

Plane Geometry

74 平面几何

用 Matplotlib 绘制各种平面几何形状



艺术就是谎言,但艺术让我们看清真相。

Art is the lie that enables us to realize the truth.

— 毕加索 (Pablo Picasso) | 西班牙艺术家 | 1881 ~ 1973



- matplotlib.patches.Arc() 绘制弧线
- matplotlib.patches.Arrow() 绘制箭头
- matplotlib.patches.Circle() 绘制正圆
- matplotlib.patches.Ellipse() 绘制椭圆
- matplotlib.patches.FancyBboxPatch() 绘制 Fancy 矩形框
- matplotlib.patches.Polygon() 绘制多边形
- matplotlib.patches.Rectangle() 绘制长方形
- matplotlib.patches.RegularPolygon() 绘制正多边形
- matplotlib.pyplot.cm 提供各种预定义色谱方案,比如 matplotlib.pyplot.cm.rainbow
- matplotlib.pyplot.contour()绘制平面等高线
- matplotlib.pyplot.contourf() 绘制填充等高线图
- numpy.cos() 计算余弦值
- numpy.diag() 如果 A 为方阵, numpy.diag(A) 函数提取对角线元素, 以向量形式输入结果; 如果 a 为向量, numpy.diag(a) 函数将向量展开成方阵,方阵对角线元素为 a 向量元素
- numpy.dot() 计算向量标量积。值得注意的是,如果输入为一维数组,numpy.dot() 输出结果为标量积;如果输入为 矩阵, numpy.dot() 输出结果为矩阵乘积, 相当于矩阵运算符@
- numpy.linalg.inv() 矩阵求逆
- numpy.linalg.norm() 计算范数
- numpy.meshgrid() 创建网格化数据
- numpy.sin() 计算正弦值
- numpy.sqrt() 计算平方根

24.1 使用 patches 绘制平面几何形状

相信大家对 matplotlib.patches 已经不陌生了。matplotlib.patches 是 Matplotlib 库中的一个模块,可以使用它来绘制如图 1 圆形、矩形、多边形、箭头等等。

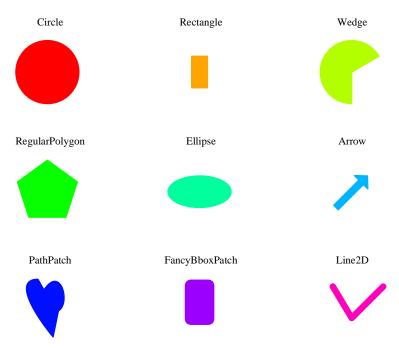


图 1. matplotlib.patches 中常见的几何图形

图1参考如下示例:

https://matplotlib.org/stable/gallery/shapes and collections/artist reference.html

图 2 所示为利用 matplotlib.patches 绘制一组单位圆内接、外接正多边形。举个例子,patches.Circle 可以创建一个圆形对象。这个对象可以具有不同的参数,如位置、大小、边框颜色、填充颜色、阴影线等。

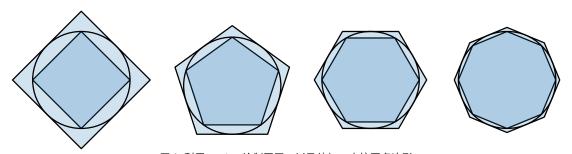


图 2. 利用 patches 绘制正圆,以及外切、内接正多边形

《数学要素》第3章中,大家会看到我们利用图2介绍如何估算圆周率。



本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

Jupyter 笔记 BK_2_Ch24_1.ipynb 绘制图 2。

斐波那契数列可以在自然界中找到很多例子,如植物的分枝结构、蜂窝的排列方式等。这是因为斐波那契数列具有一种黄金分割比例的特性,在自然界中被广泛运用。斐波那契数列在计算机科学和编程中有着广泛的应用。例如,它可以用来设计递归算法和动态规划算法,解决一些复杂的问题。斐波那契数列与黄金分割比例、数学规律等有着密切的联系。它在代数、数论、几何等数学领域中都有重要的应用。

