.
    if(distribucion == "normal"){
      factor mut <- rnorm(n = sum(posiciones mutadas),</pre>
                          mean = media_distribucion,
                          sd = sd distribucion)
    }
    if(distribucion == "uniforme"){
      factor mut <- runif(n = sum(posiciones mutadas),</pre>
                          min = min distribucion,
                          max = max_distribucion)
    }
    individuo[posiciones mutadas] <- individuo[posiciones mutadas] + factor mut</pre>
    #Se comprueba si algún valor mutado supera los límites impuestos. En tal caso
    # se sobrescribe con el valor del límite correspondiente.
    for (i in which(posiciones_mutadas)) {
      if(individuo[i] < limite inf[i]){</pre>
        individuo[i] <- limite inf[i]</pre>
      if(individuo[i] > limite sup[i]){
        individuo[i] <- limite_sup[i]</pre>
      }
}else if(distribucion == "aleatoria"){
  for(i in which(posiciones mutadas)) {
    individuo[i] <- runif(n = 1, min = limite_inf[i], max = limite_sup[i])</pre>
}else{
  stop(paste("El argumento distribución debe ser:normal, uniforme o aleatoria."))
return(individuo)
```

Se somete a un individuo al proceso de mutación, con una probabilidad de mutación de 0.5 y con límites para el valor que puede tener cada posición.

```
## [1] 2.096666 -1.828858 3.000000 3.207047 1.708781 4.212142
```

### Algoritmo completo

En cada uno de los apartados anteriores se ha definido una de las etapas del algoritmo genético. A continuación, se combinan todas ellas dentro de una única función.

```
optimizar ga <- function(</pre>
                      funcion_objetivo,
                      n_variables,
                      optimizacion,
                      limite_inf = NULL,
                      limite sup = NULL,
                      n poblacion = 20,
                      n_generaciones = 50,
                      elitismo = 0.1,
                      prob_mut = 0.01,
                      distribucion = "uniforme",
                      media distribucion = 1,
                      sd distribucion = 1,
                      min distribucion = -1,
                      max distribucion = 1,
                      metodo_seleccion = "tournament",
                      parada temprana = FALSE,
                      rondas parada = NULL,
                      tolerancia_parada = NULL,
                      verbose = FALSE,
                      ){
 # COMPROBACIONES INICIALES
 # Si se activa la parada temprana, hay que especificar los arqumentos
 # rondas_parada y tolerancia_parada.
 if(isTRUE(parada temprana) &
(is.null(rondas parada) | is.null(tolerancia parada))){
   stop(paste("Para activar la parada temprana es necesario indicar un valor",
             "de rondas parada y de tolerancia parada."))
 }
 # ESTABLECER LOS LÍMITES DE BÚSQUEDA SI EL USUARIO NO LO HA HECHO
 if(is.null(limite sup) | is.null(limite inf)){
   warning(paste("Es altamente recomendable indicar los límites dentro de los",
                "cuales debe buscarse la solución de cada variable.",
                "Por defecto se emplea: [-10^3, 10^3]."))
 }
```

```
if(any(is.null(limite sup), is.null(limite inf), any(is.na(limite sup)),
   any(is.na(limite inf)))){
 warning(paste("Los límites empleados cuando no se han definido son:",
               " [-10^3, 10^3]."))
 cat("\n")
# Si no se especifica limite_inf, el valor mínimo que pueden tomar las variables
# es -10^3.
if(is.null(limite inf)){
 limite_inf <- rep(x = -10^3, times = n_variables)</pre>
# Si no se especifica limite_sup, el valor máximo que pueden tomar las variables
# es 10^3.
if(is.null(limite sup)){
 limite sup \langle -rep(x = 10^3, times = n variables) \rangle
}
# Si los límites no son nulos, se reemplazan aquellas posiciones NA por el valor
# por defecto -10^3 y 10^3.
if(!is.null(limite inf)){
 limite_inf[is.na(limite_inf)] <- -10^3</pre>
}
if(!is.null(limite_sup)){
 limite sup[is.na(limite sup)] <- 10^3</pre>
# ALMACENAMIENTO DE RESULTADOS
# Por cada generación se almacena el mejor individuo, su fitness, y la diferencia
# absoluta respecto a la última generación.
resultados_fitness <- vector(mode = "list", length = n_generaciones)
resultados_individuo <- vector(mode = "list", length = n_generaciones)</pre>
               <- vector(mode = "list", length = n_generaciones)</pre>
diferencia abs
# CREACIÓN DE LA POBLACIÓN INICIAL
poblacion <- crear_poblacion(n_poblacion = n_poblacion,</pre>
                           n variables = n variables,
                           limite_inf = limite_inf,
                           limite_sup = limite_sup,
                           verbose = verbose
                           )
```

