# **Machine Learning con R y caret**

# Joaquín Amat Rodrigo

## Abril, 2018

# Tabla de contenidos

Introducción	3
Etapas de un problema de <i>machine learning</i>	4
Paquete caret	4
Dataset Titanic	5
Análisis exploratorio de los datos	6
Tipo de variables	7
Número de observaciones y valores ausentes	9
Distribución de variables respuesta	12
Distribución de variables continuas	13
Distribución de variables cualitativas	17
Importancia de las variables	22
Correlación entre variables continuas	23
Contraste de proporciones	24
Random forest	28
Conclusión análisis exploratorio	29
División de los datos en entrenamiento y test	30
Preprocesado de los datos	31
Imputación de valores ausentes	32
Variables con varianza próxima a cero	34
Estandarización y escalado	35
Binarización de variables cualitativas	36
Selección de predictores	38
Métodos wrapper	38
Eliminación recursiva de variables	38
Algoritmo genético	44
Métodos de filtrado	47
Comparación de métodos	49

Creación de un modelo predictivo	50
Entrenamiento del modelo	51
Evaluación del modelo mediante resampling	52
Optimización de hiperparámetros (parameter tuning)	56
Búsqueda de hiperparámetros	59
Predicción	62
Error de test	65
Modelos	67
K-Nearest Neighbor (kNN)	67
Naive Bayes	69
Regresión logística	71
LDA	74
Árbol de clasificación simple	76
RandomForest	79
Gradient Boosting	82
SVM	88
Redes neuronales (NNET)	91
Comparación de modelos	93
Métricas de validación	93
Error de test	100
Model ensembling	103
Anexos	105
Anexo1: Otros modelos para rfe()	105
Anexo2: Otros modelos para sbf()	107
Anexo3: Modificación test estadísticos de sbf()	
Anexo4: Métodos de validación	111
Anexo5: Métricas	113
Anexo6: Curva ROC	114
Anexo7: Imputación	
Ribliografía	110

Versión PDF: Github

### Introducción

Durante los últimos años, el interés y la aplicación de *machine learning* ha experimentado tal expansión, que se ha convertido en una disciplina aplicada en prácticamente todos los ámbitos de investigación académica e industrial. El creciente número de personas dedicadas a esta disciplina ha dado como resultado todo un repertorio de herramientas con las que, perfiles con especialización media, consiguen acceder a métodos predictivos potentes. El lenguaje de programación  $\mathbb{R}$  es un ejemplo de ello.

El término *machine learning* engloba al conjunto de algoritmos que permiten identificar patrones presentes en los datos y crear con ellos estructuras (modelos) que los representan. Una vez que los modelos han sido generados, se pueden emplear para predecir información sobre hechos u eventos que todavía no se han observado. Es importante recordar que los sistemas de *machine learning* solo son capaces de memorizar patrones que estén presentes en los datos con los que se entrenan, por lo tanto, solo pueden reconocer lo que han visto antes. Al emplear sistemas entrenados con datos pasados para predecir futuros se está asumiendo que, en el futuro, el comportamiento será el mismo, cosa que no siempre ocurre.

Aunque con frecuencia, términos como *machine learning*, *data mining*, inteligencia artificial, *data science...* son utilizados como sinónimos, es importante destacar que los métodos de *machine learning* son solo una parte de las muchas estrategias que se necesita combinar para extraer información, entender y dar valor a los datos. El siguiente documento pretende ser un ejemplo del tipo de problema al que se suele enfrentar un analista: partiendo de un conjunto de datos más o menos procesado (la preparación de los datos es una etapa crítica que precede al *machine learning*), se desea crear un modelo que permita predecir con éxito el comportamiento o valor que toman nuevas observaciones.

A diferencia de otros documentos, este pretende ser un ejemplo práctico con menos desarrollo teórico. El lector podrá darse cuenta de lo sencillo que es aplicar un gran abanico de métodos predictivos con R y sus librerías. Sin embargo, es crucial que cualquier analista entienda los fundamentos teóricos en los que se basa cada uno de ellos para que un proyecto de este tipo tenga éxito. Aunque aquí solo se describan brevemente, estarán acompañados de links donde encontrar información detallada.

### Etapas de un problema de machine learning

El siguiente es un listado de las etapas que suelen formar parte de la mayoría de problema de *machine learning*.

- Definir el problema: ¿Qué se pretende predecir? ¿De qué datos se dispone? ¿Qué datos es necesario conseguir?
- Explorar y entender los datos que se van a emplear para crear el modelo.
- Métrica de existo: definir una forma apropiada de cuantificar cómo de buenos son los resultados obtenidos.
- Preparar la estrategia para evaluar el modelo: separar las observaciones en un conjunto de entrenamiento, un conjunto de validación (este último suele ser un subconjunto del de entrenamiento) y un conjunto de test. Ninguna información del conjunto de test debe participar en el proceso de entrenamiento del modelo.
- Preprocesar los datos: aplicar las transformaciones necesarias para que los datos puedan ser interpretados por el algoritmo de *machine learning* seleccionado.
- Ajustar un primer modelo capaz de superar unos resultados mínimos. Por ejemplo, en problemas de clasificación, el mínimo a superar es el porcentaje de la clase mayoritaria (la moda).
- Gradualmente, mejorar el modelo optimizando sus hiperparámetros.
- Evaluar la capacidad del modelo final con el conjunto de test para tener una estimación de la capacidad que tiene el modelo cuando predice nuevas observaciones.

### Paquete caret

R es uno de los lenguajes de programación que domina dentro del ámbito de la estadística, data mining y machine learning. Al tratarse de un software libre, innumerables usuarios han podido implementar sus algoritmos, dando lugar a un número muy elevado de paquetes/librerías donde encontrar prácticamente todas las técnicas de machine learning existentes. Sin embargo, esto tiene un lado negativo, cada paquete tiene una sintaxis, estructura e implementación propia, lo que dificulta su aprendizaje. El paquete caret, desarrollado por Max Kuhn, es una interfaz que unifica bajo un único marco cientos de funciones de distintos paquetes, facilitando en gran medida todo el proceso de preprocesado, entrenamiento, optimización y validación de modelos predictivos. Existen otros proyectos similares y muy prometedores como mlr pero, para este ejemplo, se emplea únicamente caret.

El paquete caret ofrece tal cantidad de posibilidades que, difícilmente, pueden ser mostradas con un único ejemplo. En este documento, se emplean solo algunas de sus funcionalidades. Si

en algún caso se requiere una explicación detallada, para que no interfiera con la narrativa del análisis, se añadirá un anexo. Aun así, para conocer bien todas las funcionalidades de caret se recomienda leer su documentación.

```
# Instalación de los paquetes que unifica caret. Esta instalación puede tardar.
# Solo es necesario ejecutarla si no se dispone de los paquetes.
install.packages("caret", dependencies = c("Depends", "Suggests"))
library(caret)
```

#### **Dataset Titanic**

A poco que el lector haya buscado ejemplos sobre *machine learning* o análisis predictivo, seguro que ha oído hablar del dataset Titanic disponible en la plataforma Kaggle. Este set de datos contiene información sobre los pasajeros del RMS Titanic, el transatlántico británico que se hundió en abril de 1912 durante su viaje inaugural desde Southampton a Nueva York. Entre la información almacenada se encuentran la edad, género, características socio-económicas de los pasajeros y si sobrevivieron o no al naufragio. Aunque pueda resultar un clásico poco original, estos datos tienen una serie de características que los hacen idóneos para ser utilizados como ejemplo introductorio al *machine learning*:

- Contiene suficientes observaciones para entrenar modelos que consigan un poder predictivo alto.
- Incluye tanto variables continuas como cualitativas, lo que permite mostrar diferentes análisis exploratorios.
- La variable respuesta es binaria. Aunque la mayoría de los algoritmos de clasificación mostrados en este capítulo se generalizan para múltiples clases, su interpretación, suele ser más sencilla cuando solo hay dos.
- Contiene valores ausentes. La forma en que se manejan estos registros (eliminación o imputación) influye en gran medida en el modelo final.
- Aunque a primera vista no lo parezca, las variables contienen información adicional que puede ser extraída mediante *feature engineering*.
- Requiere ciertos pasos de limpieza y conversión de datos.

y lo más importante de todo, se trata de un problema y de unos datos cuyas variables pueden entenderse de forma sencilla. Es intuitivo comprender el impacto que puede tener la edad, el sexo, la localización del camarote... en la supervivencia de los pasajeros. Aunque no lo parezca, comprender a fondo el problema que se pretende modelar es lo más importante para lograr buenos resultados.

En el paquete titanic se pueden encontrar todos los datos proporcionados por *kaggle*. Están divididos en dos partes, un conjunto de entrenamiento y un conjunto de test. En los datos de test, se desconoce si el pasajero sobrevivió o no, esto es así porque la plataforma *Kaggle* evalúa con ellos la capacidad predictiva de los modelos presentados, es decir, el competidor crea un modelo con los datos de entrenamiento, predice la variable respuesta (superviviente o no superviviente) en el conjunto de test y envía sus predicciones a la plataforma. La plataforma contrasta las predicciones con los verdaderos resultados y devuelve una puntuación. En este ejemplo, para evitar tener que estar enviado los resultados de cada modelo, se emplea únicamente el conjunto de entrenamiento. Además, esto refleja mejor lo que ocurre en la práctica cuando un analista se enfrenta a un nuevo set de datos.

```
library(tidyverse)
library(titanic)
datos <- titanic_train</pre>
```

# Análisis exploratorio de los datos

Antes de entrenar un modelo predictivo, o incluso antes de realizar cualquier cálculo con un nuevo conjunto de datos, es muy importante realizar una exploración descriptiva de los mismos. Este proceso permite entender mejor que información contiene cada variable, así como detectar posibles errores. Algunos ejemplos frecuentes son:

- Que una columna se haya almacenado con el tipo incorrecto: una variable numérica está siendo reconocida como texto.
- Que una variable contenga valores que no tienen sentido: para indicar que no se dispone
  de la altura de una persona se introduce el valor cero o un espacio en blanco. No existe
  nadie cuya altura sea cero.
- Que en una variable de tipo numérico se haya introducido una palabra en lugar de un número.

Además, puede dar pistas sobre qué variables no son adecuadas como predictores en un modelo (más sobre esto en los siguientes apartados).

Acorde a la información facilitada por Kaggle, las variables disponibles son:

- PassengerId: identificador único del pasajero.
- Survived: si el pasajero sobrevivió al naufragio, codificada como o (no) y 1 (si). Esta es la variable respuesta que interesa predecir.
- Pclass: clase a la que pertenecía el pasajero: 1, 2 o 3.

- Name: nombre del pasajero.
- Sex: sexo del pasajero.
- Age: edad del pasajero.
- SibSp: número de hermanos, hermanas, hermanastros o hermanastras en el barco.
- Parch: número de padres e hijos en el barco.
- Ticket: identificador del billete.
- Fare: precio pagado por el billete.
- <u>Cabin</u>: identificador del camarote asignado al pasajero.
- <u>Embarked</u>: puerto en el que embarcó el pasajero.

### Tipo de variables

Una de las primeras comprobaciones que hay que hacer tras cargar los datos, es verificar que cada variable se ha almacenado con el tipo de valor que le corresponde, es decir, que las variables numéricas sean números y las cualitativas *factor*, *character* o *booleanas*. En el lenguaje de programación R, cuando la variable es cualitativa, conviene almacenarla con el tipo *factor*.

```
# Resumen del set de datos
glimpse(datos)
```

```
## Observations: 891
## Variables: 12
## $ PassengerId <int> 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15,...
## $ Survived
                  <int> 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0,...
                  <int> 3, 1, 3, 1, 3, 3, 1, 3, 3, 2, 3, 1, 3, 3, 3, 2, 3,...
## $ Pclass
                  <chr> "Braund, Mr. Owen Harris", "Cumings, Mrs. John Bra...
## $ Name
                  <chr> "male", "female", "female", "female", "male", "mal...
## $ Sex
                  <dbl> 22, 38, 26, 35, 35, NA, 54, 2, 27, 14, 4, 58, 20, ...
## $ Age
## $ SibSp
                  <int> 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 3, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 4,...
## $ Parch
                  <int> 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 2, 0, 1, 0, 0, 5, 0, 0, 1,...
                  <chr> "A/5 21171", "PC 17599", "STON/02. 3101282", "1138...
## $ Ticket
                  <dbl> 7.2500, 71.2833, 7.9250, 53.1000, 8.0500, 8.4583, ...
## $ Fare
                  <chr> "", "C85", "", "C123", "", "", "É46", "", "", "", ... <chr> "S", "C", "S", "S", "S", "Q", "S", "S", "S", "C", ...
## $ Cabin
## $ Embarked
```

En la tabla anterior puede verse el tipo de cada variable, así como un ejemplo de los valores que toma. A priori, el único caso en el que el tipo de valor no se corresponde con la naturaleza de la variable es *Survived*. Aunque esta variable está codificada como 1 si el pasajero sobrevivió y o si murió, no conviene almacenarla en formato numérico, ya que esto puede llevar a errores como el de tratar de calcular su media. Para evitar este tipo de problemas, se recodifica la variable para que sus dos posibles niveles sean "Si"-"No" y se convierte a *factor*.

```
datos$Survived <- if_else(datos$Survived == 1, "Si", "No")
datos$Survived <- as.factor(datos$Survived)</pre>
```

La variable *Pclass* es cualitativa ordinal, es decir, toma distintos valores cualitativos ordenados siguiendo una escala establecida, aunque no es necesario que el intervalo entre mediciones sea uniforme. Por ejemplo, se asume que la diferencia entre primera y segunda clase es menor que la diferencia entre primera y tercera, sin embargo, las diferencias entre primera-segunda y segunda-tercera no tiene por qué ser iguales. Dado que las propiedades matemáticas no se cumplen  $(2-1 \neq 3-2)$  es preferible no almacenarlas como números.

```
datos$Pclass <- as.factor(datos$Pclass)</pre>
```

Las variables *SibSp* y *Parch* son cuantitativas discretas, pueden tomar únicamente determinados valores numéricos. En este caso, al tratarse de número de personas (familiares e hijos), solo pueden ser números enteros. No existe una norma clara sobre como almacenar estas variables. Para este estudio exploratorio, dado que solo toman unos pocos valores, se decide almacenarlas como *factor*.

```
datos$SibSp <- as.factor(datos$SibSp)
datos$Parch <- as.factor(datos$Parch)</pre>
```

Las variables *Sex* y *Embarked* también se convierten a tipo *factor*.

```
datos$Sex <- as.factor(datos$Sex)
datos$Embarked <- as.factor(datos$Embarked)</pre>
```

El análisis exploratorio de variables suele caracterizarse por el cálculo de sumatorios, reestructuración de los datos y representaciones gráficas. Los paquetes dely, tidyr, ggplot... englobados dentro de la filosofía tydiverse facilitan en gran medida todos estos pasos. Muchos de los cálculos y representaciones que se realizan a lo largo de este capítulo se consiguen de forma más rápida si los datos están almacenados siguiendo la estructura: observación, variable, valor. Como el set de datos no es lo suficientemente grande como para dar problemas de memoria, se crea un segundo dataframe con esta estructura.

```
datos_long <- datos %>% gather(key = "variable", value = "valor", -PassengerId)
head(datos_long)
```

```
##
     PassengerId variable valor
## 1
                1 Survived
                               No
                2 Survived
## 2
                               Si
## 3
                3 Survived
                               Si
## 4
                4 Survived
                               Si
                5 Survived
## 5
                               No
## 6
                6 Survived
                               No
```

### Número de observaciones y valores ausentes

Junto con el estudio del tipo de variables, es básico conocer el número de observaciones disponibles y si todas ellas están completas, es decir, verificar si para cada observación se ha registrado el valor de cada una de las variables.

```
# Número de observaciones del set de datos
nrow(datos)
```

## [1] 891

```
# Detección si hay alguna fila incompleta
any(!complete.cases(datos))
```

## [1] TRUE

Una vez detectado que existen valores ausentes, se estudia la distribución de los mismos.

```
# Número de datos ausentes por variable
map_dbl(datos, .f = function(x){sum(is.na(x))})
## PassengerId
                   Survived
                                  Pclass
                                                 Name
                                                               Sex
                                                                            Age
##
                                                                            177
##
         SibSp
                      Parch
                                  Ticket
                                                             Cabin
                                                                       Embarked
                                                 Fare
##
                                       0
                                                    0
                                                                              0
                          0
```

Viendo esta tabla, aparece una contradicción con el <u>glimnse()</u> mostrado en el apartado anterior. El primer valor de la variable *Cabin* es "", es decir, no se dispone del valor, sin embargo, el contaje de los valores ausentes no lo muestra. Esto ocurre porque R interpreta el valor "" como un *character*, no como valor ausente NA. Se procede a identificar qué variables contienen valores "".

```
datos %>% map_lgl(.f = function(x){any(!is.na(x) & x == "")})

## PassengerId Survived Pclass Name Sex Age
## FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE FALSE
```

```
## SibSp Parch Ticket Fare Cabin Embarked
## FALSE FALSE FALSE TRUE TRUE
```

Las variables Cabin y Embarked contienen al menos un valor "", se sustituyen por NA.

```
# La variable Cabin está almacenada como character
datos$Cabin[datos$Cabin == ""] <- NA
```

La sustitución de valores en *factors* debe de hacerse con más cautela que cuando se hace en vectores de otro tipo. Esto se debe a que los *factors* almacenan los niveles originales y no se eliminan, aunque el *factor* ya no contenga ese valor. Una forma sencilla de evitar este problema es convertir el *factor* a *character*, hacer la modificación y volver a convertirlo a *factor*.

```
levels(datos$Embarked)

## [1] "" "C" "Q" "S"

datos$Embarked <- as.character(datos$Embarked)
  datos$Embarked[datos$Embarked == ""] <- NA
  datos$Embarked <- as.factor(datos$Embarked)
  levels(datos$Embarked)

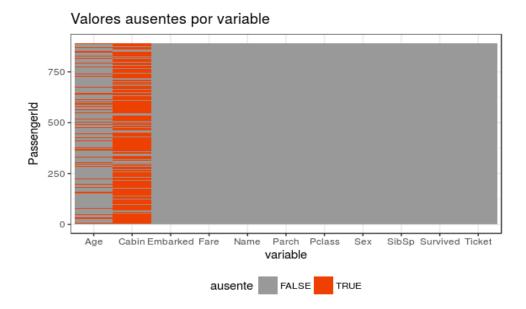
## [1] "C" "Q" "S"

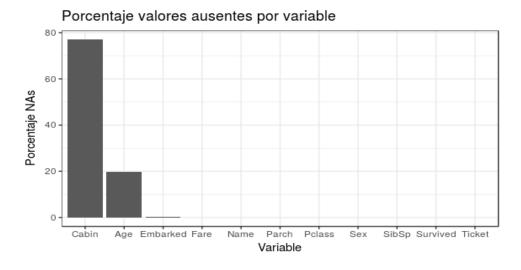
# Este cambio también se aplica al dataframe datos_long
  datos_long$valor[datos_long$valor == ""] <- NA</pre>
```

Una vez sustituidos se repite el contaje de valores ausentes.

# Número de datos ausentes por variable

```
map_dbl(datos, .f = function(x){sum(is.na(x))})
## PassengerId
                  Survived
                                 Pclass
                                               Name
                                                            Sex
                                                                         Age
##
                                                                         177
                                                  0
                                                               0
##
         SibSp
                     Parch
                                 Ticket
                                               Fare
                                                          Cabin
                                                                    Embarked
##
                                                             687
                                      0
                                                  0
                                                                           2
# Representación gráfica de los datos ausentes
datos long <- datos long %>% mutate(ausente = is.na(valor))
ggplot(data = datos long, aes(x = variable, y = PassengerId, fill = ausente)) +
  geom raster() +
  scale_fill_manual(values = c("gray60", "orangered2")) +
  theme bw() +
  labs(title = "Valores ausentes por variable") +
  theme(legend.position = "bottom")
```





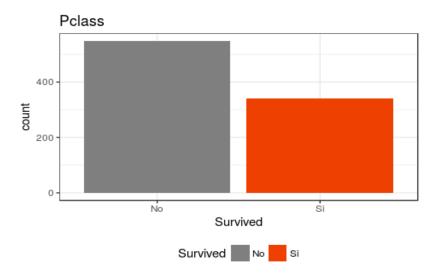
La distribución de los valores ausentes muestra que, para poco más del 20% de los pasajeros, se dispone de información sobre la cabina. La variable *Age* también está ausente en un número considerable de pasajeros. Solo para dos pasajeros se desconoce el puerto desde el que embarcaron.

Los valores ausentes son muy importantes a la hora de crear modelos, algunos algoritmos no aceptan observaciones incompletas o bien se ven muy influenciados por ellas. Aunque la imputación de valores ausentes es parte del preprocesado y, por lo tanto, debe de aprenderse únicamente con los datos de entrenamiento, su identificación se tiene que realizar antes de separar los datos para asegurar que se establecen todas las estrategias de imputación necesarias. Por ejemplo, solo dos observaciones tienen ausente la variable *Embarked*, si esas dos observaciones caen en el conjunto de test, al estudiar el conjunto de entrenamiento, no se identificaría la necesidad de imputar esta variable.

### Distribución de variables respuesta

Cuando se crea un modelo, es muy importante estudiar la distribución de la variable respuesta, ya que, a fin de cuentas, es lo que nos interesa predecir.

```
ggplot(data = datos, aes(x = Survived, y = ..count.., fill = Survived)) +
   geom_bar() +
   scale_fill_manual(values = c("gray50", "orangered2")) +
   labs(title = "Pclass") +
   theme_bw() +
   theme(legend.position = "bottom")
```



```
# Tabla de frecuencias
table(datos$Survived)
```

```
##
## No Si
## 549 342
```

```
prop.table(table(datos$Survived)) %>% round(digits = 2)
##
## No Si
## 0.62 0.38
```

Para que un modelo predictivo sea útil, debe de tener un porcentaje de acierto superior a lo esperado por azar o a un determinado nivel basal. En problemas de clasificación, el nivel basal es el que se obtiene si se asignan todas las observaciones a la clase mayoritaria (la moda). En el naufragio del Titanic, dado que el 62% de los pasajeros fallecieron, si siempre se predice *Survived = No*, el porcentaje de aciertos será aproximadamente del 62%. Este es el porcentaje mínimo que hay que intentar superar con los modelos predictivos. (Siendo estrictos, este porcentaje tendrá que ser recalcularlo únicamente con el conjunto de entrenamiento).

```
# Porcentaje de aciertos si se predice para todas las observaciones que no
sobrevivieron.
n_observaciones <- nrow(datos)
predicciones <- rep(x = "No", n_observaciones)
mean(predicciones == datos$Survived) * 100</pre>
```

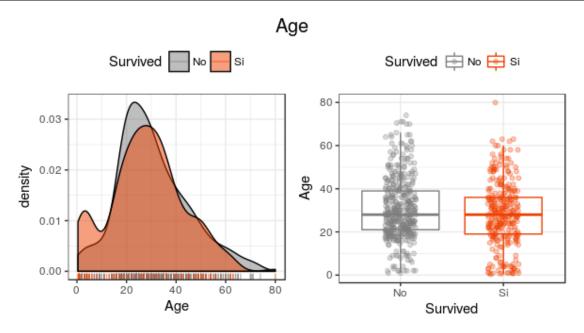
## [1] 61.61616

#### Distribución de variables continuas

Como el objetivo del estudio es predecir qué pasajeros sobrevivieron y cuáles no, el análisis de cada variable se hace en relación a la variable respuesta *Survived*. Analizando los datos de esta forma, se pueden empezar a extraer ideas sobre qué variables están más relacionadas con la supervivencia.

```
library(ggpubr)
p1 <- ggplot(data = datos, aes(x = Age, fill = Survived)) +
        geom_density(alpha = 0.5) +
        scale_fill_manual(values = c("gray50", "orangered2")) +
        geom_rug(aes(color = Survived), alpha = 0.5) +
        scale_color_manual(values = c("gray50", "orangered2")) +
        theme_bw()
p2 <- ggplot(data = datos, aes(x = Survived, y = Age, color = Survived)) +
        geom_boxplot(outlier.shape = NA) +
        geom_jitter(alpha = 0.3, width = 0.15) +
        scale_color_manual(values = c("gray50", "orangered2")) +
        theme_bw()</pre>
```

```
final_plot <- ggarrange(p1, p2, legend = "top")
final_plot <- annotate_figure(final_plot, top = text_grob("Age", size = 15))
final_plot</pre>
```



```
## # A tibble: 2 x 5
     Survived media mediana
##
                                min
                                       max
##
     <fct>
               <dbl>
                       <dbl> <dbl> <dbl>
## 1 No
                30.6
                         28. 1.00
                                       74.
## 2 Si
                28.3
                         28. 0.420
                                       80.
```

La distribución de la edad de los pasajeros parece ser muy similar entre el grupo de supervivientes y fallecidos, con dos excepciones: en el rango de edad aproximado de o a 10 años, el porcentaje de supervivencia es mucho mayor, mientras que, en el extremo opuesto, a partir de los 60 años, la tendencia se invierte. Dos hipótesis que podrían explicar estos patrones son: que, según los registros, en el protocolo de evacuación del Titanic se priorizó que mujeres y niños subiesen a los botes salvavidas, y que los ancianos tuviesen menor movilidad para alcanzar las zonas de evacuación.

