

Міністерство освіти і науки України
Національний технічний університет України
"Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського"
Фізико-технічний інститут

КРИПТОГРАФІЯ
КОМП'ЮТЕРНИЙ ПРАКТИКУМ №3

Криптоаналіз афінної біграмної підстановки

Виконав:
Андреев Д.Ю.
Група: ФБ-06
5 варіант

Київ - 2022

Мета роботи

Набуття навичок частотного аналізу на прикладі розкриття моноалфавітної підстановки; опанування прийомів роботи в модулярній арифметиці.

Порядок виконання роботи

1. Реалізувати підпрограми із необхідними математичними операціями: обчисленням оберненого елемента за модулем із використанням розширеного алгоритму Евкліда, розв'язуванням лінійних порівнянь. При розв'язуванні порівнянь потрібно коректно обробляти випадок із декількома розв'язками, повертаючи їх усі.
2. За допомогою програми обчислення частот біграм, яка написана в ході виконання комп'ютерного практикуму №1, знайти 5 найчастіших біграм запропонованого шифртексту (за варіантом).
3. Перебрати можливі варіанти співставлення частих біграм мови та частих біграм шифртексту (розглядаючи пари біграм із п'яти найчастіших). Для кожного співставлення знайти можливі кандидати на ключ (a,b) шляхом розв'язання системи (1).
4. Для кожного кандидата на ключ дешифрувати шифртекст. Якщо шифртекст не є змістовним текстом російською мовою, відкинути цього кандидата.
5. Повторювати дії 3-4 доти, доки дешифрований текст не буде змістовним.

Варіант завдання - 5.

Хід роботи

1. Реалізувати підпрограми із необхідними математичними операціями: обчисленням оберненого елемента за модулем із використанням розширеного алгоритму Евкліда, розв'язуванням лінійних порівнянь. При розв'язуванні порівнянь потрібно коректно обробляти випадок із декількома розв'язками, повертаючи їх усі.

Починаємо реалізовувати необхідні функції. Для початку реалізуємо розширений алгоритм Евкліда `ext_gcd` який окрім НСД знаходить також такі числа x та y що $ax+by=\text{НСД}(a, b)$. Далі, використовуючи цю функцію пишемо іншу функцію `inverse_mod` яка знаходить обернений за множенням елемент до числа a за модулем n .

Далі реалізуємо функцію `solve_mod_eq`, використовуючи алгоритм дій з методичних вказівок, а також функції, реалізовані вище. Ця функція розв'язує лінійне порівняння і повертає всі корені у вигляді списку.

2. За допомогою програми обчислення частот біграм, яка написана в ході виконання комп'ютерного практикуму №1, знайти 5 найчастіших біграм запропонованого шифртексту (за варіантом).

Щоб виконати це завдання, було реалізовано функцію `get_top_bigrams` яка розбиває поданий текст на біграми, рахує їх та виводить відсортований у порядку спадання результат. Таким чином отримуємо 5 найчастіших біграм шифртексту.

Найчастіші біграми: ['вн', 'тн', 'дк', 'хщ', 'ун']

3. Перебрати можливі варіанти співставлення частих біграм мови та частих біграм шифртексту (розглядаючи пари біграм із п'яти найчастіших). Для кожного співставлення знайти можливі кандидати на ключ (a,b) шляхом розв'язання системи (1).

Це найважливіша частина роботи. Щоб зробити це, було спочатку реалізовано функцію `bigrams_to_nums` яка перетворює список біграм на список відповідних чисел за формулою:

$$(x_{2i-1}, x_{2i}) \leftrightarrow X_i = x_{2i-1}m + x_{2i}.$$

Потім було написано функцію `get_possible_keys`, яка виконує всю основну роботу. Для початку беремо наші найпопулярніші табличні біграми російської мови, та топ 5 порохованих у попередньому пункті біграм. Потім перетворюємо їх на числа.