```
# ITERACIÓN DE POBLACIONES
# =============
for (i in 1:n generaciones) {
 if(verbose){
   print("----")
   print(paste("Generación:", i))
   print("----")
 # CALCULAR FITNESS DE LOS INDIVIDUOS DE LA POBLACIÓN
 fitness_ind_poblacion <- calcular_fitness_poblacion(</pre>
                       poblacion = poblacion,
                       funcion objetivo = funcion objetivo,
                       optimizacion = optimizacion,
                       verbose = verbose)
 # SE ALMACENA EL MEJOR INDIVIDUO DE LA POBLACIÓN ACTUAL
 fitness mejor individuo <- max(fitness ind poblacion)</pre>
 mejor_individuo
                     <- poblacion[which.max(fitness_ind_poblacion), ]</pre>
 resultados_fitness[[i]] <- fitness_mejor_individuo</pre>
 resultados_individuo[[i]] <- mejor_individuo
 # SE CALCULA LA DIFERENCIA ABSOLUTA RESPECTO A LA GENERACIÓN ANTERIOR
 # La diferencia solo puede calcularse a partir de la segunda generación.
 if(i > 1){
   diferencia_abs[[i]] <- abs(resultados_fitness[[i-1]]-resultados_fitness[[i]])</pre>
 # NUEVA POBLACIÓN
 nueva_poblacion <- matrix(data = NA,</pre>
                     nrow = nrow(poblacion),
                     ncol = ncol(poblacion))
 # FLITISMO
 # El elitismo indica el porcentaje de mejores individuos de la población
 # actual que pasan directamente a la siguiente población. De esta forma, se
 # asegura que, la siguiente generación, no sea nunca inferior.
 if(elitismo > 0){
   n_elitismo <- ceiling(nrow(poblacion)*elitismo)</pre>
```

```
posicion n mejores <- order(fitness ind poblacion, decreasing = TRUE)</pre>
      posicion n mejores <- posicion n mejores[1:n elitismo]</pre>
      nueva_poblacion[1:n_elitismo, ] <- poblacion[posicion_n_mejores, ]</pre>
    }else{
     n_elitismo <- 0
   # CREACIÓN DE NUEVOS INDIVIDUOS POR CRUCES
   for (j in (n_elitismo + 1):nrow(nueva_poblacion)) {
      # Seleccionar parentales
      indice parental 1 <-</pre>
seleccionar_individuo(vector_fitness=fitness_ind_poblacion,
                                                metodo seleccion=metodo seleccion)
      indice parental 2 <-</pre>
seleccionar_individuo(vector_fitness=fitness_ind_poblacion,
                                                metodo seleccion=metodo seleccion)
      parental_1 <- poblacion[indice_parental_1, ]</pre>
      parental_2 <- poblacion[indice_parental_2, ]</pre>
      # Cruzar parentales para obtener la descendencia
      descendencia <- cruzar individuos(parental 1 = parental 1,</pre>
                                        parental 2 = parental 2)
     # Mutar la descendencia
      descendencia <- mutar individuo(individuo = descendencia,
                                      prob_mut = prob_mut,
                                      limite inf = limite inf,
                                      limite sup = limite sup,
                                      distribucion = distribucion,
                                      media_distribucion = media_distribucion,
                                      sd_distribucion = sd_distribucion,
                                      min_distribucion = min_distribucion,
                                      max distribucion = max distribucion)
     nueva_poblacion[j,] <- descendencia</pre>
    poblacion <- nueva poblacion</pre>
   # CRITERIO DE PARADA
   # Si durante las últimas n generaciones, la diferencia absoluta entre mejores
   # individuos no es superior al valor de tolerancia_parada, se detiene el
   # algoritmo v no se crean nuevas generaciones.
```

```
if(parada temprana && (i > rondas_parada)){
   ultimos n <- tail(unlist(diferencia abs), n = rondas parada)</pre>
   if(all(ultimos_n < tolerancia_parada)){</pre>
     print(paste("Algoritmo detenido en la generacion", i,
                 "por falta cambio mínimo de", tolerancia_parada,
                 "durante", rondas_parada,
                 "generaciones consecutivas."))
     break()
   }
 }
}
# RESULTADOS
# La función devuelve una lista con 4 elementos:
                      una lista con el fitness del mejor individuo de cada
   fitness:
#
                      generación.
  mejor individuo:
                     una lista con la combinación de predictores del mejor
#
#
                      individuo de cada generación.
                      una lista con la diferencia absoluta entre el fitness
#
  diferencia abs:
                      del mejor individuo de generaciones consecutivas.
#
  df resultados:
                      un dataframe con todos los resultados anteriores.
# Para crear el dataframe se convierten las listas a vectores del mismo tamaño.
fitness
              <- unlist(resultados fitness)</pre>
              <- resultados individuo[!sapply(resultados individuo, is.null)]</pre>
predictores
              <- sapply(predictores, function(x){paste(x, collapse = ", ")})
predictores
diferencia_abs <- c(NA, unlist(diferencia_abs))</pre>
df resultados <- data.frame(</pre>
                              = seq along(fitness),
                generacion
                              = fitness,
                fitness
                predictores = predictores,
                diferencia abs = diferencia abs
return(list(fitness
                            = resultados_fitness,
           mejor individuo
                            = resultados_individuo,
                            = diferencia abs,
           diferencia abs
           df resultados
                            = df resultados)
           )
```

En este ejemplo se pretende evaluar la capacidad del algoritmo genético para encontrar el mínimo de la función  $f(x,y) = x^2 + y^2$ . El mínimo de esta función puede obtenerse de forma analítica igualando las derivadas parciales a cero, lo que permite comparar el resultado obtenido. f(x = 0, y = 0) = 0.

### Función objetivo

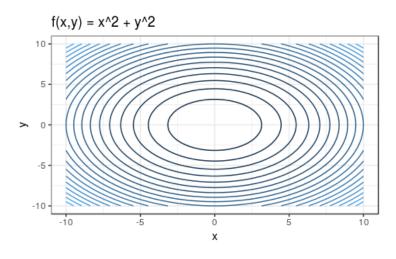
```
# Función objetivo a optimizar.
funcion <- function(x, y){
   return(x^2 + y^2)
}</pre>
```

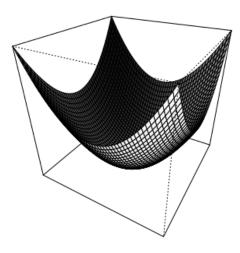
Representación gráfica de la función.

