

Mathematical Expressions in LaTeX

LaTeX 数学表达

用 JupyterLab markdown 编写常用数学表达



依我看来,世间万物皆数学。

But in my opinion, all things in nature occur mathematically.

—— 勒内·笛卡尔 (René Descartes) | 法国哲学家、数学家、物理学家 | 1596 ~ 1650



- XXXXX
- XXXXX
- ▼ XXXXX
- XXXXX
- ✓ XXXXX
- •



25.1 什么是 LaTeX

LaTeX 是一种用于排版科学和技术文档的系统。根据官网介绍,LaTeX 的正确发音为 Lahtech 或 Lay-tech。

与常见的字处理软件不同,LaTeX 使用纯文本文件作为输入,并通过预定义的命令和语法描述文档结构和格式。LaTeX 可以处理复杂的数学公式、表格、图表和引用,并提供高级功能如自动编号和交叉引用。

LaTeX 是开源的,可在多个操作系统上运行,并有丰富的扩展包和模板可供使用。LaTeX 被广泛应用于学术界和科技领域。通过使用 LaTeX,用户可以轻松创建高质量、规范的学术论文、期刊文章和演示文稿。

本章不会讲怎么用 LaTeX 写论文,仅仅介绍如何在 Jupyter Notebook 的 markdown 中嵌入 Latex 数学符号、各类常用公式,比如图 1、图 2 两个例子。

这一章大家现用现学、千万别死记硬背。

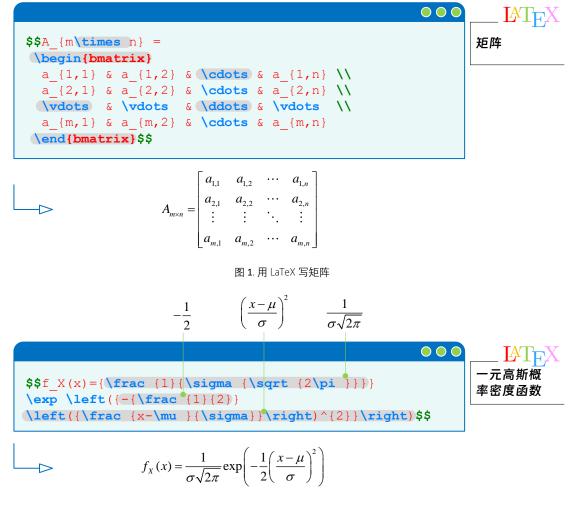


图 2. 用 LaTeX 写一元高斯概率密度函数

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套徽课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

注意,在 JupyterLab markdown 单元格中,要在文本中 inline 插入一个简单的公式,需要用使 用左右 \$ (半角) 将公式括起来,比如\$E=mc^2\$。要让公式单独一行需要用左右 \$\$ 将公式括起 来, 比如\$\$E=mc^2\$\$。

25.2 字母和符号

字母样式

英文中常用字母样式主要有: 正体 aA (regular)、粗体 Aa (bold)、斜体 Aa (italic)、粗体斜体 Aa (bold italic)、无衬线体 (sans-serif)、衬线体 (serif)、花体 (calligraphy) 上标 Aa (superscript)、下 标 Aa (subscript)。

无衬线体是指在字母末端没有装饰性衬线,如图 3 (a) 所示。无衬线体字体的设计更加简洁, 直接,没有额外的装饰。无衬线体常常被用于数字屏幕上,比如计算机屏幕、手机、平板电脑 等,因为在低分辨率的显示条件下,无衬线体更容易阅读。常用的无衬线体字体有 Arial、Roboto 等。本书图片注释文字很多便采用 Roboto。Roboto 是 Google 开源字体。

衬线体是指在字母末端有装饰性衬线的字体,如图3(b)所示。这些图3(c)所示小线条使得衬 线体在打印和长段落文字中更易于阅读。它们在印刷物、书籍、报纸等传统媒体中广泛使用。最 常见的衬线字体莫过于 Times New Roman。鸢尾花书中大量使用 Times New Roman,特别是在公 式中。

