Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського"

Фізико-технічний інститут

Криптографія

Комп'ютерний практикум №1 Експериментальна оцінка ентропії на символ джерела відкритого тексту

Виконали:

Студенти ФБ-01

Новак О. І.

Тостоган Є. Г.

Мета роботи: засвоєння поняття ентропії на символ джерела та його надлишковості, вивчення та порівняння різних моделей джерела відкритого тексту для наближеного визначення ентропії, набуття практичних навичок щодо оцінки ентропії на символ джерела.

Постановка задачі:

Написати програми для підрахунку частот букв і частот біграм в тексті, а також підрахунку Н1 та Н2 за безпосереднім означенням. Підрахувати частоти букв та біграм, а також значення Н1 та Н2 на довільно обраному тексті російською мовою достатньої довжини (щонайменше 1Мб), де імовірності замінити відповідними частотами. Також одержати значення Н1 та Н2 на тому ж тексті, в якому вилучено всі пробіли. За допомогою програми CoolPinkProgram оцінити значення H(10), H(20), H(30). Використовуючи отримані значення ентропії, оцінити надлишковість російської мови в різних моделях джерела.

Хід роботи

Для початку для визначення частоти входження символів в текст було написано програму на мові python3.

Програма містить в собі такий функціонал:

- ◆ Обробка тексту(видалення зайвих символів та абзаців, заміна регістру літер на малі)
- ❖ Підрахунок кількості входжень кожного символі в текст та відповідно визначення частоти
- ❖ Пошук біграм, що перетинаються та не перетинаються, та визначення частоти їх входжень у текст
- ❖ Обчислення ентропії Н1с та Н2 для тексту з пробілами та без
- ❖ Внесення результатів у датафрейми та таблиці excel.

Код програми міститься у файлі crypto1.py

В ході роботи ми імпортували потрібні для реалізації программного коду бібліотеки:

```
import collections
import unicodedata
import pandas as pd
import re
import math as m
import numpy as np
```

та провели обробку обраного тексту

```
note = open("/home/kali/lab1.txt").read()

#edit text: delete punctuation marks and spaces, replace capital letters with lowercase letters

note = note.replace("\n","")

note = note.lower()

new_note1 = re.sub( r'[^a-яë]', '', note )

new_note2 = re.sub( r'[^a-яë]', '', note )

#print(new_note1)

snote1 = sorted(new_note1)

snote2 = sorted(new_note2)

#print(snote1)
```

s python3 crypt1.py

□ \$ python3 crypt1.py
и ильф и е петров завершили роман двенадцать стульев в году но еще до первой публикации цензоры изрядно к изданию еще десять лет в итоге книга уменьшилась почти на треть публикуемый ныне вариант первый полне на обширным историколитературным и реальным комментарием илья ильф евгений петровлегенда о великом комбиглава третьяглава глава глава седьмаяглава глава есятаяглава глава глава слава савтаяглава глава плава плава плава плава плава плава глава плава глава глава глава глава глава глава глава глава плава глава г

Рахуємо кількість та частоту появи літери в тексті:

```
#determine quantity and periodicity of letters in our note
quantity1 = dict(collections.Counter(snote1))
quantity2 = dict(collections.Counter(snote2))
period1 = {l: quantity1[l]/len(snote1) for l in quantity1 }
period2 = {l: quantity2[l]/len(snote2) for l in quantity2 }
```

Функції для створення біграм з утворених списків літер:

За допомогою отриманих функції створюємо біграми та перетворюємо їх у словники для подальшої роботи з ними.

```
#bigram without spaces
bigram_cross1 = bigramCross(new_note1)
bigram1 = bigram(new_note1)
bg_cross_q1 = dict(collections.Counter(bigram_cross1))
bg_q1 = dict(collections.Counter(bigram1))
bg_cross_period1 = {l: bg_cross_q1[l] / len(bigram_cross1) for l in bg_cross_q1}
bg_period1 = {l: bg_q1[l] / len(bigram1) for l in bg_q1}

#bigram with spaces
bigram_cross2 = bigramCross(new_note2)
bigram2 = bigram(new_note2)
bg_cross_q2 = dict(collections.Counter(bigram_cross2))
bg_q2 = dict(collections.Counter(bigram2))
bg_cross_period2 = {l: bg_cross_q2[l] / len(bigram_cross2) for l in bg_cross_q2}
bg_period2 = {l: bg_q2[l] / len(bigram2) for l in bg_q2}
```