```
x <- seq(-10, 10, length.out = 50)
y <- seq(-10, 10, length.out = 50)

datos <- expand.grid(x = x, y = y)
datos <- datos %>% mutate(f_x_y = x^2 + y^2)

ggplot(data = datos, aes(x = x, y = y, z = f_x_y)) +
    geom_contour(aes(colour = stat(level)), bins = 20) +
    labs(title = "f(x,y) = x^2 + y^2") +
    theme_bw() +
    theme(legend.position = "none")
```





### **Optimización**

```
resultados_ga <- optimizar_ga(</pre>
                   funcion_objetivo = funcion,
                    n_variables = 2,
                   optimizacion = "minimizar",
                    limite_inf = c(-10, -10),
                    limite_sup = c(10, 10),
                    n_{poblacion} = 25
                    n_{generaciones} = 500,
                    elitismo = 0.01,
                   prob_mut = 0.1,
                   distribucion = "uniforme",
                   min_distribucion = -1,
                   max_distribucion = 1,
                   metodo seleccion = "tournament",
                    parada temprana = TRUE,
                    rondas_parada = 10,
                    tolerancia_parada = 0.0001,
                    verbose = FALSE
```

## [1] "Algoritmo detenido en la generacion 25 por falta cambio mínimo de 1e-04
durante 10 generaciones consecutivas."

### **Resultados**

0.000000e+00

## 18

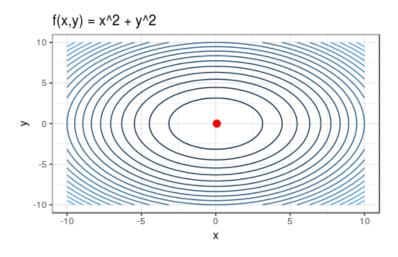
El objeto devuelto por la función optimizar\_ga almacena la información (fitness, valor de las variables,...) del mejor individuo de cada generación.