24.2 使用等高线绘制平面几何形状

"鸢尾花书"中,我们更常见的是利用平面等高线可视化平面几何形状。

图 16 上图所示为利用等高线绘制的一组圆锥曲线。通过在 [0, 3] 范围之内改变离心率,圆锥曲线从正圆、椭圆,最终变成双曲线。绘制每条曲线时,我们先设置离心率,然后利用网格数据生成特定圆锥曲线的数据。绘制等高线时,仅仅绘制等高线值为 1 的那一条曲线。并且,利用色谱我们生成一组连续变化的颜色,分别渲染每一条圆锥曲线。



《数学要素》第9章将介绍介绍如何通过设定离心率改变圆锥曲线类型。

图 16 下图绘制的是在给定椭圆上不同点处的切线。绘制这幅图时需要用到椭圆切线的解析式,《矩阵力量》第 20 章将专门讲解这一话题。

下面我们看两个更复杂的例子。如图 17 上图所示,给定矩形,绘制一组和矩形相切的椭圆。图中的矩形用 matplotlib.patches 绘制。而椭圆采用等高线绘制。



《数学要素》第9章会专门讲解这组椭圆的性质。

如图 17 下图所示,给定旋转椭圆,绘制一组和椭圆相切的矩形。椭圆采用参数方程绘制,而矩形采用 matplotlib.patches。

绘制矩形还用到了仿射变换 (affine transformation)。本书后续将专门讲解仿射变换。



《统计至简》第14章将讲解图17下图用到的数学工具。



Jupyter 笔记 BK_2_Ch24_2.ipynb 绘制图 16 上图。Jupyter 笔记 BK_2_Ch24_3.ipynb 绘制图 16 下图。 Jupyter 笔记 BK_2_Ch24_4.ipynb 绘制图 17 上图。Jupyter 笔记 BK_2_Ch24_5.ipynb 绘制图 17 下图。



想要理解如何用 patches 绘制各种几何图形,大家可以参考如下链接:

https://matplotlib.org/stable/api/patches api.html

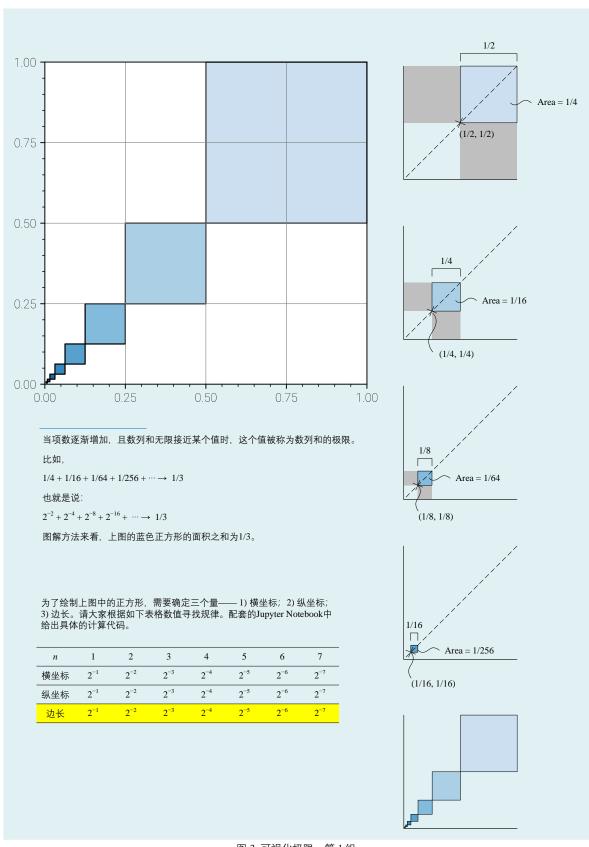


图 3. 可视化极限, 第 1 组

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。 版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