Функції для створення дата фреймів та таблиць для літер та біграм. У ході виконання стикнулися з проблемою перезапису таблиці, тому імя таблиць задаємо окремо з командного рядка.

```
temp1 = []
       temp2 = []
       for i in range(0,len(squantity)):
          temp1.append(quantity[squantity[i]])
       for i in range(0,len(speriod)):
               temp2.append(periodicity[speriod[i]])
       df= pd.DataFrame(index = squantity)
       df['quantity'] = temp1
df['periodicity'] = temp2
       name=input('Enter name of excel: ')
df.to_excel(f'{name}.xlsx')
       print(df.head(10))
#periodicity matrix for bigram
lef createbgDataFrame(bigram, periodicity, symb):
        lobal bg
       df = pd.DataFrame(index = symb, columns=symb)
       n = 0
       n = len(symb)+n
       df = df.T
       for i in list(periodicity.keys()):
               x,y = np.where(df = i)
               df.iloc[x,y] = periodicity[i]
       for i in bg:
               x,y = np.where(df = i)
df.iloc[x,y] = 0
       name=input('Enter name of excel: ')
       df.to_excel(f'{name}.xlsx')
       print(df)
```

Функції для підрахунку ентропії з отриманих даних:

```
#H_1
def H_1(periodicity):
    h_1 = []
    for p in periodicity.values():
        h_1.append(p*m.log(p,2))
    H_1 = -sum(h_1)
    return H_1

#H_2
def H_2(bigram, periodicity):
    h_2 = []
    for p in periodicity.values():
        h_2.append(p*m.log(p,2))
    H_2 = -sum(h_2)/2
    return H_2
```

Вивід результатів:

```
quantity periodicity
205592 0.166714
115667 0.093794
   quantity periodicity
115667 0.112559
                                                                                   91838
                                                                                              0.074471
       91838
                   0.089371
                                                                                   81731
                                                                                              0.066275
                   0.079535
                                                                                   68872
                                                                                              0.055848
       68872
                   0.067022
                                                                                   65574
                                                                                              0.053174
                   0.063812
                                                                                              0.052521
                                                                                   64769
       64769
                   0.063029
                                                                                              0.044318
                   0.053185
0.047117
0.046412
       54653
                                                                                  48418
                                                                                              0.039262
       48418
                                                                                  47693
                                                                                              0.038674
       40108
                   0.039030
                                                                           H_1(entropy) with spaces: 4.370280029900003
Excess_4: 0.1409706240083466
periodicity
H_1(entropy) without spaces: 4.464431105967263
Excess_1: 0.11497178841865563
                                                                                   0.024601
0.018590
    periodicity
        0.017736
                                                                                   0.017213
ac
cT
        0.013428
        0.012729
                                                                                   0.016822
         0.011973
                                                                                   0.016355
ьп
пе
        0.011971
                                                                                   0.015860
        0.011759
0.010922
                                                                                   0.015217
                                                                                   0.014849
        0.010599
                                                                                   0.014516
        0.010138
0.009553
                                                                                   0.012364
ая
                                                                           H_2(entropy) cross with spaces: 3.952599149664837
Excess_5: 0.22307065957981287
H_2(entropy) cross without spaces: 4.133209085200615
Excess_2: 0.18063319649451237
periodicity
4a 0.017873
                                                                                periodicity
                                                                                   0.024697
                                                                                   0.018618
0.017303
        0.013488
                                                                           ь
пе
        0.012608
                                                                                   0.016756
ер
ва
        0.011851
                                                                                   0.016119
         0.011831
                                                                                   0.015744
яв
        0.011738
                                                                                   0.015279
ко
нц
        0.010843
                                                                           ко
                                                                                   0.014877
        0.010535
                                                                                   0.014603
         0.010004
                                                                                    0.012488
ОЯ
        0.009618
                                                                           H_2(entropy) with spaces: 3.9520733946114617
Excess_6: 0.223174002851259
H_2(entropy) without spaces: 4.132703845604276
Excess_3: 0.18073335512295907
```

Ентропія

	Текст з пробілами	Текст без пробілів
H1	4.370280029900003	4.465995972453169
Н2	3.952599149664837	4.133209085200615
Н2(біграми з кроком 2)	3.9520733946114617	4.132703845604276

Надлишковість існує в межах від 0,11-0,22.