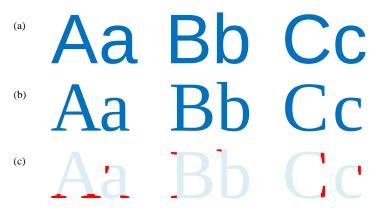


图 3. 比较无衬线体、衬线体,图片改编自 Wikipedia

注意,ISO 标准推荐向量、矩阵记号采用粗体、斜体、衬线体,比如 $a \cdot b \cdot x \cdot A \cdot B \cdot X$ 。 鸢尾花书采用这一样式。

本书配套微课视频均发布在 B 站-——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

此外,还必须要提到编程中常用的另外一种字体——等宽字体 (monospaced font, Mono)。在 Mono 字体中,每个字符 (包括字母、数字、标点符号、空格等) 都占据相同的水平宽度,这使得每列字符在视觉上都保持对齐,使得排版看起来整齐和规整。

在编程中需要对齐代码,使其易于阅读和维护,因此 Mono 字体在代码编辑器中得到广泛应用。最常见的 Mono 字体为 Courier New。

本书读者顺序读到此处应该非常熟悉本书代码这种 Mono 字体,它就是 Google 开源字体 Roboto Mono Light。

LaTeX	样式	说明
\$ {AaBbCc} \$	AaBbCc	斜体,大部分数学符号、表达式
<pre>\$ \mathrm {AaBbCc} \$</pre>	AaBbCc	正体,公式中的单位或文字
<pre>\$ \mathbf {AaBbCc} \$</pre>	AaBbCc	粗体,向量、矩阵
<pre>\$ \boldsymbol {AaBbCc} \$</pre>	AaBbCc	粗体、斜体,向量、矩阵
<pre>\$ \mathtt {AaBbCc} \$</pre>	AaBbCc	等宽字体,常用于代码
<pre>\$ \mathcal {ABCDEF} \$</pre>	ABCDEF	花体,用于表示数学中的集合、代数结构、算子
\$ \mathbb {CRQZN} \$	CRQZN	黑板粗体 (blackboard bold),常用来表达各种集合
<pre>\$\text {Aa Bb Cc}\$</pre>	Aa Bb Cc	用来写公式中的文字
<pre>\$\mathrm{d}x\$</pre>	dx	ISO 规定导数符号 d 为正体
<pre>\$\operatorname{T}\$</pre>	Т	运算符

表 1. 数学中字母样式

表 2. 各种字母英文读法

英文字母	英文表达
A	capital a, cap a, upper case a
a	small a, lower case a
A	italic capital a, italic cap a
а	italic a
A	boldface capital a, bold cap a
a	boldface a, bold small a
A	bold italic cap a
а	bold italic small a
A	Gothic capital a
a	Gothic a

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在B站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

A	script capital a
	script a

标记

数学符号、表达式中还常用各种特殊标记 (accent),表 3 总结常用特殊标记。

表 3. 数学中字母标记

LaTex	数学表达	英文读法
<pre>\$x'\$ \$x^{\prime}\$</pre>	x'	x prime
\$x''\$	x"	x double prime
<pre>\$\overrightarrow{AB}\$</pre>	\overrightarrow{AB}	a vector pointing from A to B
<pre>\$\underline{x}\$</pre>	<u>x</u>	x underline
\$\hat{x}\$	\hat{x}	x hat
\$\bar{x}\$	\overline{x}	x bar
\$\dot{x}\$	ż	x dot
<pre>\$\tilde{x}\$</pre>	\tilde{x}	x tilde
\$x_i\$	x_i	x subscript i, x sub i
\$x^i\$	x^{i}	x to the n, x to the nth, x to the n-th power x raised to the n-th power
<pre>\$\ddot{x}\$</pre>	\ddot{x}	x double dot
\$x^*\$	<i>x</i> *	x star, x super asterisk
<pre>\$x\dagger\$</pre>	x†	x dagger
<pre>\$x\ddagger\$</pre>	x‡	x double dagger
<pre>\${\color{red}x}\$</pre>	x	red x