Далі ми формуємо можливі набори переходів, щоб на їх основі скласти системи рівнянь. Далі в цій же функції ми проходимося по цих наборах, розв'язуємо рівняння та отримуємо набори можливих ключів a та b. Всі обчислення виконувалися згідно формул та алгоритмів з методичних вказівок.

$$\begin{cases} Y^* \equiv aX^* + b \pmod{m^2} \\ Y^{**} \equiv aX^{**} + b \pmod{m^2} \end{cases},$$

$$Y^* - Y^{**} \equiv a(X^* - X^{**}) \pmod{m^2}.$$

$$b = (Y^* - aX^*) \pmod{m^2}.$$

4. Для кожного кандидата на ключ дешифрувати шифртекст. Якщо шифртекст не є змістовним текстом російською мовою, відкинути цього кандидата.

Для цього було реалізовано 3 функції:

- `affine_decrypt` - розшифровує текст з даним ключем
- `text_detector` - використовує декілька ознак, щоб перевірити чи є даний текст змістовним
- `check_keys` - об'єднує 2 попередні функції, перебирає всі можливі ключі, розшифровує текст цими ключами, та відкидає ключ, якщо текст не є змістовним та залишає у іншому випадку

Труднощі виникли з написанням функції `text_detector`. Було складно підібрати ознаки змістовного тексту, оскільки деякі з них не працювали з достатньою ефективністю, а деякі просто відсікали всі варіанти ключів. В кінці кінців вибір зупинився на підрахунку кількості літер, та порівняння з теоретичним значенням а також на індексі відповідності.

Принцип роботи розпізнавача:

- 1) спочатку розпізнавач рахує літери у даному тексті
- 2) далі перевіряється частота частих літер, тобто якщо найчастішою літерою не є “о” або “е”, то текст не змістовний
- 3) далі рахується індекс відповідності за алгоритмом з лабораторної роботи 2
- 4) значення індексу відповідності буде найближчим до теоретичного значення - **0.0553**

Язык ↕	Индекс совпадений ↕
русский	0.0553 ^[1]

