

МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ  
НАЦІОНАЛЬНИЙ ТЕХНІЧНИЙ УНІВЕРСИТЕТ УКРАЇНИ  
«КИЇВСЬКИЙ ПОЛІТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ імені ІГОРЯ СІКОРСЬКОГО»  
Фізико-технічний інститут

Криптографія  
Комп'ютерний практикум №1

Виконали:  
студенти групи ФБ-01  
Чуйко О. М.  
Ченський К. Ю.

Київ - 2022

### **Мета роботи:**

Засвоєння понять ентропії на символ джерела та його надлишковості, вивчення та порівняння різних моделей джерела відкритого тексту для наближеного визначення ентропії, набуття практичних навичок щодо оцінки ентропії на символ джерела.

### **Постановка задачі:**

Написати програми для підрахунку частот букв і частот біграм в тексті, також для підрахунку  $H_1$  та  $H_2$  за безпосереднім означенням. Підрахувати частоти букв та біграм, а також значення  $H_1$  та  $H_2$  на довільно обраному тексті російською мовою достатньої довжини, де імовірності замінити відповідними частотами. Одержати значення  $H_1$  та  $H_2$  на тому ж тексті, в якому вилучено всі пробіли.

Використавши CoolPinkProgram оцінити значення  $H^{(10)}$ ,  $H^{(20)}$ ,  $H^{(30)}$ .

Використовуючи отримані значення ентропії, оцінити надлишковість російської мови в різних моделях джерела.

### **Хід роботи:**

Спершу для знайденого тексту російською мовою провели обробку(перевели усі символи в нижній регістр, видалили повторні пробіли та усі символи крім зазначених), отримали два очищених файли(один з пробілами інший без) та дві відповідні змінні.

Далі написали функцію, яка б рахувала кількість елементів у тексті та сортувала отриманий масив. Після неї написали функцію, яка б виконувала відповідні дії для біграм, при тому з можливістю вказати крок, який для нашої роботи міг бути 1 або 2.

Після цього реалізували функцію, яка обраховує частоту та заносить дані у .xlsx таблицю. На цьому етапі виникла проблема: використаний модуль для запису у .xlsx файл міг виконувати дії лише після створення, без можливості подальшого редагування, тож для кожного випадку було необхідно створити окремий файл, але для зручності перевірки та написання протоколу усі отримані файли були об'єднані у один.

Далі написали функції для підрахунку ентропії та надлишковості, використовуючи функції наведені у методичці до комп'ютерного практикуму.

Після цього у функції main() зробили 6 викликів для знаходження значення ентропії для усіх випадків, потім 6 викликів для підрахунку надлишковості, після чого занесли відповідні дані у .xlsx таблицю.

## Таблиці частот букв:

|    | A      | B                   |
|----|--------|---------------------|
| 1  | Symbol | Frequency           |
| 2  | ' '    | 0.15709799806323    |
| 3  | 'о'    | 0.0885243843969633  |
| 4  | 'е'    | 0.0707176337257712  |
| 5  | 'а'    | 0.0657611380674483  |
| 6  | 'и'    | 0.0564049497819127  |
| 7  | 'т'    | 0.0546900256362916  |
| 8  | 'н'    | 0.0527758783877962  |
| 9  | 'с'    | 0.0450703958117904  |
| 10 | 'р'    | 0.0401598747156692  |
| 11 | 'л'    | 0.0389455624695783  |
| 12 | 'в'    | 0.0382989995789314  |
| 13 | 'м'    | 0.0291704948395378  |
| 14 | 'к'    | 0.0290982490989351  |
| 15 | 'д'    | 0.026894389133073   |
| 16 | 'у'    | 0.0226048895041534  |
| 17 | 'п'    | 0.022277959284052   |
| 18 | 'я'    | 0.0180096225488443  |
| 19 | 'ь'    | 0.0167150372576393  |
| 20 | 'ы'    | 0.0164202162555835  |
| 21 | 'г'    | 0.0152372834725827  |
| 22 | 'з'    | 0.0151103061103112  |
| 23 | 'б'    | 0.0147191574541185  |
| 24 | 'й'    | 0.0134209233881355  |
| 25 | 'ч'    | 0.0125817051892145  |
| 26 | 'ж'    | 0.00827323193144974 |
| 27 | 'х'    | 0.00729681980087906 |
| 28 | 'ш'    | 0.00671228608145671 |
| 29 | 'ю'    | 0.00533888725504863 |
| 30 | 'ц'    | 0.00383851106636902 |
| 31 | 'щ'    | 0.00296280511966887 |
| 32 | 'э'    | 0.00289639741871077 |
| 33 | 'ф'    | 0.00173097875464398 |
| 34 | 'ъ'    | 0.00024300840020929 |
| 35 | 'ё'    | 0                   |