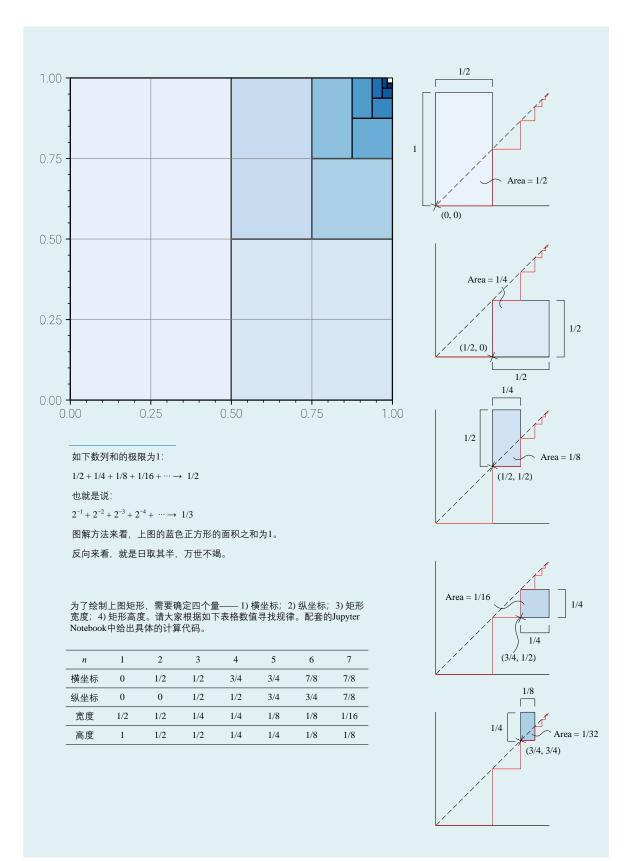


图 4. 可视化极限, 第 2 组

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载:https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

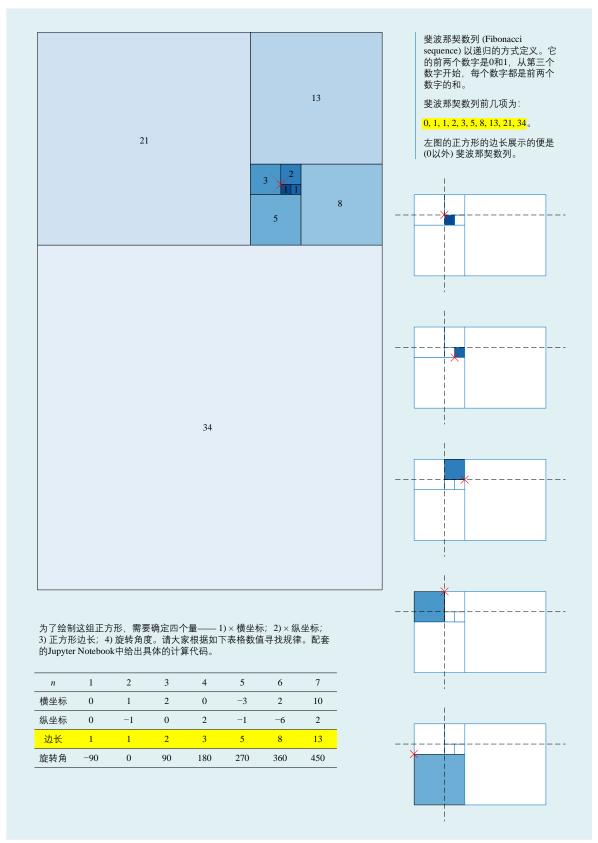
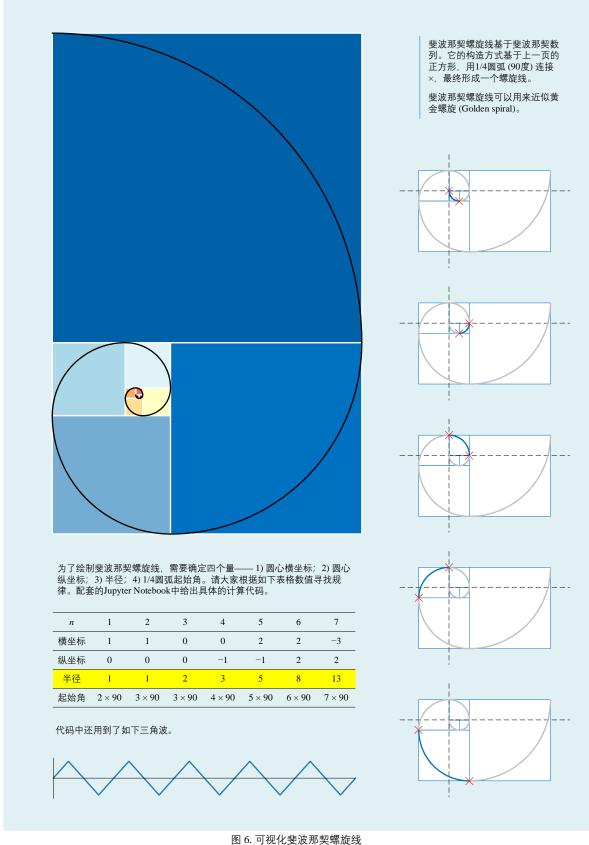