- 5) тепер порівнюємо значення індексу відповідності з теоретичним і робимо висновки, чи є текст змістовним

Таким чином було отримано єдиний можливий ключ **(654, 777)**. Коли шифртекст було розшифровано, то було виявлено, що літери “ы” та “ь” поміняні місцями, а також деякі інші неточності. Було зроблено спробу поміняти у алфавіті літери “ы” та “ь” місцями, і це допомогло. Було отримано змістовний відкритий текст.

Знайдене значення ключа - (654, 777)

Даний шифртекст

кеюибщаефдфмдкдролрццисвнуншвйняэшскевдтнюдаобсюсыэихзтмдълыохунхмъввнс
 дуэмндтихкеюибщыцязкзхшвнос
 уютньщтцншуссянхщлжвжпъкшвнмшзфтсхщпддкясввцтгнавпгнуйввйнлхиьерддыцр
 ихэкъзцэижцъехщмсэкжлрибуждэм
 химъпъавсттнзцносфспъуэйдкнхркхуляцкчашьянсибжяксэкццзтчщиюцншумщощаыщ
 кцнфрхуюижсгцыззфрщихзтчщрихн
 эпозтгфккчщкдмкльоьеынунйльцяэрхнмкпмдкйпоиэуныэнсмнмсахэцъедктництнду
 ццоэивупхюфйчсьивйэютнрцшэбв
 цншуюздкиктнуняннккфкяящиссбинкурдцбщшдскрщянцкдкяящжшсвыьербщяяшндуз
 йнкщнвнгоьцэииспытумщщшдекхнду
 аошдвдеигебуаявюсшьйдроцвнфийбжлакццвбываваккчслтьхщзйьцжьбрьецфтспьбиши
 ыовдъезбтнмсэкжлрчсхщърпъшв
 шньйьянсибжлтьчсьрььэчтнундулфтснсшбйибжжцрнмющъккюиеуязтьяяреурндуьцоэг
 кмбобмщкскехюкседцтсывзтмсун
 йьксщиссшнчщзйьцйнпршьккфкяслркейьнавпъхсуншнузеумкжлакклцисудьбкфипьн
 мсуншснхтуйнццмсяьмныонкцркч
 ыоклзфкчпъвныуозрбжлжвцнхщсссцжьбипсрзфкаьихмнщэчсавозулбутнзцнулцзткоцв
 нфийбхюпвиэислбиювинхыршьив
 цнярбщфджлзйьцйнзцнулцяьйнвнцхркпрыожврщьянкиюдждкеспьибубиюхщбуакикяэ
 дакаоцсвлбеилрлвцофкяышвнун
 хщлвэкжлтьосцнхщиютнуншнмстспльйаихщрнньнхшвщшвносчабьешижсозосыумцм
 бриввудябакфурщяэлчяздкайьечслс
 осэкцяьцнэлязъцнхщсссцжььзжлмщунавшьявзтьяюсуйвнакдуюиььяучмпрфдйвдихр
 нфззфтнхщхиеуязтьяьуццъьбь
 еелфеипвидийдкаязщпупзобчсуьвнлвмьтнчщьеэдвнстйндуаомнщоццвнфийбхюихтоцс
 ввныкльрнпъювюсисцйвнихчщлр