|    | A      | B                   |
|----|--------|---------------------|
| 1  | Symbol | Frequency           |
| 2  | 'о'    | 0.105023341021325   |
| 3  | 'е'    | 0.0838978120389802  |
| 4  | 'а'    | 0.07801753693353    |
| 5  | 'и'    | 0.0669175653306183  |
| 6  | 'т'    | 0.0648830178486089  |
| 7  | 'н'    | 0.062612116552732   |
| 8  | 'с'    | 0.0534705051218651  |
| 9  | 'р'    | 0.0476447732042305  |
| 10 | 'л'    | 0.0462041404339906  |
| 11 | 'в'    | 0.0454370727450288  |
| 12 | 'м'    | 0.034607219786537   |
| 13 | 'к'    | 0.0345215090628268  |
| 14 | 'д'    | 0.0319068991072232  |
| 15 | 'у'    | 0.0268179331075418  |
| 16 | 'п'    | 0.0264300704386311  |
| 17 | 'я'    | 0.0213662116206426  |
| 18 | 'ь'    | 0.019830344712947   |
| 19 | 'ы'    | 0.0194805756990186  |
| 20 | 'г'    | 0.0180771708188751  |
| 21 | 'з'    | 0.0179265277287178  |
| 22 | 'б'    | 0.0174624777498424  |
| 23 | 'й'    | 0.015922282017717   |
| 24 | 'ч'    | 0.0149266523988614  |
| 25 | 'ж'    | 0.00981517651214495 |
| 26 | 'х'    | 0.00865678309472853 |
| 27 | 'ш'    | 0.00796330542107341 |
| 28 | 'ю'    | 0.00633393590569396 |
| 29 | 'ц'    | 0.00455392330015722 |
| 30 | 'щ'    | 0.00351500543700348 |
| 31 | 'э'    | 0.00343622083238099 |
| 32 | 'ф'    | 0.00205359430950056 |
| 33 | 'ъ'    | 0.00028829970702516 |
| 34 | 'ё'    | 0                   |

Перша таблицка демонструє частоти для букв у тексті з пробілами, друга частоти для букв у тексті без пробілів.

## Топ-10 по кількості для кожного з 6-ти випадків:

```
[+]Найчастіші 10 елементів: [(' ', 215275), ('о', 121307), ('е', 96906), ('а', 90114), ('и', 77293), ('т', 74943), ('н', 72320), ('с', 61761), ('р', 55032), ('л', 53368)]
[+]Найчастіші 10 елементів: [('о', 121307), ('е', 96906), ('а', 90114), ('и', 77293), ('т', 74943), ('н', 72320), ('с', 61761), ('р', 55032), ('л', 53368), ('в', 52482)]
[+]Найчастіші 10 елементів: [('о ', 23038), ('с ', 21736), ('и ', 21663), ('в ', 21334), ('е ', 21331), ('п ', 20444), ('а ', 19822), ('н ', 17788), ('то', 17313), ('ст', 14783)]
[+]Найчастіші 10 елементів: [('то', 17839), ('ст', 15131), ('на', 12676), ('но', 12066), ('не', 12009), ('ен', 11828), ('по', 10968), ('ко', 10965), ('ов', 10882), ('ра', 10615)]
[+]Найчастіші 10 елементів: [('о ', 23038), ('с ', 21736), ('и ', 21663), ('в ', 21334), ('е ', 21331), ('п ', 20444), ('а ', 19822), ('н ', 17788), ('то', 17313), ('ст', 14783)]
[+]Найчастіші 10 елементів: [('то', 17839), ('ст', 15131), ('на', 12676), ('но', 12066), ('не', 12009), ('ен', 11828), ('по', 10968), ('ко', 10965), ('ов', 10882), ('ра', 10615)]
```