```
resultados_ga$df_resultados
##
      generacion
                    fitness
                                                          predictores
## 1
               1 -0.7152330
                               -1.22327418997884, -0.467796199955046
                               -0.822036629542708, 0.361954206600785
## 2
               2
                  0.1932449
                               -0.822036629542708, 0.361954206600785
## 3
               3
                  0.1932449
                  0.7645969
                               -0.323097930289805, 0.361954206600785
## 4
               4
               5
                  0.7645969
                               -0.323097930289805, 0.361954206600785
## 5
                              -0.323097930289805, -0.143961066380143
## 6
               6
                  0.8748829
## 7
               7
                  0.9430922
                              -0.190218224190176, -0.143961066380143
                  0.9430922
                              -0.190218224190176, -0.143961066380143
## 8
               8
## 9
               9
                  0.9739237
                              0.0731538697145879, -0.143961066380143
## 10
              10
                  0.9739237
                              0.0731538697145879, -0.143961066380143
                              0.0731538697145879, -0.143961066380143
                  0.9739237
## 11
              11
                              0.0731538697145879, -0.126843106001616
## 12
              12
                  0.9785593
                  0.9785593
                              0.0731538697145879, -0.126843106001616
## 13
              13
                  0.9785593
                              0.0731538697145879, -0.126843106001616
## 14
              14
                              0.0731538697145879, 0.0042976220138371
## 15
              15
                  0.9946300
## 16
              16
                  0.9946300
                              0.0731538697145879, 0.0042976220138371
## 17
              17
                  0.9946300
                              0.0731538697145879, 0.0042976220138371
                              0.0731538697145879, 0.0042976220138371
## 18
              18
                  0.9946300
                              0.0731538697145879, 0.0042976220138371
## 19
              19
                  0.9946300
                              0.0731538697145879, 0.0042976220138371
                  0.9946300
##
   20
              20
                  0.9946300
## 21
              21
                              0.0731538697145879, 0.0042976220138371
                  0.9946300
                              0.0731538697145879, 0.0042976220138371
## 22
              22
## 23
              23
                  0.9946300
                              0.0731538697145879, 0.0042976220138371
## 24
                  0.9946300
                              0.0731538697145879, 0.0042976220138371
              24
                  0.9946421 0.0731538697145879, 0.00253229914233088
## 25
              25
##
      diferencia_abs
## 1
                  NA
## 2
        9.084780e-01
## 3
        0.000000e+00
## 4
        5.713519e-01
## 5
        0.000000e+00
## 6
        1.102861e-01
## 7
        6.820930e-02
## 8
        0.000000e+00
## 9
        3.083148e-02
## 10
        0.000000e+00
## 11
        0.000000e+00
##
   12
        4.635615e-03
  13
        0.000000e+00
##
        0.000000e+00
## 14
## 15
        1.607070e-02
        0.000000e+00
## 16
## 17
        0.000000e+00
```

#### Mejor individuo

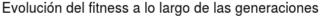
```
extraer_mejor_individuo <- function(objeto_ga){
  individuo <- objeto_ga$mejor_individuo[[which.max(unlist(objeto_ga$fitness))]]
  return(individuo)
}
mejor_individuo <- extraer_mejor_individuo(objeto_ga = resultados_ga)
mejor_individuo</pre>
```

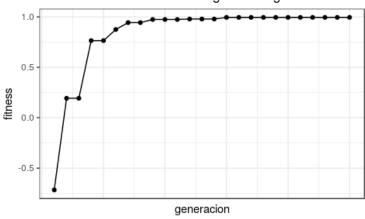
## [1] 0.073153870 0.002532299



#### Evolución del error

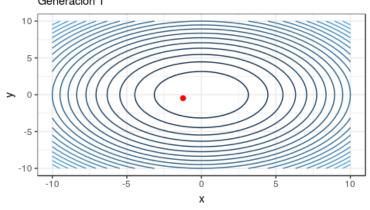
En el siguiente gráfico se puede ver cómo evoluciona el *fitness* del mejor individuo a medida que avanzan las generaciones.





#### Animación de cómo avanza la búsqueda del mínimo

#### Posición del mínimo encontrado Generación 1



En este ejemplo se pretende evaluar la capacidad del algoritmo genético para encontrar el mínimo de la función de *Mishra Bird*.

$$f(x,y) = \sin(y)\exp(1-\cos(x))^2 + \cos(x)\exp(1-\sin(y))^2 + (x-y)^2$$

Esta función tiene múltiples mínimos locales. Para la región acotada entre:

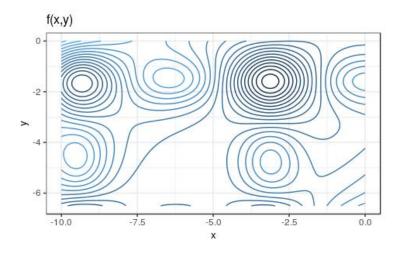
$$-10 \le x \le 0$$
$$-6.5 \le y \le 0$$

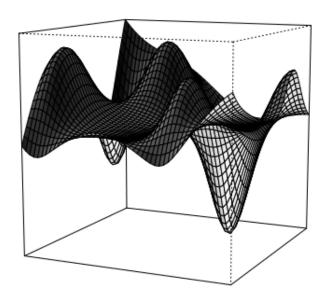
el mínimo global se encuentra en f(-3.1302468, -1.5821422) = -106.7645367.

### Función objetivo

```
# Función objetivo a optimizar.
funcion <- function(x, y){
    sin(y)*exp(1-cos(x))^2 + cos(x)*exp(1-sin(y))^2 + (x-y)^2
}</pre>
```

Representación gráfica de la función.





### **Optimización**

```
resultados_ga <- optimizar_ga(</pre>
                 funcion objetivo = funcion,
                 n variables = 2,
                 optimizacion = "minimizar",
                 limite_inf = c(-10, -5.6),
                 limite_sup = c(0, 0),
                 n_{poblacion} = 25,
                 n generaciones = 500,
                 elitismo = 0.01,
                 prob mut = 0.1,
                 distribucion = "uniforme",
                 min distribucion = -1,
                 max distribucion = 1,
                 metodo seleccion = "tournament",
                 parada_temprana = TRUE,
                 rondas parada = 10,
                 tolerancia parada = 0.0001,
                 verbose = FALSE
```

## [1] "Algoritmo detenido en la generacion 30 por falta cambio mínimo de 1e-04
durante 10 generaciones consecutivas."

#### Resultados

El objeto devuelto por la función optimizar\_ga almacena la información (fitness, valor de las variables,...) del mejor individuo de cada generación.

