## Đề Thi Thử Cấu Trúc Rời Rạc Năm 2021-2022



#### Câu 1: Cho hàm Boole 4 biến F(x,y,z,t) như sau:

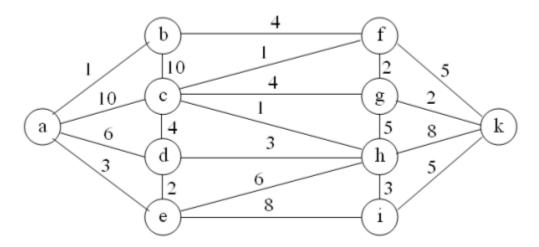
$$F(x,y,z,t) = xy'zt' + yz't + x'y'zt' + yz't' + x'yz + xy'z't'$$

- a, Tìm dạng nối rời chín tắc của hàm F.
- b, Tìm các công thức đa thức tối tiểu của hàm F.
- c, Vẽ sơ đồ mạch cho một công thức đa thức tối tiểu của hàm f vừa tìm được.

### Câu 2: Một đồ thị G có 15 đỉnh. Hãy vẽ G thỏa các tính chất sau:

- G là đồ thị liên thông
- G là đơn đồ thị
- G có 6 đỉnh bậc 1, 5 đỉnh bậc 2, 2 đỉnh bậc 5,2 đỉnh bậc 3.

#### Câu 3: Cho đồ thị H như sau:



- a, H có chu trình hay đường đi Euler không ? Giải thích ? Nếu có chu trình(đường đi) thì hãy chỉ ra.
- b, Chỉ ra chu trình(đường đi) Hamilton của G nếu có.
- c, Dùng thuật toán Djikstra tìm đường đi ngắn nhất từ đỉnh a điển các đỉnh còn lại của H
- d, Tìm cây khung có trọng số nhỏ nhất và lớn nhất T của G

#### Lời giải:

Câu 1: 
$$F(x,y,z,t) = xy'zt' + yz't + x'y'zt' + yz't' + x'yz + xy'z't'$$



a, Tìm dạng nối rời chính tắc

Có 4 biến nên ta có bảng chân chị gồm 4x4 là 16 ô.

xy zt	00	01		11	10
00		*		*	*
01		*		*	
11		*			
10	*	*			*

Từ bảng chân trị trên ta có dạng nối rời chính tắc cảu hàm F(x,y,z,t) là:

$$F(x,y,z,t) = x'yz't' + xyz't' + xy'z't' + x'yz't + xyz't + x'yzt + x'yzt' + x'yzt' + xy'zt'$$

b, Tìm các công thức đa thức tối tiểu của hàm F

Ta có các tế bào lớn là:

Ta có Sơ đồ phủ cho Kar(f)

$$T1 = yz$$

$$T2 = x'y$$

$$T3 = xz't'$$

$$T4 = x'zt'$$

$$T5 = y'zt'$$

$$T6 = xy't'$$

$$T4 \rightarrow T5$$
 $T1 \rightarrow T2 \rightarrow T3 \rightarrow T6 \rightarrow T4$ 
 $T5 \rightarrow T3$ 
 $T6$ 
 $T4 \rightarrow T6$ 

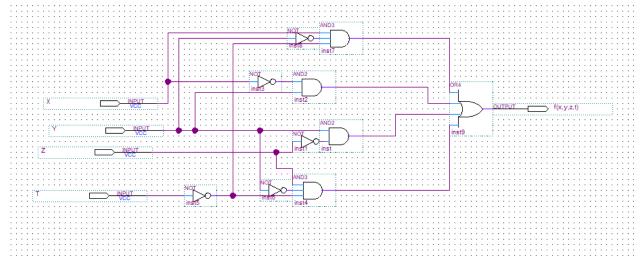
- (1), (2), (3) phủ không tối tiểu => loại
- (4), (5), (6) phủ tối tiểu => nhận
- => Các công thức đa thức tối tiểu của f là:

(4) 
$$f = yz' + x'y + y'zt' + xz't'$$

(5) 
$$f = vz' + x'v + v'zt' + xv't'$$

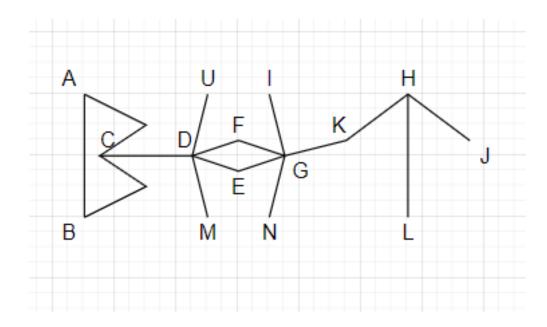
## c, Vẽ mạch cho (4):





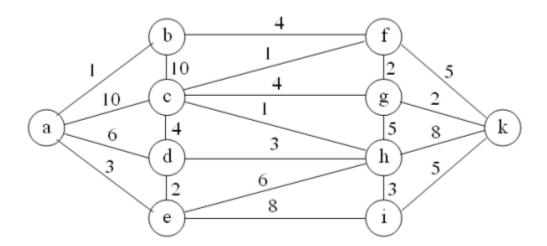
# Câu 2:

Đồ thị G thỏa mãn là:



### Câu 3:





a, , H có chu trình hay đường đi Euler không ? Giải thích ? Nếu có chu trình(đường đi) thì hãy chỉ ra.

Không có chu trình Euler vì 2 đỉnh i,b là đỉnh bậc lẻ

⇒ Đường đi Euler là: b, f, k, i, e, a, b, c, f, g, e, a, d, c, h, d, e, h, k, g, h, i.

b, Chỉ ra chu trình(đường đi) Hamilton của G nếu có.

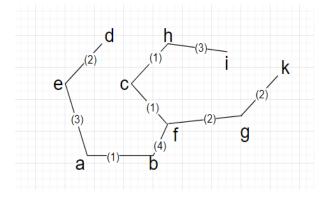
Chu trình Hamilton là: a, b, f, k, g, c, h, i, e, d, a

c, Dùng thuật toán Djikstra tìm đường đi ngắn nhất từ đỉnh a điến các đỉnh còn lại của H

Đỉnh Bước nhảy	a	b	c	d	e	f	g	h	i	k	Tập đỉnh
0	0,a	∞,a	∞,a	∞,a	∞,a	∞,a	∞,a	∞,a	∞,a	∞,a	Ø
1	ı	1,a	10,a	6,a	3,a	∞,a	∞,a	∞,a	∞,a	∞,a	{a}
2	ı	-	10,a	6,a	3,a	5,b	∞,a	∞,a	∞,a	∞,a	{a,b}
3	-	-	10,a	5,e	-	5,b	∞,a	9,e	11,e	∞,a	{a,b,e}
4	-	-	9,d	-	-	5,b	∞,a	8,d	11,e	∞,a	{a,b,e,d}
5	ı	-	6,f	1	-	-	7,f	8,d	11,e	10,f	${a,b,e,d,f}$
5	ı	-	ı	1	-	-	7,f	7,c	11,e	10,f	${a,b,e,d,f,c}$
7	ı	-	ı	1	-	-	1	7,c	11,e	9,g	${a,b,e,d,f,c,g}$
8	-	-	-	-	-	-	1	-	10,h	9,g	${a,b,e,d,f,c,g,h}$
9	1	-	-	1	-	-	1	-	10,h	-	${a,b,e,d,f,c,g,h,k}$
10	-	_	_	-	-	-	-	-	-	-	${a,b,e,d,f,c,g,h,k,i}$

Sơ đồ đường đi ngắn nhất từ a tới tất cả các đỉnh còn lại là:

a → đỉnh	Đường đi	Độ dài
b	ab	1
С	abfc	6
d	aed	5
e	ae	3
f	abf	5
g	abfg	7
h	abfch	7
i	abfchi	10
k	abfgk	9





# d, Tìm cây khung T nhỏ nhất:

$E_{ au}$	Trọng số
ab	1
cf	1
ch	1
fg gk	2
gk	2
de	2
ae	3
dh	3
hi	3
cd	4
bf	4
cg	4
fk	5
gh	5
ik	5
ad	6
eh	1 1 2 2 2 2 3 3 3 3 4 4 4 4 5 5 5 5 6 6 6 8 8
ei	8
hk	8
ac	10
cb	10

