Preface



感谢

首先感谢大家的信任。

作者仅仅是在学习应用数学科学和机器学习算法时,多读了几本数学书,多做了些思考和知识整理而已。知者不言,言者不知。知者不博,博者不知。水平有限,把自己有限所学所思斗胆和大家分享,作者权当无知者无畏。希望大家在B站视频下方和Github多提意见,让这套书成为作者和读者共同参与创作的优质作品。

特别感谢清华大学出版社的栾大成老师。从选题策划、内容创作、装帧设计, 栾老师事无巨细、一路陪伴。每次和栾老师交流, 我都能感受到他对优质作品的追求、对知识分享的热情。

出来混总是要还的

曾经,考试是我们学习数学的唯一动力。考试是头悬梁的绳,是锥刺股的锥。我们中的绝大 多数人从小到大为各种考试埋头题海,数学味同嚼蜡,甚至让人恨之入骨。

数学给我们带来了无尽的折磨。我们憎恨数学,恐惧数学,恨不得一走出校门就把数学抛之 脑后、老死不相往来。

可悲可笑的是,我们其中很多人可能会在毕业的五年或十年以后,因为工作需要,不得不重新学习微积分、线性代数、概率统计,悔恨当初没有学好数学、走了很多弯路、没能学以致用,从而迁怒于教材和老师。

这一切不能都怪数学,值得反思的是我们学习数学的方法、目的。

再给自己一个学数学的理由

为考试而学数学、是被逼无奈的举动。而为数学而数学、则又太过高尚而遥不可及。

相信对于绝大部分的我们来说,数学是工具、是谋生手段,而不是目的。我们主动学数学,是想用数学工具解决具体问题。

现在,这套书给大家一个"学数学、用数学"的全新动力——数据科学、机器学习。

数据科学和机器学习已经深度融合到我们生活的方方面面,而数学正是开启未来大门的钥匙。不是所有人生来都握有一副好牌,但是掌握"数学+编程+机器学习"绝对是王牌。这次,学习数学不再是为了考试、分数、升学,而是投资时间、自我实现、面向未来。

未来已来, 你来不来?

本套丛书如何帮到你

为了让大家学数学、用数学,甚至爱上数学,作者可谓颇费心机。在创作这套书时,作者尽量克服传统数学教材的各种弊端,让大家学习时有兴趣、看得懂、有思考、更自信、用得着。

为此, 丛书在内容创作上突出以下几个特点:

- **数学** + **艺术**——全彩图解,极致可视化,让数学思想跃然纸上、生动有趣、一看就懂,同时提高大家的数据思维、几何想象力、艺术感;
- ▼基础——从零开始学习 Python 编程,从写第一行代码到搭建数据科学和机器学习应用;
- 知识网络——打破数学板块之间的壁垒,让大家看到数学代数、几何、线性代数、微积分、概率统计等板块之间的联系,编织一张绵密的数学知识网络;
- 动手——授人以鱼不如授人以渔,和大家一起写代码、用 Streamlit 创作数学动画、交互 App;
- ◆ 学习生态——构造自主探究式学习生态环境"微课视频 + 纸质图书 + 电子图书 + 代码文件 + 可视化工具 + 思维导图",提供各种优质学习资源;
- **▼ 理论** + **实践**——从加减乘除到机器学习,丛书内容安排由浅入深、螺旋上升,兼顾理论和实践;在编程中学习数学,学习数学时解决实际问题。

虽然本书标榜"从加减乘除到机器学习",但是建议读者朋友们至少具备高中数学知识。如果读者正在学习或曾经学过大学数学(微积分、线性代数、概率统计),这套书就更容易读了。

聊聊数学

数学是工具。锤子是工具,剪刀是工具,数学也是工具。

数学是思想。数学是人类思想的高度抽象的结晶体。在其冷酷的外表之下,数学的内核实际上就是人类朴素的思想。学习数学时,知其然,更要知其所以然。不要死记硬背公式定理,理解背后的数学思想才是关键。如果你能画一幅图、用大白话描述清楚一个公式、一则定理,这就说明你真正理解了它。

数学是语言。就好比世界各地不同种族有自己的语言,数学则是人类共同的语言和逻辑。数学这门语言极其精准、高度抽象,放之四海而皆准。虽然我们中绝大多数人没有被数学女神选中,不能为人类的对数学认知开疆扩土;但是,这丝毫不妨碍我们使用数学这门语言。就好比,我们不会成为语言学家,我们完全可以使用母语和外语交流。