```
resultados_ga$df_resultados

## generacion fitness predictores
## 1 1 72.5302 -2.92316919192672, -0.903570218011737
```

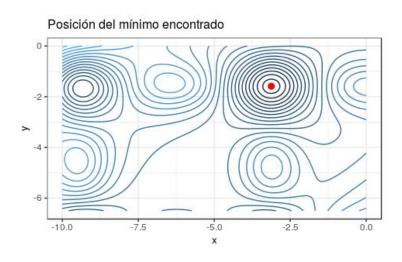
```
2 72.5302 -2.92316919192672, -0.903570218011737
## 2
## 3
              3 103.1419 -2.92316919192672, -1.72124174330384
              4 103.1419 -2.92316919192672, -1.72124174330384
              5 103.1419 -2.92316919192672, -1.72124174330384
## 5
              6 103.8272 -2.92316919192672, -1.68342704931274
## 6
              7 103.8272 -2.92316919192672, -1.68342704931274
## 7
              8 104.3389 -3.32508316310123, -1.55756416218355
## 8
              9 104.3389 -3.32508316310123, -1.55756416218355
             10 104.4865 -2.92316919192672, -1.55756416218355
## 10
## 11
             11 104.4865 -2.92316919192672, -1.55756416218355
## 12
             12 106.9629 -3.21705045783892, -1.55756416218355
```

```
-3.21705045783892, -1.55756416218355
## 13
              13 106.9629
## 14
              14 106.9629
                            -3.21705045783892, -1.55756416218355
              15 106.9629
                            -3.21705045783892, -1.55756416218355
## 15
                            -3.21705045783892, -1.55756416218355
## 16
              16 106.9629
                           -3.12318701902404, -1.55756416218355
## 17
              17 107.7030
              18 107.7030
                            -3.12318701902404, -1.55756416218355
## 18
              19 107.7030
                           -3.12318701902404, -1.55756416218355
## 19
                             -3.12318701902404, -1.5878192698583
## 20
              20 107.7875
## 21
              21 107.7875
                             -3.12318701902404, -1.5878192698583
## 22
              22 107.7875
                             -3.12318701902404, -1.5878192698583
                             -3.12318701902404, -1.5878192698583
## 23
              23 107.7875
              24 107.7875
                             -3.12318701902404, -1.5878192698583
## 24
## 25
              25 107.7875
                             -3.12318701902404, -1.5878192698583
                             -3.12318701902404, -1.5878192698583
## 26
              26 107.7875
                             -3.12318701902404, -1.5878192698583
## 27
              27 107.7875
                             -3.12318701902404, -1.5878192698583
              28 107.7875
## 28
                             -3.12318701902404, -1.5878192698583
## 29
              29 107.7875
## 30
              30 107.7875
                             -3.12318701902404, -1.5878192698583
##
      diferencia_abs
## 1
## 2
          0.00000000
## 3
         30.61171723
## 4
          0.00000000
## 5
          0.00000000
## 6
          0.68532740
## 7
          0.00000000
## 8
          0.51169708
## 9
          0.00000000
## 10
          0.14756602
## 11
          0.00000000
## 12
          2.47640913
          0.00000000
## 13
## 14
          0.00000000
## 15
          0.00000000
          0.00000000
## 16
## 17
          0.74013780
## 18
          0.00000000
## 19
          0.00000000
          0.08443192
## 20
## 21
          0.00000000
## 22
          0.00000000
## 23
          0.00000000
## 24
          0.00000000
## 25
          0.00000000
## 26
          0.00000000
## 27
          0.00000000
## 28
          0.00000000
## 29
          0.00000000
          0.00000000
## 30
```

### Mejor individuo

```
extraer_mejor_individuo <- function(objeto_ga){
  individuo <- objeto_ga$mejor_individuo[[which.max(unlist(objeto_ga$fitness))]]
  return(individuo)
}
mejor_individuo <- extraer_mejor_individuo(objeto_ga = resultados_ga)
mejor_individuo</pre>
```

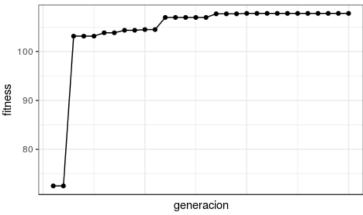
```
## [1] -3.123187 -1.587819
```



#### Evolución del error

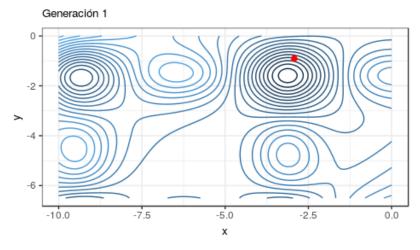
En el siguiente gráfico se puede ver cómo evoluciona el *fitness* del mejor individuo a medida que avanzan las generaciones.





#### Animación de cómo avanza la búsqueda del mínimo

#### Posición del mínimo encontrado



### **Paralelización**

Uno de los inconvenientes de los algoritmos genéticos es su alto requerimiento computacional. Por ejemplo, si se establecen 1000 generaciones con 150 individuos por generación, la función objetivo se evalúa 1000x150 = 150000 veces.

Los ejemplos anteriores se ejecutan en poco tiempo por la sencillez de las funciones objetivo pero, en la práctica, suelen ser mucho más complejas. Dos de las estrategias que se pueden emplear para agilizar el proceso son:

- Parada temprana: detener el algoritmo si tras n generaciones consecutivas no se ha conseguido un cambio mínimo. Esta estrategia está implementada en los ejemplos anteriores.
- Paralelización:
  - Evaluar de forma simultánea varios individuos de la población empleando múltiples cores del ordenador.
  - o Paralelizar la función objetivo en el caso de que pueda hacerse.

## Versión paralelizada

#### ESTA IMPLEMENTACIÓN NO FUNCIONA EN WINDOWS