## Таблиці частот біграм:

| 1  | A             | B         | 1  | A             | B         | 1  | A             | B         | 1  | A             | B         |
|----|---------------|-----------|----|---------------|-----------|----|---------------|-----------|----|---------------|-----------|
| 1  | <u>Bigram</u> | Frequency | 1  | <u>Bigram</u> | Frequency | 1  | <u>Bigram</u> | Frequency | 1  | <u>Bigram</u> | Frequency |
| 2  | ' <u>о</u> '  | 0.01681   | 2  | ' <u>то</u> ' | 0.01544   | 2  | ' <u>о</u> '  | 0.01681   | 2  | ' <u>то</u> ' | 0.01544   |
| 3  | ' <u>с</u> '  | 0.01586   | 3  | ' <u>ст</u> ' | 0.0131    | 3  | ' <u>с</u> '  | 0.01586   | 3  | ' <u>ст</u> ' | 0.0131    |
| 4  | ' <u>и</u> '  | 0.01581   | 4  | ' <u>на</u> ' | 0.01097   | 4  | ' <u>и</u> '  | 0.01581   | 4  | ' <u>на</u> ' | 0.01097   |
| 5  | ' <u>в</u> '  | 0.01557   | 5  | ' <u>но</u> ' | 0.01045   | 5  | ' <u>в</u> '  | 0.01557   | 5  | ' <u>но</u> ' | 0.01045   |
| 6  | ' <u>е</u> '  | 0.01557   | 6  | ' <u>не</u> ' | 0.0104    | 6  | ' <u>е</u> '  | 0.01557   | 6  | ' <u>не</u> ' | 0.0104    |
| 7  | ' <u>п</u> '  | 0.01492   | 7  | ' <u>ен</u> ' | 0.01024   | 7  | ' <u>п</u> '  | 0.01492   | 7  | ' <u>ен</u> ' | 0.01024   |
| 8  | ' <u>а</u> '  | 0.01447   | 8  | ' <u>по</u> ' | 0.0095    | 8  | ' <u>а</u> '  | 0.01447   | 8  | ' <u>по</u> ' | 0.0095    |
| 9  | ' <u>н</u> '  | 0.01298   | 9  | ' <u>ко</u> ' | 0.00949   | 9  | ' <u>н</u> '  | 0.01298   | 9  | ' <u>ко</u> ' | 0.00949   |
| 10 | ' <u>то</u> ' | 0.01263   | 10 | ' <u>ов</u> ' | 0.00942   | 10 | ' <u>то</u> ' | 0.01263   | 10 | ' <u>ов</u> ' | 0.00942   |
| 11 | ' <u>ст</u> ' | 0.01079   | 11 | ' <u>ра</u> ' | 0.00919   | 11 | ' <u>ст</u> ' | 0.01079   | 11 | ' <u>ра</u> ' | 0.00919   |
| 12 | ' <u>я</u> '  | 0.01078   | 12 | ' <u>от</u> ' | 0.00893   | 12 | ' <u>я</u> '  | 0.01078   | 12 | ' <u>от</u> ' | 0.00893   |
