

1 出会い

なんか何ヶ月も前にネタで作った LINE のオープンチャットに, なんと人が入ってきて,

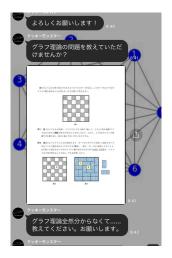


図1 実際の画像

要約すると「わからんから誰か解いて俺に教えろ」というメッセージがきました. 質問って, 答えられなかったら馬鹿にされるし, 答えたら答えたで偉そうに解説するな!ってリアクションされるから困りますよね. ハラスメントだと思います. 質問ハラスメント.

その送られてきた問題を次のページに置いておくので、暇な人がいたらどうぞ.

((2) のヒント:(⇒) 背理法. (⇐) ハミルトン閉路を考える.)

図1のように白と黒で色分けされた 6×6 マスのボードがある。このボードを2マス分のタイルで敷き詰めることを考える。以下の問いに答えなさい。

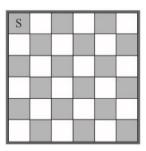


図 1

問1 図1のマスSから出発し、すべてのマスを1回ずつ通って、マスSに戻る経路(ここではハミルトン閉路と呼ぶ)があることを示しなさい。ただし、上下左右のマスへの移動だけを繰り返し、斜めに進んではいけないものとする。

問2 図2のようにマス A と B を指定すると、ボードからそのマスを除いた部分を 2 マス分のタイルで敷き詰めることができる(図3)。一般に、ボードから指定した 2 マス A、B を除いた部分が 2 マス分のタイルで敷き詰められるための<u>必要十分条件</u>は、マス Aと B の色が異なることである。それを証明しなさい。

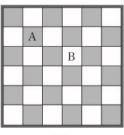
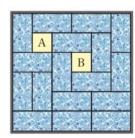


図 2



⊠ 3



図2 問題の画像