# Криптографія

Комп'ютерний практикум № 1

Експериментальна оцінка ентропії на символ джерела відкритого тексту

Виконали Студенти 3-го курсу Групи ФБ-02 Замрій Денис та Гнатюк Максим

## Мета роботи:

Засвоєння понять ентропії на символ джерела та його надлишковості, вивчення та порівняння різних моделей джерела відкритого тексту для наближеного визначення ентропії, набуття практичних навичок щодо оцінки ентропії на символ джерела.

#### Порядок виконання роботи:

- 1. Написати програми для підрахунку частот букв і частот біграм в тексті, а також підрахунку Н 1 та Н 2 за безпосереднім означенням.
- Підрахувати частоти букв та біграм, а також значення H\_1 та H\_2 на добровільно вибраному тексті російською мового, достатньої довжини, де імовірності замінити відповідними частотам.
   Також одержати значення H\_1 та H\_2 на тому ж тексті у якому вилучені всі пробіли.
- 3. За допомогою програми CoolPinkProgram оцінити значення H^10, H^20, H^30
- 4. Використовуючи отримані значення ентропії, оцінити надлишковість російської мови в різних моделях джерела.

#### Весь код програми:

```
text bigrams without spaces.append(n1 + n1_s)
    text bigrams without spaces reply.append(n1 1 + n1 1 s)
dict b1 = {}
H1 without space = -counter1
H2 without space = -counter1 1
H2_without_space_step_2 = -counter1_3
R H1 without space = (1 - (H1 \text{ without space } / (math.log(33/2))))
R_H2_without_space = (1 - (H2_without_space / (math.log(33/2))))
```

```
alphabet_p = ['a', 'б', 'в', 'т', 'д', 'e', 'ë', 'ж', 'з', 'м', 'й', 'к', 'л', 'м', 'н', 'о', 'п', 'р', 'с', 'т', 'у', 'ф', 'х', 'ц', 'ч', 'ш', 'щ', 'ъ', 'ы', 'ь', 'э', 'ю', 'я', '']
bigram for alphabet1 = []
           bigram for alphabet1.append(i + j)
     text bigram with spaces.append(n2 + n2 s)
     text bigram with spaces without reply.append(n2 2 + n2 2 s)
dict b2 = {}
H2 with space = -counter2 1
```

```
H2_with_space_step_2 = -counter2_2
print("H2 для біграм без пробілів з кроком 2: ", H2_with_space_step_2)

R_H1_with_space = (1 - (H1_with_space / (math.log(33/2))))
print('Надлишковість для Н1 з пробілами: ', R_H1_with_space)
R_H2_with_space = (1 - (H2_with_space / (math.log(33/2))))
print('Надлишковість для Н2 з пробілами: ', R_H2_with_space)
R_H2_with_space_step_2 = (1 - (H2_with_space_step_2 / (math.log(33/2))))
print('Надлишковість для Н2 з пробілами: ', R H2 with space step 2, '\n')
```

Зчитаємо наш текст з файлу та зробимо його в нижньому регістрі:

```
text_with_spaces = open('with_spaces.txt', 'r', encoding="utf-8")
text_with_spaces = text_with_spaces.read()
text_with_spaces = text_with_spaces.lower()
```

Замінимо всі символи та цифри на пробіли:

(W\ - шукає всі символи, окрім букв та цифр)

(d\ - шукає всі цифри)

За допомогою бібліотеки ге та функції re.sub замінимо всі знаки пунктуації, цифри та букви англійського алфавіту на пробіли.

Видалимо всі пробіли з тексту.

```
text_with_spaces = re.sub(r"[\W\d]", " ", text_with_spaces)
text_with_spaces = re.sub(r"[A-Za-z]", " ", text_with_spaces)
no_spaces_text = text_with_spaces.replace(" ", "")
```

Видалимо всі пробіли з тексу. Запишемо отриманий текст без пробілів у новий файл, та закоментуємо цей рядок, щоб операція не проводилася кожен раз як ми будемо запускати наш код.

```
no_spaces_text = text_with_spaces.replace(" ", "")
#print(no spaces text, file=open("no spaces.txt", "a"))
```

Обробка тексту без пробілів:

Запишемо наш алфавіт без пробілів в список

```
alphabet = ['a', 'б', 'в', 'г', 'д', 'e', 'ё', 'ж', 'з', 'м', 'й', 'к', 'л', 'м', 'н', 'о', 'п', 'р', 'с', 'т', 'у', 'ф', 'х', 'ц', 'ч', 'ш', 'щ', 'ъ', 'ы', 'ь', 'э', 'ю', 'я']
```

Знайдемо частоту символів в тексті:

```
dict1 = {}
for i in alphabet:
    count_1 = no_spaces_text.count(i)
    len_1 = len(no_spaces_text)
    dict1[i] = count_1 / len_1
print('Частота символів в тексті: ', dict1)
```

