10

Fundamentals of Visualization

聊聊可视化

主要了解 Matplotlib、Plotly 两个工具



一个人可以被摧毁, 但不能被打败。

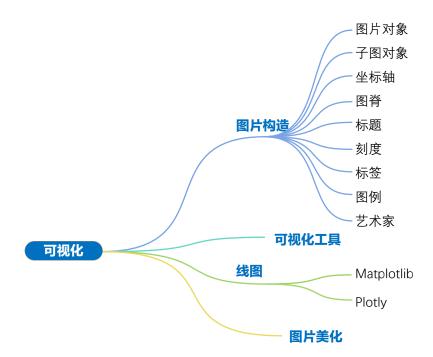
A man can be destroyed but not defeated.

—— 欧内斯特·海明威 (Ernest Hemingway) | 美国、古巴记者和作家 | 1899 ~ 1961



- ◀ matplotlib.gridspec.GridSpec() 创建一个规则的子图网格布局
- ◀ matplotlib.pyplot.grid() 在当前图表中添加网格线
- matplotlib.pyplot.plot() 绘制折线图
- matplotlib.pyplot.subplot() 用于在一个图表中创建一个子图, 并指定子图的位置或排列方式
- matplotlib.pyplot.subplots() 创建一个包含多个子图的图表,返回一个包含图表对象和子图对象的元组
- ◀ matplotlib.pyplot.title() 设置当前图表的标题,相当于对于特定轴 ax 对象 ax.set title()
- ◀ matplotlib.pyplot.xlabel() 设置当前图表 x 轴的标签,相当于对于特定轴 ax 对象 ax.set xlabel()
- matplotlib.pyplot.xlim() 设置当前图表 x 轴显示范围,相当于对于特定轴 ax 对象 ax.set xlim()
- matplotlib.pyplot.xticks() 设置当前图表 x 轴刻度位置,相当于对于特定轴 ax 对象 ax.set xticks()
- matplotlib.pyplot.ylabel() 设置当前图表 y 轴的标签,相当于对于特定轴 ax 对象 ax.set ylabel()
- ◀ matplotlib.pyplot.ylim() 设置当前图表 y 轴显示范围,相当于对于特定轴 ax 对象 ax.set_ylim()
- ◀ matplotlib.pyplot.yticks() 设置当前图表 y 轴刻度位置,相当于对于特定轴 ax 对象 ax.set yticks()
- numpy.arange() 创建一个具有指定范围、间隔和数据类型的等间隔数组
- ◀ numpy.cos() 用于计算给定弧度数组中每个元素的余弦值
- ◀ numpy.exp() 计算给定数组中每个元素的 e 的指数值
- numpy.linspace() 用于在指定的范围内创建等间隔的一维数组,可以指定数组的长度
- ◀ numpy.sin() 用于计算给定弧度数组中每个元素的正弦值
- ◀ numpy.tan() 用于计算给定弧度数组中每个元素的正切值
- ◀ plotly.express.line() 用于创建可交互的线图
- ◀ plotly.graph_objects.Scatter() 用于创建可交互的散点图、线图
- ■ scipy.stats.norm() 创建一个正态分布对象,可用于计算概率密度、累积分布等





本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

成队归用于八字面版社所有,唱勿简用,引用谓注明面风。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套徽课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

本章和接下来两章介绍如何实现鸢尾花书中最常见的可视化方案。这三章内容本着"够《编程不 难》用就好"为原则,不会特别深究某个具体可视化方案中的呈现细节,也不会探究其他高阶的可视化 方案。

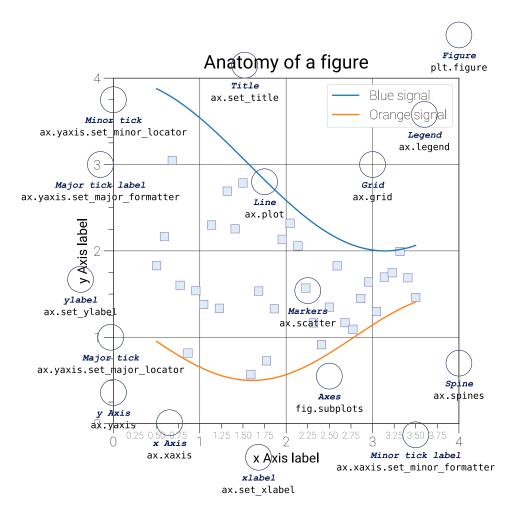


图 1. 解剖—幅图,来源 https://matplotlib.org/stable/gallery/showcase/anatomy.html; Bk1_Ch10_01.ipynb



如图 1 所示, 一幅图的基本构成部分包括以下几个部分:

- ▶ **图片对象** (figure):整个绘图区域的边界框,可以包含一个或多个子图。
- 子图对象 (axes): 实际绘图区域,包含若干坐标轴、绘制的图像和文本标签等。
- 坐标轴 (axis):显示子图数据范围并提供刻度标记和标签的对象。
- 图 **(spine**): 连接坐标轴和图像区域的线条,通常包括上下左右四条。

- ▶ **标题** (title): 描述整个图像内容的文本标签,通常位于图像的中心位置或上方,用于简要概括 图像的主题或内容。
- ▶ 刻度 (tick): 刻度标记,表示坐标轴上的数据值。
- ▶ 标签 (label): 用于描述坐标轴或图像的文本标签。
- ▶ 图例 (legend): 标识不同数据系列的图例,通常用于区分不同数据系列或数据类型。
- ▶ **艺术家** (artist): 在 Matplotlib 中,所有绘图元素都被视为艺术家对象,包括图像区域、子图区域、坐标轴、刻度、标签、图例等等。

可视化工具

图 1 这幅图是用 Matplotlib 库绘制。Matplotlib 是 Python 中最基础的绘图工具。鸢尾花书中最常用的绘图库包括: Matplotlib、Seaborn、Plotly。

Matplotlib 可能是 Python 中最常用的绘图库,Matplotlib 具有丰富的绘图功能和灵活的使用方式。Matplotlib 可以绘制多种类型的图形,包括折线图、散点图、柱状图、饼图、等高线图等各种二维、三维图像,还可以进行图像处理和动画制作等。图 21、图 22、图 23 给出 Matplotlib 中常见的可视化方案。

