ユークリッド空間におけるコンパクト領域と諸々の量

1

命題 1.1. M を \mathbb{R}^n の, 境界が滑らかなコンパクト領域とする.

$$\operatorname{vol}(M) = \frac{1}{n} \int_{\partial M} (x, \nu(x)) d\mathcal{H}^{n-1}(x)$$

証明.発散定理より,

$$\int_{\partial M}(x,\nu(x))d\mathcal{H}^{n-1}(x)=\int_{M}\mathrm{div}xd\mathrm{vol}(x)$$

が成り立ち, $\operatorname{div} x = \sum \partial_i x = n$ であることから従う.

2

3 予備知識