#### Знайдемо список біграм для алфавіту без пробілів:

#### Знайдемо всі біграми в тексті без пробілів:

```
text_bigrams_without_spaces = []
for i in range(0, len(no_spaces_text)-1, 1):
    n1 = no_spaces_text[i]
    n1_s = no_spaces_text[i + 1]
    text_bigrams_without_spaces.append(n1 + n1_s)
print('Bci біграми з тексту без пробілів: ', text bigrams without spaces)
```

#### Знайдемо список біграм для алфавіту без пробілів з кроком 2:

```
text_bigrams_without_spaces_reply = []
for i in range(0, len(no_spaces_text)-1, 2):
    n1_1 = no_spaces_text[i]
    n1_1_s = no_spaces_text[i + 1]
    text_bigrams_without_spaces_reply.append(n1_1 + n1_1_s)
print('Bci біграми з тексту без пробілів з кроком 2: ',
text_bigrams_without_spaces_reply)
```

#### Знайдемо частоту біграм в тексті без пробілів:

```
dict_b1 = {}
for i in bigram_for_alphabet:
    count_2 = text_bigrams_without_spaces.count(i)
    len_2 = len(text_bigrams_without_spaces)
    dict_b1[i] = count_2 / (len_2)
print('Частота біграм в тексті без пробілів: ', dict_b1)
```

#### Знайдемо частоту біграм в тексті без пробілів з кроком 2:

```
dict1_b1 = {}
for i in bigram_for_alphabet:
    count2_2 = text_bigrams_without_spaces_reply.count(i)
    len2_2 = len(text_bigrams_without_spaces_reply)
    dict1_b1[i] = count2_2 / (len2_2)
print('Частота біграм в тексті без пробілів з кроком 2: ', dict1 b1)
```

```
\sum_{i=1}^{m-1} i(q_i^{(n)} - q_{i+1}^{(n)}) \log_2 i + m q_m^{(n)} \log_2 m \le H^{(n)} \le -\sum_{i=1}^m q_i^{(n)} \log_2 q_i^{(n)} counter1 = 0 for j in dict1.values(): counter1 = counter1 + (j * math.log(j, 2)) H1_without_space = -counter1 print("H1 для букв без пробілів: ", H1_without_space)
```

Знайдемо Н\_2 для біграм без пробілів за формулою

Знайдемо Н 2 для біграм без пробілів з кроком 2 за формулою

$$\sum_{i=1}^{m-1} i(q_i^{(n)} - q_{i+1}^{(n)}) \log_2 i + mq_m^{(n)} \log_2 m \le H^{(n)} \le -\sum_{i=1}^m q_i^{(n)} \log_2 q_i^{(n)}$$

```
counter1_3 = 0
for i in dict1_b1.values():
    if i != 0:
        counter1_3 = counter1_3 + (i * math.log(i, 2))
H2_without_space_step_2 = -counter1_3
print("H2 для біграм без пробілів кроком 2: ", H2 without space step 2)
```

Знайдемо надлишковість для Н 1, Н 2 без пробілів, та Н 2 з кроком 2, за формулою:

$$R = 1 - \frac{H_{\infty}}{H_0}$$

```
R_H1_without_space = (1 - (H1_without_space / (math.log(33/2))))
print('Надлишковість для H1 без пробілів: ', R_H1_without_space)
R_H2_without_space = (1 - (H2_without_space / (math.log(33/2))))
print('Надлишковість для H2 без пробілів: ', R_H2_without_space)
R_H2_without_space_step_2 = (1 - H2_without_space_step_2 / (math.log(33/2)))
print('Надлишковість для H2 без пробілів з кроком 2: ', R H2 without_space,
```

## Обробка тексту з пробами:

### Запишемо наш алфавіт з пробілами в список

```
alphabet_p = ['a', 'б', 'в', 'r', 'д', 'e', 'ë', 'ж', 'з', 'и', 'й', 'к', 'л', 'м', 'н', 'о', 'п', 'р', 'с', 'т', 'у', 'ф', 'х', 'ц', 'ч', 'ш', 'щ', 'ъ', 'ы', 'ь', 'э', 'ю', 'я', ' ]
```

#### Знайдемо частоту символів в тексті:

```
dict2 = {}
for i in alphabet_p:
    count_3 = text_with_spaces.count(i)
    len_3 = len(text_with_spaces)
    dict2[i] = count_3 / len_3
print("Частота букв з пробілами: ", dict2)
```

#### Знайдемо список біграм для алфавіту з пробілами:

```
bigram_for_alphabet1 = []
for i in alphabet_p:
    for j in alphabet_p:
        bigram_for_alphabet1.append(i + j)
print('Список біграм для алфавіту з пробілами: ', bigram for alphabet1)
```

### Знайдемо всі біграми в тексті з пробілами:

```
text_bigram_with_spaces = []

for i in range(0, len(text_with_spaces) - 1, 1):

    n2 = text_with_spaces[i]

    n2_s = text_with_spaces[i + 1]

    text_bigram_with_spaces.append(n2 + n2_s)

print('Bci біграми в тексті з пробілами: ', text bigram with spaces)
```