希腊字母

表 4. 希腊字母, 大小写

小写	LaTeX	大写	LaTeX	英文拼写	英文发音
α	\$\alpha\$	A	\$A\$	alpha	/ˈælfə/
β	\$\beta\$	В	\$B\$	beta	/'beɪtə/
γ	\$\gamma\$	Γ	\$\Gamma\$	gamma	/ˈgæmə/
δ	\$\delta\$	Δ	\$\Delta\$	delta	/'deltə/

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。

版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

ε	<pre>\$\epsilon\$</pre>	E	\$E\$	epsilon	/'epsɪlɑ:n/
ζ	\$\zeta\$	Z	\$Z\$	zeta	/ˈziːtə/
η	\$\eta\$	Н	\$H\$	eta	/ˈiːtə/
θ	\$\theta\$	Θ	\$\Theta\$	theta	/ˈθiːtə/
ı	\$\iota\$	I	\$1\$	iota	/ar'outə/
K	\$\kappa\$	K	\$K\$		/ˈkæpə/
K		Λ	ŞNŞ	kappa	/ карэ/
λ	\$\lambda\$	Λ	\$\Lambda\$	lambda	/ˈlæmdə/
μ	\$\mu\$	M	\$M\$	mu	/mju:/
v	\$\nu\$	N	\$N\$	nu	/nju:/
ζ	\$\xi\$	[3]	\$\Xi\$	xi	/ksaɪ/ 或 /zaɪ/ 或 /gzaɪ/
0	\$\omicron\$	0	\$0\$	omicron	/ˈaːməkraːn/
π	\$\pi\$	П	\$\Pi\$	pi	/paɪ/
ρ	\$\rho\$	P	\$P\$	rho	/rou/
σ	\$\sigma\$	Σ	\$\Sigma\$	sigma	/ˈsɪgmə/
τ	\$\tau\$	T	\$T\$	tau	/tau/
υ	\$\upsilon\$	Y	\$Y\$	upsilon	/ˈʊpsɪlɑːn/
φ	\$\phi\$	Φ	\$\Phi\$	phi	/faɪ/
χ	\$\chi\$	X	\$X\$	chi	/kaɪ/
Ψ	\$\psi\$	Ψ	\$\Psi\$	psi	/saɪ/
ω	\$\omega\$	Ω	\$\Omega\$	omega	/oʊˈmegə/

表 5. 希腊字母, 变量

LaTeX	样式	LaTeX	样式
\$\vartheta\$	9	\$\varrho\$	Q
\$\varkappa\$	×	<pre>\$\varphi\$</pre>	φ
\$\varpi\$	$\overline{\sigma}$	<pre>\$\varepsilon\$</pre>	ε
\$\varsigma\$	S		

常用符号

表6总结常用符号。

此外,请大家注意区分:-不间断连字符 (nonbreaking hyphen)、-减号 (minus sign)、-短破折号 (en dash)、—长破折号 (em dash)、_下划线 (underscore)、/前斜线 (forward slash)、\反斜线 (backward slash, backslash, reverse slash)、|竖线 (vertical bar, pipe)。

表 6. 常用符号

LaTex	数学表达	英文读法	中文表达
<pre>\$\times\$</pre>	×	multiplies, times	乘
\$\div\$	÷	divided by	除以

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套徽课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