数学是体系。代数、几何、线性代数、微积分、概率统计、优化方法等等,看似一个个孤岛,实际上都是数学网络的一条条织线。建议大家学习时,特别关注不同数学板块之间的联系,见树,更要见林。

数学是基石。拿破仑曾说"数学的日臻完善和这个国强民富息息相关。"数学是科学进步的根基,是经济繁荣的支柱,是保家卫国的武器,是探索星辰大海的航船。

数学是艺术。数学和音乐、绘画、建筑一样,都是人类艺术体验。通过可视化工具,我们会 在看似枯燥的公式、定理、数据背后,发现数学之美。

数学是历史,是人类共同记忆体。"历史是过去,又属于现在,同时在指引未来。"数学是人类的集体学习思考,她把人的思维符号化、形式化,进而记录、积累、传播、创新、发展。从甲

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

骨、泥板、石板、竹简、木牍、纸草、羊皮卷、活字印刷、纸质书, 到数字媒介, 这一过程持续 了数千年, 至今绵延不息。

数学是无穷无尽的**想象力**,是人类的**好奇心**,是自我挑战的**毅力**,是一个接着一个的**问题**,是看似荒诞不经的**猜想**,是一次次胆大包天的**批判性思考**,是敢于站在前人的臂膀之上的**勇气**,是孜孜不倦地延展人类认知边界的**不懈努力**。

家园、诗、远方

诺瓦利斯曾说:"哲学就是怀着一种乡愁的冲动到处去寻找家园。"

在纷繁复杂的尘世,数学纯粹的就像精神的世外桃源。数学是,一束光,一条巷,一团不灭的希望,一股磅礴的力量,一个值得寄托的避风港。

打破陈腐的锁链,把功利心暂放一边,我们一道怀揣一分乡愁、心存些许诗意、踩着艺术维度,投入数学张开的臂膀,驶入她色彩斑斓、变幻无穷的深港,感受久违的归属,一睹更美、更好的远方。

Acknowledgement

致谢

To my parents.

谨以此书献给我的母亲父亲

How to Use the Book

使用本书

丛书资源

本系列丛书提供的配套资源有以下几个:

- ◀ 纸质图书;
- ▼ PDF 文件,方便移动终端学习;请大家注意,纸质图书经过出版社五审五校修改,内容细节上会和 PDF 文件有出入。
- 每章提供思维导图,纸质书提供全书思维导图海报;
- ▼ Python 代码文件,直接下载运行,或者复制、粘贴到 Jupyter 运行;
- ◀ Python 代码中有专门用 Streamlit 开发数学动画和交互 App 的文件;
- ◀ 微课视频、强调重点、讲解难点、聊聊天。

在纸质书中为了方便大家查找不同配套资源,作者特别设计了如下几个标识。



微课视频

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger:

https://space.bilibili.com/513194466

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com 微课视频是以"聊天"的方式,和大家探讨某个数学话题的重点内容,讲讲代码中可能遇到的 难点,甚至侃侃历史、说说时事、聊聊生活。

本书配套的微课视频目的是引导大家自主编程实践、探究式学习,并不是"照本宣科"。

纸质图书上已经写得很清楚的内容,视频课程只会强调重点。需要说明的是,图书内容不是视频的"逐字稿"。

代码文件

本系列丛书的 Python 代码文件下载地址为:

→ https://github.com/Visualize-ML

Python 代码文件会不定期修改,请大家注意更新。图书配套的 PDF 文件和勘误也会上传到这个 GitHub 账户。因此,建议大家注册 GitHub 账户,给书稿文件夹标星 (star) 或分支克隆 (fork)。

考虑再三,作者还是决定不把代码全文印在纸质书中,以便减少篇幅,节约用纸。

本书编程实践例子中主要使用"鸢尾花数据集",数据来源是 Scikit-learn 库、Seaborn 库。此外,系列丛书封面设计致敬梵高《鸢尾花》,要是给本系列丛书起个昵称的话,作者乐见"鸢尾花书"。

App 开发

本书几乎每一章都至少有一个用 Streamlit 开发的 App,用来展示数学动画、数据分析、机器学习算法。

Streamlit 是个开源的 Python 库,能够方便快捷搭建、部署交互型网页 App。Streamlit 非常简单易用、很受欢迎。Streamlit 兼容目前主流的 Python 数据分析库,比如 NumPy、Pandas、Scikitlearn、PyTorch、TensorFlow 等等。Streamlit 还支持 Plotly、Bokeh、Altair 等交互可视化库。