| 13 | ' <u>ь</u> '  | 0.01001   | 13 | ' <u>во</u> ' | 0.00861   | 13 | ' <u>ь</u> '  | 0.01001   | 13 | ' <u>во</u> ' | 0.00861   |
| 14 | ' <u>й</u> '  | 0.00976   | 14 | ' <u>ро</u> ' | 0.00845   | 14 | ' <u>й</u> '  | 0.00976   | 14 | ' <u>ро</u> ' | 0.00845   |
| 15 | ' <u>и</u> '  | 0.0093    | 15 | ' <u>ес</u> ' | 0.00844   | 15 | ' <u>и</u> '  | 0.0093    | 15 | ' <u>ес</u> ' | 0.00844   |
| 16 | ' <u>на</u> ' | 0.00921   | 16 | ' <u>ер</u> ' | 0.00842   | 16 | ' <u>на</u> ' | 0.00921   | 16 | ' <u>ер</u> ' | 0.00842   |
| 17 | ' <u>т</u> '  | 0.00918   | 17 | ' <u>ос</u> ' | 0.0084    | 17 | ' <u>т</u> '  | 0.00918   | 17 | ' <u>ос</u> ' | 0.0084    |
| 18 | ' <u>к</u> '  | 0.00904   | 18 | ' <u>ни</u> ' | 0.00839   | 18 | ' <u>к</u> '  | 0.00904   | 18 | ' <u>ни</u> ' | 0.00839   |
| 19 | ' <u>о</u> '  | 0.00884   | 19 | ' <u>ет</u> ' | 0.00795   | 19 | ' <u>о</u> '  | 0.00884   | 19 | ' <u>ет</u> ' | 0.00795   |
| 20 | ' <u>не</u> ' | 0.00873   | 20 | ' <u>та</u> ' | 0.00785   | 20 | ' <u>не</u> ' | 0.00873   | 20 | ' <u>та</u> ' | 0.00785   |
| 21 | ' <u>но</u> ' | 0.00862   | 21 | ' <u>го</u> ' | 0.0078    | 21 | ' <u>но</u> ' | 0.00862   | 21 | ' <u>го</u> ' | 0.0078    |
| 22 | ' <u>м</u> '  | 0.00832   | 22 | ' <u>ал</u> ' | 0.00774   | 22 | ' <u>м</u> '  | 0.00832   | 22 | ' <u>ал</u> ' | 0.00774   |
| 23 | ' <u>по</u> ' | 0.008     | 23 | ' <u>он</u> ' | 0.0077    | 23 | ' <u>по</u> ' | 0.008     | 23 | ' <u>он</u> ' | 0.0077    |
| 24 | ' <u>ко</u> ' | 0.00773   | 24 | ' <u>ка</u> ' | 0.00768   | 24 | ' <u>ко</u> ' | 0.00773   | 24 | ' <u>ка</u> ' | 0.00768   |
| 25 | ' <u>ра</u> ' | 0.0077    | 25 | ' <u>ли</u> ' | 0.00763   | 25 | ' <u>ра</u> ' | 0.0077    | 25 | ' <u>ли</u> ' | 0.00763   |
| 26 | ' <u>ен</u> ' | 0.00742   | 26 | ' <u>ом</u> ' | 0.00743   | 26 | ' <u>ен</u> ' | 0.00742   | 26 | ' <u>ом</u> ' | 0.00743   |