```
calcular fitness poblacion paral <- function(poblacion, funcion objetivo,
                                             optimizacion, n_cores = NULL,
                                             verbose = TRUE, ...){
  # Esta función devuelve el fitness de cada individuo de una población.
  #
  # Argumentos
     poblacion: matriz que representa la población de individuos.
                    nombre de la función que se desea optimizar. Debe de haber sido
     funcion:
                    definida previamente.
     optimizacion: "maximizar" o "minimizar". Dependiendo de esto, la relación del
                   fitness es directamente o indirectamente proporcional al valor
  #
                   de la función.
      verbose: mostrar información del proceso por pantalla.
      vector con el fitness de todos los individuos de la población. El orden de
     los valores se corresponde con el orden de las filas de la matriz población.
```

```
# Paquetes necesarios para paralelizar.
library(furrr)
library(purrr)
if(is.null(n cores)){
    future::plan(strategy = future::multiprocess,
         workers = future::availableCores(constraints = "multicore") - 1)
  }else{
    future::plan(strategy = future::multiprocess,
         workers = n cores)
  }
  # Se almacena cada individuo (cada fila de la matriz población) como un
  # elemento de una lista.
  poblacion <- purrr::map(.x = 1:nrow(poblacion),</pre>
                          .f = function(i){poblacion[i,]})
  # Se aplica la función "calcular_fitness_individuo" a cada elemento de la
  # lista población.
  fitness_poblacion <- furrr::future_map_dbl(</pre>
                                 .x = poblacion,
                                 .f = calcular fitness individuo,
                                 funcion_objetivo = funcion_objetivo,
                                 optimizacion = optimizacion,
                                 verbose = verbose)
if(verbose){
  print(paste("Fitness calculado para los",
               nrow(poblacion) ,
               "individuos de la población."))
  cat("\n")
return(unlist(fitness_poblacion))
```

### **Ejemplo**

Se calcula el *fitness* de todos los individuos de una población formada por 5 individuos.

```
# Función objetivo a optimizar.
function <- function(x, y){</pre>
  return(x^2 + y^2)
}
# Población simulada.
poblacion <- crear poblacion(</pre>
                n poblacion = 5,
                n variables = 2,
                limite_inf = c(-10, -10),
                limite sup = c(+10, +10),
                verbose = TRUE)
## [1] "Población inicial creada"
## [1] "Número de individuos = 5"
## [1] "Límites inferiores de cada variable: -10, -10"
## [1] "Límites superiores de cada variable: 10, 10"
# Cálculo del fitness de todos los individuos.
fitness_poblacion <- calcular_fitness_poblacion_paral(</pre>
                         poblacion = poblacion,
                         funcion objetivo = funcion,
                         optimizacion = "minimizar",
                         verbose = TRUE
```

```
## [1] "El fitness calculado para minimizar es de: -164.748061862992"
##
## [1] "El fitness calculado para minimizar es de: -76.0579702478542"
##
## [1] "El fitness calculado para minimizar es de: -19.3674448029386"
##
## [1] "El fitness calculado para minimizar es de: -101.645705969088"
##
## [1] "El fitness calculado para minimizar es de: -102.988298345618"
##
## [1] "Fitness calculado para los individuos de la población."
```

```
fitness_poblacion
```

```
## [1] -164.74806 -76.05797 -19.36744 -101.64571 -102.98830
```

Para incluir la opción de paralelizado, se repite la función del algoritmo completo, esta vez, incluyendo el argumento paralelizado con el que el usuario pueda especificar que se emplee la función calcular fitness poblacion o calcular fitness poblacion paral.

```
optimizar_ga <- function(</pre>
                      funcion objetivo,
                      n variables,
                      optimizacion,
                      limite inf = NULL,
                      limite_sup = NULL,
                      n_{poblacion} = 20,
                      n generaciones = 10,
                      elitismo = 0.1,
                      prob mut = 0.01,
                      distribucion = "uniforme",
                      media distribucion = 1,
                      sd_distribucion = 1,
                      min distribucion = -1,
                      max distribucion = 1,
                      metodo_seleccion = "tournament",
                      parada temprana = FALSE,
                      rondas parada = NULL,
                      tolerancia_parada = NULL,
                      paralelizado = FALSE,
                      n cores = NULL,
                      verbose = FALSE,
                      ...){
 # COMPROBACIONES INICIALES
 # Si se activa la parada temprana, hay que especificar los argumentos
 # rondas_parada y tolerancia_parada.
 if(isTRUE(parada temprana) &
(is.null(rondas_parada) | is.null(tolerancia_parada))){
   stop(paste("Para activar la parada temprana es necesario indicar un valor",
             "de rondas parada y de tolerancia parada."))
 }
 # ESTABLECER LOS LÍMITES DE BÚSQUEDA SI EL USUARIO NO LO HA HECHO
 if(is.null(limite sup) | is.null(limite inf)){
   warning(paste("Es altamente recomendable indicar los límites dentro de los",
                "cuales debe buscarse la solución de cada variable.",
                "Por defecto se emplea: [-10^3, 10^3]."))
 }
 if(any(is.null(limite_sup), is.null(limite_inf), any(is.na(limite_sup)),
    any(is.na(limite_inf)))){
```