Для утворення матриці частот попередньо було додано два алфавіти у вигляді списку. Матриці частот з отриманих даних:

Bigram_cross1()

Enter name of excel: lab																		
a																		
a 0.00056																	0.001105	
6 0.000642								0.000021						0.004812				
в 0.007104														0.003635				
r 0.001309								0.000071		0.000056						0.000006		0.000019
д 0.006381								0.000055		0.000112				0.000576				
e 0.000274								0.002402				0.000991					0.000315	
ë 0.000003					0.000052			0.000029		0.000042		9	0			0.000157		0.000004
ж 0.001555										0.000021							0.000001	
3 0.005767								0.00007		0.000052				0.000374				
		0.005019			0.002477			0.002855		0.002612	0.000764	0.000185	0		0		0.000314	
				0.000659			0.000157			0.000527	0.000309	0.000005	0	0	0		0.000005	
к 0.007497								0.00008		0.000239	0.000019	0.000001	0	0	0.000025			0.000111
n 0.006919														0.000779				
M 0.002807								0.00021		0.000522				0.001011				
н 0.011973										0.000481				0.002984				
0 0.000269										0.004182						0.00048		
n 0.001567				0.000001		0		0.000003		0.000018				0.000228			0.000004	
p 0.007943							0.000292			0.000091				0.001095				
c 0.002298										0.000619				0.000239				
т 0.007116								0.000163						0.001378				
y 0.000209						0	0.002041	0.000471		0.001479	0.000672	0.000297		0	0		0.000877	
ф 0.000255				0.000002			0	0.000001		0.000001	0	9	9	0.000004	0.000289			0.000002
x 0.000544						0	0.000042	0.000075		0.000073	0.000018	0.000005	0	0	0		0.000001	
ц 0.000714						0	0.000002	0.000019		0.000018	0.000002	9	0	0.000233	0	0.000008		0.000009
				0.000033		0.000001	0.000001	0.000011		0.000016	0.000168	0	0	0	0.000235			0.000009
ш 0.001032						0	0.000002	0.000001		0	0	9	0	0	0.000528		0.000001	
щ 0.000347						Ø	Ø	0		0.000003	9	9	0	0	0.00002	0.000001		0.000004
b 0	0	0	0		0.000057	0	0	0		0	0	0	0	0	0		0.000002	
ы 0.000114						0	0.000076	0.000235		0.000551	0.000536	0.000131	0	0	0		0.000002	
ь 0.000264						0	0.000089	0.000493		0.000819	0.000524	0.000064	0	0.000004 0.000233 0 0 0	0		0.000403	0.000847
Э 0			0.000013			v		0.000002		0.000001	0.00001		0	0	v	0.000009	0	0
10 0.000064										0.000369							0.000035	
я 0.000229	0.000561	0.001971	0.000375	0.001278	0.000483		0.000296	0.002738		0.000673	0.000048	0.000157				0.000179	0.000152	0.000277
[33 rows x 3	я 0.000229 0.000561 0.001971 0.000375 0.001278 0.000483 0 0.000296 0.002738 0.000673 0.000048 0.000157																	

Bigram1()