Cuando la información de una variable continua reside en si se superan o no determinados límites, los modelos predictivos suelen conseguir mejores resultados si la variable se discretiza

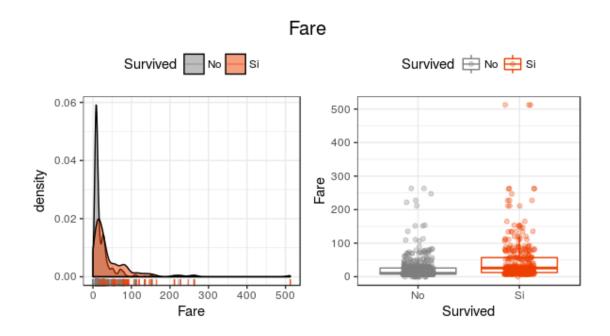
en intervalos. En este caso, una posible aproximación es crear una nueva variable que clasifique a los pasajeros en niño, adulto o anciano.

Esta nueva variable se analizará junto con el resto de variables cualitativas.

```
p1 <- ggplot(data = datos, aes(x = Fare, fill = Survived)) +
    geom_density(alpha = 0.5) +
    scale_fill_manual(values = c("gray50", "orangered2")) +
    geom_rug(aes(color = Survived), alpha = 0.5) +
    scale_color_manual(values = c("gray50", "orangered2")) +
    theme_bw()

p2 <- ggplot(data = datos, aes(x = Survived, y = Fare, color = Survived)) +
    geom_boxplot(outlier.shape = NA) +
    geom_jitter(alpha = 0.3, width = 0.15) +
    scale_color_manual(values = c("gray50", "orangered2")) +
    theme_bw()

final_plot <- ggarrange(p1, p2, legend = "top")
final_plot <- annotate_figure(final_plot, top = text_grob("Fare", size = 15))
final_plot</pre>
```



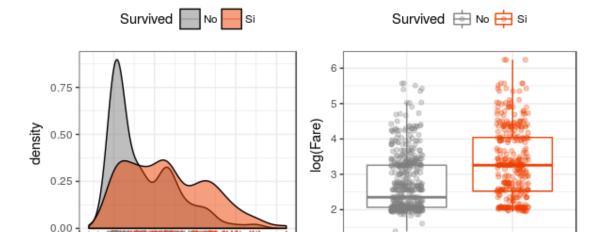
```
## # A tibble: 2 x 5
     Survived media mediana
                                min
##
                                      max
##
     <fct>
               <dbl>
                       <dbl> <dbl> <dbl>
## 1 No
                22.1
                        10.5
                                 0.
                                     263.
## 2 Si
                48.4
                        26.0
                                     512.
                                 0.
```

La variable *Fare* tiene una distribución asimétrica, muchos billetes tenían un coste bajo y unos pocos un coste alto. Este tipo de distribución suele visualizarse mejor tras una trasformación logarítmica.

```
p1 <- ggplot(data = datos, aes(x = log(Fare), fill = Survived)) +
    geom_density(alpha = 0.5) +
    scale_fill_manual(values = c("gray50", "orangered2")) +
    geom_rug(aes(color = Survived), alpha = 0.5) +
    scale_color_manual(values = c("gray50", "orangered2")) +
    theme_bw()

p2 <- ggplot(data = datos, aes(x = Survived, y = log(Fare), color = Survived)) +
    geom_boxplot(outlier.shape = NA) +
    geom_jitter(alpha = 0.3, width = 0.15) +
    scale_color_manual(values = c("gray50", "orangered2")) +
    theme_bw()

final_plot <- ggarrange(p1, p2, legend = "top")
final_plot <- annotate_figure(final_plot, top = text_grob("Log(Fare)", size =15))
final_plot</pre>
```



log(Fare)

Log(Fare)

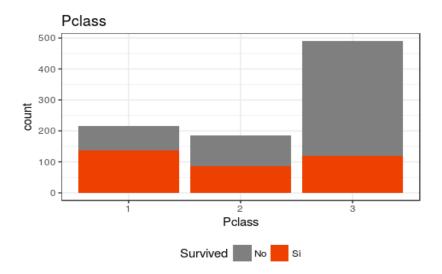
Si

Survived

Los datos indican que el precio medio de los billetes de las personas que sobrevivieron era superior al de los que fallecieron. ¿Significa esto que, haber pagado más por el billete, garantizaba una mayor probabilidad de supervivencia? No parece muy verosímil que esto fuese así. Este es un caso típico en el que cabe recordar que correlación/asociación no son sinónimos de causalidad. Es probable que exista otra variable subyacente que sí tenga un vínculo de causalidad con la probabilidad de supervivencia y que, a su vez, esté correlacionada con el precio del billete. Una hipótesis podría ser: los pasajeros de primera clase tuvieron ciertas facilidades para acceder a los botes de evacuación por lo que consiguieron salvarse con más éxito que los de segunda y tercera clase. Los billetes de primera clase costaban mucho más dinero que los de las clases inferiores, de ahí que el precio medio de billetes entre los supervivientes fuese superior.

#### Distribución de variables cualitativas

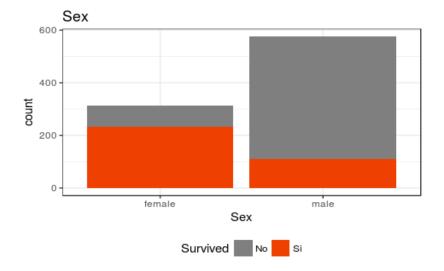
```
ggplot(data = datos, aes(x = Pclass, y = ..count.., fill = Survived)) +
  geom_bar() +
  scale_fill_manual(values = c("gray50", "orangered2")) +
  labs(title = "Pclass") +
  theme_bw() +
  theme(legend.position = "bottom")
```



```
# Tabla de frecuencias relativas de supervivientes por clase
prop.table(table(datos$Pclass, datos$Survived), margin = 1) %>% round(digits = 2)
```

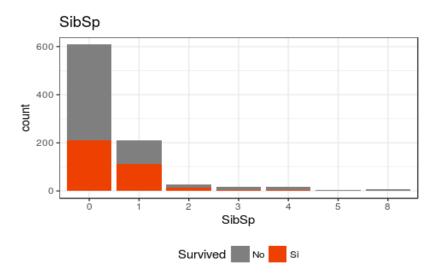
```
## No Si
## 1 0.37 0.63
## 2 0.53 0.47
## 3 0.76 0.24
```

```
ggplot(data = datos, aes(x = Sex, y = ..count.., fill = Survived)) +
  geom_bar() +
  labs(title = "Sex") +
  scale_fill_manual(values = c("gray50", "orangered2")) +
  theme_bw() +
  theme(legend.position = "bottom")
```



```
# Tabla de frecuencias relativas de supervivientes por sexo
prop.table(table(datos$Sex, datos$Survived), margin = 1) %>% round(digits = 2)
```

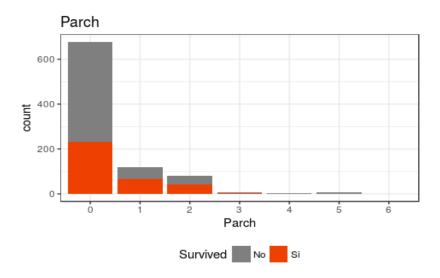
```
ggplot(data = datos, aes(x = SibSp, y = ..count.., fill = Survived)) +
   geom_bar() +
   scale_fill_manual(values = c("gray50", "orangered2")) +
   labs(title = "SibSp") +
   theme_bw() +
   theme(legend.position = "bottom")
```



```
# Tabla de frecuencias relativas de supervivientes por número de familiares
prop.table(table(datos$SibSp, datos$Survived), margin = 1) %>% round(digits = 2)
```

```
##
##
         No
               Si
##
     0 0.65 0.35
##
     1 0.46 0.54
##
     2 0.54 0.46
     3 0.75 0.25
##
     4 0.83 0.17
##
##
     5 1.00 0.00
     8 1.00 0.00
##
```

```
ggplot(data = datos, aes(x = Parch, y = ..count.., fill = Survived)) +
   geom_bar() +
   scale_fill_manual(values = c("gray50", "orangered2")) +
   labs(title = "Parch") +
   theme_bw() +
   theme(legend.position = "bottom")
```



```
# Tabla de frecuencias relativas de supervivientes por Parch
prop.table(table(datos$Parch, datos$Survived), margin = 1) %>% round(digits = 2)
```

```
##
##
         No
               Si
     0 0.66 0.34
##
     1 0.45 0.55
##
##
     2 0.50 0.50
##
     3 0.40 0.60
     4 1.00 0.00
##
     5 0.80 0.20
##
     6 1.00 0.00
##
```

Las variables *SibSp* y *Parch*, ambas relacionadas con el número de familiares a bordo, se han tratado como una variable cualitativa para el análisis exploratorio. Al agrupar las observaciones en los diferentes niveles, algunos de ellos apenas contienen unas pocas (*Parch* = 4, 5, 6). Que niveles de una variable cualitativa tengan muy poca representación (distribución desbalanceada) puede suponer un problema a la hora de ajustar los modelos u optimizarlos mediante validación cruzada. Por esta razón, a la hora de ajustar el modelo, conviene seguir una de estas dos estrategias:

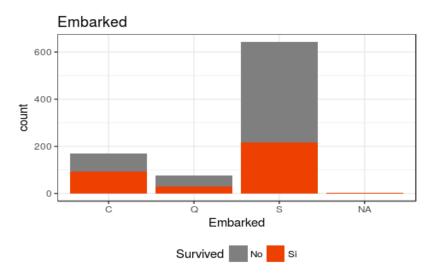
- Agrupar todos los grupos minoritarios en uno solo, por ejemplo, combinar los grupos Parch = 4, 5, 6 en uno nuevo que sea Parch > 3.
- Tratar el predictor como una variable continua.

En este caso, se opta por la segunda opción.

```
# Para pasar de factor a numeric primero se convierte a character
datos$SibSp <- as.character(datos$SibSp)
datos$SibSp <- as.numeric(datos$SibSp)</pre>
```

```
datos$Parch <- as.character(datos$Parch)
datos$Parch <- as.numeric(datos$Parch)</pre>
```

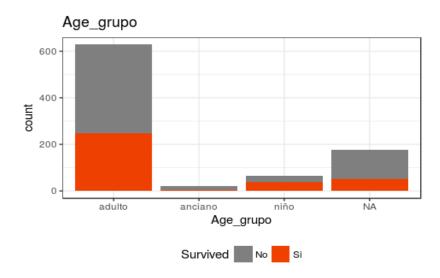
```
ggplot(data = datos, aes(x = Embarked, y = ..count.., fill = Survived)) +
   geom_bar() +
   scale_fill_manual(values = c("gray50", "orangered2")) +
   labs(title = "Embarked") +
   theme_bw() +
   theme(legend.position = "bottom")
```



```
# Tabla de frecuencias relativas de supervivientes por puerto de embarque
prop.table(table(datos$Embarked, datos$Survived), margin = 1) %>% round(digits = 2)
```

```
## No Si
## C 0.45 0.55
## Q 0.61 0.39
## S 0.66 0.34
```

```
ggplot(data = datos, aes(x = Age_grupo, y = ..count.., fill = Survived)) +
  geom_bar() +
  scale_fill_manual(values = c("gray50", "orangered2")) +
  labs(title = "Age_grupo") +
  theme_bw() +
  theme(legend.position = "bottom")
```



```
# Tabla de frecuencias relativas de supervivientes por grupo de edad
prop.table(table(datos$Age_grupo, datos$Survived), margin =1) %>% round(digits = 2)
```

```
## No Si
## adulto 0.61 0.39
## anciano 0.77 0.23
## niño 0.41 0.59
```

Las variables *PassangerId*, *Name* y *Cabin* no se han incluido en la exploración porque, a priori, no aportan información relevante sobre la supervivencia. En la sección *feature enginiering* se analizan con más detenimiento.

### Importancia de las variables

La representación gráfica de la distribución de las variables en función de si los pasajeros sobrevivieron o no, ayuda a tener una idea de qué variables pueden ser buenos predictores para el modelo y cuales no aportan información o la que aportan es redundante. Aunque la creación de un buen modelo debe entenderse como un proceso iterativo, en el que se van ajustando y probando distintos modelos, existen ciertas pistas que pueden ayudar a realizar una selección inicial adecuada.

 Si dos variables numéricas están muy correlacionadas, añaden información redundante al modelo, por lo tanto, no conviene incorporar ambas. Si esto ocurre, se puede: excluir aquella que, acorde al criterio del analista, no está realmente asociada con la variable respuesta; o combinarlas para recoger toda su información en una única nueva variable, por ejemplo, con un PCA.

- Si una variable tiene varianza igual o próxima a cero (su valor es el mismo o casi el mismo para todas las observaciones) añade al modelo más ruido que información, por lo que suele ser conveniente excluirla.
- Si alguno de los niveles de una variable cualitativa tiene muy pocas observaciones en comparación a los otros niveles, puede ocurrir que, durante la validación cruzada o bootstrapping, algunas particiones no contengan ninguna observación de dicha clase (varianza cero), lo que puede dar lugar a errores. En estos casos, suele ser conveniente eliminar las observaciones del grupo minoritario (si es una variable multiclase), eliminar la variable (si solo tiene dos niveles) o asegurar que, en la creación de las particiones, se garantice que todos los grupos estén representados en cada una de ellas.

#### Correlación entre variables continuas

```
cor.test(x = datos$Age, y = datos$Fare, method = "pearson")

##

## Pearson's product-moment correlation

##

## data: datos$Age and datos$Fare

## t = 2.5753, df = 712, p-value = 0.01022

## alternative hypothesis: true correlation is not equal to 0

## 95 percent confidence interval:

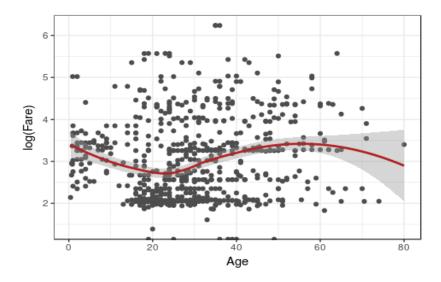
## 0.02285549 0.16825304

## sample estimates:

## cor

## 0.09606669
```

```
ggplot(data = datos, aes(x = Age, y = log(Fare))) +
  geom_point(color = "gray30") +
  geom_smooth(color = "firebrick") +
  theme_bw()
```

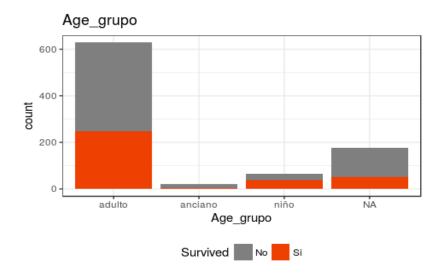


La correlación lineal entre la edad del pasajero y el precio del billete, aun cuando significativa (p-value = 0.010), es mínima (cor = 0.096). El diagrama de dispersión tampoco apunta a ningún tipo de relación no lineal evidente. Las variables no contienen información redundante.

#### **Contraste de proporciones**

Para la identificación de potenciales predictores cualitativos, es interesante encontrar las variables y niveles de las mismas que muestran una proporción de supervivientes alejada de lo esperado por el nivel basal, en este caso el 38.38%. Este porcentaje se corresponde con la proporción de supervivientes respecto al total de pasajeros, es decir, el valor esperado si no existiese relación entre la variable y la supervivencia. Estas diferencias no siempre son fáciles de apreciar en una gráfica, sobre todo, cuando el número de observaciones es distinto en cada grupo. Por ejemplo, en la siguiente imagen, difícilmente se puede determinar si la proporción de supervivientes en los grupos de ancianos y niños se aleja mucho del 38.38%.

```
ggplot(data = datos, aes(x = Age_grupo, y = ..count.., fill = Survived)) +
  geom_bar() +
  scale_fill_manual(values = c("gray50", "orangered2")) +
  labs(title = "Age_grupo") +
  theme_bw() +
  theme(legend.position = "bottom")
```

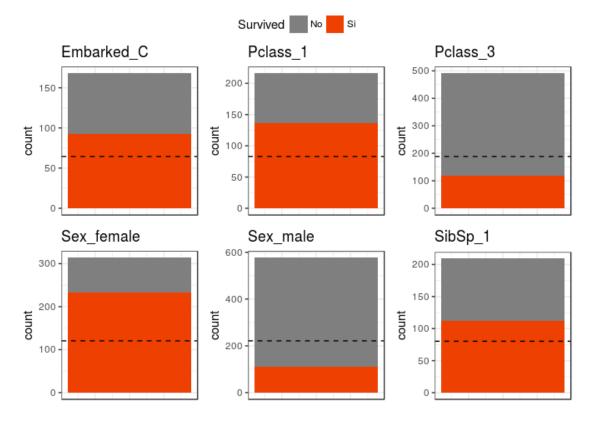


Para facilitar este tipo de análisis, resulta útil crear variables *dummy* con todos los niveles de las variables cualitativas (proceso conocido como *binarización* o *one hot encoding*) y aplicar un test de contraste de proporciones. Una de las ventajas de este tipo de test es que tiene en cuenta el número de observaciones, no es lo mismo que de 10 pasajeros, 3 sobrevivan y 7 no, que de 1000 pasajeros, 300 sobrevivan y 700 no. En el segundo caso, se tiene mucha más seguridad de que la verdadera proporción de supervivencia tiende al 30%. Este mismo análisis podría hacerse empleando la proporción de fallecidos.

```
datos_cualitativos <- datos %>% select(-Age, -Fare, -Name, -Ticket, -Cabin, -
PassengerId)
# Se excluyen las variables continuas y las cualitativas que no agrupan a los
# pasajeros. También la variable Cabin por su alto % de valores NA.
datos_cualitativos_tidy <- datos_cualitativos %>%
                           gather(key = "variable", value = "grupo", -Survived)
# Se eliminan los valores NA para que no se interpreten como un grupo
datos cualitativos tidy <- datos cualitativos tidy %>% filter(!is.na(grupo))
# Se añade un identificador formado por el nombre de la variable y el grupo
datos cualitativos tidy <- datos cualitativos tidy %>%
                           mutate(variable grupo = paste(variable, grupo, sep=" "))
# Función que calcula el test de proporciones para la columna "Survived" de un df
test proporcion <- function(df){</pre>
  n supervivientes <- sum(df$Survived == "Si")</pre>
  n_fallecidos
                   <- sum(df$Survived == "No")
  n total <- n supervivientes + n fallecidos</pre>
  test <- prop.test(x = n_supervivientes, n = n_total, p = 0.3838)
  prop_supervivientes <- n_supervivientes / n_total</pre>
  return(data.frame(p value = test$p.value, prop supervivientes))
}
```

```
## # A tibble: 25 x 3
      variable grupo p value prop supervivientes
##
##
      <chr>>
                        <dbl>
                                            <dbl>
## 1 Sex female
                     1.30e-38
                                            0.742
## 2 Sex male
                     9.36e-22
                                            0.189
## 3 Pclass 1
                     1.85e-13
                                            0.630
## 4 Pclass 3
                     1.57e-10
                                            0.242
## 5 SibSp 1
                     8.59e- 6
                                            0.536
## 6 Embarked C
                     8.77e- 6
                                            0.554
## 7 Parch_1
                     2.76e- 4
                                            0.551
## 8 Age grupo niño 8.83e- 4
                                            0.594
## 9 Pclass 2
                     1.61e- 2
                                            0.473
## 10 Embarked S
                     1.62e- 2
                                            0.337
## # ... with 15 more rows
```

```
# Representación gráfica de la distribución de los 6 grupos con menor p-value
top6_grupos <- analisis_prop %>% pull(variable_grupo) %>% head(6)
# Se crea una función que, dados un dataframe y el nombre de un grupo, genere la
# representación gráfica de supervivientes y no supervivientes.
plot_grupo <- function(grupo, df, threshold_line = 0.3838){</pre>
  p \leftarrow ggplot(data = df, aes(x = 1, y = ..count.., fill = Survived)) +
            geom bar() +
            scale_fill_manual(values = c("gray50", "orangered2")) +
            # Se añade una línea horizontal en el nivel basal
            geom_hline(yintercept = nrow(df) * threshold_line,
                       linetype = "dashed") +
            labs(title = grupo) +
            theme_bw() +
            theme(legend.position = "bottom",
                  axis.text.x = element_blank(),
                  axis.title.x = element blank(),
                  axis.ticks.x = element blank())
  return(p)
```



El listado obtenido muestra, ordenados de menor a mayor *p-value*, cada uno de los posibles grupos simples en los que se puede diferenciar a los pasajeros. Hay que tener precaución a la hora de interpretarlo, la idea es la siguiente: cuanto menor es el *p-value* de un grupo, mayor la evidencia de que la proporción de supervivientes en dicho grupo se aleja de lo esperado (0.38), tanto por encima como por debajo, si no existiese relación entre esa variable y la supervivencia. Ahora bien:

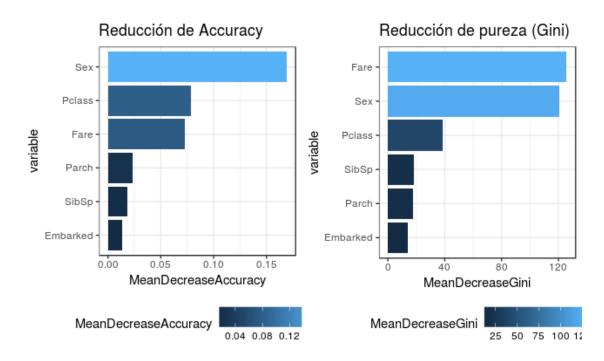
- Al tratarse de comparaciones múltiples sin corrección del error tipo I, no se debe de interpretar el valor del *p-value* más allá de como una forma de ordenación y no para determinar si las variables están significativamente asociadas.
- El estudio aísla cada variable por separado, no tiene en cuenta posibles combinaciones, por ejemplo, ser mujer con hijos frente a mujer sin hijos.

Ente análisis tiene como objetivo sacar a la luz posibles relaciones entre las variables disponibles y la supervivencia de los pasajeros, sin embargo, no debe de emplearse como una selección de predictores (al menos no por si sola). Que una variable aparezca al final del listado no garantiza que no sea importante en el modelo de clasificación final.

#### **Random forest**

Otra estrategia ampliamente extendida para estudiar la importancia de variables es el empleo de *Random Forest*. El problema de aplicarlo a este ejemplo es que no acepta valores ausentes, tema que todavía no se ha tratado (visto más adelante). Por el momento, se excluyen las variables incompletas. Para información detallada sobre los fundamentos de este método, leer la sección *Importancia de los predictores* del capítulo Árboles de predicción.

```
library(randomForest)
datos rf <- datos %>%
            select(-PassengerId, -Name, -Ticket, -Cabin, -Age, -Age grupo) %>%
            na.omit()
datos_rf <- map_if(.x = datos_rf, .p = is.character, .f = as.factor) %>%
            as.data.frame()
modelo randforest <- randomForest(formula = Survived ~ . ,</pre>
                                   data = na.omit(datos rf),
                                   mtry = 5,
                                   importance = TRUE,
                                   ntree = 1000)
importancia <- as.data.frame(modelo randforest$importance)</pre>
importancia <- rownames to column(importancia, var = "variable")</pre>
p1 <- ggplot(data = importancia, aes(x = reorder(variable, MeanDecreaseAccuracy),
                                y = MeanDecreaseAccuracy,
                                fill = MeanDecreaseAccuracy)) +
      labs(x = "variable", title = "Reducción de Accuracy") +
      geom_col() +
      coord_flip() +
      theme bw() + theme(legend.position = "bottom")
p2 <- ggplot(data = importancia, aes(x = reorder(variable, MeanDecreaseGini),</pre>
                                y = MeanDecreaseGini,
                                fill = MeanDecreaseGini)) +
      labs(x = "variable", title = "Reducción de pureza (Gini)") +
      geom col() +
      coord_flip() +
      theme bw() + theme(legend.position = "bottom")
ggarrange(p1, p2)
```



Ambos análisis apuntan a que las variables *Sex*, *Class* y *Fare* tienen una influencia alta sobre las probabilidades de supervivencia.

### Conclusión análisis exploratorio

La exploración de los datos, el estudio de su distribución, y su posible relación con la variable respuesta parecen indicar que los factores que más influyeron en la supervivencia de los pasajeros fueron: el sexo, la clase a la que pertenecían y si tenían o no al menos un hijo a bordo. También se ha detectado que las variables continuas no están correlacionadas y que las variables *Age*, *Cabin* y *Embarked* tienen valores ausentes.