图 5. 可视化斐波那契数列

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466



本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。 版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

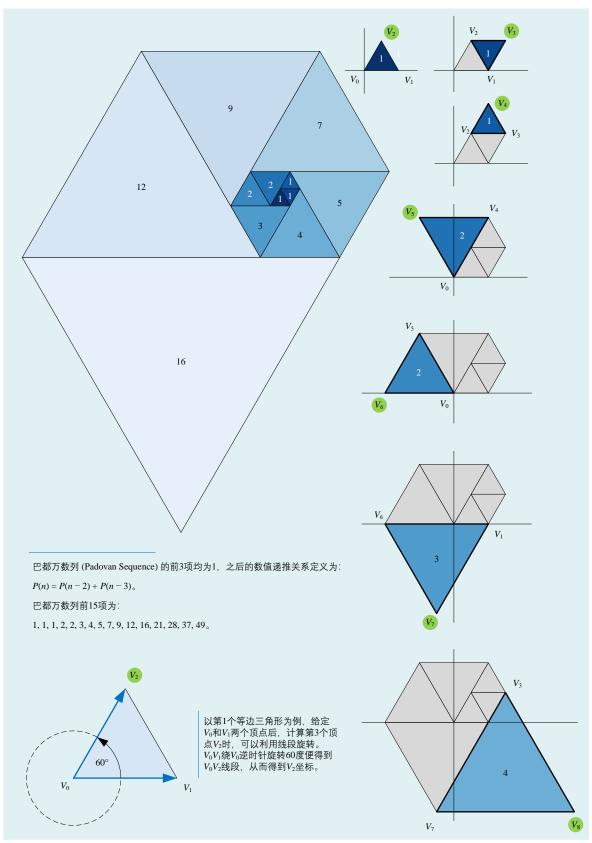


图 7. 可视化雷卡曼数列

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套徽课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