| 27 | ' <u>т</u> '  | 0.00741   | 27 | ' <u>ре</u> ' | 0.00737   | 27 | ' <u>т</u> '  | 0.00741   | 27 | ' <u>ре</u> ' | 0.00737   |
| 28 | ' <u>м</u> '  | 0.00736   | 28 | ' <u>пр</u> ' | 0.00724   | 28 | ' <u>м</u> '  | 0.00736   | 28 | ' <u>пр</u> ' | 0.00724   |
| 29 | ' <u>ро</u> ' | 0.00702   | 29 | ' <u>ор</u> ' | 0.00711   | 29 | ' <u>ро</u> ' | 0.00702   | 29 | ' <u>ор</u> ' | 0.00711   |
| 30 | ' <u>во</u> ' | 0.00689   | 30 | ' <u>ол</u> ' | 0.00698   | 30 | ' <u>во</u> ' | 0.00689   | 30 | ' <u>ол</u> ' | 0.00698   |
| 31 | ' <u>ни</u> ' | 0.00675   | 31 | ' <u>ла</u> ' | 0.00695   | 31 | ' <u>ни</u> ' | 0.00675   | 31 | ' <u>ла</u> ' | 0.00695   |
| 32 | ' <u>д</u> '  | 0.00672   | 32 | ' <u>ан</u> ' | 0.00675   | 32 | ' <u>д</u> '  | 0.00672   | 32 | ' <u>ан</u> ' | 0.00675   |
| 33 | ' <u>ер</u> ' | 0.00663   | 33 | ' <u>ри</u> ' | 0.00637   | 33 | ' <u>ер</u> ' | 0.00663   | 33 | ' <u>ри</u> ' | 0.00637   |
| 34 | ' <u>от</u> ' | 0.00653   | 34 | ' <u>ть</u> ' | 0.00633   | 34 | ' <u>от</u> ' | 0.00653   | 34 | ' <u>ть</u> ' | 0.00633   |
| 35 | ' <u>го</u> ' | 0.00651   | 35 | ' <u>ак</u> ' | 0.0063    | 35 | ' <u>го</u> ' | 0.00651   | 35 | ' <u>ак</u> ' | 0.0063    |
| 36 | ' <u>в</u> '  | 0.00651   | 36 | ' <u>те</u> ' | 0.00625   | 36 | ' <u>в</u> '  | 0.00651   | 36 | ' <u>те</u> ' | 0.00625   |
| 37 | ' <u>та</u> ' | 0.00649   | 37 | ' <u>ве</u> ' | 0.00622   | 37 | ' <u>та</u> ' | 0.00649   | 37 | ' <u>ве</u> ' | 0.00622   |
| 38 | ' <u>ка</u> ' | 0.00639   | 38 | ' <u>ло</u> ' | 0.00615   | 38 | ' <u>ка</u> ' | 0.00639   | 38 | ' <u>ло</u> ' | 0.00615   |
| 39 | ' <u>ал</u> ' | 0.00624   | 39 | ' <u>ел</u> ' | 0.00611   | 39 | ' <u>ал</u> ' | 0.00624   | 39 | ' <u>ел</u> ' | 0.00611   |
| 40 | ' <u>ов</u> ' | 0.0062    | 40 | ' <u>од</u> ' | 0.00611   | 40 | ' <u>ов</u> ' | 0.0062    | 40 | ' <u>од</u> ' | 0.00611   |