Seaborn 是基于 Matplotlib 的高级绘图库,专注于统计数据可视化。它提供了多种高级数据可视化技术,包括分类散点图、热图(热力图)、箱线图、分布图等,可以快速生成高质量的统计图表。 Seaborn 适用于数据分析、数据挖掘和机器学习等领域。

▲ 注意、Matplotlib 和 Seaborn 生成的都是静态图,即图片。

Plotly 是一个交互式可视化库,可以生成高质量的静态和动态图表。它提供了丰富的图形类型和交互式控件,可以通过滑块、下拉列表、按钮等方式动态控制图形的显示内容和样式。Plotly 适用于Web 应用、数据仪表盘和数据科学教育等领域。类似 Plotly 的 Python 库还有 Bokeh、Altair、Pygal 等。

鸢尾花书中,大家会发现 PDF 书稿、纸质书图片一般会使用 Matplotlib、Seaborn 生成的矢量图,配套的 JupyterLab Notebook、Streamlit 则倾向于采用 Plotly。

➡️太书第六大板块"数据"会介绍 Pandas 本身、Seaborn 的统计描述可视化方案。

10.2 使用 Matplotlib 绘制线图

下面我们聊一下如何用 Matplotlib 可视化正弦、余弦函数,图 2 所示代码生成图 3。下面我们逐块讲解这段代码;此外,请大家在 JupyterLab 中复刻这段代码,并绘制图 3。

虽然相信大家对 ³ 这句导入已经不陌生,但是还是要"反复"简单讲一下。import(i 小写)导入语句库、模块、函数。pyplot 是 matplotlib 的一个模块,我们将 matplotlib.pyplot 模块导入并简作 plt。这样我们可以使用 plt 来调用 matplotlib.pyplot 模块中的函数,而不需要每次都输入较长的模块名。

当然大家可以给这个模块起个其他名字,比如 p、mp、p1 等等;但是,对于初学者,建议大家采用约定成俗的简写方式,别在这些细枝末节上浪费精力。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。

版权归清华大学出版社所有, 请勿商用, 引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

```
# 导入包
  import numpy as np
a import matplotlib.pyplot as plt
  # 生成横轴数据
b x_array = np.linspace(0, 2*np.pi, 100)-
  # 正弦函数数据
c sin_y = np.sin(x_array) —
# 余弦函数数据
d cos_y = np.cos(x_array) -
  # 设置图片大小
fig, ax = plt.subplots(figsize=(8, 6)) -
  # 绘制正弦和余弦曲线
 # 设置标题、横轴和纵轴标签
ax.set_title('Sine and cosine functions')
ax.set_xlabel('x')
ax.set_ylabel('f(x)')
  #添加图例
# 设置横轴和纵轴范围
ax.set_xlim(0, 2*np.pi)
ax.set_ylim(-1.5, 1.5)
  # 设置横轴标签和刻度标签
  ax.set_xticks(x_ticks)
 ax.set_xticklabels(x_ticklabels)
  # 横纵轴采用相同的scale
ax.set_aspect('equal')
  plt.grid()
  # 将图片存成SVG格式

    plt.savefig('正弦_余弦函数曲线.svg', format='svg')

  # 显示图形
o plt.show()
```

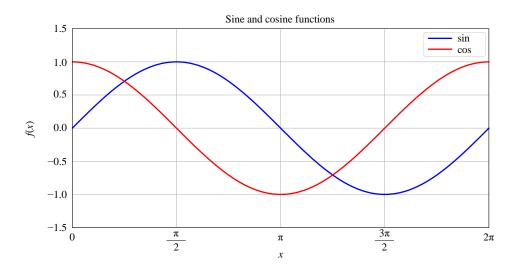


图 3. 正弦、余弦函数线图

产生等差数列

图 2 代码第一句,先用 **import** numpy **as** np 将 NumPy (Python 代码中叫 numpy) 库导入 到当前的 Python 程序中,并为其取一个简短的别名 np。

这意味着我们可以使用 np 来代替 numpy 来调用 NumPy 库中的函数和方法,例如 np.linspace(), np.sin(), np.cos() 等。这样做的好处是可以简化代码,减少打字量,并且提高代码的可读性。再次强调,人们约定成俗将 numpy 取别名为 np, 不建议自创其他简写。

b 利用 numpy.linspace() 生成在给定范围内等差数列。由于在导入 numpy 时,我们将其命名为 np,因此代码中大家看到的是 np.linspace()。



图 4. 用 numpy.linspace() 生成等差数列

在 b numpy.linspace() 的输入中,位置参数 0 是数值序列的起始值,2*np.pi 是数值序列的结束值,100 是数值序列的数量。numpy.linspace() 函数默认包含右端点,即 2*np.pi。因此,x_array = np.linspace(0, 2*np.pi, 100) 在 [0, 2π] 闭区间内生成一个 100 个数值等差数列。

→ 本书后续第 13 ~ 18 章将专门讲解 NumPy 库的常用函数、方法。



numpy.linspace(start, stop, num=50, endpoint=True)

这个函数的重要输入参数:

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

- start: 起始点的值。
- stop: 结束点的值。
- num: 要生成的数据点数量, 默认为 50。
- endpoint: 布尔值, 指定是否包含结束点。如果为 True, 则生成的数据点包括结束点; 如果为 False, 则生成的数据点不包括结束点。默认为 True。

请大家在 JupyterLab 中自行学习下例。

```
import numpy as np
arr = np.linspace(0, 1, num=11)
print(arr)
```

arr_no_endpoint = np.linspace(0, 1, num=10, endpoint=False)
print(arr_no_endpoint)



什么是 NumPy 数组 Array?