# División de los datos en entrenamiento y test

Evaluar la capacidad predictiva de un modelo consiste en comprobar cómo de próximas son sus predicciones a los verdaderos valores de la variable respuesta. Para poder cuantificar de forma correcta este error, se necesita disponer de un conjunto de observaciones, de las que se conozca la variable respuesta, pero que el modelo no haya "visto", es decir, que no hayan participado en su ajuste. Con esta finalidad, se dividen los datos disponibles en un conjunto de entrenamiento y un conjunto de test. El tamaño adecuado de las particiones depende en gran medida de la cantidad de datos disponibles y la seguridad que se necesite en la estimación del error, 80%-20% suele dar buenos resultados. El reparto debe hacerse de forma aleatoria o aleatoria-estratificada. Evaluación de modelos.

```
set.seed(123)
# Se crean Los indices de Las observaciones de entrenamiento
train <- createDataPartition(y = datos$Survived, p = 0.8, list = FALSE, times = 1)
datos_train <- datos[train, ]
datos_test <- datos[-train, ]</pre>
```

Es importante verificar que la distribución de la variable respuesta es similar en el conjunto de entrenamiento y en el de test. Por defecto, la función createDataPartition() garantiza una distribución aproximada.

Este tipo de reparto estratificado asegura que el conjunto de entrenamiento y el de test sean similares en cuanto a la variable respuesta, sin embargo, no garantiza que ocurra lo mismo con los predictores. Por ejemplo, en un set de datos con 100 observaciones, un predictor binario que tenga 90 observaciones de un grupo y solo 10 de otro, tiene un alto riesgo de que, en alguna de las particiones, el grupo minoritario no tenga representantes. Si esto ocurre en el conjunto de entrenamiento, algunos algoritmos darán error al aplicarlos al conjunto de test, ya que no entenderán el valor que se les está pasando. Este problema puede evitarse eliminando variables con varianza próxima a cero.

### Preprocesado de los datos

El preprocesado de datos engloba aquellas transformaciones de los datos hechas con la finalidad de que puedan ser aceptados por el algoritmo de *machine learning* o que mejoren sus resultados. Todo preprocesado de datos debe aprenderse de las observaciones de entrenamiento y luego aplicarse al conjunto de entrenamiento y al de test. Esto es muy importante para no violar la condición de que ninguna información procedente de las observaciones de test puede participar o influir en el ajuste del modelo. Aunque no es posible crear un único listado, algunos de pasos de preprocesado que más suelen aplicarse en la práctica son:

- Imputación de valores ausentes
- Exclusión de variables con varianza próxima a cero
- Reducción de dimensionalidad
- Estandarización de las variables numéricas
- Binarización de las variables cualitativas

El paquete caret incorpora muchas funciones para preprocesar los datos. Sin embargo, para facilitar todavía más el aprendizaje de las transformaciones, únicamente con las observaciones de entrenamiento, y poder aplicarlas después a cualquier conjunto de datos, el mismo autor ha creado el paquete recipes.

La idea detrás de este paquete es la siguiente:

- 1. Definir cuál es la variable respuesta, los predictores y el set de datos de entrenamiento, recep().
- 2. Definir todas las transformaciones (escalado, selección, filtrado...) que se desea aplicar, step\_().
- 3. Aprender los parámetros necesarios para dichas transformaciones con las observaciones de entrenamiento rep().
- 4. Aplicar las trasformaciones aprendidas a cualquier conjunto de datos bake().

En los siguientes apartados, se almacenan en un objeto recipe todos los pasos de preprocesado y, finalmente, se aplican a los datos.

### Imputación de valores ausentes

Tal y como se ha identificado en la exploración de datos, las variables *Cabin*, *Age* y *Embarked* contienen valores ausentes. La gran mayoría de algoritmos no aceptan observaciones incompletas, por lo que, cuando el set de datos contiene valores ausentes, se puede:

- Eliminar aquellas observaciones que estén incompletas.
- Eliminar aquellas variables que contengan valores ausentes.
- Tratar de estimar los valores ausentes empleando el resto de información disponible (imputación).

Las primeras dos opciones, aunque sencillas, suponen perder información. La eliminación de observaciones solo puede aplicarse cuando se dispone de muchas y el porcentaje de registros incompletos es muy bajo. En el caso de eliminar variables, el impacto dependerá de cuanta información aporten dichas variables al modelo.

Cuando se emplea imputación, es muy importante tener en cuenta el riesgo que se corre al introducir valores en predictores que tengan mucha influencia en el modelo. Supóngase un estudio médico en el que, cuando uno de los predictores es positivo, el modelo predice casi siempre que el paciente está sano. Para un paciente cuyo valor de este predictor se desconoce, el riesgo de que la imputación sea errónea es muy alto, por lo que es preferible obtener una predicción basada únicamente en la información disponible. Esta es otra muestra de la importancia que tiene que el analista conozca el problema al que se enfrenta y pueda así tomar la mejor decisión.

En el set de datos <u>Titanic</u>, si se eliminan las observaciones incompletas, se pasa de 800 observaciones a solo 120, por lo que esta no es una opción.

```
nrow(datos)
```

## [1] 891

```
nrow(na.omit(datos))
```

## [1] 183

La variable *Cabin* está ausente para casi un 80% de las observaciones, con un porcentaje tan alto de valores ausentes, no es conveniente imputarla, se excluye directamente del modelo. La variable *Age\_grupo* se ha obtenido discretizando en intervalos la variable *Age*, por lo que contiene el mismo número de valores ausentes que esta última. Esto deja al modelo con dos variables que requieren de imputación: *Age\_grupo* y *Embarked*.

La imputación es un proceso complejo que debe de realizarse con detenimiento, identificando cuidadosamente qué variables son las adecuadas para cada imputación. Para más detalles sobre por qué se realizan de la siguiente forma, ver Anexo 7.

El paquete recipes permite 4 métodos de imputación distintos:

step\_bagimpute(): imputación vía Bagged Trees.

step\_knnimpute(): imputación vía K-Nearest Neighbors.

step\_meanimpute(): imputación vía media del predictor (predictores continuos).

<u>step\_modeimpute()</u>: imputación vía moda del predictor (predictores cualitativos).

Cabe destacar también los paquetes Hmisc missForest y MICE que permiten aplicar otros métodos.

Se imputa la variable *Embarked* con el valor *C*. Como no existe una función step() que haga sustituciones por valores concretos, se realiza una sustitución de forma externa al recipe.

La variable  $Age\_grupo$  se imputa con el método bagging empleando todos los otros predictores.

```
## Data Recipe
##
## Inputs:
##
## role #variables
## outcome 1
## predictor 7
```

```
objeto_recipe <- objeto_recipe %>% step_bagimpute(Age_grupo)
objeto_recipe
```

```
## Data Recipe
##
## Inputs:
##
## role #variables
## outcome    1
## predictor    7
##
## Operations:
##
## Bagged tree imputation for Age_grupo
```

### Variables con varianza próxima a cero

No se deben incluir en el modelo predictores que contengan un único valor (cero-varianza) ya que no aportan información. Tampoco es conveniente incluir predictores que tengan una varianza próxima a cero, es decir, predictores que toman solo unos pocos valores, de los cuales, algunos aparecen con muy poca frecuencia. El problema con estos últimos es que pueden convertirse en predictores con varianza cero cuando se dividen las observaciones por validación cruzada o *bootstrap*.

La función nearZeroVar() del paquete caret y step\_nzv() del paquete recipe identifican como predictores potencialmente problemáticos aquellos que tienen un único valor (cero varianza) o que cumplen las dos siguientes condiciones:

- Ratio de frecuencias: ratio entre la frecuencia del valor más común y la frecuencia del segundo valor más común. Este ratio tiende a 1 si las frecuencias están equidistribuidas y a valores grandes cuando la frecuencia del valor mayoritario supera por mucho al resto (el denominador es un número decimal pequeño). Valor por defecto freqCut = 95/5.
- Porcentaje de valores únicos: número de valores únicos dividido entre el total de muestras (multiplicado por 100). Este porcentaje se aproxima a cero cuanto mayor es la variedad de valores. Valor por defecto uniqueCut = 10.

```
## freqRatio percentUnique zeroVar nzv
## Pclass 2.273148 0.3367003 FALSE FALSE
## Sex 1.837580 0.2244669 FALSE FALSE
## SibSp 2.909091 0.7856341 FALSE FALSE
```

```
## Parch
              5.745763
                            0.7856341
                                        FALSE FALSE
## Fare
              1.023810
                           27.8338945
                                        FALSE FALSE
              3.833333
                            0.3367003
                                        FALSE FALSE
## Embarked
## Age_grupo
              9.812500
                            0.3367003
                                        FALSE FALSE
```

Entre los predictores incluidos en el modelo, no se detecta ninguno con varianza cero o próxima a cero.

```
objeto_recipe <- objeto_recipe %>% step_nzv(all_predictors())
```

Si bien la eliminación de predictores no informativos podría considerarse un paso propio del proceso de *selección de predictores*, dado que consiste en un filtrado por varianza, tiene que realizarse antes de estandarizar los datos, ya que después, todos los predictores tienen varianza 1.

### Estandarización y escalado

Cuando los predictores son numéricos, la escala en la que se miden, así como la magnitud de su varianza pueden influir en gran medida en el modelo. Muchos algoritmos de *machine learning* (*SVM*, redes neuronales, *lasso...*) son sensibles a esto, de forma que, si no se igualan de alguna forma los predictores, aquellos que se midan en una escala mayor o que tengan más varianza, dominarán el modelo aunque no sean los que más relación tienen con la variable respuesta. Existen principalmente 3 estrategias para evitarlo:

**Centrado**: consiste en restarle a cada valor la media del predictor al que pertenece. Si los datos están almacenados en un *dataframe*, el centrado se consigue restándole a cada valor la media de la columna en la que se encuentra. Como resultado de esta transformación, todos los predictores pasan a tener una media de cero, es decir, los valores se centran en torno al origen.

**Normalización (estandarización)**: consiste en transformar los datos de forma que todos los predictores estén aproximadamente en la misma escala. Hay dos formas de lograrlo:

Normalización Z-score: dividir cada predictor entre su desviación típica después de haber sido centrado, de esta forma, los datos pasan a tener una distribución normal.

$$z = \frac{x - \mu}{\sigma}$$

Estandarización max-min: transformar los datos de forma que estén dentro del rango [0, 1].

$$X_{norm} = \frac{X - X_{min}}{X_{max} - X_{min}}$$

Para este análisis se normalizan todas las variables numéricas.

```
objeto_recipe <- objeto_recipe %>% step_center(all_numeric())
objeto_recipe <- objeto_recipe %>% step_scale(all_numeric())
```

Nunca se debe estandarizar las variables después de ser binarizadas (ver siguiente sección).

#### Binarización de variables cualitativas

La binarización consiste en crear nuevas variables *dummy* con cada uno de los niveles de las variables cualitativas. A este proceso también se le conoce como *one hot encoding*. Por ejemplo, una variable llamada *color* que contenga los niveles *rojo*, *verde* y *azul*, se convertirá en tres nuevas variables (*color\_rojo*, *color\_verde*, *color\_azul*), todas con el valor o excepto la que coincide con la observación, que toma el valor 1.

Por defecto, la función step\_dummy(all\_nominal()) binariza todas las variables almacenadas como tipo factor o character. Además, elimina uno de los niveles para evitar redundancias. Volviendo al ejemplo anterior, no es necesario almacenar las tres variables, ya que, si color\_rojo y color\_verde toman el valor o, la variable color\_azul toma necesariamente el valor 1. Si color rojo o color verde toman el valor 1, entonces color azul es necesariamente o.

```
objeto_recipe <- objeto_recipe %>% step_dummy(all_nominal(), -all_outcomes())
```

Una vez que se ha creado el objeto recipe con todas las transformaciones de preprocesado, se aprenden con los datos de entrenamiento y se aplican a los dos conjuntos.

```
# Se entrena el objeto recipe
trained_recipe <- prep(objeto_recipe, training = datos_train)
trained_recipe</pre>
```

```
## Data Recipe
##
## Inputs:
##
## role #variables
## outcome 1
## predictor 7
##
## Training data contained 714 data points and 149 incomplete rows.
##
```

```
## Operations:
##
## Bagged tree imputation for Age_grupo [trained]
## Sparse, unbalanced variable filter removed no terms [trained]
## Centering for SibSp, Parch, Fare [trained]
## Scaling for SibSp, Parch, Fare [trained]
## Dummy variables from Pclass, Sex, Embarked, Age grupo [trained]
# Se aplican las transformaciones al conjunto de entrenamiento y de test
datos_train_prep <- bake(trained_recipe, newdata = datos_train)</pre>
datos test prep <- bake(trained recipe, newdata = datos test)</pre>
glimpse(datos train prep)
## Observations: 714
## Variables: 11
## $ Survived
                     <fct> No, Si, Si, Si, No, No, No, Si, Si, Si, ...
                     <dbl> 0.4388679, 0.4388679, -0.4693978, 0.4388679,...
## $ SibSp
                     <dbl> -0.4699865, -0.4699865, -0.4699865, -0.46998...
## $ Parch
                     <dbl> -0.48548267, 0.74031175, -0.47256109, 0.3922...
## $ Fare
## $ Pclass X2
                     <dbl> 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, ...
## $ Pclass X3
## $ Sex male
                     <dbl> 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1,...
## $ Embarked Q
                     <dbl> 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, ...
## $ Embarked S
                     <dbl> 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, ...
```

Tras el preprocesado de los datos, se han generado un total de 11 variables (10 predictores y la variable respuesta).

## \$ Age\_grupo\_niño

<dbl> 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, ...

## Selección de predictores

Cuando se entrena un modelo, es importante incluir como predictores únicamente aquellas variables que están realmente relacionadas con la variable respuesta, ya que son estas las que contienen información útil para el modelo. Incluir un exceso de variables suele conllevar una reducción de la capacidad predictiva del modelo cuando se expone a nuevos datos (*overfitting*). Aunque para este caso de estudio, el número de predictores es considerablemente reducido, la selección de predictores puede suponer la diferencia entre un modelo normal y uno muy bueno, por lo tanto, conviene conocer las herramientas internas de caret para la selección de predictores relevantes.

Algunos algoritmos de *machine learning* (*random forest*, *lasso*, *boosting*...) contienen sus propias estrategias para seleccionar predictores, de ahí que sean modelos tan versátiles. A parte de estos, los métodos para reducir el número de predictores (previo ajuste del modelo) pueden agruparse en dos categorías: métodos *wrapper* y métodos de filtrado.

## Métodos wrapper

Los métodos *wrapper* evalúan múltiples modelos, generados mediante la incorporación o eliminación de predictores, con la finalidad de identificar la combinación óptima que consigue maximizar la capacidad del modelo. Pueden entenderse como algoritmos de búsqueda que tratan a los predictores disponibles como valores de entrada y utilizan una métrica del modelo, por ejemplo, su error de predicción, como objetivo de la optimización. El paquete caret incorpora métodos *wrapper* basados en eliminación recursiva, algoritmos genéticos y *simulated annealing*.

#### Eliminación recursiva de variables

La eliminación recursiva es una estrategia muy práctica para evitar comprobar todas las posibles combinaciones de variables (búsqueda exhaustiva), que es muy costosa computacionalmente. La idea detrás de este proceso puede resumirse con el siguiente algoritmo:

- 1. Se selecciona un modelo que se empleará para evaluar cada conjunto de predictores. Son muchos los tipos de modelo que se pueden utilizar, la condición necesaria es que ofrezcan la posibilidad de ordenar las variables de mayor a menor importancia. Por ejemplo, si se emplea un modelo lineal, el criterio suele ser el estadístico t de los predictores y, si se emplea random forest, la reducción en MSE conseguida por cada predictor Anexo 1.
- 2. Ajustar el modelo con el conjunto de entrenamiento incorporando todas las variables disponibles como predictores.
- 3. Calcular el error del modelo completo con el conjunto de test.
- 4. Obtener un ranking con la importancia de todos los predictores. El criterio del ranking dependerá del modelo seleccionado en el paso 1.
- 5. Seleccionar los tamaños de modelo (número de predictores) que se quieren evaluar.
- 6. Para cada tamaño *n* definido en el paso 5:
  - 6.1 Seleccionar las top *n* variables del ranking generado en el paso 4.
  - 6.2 Reajustar el modelo empleando únicamente las top *n* variables.
  - 6.3 Calcular el error del nuevo modelo con el conjunto de test.
- 7. Seleccionar el grupo de predictores de tamaño *n* que haya conseguido menor error.

Dado que la selección de predictores es parte del proceso de ajuste de un modelo, el algoritmo anterior viola la norma de que los datos de test no participen en ningún momento en la creación del modelo. Al hacerlo, aumenta el riesgo de *overfitting*. Para excluir los datos de test del proceso de selección de predictores, el algoritmo anterior se puede incluir dentro de un bucle de validación cruzada o *bootstrapping* que solo emplee los datos de entrenamiento. El error final de cada modelo se obtiene agregando los errores obtenidos para cada conjunto de validación o *resampling* Anexo 4. Por ejemplo, si se hace una validación cruzada con 10 *folds*, el bucle exterior tendrá 10 iteraciones, en cada una, un *fold* se emplea como test y el resto como entrenamiento. Si se utiliza *bootstrapping*, por ejemplo 25 *resamples*, el bucle exterior tendrá 25 iteraciones y en cada una de ellas los conjuntos de entrenamiento y test se crean por *bootstrapping*.

El paquete caret automatiza la eliminación recursiva basada en modelos (recursive feature elimination) mediante la función recursiva predefinidos para evaluar cada conjunto de predictores: regresión lineal (lmFuncs), random forests (rfFuncs), naive Bayes (nbFuncs) y bagged trees (treebagFuncs), aunque puede aceptar cualquiera de los algoritmos de machine learning que engloba caret Anexo 1

```
# ELIMINACIÓN RECURSIVA MEDIANTE RANDOM FOREST Y BOOTSTRAPPING
# Se paraleliza el proceso para que sea más rápido. El número de cores debe
# seleccionarse en función del ordenador que se está empleando.
library(doMC)
registerDoMC(cores = 4)
# Tamaño de los conjuntos de predictores analizados
subsets <- c(3:11)
# Número de resamples para el proceso de bootstrapping
repeticiones <- 30
# Se crea una semilla para cada repetición de validación. Esto solo es necesario si
# se quiere asegurar la reproducibilidad de los resultados, ya que la validación
# cruzada y el bootstrapping implican selección aleatoria.
# El número de semillas necesarias depende del número total de repeticiones:
# Se necesitan B+1 elementos donde B es el número total de particiones (CV) o
# resampling (bootstrapping). Los primeros B elementos deben ser vectores formados
# por M números enteros, donde M es el número de modelos ajustados, que en este
# caso se corresponde con el número de tamaños. El último elemento solo necesita un
# único número para ajustar el modelo final.
set.seed(123)
seeds <- vector(mode = "list", length = repeticiones + 1)</pre>
for (i in 1:repeticiones) {
 seeds[[i]] <- sample.int(1000, length(subsets))</pre>
seeds[[repeticiones + 1]] <- sample.int(1000, 1)</pre>
# Se crea un control de entrenamiento donde se define el tipo de modelo empleado
# para la selección de variables, en este caso random forest, la estrategia de
# resampling, en este caso bootstrapping con 30 repeticiones, y las semillas para
# cada repetición. Con el argumento returnResamp = "all" se especifica que se
# almacene la información de todos los modelos generados en todas las repeticiones.
ctrl_rfe <- rfeControl(functions = rfFuncs, method = "boot", number = repeticiones,</pre>
                      returnResamp = "all", allowParallel = TRUE, verbose = FALSE,
                      seeds = seeds)
```

```
##
## Recursive feature selection
##
## Outer resampling method: Bootstrapped (30 reps)
##
## Resampling performance over subset size:
##
   Variables Accuracy Kappa AccuracySD KappaSD Selected
##
##
            3
                0.7913 0.5475
                                  0.02120 0.05095
            4
##
                0.8178 0.6027
                                  0.02519 0.05283
            5
##
                0.8190 0.6060
                                  0.02405 0.05156
            6
                0.8188 0.6055
                                  0.02425 0.05216
##
            7
##
                0.8210 0.6096
                                  0.02009 0.04377
##
            8
                0.8160 0.5985
                                  0.02045 0.04330
##
            9
                0.8217 0.6139
                                  0.02205 0.05090
##
           10
                0.8247 0.6199
                                  0.02252 0.05006
##
## The top 5 variables (out of 10):
##
      Sex_male, Fare, Age_grupo_niño, Pclass_X3, SibSp
```

```
# El objeto rf_rfe almacena en optVariables las variables del mejor modelo.
rf rfe$optVariables
```

El proceso de eliminación recursiva de variables basada en *random forest* identifica como mejor modelo el formado por los 10 predictores (todos). Además, muestra las 5 variables con mayor influencia. Para interpretar correctamente la información mostrada por pantalla, conviene analizar con detalle todas las métricas calculadas en el proceso de <u>rfe()</u>.

Para cada uno de los tamaños analizados (*subsets*), el modelo se ha ajustado y evaluado 30 veces, cada vez con unos conjuntos de entrenamiento y validación distintos creados mediante

bootstrapping. Se dispone por lo tanto de 30 valores de accuracy y kappa por tamaño. Por defecto, se emplea el promedio de accuracy para identificar el mejor conjunto de predictores.

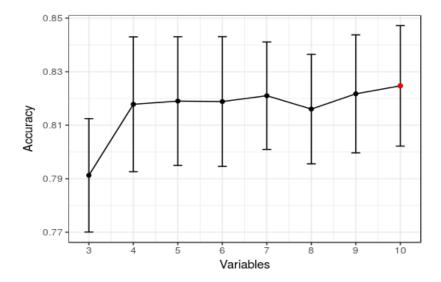
```
# Valores de accuracy y kappa para cada tamaño de modelo en cada resample.
rf_rfe$resample %>% select(1, 2, 3, 8) %>% head(8)
```

```
##
                                     Resample
    Variables Accuracy
                             Kappa
             3 0.8294574 0.6152908 Resample01
## 1
## 2
             4 0.8565891 0.6805007 Resample01
## 3
             5 0.8449612 0.6502643 Resample01
             6 0.8294574 0.6209936 Resample01
## 4
             7 0.8294574 0.6228571 Resample01
## 5
             8 0.8410853 0.6511444 Resample01
## 6
## 7
             9 0.8294574 0.6265298 Resample01
## 8
            10 0.8333333 0.6359042 Resample01
```

```
## # A tibble: 8 x 3
     Variables media accuracy media kappa
##
         <int>
                          <dbl>
                                       <dbl>
##
## 1
             10
                          0.825
                                       0.620
## 2
              9
                          0.822
                                       0.614
              7
## 3
                          0.821
                                       0.610
## 4
              5
                          0.819
                                       0.606
                          0.819
                                       0.606
## 5
              6
## 6
              4
                          0.818
                                       0.603
## 7
              8
                          0.816
                                       0.599
## 8
              3
                          0.791
                                       0.548
```

Los valores coinciden con los mostrados al imprimir el objeto rf\_rfe.

La siguiente imagen representa la evolución del error estimado en función del número de predictores incluido en el modelo.



Aunque el máximo *accuracy* se consigue con los 10 predictores, la mejora a partir de 4 predictores es mínima. Acorde al principio de parsimonia, según el cual, de entre un conjunto de modelos con la misma capacidad predictiva, el mejor es el más simple, solo son necesarios 4 predictores.

Además, tras ajustar cada modelo, se recalcula la influencia de cada variable. De esta forma, para cada tamaño de modelo, se obtiene un ranking de la importancia promedio de las variables. Todos los resultados del proceso se almacenan dentro de un *dataframe* llamado *variables*.

```
head(rf_rfe$variables, 10)
##
             No
                       Si
                             Overall
                                                    var Variables
                                                                     Resample
      73.919395 73.919395 73.919395
                                                               10 Resample01
## 1
                                              Sex male
      33.862203 33.862203 33.862203
                                                               10 Resample01
  2
                                                   Fare
      26.260147 26.260147 26.260147
                                        Age_grupo_niño
                                                               10 Resample01
##
  3
      24.644747 24.644747 24.644747
                                                               10 Resample01
                                              Pclass X3
##
## 5
      19.812851 19.812851 19.812851
                                                  SibSp
                                                               10 Resample01
      19.211171 19.211171 19.211171
                                                               10 Resample01
## 6
                                                  Parch
##
  7
      12.894667 12.894667 12.894667
                                             Embarked S
                                                               10 Resample01
## 8
      10.640907 10.640907 10.640907
                                             Pclass X2
                                                               10 Resample01
## 9
       9.697091
                 9.697091
                            9.697091 Age grupo anciano
                                                               10 Resample01
      6.392278 6.392278
                            6.392278
                                             Embarked Q
                                                               10 Resample01
## 10
```

A partir de estos datos, se puede obtener el *ranking* de importancia promedio de los predictores para cualquiera de los tamaños, por ejemplo, véase el *ranking* para el modelo con 10 predictores.

```
## # A tibble: 10 x 3
##
                          media influencia sd influencia
      var
##
      <chr>>
                                      <dbl>
                                                     <dbl>
##
   1 Sex male
                                      66.4
                                                      5.80
##
    2 Fare
                                      30.8
                                                      2.65
    3 Age_grupo_niño
##
                                      26.4
                                                      3.61
##
    4 Pclass X3
                                      23.9
                                                      2.23
    5 SibSp
                                                      2.53
##
                                      19.6
    6 Parch
                                      16.2
                                                      2.18
##
##
    7 Embarked S
                                      15.6
                                                      3.07
    8 Pclass X2
##
                                      11.3
                                                      1.37
   9 Age grupo anciano
                                       7.77
                                                      4.12
##
## 10 Embarked Q
                                       7.11
                                                      1.72
```

Las primeras 5 variables se corresponden con las Top 5 variables mostradas en la tabla del rf rfe.