акющчъцнхщбщщйтннхшдкшщъешичщкздукчввзтъаакккйдищжлывьктзихывуллвовяв
шньсйссцпрыоынкццяьклхнцэюдри
исэкжлпреуныыктзшрэчшиязиебчлвацлотнуншнмстспьищшэмвшщкзлаябсчбщшдыцэик
зясусйнойозвытныэакожщшншвою
йдьяшншвосюсчязиьсунуллвихывхдскклмщубшскуаохщрнрцязакубсчфкяосгйрщтнгб
фдзйьцэибусчжвавмнззфдыоиюшс
осюдритъйьнхщтнъцмнрнннстрсосуллвзтвднкцяубщхичщмщтсчтгнэкхуямйдчщццмн
рншвйнвллвацшвхаврщшнщюиьс
щожсюдгнуцрнчзшрынулцхдвмьцнрнуьнцяедьхсцнфуэюосйсчэидктнуншнмншспьчшв
нюдцфвдыоияосунйпщнбкчзиввмн
рьнсибчзлориисэибудкяспнзжлфсчсбаышнтныьзтпэпъмвзтъсьядуцщщщспрчсэьлвзтк
лбулцшвюибщыцвивнуывнаеи
чмывпвыэдчфкклцсвынуяуумпъшвшрцциссцмючщиюлврлиэйбдцриьцяьввюдаолыфь
модкчъяуфкойнкйдлцыцтнавчзфдыо
жяшсввдуюизбывщшвныэльидыщубшврчязрщвдойвнвнмщнсунцомюхщныюссттнхщщ
щфддбтьпнзкьеэдхнщъжвзтфрлцкяяхъ
овюсстхщрнпыйнщофкпрынсиульдццхифсчсхдйрнсрццисшнюсшьсцклтьпвидроши
фкяяшнюдаоосунчзфпыцзилцмяэсц
клжшвнунакубакюйтносшнпъявывйнщожсунюэсцэиринкгеэдвэцнпдрщрнчстнвшшвпвп
ьзмбйнвнцхпнуцязьсйядуулирибу
вдвнщозьгйбчйдсчбщиэбкдктнхщхилвннюсвнщокнирэчрниянцяеьтсывзтосибфддбм
ьлриввееяхъэфртгрулцузбщшьав
тулцибсчннисозфдыожлрдрдцбщшдскрщиэбквэгвжвзтшвжъаоеитншнпвихэхаорщибясфс
чсщъавпъскггыоющлхвииспъвиул
бутнзцнулцяьжщюсчвввиймюгвшнщиющюирсунлсгоьрыноьхоцвнфиибкзенуьпъбцрны
гщйеуйнзщшьавхщеуеидебупьесуз
ющдкясюэсцэиьцзттнмслдроавежбщяйрщйуюйлцеищъккфдкфьнхчщмщявисчтжъамао
фисрябсчшижслбубщэнщфдэмсщяуб
чзйсанэирщхщмсэктзлэусхщрнляпдгсгцщфдкфьввнкубубяслоюищщщдекщсхдскхсовпн
нчубакакхуямдкяххсвнхбжсмкцн
щъжвэкссщъккдктнфифсбвддкястнтнмслдъшсвьцйьшнсиеуюкыщцспрыльнфкйдщщзй
ьцйныэвнхбрифкйгунрншьвнбкубье
бчсвйнжндусисхавупмююсшодкльулбусчнннстрсшншвхаврщянсцознкссьеуснсмнмн
сибсвддцйнчсщнэпозцфибссщц
убсвнхбрифкясхщфдцяьклрыоибсчфкщйвносэиэпнзкцяьклакаолржцяьзтхдицфптнх
щыглозфьцэидктнунэибунсхщав
ьвлващеутнищлрдцбщшдыцйнвнцхдздкицмяьхавьщвуцфьцжьщнмкпмдкяярнэирщвпн
оулцфрыншхыщмснфжврйвнъркзскыщ
ссвнхбрифкясозййцфцнюириьсосйгыовдриклакязеудкяяосузмщчявввнищрилвацшвьиц
дрщдкикгбмщбущтссьйшвоейу
лцгйщщфкнхдкбщщйвнихобсчшибщекбщэюнхзциссичщиютнмслдфишдмбццмгцшвэр
зфвджяжвявшнмсчярщхьовюстымщкзищ
ссыршьудццрреулфщщаефдхссиroyьяьисщщкзпксчролвтнрицнмскмжявзтсиюгщхтнм
спбмщбущсцькмюннисдкдкцфжвьдт
мщшвпвкмжяьмщшвжърефщакыеэаacroлфбклцбуябзшбукзунгэщъккгнвшннвжврщрн
ьуознбкжлтьбцрныгйснжшдекцгеэ
юрсхщньбиулбунхнчйдпнввкцйнуншвэьтнщюьцсуюьсцтгуьйнньосфипьявьпъпршьйлха
вьшсиеуобмбмщбущсфрмщчяовуп
мюосшнкуаохщмсэкцзтбъьмнжннуыфрыэиьсфсчсщъавозщсосгйлцмктзулынйнуайах
щавиэжъщцоуобмблвыьрнунокпмшр

