オブザーバブル直径

1

設定 1.1. mm 空間 (X,d,μ) として十分にレギュラーなものを考えることにする. 即ち, (X,d) は完備可分 距離空間であり, μ は確率測度であり, $\mathrm{supp}\mu=X$ を仮定する.

定義 1.2. (部分直径). (X,d,μ) を mm 空間とする.

$$\operatorname{diam}(\mu; 1 - \kappa) \coloneqq \inf \{ \operatorname{diam}(A) \mid A \in \mathcal{B}(X), 1 - \kappa \le \mu(A) \le 1 \}$$

と定め、これを X の κ 部分直径という.

定義 1.3. (オブザーバブル直径). (X,d,μ) を mm 空間とする.

$$\mathrm{ObsDiam}(X; -\kappa) \coloneqq \sup \{ \mathrm{diam}(f_{\#}\mu; 1 - \kappa) \mid f : X \to \mathbb{R}, 1\text{-Lipschitz} \}$$

と定め、これをXの κ オブザーバブル直径という.