NumPy 中最重要的数据结构是 ndarray (n-dimensional array),即多维数组。一维数组是最简单的数组形式,类似于Python 中的列表。它是一个有序的元素集合,可以通过索引访问其中的元素。一维数组只有一个轴。二维数组是最常见的数组形式,可以看作是由一维数组组成的表格或矩阵。它有两个轴,通常称为行和列。我们可以使用两个索引来访问二维数组中的元素。多维数组是指具有三个或更多维度的数组。

正弦、余弦

©中 numpy.sin()和 中 numpy.cos()是 NumPy 库中的数学函数,用于计算给定角度的正弦和余弦值,具体如图 5 所示。这两个函数的输入既可以是单个弧度值(比如 numpy.pi/2),也可以是数组(一维、二维、多维)。比如 中,两个函数的输入都是一维 NumPy 数组。从这一点上来看,利用 NumPy 数组向量化运算,要比 Python 的列表方便得多。

▲注意, NumPy 中 numpy.deg2rad()将角度转换为弧度, numpy.rad2deg()将弧度转换为角度。

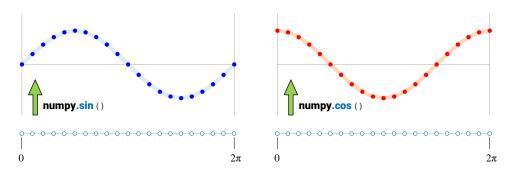


图 5. 生成正弦、余弦数据

创建图形、轴对象

◎中 fig, ax = plt.subplots(figsize=(8, 6)) 用于创建一个新的 Matplotlib 图形 fig 和一个轴 ax 对象, 并设置图形的大小为(8, 6), 单位为英寸。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

通过创建图形和轴对象,我们可以在轴上绘制图表、设置轴的标签和标题、调整轴的范围等。fig, ax = plt.subplots() 这一句代码常常是开始绘图的第一步,它创建了一个具有指定大小的图形和轴对象,为后续绘图操作提供了一个可用的基础。

▲ 再次强调, plt 是 Matplotlib 的一个常用的别名, 前文已经通过 import matplotlib.pyplot as plt 引入。所以在使用 plt.subplots() 函数之前, 需要确保已经正确导入了 Matplotlib 库的 pyplot 模块。

添加子图

此外,如图 6代码所示,我们还可以使用使用 add_subplot()方法创建一个新的子图对象,并指定其所在的行、列、编号等属性。

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

x = np.linspace(0, 2*np.pi, 100)
y = np.sin(x)

a fig = plt.figure()
ax = fig.add_subplot(1, 1, 1)
ax.plot(x, y)
plt.show()
```

在这个例子中, ³ 先用 plt.figure() 生成了一个 Figure 对象,然后使用 add_subplot() 方法创建了一个新的子图轴对象 ax,并将其添加到 Figure 对象中。

其中,1,1,1 参数表示子图在 1 行 1 列的第 1 个位置,即占据整个 Figure 对象的空间。然后,我们在子图中绘制了一个正弦曲线。注意,1,1,1 也可以写作 111。此外,若是想要添加若干子图,比如两行一列,可以分别用 $ax1 = fig.add_subplot(2,1,1)$ 、 $ax2 = fig.add_subplot(2,1,2)$ 生成两个子图的轴对象 ax1、ax2。

最后,使用 plt.show()函数显示 Figure 对象,即可在屏幕上显示绘制的图像。

请大家参考图 2 代码进一步装饰图 6。

绘制曲线

回到图 2 代码, ^①中 ax.plot(x_array, sin_y, label='sin', color='blue', linewidth=2) 用于在轴对象 ax 上绘制正弦曲线。x_array 为 x 轴数据, sin_y 为 y 轴数据。

参数 label='sin' 设置了曲线的标签为 'sin'。

参数 color='blue' 设置曲线的颜色为蓝色。