- 1814	2.6(
Enter name	of excel: b	igram1	0 W	H 0 0	21 01											Te.	16
				Д								щ	ъ			э	
a 0.000527			0.00167				0.00231			0.001687				0		0.000348	0.0
6 0.000658	0.000014	0.00006	0.000006	0.000023	0.002805	0	0.000006	0.000021		0.000027	0.000002	0.000243	0.0002	0.004873	0.000037	0.000128	0.0
в 0.007108	0.000197	0.000426	0.000457	0.001214	0.006514	0	0.000051	0.000627		0.000308	0.000854	0.000016	0.000006	0.003764	0.00015	0.000418	0.0
r 0.00138	0.000039	0.000119	0.000027	0.001366	0.000977	0	0.000008	0.000072		0.000056	0.00001	0	0	0	0	0.000004	
д 0.006536	0.000037	0.000874	0.000027	0.000037	0.00523	0	0.000019	0.000047		0.000113	0.000088	0	0.000006	0.000543	0.001004	0.000018	0.0
e 0.000232	0.002552	0.004914	0.004325	0.004467	0.00232	0	0.00108	0.002474		0.002149	0.00115	0.001037	0	0	0	0.000362	0.0
ë 0.000002	0.000037	0.000051	0.00001	0.000019	0.000043	0	0.000023	0.000031		0.000041	0.000004	0	0	0	. 0	0.00015	
ж 0.001576	0.000068	0.000033	0.000006	0.001014	0.005839	0.000014	0.00001	0.000018		0.000025	0	0	0	0	0.000029	0.000029	0.0
3 0.005673	0.000175	0.001283	0.000502	0.000775	0.000327	0	0.000062	0.000066		0.000058	0.000019	0	0.000039	0.00038	0.001504	0.000043	0.0
и 0.000296	0.001658	0.004959	0.000893	0.002951	0.002382		0.000407	0.002845		0.002643	0.000788	0.000167	0	0		0.000235	0.0
й 0.000144	0.000222	0.000621	0.000218	0.00067	0.000088		0.000163	0.00015		0.000543	0.000311	0.000004			0	0.000082	0.0
к 0.007528	0.000502	0.000705	0.000088	0.000218	0.00065		0.000123	0.000093		0.000237	0.000016			0	0.000021		
л 0.006754	0.0003	0.00078	0.000487	0.000276	0.004864	0.000016	0.000378	0.000187		0.000724	0.000027	0.000004	0	0.000806	0.004554	0.000097	0.0
M 0.002842	0.000344	0.000882	0.000313	0.00051	0.005193		0.000173	0.000204		0.0005	0.000047	0.00001	Ø	0.001004	0.000084	0.000078	
н 0.011831	0.000263	0.000417	0.00014	0.000535	0.013488		0.000037	0.00014		0.000479	0.000031	0.000136	0	0.002974	0.001277	0.000035	
	0.005346									0.004206		0.000232	Ø			0.000489	
	0.000004			0.000002				0.000002		0.000021				0.000259			0.0
	0.000177						0.000315			0.000091				0.001057			
c 0.002223	0.000183	0.001812	0.00016	0.000385	0.004648	0.000812	0.000271	0.000076		0.000633	0.000146		0.000019	0.000212	0.003885	0.000062	0.0
	0.000578			0.000387		0	0.000097	0.000169		0.000646			0.000019	0.001415			
	0.000759					0		0.000502		0.001415	0.00065	0.000298		0		0.000099	0.0
	0.000002			0.000002		0		0.000002		0	0	0	0	0.000002		0	
	0.000103						0.000035			0.000076		0.000008	0			0.000041	
ц 0.00066		0.000084				0	0.000004			0.000018		0	0	0.000237		0.00001	
	0.000019			0.000043		0		0.000018		0.000016		0	0		0.00023		
	0.000004				0.002515		0.000004	0		0	0	0	0		0.000524		
щ 0.000341				0.000008		0	0	0		0.000004	0	0	0		0.000014		
ъ 0		0	0		0.000056	0	0	0		0	0	0 0 0 0	0				0.0
ы 0.000117										0.000522		0.000136	0			0.000078	
ь 0.000294				0.000685			0.000088			0.000796						0.000274	
э 0		0.000004		0.000006	0	0		0			0.00001	0	0			0.000014	
ю 0.000062										0.000354			0			0.000053	
я 0.000218	0.000566	0.001997	0.000397	0.001277	0.00051	0	0.000309	0.002779		0.000691	0.000053	0.000175	0	0	0	0.000193	0.0
[33 nows v	28 specified a reconstructive, key= a comparison of the courses 1 [33 rows x 33 columns]																
[33 TOWS X .	s cocumns j			- N	37000						300 000		311				100

Bigram_cross2()