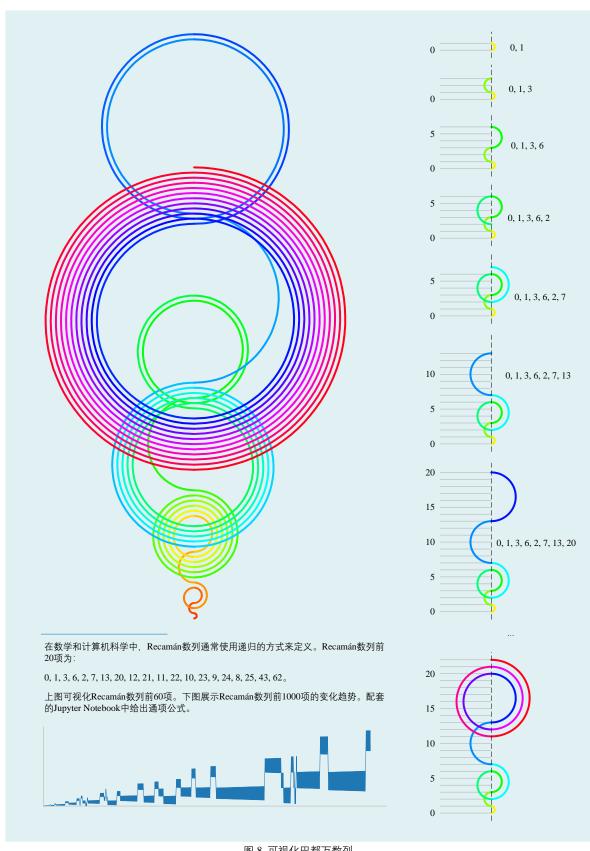


图 8. 可视化巴都万数列

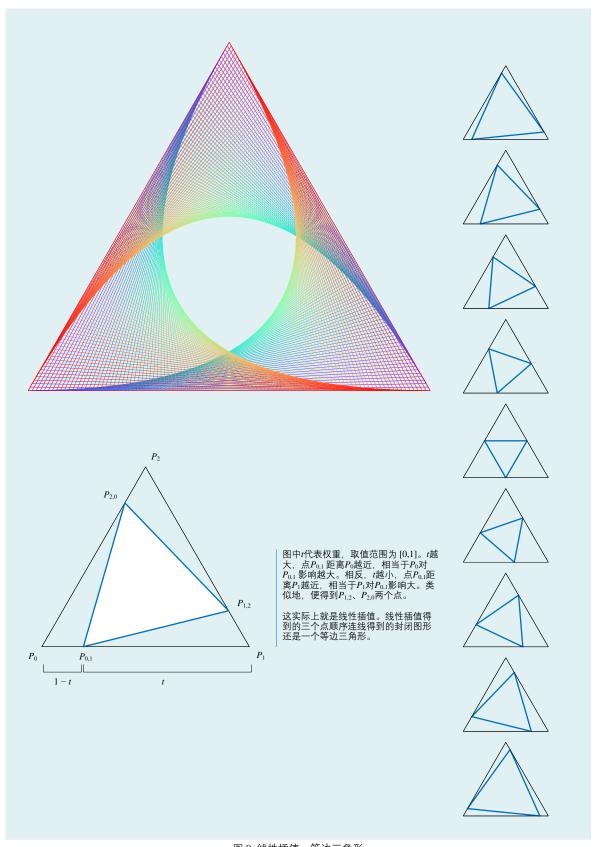


图 9. 线性插值,等边三角形

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

