ウェイトはなんならソボレフ空間に属する

1

記号 1.1. M_X で X 上の有限な台をもつ複素測度全体を表す. $w,v\in M_X$ に対して

$$(w,v)_Z \coloneqq \int Zw(x)d\bar{v}(x)$$

により内積を定める.

設定 1.2.

$$X = \mathbb{R}^n$$

とする.

命題 1.3. $M_X \subset H_{-(n+1)/2}$ が成り立つ.

証明. 任意の $x \in \mathbb{R}^n$ に対して $\delta_x \subset H_{-(n+1)/2}$ であることから主張が従う.