Enter name of excel: bigram_cross2 a 6 в г д е ё ж ч ш щ ь ы ь э ю я																	
										0.000562							
0	0.002484	0.006727	0.016822	0.003636	0.007641	0.00417		0.002197	0.006599	0.000562	0.000109				0.002921	0.000032	0.002962
a 0.01586	0.000012	0.000356	0.003292	0.000964	0.001782	0.00134	0.000001	0.001833	0.000838	0.000937	0.000183				0.000002	0.00092	0.001835
6 0.000353	0.00053	0.000004	0.000046	0.000003	0.000019	0.002318		0.000003	0.000013	0.000006	0.000188	0.000178	0.00401	0.00004		0.000002	0.000511
B 0.00516	0.00587	0.000004	0.000041	0.000193	0.000748	0.005364			0.000104	0.000658	0.000015	0.000004	0.003029	0.000125			0.000157
r 0.000997	0.001079		0.000001	0.000001	0.001098	0.000778			0.000025	0.000006							
д 0.000788	0.005312	0.000009	0.000665	0.000005	0.000021	0.004337		0.000015		0.000075						0.000012	
e 0.01859	0.000024	0.001441	0.002045	0.003185	0.002901	0.001589	0	0.000729	0.001224	0.000903	0.000819				0.000001	0.000255	0.000303
ë 0.000657					0	0	0	0.00001	0	0.000002	0	0	0	Ø	Ø		0
ж 0.000471	0.001292	0.000041		0.000003	0.000809	0.004807	0.000006	0.000007	0.000006				0.000311	0.000021		0.000001	
3 0.001222	0.004792	0.000106	0.000958	0.00038	0.000633	0.000242				0.000003		0.000032	0.000311	0.001314		0.000163	0.000521
и 0.017213	0.000066	0.000594	0.002236	0.000375	0.001519	0.001711		0.000216	0.001575	0.000568	0.000147	0	0	0	0	0.000259	0.001143
й 0.005907	0.000002	0.000031	0.000003	0.000005	0.000234	0.080084		0.000001	0.000182	0.00022					0.000002		
к 0.004582					0.000027		0	0.000006	0.000001	0.000005	0			0.000021			
л 0.006787	0.005668	0.000032	0.00003	0.000185	0.000022	0.003699	0.000013	0.000301	0.000211	0.000002	0.000002		0.000649	0.003641		0.000924	0.00145
M 0.007758									0.000053		0.000009		0.000843	0.000071	0.000001		0.000356
н 0.003497	0.009935	0.000003	0.00001	0.000032	0.000285	0.011122	0.000002	0.000002	0.000297	0.000016	0.000103		0.002486	0.001106		0.000157	0.003447
0 0.024601	0.000004	0.00321	0.007125	0.004786	0.004243	0.00195	0.000002	0.002464	0.002464	0.000843	0.000185				0.00002	0.000585	0.000577
n 0.000037	0.001304					0.002096			0.000011	0.000002	0.000001		0.00019	0.000058		0.000003	0.000487
p 0.000577	0.006603	0.000123	0.000387	0.000147	0.000718	0.005066		0.000239	0.000057	0.000293	0.000011		0.000912	0.000896	0.000002	0.000185	0.000982
c 0.003595	0.001859	0.000054	0.001246	0.000018	0.000171	0.00375	0.000653	0.000018	0.000417	0.000115		0.000016	0.000199	0.003253		0.000228	0.003747
т 0.005755	0.005826	0.000008	0.002193	0.000012	0.000074	0.005495		0.000001	0.000269	0.00001	0.000021	0.000014	0.001148	0.006494	0.000001	0.00004	0.000459
y 0.00625	0.000036	0.000485	0.000668	0.00141	0.001633	0.000165		0.001594	0.000789	0.000548	0.000247				0.000013	0.00073	0.000026
ф 0.000023	0.000211					0.000312							0.000003	0.000241			0.000001
x 0.002608	0.000411		0.000195			0.000068				0.000004					0.000001		
ц 0.00042	0.000588		0.00002	0 0		0.000656			0.000001	0.000004 0.00014 0			0.000194		0.000001		
4 0.000472	0.002781		0.000002			0.003957	0.000001		0.000001	0.00014				0.000195			
ш 0.000087	0.00086		0.000059			0.00209								0.00044			
щ 0.000075	0.000288				0.000001	0.001442		0	a	0	0			0.000017			
ь 0						0.000048				0.000439						0.000002	0.000199
ы 0.00453	0.000002	0.00014	0.000761	0.00008	0.000171	0.000563		0.000016	0.00031	0.000439	0.000109				0.000002		0.000003
ь 0.012364	0.000002	0.000118	0.000033	0.000083	0.000047	0.000614			0.000082	0.000411	0.000006				0.000006	0.000332	0.000405
€ 0.000003			0.000003	0.000011	0.000004					0.000008					0.000006		
ю 0.003236	0.000003	0.000431	0.000003	0.000002	0.000284	0.000001		0.000015	0.000134	0.000023	0.00017					0.000028	
я 0.012151	0.000001	0.000009	0.00026	0.000055	0.000507	0.0001		0.00011	0.000178	0.000008	0.000125				0.000001	0.000126	0.000075
[34 rows x 3	4 columns]		(ministry	115													