#### Знайдемо список біграм для алфавіту з пробілами з кроком 2:

```
text_bigram_with_spaces_without_reply = []
for i in range(0, len(text_with_spaces) - 1, 2):
    n2_2 = text_with_spaces[i]
    n2_2_s = text_with_spaces[i + 1]
    text_bigram_with_spaces_without_reply.append(n2_2 + n2_2_s)
print('Bci біграми в тексті з пробілами з кроком 2: ',
text_bigram_with_spaces_without_reply)
```

#### Знайдемо частоту біграм в тексті з пробілами:

```
dict_b2 = {}
for i in bigram_for_alphabet1:
    count_4 = text_bigram_with_spaces.count(i)
    len_4 = len(text_bigram_with_spaces)
```

```
dict_b2[i] = count_4 / (len_4)
print('Частота біграм в тексті з пробілами', dict b2)
```

#### Знайдемо частоту біграм в тексті з пробілами з кроком 2:

```
dict2_b2 = {}
for i in bigram_for_alphabet1:
    count4_4 = text_bigram_with_spaces_without_reply.count(i)
    len4_4 = len(text_bigram_with_spaces_without_reply)
    dict2_b2[i] = count4_4 / (len4_4)
print('Частота біграм в тексті з пробілами з кроком 2', dict2 b2)
```

#### Знайдемо Н 1 для букв з пробілами за формулою

$$\sum_{i=1}^{m-1} i(q_i^{(n)} - q_{i+1}^{(n)}) \log_2 i + mq_m^{(n)} \log_2 m \le H^{(n)} \le -\sum_{i=1}^m q_i^{(n)} \log_2 q_i^{(n)}$$

```
counter2 = 0
for i in dict2.values():
    counter2 = counter2 + (i*math.log(i, 2))
H1_with_space = -counter2
print("H1 для букв з пробілами: ", H1 with space)
```

#### Знайдемо Н 2 для біграм з пробілами за формулою

$$\sum_{i=1}^{m-1} i(q_i^{(n)} - q_{i+1}^{(n)}) \log_2 i + mq_m^{(n)} \log_2 m \le H^{(n)} \le -\sum_{i=1}^m q_i^{(n)} \log_2 q_i^{(n)}$$

```
counter2_1 = 0
for i in dict_b2.values():
    if i != 0:
        counter2_1 = counter2_1 + (i * math.log(i, 2))
H2_with_space = -counter2_1
print("H2 для біграм без пробілів: ", H2 with space)
```

### Знайдемо Н 2 для біграм з пробілами з кроком 2 за формулою

$$\sum_{i=1}^{m-1} i(q_i^{(n)} - q_{i+1}^{(n)}) \log_2 i + mq_m^{(n)} \log_2 m \le H^{(n)} \le -\sum_{i=1}^m q_i^{(n)} \log_2 q_i^{(n)}$$

```
counter2_2 = 0
for i in dict2_b2.values():
    if i != 0:
        counter2_2 = counter2_2 + (i * math.log(i, 2))
H2_with_space_step_2 = -counter2_2
print("H2 для біграм без пробілів з кроком 2: ", H2 with space step 2)
```

Знайдемо надлишковість для Н 1, Н 2 з пробілами, та Н 2 з кроком 2, за формулою:

$$R = 1 - \frac{H_{\infty}}{H_0}$$

```
R_H1_with_space = (1 - (H1_with_space / (math.log(33/2))))
print('Надлишковість для Н1 з пробілами: ', R_H1_with_space)
R_H2_with_space = (1 - (H2_with_space / (math.log(33/2))))
print('Надлишковість для Н2 з пробілами: ', R_H2_with_space)
R_H2_with_space_step_2 = (1 - (H2_with_space_step_2 / (math.log(33/2))))
print('Надлишковість для Н2 з пробілами: ', R_H2_with_space_step_2, '\n')
```

### Частоти літер в тексті без пробілів та з пробілами:

```
('o', 0.11299019607843137)
('e', 0.08412990196078432)
('m', 0.07549019607843137)
('a', 0.0739583333333333333)
('H', 0.06752450980392156)
('T', 0.0616421568627451)
('c', 0.050490196078431374)
('n', 0.04356617647058823)
('B', 0.04344362745098039)
('p', 0.04295343137254902)
(' ', 0.19363604921191757)
('o', 0.09111122091012402)
('e', 0.06783932012451208)
('u', 0.060872572755570925)
('a', 0.059637333860368597)
('H', 0.0544493305005188)
('T', 0.049706013142941846)
('c', 0.040713473985868866)
('n', 0.035130194179554326)
('B', 0.03503137506793814)
```