<pre>\$\otimes\$</pre>	8	tensor product	张量积
\$(\$	(open parenthesis, left parenthesis, open round bracket, left round bracket	左圆括号
\$)\$)	close parenthesis, right parenthesis, close round bracket, right round bracket	右圆括号
\$[\$	[open square bracket, left square bracket	左方括号
\$]\$]	close square bracket, right square bracket	右方括号
\$\{\$	{	open brace, left brace, open curly bracket, left curly bracket	左大括号
\$\}\$	}	close brace, right brace, close curly bracket, right curly bracket	右大括号
\$\pm\$	±	plus or minus	正负号
\$\mp\$	Ŧ	Minus or plus	负正号
\$<\$	<	less than	小于
\$\leq\$	≤	less than or equal to	小于等于
\$\11\$	«	much less than	远小于
\$>\$	>	greater than	大于号
\$\geq\$	≥	greater than or equal to	大于等于
\$\gg\$	>>	much greater than	远大于
\$=\$	=	equals, is equal to	等于
\$\equiv\$	≡	is identical to	完全相等
\$\approx\$	≈	is approximately equal to	约等于
<pre>\$\propto\$</pre>	œ	proportional to	正比于
<pre>\$\partial\$</pre>	ð	partial derivative	偏导
\$\nabla\$	∇	del, nabla	梯度算子
\$\infty\$	∞	infinity	无穷
\$\neq\$	≠	does not equal, is not equal to	不等于
<pre>\$\parallel\$</pre>	II	parallel	平行
<pre>\$\perp\$</pre>		perpendicular to	垂直
\$\angle\$		angle	角度
<pre>\$\triangle\$</pre>	Δ	triangle	三角形
\$\square\$		square	正方形
\$\sim\$	~	similar	相似
<pre>\$\exists\$</pre>	3	there exists	存在
\$\forall\$	\forall	for all	任意
\$\subset\$	_	is proper subset of	真子集
\$\subseteq\$	⊆	is subset of	子集
<pre>\$\varnothing\$</pre>	Ø	empty set	空集
\$\supset\$	⊃	is proper superset of	真超集

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

成队归谓于八字面版社所有,谓勿断州,引用谓汪叻面风。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套徽课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

\$\supseteq\$	⊇	is superset of	超集
\$\cap\$	\cap	intersection	交集
\$\cup\$)	union	并集
\$\in\$	€	is member of	属于
\$\notin\$	∉	is not member of	不属于
\$\N\$	N	set of natural numbers	自然数集合
\$\Z\$	\mathbb{Z}	set of integers	整数集合
\$\rightarrow\$	\rightarrow	arrow to the right	向右箭头
\$\leftarrow\$	←	arrow to the left	向左箭头
\$\mapsto\$	\mapsto	maps to	映射
\$\implies\$	\Rightarrow	implies	推出
\$\uparrow\$	↑	arrow pointing up, upward arrow	向上箭头
\$\Uparrow\$	$\qquad \qquad \qquad \qquad \qquad \uparrow \qquad \qquad$	arrow pointing up, upward arrow	向上箭头
\$\downarrow\$	\	arrow pointing down, downward arrow	向下箭头
\$\Downarrow\$	\downarrow	arrow pointing down, downward arrow	向下箭头
<pre>\$\therefore\$</pre>	<i>:</i> .	therefore sign	所以
\$\because\$::	because sign	因为
\$\star\$	*	asterisk, star, pointer	星号
\$!\$!	exclamation mark, factorial	叹号, 阶乘
\$ x \$	x	absolute value of x	绝对值
<pre>\$\lfloor x \rfloor\$</pre>	$\lfloor x \rfloor$	the floor of x	向下取整
\$\lceil x \rceil\$	$\lceil x \rceil$	the ceiling of x	向上取整
\$x!\$	x!	x factorial	阶乘

25.3 代数

表 7~表 12 总结了一些常用的 LaTeX 代数表达式,请大家自行学习。

表 7. 几个多项式有关的数学表达

LaTeX	数学表达
$x^{2}-y^{2} = \left(x+y\right)\left(x-y\right)$	$x^{2} - y^{2} = (x + y)(x - y)$
$a_{n}x^{n}+a_{n-1}x^{n-1}+\det + a_{2}x^{2} + a_{1}x + a_{0}$	$a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_2 x^2 + a_1 x + a_0$

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。 版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

\$\sum_{k=0}^{n}a_{k}x^{k}\$	$\sum_{k=0}^{n} a_k x^k$
\$ ax^{2}+bx+c=0\ (a\neq 0) \$	$ax^2 + bx + c = 0 \ (a \neq 0)$