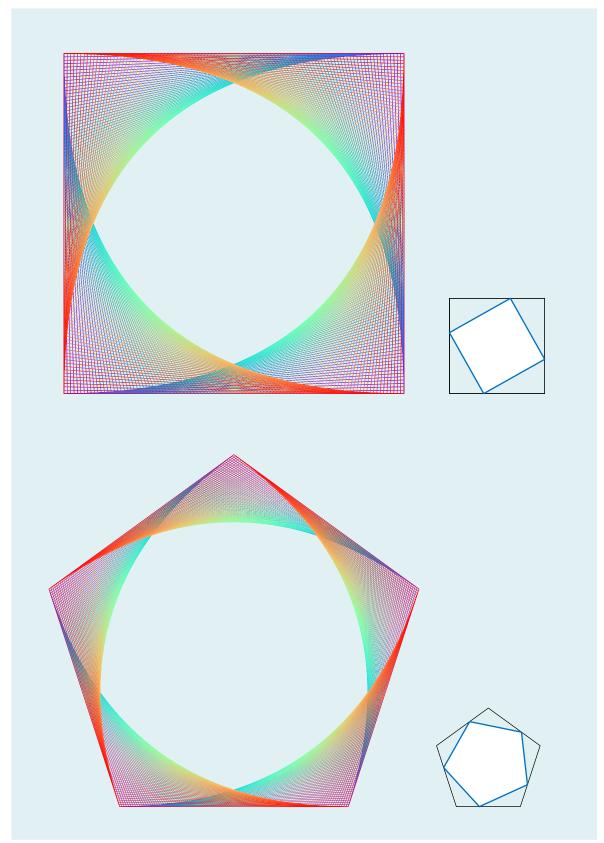


图 10. 线性插值,正方形、正五边形

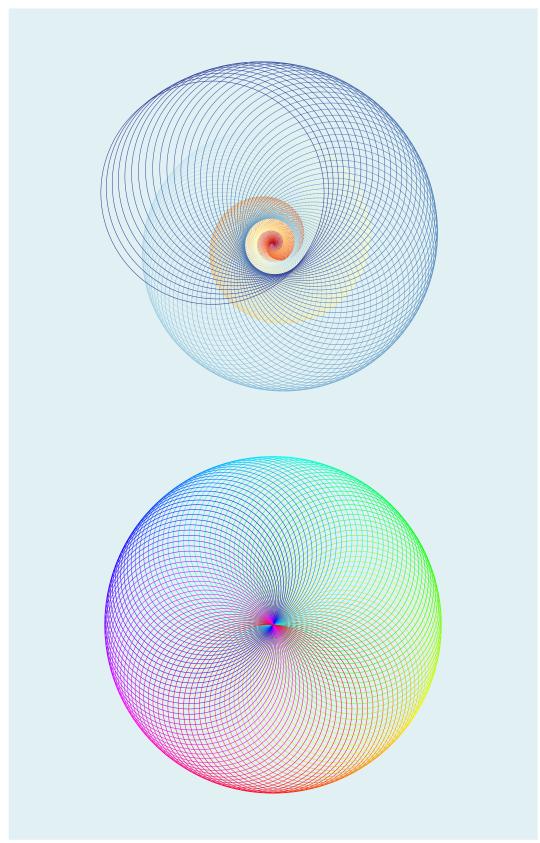


图 11. 两组旋转正圆

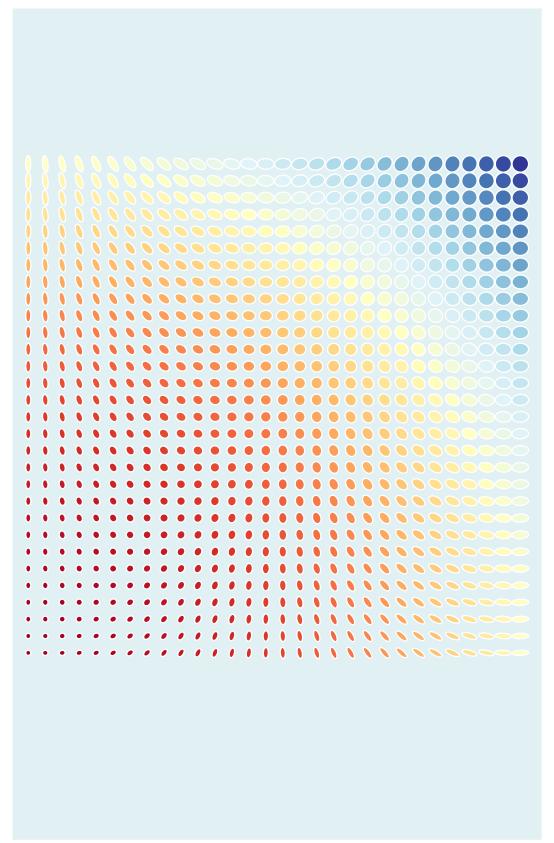


图 12. 一组旋转椭圆