本书中很多 App 设计都采用 Streamlit + Plotly 方案。此外,本书专门配套教学视频手把手和大家一起做 App。

大家可以参考如下页面, 更多了解 Streamlit:

- https://streamlit.io/gallery
- https://docs.streamlit.io/library/api-reference

实践平台

本书作者编写代码时采用的 IDE (integrated development environment) 是 Spyder,目的是给大家提供简洁的 Python 代码文件。

但是,建议大家采用 JupyterLab 或 Jupyter notebook 作为本系列丛书配套学习工具。

简单来说, Jupyter 集合"浏览器 + 编程 + 文档 + 绘图 + 多媒体 + 发布"众多功能与一身, 非常适合探究式学习。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。

版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在B站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

运行 Jupyter 无需 IDE,只需要浏览器。Jupyter 容易分块执行代码。Jupyter 支持 inline 打印结果,直接将结果图片打印在分块代码下方。Jupyter 还支持很多其他语言,比如 R 和 Julia。

使用 markdown 文档编辑功能,可以编程同时写笔记,不需要额外创建文档。Jupyter 中插入图片和视频链接都很方便。此外,还可以插入 Latex 公式。对于长文档,可以用边栏目录查找特定内容。

Jupyter 发布功能很友好,方便打印成 HTML、PDF 等格式文件。

Jupyter 也并不完美,目前尚待解决的问题有几个。Jupyter 中代码调试不方便,需要安装专门插件(比如 debugger)。Jupyter 没有 variable explorer,要么 inline 打印数据,要么将数据写到 csv或 Excel 文件中再打开。图像结果不具有交互性,比如不能查看某个点的值,或者旋转 3D 图形,可以考虑安装 (jupyter-matplotlib)。注意,利用 Altair 或 Plotly 绘制的图像支持交互功能。对于自定义函数,目前没有快捷键直接跳转到其定义。但是,很多开发者针对这些问题都开发了插件,请大家留意。

大家可以下载安装 Anaconda,JupyterLab、Spyder、PyCharm 等常用工具都集成在 Anaconda 中。下载 Anaconda 的地址为:

https://www.anaconda.com/

学习步骤

大家可以根据自己的偏好制定学习步骤,本书推荐如下步骤。



学完每章后,大家可以在平台上发布自己的 Jupyter 笔记,进一步听取朋友们的意见,共同进步。这样做还可以提高自己学习的动力。

意见建议

欢迎大家对本系列丛书提意见和建议, 丛书专属邮箱地址为:

◀ jiang.visualize.ml@gmail.com

也欢迎大家在 B 站视频下方留言互动。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

Contents





Introduction

绪论

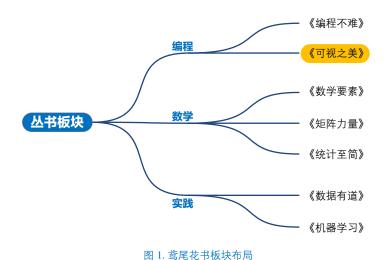
可视之美,数学之美,眼见为虚,动手为实

0.1 本册在全套丛书的定位

本系列丛书有三大板块——编程、数学、实践。本册《可视之美》是"编程"板块的第二册。 上一册《编程不难》着重介绍如何零基础入门学 Python 编程, 《可视之美》则在《编程不难》基础之上深入探讨如何用 Python 完成数学、数据的可视化。

学习《可视之美》时,希望大家能够掌握各种可视化方案,但是没有必要深究其背后的数学思想、数学工具。这一点和《编程不难》类似,即知其然,不需要知其所以然。和《编程不难》不同的是,《可视之美》书中不再提供代码示例,也不再提供练习题目。大家可以在《可视之美》配套的 Jupyter Notebook 中找到相关代码以及注释。

学完《编程不难》、《可视之美》这两册,大家便可以踏上学习"数学三剑客"之路,这时就需要大家知其然,知其所以然。



) - 结构: 6 大板块

本书一共有36章,可以归纳为6大板块——图说、美化、色彩、二维、三维、数学之美。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