## Частота букв в тексті без пробілів

## Частота букв в тексті з пробілами

	- 1	-	-	-		-					-			-		-		-		-					-									
		0	e	И	a	н	T	C	Л	В	р	K	А	у	M	П	ı	Ы	ь	ч	Я	6	3	ж	й	X	Ш	Ю	ц	Щ	9	ф	ë	ъ
frequency	0.19364	0.09111	0.06784	0.06087	0.05964	0.05445	0.04971	0.04071	0.03513	0.03503	0.03464	0.02713	0.02673	0,02559	0.0251	0.02218	0,01581	0.01576	0.01522	0.01472	0.01463	0.01344	0,01304	0.00959	0.00934	0.0086	0.00632	0.00494	0,00301	0.00292	0.00168	0.00104	0.0004	4.9E-05

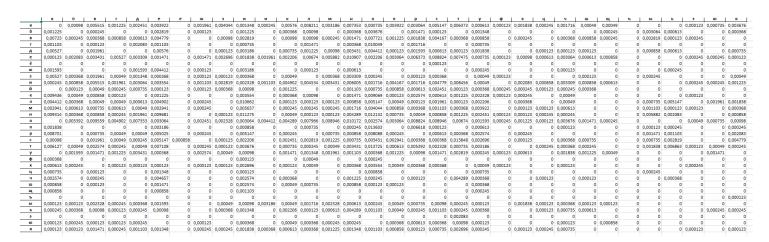
## Частота біграм у тексті без пробілів

	U	·	U	-	- 1	U	- 0		- 4	, n	-	191	19	U	r	ų	n	J		v	v	17	^	- 1	4	AA.	MU	MU	AU	AL	PM .	AO	PUT
	a	6	8	r	А	e	č	ж	3	И	й	K	л	M	н	0	п	р	c	т	У	ф	x	ц	q	w	щ	ъ	ы	ь	9	ю	я
a	0	0,00098	0,005515	0,001225	0,002451	0,003922	0	0,001961	0,004044	0,001348	0,000245	0,00576	0,008211	0,003186	0,007353	0,000735	0,003922	0,003064	0,005147	0,006373	0,000613	0,000123	0,001838	0,000245	0,001716	0,00049	0,00049	0	0	0	0,000123	0,000735	0,003676
6	0,001225	0	0,000245	0	0	0,002819	0	0,000123	0	0,001225	0	0,000368	0,00098	0	0,000368	0,003676	0	0,001471	0,000123	0	0,001348	0	0	0	0	0	0,000245	0 0	0,003064	0,000613	0	0	0,000368
8	0,00723	0,000245	0,000368	0,000858	0,000613	0,004779	0	0	0,00098	0,002819	0	0,00098	0,00098	0,000245	0,001471	0,007721	0,001225	0,001838	0,004167	0,000368	0,000858	0	0,000245	0	0,000368	0,000858	0,000245	0 0	0,002819	0,000123	0,000245	0	0
г	0,001103	0	0,000123	0	0,002083	0,001103	0	0	0	0,000735	0	0	0,001471	0	0,000368	0,010049	0	0,001716	0	0	0,000735	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
Д	0,00527	0	0,001961	0	0	0,00576	0	0	0,000123	0,003186	0	0,000735	0,001225	0,00098	0,003431	0,004412	0,000123	0,001593	0,000613	0,000123	0,001838	0	0	0,000123	0,000123	0,000123	0	0 0	0,000858	0,000613	0	0	0,000735
e	0,000123	0,002083	0,003431	0,00527	0,003309	0,001471	0	0,001471	0,002696	0,001838	0,001961	0,002206	0,00674	0,005882	0,010907	0,002206	0,003064	0,006373	0,008824	0,007475	0,000735	0,000123	0,00098	0,000613	0,003064	0,000613	0,000858	0	0	0	0,000245	0,000245	0,000123
ë	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0,000123	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
ж	0,001593	0	0	0	0,001593	0,004412	0	0,000123	0	0,003186	0	0	0,000123	0	0,000613	0	0	0	0	0	0,000245	0	0	0	0,000123	0	0	0	0	0,000245	0	0	0
3	0,00527	0,000368	0,001961	0,00049	0,001348	0,000368	0	0,000123	0,000123	0,000368	0	0,00049	0	0,000368	0,003309	0,000245	0	0,000123	0,000368	0	0,00049	0,000123	0	0	0	0,000123	0	0 0	0,000245	0	0	0	0,00049
и	0,000245	0,000858	0,005515	0,001961	0,003064	0,003554	0	0,001103	0,002819	0,002328	0,001103	0,004902	0,004534	0,003431	0,006005	0,001716	0,004167	0,001716	0,004779	0,008456	0,00049	0	0,002083	0,000858	0,003309	0,000858	0,000613	0	0	0	0,000245	0,000245	0,001225
й	0	0,000123	0,00049	0,000245	0,000735	0,000123	0	0,000123	0,000368	0,00098	0	0,001225	0	0	0,001103	0,000735	0,000858	0,000613	0,002451	0,000123	0,000368	0,000245	0,000245	0,000123	0,000245	0,000368	0	0	0	0	0	0	0
К	0,009436	0,00049	0,000858	0,000123	0	0,001225	0	0	0	0,003554	0	0,000368	0,00098	0	0,001471	0,009069	0,000123	0,002574	0,000613	0,001225	0,002328	0,000123	0,000245	0	0,00049	0	0	0	0	0	0,000123	0	0
Л	0,004412	0,000368	0,00049	0,00049	0,000613	0,004902	0	0,000245	0	0,010662	0	0,000123	0,000123	0,000123	0,000858	0,005147	0,00049	0,000123	0,001961	0,000123	0,002206	0	0,000368	0	0,00049	0	0	0 0	0,000735	0,005147	0	0,001961	0,001838
M	0,002941	0,000613	0,000735	0,000613	0,00049	0,002941	0	0,000245	0	0,005637	0	0,000245	0,000245	0,000245	0,001716	0,004044	0,000858	0,000368	0,001103	0,000368	0,003922	0	0,000123	0,000123	0,000613	0	0	0 0	0,001103	0,000123	0,000123	0	0,000368