### Algoritmo genético

Los algoritmos genéticos son métodos de optimización que pueden emplearse para encontrar la combinación de predictores que consigue maximizar la capacidad predictiva de un modelo. Su funcionamiento se basa en la teoría evolutiva de selección natural propuesta por Darwin: los individuos de una población se reproducen generando nuevos descendientes cuyas características son combinación de las de los progenitores, más ciertas mutaciones. De todos ellos, únicamente los individuos con mejores características sobreviven y pueden reproducirse de nuevo, transmitiendo así sus características. Tras múltiples generaciones, se alcanza un equilibrio en el que se han seleccionado los mejores individuos. Esta idea puede aplicarse a la selección de predictores mediante el siguiente algoritmo:

- 1. Establecer el tamaño de la población inicial m, el número de generaciones, criterios de parada, la probabilidad de mutación  $p_m$  y el tipo de modelo empleado para evaluar las combinaciones de predictores.
- 2. Se crea una población inicial de tamaño m en la que los individuos son vectores binarios que representan diferentes combinaciones aleatorias de predictores, es decir, vectores con una posición para cada predictor disponible, cuyo valor puede ser 1/0.

- 3. Para cada generación, si no se alcanza un criterio de parada, repetir:
  - 3.1 Ajustar un modelo por cada individuo de la población y, mediante validación, estimar una métrica que permita cuantificar como de bueno es el modelo, por ejemplo, *accuracy*. Este valor se considera como la fortaleza o *fitness* del individuo.
  - 3.2 Para m/2 cruces (se realizan solo m/2 cruces para mantener constante el tamaño de la población en cada generación) repetir:
    - 3.2.1 Seleccionar dos individuos de la población, donde la probabilidad de selección es proporcional al valor de la métrica calculada en el paso 3.1.
    - 3.2.2 Cruce de los individuos: se intercambia la primera mitad del vector de un individuo con la segunda mitad del otro, y viceversa. De esta forma, se generan dos nuevos individuos con nuevas combinaciones que pasan a la siguiente generación.
    - 3.2.3 Mutaciones: aleatoriamente, modificar los valores binarios de cada posición en cada nuevo individuo, con una probabilidad  $p_m$ . Introducir esta aleatoriedad es importante para evitar caer en óptimos locales, normalmente se emplea un valor de o.o.5.

El paquete caret automatiza la selección de variables por algoritmo genético mediante la función gafs(). A continuación, se aplica esta función empleando 10 generaciones, un tamaño poblacional de 10 individuos, un modelo *random forest* como método de evaluación y validación cruzada con 5 particiones. A pesar de lo pequeños que son los números, el proceso completo implica ajustar 10 x 10 x 5 = 500 modelos. Esto pone de manifiesto una de las limitaciones de los algoritmos genéticos, su alto coste computacional. A pesar de ello, pueden lograr resultados muy buenos si se dispone de capacidad para ejecutarlos.

```
ga ctrl <- gafsControl(functions = rfGA,</pre>
                      method = "cv",
                      number = 5,
                      allowParallel = TRUE,
                      verbose = FALSE)
# Selección de predictores
set.seed(10)
rf_ga <- gafs(x = datos_train_prep[, -1], y = datos_train_prep$Survived,</pre>
             iters = 10,
             popSize = 10.
             gafsControl = ga_ctrl)
rf_ga
##
## Genetic Algorithm Feature Selection
##
## 714 samples
## 10 predictors
## 2 classes: 'No', 'Si'
##
## Maximum generations: 10
## Population per generation: 10
## Crossover probability: 0.8
## Mutation probability: 0.1
## Elitism: 0
##
## Internal performance values: Accuracy, Kappa
## Subset selection driven to maximize internal Accuracy
##
## External performance values: Accuracy, Kappa
## Best iteration chose by maximizing external Accuracy
## External resampling method: Cross-Validated (5 fold)
##
## During resampling:
     * the top 5 selected variables (out of a possible 10):
##
##
       Age_grupo_niño (100%), Pclass_X3 (100%), Sex_male (100%), SibSp (100%),
Age_grupo_anciano (80%)
    * on average, 8.2 variables were selected (min = 7, max = 9)
##
##
## In the final search using the entire training set:
      * 10 features selected at iteration 1 including:
##
##
       SibSp, Parch, Fare, Pclass_X2, Pclass_X3 ...
      * external performance at this iteration is
##
##
##
     Accuracy
                    Kappa
##
       0.8333
                   0.6338
```

# rf\_ga\$optVariables

La selección por algoritmo genético identifica como mejor modelo el formado por los 10 predictores. Estos resultados coinciden con los obtenidos mediante el método de *eliminación recursiva*.

La tabla de resultados <u>rf\_ga\$external</u> muestra información detallada sobre el mejor modelo de cada generación (*Iter*), para cada una de las repeticiones.

```
# Accuracy media en cada generación
rf_ga$external %>% group_by(Iter) %>% summarize(accuracy_media = mean(Accuracy))
```

```
## # A tibble: 10 x 2
##
        Iter accuracy media
##
       <int>
                        <dbl>
##
    1
           1
                        0.833
    2
           2
##
                        0.824
    3
##
           3
                        0.821
    4
           4
                        0.818
##
    5
           5
##
                        0.817
    6
##
           6
                        0.822
    7
           7
                        0.819
##
##
    8
           8
                        0.819
##
    9
           9
                        0.819
## 10
          10
                        0.822
```

#### Métodos de filtrado

Los métodos basados en filtrado evalúan la relevancia de los predictores fuera del modelo para, posteriormente, incluir únicamente aquellos que pasan un determinado criterio. Se trata por lo tanto de analizar la relación que tiene cada predictor con la variable respuesta. Por ejemplo, en problemas de clasificación con predictores continuos, se puede aplicar un ANOVA a cada predictor para identificar aquellos que varían dependiendo de la variable respuesta. Finalmente, se incorporan al modelo aquellos predictores con un *p-value* inferior a un determinado límite o los *n* mejores. Al igual que con los métodos *wrapper*, para evitar que la selección esté excesivamente influenciada por los datos de entrenamiento (*overfitting*), es conveniente repetir el proceso varias veces mediante validación cruzada o *bootstrapping*.

Al igual que con los métodos de eliminación recursiva, <u>caret</u> incorpora modelos predefinidos para la evaluación de los predictores filtrados (lmSBF, rfSBF, treebagSBF, ldaSBF y nbSBF), además, ofrece la de la posibilidad de emplear cualquier otro modelo (caretFuns). Anexo 2

Los test estadísticos que sbf() emplea por defecto para cuantificar la relación entre los predictores y la variable respuesta son: *ANOVA* (cuando la variable respuesta es cualitativa) y *GAMS* (cuando la variable respuesta es continua). En ambos casos, el límite para la selección es p-value = 0.05. Anexo 3

```
# FILTRADO DE PREDICTORES MEDIANTE ANOVA, RANDOM FOREST Y CV-REPETIDA
# Se paraleliza para que sea más rápido
library(doMC)
registerDoMC(cores = 4)
# Se crea una semilla para cada partición y cada repetición: el vector debe
# tener B+1 semillas donde B = particiones * repeticiones.
particiones = 10
repeticiones = 5
set.seed(123)
seeds <- sample.int(1000, particiones * repeticiones + 1)</pre>
# Control del filtrado
ctrl filtrado <- sbfControl(functions = rfSBF, method = "repeatedcv",</pre>
                          number = particiones, repeats = repeticiones,
                          seeds = seeds, verbose = FALSE,
                          saveDetails = TRUE, allowParallel = TRUE)
set.seed(234)
rf_sbf <- sbf(Survived ~ ., data = datos_train_prep,</pre>
             sbfControl = ctrl filtrado,
             # argumentos para el modelo de evaluación
             ntree = 500)
rf sbf
```

```
##
## Selection By Filter
##
## Outer resampling method: Cross-Validated (10 fold, repeated 5 times)
##
## Resampling performance:
##
## Accuracy Kappa AccuracySD KappaSD
## 0.8188 0.5968 0.03979 0.09121
##
```

```
## Using the training set, 7 variables were selected:
## Parch, Fare, Pclass_X2, Pclass_X3, Sex_male...
##
## During resampling, the top 5 selected variables (out of a possible 7):
## Embarked_S (100%), Fare (100%), Pclass_X3 (100%), Sex_male (100%),
Age_grupo_niño (98%)
##
## On average, 6.9 variables were selected (min = 5, max = 7)
```

Empleando la selección por filtrado, se identifican como óptimos 7 predictores: Parch, Fare, Pclass\_X2, Pclass\_X3, Sex\_male, Embarked\_S y Age\_grupo\_niño. El porcentaje que acompaña a las *top 5 selected variables* se corresponde con el porcentaje de repeticiones (*resamples*) en las que la variable ha sido seleccionada.

Se almacenan en una variable los predictores filtrados para emplearlos posteriormente en el ajuste de los modelos.

```
predictores_filtrados <- rf_sbf$optVariables</pre>
```

## Comparación de métodos

Ambas estrategias, *wrapper* y filtrado, tienen ventajas y desventajas. Los métodos de filtrado son computacionalmente más rápidos por lo que suelen ser la opción factible cuando hay cientos o miles de predictores, sin embargo, el criterio de selección no está directamente relacionada con la efectividad del modelo. Además, en la mayoría de casos, los métodos de filtrado evalúan cada predictor de forma individual, por lo que no contemplan interacciones y pueden incorporar predictores redundantes (correlacionados). Los métodos *wrapper*, además de ser computacionalmente más costosos, para evitar *overfitting*, necesitan recurrir a validación cruzada o *bootstrapping*, por lo que requieren un número alto de observaciones. A pesar de ello, si se cumplen las condiciones, suelen conseguir una mejor selección.

## Creación de un modelo predictivo

Una vez que los datos han sido preprocesados y los predictores seleccionados, el siguiente paso es emplear un algoritmo de *machine learning* que permita crear un modelo capaz de representar los patrones presentes en los datos de entrenamiento y generalizarlos a nuevas observaciones. Encontrar el mejor modelo no es fácil, existen multitud algoritmos, cada uno con unas características propias y con distintos parámetros que deben ser ajustados. Por lo general, las etapas seguidas para obtener un buen modelo son:

**Ajuste/entrenamiento**: consiste en aplicar un algoritmo de *machine learning* a los datos de entrenamiento para que el modelo aprenda.

**Evaluación/validación**: el objetivo de un modelo predictivo no es ser capaz de predecir observaciones que ya se conocen, sino nuevas observaciones que el modelo no ha visto. Para poder estimar el error que comete un modelo es necesario recurrir a estrategias de validación, entre las que destacan conjunto de test, bootstrap y validación cruzada. Anexo 4

**Optimización de hiperparámetros**: muchos algoritmos de *machine learning* contienen en sus ecuaciones uno o varios parámetros que no se aprenden con los datos, a estos se les conoce como hiperparámetros. Por ejemplo, SVM lineal tiene el hiperparámetro de coste *C*. No existe forma de conocer de antemano cuál es el valor exacto de un hiperparámetro que da lugar al mejor modelo, por lo que se tiene que recurrir a estrategias de validación para comparar distintos valores.

**Predicción**: una vez creado el modelo, este se emplea para predecir nuevas observaciones.

Es a lo largo de todo este proceso donde más destacan las funcionalidades ofrecidas por caret, permitiendo emplear la misma sintaxis para ajustar, optimizar, evaluar y predecir un amplio abanico de modelos variando únicamente el nombre del algoritmo. Aunque caret permite todo esto con apenas unas pocas líneas de código, son muchos los argumentos que pueden ser adaptados, cada uno con múltiples posibilidades. Con el objetivo exponer mejor cada una de las opciones, en lugar de crear directamente un modelo final, se muestran ejemplos de menor a mayor complejidad.

#### Entrenamiento del modelo

Todos los modelos incorporados en el paquete caret se entrenan con la función train(). Entre los argumentos de esta función destacan:

- formula: la fórmula del modelo que se quiere crear.
- x, y: en lugar de una fórmula, se pueden pasar por separado los valores de los predictores y de la variable respuesta.
- method: el nombre del algoritmo que se desea emplear (listado).
- metric: las métricas empleadas para evaluar la capacidad predictiva del modelo. Por defecto, se emplea *accuracy* para problemas de clasificación y *RMSE* para regresión. Anexo 5
- trControl: especificaciones adicionales sobre la forma de llevar a cabo el entrenamiento del modelo.
- ...: argumentos propios del algoritmo empleado.

En primer lugar, se ajusta un modelo basado en una máquina vector soporte lineal que prediga la supervivencia del pasajero en función de todos los predictores disponibles tras el preprocesado. A excepción del nombre del algoritmo, todos los demás argumentos de la función train() y los propios de symLinear se dejan por defecto.

El objeto devuelto por train() contiene múltiples elementos y mucha información. Por el momento, se analiza únicamente \$finalModel, que es el modelo final obtenido tras el ajuste.

#### modelo symlineal\$finalModel

```
## Support Vector Machine object of class "ksvm"
##
## SV type: C-svc (classification)
## parameter : cost C = 1
##
## Linear (vanilla) kernel function.
##
## Number of Support Vectors : 311
##
## Objective Function Value : -300.1059
## Training error : 0.203081
```

Al imprimir el objeto \$\finalModel\$ se muestra el tipo de modelo creado, el valor de los hiperparámetros (más detalles sobre esto en la siguiente sección) e información adicional, entre ella, el error de entrenamiento (*training error*). Este error se corresponde con el error que comete el modelo al predecir las mismas observaciones con las que se ha entrenado, un 20% en este caso.

## Evaluación del modelo mediante resampling

La finalidad última de un modelo es predecir la variable respuesta en observaciones futuras o en observaciones que el modelo no ha "visto" antes. El error mostrado en \$\finalModel\$ se corresponde con el error que comete el modelo al predecir observaciones que sí ha "visto", por lo tanto, no es una estimación realista de cómo se comporta el modelo ante nuevas observaciones (el error de entrenamiento suele ser demasiado optimista). Para conseguir una estimación más certera, y antes de recurrir al conjunto de test, se pueden emplear estrategias de validación basadas en resampling. caret incorpora los métodos boot, boot632, optimism\_boot, boot\_all, cv, repeatedcv, LOOCV, LGOCV Anexo4. Cada uno funciona internamente de forma distinta, pero todos ellos se basan en la idea de ajustar y evaluar el modelo múltiples veces con distintos subconjuntos creados a partir de los datos de entrenamiento, obteniendo en cada repetición una estimación del error. El promedio de todas las estimaciones tiende a converger en el valor real del error de test.

Para especificar el tipo de validación, así como el número de repeticiones, se crea un control de entrenamiento mediante la función trainControl(), que se pasa al argumento trControl de la función train(). A efectos prácticos, cuando se aplican métodos de resampling hay que tener en cuenta dos cosas: el coste computacional que implica ajustar múltiples veces un modelo, cada vez con un subconjunto de datos distinto, y la reproducibilidad en la creación de las particiones. caret permite paralelizar el proceso para que sea más rápido y establecer semillas para asegurar que cada resampling o partición pueda crearse de nuevo con exactamente las mismas observaciones.

Se ajusta de nuevo una máquina vector soporte lineal, esta vez con validación cruzada repetida para estimar su error.

```
# NÚMERO DE REPETICIONES Y SEMILLAS PARA CADA REPETICIÓN
#-----
# Es este caso se recurre a validación cruzada repetida como método de validación.
# Número de particiones y repeticiones
particiones <- 10
repeticiones <- 5
# Las semillas solo son necesarias si se quiere asegurar la reproducibilidad de
# los resultados, ya que la validación cruzada y el bootstrappina implican
# selección aleatoria. Las semillas se almacenan en una lista con B+1 elementos
# donde B depende del método de validación empleado:
   "cv": B es el número total de particiones
   "repeatedcv": B es el número de particiones por el número de repeticiones.
   "boot": B es el número de resamples.
   "LOGOCV": B es el número de repeticiones.
# Los primeros B elementos deben ser vectores formados por M números enteros,
# donde M es el número de modelos ajustados en cada partición o repetición,
# es decir, el total de hiperparámetros comparados. El último elemento (B+1) solo
# necesita un único número para ajustar el modelo final.
set.seed(123)
seeds <- vector(mode = "list", length = (particiones * repeticiones) + 1)</pre>
for (i in 1:(particiones * repeticiones)) {
 # Cada elemento de la lista, excepto el último tiene que tener tantas semillas
 # como hiperparámetros analizados. En este caso, se emplea el valor por
 # defecto C = 1, por lo que cada elemento de seeds está formada por un
 # único valor.
 seeds[[i]] <- sample.int(1000, 1)</pre>
# La última semilla se emplea para ajustar el modelo final con todas las
observaciones.
seeds[[(particiones * repeticiones) + 1]] <- sample.int(1000, 1)</pre>
# DEFINICIÓN DEL ENTRENAMIENTO
control_train <- trainControl(method = "repeatedcv", number = particiones,</pre>
                           repeats = repeticiones, seeds = seeds,
                           returnResamp = "all", verboseIter = FALSE,
                           allowParallel = TRUE)
# AJUSTE DEL MODELO
# ------
set.seed(342)
modelo_svmlineal <- train(Survived ~ ., data = datos_train_prep,</pre>
                       method = "svmLinear",
                       metric = "Accuracy",
                       trControl = control_train)
modelo symlineal
```

```
## Support Vector Machines with Linear Kernel
##
## 714 samples
   10 predictors
##
     2 classes: 'No', 'Si'
##
##
## No pre-processing
## Resampling: Cross-Validated (10 fold, repeated 5 times)
## Summary of sample sizes: 642, 643, 642, 643, 642, 643, ...
## Resampling results:
##
##
     Accuracy
               Kappa
     0.795849 0.5579386
##
##
## Tuning parameter 'C' was held constant at a value of 1
```

Una validación cruzada con 10 particiones y 5 repeticiones, implica ajustar y evaluar el modelo  $10 \times 5 = 50$  veces, cada vez con una partición distinta, más un último ajuste con todos los datos de entrenamiento para crear el modelo final. Al imprimir el objeto devuelto por  $\overline{\text{train}()}$  se muestra información sobre el algoritmo empleado, el método de  $\overline{\text{resampling}}$  y el valor promedio de las métricas de validación, en este caso, al ser un problema de clasificación, se emplea por defecto  $\overline{\text{accuracy}}$ . Además, si se indica en el control de entrenamiento  $\overline{\text{returnResamp}} = \overline{\text{"all"}}$ , se almacenan los resultados obtenidos en cada una de las iteraciones, lo que permite un análisis más detallado. Véase la distribución de los valores de  $\overline{\text{accuracy}}$ .

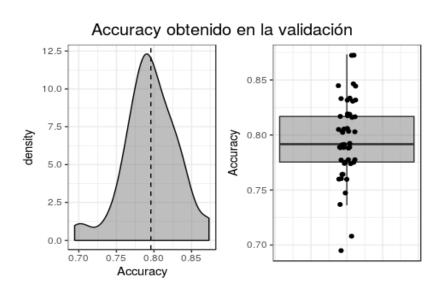
```
# Valores de validación (Accuracy, Kappa) obtenidos en cada partición y repetición. modelo_svmlineal$resample %>% head(10)
```

```
## Accuracy Kappa C Resample
## 1 0.777778 0.5135135 1 Fold01.Rep1
## 2 0.8028169 0.5628848 1 Fold02.Rep1
## 3 0.7777778 0.5135135 1 Fold03.Rep1
## 4 0.7887324 0.5485375 1 Fold04.Rep1
## 5 0.7638889 0.5064516 1 Fold05.Rep1
## 6 0.7887324 0.5351375 1 Fold06.Rep1
## 7 0.8732394 0.7291225 1 Fold07.Rep1
## 8 0.7887324 0.5351375 1 Fold08.Rep1
## 9 0.7746479 0.5149445 1 Fold09.Rep1
## 10 0.7777778 0.5200000 1 Fold10.Rep1
```

```
summary(modelo_svmlineal$resample$Accuracy)
```

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 0.6944 0.7754 0.7917 0.7958 0.8169 0.8732
```

```
ggplot(data = modelo symlineal$resample, aes(x = Accuracy)) +
      geom_density(alpha = 0.5, fill = "gray50") +
      geom vline(xintercept = mean(modelo symlineal$resample$Accuracy),
                 linetype = "dashed") +
      theme_bw()
p2 <- ggplot(data = modelo symlineal$resample, aes(x = 1, y = Accuracy)) +
      geom boxplot(outlier.shape = NA, alpha = 0.5, fill = "gray50") +
      geom_jitter(width = 0.05) +
      labs(x = "") +
      theme_bw() +
      theme(axis.text.x = element_blank(), axis.ticks.x = element_blank())
final_plot <- ggarrange(p1, p2)</pre>
final plot <- annotate figure(</pre>
                final plot,
                top = text_grob("Accuracy obtenido en la validación", size = 15))
final plot
```



El *accuracy* promedio estimado mediante validación cruzada repetida es de *0.79*, el modelo predice correctamente la supervivencia de los pasajeros un 79% de las veces. Este valor será contrastado más adelante cuando se calcule el *accuracy* del modelo con el conjunto de test.

## Optimización de hiperparámetros (parameter tuning)

Muchos modelos, entre ellos *SVM*, contienen parámetros que no pueden aprenderse a partir de los datos de entrenamiento y, por lo tanto, deben de ser establecidos por el analista. A estos se les conoce como hiperparámetros. Los resultados de un modelo pueden depender en gran medida del valor que tomen sus hiperparámetros, sin embargo, no se puede conocer de antemano cuál es el adecuado. Aunque con la práctica, los especialistas en *machine learning* ganan intuición sobre qué valores pueden funcionar mejor en cada problema, no hay reglas fijas. La forma más común de encontrar los valores óptimos es probando diferentes posibilidades.

- 1. Escoger un conjunto de valores para el o los hiperparámetros.
- 2. Para cada valor (combinación de valores si hay más de un hiperparámetro), entrenar el modelo y estimar su error mediante un método de validación.<sup>Anexo 4</sup>
- 3. Finalmente, se ajusta de nuevo el modelo, esta vez con todos los datos de entrenamiento y con los mejores hiperparámetros encontrados.

El modelo *sumLinear* empleado hasta ahora tienen un hiperparámetro llamado coste (*C*). Este hiperparámetro controla la penalización que se aplica a las clasificaciones erróneas cuando se entrena el modelo. Si su valor es alto, el modelo resultante es más flexible y se ajusta mejor a las observaciones de entrenamiento, pero con el riesgo de *overfitting*. caret permite explorar diferentes valores de hiperparámetros en el momento de entrenar el modelo. Los valores de los hiperparámetros se pasan en formato de *dataframe* al argumento tuneGrid de la función train().

Se vuelve a ajustar un modelo *sumLinear* con diferentes valores de *C* y se emplea validación cruzada repetida para identificar con cuál de ellos se obtienen mejores resultados.

```
hiperparametros \leftarrow data.frame(C = c(0.001, 0.01, 0.1, 0.5, 1, 10))
set.seed(123)
seeds <- vector(mode = "list", length = (particiones * repeticiones) + 1)</pre>
for (i in 1:(particiones * repeticiones)) {
 seeds[[i]] <- sample.int(1000, nrow(hiperparametros))</pre>
}
seeds[[(particiones * repeticiones) + 1]] <- sample.int(1000, 1)</pre>
# DEFINICIÓN DEL ENTRENAMIENTO
control train <- trainControl(method = "repeatedcv", number = particiones,</pre>
                           repeats = repeticiones, seeds = seeds,
                           returnResamp = "all", verboseIter = FALSE,
                           allowParallel = TRUE)
# AJUSTE DEL MODELO
set.seed(342)
modelo symlineal <- train(Survived ~ ., data = datos train prep,
                        method = "svmLinear",
                        tuneGrid = hiperparametros,
                        metric = "Accuracy",
                        trControl = control_train)
modelo symlineal
## Support Vector Machines with Linear Kernel
##
## 714 samples
## 10 predictors
    2 classes: 'No', 'Si'
##
##
## No pre-processing
## Resampling: Cross-Validated (10 fold, repeated 5 times)
## Summary of sample sizes: 642, 643, 642, 643, 642, 643, ...
## Resampling results across tuning parameters:
##
    C
##
          Accuracy
                     Kappa
##
    1e-03 0.6316745 0.05024495
##
    1e-02 0.7862911 0.53795356
    1e-01 0.7964006 0.55904668
##
##
    5e-01 0.7969562 0.56043954
    1e+00 0.7958490 0.55793859
##
    1e+01 0.7958451 0.55803897
##
##
## Accuracy was used to select the optimal model using the largest value.
## The final value used for the model was C = 0.5.
```

Como se ha empleado validación cruzada con 10 particiones y 5 repeticiones, caret ajusta el modelo  $10 \times 5 = 50$  veces por cada valor de C. Promediando los 50 valores de accuracy obtenidos para cada valor del hiperparámetro, se identifica cual es el mejor (valores mostrados en la tabla). Finalmente, se reajusta el modelo empleando todas las observaciones de entrenamiento y el mejor valor del hiperparámetro, este modelo se almacena en finalmodel. En este caso, de entre los valores de C probados, C = 0.5 consigue los mejores resultados con un finalmodel0. Si varios valores consiguen el mismo resultado, se selecciona el que da lugar al modelo más sencillo.

Si se especifica en el control de entrenamiento <u>returnResamp = "all"</u>, se almacenan los resultados obtenidos en cada iteración para cada valor del hiperparámetro, lo que permite un análisis más detallado.

#### modelo\_svmlineal\$resample %>% head()

```
## Accuracy Kappa C Resample

## 1 0.6250000 0.04330709 1e-03 Fold01.Rep1

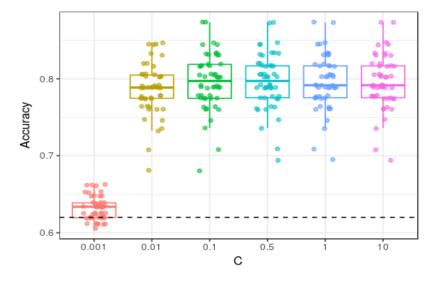
## 2 0.7777778 0.51351351 1e-02 Fold01.Rep1

## 3 0.7777778 0.51351351 1e-01 Fold01.Rep1

## 4 0.7777778 0.51351351 5e-01 Fold01.Rep1

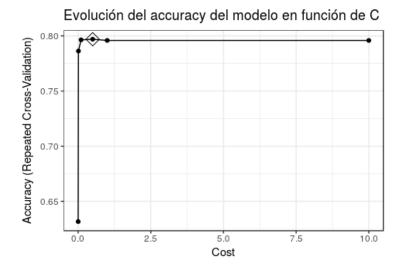
## 5 0.7777778 0.51351351 1e+00 Fold01.Rep1

## 6 0.7777778 0.51351351 1e+01 Fold01.Rep1
```



Además, <u>caret</u> incorpora un método basado en <u>ggplot2</u> para visualizar la evolución de los modelos según el valor de los hiperparámetros.