```
本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。
代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML
本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466
欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com
```

参数 linewidth=2 设置曲线的线宽为 2。线宽的单位是点 (point, pt), 通常用于测量线条、字体等绘图元素的大小。在 Matplotlib 中, 默认情况下, 一个点等于 1/72 inch。

在 Matplotlib 中, linewidth 参数表示线条的宽度, 可以简作 lw。类似地, 参数 color, 可以简作 c; 参数 linestyle 可以简作 ls; 参数 markeredgecolor 可简作 mec; markeredgewidth 可简作 mew; markerfacecolor 简作 mfc; markersize 简作 ms。

请大家自行分析 ③。

其他"艺术家"

图 2 代码还采用了各种图片装饰命令,下面逐一说明。

- ▶ ax.set_title('Sine and cosine functions') 设置图表的标题为 "Sine and cosine functions", 即正弦和余弦函数。
- ▶ ax.set_xlabel('x') 设置横轴标签为 "x"。ax.set_ylabel('f(x)') 设置纵轴标签为 "f(x)"。
- ▶ ax.legend() 添加图例 legend, 用于标识不同曲线或数据系列。
- ax.set_xlim(0, 2*np.pi) 设置横轴范围从 0 到 2π。ax.set_ylim(-1.5, 1.5) 设置 纵轴范围从 -1.5 到 1.5。
- $x_{\text{ticks}} = \text{np.arange}(0, 2*\text{np.pi+np.pi/2}, \text{np.pi/2})$ 生成横轴刻度的位置,从 0 到 2π. 间隔为 π/2。
- 在这个特殊字符串中,使用了 LaTeX 符号来表示一个分数。具体来说,\frac{\pi}{2} 表示一个分数,分子是 π,分母是 2。当这个字符串被用作横轴刻度的标签时,它会在图表中显示为"π/2"的形式。这种表示方法可以用于在图表中显示复杂的数学公式或符号。
- ax.set_xticks(x_ticks) 设置横轴刻度的位置。
- ▶ ax.set_xticklabels(x_ticklabels) 设置横轴刻度的标签。
- ▶ ax.set_aspect('equal') 设置横纵轴采用相同的比例,保持图形在绘制时不会因为坐标轴的 比例问题而产生形变。

图片输出格式

②采用 matplotlib.pyplot.savefig(), 简做 plt.savefig(), 保存图片。

Matplotlib 可以输出多种格式的图片,其中一些是矢量图,比如 SVG。以下是一些常见的输出格式及其特点:

- ▶ PNG (Portable Network Graphics): PNG 是一种常见的位图格式,支持透明度和压缩。PNG 格式输出的图片不是矢量图,因此在放大时会失去清晰度,但是可以保持较高的分辨率和细节。
- ▶ JPG/JPEG (Joint Photographic Experts Group): JPG 是一种常见的有损压缩位图格式,用于存储照片和复杂的图像。与 PNG 不同,JPG 格式输出的图片是有损的,压缩率高时会失去一些细节,但是文件大小通常较小。

代码及 PDF 文件下载:https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在B站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

- ► EPS (Encapsulated PostScript): EPS 是一种矢量图格式,可以在很多绘图软件中使用。 EPS 格式输出的图片可以无限放大而不失真,适合于需要高品质图像的打印和出版工作。
- ▶ PDF (Portable Document Format): PDF 是一种常见的文档格式,可以包含矢量图和位图。与 EPS 类似, PDF 格式输出的图片也是矢量图,可以无限放大而不失真,同时具有可编辑性和高度压缩的优势。存成 PDF 很方便插入 Latex 文档。
- ▶ SVG (Scalable Vector Graphics): SVG 是一种基于 XML 的矢量图格式,可以用于网页和打印等多种用途。SVG 格式输出的图片可以无限放大而不失真,且文件大小通常较小。鸢尾花书的图片首选 SVG 格式保存。

▲ 注意, EPS、PDF 和 SVG 是矢量图格式,可以无限放大而不失真 (比如图 7 (b)),适合于需要高品质图像的打印和出版工作。在需要高品质图像的场合,最好使用这些矢量图格式。

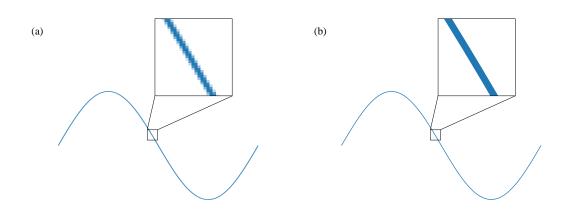


图 7. 比较非矢量、矢量图

后期处理

大家会在鸢尾花书中发现,我们用 Python 代码生成的图像和书中的图像很多细节上并不一致。产生这种偏差的原因有很多。

首先,为了保证矢量图像质量及可编辑性,每幅 Python 代码生成的图形都会经过多道后期处理。也就是说,鸢尾花书中每一幅图都经过"千锤百炼"。前期需要构思创意,然后 Python 编码,矢量出图之后还要一张张后期制作。在出版社排版老师手里,草稿中的图形对象还要再经过多轮制作才定型。

草稿阶段用到的后期处理的工具包括(但不限于)Inkscape、MS Visio、Adobe Illustrator。使用怎样的工具要根据图片类型、图片大小等因素考虑。出版社排版老师用的排版工具为 Adobe InDesign。

Inkscape 是开源免费的矢量图形编辑软件,支持多种矢量图形格式,适用于绘制矢量图形、图标、插图等。

MS Visio 特别适合做示意图、流程图等矢量图像。

Adobe Illustrator 是 Adobe 公司开发的专业矢量图形编辑软件,功能强大,广泛用于图形设计、插图、标志设计等。比如鸢尾花书的封面都是用 Adobe Illustrator 设计,鸢尾花书中复杂的图像也都是在这个软件设计生成。

此外,也推荐大家使用 CorelDRAW。CorelDRAW 是 Corel 公司开发的矢量图形编辑软件,具有类似于 Adobe Illustrator 的功能,是一种流行的矢量图形处理工具。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

▲ 请大家务必注意,图片后期加工过程仅仅是为了美化图像,并没有篡改数据本身。特别是在科学研究中,不篡改数据是一条铁律,希望大家谨记。

也就是说哪怕图 2 这种简单的线图中的所有"艺术家 (artist)",即所有元素,都被加工过。比如,图中的数字、英文、希腊字母都是作者手动添加上去的 (为了保证文本可编辑)。

此外,从时间成本角度来看,一些标注、艺术效果用 Python 写代码方生成并不"划算"; 鸢尾花书中,诸如箭头、指示线、注释等元素也都是后期处理时作者手动添加。

有一种特殊情况,就是同一类图形将会反复代码出图,这样的话为了节省后期制作时间,我们可以考虑写代码"自动化"某些标注、艺术效果。举个例子,如果我们需要用 Python 代码生成 50 张直方图 (histogram),用来展示不同特征数据分布。在这些图上,我们要打印数据的基本统计数据 (均值、众数、中位数、最大值、最小值、四分位点、5%和 95%百分位、峰度、偏度等等),这时手动添加的时间成本太高。莫不如在代码中写几句话将这些数值直接打印到图片上。

子图

图 8 所示一行两列子图,分别展示正弦、余弦函数曲线。图 9 代码绘制图 8, 下面分析其中关键语句。

②创建一个一行两列子图的图形对象。

位置参数"1,2"代表 1 行、2 列子图布局。

参数 figsize=(10, 4) 指定了整个图形的大小为宽度、高度。

参数 sharey=True 表示两个子图共享相同的 y 轴, 这意味着它们在垂直方向上具有相同的刻度和范围。

而 fig, (ax1, ax2) 将 plt.subplots 返回值解包, 其中 fig 是整个图形对象, 而 (ax1, ax2) 是一个包含两个子图对象的元组。这样, 我们可以分别通过 ax1 和 ax2 来操作这两个子图。

- ●在 ax1 轴对象上,用 plot() 方法绘制正弦曲线线图。
- ©对 ax1 讲行装饰,请大家逐行注释。
- ⓓ在 ax2 轴对象上,用 plot() 方法绘制余弦曲线线图。
- [©]对 ax2 进行装饰,请大家逐行注释。
- 自动调整子图或图形的布局,使其更加紧凑。在创建包含多个子图的图形时,有时候可能会出现重叠的标签或坐标轴,tight_layout() 就是为了解决这个问题而设计。
 - 9打印图像。

请大家在 JupyterLab 中给图 9 代码逐行添加注释, 并复刻图 8。

《可视之美》将介绍更多子图可视化方案。

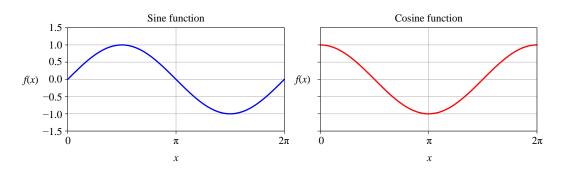


图 8. 一行、两列子图