н	0,009314	0,000368	0,000858	0,000245	0,001961	0,009681	0	0	0,000123	0,011275	0	0,00049	0,000123	0,000123	0,004289	0,012132	0,000735	0,00049	0,000858	0,001225	0,002451	0,000123	0,000123	0,000245	0,000245	0	0	0 0	0,005882	0,002083	0	0	0,000858
0	0	0,005392	0,009559	0,004902	0,007353	0,003064	0	0,002451	0,002328	0,003064	0,004412	0,004289	0,007966	0,008946	0,010172	0,002574	0,003064	0,008824	0,008946	0,00674	0,001593	0,000245	0,001225	0,000123	0,003676	0,001471	0,000245	0	0	0	0,00049	0,000735	0,00098
п	0,001838	0	0	0	0	0,003186	0	0	0	0,000858	0	0	0,000735	0	0,000245	0,013603	0	0,006618	0,000123	0	0,000613	0	0	0	0,000123	0	0	0 0	0,000123	0,000245	0	0	0,000245
р	0,008701	0	0,000735	0,00049	0,00049	0,005025	0	0,000245	0	0,005147	0	0,000245	0	0,000735	0,000858	0,008088	0,000245	0	0,000613	0,000368	0,002574	0	0,000245	0	0	0	0	0 0	0,001471	0,001103	0	0	0,002083
c	0,00098	0	0,001961	0,00049	0,000245	0,005147	0,000858	0	0,000123	0,002206	0	0,002451	0,002819	0,001225	0,000735	0,003431	0,002941	0,000368	0,000368	0,013848	0,002696	0	0,000123	0	0,000368	0,000735	0	0 0	0,000735	0,002819	0	0	0,004779
T	0,006127	0,00049	0,002574	0,000245	0,00049	0,007108	0	0,000245	0,000123	0,003676	0	0,000735	0,000245	0,00049	0,003431	0,013725	0,000613	0,005392	0,002328	0,000735	0,003186	0	0	0,000245	0,000368	0,000245	0	0 0	0,001838	0,006863	0,000123	0,00049	0,000245
У	0	0,001593	0,001471	0,001225	0,003431	0,000368	0	0,002574	0,00049	0,00098	0	0,001471	0,001348	0,001961	0,001103	0,000368	0,001225	0,00098	0,001471	0,002819	0,000245	0,000123	0,000613	0	0,001838	0,001225	0,00049	0	0	0	0	0,001471	0
ф	0,000368	0	0	0	0	0	0	0	0	0,000123	0	0	0,00049	0	0	0,000245	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
x	0,000613	0,000245	0	0,000123	0,000123	0,000123	0	0,000123	0,000123	0,002696	0	0,000123	0,00049	0	0,000368	0,003554	0,00049	0,000368	0,000368	0	0,00049	0,000123	0	0	0,000123	0	0	0	0	0	0,000245	0	0
ц	0,000735	0	0,000123	0	0	0,001348	0	0	0	0,000123	0	0	0	0	0	0,000858	0	0	0	0	0,000735	0	0	0	0	0	0	0 0	0,000245	0	0	0	0
ч	0,002574	0	0,000245	0	0	0,004657	0	0	0	0,002574	0	0,000368	0	0	0,001225	0,000245	0	0,000123	0	0,004289	0,000368	0	0	0,000123	0	0,000123	0	0	0	0,000368	0	0	0
E	0,000858	0	0,000123	0	0	0,001471	0	0	0	0,002574	0	0,00049	0,000735	0	0,000858	0,000123	0,000123	0	0	0	0,000368	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
щ	0,000858	0	0	0	0	0,000858	0	0	0	0,001103	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0,000245	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
ъ	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0,000123
ы	0,000123	0,000123	0,002328	0,000245	0,000368	0,001593	0	0	0,00049	0,00098	0,003186	0,00049	0,001716	0,002328	0,000613	0,000245	0,00049	0,000735	0,00098	0,000245	0,000123	0	0,001838	0,000123	0,000368	0,000123	0,000123	0	0	0	0	0	0
ь	0,000245	0,000368	0,00098	0,000123	0,000245	0,00098	0	0	0,000368	0,001348	0	0,002206	0,000123	0,000613	0,004289	0,001103	0,00049	0,000245	0,001103	0,000245	0,000368	0	0	0,000123	0,000735	0,000613	0	0	0	0	0	0,000245	0,000245
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0,002083	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
ю	0,000123	0,000245	0,000123	0,000123	0,000245	0	0	0,000123	0	0,000368	0	0,00049	0,000368	0,000245	0,000245	0	0,000368	0,000613	0,000368	0,00098	0,000123	0	0	0	0,000123	0	0,000858	0	0	0	0	0	0
я	0,000123	0,000123	0,001471	0,000245	0,001103	0,001348	0	0,000245	0,000245	0,001838	0,000368	0,000613	0,000368	0,001225	0,001348	0,001103	0,000858	0,000123	0,000735	0,002696	0,000245	0	0,000123	0,000245	0,000735	0	0	0	0	0	0,000123	0	0,000123
	-,	-,	.,	.,	.,	.,		.,	.,	.,.,.	.,	.,	-,	.,	.,	.,	.,	.,	.,	-,	.,		.,.,	.,	.,						.,		.,