Bigram2()

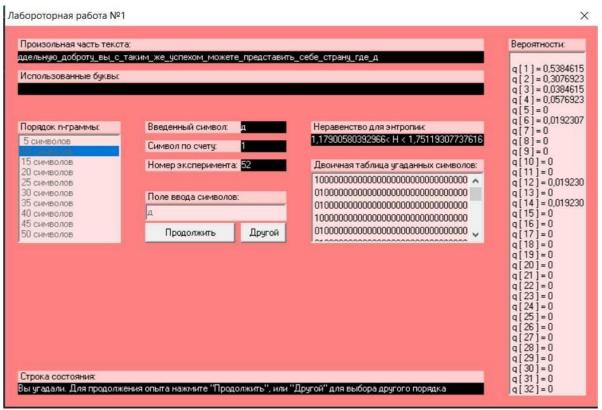
Enter name of excel: bigram2																		
			- 6	8		Д						щ		ы			10	
	0	0.002464	0.006758	0.016756	0.00369	0.007502			0.002196	0.006602	0.000576	0.000092	b 0	0	0	0.002853	0.000023	0.002994
						0.001776	0.001296	0.000002	0.001844	0.000811	0.000973	0.000196					0.00091	0.001865
6	0.000384	0.000547		0.000047	0.000003	0.000019	0.002392		0.000005	0.000015	0.000008	0.000182	0.000167	0.003943	0.000036		0.000002	0.000478
8	0.005198	0.005871	0.000002	0.000044	0.000177	0.000735	0.80541			0.000123	0.000694	0.000018	0.000003	0.003114	0.00012			0.000152
г	0.000947	0.001113	0	0.000002	0.000002	0.001051	0.000788			0.000028	0.000005				0			
Д	0.000785	0.005381	0.00001	0.000667	0.000003	0.000026	0.004432		0.000018	0.000055	0.000065			0.000474	0.000874		0.000008	0.000245
e	0.018618	0.000021	0.001456	0.002043	0.003221	0.002879	0.001537		0.000697	0.001244	0.000892	0.000822					0.000255	0.000311
ē	0.000658								0.000011		0.000003							
*	0.000495	0.001299	0.000047		0.000003	0.0008	0.004805	0.000006	0.000006	0.000006					0.000023		0.000002	
3	0.001268	0.004737	0.000102	0.000923	0.000358	0.000658	0.000232		0.00006	0.000013			0.000028	0.000295	0.001327		0.000157	0.00054
и	0.017303	0.000073	0.000581	0.002212	0.000383	0.001481	0.001693		0.000214	0.001591	0.000574	0.00013					0.000237	0.001124
й	0.005877	0.000002	0.000031	0.000002	0.000005	0.000229	0.000003			0.000178	0.000201					0.000003		
K	0.004642	0.00619		0.000151	0.000003	0.000031	0.00049		0.000005		0.000006				0.000019			
Л	0.006875	0.005633	0.000034	0.000029	0.000182	0.000021	0.003631	0.000011	0.000295	0.000212	0.000005	0.000002		0.000645	0.003555		0.000892	0.001439
M	0.007814	0.002238	0.000026		0.000075	0.000005	0.00414			0.000065		0.000008		0.000843	0.000083			0.000358
H	0.003386	0.010026	0.000005	0.000011	0.000037	0.000303	0.01122	0.000002	0.000002	0.000297	0.000024	0.000109		0.002489	0.001087		0.000149	0.003432
0	0.024697	0.000006	0.003177	0.007094	0.004869	0.004246	0.00194	0.000003	0.002454	0.002421	0.00083	0.000206				0.000018	0.000618	0.000556
п	0.000042	0.001315					0.002069			0.000015	0.000003	0.000002		0.000191	0.000054		0.000005	0.000496
P	0.000587	0.006607	0.00012	0.000365	0.000144	0.000683	0.005063		0.000238	0.000052	0.0003	0.000015		0.000907	0.000908	0.000002	0.000199	0.000991
c	0.003552	0.001901	0.000054	0.001213	0.000021	0.000164	0.003704	0.000649	0.000018	0.00044	0.000099		0.000013	0.000204	0.003211		0.000237	0.003727
T	0.005616	0.005842	0.000008	0.002191	0.000013	0.000076	0.005576		0.000002	0.000272	0.000008	0.000019	0.000016	0.001119	0.006429	0.000002	0.000041	0.000452
			0.000451	0.000675	0.001421				0.001575	0.000777	0.00053	0.000247				0.00001	0.000684	0.000024
ф	0.000019	0.000187					0.000294							0.000003	0.000245			0.000002
×	0.002645	0.000412		0.000201			0.000062				0.000008							
ц	0.000457	0.000577		0.000019			0.000641			0.000002			0	0.000206	0	0		
	0.00044		0	0.000002	0		0.003933	0.000002		0.000002	0.000157				0.000196			0
	0.000071			0.000052			0.00209								0.000448		0.800802	
щ	0.000092	0.000269					0.001448	0							0.000019			
ъ							0.000054							0			0.000003	0.000214
				0.000778					0.000013	0.000298		0.00011						0.000003
	0.012488			0.000036							0.000423						0.000334	0.000383
	0.000003			0.000002							0.000011					0.000005		
		0.000003			0.000005				0.000016								0.000026	
Я	0.012212	0.000002	0.00001	0.00025	0.00006	0.000512	0.000086	0	0.000101	0.000188	0.000006	0.00013			0	0.000002	0.000135	0.000078
[3	4 rows x 3	4 columns]																