表 8. 几个根式有关的数学表达

LaTeX	数学表达	
	$\sqrt[n]{a^m} = (a^m)^{1/n} = a^{m/n} = (a^{1/n})^m =$	$(\sqrt[n]{a})^m$
<pre>\$\left({\sqrt {1-x^{2}}}\right)^{2}\$</pre>	$\left(\sqrt{1-x^2}\right)^2$	

表 9. 几个分式有关的数学表达

LaTeX	数学表达
\$\frac {1}{x+1}+{\frac {1}{x-1}}={\frac {2x}{x^{2}-1}}\$	$\frac{1}{x+1} + \frac{1}{x-1} = \frac{2x}{x^2 - 1}$
$x_{1,2}={\frac{-b\pm {\left\{ b^{2}-4ac\right\} }}{2a}}$	$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$

表 10. 几个和函数有关的数学表达

LaTeX	数学表达
	$f(x) = ax^2 + bx + c$ with $a,b,c \in \mathbb{R}, a \neq 0$
$f(x_1, x_2) = x_1^2 + x_2^2 + 2x_1x_2$	$f(x_1, x_2) = x_1^2 + x_2^2 + 2x_1x_2$
\$\log_{b}(xy)=\log_{b}x+\log_{b}y\$	$\log_b(xy) = \log_b x + \log_b y$
<pre>\$\ln(xy)=\ln x+\ln y{\text{ for }} x>0 {\text{ and }} y>0\$</pre>	ln(xy) = ln x + ln y for x > 0 and y > 0
<pre>\$f(x)=a\exp \left(-{\frac {(x- b)^{2}}{2c^{2}}}\right)\$</pre>	$f(x) = a \exp\left(-\frac{(x-b)^2}{2c^2}\right)$

表 11. 几个三角恒等式

LaTeX	数学表达
\$\sin ^{2}\theta +\cos ^{2}\theta =1\$	$\sin^2\theta + \cos^2\theta = 1$

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

<pre>\$\sin 2\theta =2\sin \theta \cos \theta\$</pre>	$\sin 2\theta = 2\sin\theta\cos\theta$
<pre>\$\sin(\alpha \pm \beta)=\sin \alpha \cos \beta \pm \cos \alpha \sin \beta\$</pre>	$\sin(\alpha \pm \beta) = \sin \alpha \cos \beta \pm \cos \alpha \sin \beta$
<pre>\$\tan(\alpha \pm \beta)=\frac {\tan \alpha \pm \tan \beta }{1\mp \tan \alpha \tan \beta }\$</pre>	$\tan(\alpha \pm \beta) = \frac{\tan \alpha \pm \tan \beta}{1 \mp \tan \alpha \tan \beta}$