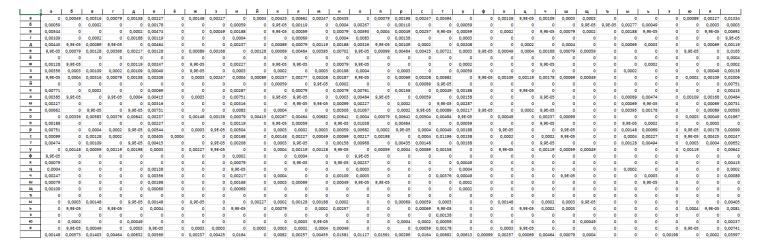
## Частота біграм в тексті з пробілами

1	a	6	В	r	A	e	ĕ	ж	3	и	й	ĸ	л	M	н	0	n	p	c	Τ.	y	ф	×	ц	4	ш	щ	ъ	ы	ь.	,	ю	я	1
a	0	0,000445	0,002816	0,000642	0,001633	0,002619		0,001581	0,002569	0	0,000296	0,004151	0,006127	0,002421	0,004299	0	0,001087	0,002125	0,003014	0,004744	0	0	0,001532	9,88E-05	0,000988	0,000494	0,000395	0	0	0	0	0,000793	1 0,002273	3 0,012501
6	0,000692	0	9,88E-05			0,002174		0 4,94E-05	0	0,000741	0	0,000247	0,000692	0	0,000296	0,002569	0	0,001136	4,94E-05	0	0,00084	0	4,94E-05	0	0	0	0,000148	4,94E-05 C	,002767	0,000296	0		0 0,000247	7 0,000296
В	0,005336	0	0		0,000247	0,004101		0 0	0,000445	0,001976	0	0,000148	0,000642	0	0,001087	0,006226	0,000247	0,00084	0,003113	9,88E-05	0,000544	0	0,000198	0	9,88E-05	0,000741	0,000148	0 0	,002174	9,88E-05	0		0 4,94E-05	5 0,006473
г	0,000791	0	9,88E-05		0,00158	0,000889		0 0	0	0,000593	0	4,94E-05	0,001038	0	0,000296	0,008301	0	0,001384	0	0	0,000593	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		o (	0 0,000198
А	0,004496	4,94E-05	0,001136	4,94E-05	(	0,004151		0 4,94E-05	4,94E-05	0,002322	0	0,000445	0,00084	0,000939	0,002322	0,003261	4,94E-05	0,000939	0,000296	0,000148	0,001927	0	4,94E-05	0,000148	4,94E-05	0,000198	0	0 0	,000692	0,000395	0		0 0,000741	1 0,000988
e	4,94E-05	0,001087	0,001136	0,0042	0,00257	0,000988		0,000791	0,001581	4,94E-05	0,00168	0,000889	0,005188	0,004249	0,007264	0,000198	0,00084	0,004496	0,004447	0,005929	0,000198	9,88E-05	0,000445	0,000296	0,001828	0,000642	0,000494	0	0	0	0	0,000148	8 9,88E-05	5 0,016009
ë	0	0	0		(	0		0 0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		o c	0 0,000395
ж	0,001334	4,94E-05	0		0,001136	0,003212		0 4,94E-05	0	0,002322	0	0,000148	0,000148	0	0,000593	9,88E-05	0	0	0	0	0,000148	0	0	0	4,94E-05	0	0	0	0	0,000148	0		o c	0 0,000148
3	0,003607	0,000198	0,001038	0,000198	0,001433	0,000346		0 9,88E-05	4,94E-05	0,000296	0	0,000247	0	0,000346	0,001878	0,000346	0	0,000198	0	0	0,000395	0	0	0	0	0	0	0 0	,000247	0	0		0,000494	4 0,001631
И	4,94E-05	0,000346	0,003508	0,00084	0,001483	0,002372		0,000247	0,002372	0,000346	0,001087	0,002668	0,003212	0,002718	0,002619	9,88E-05	0	0,00084	0,002026	0,006325	0	4,94E-05	0,001433	0,001384	0,002026	0,000544	0,000445	0	0	0	0	0,000198	8 0,000988	8 0,020654
й	0	0	0		4,94E-05	0		0 0	0	0	0	0,000544	0	4,94E-05	0,000494	0	0	0	0,000593	9,88E-05	0	0	0	4,94E-05	0	4,94E-05	0	0	0	0	0		o c	0 0,007412
К	0,007412	0	0,000148			0,000692		0 0	0	0,002619	0	0	0,000544	0	0,000642	0,007165	0	0,00168	0	0,000494	0,001186	0	0	4,94E-05	0	0	0	0	0	0	0		o c	0 0,004496
л	0,003755	4,94E-05	0	9,88E-05	0,000296	0,0042		0,000247	0	0,006819	0	9,885-05	9,885-05	0	0,000198	0,004694	9,88E-05	0	0,000939	0	0,001433	0	0	0	9,885-05	0	0	0 0	,000988	0,004299	0	0,000988	6 0,001433	3 0,004299
м	0,002668	0	0			0,002816		0 0	0	0,003607	0	0,000148	4,94E-05	4,94E-05	0,00084	0,002224	0	9,88E-05	4,94E-05	4,94E-05	0,002965	0	0	0	0	0	0	0	0,00084	4,94E-05	0		0,000445	5 0,008202
н	0,007955	0	4,94E-05		0,000346	0,008153		0 0	0	0,008202	0	0,000247	0	0	0,002965	0,01008	0	0,000198	4,94E-05	0,000692	0,001828	4,94E-05	0	0,000247	0,000148	0	4,94E-05	0 0	,004595	0,001729	0		0,000889	9 0,005979
0	0	0,003212	0,005485	0,003706	0,005732	0,002075		0,001482	0,001334	0,000642	0,003706	0,002224	0,006226	0,00588	0,005929	0,000346	0,001285	0,006226	0,005534	0,0042	4,94E-05	0	0,000395	4,94E-05	0,002075	0,00084	0,000148	0	0	0	0	0,000494	4 0,000593	3 0,021247