Для зручності перегляду були створені таблиці

Робота з CoolPinkProgram

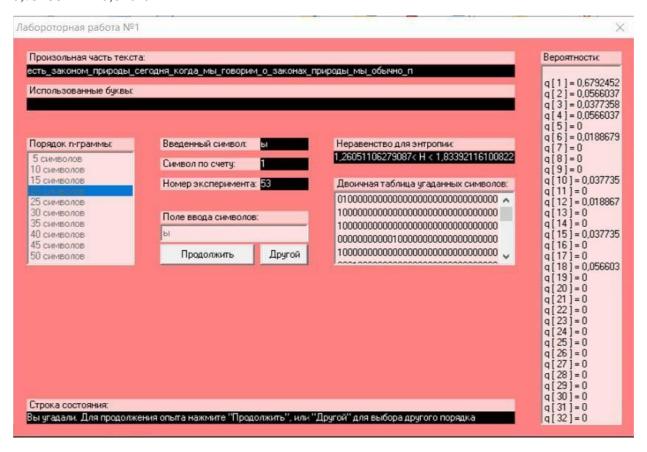
 $1,18 < H^{(10)} < 1,75$

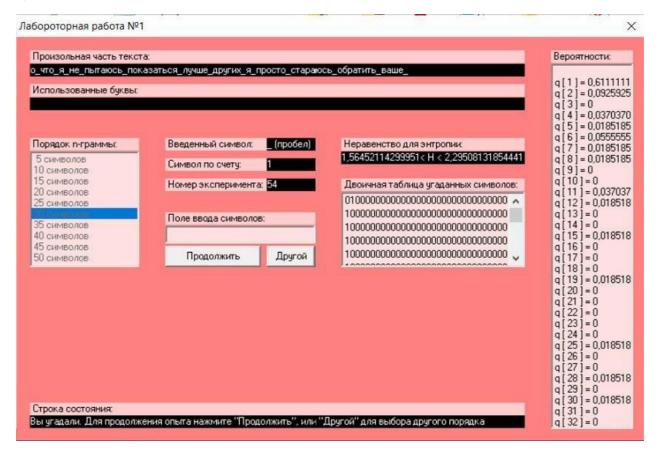
0,768057>R>0,656017



1.26<H⁽²⁰⁾ <1.83

0.752332>R>0.640292





Оцінка надлишковості мови:

	R(Текст з пробілами)	R(Текст без пробілів)
H1	0.1409706240083466	0.11497178841865563
H2	0.22307065957981287	0.18063319649451237
Н2(3 кроком 2)	0.223174002851259	0.18073335512295907

Висновки:

У ході виконання лабораторної роботи ми ознайомились з поняттям ентропії та навчились її визначати, освоїли вимірювання частоти повторювання символів в тексті. Ми дійшли такого висновку, що коли оброблений текст містить пробіл, ентропія ϵ меншою. За допомогою програми CoolPinkProgram ми впевнилися, що чим більшою ϵ ентропія, тим меншою ϵ надлишковість мови.