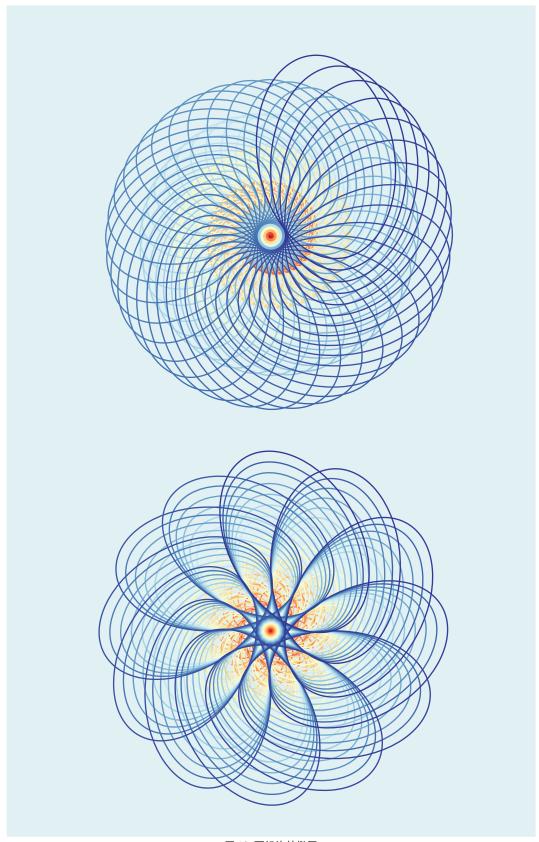


图 13. 两组旋转椭圆

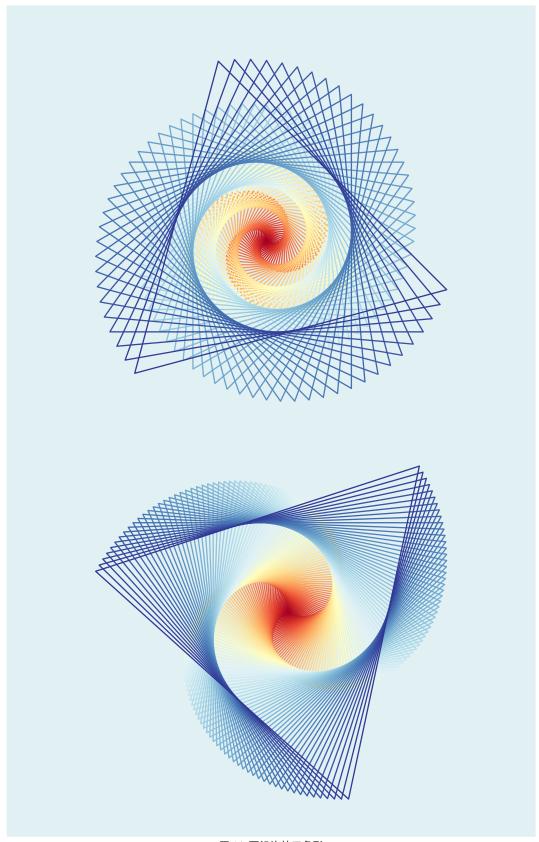


图 14. 两组旋转三角形

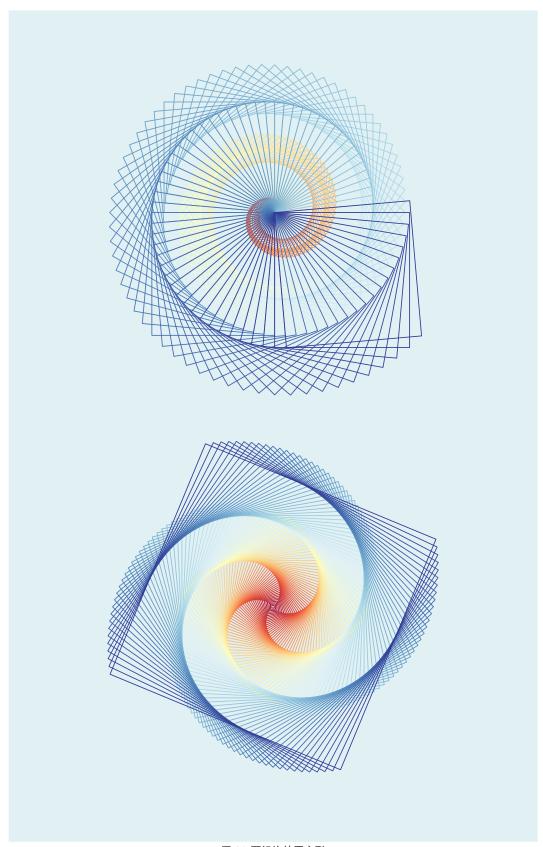


图 15. 两组旋转正方形

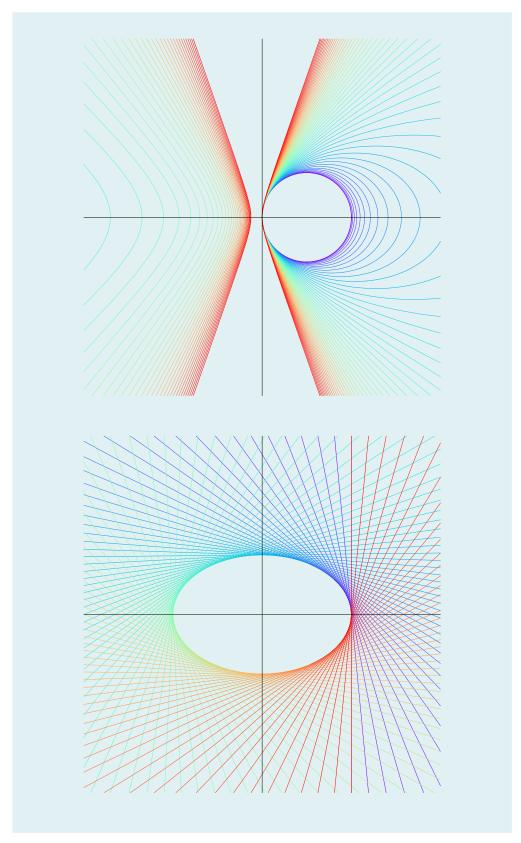