На першій таблиці частоти біграм з кроком 1 у тексті з пробілами, на другій частоти біграм з кроком 1 у тексті без пробілів, на третій та четвертій частоти біграм з кроком два у відповідному порядку стосовно пробілів.

### Одержані значення H та R:

|   | A                                  | B                | C                 |
|---|------------------------------------|------------------|-------------------|
| 1 | Name                               | H                | R                 |
| 2 | Letters with spaces                | 4.4115798996701  | 0.132852654195333 |
| 3 | Letters with out spaces            | 4.48955901125098 | 0.109990435913449 |
| 4 | Bigrams with spaces and step 1     | 4.03915965362009 | 0.206056185635473 |
| 5 | Bigrams with out spaces and step 1 | 4.19671375043315 | 0.168044040348122 |
| 6 | Bigrams with spaces and step 2     | 4.03887392578276 | 0.206112348765553 |
| 7 | Bigrams with out spaces and step 2 | 4.19652114184497 | 0.16808222304829  |

### Оцінки для $H^{(10)}$ , $H^{(20)}$ , $H^{(30)}$ :

Лабораторная работа №1

Произвольная часть текста:  
ек\_знает\_

Использованные буквы:

Порядок n-граммы:  
5 символов  
10 символов  
15 символов  
20 символов  
25 символов  
30 символов  
35 символов  
40 символов  
45 символов  
50 символов

Введенный символ:

Символ по счету:

Номер эксперимента: 51

Неравенство для энтропии:  
 $3.28994310106647 < H < 3.69366068968818$

Двоичная таблица угаданных символов:

Поле ввода символов:

Продолжить Другой

Вероятности:

$q[1] = 0.32$   
 $q[2] = 0.04$   
 $q[3] = 0.06$   
 $q[4] = 0.06$   
 $q[5] = 0.02$   
 $q[6] = 0.04$   
 $q[7] = 0$   
 $q[8] = 0.04$   
 $q[9] = 0$   
 $q[10] = 0.04$   
 $q[11] = 0.02$   
 $q[12] = 0.02$   
 $q[13] = 0$   
 $q[14] = 0.02$   
 $q[15] = 0$   
 $q[16] = 0$   
 $q[17] = 0$   
 $q[18] = 0$   
 $q[19] = 0.02$   
 $q[20] = 0$   
 $q[21] = 0$   
 $q[22] = 0.02$   
 $q[23] = 0$   
 $q[24] = 0.04$   
 $q[25] = 0.04$   
 $q[26] = 0.02$   
 $q[27] = 0.02$   
 $q[28] = 0.08$   
 $q[29] = 0.04$   
 $q[30] = 0.04$   
 $q[31] = 0$   
 $q[32] = 0$

Строка состояния:

Лабораторная работа №1

Произвольная часть текста:  
понимание\_морали\_пр

Использованные буквы:

Порядок n-граммы:  
5 символов  
10 символов  
15 символов  
20 символов  
25 символов  
30 символов  
35 символов  
40 символов  
45 символов  
50 символов

Введенный символ:

Символ по счету:

Номер эксперимента: 51

Неравенство для энтропии:  
 $2.46639168900549 < H < 3.01287868934203$

Двоичная таблица угаданных символов:

Поле ввода символов:

Продолжить Другой

Вероятности:

$q[1] = 0.48$   
 $q[2] = 0.06$   
 $q[3] = 0.02$   
 $q[4] = 0$   
 $q[5] = 0$   
 $q[6] = 0.02$   
 $q[7] = 0.02$   
 $q[8] = 0.02$   
 $q[9] = 0.06$   
 $q[10] = 0$   
 $q[11] = 0.04$   
 $q[12] = 0.02$   
 $q[13] = 0$   
 $q[14] = 0.02$   
 $q[15] = 0.02$   
 $q[16] = 0.08$   
 $q[17] = 0.02$   
 $q[18] = 0.02$   
 $q[19] = 0$   
 $q[20] = 0$   
 $q[21] = 0$   
 $q[22] = 0$   
 $q[23] = 0$   
 $q[24] = 0.04$   
 $q[25] = 0$   
 $q[26] = 0$   
 $q[27] = 0.02$   
 $q[28] = 0.02$   
 $q[29] = 0$   
 $q[30] = 0$   
 $q[31] = 0$   
 $q[32] = 0.02$

Строка состояния:



[illegible]

$$3.28994310106647 < H^{(10)} < 3.69366068968818$$

$$2.46639168900549 < H^{(20)} < 3.01287868934203$$

$$2.16673299977859 < H^{(30)} < 2.86111918856318$$

## Висновки:

Виконавши цей комп'ютерний практикум ми набули практичних навичок щодо оцінки ентропії на символ джерела, порівняли різні моделі джерела відкритого тексту для наближеного визначення ентропії.

Написали програму для підрахунку усіх необхідних для роботи значень, використавши для збереження отриманих результатів модуль, який надає змогу запису даних у .xlsx файл.

Використавши отримані значення ентропії, підраховали надлишковість.

За допомогою CoolPinkProgram оцінили значення для  $H^{(10)}$ ,  $H^{(20)}$ ,  $H^{(30)}$ .