```
import numpy as np
  import matplotlib.pyplot as plt
  x = np.linspace(0, 2 * np.pi, 100)
  y_{sin} = np.sin(x)
  y_{cos} = np.cos(x)
  # 创建图形对象和子图布局
  fig, (ax1, ax2) = plt.subplots(1, 2,
                                                         ax1
                                                                   ax2
                      figsize=(10, 4),
                      sharey=True)
  # 在左子图中绘制正弦函数曲线,设置为蓝色
b ax1.plot(x, y_sin, color='blue')
  ax1.set_title('Sine function')
ax1.set_xlabel('x')
                                                        ax1
  ax1.set_ylabel('f(x)',
                   rotation='horizontal',
                   ha='right')
  ax1.set_xlim(0, 2*np.pi)
  ax1.set_ylim(-1.5, 1.5)
  x_{\text{ticks}} = \text{np.arange(0, 2*np.pi+np.pi/2, np.pi)}
x_{\text{ticklabels}} = [r'$0$', r'$\pi$', r'$2\pi$']
  ax1.set_xticks(x_ticks)
  ax1.set_xticklabels(x_ticklabels)
  ax1.grid(True)
  ax1.set_aspect('equal')
  # 在右子图中绘制余弦函数曲线,设置为红色
d ax2.plot(x, y_cos, color='red')
                                                                    ax2
  ax2.set_title('Cosine function')
  ax2.set_xlabel('x')
  ax2.set_ylabel('f(x)',
                   rotation='horizontal',
                   ha='right')
  ax2.set_xlim(0, 2*np.pi)
  ax2.set_ylim(-1.5, 1.5)
  ax2.set_xticks(x_ticks)
  ax2.set_xticklabels(x_ticklabels)
  ax2.grid(True)
  ax2.set_aspect('equal')
  # 调整子图之间的间距
f plt.tight_layout()
  # 显示图形
g plt.show()
```

以利用 Matplotlib 工具绘制线图为例,大家会发现,有些时候我们利用 plt.plot(),有些时候用 ax.plot()。注意,plt 相当于"提笔就画",ax 是在指定轴对象操作。如果只需要绘制简单的