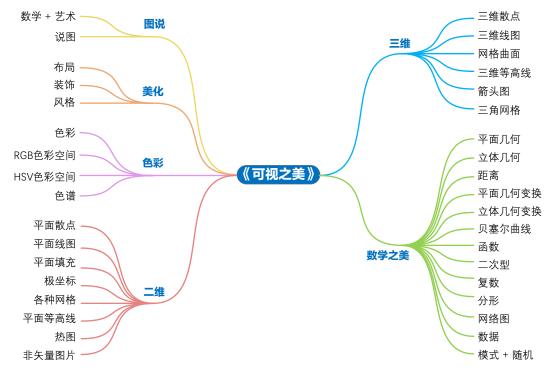


图 2. 《可视之美》板块布局

图说

这部分有两章内容,分别务虚、务实。第1章"形而上"地探讨了数学和艺术在解构、重构世 界角度的相同之处。第2章正式开启了一场"数学+艺术"的美学实践之旅,"形而下"地和大家探讨 一张图整个生命周期要经过的几个阶段。

美化

"美化"这部分有三章,分别从图片布局、图脊和轴、标注三个角度介绍如何让一幅图尽善尽 美。此外,这部分还格外介绍了可视化风格,特别是 ProPlot 出图风格样式特点。学好这三章的建 议,多写代码,多画图。除了书中介绍的安例外,建议大家多多查找 Python 可视化库的技术文 档、多尝试不同的美化设计。

色彩

"色彩"有四章,第6章先介绍了如何定义常用颜色。第7章介绍了RGB色彩空间,鸢尾花书 《矩阵力量》还会用到 RGB 空间来讲解向量空间。第8章探讨 HSV 色彩空间,HSV 色彩空间的 数学本质是圆柱坐标系。第9章介绍色谱,即颜色映射。色谱的本质就是函数,将一组数值映射 到不同颜色上。

二维

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。 版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在B站-—_生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

这一板块有八章,主要探讨常用的二维可视化方案:平面散点图 (第 10 章)、平面线图 (第 11 章)、平面填充 (第 12 章)、极坐标 (第 13 章)、各种网格 (第 14 章)、平面等高线 (第 15 章)、热图 (第 16 章)、非矢量图片 (第 17 章)。

大家学习时要注意,虽然本书讲的是可视化,但是背后全部都是数学。也就是说,把"艺术" 二字拆开来看,数学就是"艺",而利用 Python 实现可视化方案仅仅是"术"罢了。

三维

"三维"板块有六章,介绍常用三维可视化方案:三维散点图(第 18 章)、三维线图(第 19 章)、网格曲面(第 20 章)、三维等高线(第 21 章)、箭头图(第 22 章)、三角网格(第 23 章)。注意,第 22、23 章既有二维,也有三维可视化方案。

数学之美

这个板块相当于是全书的实践——可视之美,数学之美。这一板块一共涉及 13 个话题,利用丰富的可视化方案向大家展示数学的魅力。这 13 个话题分别是:平面几何 (第 24 章)、立体几何 (第 25 章)、距离 (第 26 章)、平面几何变换 (第 27 章)、立体几何变换 (第 28 章)、贝塞尔曲线 (第 29 章)、函数 (第 30 章)、二次型 (第 31 章)、复数 (第 32 章)、分形 (第 33 章)、网络图 (第 34 章)、数据 (第 35 章)、模式+随机 (第 36 章)。

大家在学习这个板块时多多关注实现这些可视化方案的编程代码,背后的数学原理不在本书核心内容之列。大家将会在鸢尾花书"数学三剑客"——《数学要素》、《矩阵力量》、《统计至简》——学习这个板块绝大部分的数学工具。

0.3 特点:数学之美

《可视之美》选图的标准只有一个——尽显数学之美。《可视之美》可以作为大家的可视化之书、想象力之书。

《可视之美》用艺术维度打开一扇理解数学的窗,目的是为了引起大家对数学的兴趣,让大家感叹数学可以很美。如果在观察某一幅图时,特别想要搞清楚其背后数学工具的原理,并且真的付诸行动;那么《可视之美》这本书便目的达成、物有所值!因此,希望大家在阅读本册时要,勤于思考、动手实践。

《可视之美》是鸢尾花书系列中唯一一本真正意义上的"图册"。鸢尾花书其他分册限于篇幅,也限于其核心故事链,不能"肆无忌惮"地给出各种可视化方案,但是《可视之美》没有这限制。《可视之美》就是要"毫无节制"地展示数学之美。

可视之美, 数学之美, 眼见为虚, 动手为实。

万物皆可数学, 数学皆可艺术。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com