表 12. 几个和微积分有关数学表达

LaTeX	数学表达
	$\exp(x) = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{x^k}{k!} = 1 + x + \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{6} + \frac{x^4}{24} + \cdots$
<pre>\$ \left(\sum _{i=0}^{n}a_{i}\right)\left(\sum _{j=0}^{n}b_{j}\right)=\sum _{i=0}^{n}\sum _{j=0}^{n}a_{i}b_{j}\$</pre>	$\left(\sum_{i=0}^{n} a_i\right) \left(\sum_{j=0}^{n} b_j\right) = \sum_{i=0}^{n} \sum_{j=0}^{n} a_i b_j$
<pre>\$\exp(x) =\lim _{n\to \infty }\left(1+{\frac {x}{n}}\right)^{n}\$</pre>	$\exp(x) = \lim_{n \to \infty} \left(1 + \frac{x}{n} \right)^n$
$\frac{mathrm{d}}{mathrm{d}x} \exp(f(x)) = f'(x) \exp(f(x))$	$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x} \exp(f(x)) = f'(x) \exp(f(x))$
$\int_{a}^{a}^{b}f(x) \mathrm {d} x$	$\int_{a}^{b} f(x) \mathrm{d}x$
<pre>\$\int _{-\infty }^{\infty }\exp(- x^{2})\mathrm{d}x={\sqrt {\mathrm{\pi} }}\$</pre>	$\int_{-\infty}^{\infty} \exp(-x^2) \mathrm{d}x = \sqrt{\pi}$
<pre>\$\int _{-\infty }^{\infty }\int _{- \infty }^{\infty } \exp \left({- \left(x^{2}+y^{2}\right)} \right) {\mathrm{d}x} {\mathrm{d}y} = \pi\$</pre>	$\int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} \exp\left(-\left(x^2 + y^2\right)\right) dx dy = \pi$
$\ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ $	$\frac{\partial^2 f}{\partial x^2} = f_{xx}'' = \partial_{xx} f = \partial_x^2 f$
<pre>\${\frac {\partial ^{2}f}{\partial y \partial x}}={\frac {\partial }{\partial y}}\left({\frac {\partial f}{\partial x}}\right)=f''_{xy}\$</pre>	$\frac{\partial^2 f}{\partial y \partial x} = \frac{\partial}{\partial y} \left(\frac{\partial f}{\partial x} \right) = f''_{xy}$

25.5 线性代数

表 13 和表 14 总结了一些常用的 LaTeX 线性代数相关表达式, 请大家自行学习。

表 13. 几个和向量有关的表达

LaTeX	数学表达
	$\boldsymbol{a} = \begin{bmatrix} a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{bmatrix} = [a_1 \ a_2 \ a_3]^{\mathrm{T}}$
$\alpha_{a_{1}^{2}+a_{2}^{2}+a_{3}^{2}}$	$\ \boldsymbol{a}\ = \sqrt{a_1^2 + a_2^2 + a_3^2}$
$\label{eq:continuous} $\mathbf{a} \cdot \mathbf{b} = a_{1}b_{1} + a_{2}b_{2} + a_{3}b_{3}$$	$\boldsymbol{a} \cdot \boldsymbol{b} = a_1 b_1 + a_2 b_2 + a_3 b_3$
<pre>\$\mathbf {a} \cdot \mathbf {b} =\left\ \mathbf {a} \right\ \left\ \mathbf {b} \right\ \cos \theta \$</pre>	$\boldsymbol{a} \cdot \boldsymbol{b} = \ \boldsymbol{a}\ \ \boldsymbol{b}\ \cos \theta$
	$\ \mathbf{x} \ _{p} = \left(\sum_{i=1}^{n} \left x_{i} \right ^{p} \right)^{1/p}$

表 14. 几个和矩阵有关的表达

LaTeX	数学表达
<pre>\$\mathbf {A} = {\begin{bmatrix} 1 & 2\\ 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{bmatrix}}\$</pre>	$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{bmatrix}$
\mathbf {A} ={\begin{bmatrix}a_{11}&a_{12}&\cdots &a_{1n}\\a_{21}&a_{22}&\cdots &a_{2n}\\\vdots &\vdots &\ddots &\vdots \\a_{m1}&a_{m2}&\cdots &a_{mn}\end{bmatrix}}	$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & \cdots & a_{mn} \end{bmatrix}$
<pre>\$\left(\mathbf {A} +\mathbf {B} \right)^{\operatorname {T} }=\mathbf {A} ^{\operatorname {T} }+\mathbf {B} ^{\operatorname {T} }\$</pre>	$(A+B)^{T} = A^{T} + B^{T}$
<pre>\$\left(\mathbf {AB} \right)^{\operatorname {T} }=\mathbf {B} ^{\operatorname {T} }\mathbf {A} ^{\operatorname {T} }\$</pre>	$(AB)^{T} = B^{T}A^{T}$
<pre>\$ \left(\mathbf {A} ^{\operatorname} {T} }\right)^{-1}=\left(\mathbf {A} ^{-1}\right)^{\operatorname} {T} }\$</pre>	$\left(\boldsymbol{A}^{\mathrm{T}}\right)^{-1} = \left(\boldsymbol{A}^{-1}\right)^{\mathrm{T}}$