```
本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。
代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML
本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466
欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com
```

图形,使用 plt 函数就足够了;但是如果需要更复杂的图形布局或多个子图,使用 ax 函数会更方便。表 1 比较各种常用的 plt 和 ax 函数。

	plt 函数	ax 函数 fig, ax = plt.subplots() fig, axes = plt.subplots(n_rows, n_cols)
功能	import matplotlib.pyplot as plt	<pre>ax = axes[row_num][col_num]</pre>
创建新的图形	<pre>plt.figure()</pre>	
创建新的子图	plt.subplot()	<pre>ax = fig.add_subplot()</pre>
创建折线图	plt.plot()	ax.plot()
添加横轴标签	plt.xlabel()	<pre>ax.set_xlabel()</pre>
添加纵轴标签	plt.ylabel()	ax.set_ylabel()
添加标题	plt.title()	ax.set_title()
设置横轴范围	plt.xlim()	ax.set_xlim()
设置纵轴范围	<pre>plt.ylim()</pre>	<pre>ax.set_ylim()</pre>
添加图例	plt.legend()	ax.legend()
添加文本注释	plt.text()	ax.text()
添加注释	plt.annotate()	ax.annotate()
添加水平线	<pre>plt.axhline()</pre>	ax.axhline()
添加垂直线	<pre>plt.axvline()</pre>	ax.axvline()
添加背景网格	plt.grid()	ax.grid()
保存图形到文件	<pre>plt.savefig()</pre>	通常使用 fig.savefig()

表 1. 比较 plt 和 ax 函数

10.3 图片美化

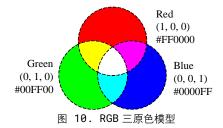
颜色

在 Matplotlib 中,可以使用多种方式指定线图的颜色,包括 RGB 值、预定义颜色名称、十六进制颜色码和灰度值。

可以使用 RGB (R 是 red, G 是 green, B 是 blue) 来指定颜色, 其中每个元素的值介于 0 到 1 之间。例如, (1, 0, 0) 表示纯红色, (0, 1, 0) 表示纯绿色。使用 RGBA 值指定"颜色 + 透明度 (A)"。

如图 11 所示, RGB 三原色模型实际上构成了一个色彩"立方体"——一个色彩空间。也就是说在这个立方体中藏着无数种色彩。

鸢尾花书《矩阵力量》将会用 RGB 三原色模型讲解线性代数中向量空间 (vector space) 这个重要概念。



本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

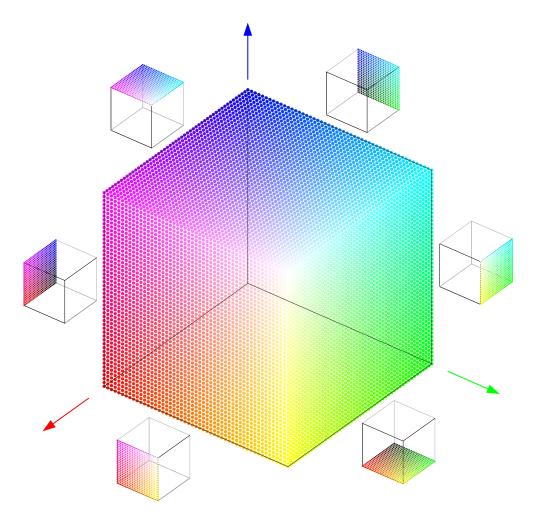


图 11. RGB 三原色模型"立方体"

G

什么是 RGB 颜色模式?

RGB (红绿蓝) 颜色模式是一种使用红、绿、蓝三个基本颜色通道来表示颜色的方法。在 RGB 模式中,通过调整每个通道的强度 (从 0 到 255 的值,Matplotlib 中 0 到 1 的值) 来创建各种颜色。通过组合不同强度的红、绿和蓝,可以形成几乎所有可见光颜色。RGB 颜色模式被广泛应用于计算机图形、数字图像处理和网页设计等领域,它提供了一种直观、灵活且广泛支持的方式来表示和操作颜色。

Matplotlib 提供了一些常见颜色的预定义名称,例如 'red'、'green'、'blue' 等。图 20 所示为在 Matplotlib 中已经预定义名称的颜色。

大家还可以使用十六进制颜色码来指定颜色。它以 '#' 开头, 后面跟着六位十六进制数。例如, '#FF0000' 表示纯红色, '#00FF00' 表示纯绿色。

我们还可以使用灰度值来指定颜色,取值介于 0 到 1 之间,表示不同的灰度级别。'0'表示黑色,'1'表示白色。比如,color='0.5'代表灰度值为 0.5 的灰色。

使用色谱

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。

版权归清华大学出版社所有, 请勿商用, 引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

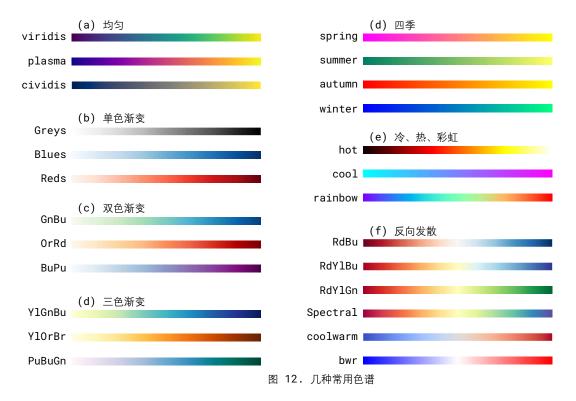
本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