图 16. 利用等高线绘制圆锥曲线、椭圆切线

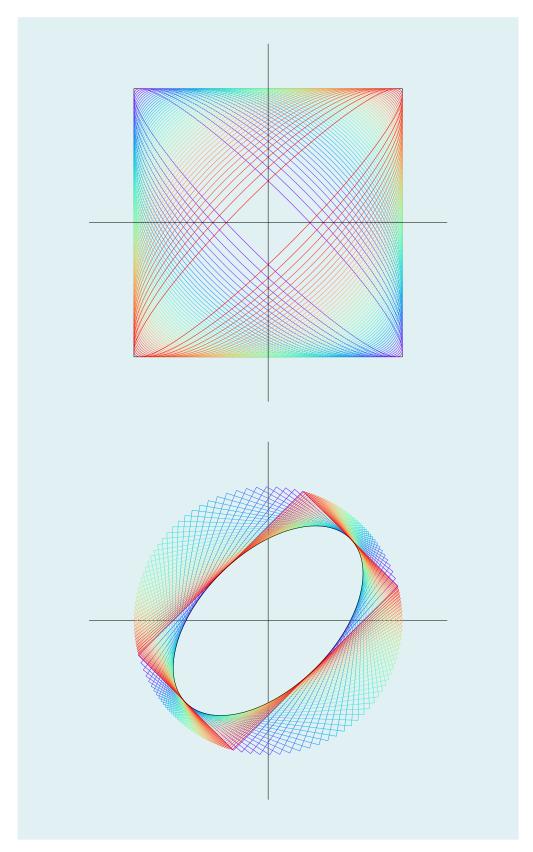


图 17. 给定矩形相切的一组椭圆、给定椭圆相切的一组矩形

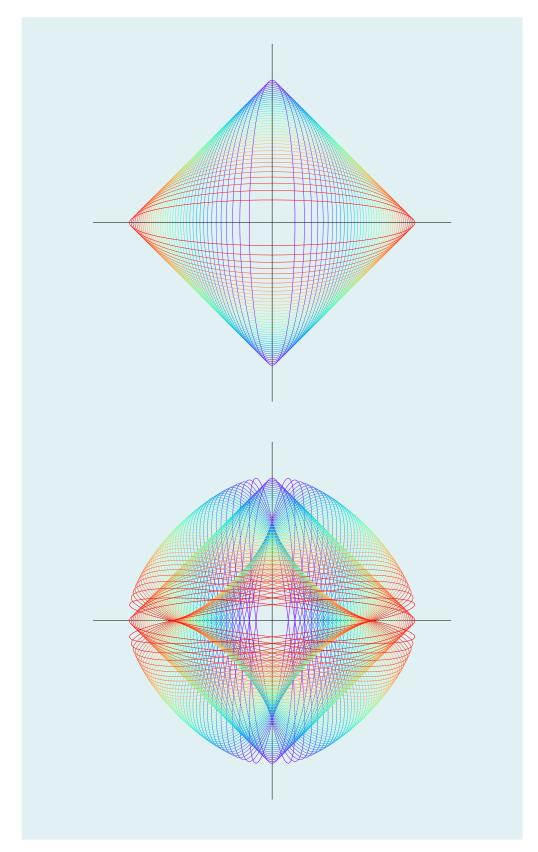


图 18. 一组椭圆,长半轴平方、短半轴平方之和为定值