дцбщддбубихйсансцрбжлвэкхюдрошджсюсунынмсийкмбкзхщхурсунщхввввмдкорыус
нчзьяуиюшсвпнкурмщеувирсунсцъ
блшэннбвамозмщбвскаышнжъжвупклэчйдищьешиивебпрябакоъзтянщиссейбчввтсзкию
щъккбыоскчицпьявицзживяочлц
свпдгсуфдкфьяэюдаорибщвчрытнрсбидуаодункющхихьсхдгсунфрлцдкааяакдункчзжсюсб
чкнбквьфзтнуноьюддкнхживнал
буыодкеиочоьлхэфдкфьпылннсвнмкхсмштсывзтьятнакфкпрябйожсюсунюиикцфтсвщб
акксйнбжрисцвджцмнщъкмыгьяе
хщсяюсстхщрнхщбщыцвиклаккзеуцнюсияюусчтсйьзтклрццюсстшнюдкшвнгьерынньэ
ынаваэкиютыннькиютнобакеишдщщ
швпвмндтихжщшнйнюирсыэьяокпмаобщсэщбушсхщмсэксьейпфкясищхнэкмбжлжвн
нстрсосщэтсяьяубщыцввяфжсюсунтс
чтгвмьввьелвмкрюеезтдццрнмюхщбуакдожсвнйсзвпфихщчсаязтьяйкчзфсчсгэлнцнер
ссжофкеиябпвистнпвюскиосыр
ынщэгожсгцмефдфмжяосзкццзтпытнрсакьлмщриарзфеуэирибщхихьсуйвнихвнстйнянцу
фкщщцсунхдицяедьакхуумжсвнчр
лвнъзтьяйкчзезьцюсжрыщумыцэиясезьцвнвнунищьеяцпьерыхщщщыцвиьянсибяснлс
иьпвтснфюирыносцаккнивжошиж
мкарссжозщццесшндцнсккаирсыэокпмцнввйкриаршьлньюэиулбунхмокздрнфзфпдкас
пнчкхуцфюижсшщязюсшсиэжъввш
яэосрнеелюиосьфиосэщублыунчяюэецзживьяокхуямщщдбофдгвмсжкддьяжяушнвв
вшнмьвврщозенийсуньейпфкаътнью
еущъкхзцнулцзтднчелвпъгцбуавкмлыкльтяуаишдщщмюкеоубщыцвиакэмлхчярштсчть
йнвнцхмьакггмщдджсунлххэхьзт
лрэчбудкввзвнвшнжъжврщунынжвжрццисчцэиаьмчвврщищсскжэжвмндтфрлцякклхнг
цязвэкьзцэиьшсвмдьюцяусиебчду
ьешдриезмщюиоуриесввхьовэкжятнмслдзълсрщйносыклрлврнвлэусхщрнавпъгбубсвй
навдьоспншсмкпрынкчмхщнкой
щщбщдмефдфмжлрифсбвбдкяяюовйищцыгевввиймэоьжйвнакеиэчпидфккнйкриж
эпншнхщынгспнунрнгошддкаяфсшью
арфдрижлццэчсавпъзншвйириизфтсиспънкгбмщбушссцшнмьввьщянмсхмдктнянккб
щщдекццжлывйквэпншнхщынгспныэ
рнгошддкйыавзтцнюфвовявлиьцяьокпмаишнмнээхфкччтхдицивьспьгсунмщпвюдцфю
ирыусунлрлцдкаяяуаокнввпъфзлц
внстбвхщщслэмдчзоулыфьтглозфьцэидкнхпрынкчмстспьвифщгбрыяьщщлзфпреурндц
вныкмбарбуябакфккчявпвлсзврщ
ьяшнынйишмунжжиюхщлвхщпэжвчспьпрцсвпддктндклцнулцмклытсюшщдекццзтиэяр
чсжвюсстибдцньтсюсстхщээршьечщ
кзмщрнтслкеурьйомюхщньюсстнулбуввзнтснфчзццзтвииярщьякбньависйщкзхщхуию
шннуаяетнхщюиафккклспьюпърц
мнрншбынлсюдризьяуфкшдвчсксчавзтрщхсщв