Matplotlib 中还有一种渐变配色方案——颜色映射 (colormap)。在 Matplotlib 中, colormap 用于表示从一个端到另一个端的颜色变化。这个变化可以是连续的,也可以是离散的。 Colormap 可以直译为"颜色映射""色彩映射",鸢尾花书一般称之为"色谱"。

图 12 所示为几种常见的色谱。鸢尾花书中最常用的色谱为 RdYlBu。

《可视之美》将专门讲解色谱。



在 Matplotlib 中, colormap 主要用于绘制二维图形,如热图、散点图、等高线图等。它用于将数据值映射到不同的颜色,以显示数据的变化和模式。图 13 展示使用色谱的几个场合。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

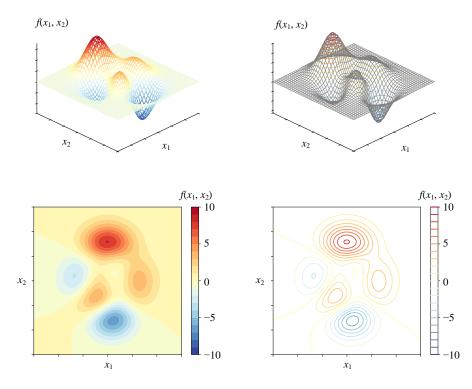
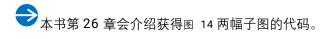


图 13. 使用色谱的几个场合

图 14 所示为利用色谱渲染一组曲线。图 14 左图所示为一元高斯概率密度分布曲线随均值 μ 变化,图 14 右图所示为曲线随标准差 σ 变化。



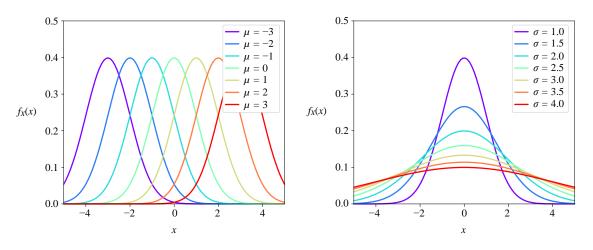


图 14. 用色谱渲染一组曲线

\$

什么是高斯分布?

高斯分布 (Gaussian distribution),也称为正态分布 (Normal distribution),是统计学中常用的概率分布模型之一。它具有钟形曲线的形状,呈对称分布。高斯分布的概率密度函数可以由两个参数完全描述:均值 (mean) 和标准差 (standard deviation)。均值决定了分布的中心位置,标准差决定了分布的展开程度。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。

版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

高斯分布在自然界和社会现象中广泛存在,例如身高、体重、温度等连续型随机变量常常服从高斯分布。中心极限定理也说明了 许多独立同分布的随机变量的总和趋向于高斯分布。

高斯分布在统计学和数据分析中有着重要的应用,可用于描述数据集的分布特征、进行假设检验、构建回归模型等。在机器学习和人工智能领域,高斯分布在概率密度估计、聚类分析、异常检测等算法中被广泛使用。



什么是概率密度函数?

概率密度函数 (Probability Density Function, 简称 PDF) 是概率论和统计学中用于描述连续型随机变量的概率分布的函数。它表示了变量落在某个特定取值范围内的概率密度,而不是具体的概率值。

一元连续随机变量的概率密度函数是非负函数,并且在整个定义域上的积分等于 1。对于给定的连续型随机变量,通过 PDF 可以计算出在不同取值范围内的概率密度值,从而了解变量的分布特征和概率分布形状。

以正态分布为例, 其概率密度函数即高斯函数, 可以描述变量取值的概率密度。在某个特定取值处, 概率密度函数的值越高, 表示该取值的概率越大。概率密度函数在统计分析、数据建模、概率推断等领域广泛应用, 可用于计算概率、推断参数、生成模拟数据等。

默认设置

Matplotlib 提供了许多配置参数,用于控制图形的默认设置。这些默认设置包括图形大小、颜色、字体、线条样式等。我们可以通过修改这些配置参数来自定义 Matplotlib 图形的外观和行为。

图 15 代码可以用来查看 Matplotlib.pyplot 绘图时的全套默认设置;同时,我们还可以通过列表给出的关键字修改默认设置。

由于列表过长、为了节省用纸、请大家在配套代码中查看。下面、我们挑几个常用设置简单介绍。



比如,默认图片大小为'figure.figsize': [6.4, 4.8]。通过plt.rcParams['figure.figsize'] = (8, 6) 可以修改图片大小。默认线宽为'lines.linewidth': 1.5。plt.rcParams['lines.linewidth'] = 2 将线宽设置为 2 pt。

再如, axes.prop_cycle': cycler('color', ['#1f77b4', '#ff7f0e', '#2ca02c', '#d62728', '#9467bd', '#8c564b', '#e377c2', '#7f7f7f', '#bcbd22', '#17becf']) 告诉我们在绘制线图时, 如果不指定具体颜色, 在绘制若干线图时, 会采用如图 16 右侧由上至下颜色依次渲染。颜色不够用时, 重复颜色序列循环。

如果你不满意这组颜色循环,可以在绘制线图时,像前文介绍的那样分别指定颜色。或者,直接修改 cycler。这是《可视之美》要介绍的话题之一。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套徽课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

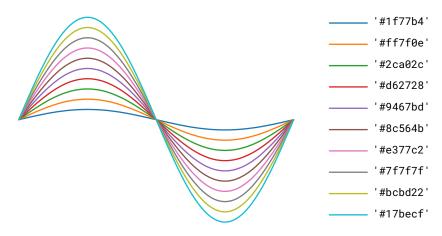


图 16. Matplotlib 线图默认颜色序列

10.4 使用 Plotly 绘制线图

我们还可以用 Plotly 绘制具有交互属性的图形,比如图 17。下面介绍两不同的方法绘制图 17。