```
ggplot(modelo_svmlineal, highlight = TRUE) +
labs(title = "Evolución del accuracy del modelo en función de C") +
theme_bw()
```



## Búsqueda de hiperparámetros

A la hora de explorar los posibles valores de los hiperparámetros, se pueden seguir 3 estrategias distintas:

#### **Grid search**

Se especifican los valores exactos de los hiperparámetros que se quieren estudiar. Esto es lo que se ha hecho en el ejemplo anterior.

#### Random search

Si no se tiene ninguna idea sobre qué valores pueden ser adecuados, se puede hacer una búsqueda aleatoria dentro de un determinado rango. Algunos estudios parecen indicar que esta estrategia es superior a *grid search* cuando el modelo tiene múltiples hiperparámetros. caret incorpora esta opción mediante los argumentos search = "random" y tuneLength, este último determina la cantidad de valores generados. Sin embargo, en mi experiencia, se tiene más control creando un *dataframe* con valores aleatorios y pasándolo como argumento a tuneGrid. De esta forma, se evita que se generen automáticamente valores que no tienen sentido o que disparan el tiempo de computación necesario. Por ejemplo, si para *svmLinear* se genera un *C* = 1000 el modelo tarda minutos en ser ajustado.

```
# PARALELIZACIÓN DE PROCESO
#-----
library(doMC)
registerDoMC(cores = 4)
# HIPERPARÁMETROS, NÚMERO DE REPETICIONES Y SEMILLAS PARA CADA REPETICIÓN
particiones <- 10
repeticiones <- 5
# Hiperparámetros aleatorios
set.seed(123)
hiperparametros <- data.frame(C = runif(n = 5, min = 0.001, max = 20))
set.seed(123)
seeds <- vector(mode = "list", length = (particiones * repeticiones) + 1)</pre>
for (i in 1:(particiones * repeticiones)) {
 seeds[[i]] <- sample.int(1000, nrow(hiperparametros))</pre>
seeds[[(particiones * repeticiones) + 1]] <- sample.int(1000, 1)</pre>
# DEFINICIÓN DEL ENTRENAMIENTO
#-----
control_train <- trainControl(method = "repeatedcv", number = particiones,</pre>
                       repeats = repeticiones, seeds = seeds,
                       returnResamp = "all", verboseIter = FALSE,
                       allowParallel = TRUE)
# AJUSTE DEL MODELO
set.seed(342)
modelo svmlineal_random <- train(Survived ~ ., data = datos_train_prep,</pre>
                        method = "svmLinear",
                        tuneGrid = hiperparametros,
                        metric = "Accuracy",
                        trControl = control train)
modelo_svmlineal_random
```

```
## Support Vector Machines with Linear Kernel
##
## 714 samples
## 10 predictors
## 2 classes: 'No', 'Si'
##
## No pre-processing
## Resampling: Cross-Validated (10 fold, repeated 5 times)
## Summary of sample sizes: 642, 643, 642, 643, 642, 643, ...
## Resampling results across tuning parameters:
##
```

```
##
               Accuracy
                          Kappa
##
     5.752263 0.7955673 0.5573988
     8.180129 0.7955673 0.5573988
##
##
    15.766314 0.7952856 0.5566921
    17.660465 0.7947222 0.5555782
##
##
    18.809405 0.7958490 0.5579386
##
## Accuracy was used to select the optimal model using the largest value.
## The final value used for the model was C = 18.80941.
```

### **Adaptive Resampling**

En las dos estrategias anteriores, todos los hiperparámetros son evaluados en todas las repeticiones antes de poder decidir qué valores son buenos y cuáles no. caret incorpora una estrategia llamada Adaptive Resampling que guía la búsqueda hacia los valores óptimos a medida que se van ajustando los modelos, evitando así muchos ajustes innecesarios y reduciendo el coste computacional. Esta estrategia, aunque prometedora, no siempre funciona.

```
# PARALELIZACIÓN DE PROCESO
library(doMC)
registerDoMC(cores = 4)
# HIPERPARÁMETROS, NÚMERO DE REPETICIONES Y SEMILLAS PARA CADA REPETICIÓN
particiones <- 10
repeticiones <- 5
# Número de hiperparámetros aleatorios
n hiperparametros <- 10
set.seed(123)
seeds <- vector(mode = "list", length = (particiones * repeticiones) + 1)</pre>
for (i in 1:(particiones * repeticiones)) {
 seeds[[i]] <- sample.int(1000, n_hiperparametros)</pre>
seeds[[(particiones * repeticiones) + 1]] <- sample.int(1000, 1)</pre>
# DEFINICIÓN DEL ENTRENAMIENTO
control_train <- trainControl(method = "adaptive_cv", number = particiones,</pre>
                        repeats = repeticiones,
                        adaptive = list(min = 5, alpha = 0.05,
                                    method = "gls", complete = TRUE),
                        returnResamp = "all", verboseIter = FALSE,
                        allowParallel = TRUE, search = "random")
```

```
## Support Vector Machines with Linear Kernel
##
## 714 samples
  10 predictors
     2 classes: 'No', 'Si'
##
##
## No pre-processing
## Resampling: Adaptively Cross-Validated (10 fold, repeated 5 times)
## Summary of sample sizes: 642, 643, 642, 643, 642, 643, ...
## Resampling results across tuning parameters:
##
##
                                        Resamples
                  Accuracy
                             Kappa
##
       0.2060751 0.7966784
                             0.5597499
                                        50
      22.9018044 0.7961379
##
                             0.5584516
                                         7
##
     337.3203713 0.7786255
                             0.5208073
                                         6
##
     357.7548716 0.7739306 0.5105531
                                         6
     940.0455030 0.7808751 0.5249279
##
##
## Accuracy was used to select the optimal model using the largest value.
## The final value used for the model was C = 0.2060751.
```

#### Predicción

Una vez que el modelo ha sido ajustado, con la función <u>predict()</u> del paquete <u>caret</u>, se pueden predecir nuevos datos utilizando el objeto devuelto por <u>train()</u>. En concreto, la función <u>predict()</u> utiliza el modelo almacenado en <u>\$finalModel</u>, que es el mejor modelo de entre los ajustados en el proceso de optimización. Los argumentos de la función son:

models: un modelo o lista de modelos creados mediante train().

newdata: un dateframe con nuevas observaciones.

type: tipo de predicción. En modelos de clasificación puede ser "raw" para obtener directamente la clase predicha o "prob" para obtener la probabilidad de cada clase. Algunos

algoritmos no incorporan de forma nativa un cálculo de probabilidades, para asegurar que caret las calcula, se debe indicar en el control de entrenamiento classProbs = TRUE.

```
# El algoritmo svmLinear no calcula de forma nativa probabilidades, para obtenerlas
# se reajusta el modelo indicando `classProbs = TRUE`.
particiones <- 10
repeticiones <- 5
hiperparametros <- expand.grid(C = c(1))
set.seed(123)
seeds <- vector(mode = "list", length = (particiones * repeticiones) + 1)</pre>
for (i in 1:(particiones * repeticiones)) {
  seeds[[i]] <- sample.int(1000, nrow(hiperparametros))</pre>
seeds[[(particiones * repeticiones) + 1]] <- sample.int(1000, 1)</pre>
control_train <- trainControl(method = "repeatedcv", number = particiones,</pre>
                               repeats = repeticiones, seeds = seeds,
                               returnResamp = "all", verboseIter = FALSE,
                               classProbs = TRUE, allowParallel = TRUE)
set.seed(342)
modelo_svmlineal <- train(Survived ~ ., data = datos_train_prep,</pre>
                           method = "svmLinear",
                           tuneGrid = hiperparametros,
                           metric = "Accuracy",
                           trControl = control train)
predicciones_prob <- predict(modelo_svmlineal, newdata = datos_test_prep,</pre>
                              type = "prob")
predicciones prob %>% head()
```

```
## No Si
## 1 0.2636170 0.73638297
## 2 0.9284028 0.07159723
## 3 0.8225891 0.17741094
## 4 0.2880606 0.71193942
## 5 0.8027662 0.19723383
## 6 0.8173368 0.18266320
```

Obtener las probabilidades para cada clase es más informativo, ya que, además de conocer la clase predicha (la que tiene mayor probabilidad), se puede cuantificar la confianza de dicha predicción. Se tiene mucha más seguridad de que la predicción es correcta si las probabilidades son 0.9-0.1, que si son 0.49-0.51. Para problemas de clasificación binaria, se suele emplear un *cutoff* de probabilidad del 0.5, aquella clase que supera este límite es a la que se asigna la clasificación. Sin embargo, en determinados escenarios en los que se quiere minimizar el riesgo de falsos positivos o falsos negativos, este *cutoff* puede ser modificado. Esta es otra ventaja notable de predecir probabilidades en lugar de clases.

Tal y como se describe en secciones posteriores, caret permite obtener las predicciones de un listado de modelos a la vez. En estos casos, es preferible emplear la función extractPrediction(), ya que devuelve los resultados en formato de *dataframe* en lugar de *list*.

```
model dataType object
##
     obs pred
## 1 No
           No symLinear Training
                                     svm
           Si symLinear Training
## 2
     Si
                                     svm
## 3
     Si
           Si symLinear Training
                                     svm
           Si symLinear Training
     Si
## 4
                                     svm
## 5
     No
           No symLinear Training
                                     svm
## 6
     No
           No symLinear Training
                                     svm
```

#### Error de test

Aunque mediante los métodos de validación (*CV*, *bootstrapping*...) se consiguen buenas estimaciones del error que tiene un modelo al predecir nuevas observaciones, la mejor forma de evaluar un modelo final es prediciendo un conjunto test, es decir, un conjunto de observaciones que se ha mantenido al margen del proceso de entrenamiento y optimización. Dependiendo del problema en cuestión, pueden ser interesantes unas métricas u otras, la función confusionMatrix() calcula las principales. También hay funciones específicas para cada métrica: sensitivity(), specificity(), posPredValue(), negPredValue(), precision(), recall(), y F\_meas().

```
## Confusion Matrix and Statistics
##
             Reference
##
## Prediction No Si
           No 89 17
##
           Si 20 51
##
##
##
                  Accuracy: 0.791
                    95% CI: (0.7236, 0.8483)
##
       No Information Rate: 0.6158
##
##
       P-Value [Acc > NIR] : 4.548e-07
##
##
                     Kappa: 0.5619
   Mcnemar's Test P-Value: 0.7423
##
##
##
               Sensitivity: 0.7500
##
               Specificity: 0.8165
##
            Pos Pred Value: 0.7183
##
            Neg Pred Value: 0.8396
##
                Prevalence: 0.3842
            Detection Rate: 0.2881
##
##
      Detection Prevalence: 0.4011
         Balanced Accuracy: 0.7833
##
##
          'Positive' Class : Si
##
##
```

En el apartado de optimización, se estimó, mediante validación cruzada repetida, que el accuracy de modelo svmLinear con un C=0.5 era de 0.797, es decir, el modelo predice correctamente el 79.7% de las observaciones, un valor casi idéntico al obtenido con el conjunto de test (0.791).

En problemas de clasificación, se emplea con frecuencia el porcentaje de predicciones erróneas (1-accuracy), también llamado error de clasificación. Esta medida no se muestra en el resultado de confusionMatrix(), pero que es muy sencilla de calcular.

```
# Error de test
error_test <- mean(predicciones_raw != datos_test_prep$Survived)
paste("El error de test del modelo:", round(error_test*100, 2), "%")</pre>
```

## [1] "El error de test del modelo: 20.9 %"

### **Modelos**

En los siguientes apartados se entrenan diferentes modelos de *machine learning* con el objetivo de compararlos e identificar el que mejor resultado obtiene prediciendo la supervivencia de los pasajeros. Tal y como se mencionó al inicio del documento, caret hace una llamada a los modelos implementados en otros paquetes, por lo que, para conocer en detalle cómo funciona cada uno, se debe consultar la documentación del paquete correspondiente. Se puede encontrar un listado de todos los modelos disponibles, así como el paquete de origen y los hiperparámetros en este link.

## K-Nearest Neighbor (kNN)

*K-Nearest Neighbor* es uno de los algoritmos de *machine learning* más simples. Se fundamenta en la idea de identificar observaciones en el conjunto de entrenamiento que se asemejen a la observación de test (observaciones vecinas) y asignarle como valor predicho la clase predominante entre dichas observaciones. A pesar de su sencillez, en muchos escenarios consigue resultados aceptables.

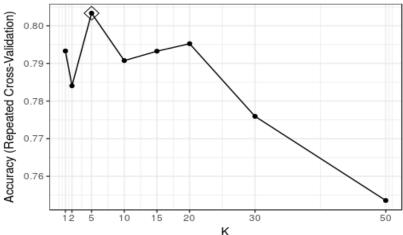
## Ajuste, optimización y validación del modelo

El método knn de caret emplea la función knn3() con un único hiperparámetro:

• k: número de observaciones vecinas empleadas.

```
for (i in 1:(particiones * repeticiones)) {
 seeds[[i]] <- sample.int(1000, nrow(hiperparametros))</pre>
seeds[[(particiones * repeticiones) + 1]] <- sample.int(1000, 1)</pre>
# DEFINICIÓN DEL ENTRENAMIENTO
control_train <- trainControl(method = "repeatedcv", number = particiones,</pre>
                           repeats = repeticiones, seeds = seeds,
                           returnResamp = "final", verboseIter = FALSE,
                           allowParallel = TRUE)
# AJUSTE DEL MODELO
set.seed(342)
modelo_knn <- train(Survived ~ ., data = datos_train_prep,</pre>
                  method = "knn",
                  tuneGrid = hiperparametros,
                  metric = "Accuracy",
                  trControl = control_train)
modelo_knn
## k-Nearest Neighbors
##
## 714 samples
  10 predictors
##
    2 classes: 'No', 'Si'
##
##
## No pre-processing
## Resampling: Cross-Validated (10 fold, repeated 5 times)
## Summary of sample sizes: 642, 643, 642, 643, 642, 643, ...
## Resampling results across tuning parameters:
##
##
    k
       Accuracy
                 Kappa
     1 0.7933138 0.5602402
##
##
     2 0.7840571 0.5409828
##
     5 0.8033490 0.5820327
##
    10 0.7907473 0.5523747
    15 0.7932512 0.5567901
##
##
    20 0.7952426 0.5571446
    30 0.7759390 0.5085140
##
    50 0.7535759 0.4472254
##
##
## Accuracy was used to select the optimal model using the largest value.
## The final value used for the model was k = 5.
```

## Evolución del accuracy del modelo KNN



Con un modelo kNN con k=5 se consigue un accuracy de validación promedio del 80.3%.

## **Naive Bayes**

Empleando el teorema de Bayes, el algoritmo de *Naive Bayes* calcula las probabilidades condicionales de que una observación pertenezca a cada una de las clases dadas unas evidencias (valores de los predictores). El término *naive* (ingenuo en inglés) se debe a que el algoritmo asume que las variables son independientes, es decir, que el valor que toman no está influenciado por las demás. Aunque en la práctica, esta asunción raramente es cierta, permite calcular la probabilidad cuando hay múltiples predictores simplemente multiplicando las probabilidades individuales de cada uno (regla de eventos independientes). A pesar de que es solo una aproximación, puede resultar muy efectiva. Más información sobre *Naive Bayes* en este link.

## Ajuste, optimización y validación del modelo

El método nb de caret emplea la función NaiveBayes() del paquete klaR con tres hiperparámetros:

- <u>usekernel</u>: TRUE para emplear un kernel que estime la densidad o FALSE para asumir una distribución de densidad gaussiana.
- <u>fL</u>: factor de corrección de *Laplace*, o para no aplicar ninguna corrección.
- adjust: parámetro pasado a la función density si usekernel = TRUE.

```
# PARALELIZACIÓN DE PROCESO
library(doMC)
registerDoMC(cores = 4)
# HIPERPARÁMETROS, NÚMERO DE REPETICIONES Y SEMILLAS PARA CADA REPETICIÓN
#-----
particiones <- 10
repeticiones <- 5
# Hiperparámetros
hiperparametros <- data.frame(usekernel = FALSE, fL = 0 , adjust = 0)</pre>
set.seed(123)
seeds <- vector(mode = "list", length = (particiones * repeticiones) + 1)</pre>
for (i in 1:(particiones * repeticiones)) {
 seeds[[i]] <- sample.int(1000, nrow(hiperparametros))</pre>
seeds[[(particiones * repeticiones) + 1]] <- sample.int(1000, 1)</pre>
# DEFINICIÓN DEL ENTRENAMIENTO
control train <- trainControl(method = "repeatedcv", number = particiones,</pre>
                       repeats = repeticiones, seeds = seeds,
                       returnResamp = "final", verboseIter = FALSE,
                       allowParallel = TRUE)
# AJUSTE DEL MODELO
# -----
set.seed(342)
modelo nb <- train(Survived ~ ., data = datos train prep,
              method = "nb",
              tuneGrid = hiperparametros,
              metric = "Accuracy",
              trControl = control_train)
modelo nb
```

```
## Naive Bayes
##
## 714 samples
## 10 predictors
## 2 classes: 'No', 'Si'
##
```

```
## No pre-processing
## Resampling: Cross-Validated (10 fold, repeated 5 times)
## Summary of sample sizes: 642, 643, 642, 643, 642, 643, ...
## Resampling results:
##
##
     Accuracy
                Kappa
##
     0.7980869 0.5688785
##
## Tuning parameter 'fL' was held constant at a value of 0
## Tuning
  parameter 'usekernel' was held constant at a value of FALSE
##
##
## Tuning parameter 'adjust' was held constant at a value of 0
```

Empleando un modelo *Naive Bayes* con *usekernel* = FALSE, fL = o, adjust = o, se consigue un *accuracy* promedio de validación del 79.8%.

## Regresión logística

Información detallada sobre regresión logística en Regresión logística simple y múltiple.

## Ajuste, optimización y validación del modelo

El método *glm* de caret emplea la función glm() del paquete básico de R. Este algoritmo no tiene ningún hiperparámetro pero, para que efectúe una regresión logística, hay que indicar family = "binomial".

```
seeds <- vector(mode = "list", length = (particiones * repeticiones) + 1)</pre>
for (i in 1:(particiones * repeticiones)) {
 seeds[[i]] <- sample.int(1000, nrow(hiperparametros))</pre>
}
seeds[[(particiones * repeticiones) + 1]] <- sample.int(1000, 1)</pre>
# DEFINICIÓN DEL ENTRENAMIENTO
control train <- trainControl(method = "repeatedcv", number = particiones,</pre>
                           repeats = repeticiones, seeds = seeds,
                           returnResamp = "final", verboseIter = FALSE,
                           allowParallel = TRUE)
# AJUSTE DEL MODELO
# ------
set.seed(342)
modelo logistic <- train(Survived ~ ., data = datos train prep,
                      method = "glm",
                      tuneGrid = hiperparametros,
                      metric = "Accuracy",
                      trControl = control_train, family = "binomial")
modelo_logistic
## Generalized Linear Model
##
## 714 samples
  10 predictors
##
    2 classes: 'No', 'Si'
##
##
## No pre-processing
## Resampling: Cross-Validated (10 fold, repeated 5 times)
## Summary of sample sizes: 642, 643, 642, 643, 642, 643, ...
## Resampling results:
##
##
    Accuracy
              Kappa
##
    0.7994914 0.5673381
```

## summary(modelo\_logistic\$finalModel)

```
##
## Call:
## NULL
##
## Deviance Residuals:
## Min 1Q Median 3Q Max
## -2.8827 -0.5503 -0.4331 0.5798 2.3939
##
## Coefficients:
```

```
##
                   Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept)
                               0.34586 7.396 1.41e-13 ***
                    2.55793
                   -0.53019
                               0.15708 -3.375 0.000737 ***
## SibSp
## Parch
                   -0.20261
                               0.11101 -1.825 0.067984 .
## Fare
                               0.19888
## Pclass_X2
                   -0.74873
                               0.32233 -2.323 0.020185 *
## Pclass X3
                               0.30619 -6.233 4.58e-10 ***
                   -1.90843
## Sex_male
                               0.23483 -12.066 < 2e-16 ***
                   -2.83340
## Embarked_Q
                    0.03173
                               0.42675 0.074 0.940726
## Embarked_S
                    -0.38463
                               0.27078 -1.420 0.155472
## Age_grupo_anciano -0.48896
                               0.59820 -0.817 0.413700
## Age grupo niño
                               0.46090 4.694 2.68e-06 ***
                    2.16357
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
      Null deviance: 950.86 on 713
                                   degrees of freedom
## Residual deviance: 619.70 on 703 degrees of freedom
## AIC: 641.7
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 5
```

Empleando un modelo de regresión logística se consigue un *accuracy* promedio de validación del 80.0%.

### LDA

Información detallada sobre LDA en Análisis discriminante lineal (LDA).

### Ajuste, optimización y validación del modelo

El método *lda* de caret emplea la función <u>lda()</u> del paquete <u>MASS</u>. Este algoritmo no tiene ningún hiperparámetro.

```
# PARALELIZACIÓN DE PROCESO
library(doMC)
registerDoMC(cores = 4)
# HIPERPARÁMETROS, NÚMERO DE REPETICIONES Y SEMILLAS PARA CADA REPETICIÓN
particiones <- 10
repeticiones <- 5
# Hiperparámetros
hiperparametros <- data.frame(parameter = "none")</pre>
set.seed(123)
seeds <- vector(mode = "list", length = (particiones * repeticiones) + 1)</pre>
for (i in 1:(particiones * repeticiones)) {
 seeds[[i]] <- sample.int(1000, nrow(hiperparametros))</pre>
seeds[[(particiones * repeticiones) + 1]] <- sample.int(1000, 1)</pre>
# DEFINICIÓN DEL ENTRENAMIENTO
control_train <- trainControl(method = "repeatedcv", number = particiones,</pre>
                       repeats = repeticiones, seeds = seeds,
                       returnResamp = "final", verboseIter = FALSE,
                       allowParallel = TRUE)
# AJUSTE DEL MODELO
# ------
set.seed(342)
modelo_lda <- train(Survived ~ ., data = datos_train_prep,</pre>
               method = "lda",
               tuneGrid = hiperparametros,
               metric = "Accuracy",
               trControl = control_train)
modelo lda
```

```
## Linear Discriminant Analysis
##
## 714 samples
  10 predictors
##
     2 classes: 'No', 'Si'
##
##
## No pre-processing
## Resampling: Cross-Validated (10 fold, repeated 5 times)
## Summary of sample sizes: 642, 643, 642, 643, 642, 643, ...
## Resampling results:
##
##
     Accuracy
                Kappa
##
     0.8008803 0.5692523
```

### modelo\_lda\$finalModel

```
## Call:
## lda(x, grouping = y)
##
## Prior probabilities of groups:
##
         No
## 0.6162465 0.3837535
##
## Group means:
##
           SibSp
                      Parch
                                 Fare Pclass_X2 Pclass_X3 Sex_male
## No 0.01776287 -0.08146164 -0.2057724 0.1636364 0.6931818 0.8613636
Embarked_Q Embarked_S Age_grupo_anciano Age_grupo_niño
##
## No 0.08636364
                0.7750000
                                0.02727273
                                              0.05454545
## Si 0.08759124
                0.6532847
                                0.01824818
                                              0.11313869
##
## Coefficients of linear discriminants:
##
                          LD1
## SibSp
                   -0.2853455
## Parch
                   -0.1380122
## Fare
                    0.1115099
## Pclass X2
                   -0.5491125
## Pclass X3
                   -1.2960061
## Sex male
                   -2.1605930
## Embarked Q
                    0.0288948
## Embarked_S
                   -0.2392385
## Age_grupo_anciano -0.4049878
## Age_grupo_niño
                    1.3971200
```

Empleando como modelo un LDA, se consigue un accuracy promedio de validación del 80.0%.

## Árbol de clasificación simple

Información detallada sobre árboles de clasificación en Árboles de predicción: bagging, random forest, boosting y C<sub>5</sub>.o.

### Ajuste, optimización y validación del modelo

El método *C5.0Tree* de caret emplea la función <u>C5.0.default()</u> del paquete <u>C50</u> para crear un árbol de clasificación simple. Este algoritmo no tiene ningún hiperparámetro.

