贝塞尔曲线

贝塞尔曲线 (Bézier curve) 是一种常用干 计算机图形学中的数学曲线。它由法国工程 师皮埃尔·贝塞尔 (Pierre Bézier) 在 19世纪中 叶发明。

贝塞尔曲线最初是为了描述船只的水线 曲线。后来,贝塞尔曲线被广泛应用于计算 机图形学中, 用于绘制平滑曲线, 如字体、 二维图形和三维模型等。多数矢量图形都离 不开贝塞尔曲线。

贝塞尔曲线是由一组控制点和一个阶数 确定的曲线。控制点是定义曲线形状的关键 点,阶数是定义贝塞尔曲线逼近实际曲线的 程度的参数。通常情况下,阶数等于控制点 的数量减 1。

贝塞尔曲线的特点是它们具有局部控制 性, 这意味着通过调整单个控制点的位置, 可以轻松地改变曲线的形状。此外,它们也 具有平滑的曲线形状和良好的数学性质。 Adobe Photoshop、Illustrator 中的钢笔曲线绘 图工具实际上使用的便是贝塞尔曲线。

本质上来讲,贝塞尔曲线就是一种插值 方法。《数据有道》一册将会详细讲解绘制 贝塞尔曲线用到的数学工具。

一阶

贝塞尔曲线可以是一阶曲线、二阶曲 线、三阶曲线等, 其阶数决定了曲线的平滑 程度。一阶曲线由两个控制点组成、形成一 条直线。如图1所示,简单来说一阶贝塞尔 曲线就是两点之间连线。

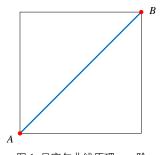


图 1. 贝塞尔曲线原理,一阶

二阶

二阶贝塞尔曲线由三个控制点组成,形 成一条弯曲的曲线。如图2所示,A和B点控 制了曲线的两个端点,而 P1 则决定的曲线的 弯曲行为。图4给出几个不同的贝塞尔曲 线, P1点坐标为随机生成。大家可能已经发 现, 贝塞尔曲线一般不会经过 P1点, 除非 A、B、 P_1 三点在同一条直线上。

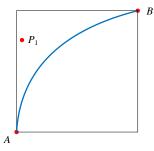


图 2. 贝塞尔曲线原理, 二阶

三阶

三阶贝塞尔曲线由四个控制点组成,形 成更加复杂的曲线。如图3所示,A和B点同 样控制了曲线的两个端点,而 P_1 和 P_2 两点 决定的曲线的弯曲行为。图 5 所示为一系列 三阶贝塞尔曲线, P_1 和 P_2 为随机数。

图 6 所示为一组四阶贝塞尔曲线,曲线 的弯曲行为更加复杂。

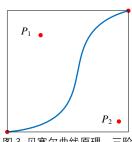


图 3. 贝塞尔曲线原理, 三阶

图 7 则是采用 Python 编程复刻的用贝塞 尔曲线创作的"鸢尾花曲线"。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。 版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

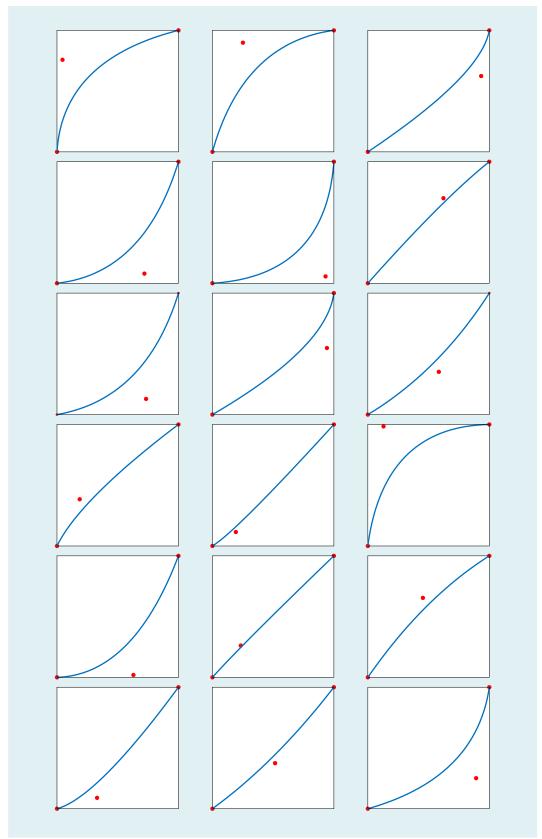


图 4. 二阶贝塞尔曲线

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

成权归有平人字面版在所有,有勿向用,引用有压切面处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套徽课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