п	0,001729	0	0			0,002224		0 0	0	0,000939	0	9,88E-05	0,000593	0	0,000148	0,010179	0	0,005139	4,94E-05	0	0,000544	0	0	0	4,94E-05	0	0	0 0	,000148	0,000148	0		0 0,000198	6 0
р	0,007461	4,94E-05	0,000346	0,000346	0,000247	0,004941		0,000198	4,94E-05	0,00504	0	0,000247	9,88E-05	0,000346	0,000593	0,006918	0,000148	4,94E-05	0,000247	0,000494	0,002075	0	9,88E-05	0	0	0,000148	0	0 0	,001136	0,000791	0	0,000247	7 0,001482	2 0,00084
c	0,000791	0	0,001433	0,000148	9,88E-05	0,003508	0,00039	5 0	0	0,001729	0	0,002224	0,002224	0,000642	0,000494	0,002767	0,001779	0,000148	0,000296	0,010969	0,001433	0	0,000148	0	0,000198	0,000395	0	0 0	,000445	0,002174	0	9,88E-05	5 0,003706	6 0,002471
T	0,004991	4,94E-05	0,001285		0,000148	0,005089		0 0	4,94E-05	0,002471	0	0,000346	0,000198	0	0,001581	0,010426	4,94E-05	0,004447	0,001384	4,94E-05	0,001729	0	0	4,94E-05	4,94E-05	0	0	0 0	,001433	0,004595	0	0,000296	6 0,000296	6 0,008697
у	0	0,001087	0,000593	0,000939	0,002125	0,000296		0 0,002322	0,000198	0	0	0,000494	0,001285	0,001334	0,000148	0	0,000642	0,000642	0,000939	0,00168	0	4,94E-05	0,000346	0	0,001186	0,000889	0,000247	0	0	0	0	0,001087	7 4,94E-05	5 0,007017
ф	0,000198	0	0			0		0 0	0	0,000148	0	0	0,000494	0	0	0,000148	0	0	0	0	4,94E-05	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		0 6	0 0
x	0,000741	0	4,94E-05			0		0 0	0	0,000445	0	0	0,000247	0	4,94E-05	0,002471	0	4,94E-05	0	0	0,000346	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		0 (	0 0,0042
ц	0,000494	0	0			0,001136		0 0	0	9,88E-05	0	4,94E-05	0	0	0	0,000395	0	0	0	0	0,000346	0	0	0	0	0	0	0 0	,000296	0	0		o c	0 0,000198
4	0,002273	0	0		(	0,003508		0 0	0	0,002273	0	0,000445	0	0	0,001186	0,000247	0	4,94E-05	0	0,003064	0,000494	0	0	0	0	4,94E-05	0	0	0	0,000445	0		o c	0 0,000692
ш	0,000741	0	4,94E-05		(	0,001729		0 0	0	0,001631	0	0,000346	0,000544	0	0,000642	0,000296	4,94E-05	0	0	4,94E-05	0,000198	0	0	0	0	0	0	0	0	4,94E-05	0		o c	ه ه
щ	0,000939	0	0		(	0,001038		0 0	0	0,000741	0	0	0	0	4,94E-05	0	0	0	0	0	0,000148	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		o c	0 0
ъ	0	0	0			0		0 0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		0 4,94E-05	5 0
ы	0	0,000247	0,001384		0,000148	0,001334		0 9,885-05	9,885-05	0	0,002224	0,000296	0,001235	0,001433	0,000148	0	4,94E-05	0,000544	0,000593	0,000148	0	0	0,001482	0	0,000247	0,000247	4,94E-05	0	0	0	0		o c	0 0,003755
ь	0	4,94E-05	0	4,94E-05		0,000445		0 0	9,885-05	4,94E-05	0	0,000988	0	0,000198	0,00252	0	0	0	0,000741	9,88E-05	0	0	0	9,88E-05	0,000148	0,000395	0	0	0	0	0	0,000494	4 0,000198	6 0,008647
,	0	0	0			0		0 0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0,00168	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		0 0	0 0
ю	0	0,000296	0		0,000445	0		0 0	0	0	0	0	0,000148	9,88E-05	0	0	0	0,000395	9,88E-05	0,000642	0	0	0	0	4,94E-05	0	0,000494	0	0	0	0		0 0	0 0,002273
я	0	4,94E-05	0,000395		0,000593	0,000395		0,000247	0,000198	0	0,000346	0,000395	0,000198	0,000346	0,000642	0	0	4,94E-05	0,000494	0,001631	0	0	0,000346	9,88E-05	0,000198	0	9,88E-05	0	0	0	0	9,88E-05	5 4,94E-05	5 0,007758
	0,001136	0,006176	0,013934	0,004595	0,005473	0,003409		0,002125	0,003953	0,014774	0	0,008944	0,003064	0,004052	0,014527	0,011661	0,015861	0,002965	0,015762	0,006424	0,006127	0,000791	0,002075	0,000445	0,005238	0,000692	0,000198	0	0	0	0,00168		0 0,00034f	6 0,03617