```
# PARALELIZACIÓN DE PROCESO
library(doMC)
registerDoMC(cores = 4)
# HIPERPARÁMETROS, NÚMERO DE REPETICIONES Y SEMILLAS PARA CADA REPETICIÓN
particiones <- 10
repeticiones <- 5
# Hiperparámetros
hiperparametros <- data.frame(parameter = "none")</pre>
set.seed(123)
seeds <- vector(mode = "list", length = (particiones * repeticiones) + 1)</pre>
for (i in 1:(particiones * repeticiones)) {
 seeds[[i]] <- sample.int(1000, nrow(hiperparametros))</pre>
seeds[[(particiones * repeticiones) + 1]] <- sample.int(1000, 1)</pre>
# DEFINICIÓN DEL ENTRENAMIENTO
control_train <- trainControl(method = "repeatedcv", number = particiones,</pre>
                      repeats = repeticiones, seeds = seeds,
                      returnResamp = "final", verboseIter = FALSE,
                      allowParallel = TRUE)
# AJUSTE DEL MODELO
set.seed(342)
modelo C50Tree <- train(Survived ~ ., data = datos train prep,
     method = "C5.0Tree",
```

```
## Single C5.0 Tree
##
## 714 samples
##
  10 predictors
     2 classes: 'No', 'Si'
##
##
## No pre-processing
## Resampling: Cross-Validated (10 fold, repeated 5 times)
## Summary of sample sizes: 642, 643, 642, 643, 642, 643, ...
## Resampling results:
##
     Accuracy
##
                Kappa
##
     0.8131925 0.5929933
```

### summary(modelo\_C50Tree\$finalModel)

```
## Call:
## C50:::C5.0.default(x = x, y = y, weights = wts)
##
## C5.0 [Release 2.07 GPL Edition]
                                         Mon Apr 23 16:37:55 2018
##
## Class specified by attribute `outcome'
##
## Read 714 cases (11 attributes) from undefined.data
##
## Decision tree:
##
## Sex_male <= 0:
## :...Pclass_X3 <= 0: Si (133/7)
       Pclass X3 > 0:
## :
       :...Embarked_S <= 0: Si (46/13)
## :
           Embarked S > 0:
## :
           :...Fare <= -0.2911804: Si (38/18)
## :
## :
               Fare > -0.2911804: No (26/3)
## Sex_male > 0:
## :...Age_grupo_niño > 0:
       :...SibSp <= 1.347134: Si (16)
##
##
           SibSp > 1.347134: No (13)
##
       Age_grupo_niño <= 0:
       :...Fare \leftarrow -0.1217642: No (332/33)
##
##
           Fare > -0.1217642:
##
           :...Parch > -0.4699865: No (27/5)
```

```
Parch <= -0.4699865:
##
##
               :...Pclass_X3 > 0: Si (6/1)
##
                   Pclass_X3 <= 0:</pre>
##
                   :...Fare <= -0.119132: Si (4)
                       Fare > -0.119132: No (73/29)
##
## Evaluation on training data (714 cases):
##
##
        Decision Tree
##
      Size Errors
##
##
        11 109(15.3%)
##
                         <<
##
##
##
       (a)
             (b)
                    <-classified as
##
                    (a): class No
##
       401
              39
##
                    (b): class Si
       70
             204
##
##
   Attribute usage:
##
##
##
   100.00% Sex_male
##
     70.87% Fare
##
     65.97% Age_grupo_niño
     45.66% Pclass_X3
##
     15.41% Parch
##
     15.41% Embarked_S
##
##
     4.06% SibSp
##
##
## Time: 0.0 secs
```

Empleando como modelo un árbol simple C<sub>5</sub>.o, se consigue un *accuracy* promedio de validación del 81.3%.

### **RandomForest**

Información detallada sobre *random forest* en Árboles de predicción: bagging, random forest, boosting y C<sub>5</sub>.0

### Ajuste, optimización y validación del modelo

El método *ranger* de caret emplea la función <u>ranger()</u> del paquete <u>ranger</u>. Este algoritmo tiene 3 hiperparámetros:

- mtry: número predictores seleccionados aleatoriamente en cada árbol.
- min.node.size: tamaño mínimo que tiene que tener un nodo para poder ser dividido.
- splitrule: criterio de división.

Aunque caret también incluye la método rf con la función rf() del paquete randomForest, este último solo permite optimizar el hiperparámetro rf().

```
# PARALELIZACIÓN DE PROCESO
library(doMC)
registerDoMC(cores = 4)
# HIPERPARÁMETROS, NÚMERO DE REPETICIONES Y SEMILLAS PARA CADA REPETICIÓN
particiones <- 10
repeticiones <- 5
# Hiperparámetros
hiperparametros \leftarrow expand.grid(mtry = c(3, 4, 5, 7),
                        min.node.size = c(2, 3, 4, 5, 10, 15, 20, 30),
                        splitrule = "gini")
set.seed(123)
seeds <- vector(mode = "list", length = (particiones * repeticiones) + 1)</pre>
for (i in 1:(particiones * repeticiones)) {
 seeds[[i]] <- sample.int(1000, nrow(hiperparametros))</pre>
seeds[[(particiones * repeticiones) + 1]] <- sample.int(1000, 1)</pre>
# DEFINICIÓN DEL ENTRENAMIENTO
control_train <- trainControl(method = "repeatedcv", number = particiones,</pre>
                       repeats = repeticiones, seeds = seeds,
```

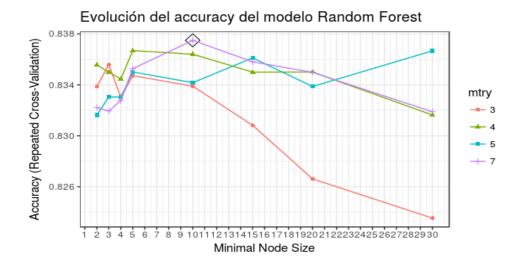
```
returnResamp = "final", verboseIter = FALSE,
                         allowParallel = TRUE)
# AJUSTE DEL MODELO
set.seed(342)
modelo_rf <- train(Survived ~ ., data = datos_train_prep,</pre>
                method = "ranger",
                tuneGrid = hiperparametros,
                metric = "Accuracy",
                trControl = control train,
                # Número de árboles ajustados
                num.trees = 500)
modelo rf
## Random Forest
##
## 714 samples
```

```
##
   10 predictors
     2 classes: 'No', 'Si'
##
##
## No pre-processing
## Resampling: Cross-Validated (10 fold, repeated 5 times)
## Summary of sample sizes: 642, 643, 642, 643, 642, 643, ...
## Resampling results across tuning parameters:
##
           min.node.size Accuracy
##
     mtry
                                      Kappa
##
     3
            2
                          0.8338732
                                     0.6338623
     3
##
            3
                          0.8355829 0.6377688
##
     3
            4
                          0.8330321
                                     0.6325584
            5
##
     3
                          0.8347261 0.6360054
     3
##
           10
                          0.8338967 0.6344485
     3
##
           15
                          0.8308216 0.6278330
##
     3
           20
                          0.8266119
                                     0.6178842
##
     3
           30
                          0.8235329
                                     0.6086024
     4
            2
##
                          0.8355712 0.6414031
            3
##
     4
                          0.8350039
                                     0.6401333
            4
##
     4
                          0.8344523 0.6388404
            5
##
     4
                          0.8366941
                                     0.6434940
##
     4
           10
                          0.8364085 0.6430724
     4
           15
##
                          0.8350039
                                     0.6405249
##
     4
           20
                          0.8350078 0.6401796
##
     4
           30
                          0.8316315 0.6304811
##
     5
            2
                          0.8316236 0.6346441
     5
##
            3
                          0.8330477 0.6378208
     5
##
            4
                          0.8330399 0.6375516
     5
            5
##
                          0.8350117
                                     0.6421278
##
     5
           10
                          0.8341745
                                     0.6402521
     5
           15
##
                          0.8361150
                                     0.6437347
     5
           20
##
                          0.8338732
                                     0.6392069
##
     5
           30
                          0.8366745 0.6439343
```

```
##
     7
                          0.8322183 0.6395312
     7
            3
##
                          0.8319405 0.6379434
     7
            4
##
                          0.8327660 0.6393822
     7
            5
                          0.8352739
                                     0.6442237
##
     7
##
           10
                          0.8375000
                                     0.6489871
     7
           15
##
                          0.8358099
                                     0.6446792
##
     7
           20
                          0.8349804 0.6433562
     7
           30
##
                          0.8318858 0.6354208
##
## Tuning parameter 'splitrule' was held constant at a value of gini
## Accuracy was used to select the optimal model using the largest value.
## The final values used for the model were mtry = 7, splitrule = gini
  and min.node.size = 10.
```

### modelo\_rf\$finalModel

```
## Ranger result
##
## Call:
## ranger::ranger(dependent.variable.name = ".outcome", data = x,
                                                                          mtry =
param$mtry, min.node.size = param$min.node.size, splitrule =
as.character(param$splitrule),
                                    write.forest = TRUE, probability = classProbs,
...)
##
                                      Classification
## Type:
## Number of trees:
                                      500
## Sample size:
                                      714
## Number of independent variables:
                                      10
## Mtry:
## Target node size:
                                      10
## Variable importance mode:
                                      none
## 00B prediction error:
                                      16.39 %
```



Empleando un modelo *random forest* con mtry = 7, min.node.size = 10 y splitrule = "gini", se consigue un *accuracy* promedio de validación del 83.8%.

## **Gradient Boosting**

Información detallada sobre *boosting* en Árboles de predicción: bagging, random forest, boosting y C<sub>5</sub>.0

## Ajuste, optimización y validación del modelo

El método *gbm* de caret emplea la función gbm() del paquete gbm. Este algoritmo tiene 4 hiperparámetros:

- <u>n.trees</u>: número de iteraciones del algoritmo de *boosting*, es decir, número de modelos que forman el *ensemble*. Cuanto mayor es este valor, más se reduce el error de entrenamiento, pudiendo llegar generarse *overfitting*.
- <u>interaction.depth</u>: complejidad de los árboles empleados como *weak learner*, en concreto, el número total de divisiones que tiene el árbol. Emplear árboles con ente 1 y 6 nodos suele dar buenos resultados.
- shrinkage: este parámetro, también conocido como *learning rate*, controla la influencia que tiene cada modelo sobre el conjunto del *ensemble*. Es preferible mejorar un modelo mediante muchos pasos pequeños que mediante unos pocos grandes. Por esta razón, se recomienda emplear un valor de *shrinkage* tan pequeño como sea posible, teniendo en

- cuenta que, cuanto menor sea, mayor el número de iteraciones necesarias. Por defecto es de 0.001.
- <u>n.minobsinnode</u>: número mínimo de observaciones que debe tener un nodo para poder ser dividido. Al igual que <u>interaction.depth</u>, permite controlar la complejidad de los *weak learners* basados en árboles.

Además de los hiperparámetros que permite controlar caret, la función gbm() tiene otros dos más que hay que tener en cuenta:

- distribution: determina la función de coste (loss function). Algunas de las más utilizadas son: gaussian (squared loss) para regresión, bernulli para respuestas binarias, multinomial para variables respuesta con más de dos clases y adaboost para respuestas binarias y que emplea la función exponencial del algoritmo original AdaBoost.
- <u>bag.fraction</u> (*subsampling fraction*): fracción de observaciones del set de entrenamiento seleccionadas de forma aleatoria para ajustar cada *weak learner*. Si su valor es de 1, se emplea el algoritmo de *Gradient Boosting*, si es menor que 1, se emplea *Stochastic Gradient Boosting*. Por defecto su valor es de 0.5.

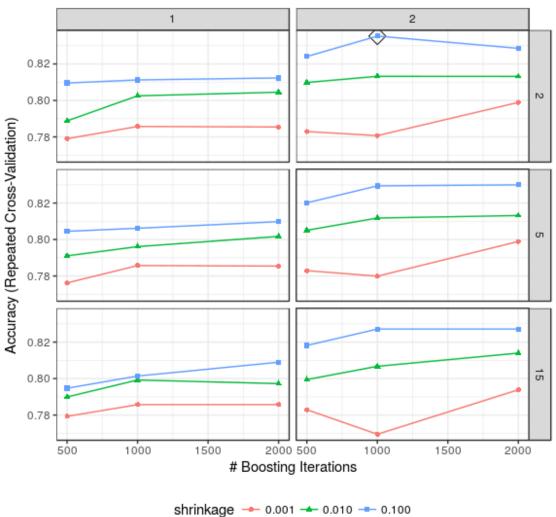
```
# PARALELIZACIÓN DE PROCESO
#-----
library(doMC)
registerDoMC(cores = 4)
# HIPERPARÁMETROS, NÚMERO DE REPETICIONES Y SEMILLAS PARA CADA REPETICIÓN
particiones <- 10
repeticiones <- 5
# Hiperparámetros
hiperparametros <- expand.grid(interaction.depth = c(1, 2),</pre>
                         n.trees = c(500, 1000, 2000),
                         shrinkage = c(0.001, 0.01, 0.1),
                         n.minobsinnode = c(2, 5, 15)
set.seed(123)
seeds <- vector(mode = "list", length = (particiones * repeticiones) + 1)</pre>
for (i in 1:(particiones * repeticiones)) {
 seeds[[i]] <- sample.int(1000, nrow(hiperparametros))</pre>
seeds[[(particiones * repeticiones) + 1]] <- sample.int(1000, 1)</pre>
# DEFINICIÓN DEL ENTRENAMIENTO
control_train <- trainControl(method = "repeatedcv", number = particiones,</pre>
                        repeats = repeticiones, seeds = seeds,
                        returnResamp = "final", verboseIter = FALSE,
                        allowParallel = TRUE)
```

```
10 predictors
##
##
     2 classes: 'No', 'Si'
##
## No pre-processing
## Resampling: Cross-Validated (10 fold, repeated 5 times)
## Summary of sample sizes: 642, 643, 642, 643, 642, 643, ...
## Resampling results across tuning parameters:
##
##
     shrinkage
                 interaction.depth n.minobsinnode
                                                       n.trees
                                                                 Accuracy
     0.001
                                                        500
                                                                 0.7790297
##
                 1
                                       2
                                       2
##
     0.001
                 1
                                                       1000
                                                                 0.7857316
                                       2
##
     0.001
                 1
                                                       2000
                                                                 0.7854499
##
     0.001
                 1
                                       5
                                                        500
                                                                 0.7762128
                                       5
##
     0.001
                 1
                                                       1000
                                                                 0.7857316
                                       5
##
     0.001
                 1
                                                       2000
                                                                 0.7854499
                 1
##
     0.001
                                      15
                                                        500
                                                                 0.7793075
                                                                 0.7857316
##
     0.001
                 1
                                      15
                                                       1000
##
     0.001
                 1
                                      15
                                                       2000
                                                                 0.7857316
     0.001
                 2
                                       2
##
                                                        500
                                                                 0.7829343
                                       2
                 2
##
     0.001
                                                        1000
                                                                 0.7807081
                 2
                                       2
##
     0.001
                                                       2000
                                                                 0.7989280
                 2
                                       5
##
     0.001
                                                        500
                                                                 0.7829343
##
                 2
                                       5
     0.001
                                                       1000
                                                                 0.7798865
                 2
                                       5
##
     0.001
                                                       2000
                                                                 0.7989280
##
     0.001
                 2
                                      15
                                                        500
                                                                 0.7829343
                 2
##
     0.001
                                      15
                                                       1000
                                                                 0.7694875
##
     0.001
                 2
                                      15
                                                       2000
                                                                 0.7938850
##
     0.010
                 1
                                       2
                                                        500
                                                                 0.7888067
                                       2
##
     0.010
                 1
                                                       1000
                                                                 0.8025352
                                       2
##
     0.010
                 1
                                                       2000
                                                                 0.8045266
##
     0.010
                 1
                                       5
                                                         500
                                                                 0.7910642
##
                 1
                                       5
     0.010
                                                       1000
                                                                 0.7961033
                 1
                                       5
##
     0.010
                                                       2000
                                                                 0.8017058
##
     0.010
                 1
                                      15
                                                        500
                                                                 0.7899570
```

##	0.010	1	15	1000	0.7992097
##	0.010	1	15	2000	0.7972379
##	0.010	2	2	500	0.8098552
##	0.010	2	2	1000	0.8132003
##	0.010	2	2	2000	0.8131573
##	0.010	2	5	500	0.8050822
##	0.010	2	5	1000	0.8117840
##	0.010	2	5	2000	0.8131573
##	0.010	2	15	500	0.7994757
##	0.010	2	15	1000	0.8067371
##	0.010	2	15	2000	0.8139828
##	0.100	1	2	500	0.8095462
##	0.100	1	2	1000	0.8112207
##	0.100	1	2	2000	0.8123200
##	0.100	1	5	500	0.8045070
##	0.100	1	5	1000	0.8061698
##	0.100	1	5	2000	0.8097926
##	0.100	1	15	500	0.7947066
##	0.100	1	15	1000	0.8014163
##	0.100	1	15	2000	0.8089789
##	0.100	2	2	500	0.8240806
##	0.100	2	2	1000	0.8352660
##	0.100	2	2	2000	0.8285446
##	0.100	2	5	500	0.8201252
##	0.100	2	5	1000	0.8294053
##	0.100	2	5	2000	0.8299570
##	0.100	2	15	500	0.8181768
##	0.100	2	15	1000	0.8271557
##	0.100	2	15	2000	0.8271674
##	Карра				
##	0.5166983				
##	0.5367502				
##	0.5360863				
##	0.5090923				
##	0.5367502				
##	0.5360863				
##	0.5172698				
##	0.5367502				
##	0.5367502				
##	0.4899315				
##	0.5050352				
##	0.5590570				
##	0.4899315				
##	0.5031992				
##	0.5590348				
##	0.4899315				
##	0.4748830				
##	0.5460600				
##	0.5417927				
##	0.5734055				

```
##
     0.5793882
##
     0.5461891
##
     0.5605769
##
     0.5729184
##
     0.5452591
##
     0.5681149
##
     0.5641804
##
     0.5871693
##
     0.5966833
##
     0.5956843
##
     0.5776974
##
     0.5936203
##
     0.5954147
##
     0.5650111
##
     0.5809224
##
     0.5946832
##
     0.5888231
##
     0.5922447
##
     0.5942755
##
     0.5777136
##
     0.5818648
##
     0.5887275
##
     0.5572185
##
     0.5709685
##
     0.5867740
##
     0.6187227
##
     0.6435155
##
     0.6307433
##
     0.6109414
##
     0.6309865
##
     0.6334463
##
     0.6034724
##
     0.6233648
##
     0.6261475
##
## Accuracy was used to select the optimal model using the largest value.
## The final values used for the model were n.trees = 1000,
  interaction.depth = 2, shrinkage = 0.1 and n.minobsinnode = 2.
```





Empleando un modelo *boosting* con n.trees = 1000, minobsinnode = 2, interaction.depth = 2 y shrinkage = 0.1 se consigue un *accuracy* promedio de validación del 83.5%.

### **SVM**

Información detallada sobre *SVM* en Máquinas de Vector Soporte (Support Vector Machines, SVMs)

### Ajuste, optimización y validación del modelo

El método *svmRadial* de caret emplea la función ksvm() del paquete kernlab. Este algoritmo tiene2 hiperparámetros:

- sigma: coeficiente del kernel radial.
- C: penalización por violaciones del margen del hiperplano.

```
# PARALELIZACIÓN DE PROCESO
library(doMC)
registerDoMC(cores = 4)
# HIPERPARÁMETROS, NÚMERO DE REPETICIONES Y SEMILLAS PARA CADA REPETICIÓN
particiones <- 10
repeticiones <- 5
# Hiperparámetros
hiperparametros \leftarrow expand.grid(sigma = c(0.001, 0.01, 0.1, 0.5, 1),
                          C = c(1, 20, 50, 100, 200, 500, 700))
set.seed(123)
seeds <- vector(mode = "list", length = (particiones * repeticiones) + 1)</pre>
for (i in 1:(particiones * repeticiones)) {
 seeds[[i]] <- sample.int(1000, nrow(hiperparametros))</pre>
seeds[[(particiones * repeticiones) + 1]] <- sample.int(1000, 1)</pre>
# DEFINICIÓN DEL ENTRENAMIENTO
control_train <- trainControl(method = "repeatedcv", number = particiones,</pre>
                          repeats = repeticiones, seeds = seeds,
                          returnResamp = "final", verboseIter = FALSE,
                          allowParallel = TRUE)
```

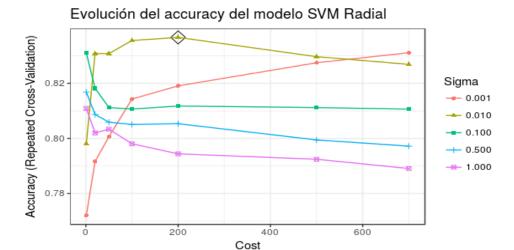
```
# AJUSTE DEL MODELO
set.seed(342)
modelo_svmrad <- train(Survived ~ ., data = datos_train_prep,</pre>
                method = "svmRadial",
                tuneGrid = hiperparametros,
                metric = "Accuracy",
                trControl = control_train)
modelo svmrad
## Support Vector Machines with Radial Basis Function Kernel
##
## 714 samples
##
  10 predictors
    2 classes: 'No', 'Si'
##
##
## No pre-processing
```

```
Resampling: Cross-Validated (10 fold, repeated 5 times)
  Summary of sample sizes: 642, 643, 642, 643, 642, 643, ...
  Resampling results across tuning parameters:
##
##
    sigma
                Accuracy
          C
                           Kappa
##
    0.001
             1
                0.7719992
                           0.4781624
##
    0.001
            20 0.7916275
                           0.5480256
##
    0.001
            50 0.8006103 0.5688424
##
    0.001
          100 0.8143232 0.5996531
##
    0.001
          200 0.8191041 0.6090938
##
    0.001
           500 0.8274961
                           0.6264161
           700 0.8311424 0.6337104
##
    0.001
##
    0.010
             1 0.7981064 0.5631093
##
    0.010
            20 0.8308490 0.6317733
    0.010
            50 0.8308294 0.6249590
##
##
    0.010
           100 0.8355829
                           0.6328420
##
    0.010
          200 0.8367058 0.6349823
##
    0.010
           500 0.8296987
                           0.6213148
##
    0.010
          700 0.8269092 0.6160803
##
    0.100
             1 0.8310994
                           0.6237852
##
    0.100
            20 0.8182277
                           0.6008914
##
    0.100
            50 0.8112207
                           0.5865945
           100 0.8106612 0.5857181
##
    0.100
##
    0.100
           200 0.8117958 0.5879891
##
    0.100
           500 0.8112167
                           0.5873951
##
    0.100
           700 0.8106416
                           0.5863056
##
    0.500
             1 0.8168232
                           0.5975612
    0.500
            20 0.8087089
##
                           0.5836183
##
    0.500
            50 0.8059155
                           0.5795853
##
    0.500
           100 0.8050704
                           0.5781242
    0.500
##
           200 0.8053599
                           0.5792918
##
    0.500
           500 0.7994523
                           0.5664956
##
    0.500 700 0.7972066 0.5610682
```

```
##
     1.000
                 0.8109116 0.5887298
     1.000
             20 0.8019679
##
                            0.5733500
##
     1.000
             50 0.8033685
                            0.5770781
           100 0.7980556
##
     1.000
                            0.5648517
##
     1.000
            200
                0.7944014 0.5553323
            500
                 0.7924296
##
     1.000
                            0.5486441
##
     1.000
            700
                 0.7890806
                            0.5413609
##
## Accuracy was used to select the optimal model using the largest value.
  The final values used for the model were sigma = 0.01 and C = 200.
```

### modelo\_svmrad\$finalModel

```
## Support Vector Machine object of class "ksvm"
##
## SV type: C-svc (classification)
## parameter : cost C = 200
##
## Gaussian Radial Basis kernel function.
## Hyperparameter : sigma = 0.01
##
## Number of Support Vectors : 286
##
## Objective Function Value : -46114.84
## Training error : 0.155462
```



Empleando un modelo *SVM Radial* con sigma = 0.01 y C = 200, se consigue un *accuracy* promedio de validación del 83.7%.

## **Redes neuronales (NNET)**

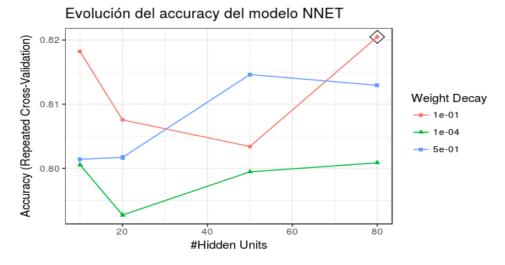
### Ajuste, optimización y validación del modelo

El método *nnet* de caret emplea la función <u>nnet()</u> del paquete <u>nnet</u> para crear redes neuronales con una capa oculta. Este algoritmo tiene 2 hiperparámetros:

- size: número de neuronas en la capa oculta.
- decay: controla la regularización durante el entrenamiento de la red.