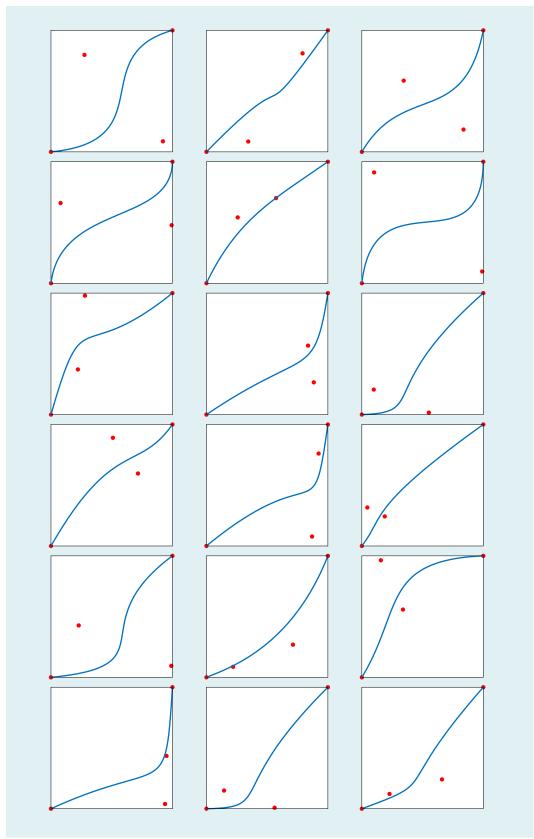


图 5. 三阶贝塞尔曲线

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

成权归有平人字面版在所有,有勿向用,引用有压切面处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套徽课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

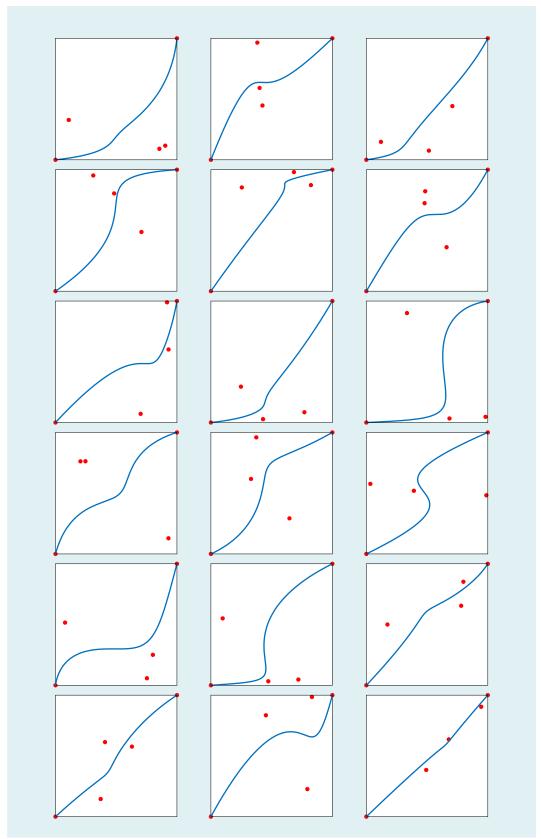


图 6. 四阶贝塞尔曲线

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

成权归有平人字面版在所有,有勿向用,引用有压切面处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套徽课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

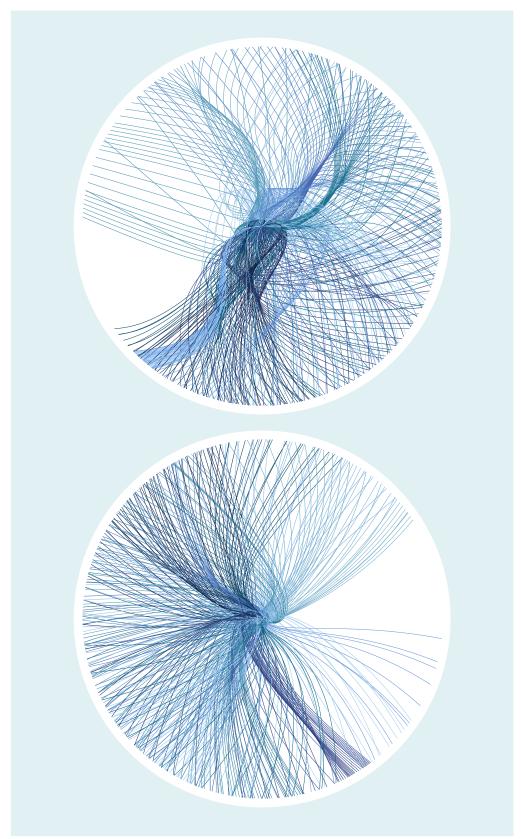


图 7. 用贝塞尔曲线绘制的"鸢尾花曲线"

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 成权归有平人字面版在所有,谓勿简用,引用谓压切面及。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套徽课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com