John の楕円体定理 (中心対称な場合)

1

命題 1.1. $A,B\subset\mathbb{R}^n$ とし, $T:\mathbb{R}^n\to\mathbb{R}^n$ を同型な線型変換とする. 適当な $s\geq 0$ に対して

 $A\subset B\subset sA$

が成り立つとき,

 $TA \subset TB \subset T(sA)$

が成り立つ.

証明. 明らかにそう.