```
warning(paste("Los límites empleados cuando no se han definido son:",
              [-10^3, 10^3]."))
 cat("\n")
# Si no se especifica limite_inf, el valor mínimo que pueden tomar las variables
# es -10^3.
if(is.null(limite_inf)){
 limite inf \leftarrow rep(x = -10<sup>3</sup>, times = n variables)
# Si no se especifica limite_sup, el valor máximo que pueden tomar las variables
# es 10^3.
if(is.null(limite_sup)){
 limite_sup <- rep(x = 10^3, times = n_variables)
}
# Si los límites no son nulos, se reemplazan aquellas posiciones NA por el valor
# por defecto -10^3 y 10^3
if(!is.null(limite inf)){
 limite_inf[is.na(limite_inf)] <- -10^3</pre>
}
if(!is.null(limite_sup)){
 limite_sup[is.na(limite_sup)] <- 10^3</pre>
}
# ALMACENAMIENTO DE RESULTADOS
# Por cada generación se almacena el mejor individuo, su fitness, y el porcentaje
# de mejora respecto a la última generación.
resultados_fitness <- vector(mode = "list", length = n_generaciones)
resultados_individuo <- vector(mode = "list", length = n_generaciones)
                  <- vector(mode = "list", length = n_generaciones)</pre>
diferencia_abs
# CREACIÓN DE LA POBLACIÓN INICIAL
poblacion <- crear_poblacion(n_poblacion = n_poblacion,</pre>
                         n variables = n variables,
                         limite_inf = limite_inf,
                         limite sup = limite sup,
                         verbose = verbose
# ITERACIÓN DE POBLACIONES
for (i in 1:n generaciones) {
 if(verbose){
```

```
print("-----")
 print(paste("Generación:", i))
 print("----")
# CALCULAR FITNESS DE LOS INDIVIDUOS DE LA POBLACIÓN
if(!paralelizado){
fitness_ind_poblacion <- calcular_fitness_poblacion(</pre>
                     poblacion = poblacion,
                     funcion objetivo = funcion objetivo,
                     optimizacion = optimizacion,
                     verbose = verbose)
if(paralelizado){
 fitness ind poblacion <- calcular fitness poblacion paral(
                     poblacion = poblacion,
                     funcion_objetivo = funcion_objetivo,
                     optimizacion = optimizacion,
                     verbose = verbose,
                     n_cores = n_cores)
}
# SE ALMACENA EL MEJOR INDIVIDUO DE LA POBLACIÓN ACTUAL
fitness_mejor_individuo <- max(fitness_ind_poblacion)</pre>
resultados_fitness[[i]] <- fitness_mejor_individuo</pre>
resultados_individuo[[i]] <- mejor_individuo</pre>
# SE CALCULA LA DIFERENCIA ABSOLUTA RESPECTO A LA GENERACIÓN ANTERIOR
# La diferencia solo puede calcularse a partir de la segunda generación.
if(i > 1){
 diferencia_abs[[i]] <- abs(resultados_fitness[[i-1]]-resultados_fitness[[i]])</pre>
# NUEVA POBLACIÓN
nueva poblacion <- matrix(data = NA,</pre>
                   nrow = nrow(poblacion),
                   ncol = ncol(poblacion))
# ELITISMO
# El elitismo indica el porcentaje de mejores individuos de la población
# actual que pasan directamente a la siguiente población. De esta forma, se
# asegura que, la siguiente generación, no sea nunca inferior.
```

```
if(elitismo > 0){
     n elitismo
                       <- ceiling(nrow(poblacion)*elitismo)
     posicion n mejores <- order(fitness_ind_poblacion, decreasing = TRUE)</pre>
     posicion_n_mejores <- posicion_n_mejores[1:n_elitismo]</pre>
     nueva poblacion[1:n elitismo, ] <- poblacion[posicion n mejores, ]</pre>
   }else{
     n_elitismo <- 0
   # CREACIÓN DE NUEVOS INDIVIDUOS POR CRUCES
   for (j in (n_elitismo + 1):nrow(nueva_poblacion)) {
     # Seleccionar parentales
     indice parental 1 <-
seleccionar individuo(vector fitness=fitness ind poblacion,
                                              metodo seleccion=metodo seleccion)
     indice parental 2 <-</pre>
seleccionar_individuo(vector_fitness=fitness_ind_poblacion,
                                              metodo seleccion=metodo seleccion)
     parental_1 <- poblacion[indice_parental_1, ]</pre>
     parental_2 <- poblacion[indice_parental_2, ]</pre>
     # Cruzar parentales para obtener la descendencia
     descendencia <- cruzar individuos(parental 1 = parental 1,</pre>
                                     parental 2 = parental 2)
     # Mutar la descendencia
     descendencia <- mutar individuo(individuo = descendencia,
                                    prob mut = prob mut,
                                    limite inf = limite inf,
                                    limite_sup = limite sup,
                                    distribucion = distribucion,
                                    media_distribucion = media_distribucion,
                                    sd distribucion = sd distribucion,
                                    min_distribucion = min_distribucion,
                                    max distribucion = max distribucion)
     nueva_poblacion[j,] <- descendencia</pre>
   poblacion <- nueva poblacion
   # CRITERIO DE PARADA
   # Si durante las últimas n generaciones la diferencia absoluta entre mejores
   # individuos no es superior al valor de tolerancia parada, se detiene el
   # algoritmo y no se crean nuevas generaciones.
```