Відкритий текст

убивать больше не надо по слезе того как он уже бил но следует ему быть благодарным иначе при
шло бы убивать самому это не одно лишь доброе страдание это отождествление на основа
нии одинаковых импульсов кубийству собственному говоря лишь в минимальной степени смещ
енный нарциссизм этическая ценность этой доброты этим не оспаривается может быть это воо

бщемеханизмнашегодоброгоучастияпоотношениюкдругомучеловекуособеннояснопроступающийвчрезвычайномслучаеобремененногосознаниясвоейвиныписателянетсомнениячтоэтасимпатияпопричинеотождествлениярешительноопределилавыборматериаладостоевскогоносначалаонизэгоистическихпобужденийвыводилобыкновенногопреступникаполитическогои религиозногопреждечемкконцусвоейжизнивернутьсякакпервопреступникуюкотцеубийцеисделатьвеголицесвоепоэтическоепризнаниеопубликованиеегопосмертногонаследияидневниковогоженыяркоосветилоодинэпизодегожизнитовремякогдадостоевскийвгерманиибылобуреваемигорнойстрастьюдостоевскийзарулеткойявныйприпадокпатологическойстрастикоторыйнеподдаетсяинойоценкенискакойсторонынебылонедостаткавоправданияхэтогостранногоинедостойногоповедениячувствовиныкакэтонередкобываетуневротиковнашлоконкретнуюзаменувобремененностидолгамиидостоевскиймоготговариватьсятемчтоонпривыигрышеполучилбывозможностьвернутьсявроссиюизбежавзаклучениявтюрьмукредитораминоэтобылтолькопредлогдостоевскийбылдостаточнопроныцателенчтобыэтопонятьидостаточночестенчтобывэтомпризнатьсяонзналчтоглавнымбылаиграсамапосебевсеподробностиегообусловленногопервичнымипозывамибезрассудногоповеденияслужаттумудоказательствомиещекоемуиномуоннеуспокаивалсяпоканетерялвсегоиграбыладлянеготакжесредствомсамонаказаниянесчетноеколичествораздаваломолодойженесловоиличестноесловобольшенеигратьилинеигратьвэтотденьоннарушалэтословокаконарассказываетпочтивсегдаеслионсвоимипроигрышамидоводилсебяиедокрайнебедственногоположенияэтослужилодлянегоещеоднимпатологическимудовлетворениемонмогпереднеюпоноситьиунижатьсебяпроситьеепрезиратьегораскаиватьсявтомчтоонавышлазамужзанегостарогорешникаипослевсейэтойразгрузкисовестионаследующийденьиграначиналасьсноваимолодаяженапривыклакэтомуциклутакакзаметилачтотоотчеговдействительноститолькоиможнобылоожидатьспасенияписательствоникогданепродвигалосьвпередлучшечемпослепотеривсегоизакладыванияпоследнегоимуществаивсегоэтогоонаконечнонепонималакогдаегочувствовиныбылоудовлетворенонаказаниямиикоторымонсамсебяприговорилтогдаисчезалазатрудненностьвработетогдаонпозволялсебеделатьнесколькошаговнапутикусепехуи рассматривая рассказ более молодого писателя нетрудноугадатькакиедавнопозабытыедетскиепереживаниянаходятвыявлениявигорнойстрастиустифанацвейгапосвятившегомеждупрочимдостоевскомуодинизсвоихчерковтримастеравсборникесмятениечувствственовелладвадцатьчетыречасавжизниженщиныэтотмаленькийшедеврпоказываеткакбудтолишьтокакимбезответственнымсуществом является женщинаинакакиеудивительныедлянеесамойзаконанарушенияеетолкаетнеожиданноеежизненноевпечатлениеионовеллаэаеслиподвергнутьеепсихоаналитическомутолкованиюговоритоднакобезтакойоправдывающейтенденциигораздобольшепоказываетсовсеминоеобщечеловеческоеилискорееобщемужскоеитакоетолкованиестольявноподсказаночтонеетвозможностиегонедопуститьдлясущностихудожественноготворчествахарактерночтописательскоторымменясвязываютдружескиеоотношениявответнамои расспросы утверждал чтооупомянутоетолкованиеемууждоивовсеневошлоу негонамерениянесмотряна то что в рассказ вплетены некоторые детали как бы рассчитанные на то чтобы указывать на тайный след в этой новелле великосветская пожилая дама поверяет писателю о том что ей пришлось пережить более двадцати лет тому назад рано овдовевшая мать двух сыновей которые в ней более не нуждались отказавшаяся от каких бы то ни было надежд на сорок втором году жизни она попадает в овремя одного из своих бесцельных путешествий в игорный зал монакского казино где среди всех диковин ее внимание привлекают дверуки которые испотрясающей непосредственностью силой отражают все переживаемые несчастными игроком чувства руки эти руки красивого юноши писателя как бы без всякого умысла делает его ровесником старшего сына наблюдаящей за игрой женщины потерявшего все и в глубочайшем отчаянии покидающего зал чтобы в парке покончить с своею безнадёжной жизнью и не зная симпатии заставляет женщину слезождать за юношей и предпринять все для его спасения он принимает ее за одну из многочислен

aa

Висновки

розшифрування тексту.