```
# PARALELIZACIÓN DE PROCESO
library(doMC)
registerDoMC(cores = 4)
# HIPERPARÁMETROS, NÚMERO DE REPETICIONES Y SEMILLAS PARA CADA REPETICIÓN
particiones <- 10
repeticiones <- 5
# Hiperparámetros
hiperparametros \leftarrow expand.grid(size = c(10, 20, 50, 80),
                        decay = c(0.0001, 0.1, 0.5))
set.seed(123)
seeds <- vector(mode = "list", length = (particiones * repeticiones) + 1)</pre>
for (i in 1:(particiones * repeticiones)) {
 seeds[[i]] <- sample.int(1000, nrow(hiperparametros))</pre>
seeds[[(particiones * repeticiones) + 1]] <- sample.int(1000, 1)</pre>
# DEFINICIÓN DEL ENTRENAMIENTO
control_train <- trainControl(method = "repeatedcv", number = particiones,</pre>
                        repeats = repeticiones, seeds = seeds,
                        returnResamp = "final", verboseIter = FALSE,
                        allowParallel = TRUE)
# AJUSTE DEL MODELO
set.seed(342)
modelo_nnet <- train(Survived ~ ., data = datos_train_prep,</pre>
               method = "nnet", tuneGrid = hiperparametros,
               metric = "Accuracy",
               trControl = control train,
               # Rango de inicialización de los pesos
               rang = c(-0.7, 0.7),
               # Para que no se muestre cada iteración por pantalla
               trace = FALSE)
modelo nnet
```

```
## Neural Network
## 714 samples
   10 predictors
##
     2 classes: 'No', 'Si'
##
##
## No pre-processing
## Resampling: Cross-Validated (10 fold, repeated 5 times)
  Summary of sample sizes: 642, 643, 642, 643, 642, 643, ...
## Resampling results across tuning parameters:
##
##
     size
           decay
                  Accuracy
                             Kappa
##
           1e-04
                  0.8005516
     10
                             0.5693811
##
     10
           1e-01
                  0.8182199
                             0.6020419
##
     10
           5e-01
                  0.8014241
                             0.5665801
##
     20
           1e-04
                  0.7927269
                             0.5505401
##
     20
           1e-01
                  0.8075548
                             0.5795228
##
     20
           5e-01
                  0.8016941
                             0.5666546
##
     50
           1e-04
                  0.7994562
                             0.5683570
##
     50
           1e-01
                  0.8033998
                             0.5726934
##
     50
           5e-01 0.8146205
                             0.5986775
##
     80
           1e-04
                  0.8008607
                             0.5701937
##
     80
           1e-01 0.8204851
                             0.6069849
##
     80
           5e-01 0.8129343
                             0.5941470
##
## Accuracy was used to select the optimal model using the largest value.
  The final values used for the model were size = 80 and decay = 0.1.
```



Empleando un modelo *NNET* con size = 80 y decay = 0.1, se consigue un *accuracy* promedio de validación del 82.0%.

# Comparación de modelos

Una vez que se han entrenado y optimizado distintos modelos, se tiene que identificar cuál de ellos consigue mejores resultados para el problema en cuestión, en este caso, predecir la supervivencia de los pasajeros. Con los datos disponibles, existen dos formas de comparar los modelos. Si bien las dos no tienen por qué dar los mismos resultados, son complementarias a la hora de tomar una decisión final.

### Métricas de validación

Las métricas obtenidas mediante validación (*cv*, *bootstrapping*...) son estimaciones de la capacidad que tiene un modelo al predecir nuevas observaciones. Como toda estimación, tiene asociada una varianza. Para poder determinar si un método es superior a otro, no es suficiente con comparar los mínimos (o máximos dependiendo de la métrica) que ha conseguido cada uno, sino que hay que tener en cuenta sus varianzas para determinar si existen evidencias suficientes de superioridad.

Al tratarse de modelos entrenados y validados sobre los mismos datos, mismas particiones y en el mismo orden (siempre que se haya asegurado la reproducibilidad mediante semillas), se pueden emplear métodos estadísticos para datos dependientes. Determinar si uno de los métodos supera al otro equivale a responder a la pregunta de si las diferencias entre pares de datos se alejan significativamente de cero. Cuando se comparan solo dos modelos, algunos contrastes de hipótesis aplicables son:

- Método paramétrico: t-test de datos dependientes.
- Método no paramétrico: test de McNemar o el test de la suma de rangos de Wilcoxon para muestras pareadas.

Si la comparación se hace entre más de dos modelos, entonces pueden emplearse los contrastes de hipótesis:

- Método paramétrico: ANOVA de datos dependientes.
- Método no paramétrico: test de Friedman.

La elección de un método u otro depende de si se satisfacen o no las condiciones necesarias. Por lo general, los test paramétricos requieren de más condiciones, pero, en caso de cumplirse, consiguen mayor poder estadístico (capacidad para detectar diferencias significativas).

La función resamples() permite extraer, de uno o varios modelos creados con train(), las métricas obtenidas para cada repetición del proceso de validación. Es importante tener en cuenta que esta función recupera todos los resultados, por lo que, si no se especifica en el control de entrenamiento returnResamp = "final", se devuelven los valores para todos los hiperparámetros, no solo los del modelo final.

```
##
         Resample KNN~Accuracy KNN~Kappa NB~Accuracy
                                                        NB~Kappa
## 1
      Fold01.Rep1
                     0.8333333 0.6447368
                                             0.7916667 0.5469799
      Fold01.Rep2
                                             0.7746479 0.5149445
##
  2
                     0.8309859 0.6414141
      Fold01.Rep3
##
  3
                     0.8591549 0.6968403
                                             0.9154930 0.8126649
## 4
     Fold01.Rep4
                     0.7361111 0.4411765
                                             0.6250000 0.1953642
## 5
      Fold01.Rep5
                     0.8194444 0.6125828
                                             0.7638889 0.4865772
      Fold02.Rep1
## 6
                     0.8309859 0.6414141
                                             0.8028169 0.5693241
##
  7
      Fold02.Rep2
                     0.7464789 0.4543126
                                             0.7887324 0.5485375
## 8
      Fold02.Rep3
                     0.7605634 0.4731558
                                             0.7464789 0.4543126
      Fold02.Rep4
## 9
                     0.8028169 0.5875519
                                             0.8309859 0.6414141
## 10 Fold02.Rep5
                     0.8750000 0.7352941
                                             0.8333333 0.6538462
##
      logistic~Accuracy logistic~Kappa LDA~Accuracy LDA~Kappa arbol~Accuracy
## 1
              0.7916667
                              0.5529801
                                           0.7777778 0.5135135
                                                                      0.8333333
## 2
              0.8169014
                              0.6030108
                                           0.8169014 0.6030108
                                                                      0.8309859
## 3
              0.8591549
                              0.6877748
                                            0.9014085 0.7830642
                                                                      0.8732394
## 4
                              0.2959184
                                           0.6666667 0.2702703
                                                                      0.7361111
              0.6805556
##
  5
              0.8055556
                              0.5684932
                                           0.7916667 0.5344828
                                                                      0.8333333
  6
##
              0.8028169
                              0.5628848
                                           0.8169014 0.5971192
                                                                      0.8309859
  7
##
              0.7605634
                              0.4652193
                                           0.7605634 0.4652193
                                                                      0.7605634
  8
                                           0.7464789 0.4462738
##
              0.7323944
                              0.4197849
                                                                      0.7887324
## 9
              0.7887324
                              0.5549519
                                           0.8169014 0.6087325
                                                                      0.8450704
##
  10
              0.7916667
                              0.5529801
                                            0.7916667 0.5529801
                                                                      0.8333333
##
      arbol~Kappa rf~Accuracy rf~Kappa boosting~Accuracy boosting~Kappa
## 1
        0.6493506
                    0.8750000 0.7281879
                                                  0.8611111
                                                                  0.7000000
##
  2
        0.6464730
                    0.8309859 0.6308492
                                                  0.8450704
                                                                  0.6640860
##
  3
        0.7251613
                    0.8732394 0.7251613
                                                  0.8732394
                                                                  0.7291225
##
  4
        0.3936170
                    0.7361111 0.4337748
                                                  0.7083333
                                                                  0.3657718
## 5
        0.6400000
                    0.8194444 0.6073826
                                                  0.8333333
                                                                  0.6351351
                                                                 0.6923744
  6
        0.6137806
                    0.8309859 0.6308492
##
                                                  0.8591549
## 7
        0.4486067
                    0.8028169 0.5755764
                                                  0.7887324
                                                                  0.5351375
## 8
        0.5485375
                    0.8028169 0.5693241
                                                  0.7887324
                                                                  0.5419355
## 9
        0.6591008
                    0.9014085 0.7862366
                                                  0.8169014
                                                                  0.6142917
## 10
        0.6447368
                    0.8750000 0.7352941
                                                  0.9027778
                                                                  0.7941176
      SVMradial~Accuracy SVMradial~Kappa NNET~Accuracy NNET~Kappa
##
## 1
               0.8194444
                                0.5965517
                                               0.8055556
                                                          0.5743243
## 2
               0.8309859
                                0.6253298
                                               0.8169014
                                                          0.6030108
```

```
## 3
               0.8873239
                               0.7464286
                                             0.8873239 0.7502199
                               0.3936170
## 4
               0.7361111
                                             0.7222222 0.3750000
## 5
               0.8055556
                               0.5563380
                                             0.7916667
                                                        0.5344828
               0.8450704
                               0.6486730
                                             0.8028169 0.5755764
## 6
## 7
               0.8028169
                               0.5562500
                                             0.8028169
                                                        0.5628848
               0.7746479
                               0.4850408
                                             0.7746479
## 8
                                                        0.5077990
## 9
               0.8873239
                               0.7538995
                                             0.9154930 0.8154246
## 10
               0.8611111
                               0.7000000
                                             0.8750000 0.7352941
```

```
## Resample modelo metrica valor
## 1 Fold01.Rep1 KNN Accuracy 0.8333333
## 2 Fold01.Rep2 KNN Accuracy 0.8309859
## 3 Fold01.Rep3 KNN Accuracy 0.8591549
## 4 Fold01.Rep4 KNN Accuracy 0.7361111
## 5 Fold01.Rep5 KNN Accuracy 0.8194444
## 6 Fold02.Rep1 KNN Accuracy 0.8309859
```

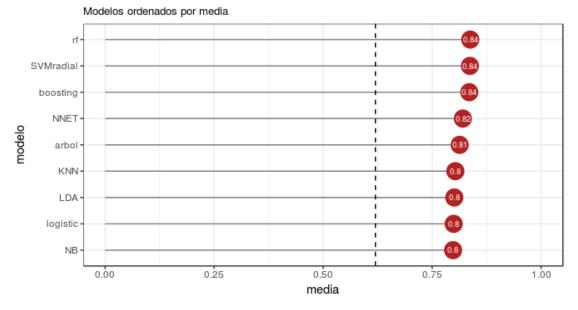
## Accuracy y Kappa promedio de cada modelo

```
metricas_resamples %>%
  group_by(modelo, metrica) %>%
  summarise(media = mean(valor)) %>%
  spread(key = metrica, value = media) %>%
  arrange(desc(Accuracy))
```

```
## # A tibble: 9 x 3
## # Groups:
               modelo [9]
               Accuracy Kappa
##
     modelo
     <chr>>
                  <dbl> <dbl>
##
                  0.838 0.649
## 1 rf
## 2 SVMradial
                  0.837 0.635
## 3 boosting
                  0.835 0.644
## 4 NNET
                  0.820 0.607
## 5 arbol
                  0.813 0.593
                  0.803 0.582
## 6 KNN
## 7 LDA
                  0.801 0.569
## 8 logistic
                  0.799 0.567
## 9 NB
                  0.798 0.569
```

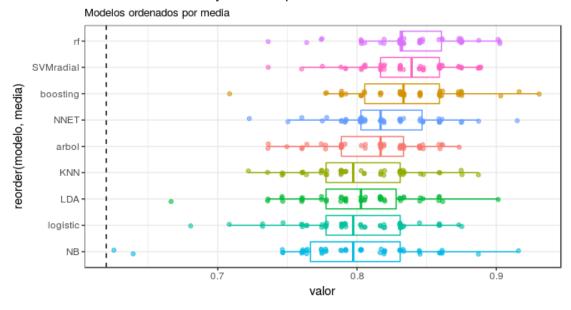
```
metricas resamples %>%
  filter(metrica == "Accuracy") %>%
  group_by(modelo) %>%
  summarise(media = mean(valor)) %>%
  ggplot(aes(x = reorder(modelo, media), y = media, label = round(media, 2))) +
    geom segment(aes(x = reorder(modelo, media), y = 0,
                     xend = modelo, yend = media),
                     color = "grey50") +
    geom_point(size = 7, color = "firebrick") +
    geom_text(color = "white", size = 2.5) +
    scale_y_continuous(limits = c(0, 1)) +
    # Accuracy basal
    geom hline(yintercept = 0.62, linetype = "dashed") +
    labs(title = "Validación: Accuracy medio repeated-CV",
         subtitle = "Modelos ordenados por media",
         x = "modelo") +
    coord flip() +
    theme bw()
```

## Validación: Accuracy medio repeated-CV



```
metricas_resamples %>% filter(metrica == "Accuracy") %>%
  group_by(modelo) %>%
  mutate(media = mean(valor)) %>%
  ungroup() %>%
  ggplot(aes(x = reorder(modelo, media), y = valor, color = modelo)) +
    geom_boxplot(alpha = 0.6, outlier.shape = NA) +
    geom_jitter(width = 0.1, alpha = 0.6) +
    # Accuracy basal
  geom_hline(yintercept = 0.62, linetype = "dashed") +
    theme_bw() +
    labs(title = "Validación: Accuracy medio repeated-CV",
        subtitle = "Modelos ordenados por media") +
    coord_flip() +
    theme(legend.position = "none")
```

### Validación: Accuracy medio repeated-CV



Todos los modelos ajustados tienen un acierto en la predicción superior al nivel basal (0.62, línea discontinua). El modelo *random forest* consigue el *accuracy* promedio más alto, seguido muy de cerca por *SVM radial* y *Boosting*. Para determinar si las diferencias entre ellos son significativas, se recurre a test estadísticos.

### Test de Friedman para comparar el accuracy los modelos

```
##
## Friedman rank sum test
##
## data: matriz_metricas
## Friedman chi-squared = 124.02, df = 8, p-value < 2.2e-16</pre>
```

Para un nivel de significancia ( $\alpha = 0.05$ ), el test de *Friedman* sí encuentra evidencias para rechazar la hipótesis nula de que los 9 clasificadores consiguen la misma precisión, sin embargo, no determina que par o pares son diferentes. Para identificarlos, se recurre a contrastes *post HOC*.

La función del paquete caret recibe como argumento los resultados de validación de dos o más modelos extraídos con resample() y hace comparaciones por pares aplicando un *t-test pareado* con correcciones por comparaciones múltiples. Esta función no permite mucha flexibilidad en cuanto a las comparaciones, por lo que, una vez extraídos los datos con resample(), suele ser preferible emplear otras funciones disponibles en R.

```
##
        modeloA
                 modeloB
                               p value
                    arbol 3.907518e-04
## 1
       boosting
   2
                    arbol 7.946071e-01
##
            KNN
## 3
            KNN boosting 8.021198e-06
## 4
                    arbol 4.018370e-01
            LDA
## 5
            LDA boosting 7.401186e-05
## 6
            LDA
                      KNN 1.000000e+00
   7
       logistic
                    arbol 1.806585e-01
##
       logistic boosting 7.793821e-05
## 8
## 9
       logistic
                      KNN 1.000000e+00
## 10
       logistic
                      LDA 1.000000e+00
## 11
                    arbol 2.729060e-01
             NB
## 12
             NB boosting 1.427666e-04
## 13
             NB
                      KNN 1.000000e+00
## 14
             NB
                      LDA 1.000000e+00
## 15
             NB logistic 1.000000e+00
## 16
           NNET
                    arbol 7.946071e-01
           NNET boosting 4.897953e-02
## 17
## 18
           NNET
                      KNN 4.897953e-02
## 19
           NNET
                      LDA 4.080234e-03
           NNET logistic 2.449764e-03
## 20
## 21
           NNET
                       NB 1.451528e-03
## 22
             rf
                    arbol 1.284270e-04
## 23
             rf boosting 1.000000e+00
                      KNN 5.885873e-06
## 24
             rf
                      LDA 6.109140e-05
## 25
             rf
## 26
             rf logistic 7.044149e-06
## 27
             rf
                       NB 2.638262e-05
## 28
             rf
                    NNET 3.157707e-02
## 29 SVMradial
                    arbol 6.109140e-05
## 30 SVMradial boosting 1.000000e+00
## 31 SVMradial
                      KNN 8.623374e-06
## 32 SVMradial
                      LDA 2.790278e-05
## 33 SVMradial logistic 1.122541e-05
## 34 SVMradial
                       NB 1.032439e-05
## 35 SVMradial
                    NNET 2.449764e-03
## 36 SVMradial
                       rf 1.000000e+00
```

Acorde a las comparaciones por por pares, no existen evidencias suficientes para considerar que la capacidad predictiva de los modelos *Random Forest*, *SVM radial* y *Boosting* es distinta.

### Error de test

Aunque está demostrado que lo métodos de validación tipo *CV*, *bootstrapping*, *LOOCV*... consiguen estimaciones muy buenas del error que comente un modelo, es conveniente hacer una medición final con nuevas observaciones para asegurar que, durante la optimización, no se haya generado *overfitting*. Esta es la razón por la que, al inicio de un análisis, se separa un conjunto de test que se mantiene aislado de todo el proceso de transformaciones, entrenamiento y optimización.

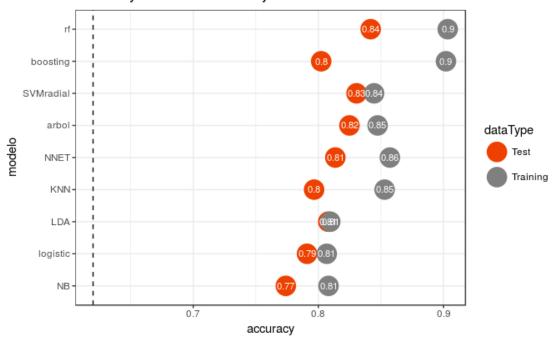
Tal y como se describió anteriormente, si se desea obtener predicciones para varios modelos, es conveniente emplear la función extractPrediction(). Esta función devuelve un *dataframe* con las predicciones de cada uno de los modelos, tanto para las observaciones de entrenamiento como para las de test. Además, muestra el verdadero valor de cada observación.

```
##
     obs pred model dataType object
## 1 No
                knn Training
           No
                                KNN
## 2
     Si
           Si
                knn Training
                                KNN
## 3 Si
           No
                knn Training
                                 KNN
     Si
           Si
                knn Training
                                KNN
## 4
## 5
     No
           No
                knn Training
                                 KNN
     No
                knn Training
                                KNN
## 6
           No
```

Con toda esta información, es sencillo comparar los resultados de predicción entre modelos y las diferencias entre conjunto de entrenamiento y test.

```
## # A tibble: 9 x 3
## # Groups:
               object [9]
                Test Training
##
     object
     <fct>
##
               <dbl>
                         <dbl>
## 1 rf
               0.842
                         0.903
## 2 SVMradial 0.831
                         0.845
## 3 arbol
               0.825
                         0.847
## 4 NNET
               0.814
                         0.857
## 5 LDA
               0.808
                         0.810
## 6 boosting
               0.802
                         0.902
## 7 KNN
               0.797
                         0.853
## 8 logistic
               0.791
                         0.807
## 9 NB
               0.774
                         0.808
```

### Accuracy de entrenamiento y test



Puede verse que, todos los modelos, consiguen más predicciones correctas en el conjunto de entrenamiento que en el de test, de ahí que las métricas obtenidas en el entrenamiento no deban utilizarse para evaluar los modelos, son excesivamente optimistas. El modelo *random forest* consigue el *accuracy* de test más alto.

#### Conclusión

El modelo basado en *random forest* es el que mejores resultados obtiene (acorde a la métrica *accuracy*) tanto en el conjunto de test como en la validación (*repeated CV*). Los modelos basados *SVM Radial*, árbol simple y *NNET* consiguen valores de test muy similares, sin embargo, acorde a los contrastes de hipótesis con los resultados de la validación, los modelos de árbol simple y *NNET* son inferiores a *random forest*.

```
comparaciones %>% filter((modeloA == "rf") | (modeloA == "SVMradial" &
modeloB == "rf"))
##
       modeloA modeloB
                              p_value
## 1
            rf
                  arbol 1.284270e-04
            rf boosting 1.000000e+00
## 2
## 3
            rf
                    KNN 5.885873e-06
## 4
                    LDA 6.109140e-05
## 5
            rf logistic 7.044149e-06
            rf
## 6
                     NB 2.638262e-05
## 7
            rf
                   NNET 3.157707e-02
## 8 SVMradial
                     rf 1.000000e+00
```

Teniendo en cuenta toda esta información, si la prioridad es maximizar la capacidad predictiva del modelo, como primera opción se debería seleccionar el modelo de *random forest* o *SVMradial*. Si por el contrario, la interpretabilidad del modelo es importante, el modelo basado en árboles simples es más adecuado.

## **Model ensembling**

A modo general, el termino *model ensembling* hace referencia a la combinación de las predicciones de dos o más modelos distintos, con el objetivo de mejorar las predicciones finales. Esta estrategia se basa en la asunción de que, distintos modelos entrenados independientemente, emplean distintos aspectos de los datos para realizar las predicciones, es decir, cada uno es capaz de identificar parte de la "verdad" pero no toda ella. Combinando la perspectiva de cada uno de ellos, se obtiene una descripción más detallada de la verdadera estructura subyacente en los datos. A modo de analogía, imagínese un grupo de estudiantes que se enfrentan a un examen multidisciplinal. Aunque todos obtengan aproximadamente la misma nota, cada uno de ellos habrá conseguido más puntos con las preguntas que tratan sobre las disciplinas en las que destacan. Si en lugar de hacer el examen de forma individual, lo hacen en grupo, cada uno podrá contribuir en los aspectos que más domina, y el resultado final será probablemente superior a cualquiera de los resultados individuales.

La clave para que el *ensembling* consiga mejorar los resultados es la diversidad de los modelos. Si todos los modelos combinados son similares entre ellos, no podrán compensarse unos a otros. Por esta razón, se tiene que intentar combinar modelos que sea lo mejor posible a nivel individual y lo más diferentes entre ellos.

Las formas más simples de combinar las predicciones de varios modelos son: emplear la media para problemas de regresión y la moda para problemas de clasificación. También es posible ponderar estas agregaciones dando distinto peso a cada modelo, por ejemplo, en proporción al *accuracy* que han obtenido de forma individual.

A continuación, se combinan las predicciones de tres modelos utilizando la moda y se comprueba si se consigue superar al mejor de ellos (*random forest*).

```
moda <- function(x){
   return(names(which.max(table(x))))
}

predicciones_ensemble <- predicciones %>%
   filter(dataType == "Test", object %in% c("rf", "SVMradial", "NNET")) %>%
   select(pred, modelo = object) %>%
   group_by(modelo) %>%
   # Se añade un id único por observación para poder pivotar
   mutate(id = 1:n()) %>%
   ungroup() %>%
   spread(key = modelo, value = pred)
```

```
predicciones_ensemble <- predicciones_ensemble %>%
                          mutate(moda = apply(X = predicciones_ensemble,
                                                MARGIN = 1,
                                                FUN = moda))
predicciones_ensemble %>% head()
## # A tibble: 6 x 5
        id NNET rf
                        SVMradial moda
##
     <int> <fct> <fct> <fct><</pre>
##
                                   <chr>>
         1 Si
                  Si
                        Si
                                   Si
## 1
         2 No
## 2
                  No
                        No
                                   No
## 3
         3 No
                        No
                                   No
                  No
         4 No
                        No
                                   No
## 4
                  No
## 5
         5 No
                  No
                        No
                                   No
## 6
         6 No
                  No
                        No
                                   No
```

```
# Accuracy de test del ensemble
mean(datos_test_prep$Survived == predicciones_ensemble$moda)
```

```
## [1] 0.8305085
```

En este caso, el ensemble no consigue mejorar al modelo de ranfom forest.

### Anexos

## Anexo1: Otros modelos para rfe()

Además de los modelos predefinidos (*ImFuncs*, *treebagFuncs*, *rfFuncs* y *nbFuncs*), la función rfe() acepta cualquiera de los modelos que recoge caret. Para utilizar estos últimos, hay que especificar en el control de entrenamiento el argumento functions = caretFuncs y en train() el nombre del modelo. Si el algoritmo seleccionado no incorpora una estrategia propia para cuantificar la importancia de los predictores, como es el caso de las maquinas vector soporte, caret cuantifica el área bajo la curva *ROC* conseguida por cada predictor y la emplea como criterio de importancia. Para más detalles sobre las métricas propias de cada modelo consultar Model Specific Metrics.

Véase como hacer una eliminación recursiva empleando como modelo una máquina de vector soporte lineal.

