開集合上のコンパクト台をもつ滑らかな関数

1

定義 1.1. $\Omega \subset \mathbb{R}^n$ を開集合とする. $K \subset \Omega$ コンパクト集合に対して,

$$\mathcal{D}_K(\Omega) := \{ C^{\infty}(\mathbb{R}^n) \mid \text{supp} f \subset K \}$$

と定める.

$$\mathcal{D}(\Omega) := \bigcup_{K \subset \Omega, \text{cpt}} \mathcal{D}_K(\Omega)$$