```
if(parada temprana && (i > rondas_parada)){
   ultimos n <- tail(unlist(diferencia abs), n = rondas parada)</pre>
   if(all(ultimos_n < tolerancia_parada)){</pre>
     print(paste("Algoritmo detenido en la generacion", i,
                 "por falta cambio mínimo de", tolerancia_parada,
                 "durante", rondas_parada,
                 "generaciones consecutivas."))
     break()
   }
 }
}
# RESULTADOS
# La función devuelve una lista con 4 elementos:
                      una lista con el fitness del mejor individuo de cada
   fitness:
#
                      generación.
                     una lista con la combinación de predictores del mejor
#
  mejor individuo:
#
                      individuo de cada generación.
                      una lista con la diferencia absoluta entre el fitness
#
  diferencia_abs:
                      del mejor individuo de generaciones consecutivas.
#
  df resultados:
                      un dataframe con todos los resultados anteriores.
# Para crear el dataframe se convierten las listas a vectores del mismo tamaño.
fitness
              <- unlist(resultados fitness)</pre>
              <- resultados individuo[!sapply(resultados individuo, is.null)]</pre>
predictores
              <- sapply(predictores, function(x){paste(x, collapse = ", ")})
predictores
diferencia_abs <- c(NA, unlist(diferencia_abs))</pre>
df resultados <- data.frame(</pre>
                              = seq along(fitness),
                generacion
                              = fitness,
                fitness
                predictores = predictores,
                diferencia abs = diferencia abs
return(list(fitness
                            = resultados_fitness,
           mejor_individuo
                            = resultados_individuo,
                            = diferencia abs,
           diferencia abs
           df resultados
                            = df resultados)
           )
```

## Comparación

Se compara el tiempo necesario para ejecutar la optimización empleando paralelización y sin ella. Como la paralelización afecta al paso en el que se calcula el *fitness* de todos los individuos de la población, la diferencia de tiempo se notará más cuanto mayor sea el tamaño de la población, pero no se verá afectado por el número de generaciones. Para este ejemplo se emplea <a href="majoritario">n\_poblacion = 1000</a>, <a href="majoritario">n\_generaciones = 100</a> y se desactiva la parada temprana para que en ambos casos se ejecuten el mismo número de iteraciones.

### Función objetivo

```
# Función objetivo a optimizar.
funcion <- function(x, y){
    sin(y)*exp(1-cos(x))^2 + cos(x)*exp(1-sin(y))^2 + (x-y)^2
}</pre>
```

### Sin paralelización

```
library(tictoc)
tic()
resultados <- optimizar ga(
                  funcion_objetivo = funcion,
                  n \text{ variables} = 2,
                  optimizacion = "minimizar",
                  limite inf = c(-10, -5),
                  limite_sup = c(0, 0),
                  n poblacion = 1000,
                  n_generaciones = 100,
                  elitismo = 0,
                  prob_mut = 0.1,
                  distribucion = "aleatoria",
                 media_distribucion = 1,
                  sd_distribucion = 1,
                 min distribucion = -1,
                 max distribucion = 1,
                  verbose = FALSE,
                  parada_temprana = FALSE,
                  rondas parada = NULL,
                  tolerancia parada = NULL,
                  paralelizado = FALSE
                  )
toc()
```

## 8.27 sec elapsed

### Con paralelización

```
library(tictoc)
tic()
resultados <- optimizar ga(
                 funcion_objetivo = funcion,
                 n_variables = 2,
                 optimizacion = "minimizar",
                 limite_inf = c(-10, -5),
                 limite_sup = c(0, 0),
                 n_poblacion = 1000,
                 n_generaciones = 100,
                 elitismo = 0,
                 prob_mut = 0.1,
                 distribucion = "aleatoria",
                 media distribucion = 1,
                 sd distribucion = 1,
                 min_distribucion = -1,
                 max_distribucion = 1,
                 verbose = FALSE,
                 parada_temprana = FALSE,
                 rondas parada = NULL,
                 tolerancia parada = NULL,
                 paralelizado = TRUE
                 )
toc()
```

## 15.742 sec elapsed

Para una función tan sencilla de calcular, la latencia incorporada por el proceso de paralelización no compensa.

# Bibliografía

John McCall, Genetic algorithms for modelling and optimisation, Journal of Computational and Applied Mathematics, Volume 184, Issue 1, 2005

Optimizing with GeneticAlgorithmsby Benjamin J. Lynch Feb 23, 2006

https://en.wikipedia.org/wiki/Genetic\_algorithm

https://en.wikipedia.org/wiki/Crossover\_(genetic\_algorithm)



This work is licensed under a Creative Commons Attribution 4.0 International License