## Conectando Derivadas e Limites ao Script ControleMapa.cs (Unity)

No script, temos um momento em que luzLigada é ativada imediatamente ao pressionar "E". Podemos usar a ideia de derivada para tornar essa transição gradual (ex: simular uma luz que aumenta sua intensidade aos poucos, em vez de acender instantaneamente).

```
public float lightIncreaseSpeed = 20f; // intensidade por segundo
void Update()
  AbrirTablet();
  if (Input.GetKeyDown(KeyCode.E) && noGerador)
  {
    Debug.Log("Pressionou E");
    luzLigada = true;
    portaPrincipal.SetActive(false);
  }
  if (luzLigada)
    foreach (Light luz in lights)
       if (luz.intensity < 100f) // limite superior
         // Aproxima a intensidade máxima com base na derivada (variação por tempo)
         luz.intensity += lightIncreaseSpeed * Time.deltaTime;
```

No script, a luz é ativada instantaneamente. Podemos modelar uma transição suave de intensidade usando a derivada como taxa de variação (dI/dt).

Limites com o Estado de chegada:

O valor 100f se torna um limite superior de intensidade.

A luz nunca ultrapassa esse valor:

 $\lim_{t o\infty} ext{intensidade}(t) = 100$ 

## 3. Simulação Contínua com Fade (darkBg)

Usamos limites e variações para simular suavização visual, como escurecimento de fundo:

```
public float fadeSpeed = 1f;
private float alphaTarget = 0f;
void Update() {
Color cor = darkBg.color;
float newAlpha = Mathf.MoveTowards(cor.a, alphaTarget, fadeSpeed * Time.deltaTime);
darkBg.color = new Color(cor.r, cor.g, cor.b, newAlpha);
}
void AbrirTablet() {
if (Input.GetKeyDown(KeyCode.E)) {
if (comTablet && !mapaAberto) {
map.gameObject.SetActive(true);
alphaTarget = 0.6f;
mapaAberto = true;
} else if (mapaAberto) {
map.gameObject.SetActive(false);
alphaTarget = 0f;
mapaAberto = false; }
}
```

Aqui temos um uso prático de limites e variações — alpha se aproxima de um valor em tempo real.

Portanto sabe-se que:

**Derivadas** → modelam **variações no tempo** (ex: intensidade da luz crescendo suavemente).

**Limites** → controlam **valores máximos ou mínimos** a serem atingidos (ex: não ultrapassar 100% de luz ou 100% de opacidade).

Esses conceitos dão **realismo e suavidade** a interações que antes eram imediatas e abruptas.