Частота біграм в тексті без пробілів, з кроком 2

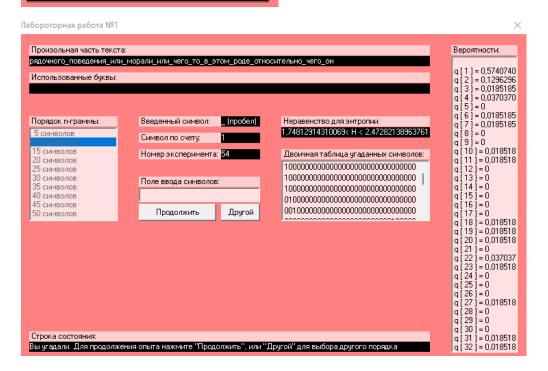


### Частота біграм в тексті з пробілами, з кроком 2

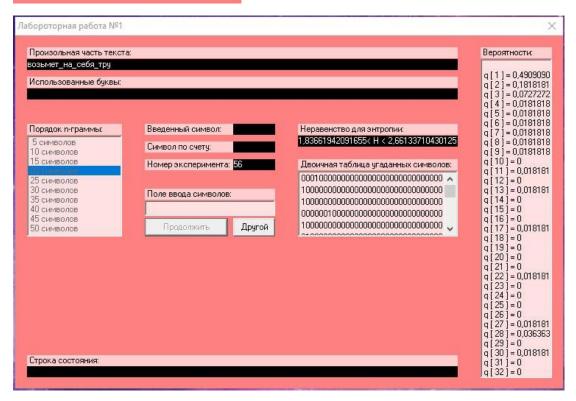


#### Для Н^10

### 1,74812914310069< H < 2,47282138963761

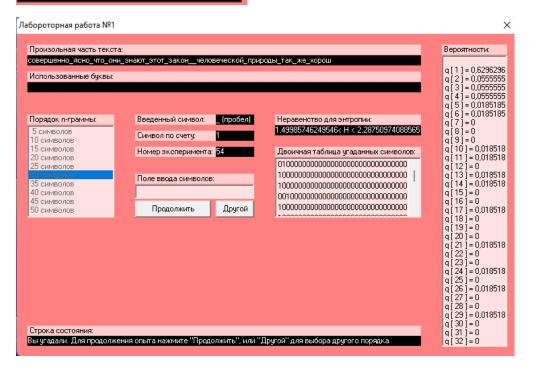


# 1,83661942091655< H < 2,66133710430125



#### Для Н^30

#### 1,49985746249546< H < 2,28750974088565



**Висновок:** На цій лабораторній роботі ми познайомились з поняттями аентропії та надлишковості. Більш поглиблено навчилися працювати з текстом в Python. Також навчилися обраховувати частоти букв і біграм в тексті. В лабораторній роботі використали програму PyCharm і CoolPinkProgram.