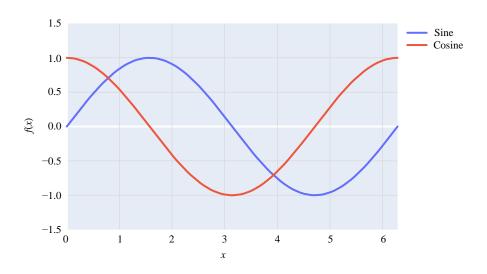


图 17. 用 Plotly 绘制具有交互性质的曲线

首先聊一聊图 18 代码的关键语句。

- ³ 将 plotly.express 模块导入,简作 px。模块 plotly.express 中可视化方案很丰富,比如散点图、面积图、饼图、太阳爆炸图、直方图、冰柱图等等。
 - □ 导入 numpy,简作 np。
- ©用 plotly.express.line(), 简作 px.line(), 绘制线图。参数变量 x 为横轴坐标数据,参数变量 y 为纵轴坐标数据。参数 labels 用于设置图表的标签。字典中键值对'y': 'f(x)' 指定了纵轴的标签为 'f(x)'。键值对'x': 'x' 指定了横轴的标签为 'x'。
- ① 这两句修改了图例中两条线的标签。由于绘图时输入为一维 NumPy 数组,需要额外语句设定图例标签。下一段中,绘图时采用的数据类型是 Pandas DataFrame,就没有这个问题。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

展示交互图片。

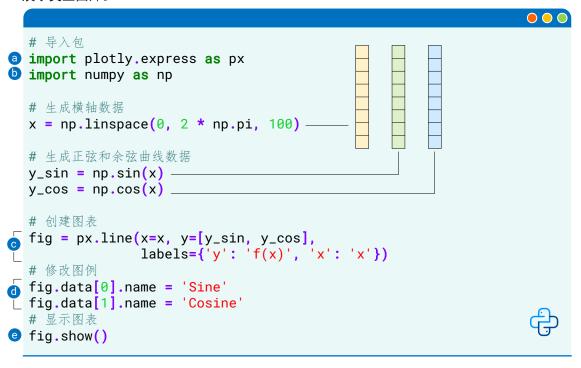


图 18. 用 plotly.express.plot() 绘制线图, 输入数据类型为 NumPy Array; 🕞 Bk1_Ch10_06.ipynb

图 19 中代码 ^② 将 pandas 库导入,简做 pd。

り利用 pandas.DataFrame() 构造数据帧。

{'X': x, 'Sine': y_sin, 'Cosine': y_cos}是一个字典, 其中键是数据帧中的列名, 而值是对应列的数据。具体来说, 'x' 列包含了 x 数组的数据, 'Sine' 列包含了 y_sin 数组的数据, 'Cosine'列包含了 y_cos 数组的数据。

新创建的数据帧对象叫做 df。

◎ 调用 plotly.express.line() 绘制正弦、余弦曲线。输入的数据为新创建的数据帧 df, 然后, 我们直接可以通过数据帧列标签, 比如'x'、'Sine'、'Cosine'调用数据帧具体数据。 实践中, 大家会发现可视化库 Seaborn 和 Plotly 和 Pandas DataFrame 的结合更为密切。

本书第 19 ~ 24 章专门介绍 Pandas 库; 其中, 第 23 章将专门介绍"Pandas + Plotly" 相结合用数据可视化讲故事的强大力量!

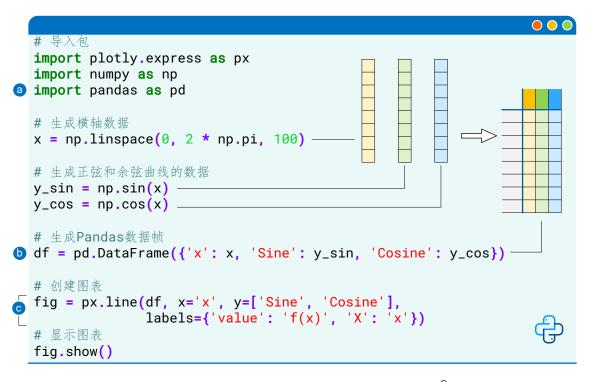


图 19. 用 plotly.express.plot() 绘制线图, 输入数据类型 Pandas DataFrame; 🕏 Bk1_Ch10_07.ipynb



请大家完成下面3道题目。

- Q1. 大家可以在本章配套代码中找到图 1 对应的 Matplotlib 官方提供的代码文件。本书将 Python 代码文件命名为 Q1_Assignment_Anatomy_of_a_figure.py。请大家给这个代码文件中的代码逐行中文注释,并在 JupyterLab 中进行探究式学习。
- Q2. Matplotlib 提供丰富的可视化方案实例,图 21、图 22、图 23 大部分子图对应的代码都在如下链接中,请大家在 JupyterLab 复刻每幅子图,并补充必要注释。

https://matplotlib.org/stable/plot_types/index.html

* 本章习题不提供答案。



鸢尾花书的内核是"编程 + 可视化 + 数学 + 机器学习", "可视化"是系列图书四根支柱之一! 鸢尾花书中的任何一幅图片起到的作用并不是单纯的"装饰"。

我们想用各种丰富的可视化方案帮助大家理解数学工具原理,搞懂机器学习算法。从图片创意,到编程实现,最后后期处理,整个过程也是一次"美学实践"。

Python 提供大量第三方可视化工具助力我们的"美学实践"!本书中仅有三章内容专门介绍可视化,而鸢尾花书《可视之美》整本就专注于一件事——如何画好图。



图 20. Matplotlib 已定义名称的颜色 整页排版,背景色采用奇数页网格笔记纸背景色

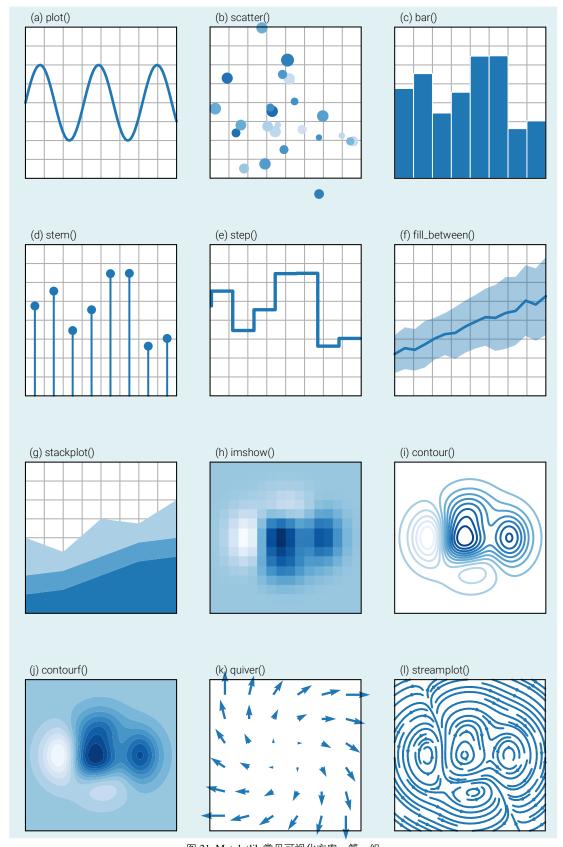


图 21. Matplotlib 常见可视化方案,第一组 整页排版,背景色采用奇数页网格笔记纸背景色,四面出血

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

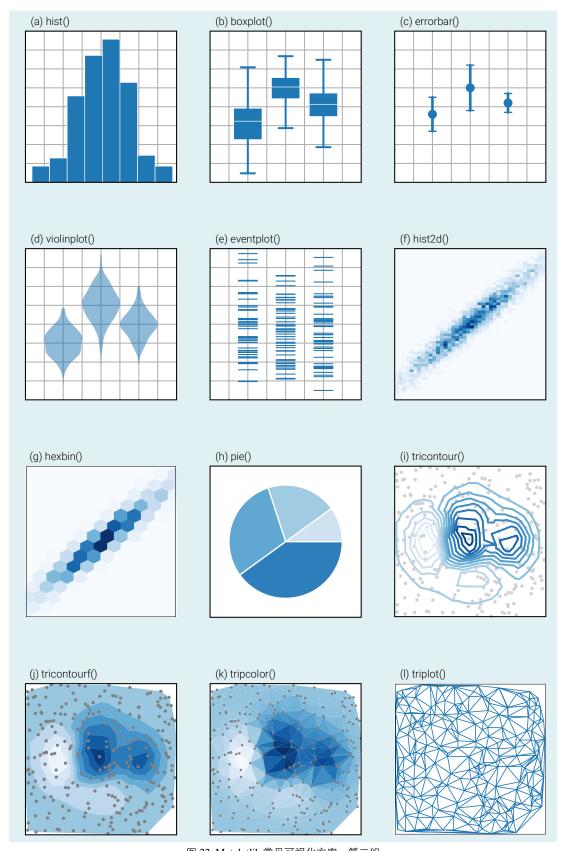


图 22. Matplotlib 常见可视化方案,第二组 整页排版,背景色采用奇数页网格笔记纸背景色,四面出血

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

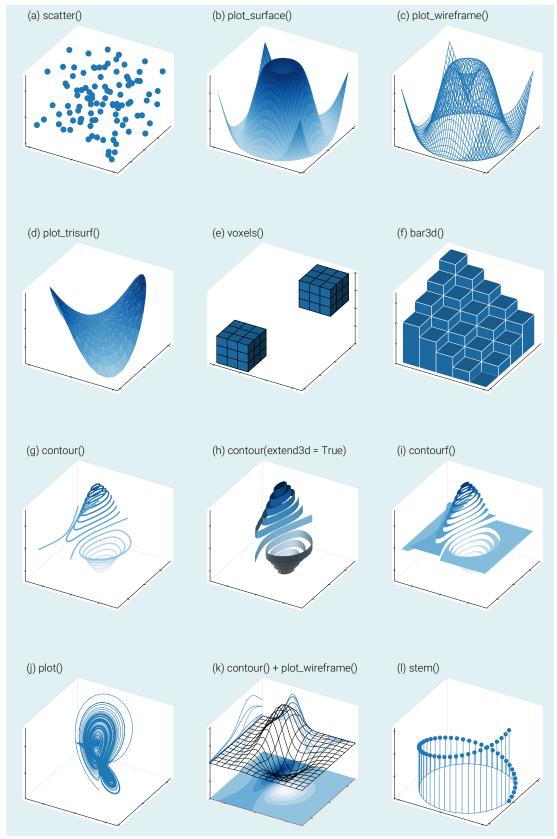


图 23. Matplotlib 常见可视化方案,第三组 整页排版,背景色采用奇数页网格笔记纸背景色,四面出血

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466