```
# ELIMINACIÓN RECURSIVA MEDIANTE RANDOM FOREST Y BOOTSTRAPPING
# Se paraleliza el proceso para que sea más rápido. El número de cores debe
# seleccionarse en función del ordenador que se está empleando.
library(doMC)
registerDoMC(cores = 4)
# Tamaño de los conjuntos de predictores analizados
subsets <- c(3:11)
# Número de resamples creados por bootstrapping
repeticiones <- 5
# Hiperparámetros del modelo
hiperparametros <- data.frame(C = 1)</pre>
# Se crea una semilla para cada repetición de validación.
set.seed(123)
seeds <- vector(mode = "list", length = repeticiones + 1)</pre>
for (i in 1:repeticiones) {
 seeds[[i]] <- sample.int(1000, length(subsets))</pre>
seeds[[repeticiones + 1]] <- sample.int(1000, 1)</pre>
```

```
# Control de entrenamiento
ctrl rfe <- rfeControl(functions = caretFuncs, method = "boot",</pre>
                       number = repeticiones, returnResamp = "all",
                        allowParallel = TRUE, verbose = FALSE,
                        seeds = seeds)
# Se ejecuta la eliminación recursiva de predictores
set.seed(342)
rf_rfe <- rfe(Survived ~ ., data = datos_train_prep,</pre>
              sizes = subsets,
              method = "svmLinear",
              tuneGrid = hiperparametros,
              metric = "Accuracy",
              rfeControl = ctrl rfe)
# Se muestra una tabla resumen con los resultados
rf rfe
##
## Recursive feature selection
## Outer resampling method: Bootstrapped (5 reps)
##
```

```
## Resampling performance over subset size:
##
## Variables Accuracy Kappa AccuracySD KappaSD Selected
##
               0.8098 0.5807
                                0.02368 0.04579
##
            4
               0.8098 0.5807
                                 0.02368 0.04579
            5 0.8098 0.5807
                                0.02368 0.04579
##
##
            6 0.8098 0.5807
                                0.02368 0.04579
            7 0.8090 0.5796 0.01650 0.03231
##
           8 0.8217 0.6074 0.02420 0.05028
9 0.8195 0.6033 0.02462 0.05141
##
##
##
           10 0.8180 0.5997
                                0.02696 0.05624
##
## The top 5 variables (out of 8):
##
      Sex_male, Fare, Pclass_X3, Parch, Embarked_S
```

```
# El objeto rf_rfe almacena en optVariables las variables del mejor modelo.
rf_rfe$optVariables
```

## Anexo2: Otros modelos para sbf()

Los mismos pasos mostrados en el anexo 1 para la función rfe() pueden emplearse para modificar el modelo empleado por la función sbf().

## Anexo3: Modificación test estadísticos de sbf()

Los test estadísticos que sbf() emplea por defecto para cuantificar la relación entre los predictores y la variable respuesta son:

- ANOVA: cuando la variable respuesta es cualitativa (modelo de clasificación).
- GAMS: cuando la variable respuesta es continua (modelo de regresión).

y el *p-value* empleado como límite para la selección es 0.05.

Todas las subfunciones que emplea sbf() para la selección de los predictores (filtrado, test estadístico, score, ranking...) están almacenadas dentro de los modelos predefinidos (*caretSBF*, *lmSBF*, *rfSBF*, *treebagSBF*, *ldaSBF*, *nbSBF*) y pueden ser sobrescritas para emplear cualquier otra opción que el usuario considere. Por ejemplo, para modificar el límite de *p-value* que se emplea para seleccionar los predictores con *rfSBF*, se sobrescribe la función rfSBF\$filter.

```
# Por defecto, el límite de filtrado es 0.05
rfSBF$filter

## function (score, x, y)
## score <= 0.05
## <environment: namespace:caret>

# Se crea una nueva función filter en la que el límite es 0.01
custom_filter <- function(score, x, y){
    score <= 0.01
}

# Se sobreescribe la función existente
rfSBF$filter <- custom_filter
rfSBF$filter</pre>
```

```
## function(score, x, y){
## score <= 0.01
## }</pre>
```

```
# El resto de los pasos son exactamente iqual
# Se paraleliza para que sea más rápido
library(doMC)
registerDoMC(cores = 4)
# Se crea una semilla para cada partición y cada repetición: el vector debe
# tener B+1 semillas donde B es particiones * repeticiones.
particiones = 10
repeticiones = 5
set.seed(123)
seeds <- sample.int(1000, particiones * repeticiones + 1)</pre>
ctrl_filtrado <- sbfControl(functions = rfSBF, method = "repeatedcv",</pre>
                             number = particiones, repeats = repeticiones,
                             seeds = seeds, verbose = FALSE,
                             saveDetails = TRUE, allowParallel = TRUE)
set.seed(234)
rf_sbf <- sbf(Survived ~ ., data = datos_train_prep,</pre>
              sbfControl = ctrl filtrado,
              # argumentos para el modelo de evaluación
              ntree = 500)
rf_sbf
##
## Selection By Filter
##
## Outer resampling method: Cross-Validated (10 fold, repeated 5 times)
##
## Resampling performance:
##
```

```
## Selection By Filter
##
## Outer resampling method: Cross-Validated (10 fold, repeated 5 times)
##
## Resampling performance:
##
## Accuracy Kappa AccuracySD KappaSD
## 0.8149 0.5873 0.04212 0.09737
##
## Using the training set, 6 variables were selected:
## Parch, Fare, Pclass_X3, Sex_male, Embarked_S...
##
## During resampling, the top 5 selected variables (out of a possible 7):
## Embarked_S (100%), Fare (100%), Pclass_X3 (100%), Sex_male (100%),
Age_grupo_niño (68%)
##
## On average, 5.5 variables were selected (min = 4, max = 7)
```

### rf\_sbf\$optVariables

```
## [1] "Parch" "Fare" "Pclass_X3" "Sex_male"
## [5] "Embarked_S" "Age_grupo_niño"
```

También se puede modificar el test estadístico empleado para la calcular los p-values. Para ello se tiene que sobrescribir la función \$score.

```
# Por defecto, bsi la variable respuesta es factor, se llama a la función anovaScores rfSBF$score
```

```
## function (x, y)
## {
## if (is.factor(y))
## anovaScores(x, y)
## else gamScores(x, y)
## }
## <environment: namespace:caret>
```

#### anovaScores

```
## function (x, y)
## {
##
       if (is.factor(x))
            stop("The predictors should be numeric")
##
       pv \leftarrow try(anova(lm(x \sim y), test = "F")[1, "Pr(>F)"], silent = TRUE)
##
       if (any(class(pv) == "try-error") || is.na(pv) || is.nan(pv))
##
##
            pv <- 1
##
       pν
## }
## <environment: namespace:caret>
```

```
# Se crea una nueva función que emplee el test de Kruskal-Wallis (alternativa no
# paramétrica al test anova)
kruskalScores <- function(x,y){</pre>
  if (is.factor(x)){
        stop("The predictors should be numeric")
  }
  pv <- try(kruskal.test(x = x, g = y)[["p.value"]], silent = TRUE)</pre>
  if (any(class(pv) == "try-error") || is.na(pv) || is.nan(pv)){
    pv <- 1
  }
 pν
}
custom_score <- function(x, y){</pre>
    if (is.factor(y))
        kruskalScores(x, y)
    else gamScores(x, y)
}
```

```
# Se sobreescribe la función score existente
rfSBF$score <- custom score
# El resto de los pasos son exactamente iqual
# Se paraleliza para que sea más rápido
library(doMC)
registerDoMC(cores = 4)
# Se crea una semilla para cada partición y cada repetición: el vector debe
# tener B+1 semillas donde B es particiones * repeticiones.
particiones = 10
repeticiones = 5
set.seed(123)
seeds <- sample.int(1000, particiones * repeticiones + 1)</pre>
ctrl filtrado <- sbfControl(functions = rfSBF, method = "repeatedcv",</pre>
                            number = particiones, repeats = repeticiones,
                             seeds = seeds, verbose = FALSE,
                             saveDetails = TRUE, allowParallel = TRUE)
set.seed(234)
rf_sbf <- sbf(Survived ~ ., data = datos_train_prep,</pre>
              sbfControl = ctrl filtrado,
              # argumentos para el modelo de evaluación
              ntree = 500)
rf sbf
##
## Selection By Filter
##
## Outer resampling method: Cross-Validated (10 fold, repeated 5 times)
##
## Resampling performance:
##
##
   Accuracy Kappa AccuracySD KappaSD
      0.8124 0.5851
                       0.04407 0.09945
##
##
## Using the training set, 7 variables were selected:
      SibSp, Parch, Fare, Pclass_X3, Sex_male...
##
##
## During resampling, the top 5 selected variables (out of a possible 8):
      Embarked_S (100%), Fare (100%), Parch (100%), Pclass_X3 (100%), Sex_male
##
(100\%)
##
## On average, 6.7 variables were selected (min = 5, max = 8)
rf_sbf$optVariables
## [1] "SibSp"
                         "Parch"
                                          "Fare"
                                                            "Pclass X3"
                         "Embarked S"
## [5] "Sex male"
                                          "Age grupo niño"
```

## Anexo4: Métodos de validación

Los métodos de validación, también conocidos como *resampling*, son estrategias que permiten estimar la capacidad predictiva de los modelos cuando se aplican a nuevas observaciones, haciendo uso únicamente de los datos de entrenamiento. La idea en la que se basan todos ellos es la siguiente: el modelo se ajusta empleando un subconjunto de observaciones del conjunto de entrenamiento y se evalúa (calculando una métrica que mida como de bueno es el modelo, por ejemplo, *accuracy*) con las observaciones restantes. Este proceso se repite múltiples veces y los resultados se agregan y promedian. Gracias a las repeticiones, se compensan las posibles desviaciones que puedan surgir por el reparto aleatorio de las observaciones. La diferencia entre métodos suele ser la forma en la que se generan los subconjuntos de entrenamiento/validación.

### k-Fold-Cross-Validation (CV)

Las observaciones de entrenamiento se reparten en k folds (conjuntos) del mismo tamaño. El modelo se ajusta con todas las observaciones excepto las del primer fold y se evalúa prediciendo las observaciones del fold que ha quedado excluido, obteniendo así la primera métrica. El proceso se repite k veces, excluyendo un fold distinto en cada iteración. Al final, se generan k valores de la métrica, que se agregan (normalmente con la media y la desviación típica) generando la estimación final de validación.

### **Leave-One-Out Cross-Validation (LOOCV)**

LOOCV es un caso especial de k-Fold-Cross-Validation en el que el número k de folds es igual al número de observaciones disponibles en el conjunto de entrenamiento. El modelo se ajusta cada vez con todas las observaciones excepto una, que se emplea para evaluar el modelo. Este método supone un coste computacional muy elevado, el modelo se ajusta tantas veces como observaciones de entrenamiento, por lo que, en la práctica, no suele compensar emplearlo.

## Repeated k-Fold-Cross-Validation (repeated CV)

Es exactamente igual al método *k-Fold-Cross-Validation* pero remitiendo el proceso completo *n* veces. Por ejemplo, *10-Fold-Cross-Validation* con 5 repeticiones implica a un total de 50 iteraciones ajuste-validación, pero no equivale a un *50-Fold-Cross-Validation*.

### **Leave-Group-Out Cross-Validation (LGOCV)**

LGOCV, también conocido como repeated train/test splits o Monte Carlo Cross-Validation, consiste simplemente en generar múltiples divisiones aleatorias entrenamiento-test (solo dos conjuntos por repetición). La proporción de observaciones que va a cada conjunto se determina de antemano, 80%-20% suele dar buenos resultados. Este método, aunque más simple de implementar que CV, requiere de muchas repeticiones (>50) para generar estimaciones estables.

### **Bootstrapping**

Una muestra *bootstrap* es una muestra obtenida a partir de la muestra original por muestreo aleatorio con reposición, y del mismo tamaño que la muestra original. Muestreo aleatorio con reposición (*resampling with replacement*) significa que, después de que una observación sea extraída, se vuelve a poner a disposición para las siguientes extracciones. Como resultado de este tipo de muestreo, algunas observaciones aparecerán múltiples veces en la muestra *bootstrap* y otras ninguna. Las observaciones no seleccionadas reciben el nombre de *out-of-bag* (*OOB*). Por cada iteración de *bootstrapping* se genera una nueva muestra *bootstrap*, se ajusta el modelo con ella y se evalúa con las observaciones *out-of-bag*.

- 1. Obtener una nueva muestra del mismo tamaño que la muestra original mediante muestro aleatorio con reposición.
- 2. Ajustar el modelo empleando la nueva muestra generada en el paso 1.
- 3. Calcular el error del modelo empleando aquellas observaciones de la muestra original que no se han incluido en la nueva muestra. A este error se le conoce como error de validación.
- 4. Repetir el proceso n veces y calcular la media de los n errores de validación.
- 5. Finalmente, y tras las n repeticiones, se ajusta el modelo final empleando todas las observaciones de entrenamiento originales.

La naturaleza del proceso de *bootstrapping* genera cierto bias en las estimaciones que puede ser problemático cuando el conjunto de entrenamiento es pequeño. Existen ciertas

modificaciones del algoritmo original para corregir este problema, algunos de ellos son: 632 method y 632+ method.

No existe un método de validación que supere al resto en todos los escenarios, la elección debe basarse en varios factores.

- Si el tamaño de la muestra es pequeño, se recomienda emplear *repeated k-Fold-Cross-Validation*, ya que consigue un buen equilibrio bias-varianza y, dado que no son muchas observaciones, el coste computacional no es excesivo.
- Si el objetivo principal es comparar modelos más que obtener una estimación precisa de las métricas, se recomienda *bootstrapping* ya que tiene menos varianza.
- Si el tamaño muestral es muy grande, la diferencia entre métodos se reduce y toma más importancia la eficiencia computacional. En estos casos, *10-Fold-Cross-Validation* simple es suficiente.

Puede encontrarse un estudio comparativo de los diferentes métodos en Comparing Different Species of Cross-Validation.

## **Anexo5: Métricas**

Existe una gran variedad de métricas que permiten evaluar como de bueno es un algoritmo realizando predicciones. La idoneidad de cada una depende completamente del problema en cuestión, y su correcta elección dependerá de cómo de bien entienda el analista el problema al que se enfrenta. A continuación, se describen algunas de las más utilizadas.

### Accuracy y Kappa

Estas dos métricas son las más empleadas en problemas de clasificación binaria y multiclase. *Accuracy* es el porcentaje de observaciones correctamente clasificadas respecto al total de predicciones. *Kappa* o *Cohen's Kappa* es el valor de *accuracy* normalizado respecto del porcentaje de acierto esperado por azar. A diferencia de *accuracy*, cuyo rango de valores puede ser [0, 1], el de *kappa* es [-1, 1]. En problemas con clases desbalanceadas, donde el grupo mayoritario supera por mucho a los otros, *Kappa* es más útil porque evita caer en la ilusión de creer que un modelo es bueno cuando realmente solo supera por poco lo esperado por azar.

### MSE, RMSE, MAE

Estas son las métricas más empleadas en problemas de regresión.

MSE (Mean Squared Error) es la media de los errores elevados al cuadrado. Suele ser muy buen indicativo de cómo funciona el modelo en general, pero tiene la desventaja de estar en unidades cuadradas. Para mejorar la interpretación, suele emplearse RMSE (Root Mean Squared Error), que es la raíz cuadrada del MSE y por lo tanto sus unidades son las mismas que la variable respuesta.

MAE (Mean Absolute Error) es la media de los errores en valor absoluto. La diferencia respecto a MSE es que, este último, eleva al cuadrado los errores, lo significa que penaliza mucho más las desviaciones grandes. A modo general, MSE favorece modelos que se comportan aproximadamente igual de bien en todas las observaciones, mientras que MAE favorece modelos que predicen muy bien la gran mayoría de observaciones aunque en unas pocas se equivoque por mucho.

Por defecto, <u>caret</u> emplea *RMSE*,  $R^2$  y *MAE* en problemas de regresión, y *accuracy* y *Kappa* para problemas de clasificación. Durante la optimización de hiperparámetros, la selección de mejor modelo se hace, en base a *RMSE* o *accuracy*, aunque puede ser modificada mediante el argumento <u>metric</u> de la función <u>train()</u>. Además de estas métricas, <u>caret</u> permite emplear otras métricas como el *AUC* de la curva *ROC* <sup>Anexo 6</sup>.

## Anexo6: Curva ROC

Tal como se explicó anteriormente, algunos modelos de clasificación, además de predecir la clase a la que pertenece una observación, calculan la probabilidad. Conocer las probabilidades aporta mayor información, puesto que a partir de ellas no solo se conoce la clase a la que pertenece cada observación (la que mayor probabilidad tiene), sino la confianza con la que se hace dicha asignación. Además, controlando el *cutoff* de probabilidad empleado para asignar las observaciones a cada clase, se puede controlar el riesgo de falsos positivos y falsos negativos.

Las curvas *ROC* (*Receiver Operating Characteritic curve*) permiten evaluar, en problemas de clasificación binaria, cómo varia la proporción de verdaderos positivos (sensibilidad o *recall*) y la de falsos positivos (1-especificidad) dependiendo del *cutoff* de probabilidad empleado en las asignaciones. El gráfico resultante es muy útil para identificar el *cutoff* que consigue un mejor equilibrio sensibilidad-especificidad. Además de esto, la curva ROC, en concreto el área bajo la curva (AUC), puede emplearse como métrica para evaluar modelos. Un modelo que clasifica perfectamente las dos clases tiene un 100% de sensibilidad y especificidad, por lo que el área

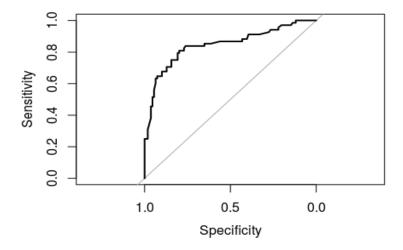
bajo la curva es de 1. Un modelo que predice por debajo de lo esperado por azar, tiene un AUC menor de 0.5. Una condición necesaria para crear una curva ROC es disponer de la probabilidad de clases en las predicciones.

En caret, se puede sustituir la métrica *accuracy* empleada por defecto en problemas de clasificación y calcular en su lugar el AUC. Para ello, se tienen que indicar los argumentos summaryFunction = twoClassSummary y classProbs = TRUE en el control de entrenamiento. El segundo argumento es necesario porque el cálculo de la curva ROC requiere las probabilidades predichas para cada clase. Además del área bajo la curva, se calcula la sensibilidad y la especificidad para un *cutoff* de 0.5.

```
# PARALELIZACIÓN DE PROCESO
library(doMC)
registerDoMC(cores = 4)
# HIPERPARÁMETROS, NÚMERO DE REPETICIONES Y SEMILLAS PARA CADA REPETICIÓN
particiones <- 10
repeticiones <- 5
# Hiperparámetros
hiperparametros <- data.frame(parameter = "none")</pre>
set.seed(123)
seeds <- vector(mode = "list", length = (particiones * repeticiones) + 1)</pre>
for (i in 1:(particiones * repeticiones)) {
 seeds[[i]] <- sample.int(1000, nrow(hiperparametros))</pre>
seeds[[(particiones * repeticiones) + 1]] <- sample.int(1000, 1)</pre>
# DEFINICIÓN DEL ENTRENAMIENTO
#-----
control train <- trainControl(method = "repeatedcv", number = particiones,</pre>
                       repeats = repeticiones, seeds = seeds,
                       returnResamp = "final", verboseIter = FALSE,
                       summaryFunction = twoClassSummary,
                       classProbs = TRUE,
                       allowParallel = TRUE)
# AJUSTE DEL MODELO
set.seed(342)
modelo_logistic <- train(Survived ~ ., data = datos_train_prep,</pre>
                   method = "glm", tuneGrid = hiperparametros,
                   trControl = control train, family = "binomial")
modelo_logistic
```

```
## Generalized Linear Model
##
## 714 samples
   10 predictors
##
     2 classes: 'No', 'Si'
##
##
## No pre-processing
## Resampling: Cross-Validated (10 fold, repeated 5 times)
## Summary of sample sizes: 642, 643, 642, 643, 642, 643, ...
## Resampling results:
##
##
     ROC
                Sens
                           Spec
##
     0.8541901 0.8695455 0.6871958
```

El paquete PROC contiene múltiples funciones para crear, representar y obtener métricas a partir de curvas ROC. Como argumentos se necesitan únicamente las probabilidades predichas para cada clase y la clase verdadera a la que pertenece cada observación.



```
# Área bajo La curva AUC
auc(curva_roc)
```

## Area under the curve: 0.8447

```
# Intervalo de confianza de la curva
ci.auc(curva_roc, conf.level = 0.95)
```

```
## 95% CI: 0.7806-0.9088 (DeLong)
```

## **Anexo7: Imputación**

A la hora de imputar una variable, es muy importante analizar qué otras variables se van a emplear para predecir los valores ausentes. Si se emplean variables que no guardan ninguna relación con la variable de interés, probablemente se imputen valores que no se corresponden con la realidad y que, por lo tanto, solo hacen que añadir ruido al modelo. En el set de datos titanic, dos variables necesitan ser imputadas: *Age\_grupo* y *Embarked*.

### Imputación de Embarked

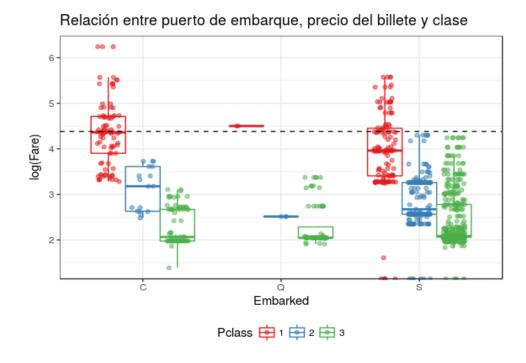
La variable *Embarked* está ausente en dos observaciones:

```
datos %>% filter(is.na(Embarked)) %>% select(-PassengerId, -Name, -Ticket, -
Survived )
```

```
Sex Age SibSp Parch Fare Cabin Embarked Age_grupo
##
     Pclass
## 1
          1 female
                    38
                            0
                                  0
                                      80
                                            B28
                                                    <NA>
                                                             adulto
          1 female 62
                                            B28
## 2
                            0
                                  0
                                      80
                                                    <NA>
                                                            anciano
```

La información de las otras variables indica que ambas personas, una adulta y otra anciana, compartían cabina de primera clase y pagaron exactamente la misma cantidad, lo que maximiza la probabilidad de que existiese algún vínculo entre ellas y que, por lo tanto, embarcasen juntas. Véase como se relacionan las variables *Pclass* y *Fare* con el puerto de embarque.

```
datos %>% filter(!is.na(Embarked)) %>%
ggplot(aes(x = Embarked, y = log(Fare), color = Pclass)) +
    geom_boxplot(outlier.shape = NA) +
    geom_point(position = position_jitterdodge(), alpha = 0.5) +
    # Linea horizontal en el precio que pagaron por el billete las dos pasajeras
    geom_hline(yintercept = log(80), linetype = "dashed") +
    scale_colour_brewer(palette = "Set1") +
    theme_bw() +
    labs(title = "Relación entre puerto de embarque, precio del billete y clase") +
    theme(legend.position = "bottom")
```



Con solo un gráfico se puede ver que, la mayoría de pasajeros de clase 1, embarcaron en los puertos C y S. La probabilidad de que lo hicieran en el puerto Q es mínima, por lo que queda descartado. El precio pagado por los billetes (Fare = 80) es muy próximo a la mediana de los precios pagados por billetes de primera clase en el puerto C, mientras que está casi por encima del 75% (tercer cuartil) de los precios pagados en el puerto S. Con toda esta información, es razonable concluir que las dos pasajeras embarcaron en el puerto C.

## Imputación de Age\_grupo

La variable edad no parece estar relacionada con una única variable, por lo que, en este caso, se emplean todos los otros predictores para la imputación.

# Bibliografía

Applied Predictive Modeling By Max Kuhn and Kjell Johnson

http://topepo.github.io/caret/index.html

An Introduction to Statistical Learning by James, Gareth et al.

Top 10 algorithms in data mining by Xindong Wu, Vipin Kumar, J. Ross Quinlan, Joydeep Ghosh, Qiang Yang, Hiroshi Motoda, Geoffrey J. McLachlan, Angus Ng, Bing Liu, Philip S. Yu, Zhi-Hua Zhou, Michael Steinbach, David J. Hand, Dan Steinberg



This work by Joaquín Amat Rodrigo is licensed under a Creative Commons Attribution-ShareAlike 4.0 International License.