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

成队归用于人子面版社所有,唱勿简用,引用谓注明面风。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套徽课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

<pre>\$\mathbf {u} \otimes \mathbf {v} = \mathbf {u} \mathbf {v} ^ {\operatorname} {T}} = {\begin{bmatrix}u_{1} \\ u_{2} \\ u_{3} \\ u_{4} \end{bmatrix}} {\begin{bmatrix} v_{1}&v_{2}&v_{3}\\ end{bmatrix} = {\begin{bmatrix} u_{1}v_{1} & u_{1}v_{2} & u_{1}v_{3} \\ u_{2}v_{1} & u_{2}v_{2} & u_{2}v_{3} \\ u_{3}v_{1} & u_{3}v_{2} & u_{3}v_{3} \\ u_{4}v_{1} & u_{4}v_{2} & u_{4}v_{3} \\ end{bmatrix}} \]</pre>	$\boldsymbol{u} \otimes \boldsymbol{v} = \boldsymbol{u} \boldsymbol{v}^{\mathrm{T}} = \begin{bmatrix} u_{1} \\ u_{2} \\ u_{3} \\ u_{4} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_{1} & v_{2} & v_{3} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} u_{1}v_{1} & u_{1}v_{2} & u_{1}v_{3} \\ u_{2}v_{1} & u_{2}v_{2} & u_{2}v_{3} \\ u_{3}v_{1} & u_{3}v_{2} & u_{3}v_{3} \\ u_{4}v_{1} & u_{4}v_{2} & u_{4}v_{3} \end{bmatrix}$
<pre>\$\det {\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}} = ad-bc\$</pre>	$\det\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} = ad - bc$

25.6 概率统计

表 15 总结了一些常用的 LaTeX 概率统计相关表达式,请大家自行学习。

表 15. 几个和概率统计有关的表达

LaTeX	数学表达
<pre>\$\Pr(A\vert B)={\frac {\Pr(B\vert A)\Pr(A)}{\Pr(B)}}</pre>	$Pr(A \mid B) = \frac{Pr(B \mid A) Pr(A)}{Pr(B)}$
<pre>\$ f_{X\vert Y=y}(x)={\frac {f_{X,Y}(x,y)}{f_{Y}(y)}}\$</pre>	$f_{X Y=y}(x) = \frac{f_{X,Y}(x,y)}{f_Y(y)}$
	$var(X) = E[X^2] - E[X]^2$
<pre>\$\operatorname {var} (aX+bY)=a^{2}\operatorname {var} (X) + b^{2}\operatorname {var} (Y) + 2ab \operatorname {cov} (X,Y)</pre>	$var(aX + bY) = a^{2} var(X) + b^{2} var(Y) + 2ab cov(X,Y)$
<pre>\$\operatorname {E} [X]=\int _{- \infty }^{\infty }xf_{X}(x) \operatorname {d}x\$</pre>	$E[X] = \int_{-\infty}^{\infty} x f_X(x) \mathrm{d} x$
\$ X\sim N(\mu ,\sigma ^{2})\$	$X \sim N(\mu, \sigma^2)$
<pre>\$\frac {\exp \left(-{\frac {1}{2}}\left({\mathbf {x} }-{\boldsymbol {\mu }}\right)^{\mathrm {T} }{\boldsymbol {\Sigma }}^{-1}\left({\mathbf {x} }- {\boldsymbol {\mu }}\right)\right)}{\sqrt {(2\pi)^{k} {\boldsymbol {\Sigma }} }}\$</pre>	$\frac{\exp\left(-\frac{1}{2}(\boldsymbol{x}-\boldsymbol{\mu})^{\mathrm{T}}\boldsymbol{\varSigma}^{-1}(\boldsymbol{x}-\boldsymbol{\mu})\right)}{\sqrt{(2\pi)^{k} \boldsymbol{\varSigma} }}$

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。 版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com