

Data Types in Python

7 Python 数据类型

字符串、列表、元组、字典...蜻蜓点水,了解就好



每个人都是天才。但是,如果您以爬树的能力来判断一条鱼,那么那条鱼终其一生都会相信自己是愚蠢的。

Everybody is a genius. But if you judge a fish by its ability to climb a tree, it will live its whole life believing that it is stupid.

—— 阿尔伯特·爱因斯坦 (Albert Einstein) | 理论物理学家 | 1879 ~ 1955



- ◀ dict() Python 内置函数,创建一个字典数据结构
- emunerate() Python 内置函数,返回索引和元素,可用于在循环中同时遍历序列的索引和对应的元素
- ◀ float() Python 内置函数,将指定的参数转换为浮点数类型,如果无法转换则会引发异常
- ◀ int() Python 内置函数,用于将指定的参数转换为整数类型,如果无法转换则会引发异常
- ◀ len() Python 内置函数,返回指定序列,字符串、列表、元组等等,的长度,即其中元素的个数
- ◀ list() Python 内置函数,将元组、字符串等等转换为列表
- ◀ math.ceil() 将给定数值向上取整,返回不小于该数值的最小整数
- ◀ math.e math 模块提供的常量,表示数学中的自然常数 e 的近似值
- ◀ math.exp() 计算以自然常数 e 为底的指数幂
- ◀ math.floor() 将给定数值向下取整,返回不大于该数值的最大整数
- ◀ math.log() 计算给定数值的自然对数
- math.log10() 计算给定数值的以 10 为底的对数
- ◀ math.pi math 模块提供的常量,表示数学中的圆周率的近似值
- ◀ math.pow() 计算一个数的乘幂
- ◀ math.round() 将给定数值进行四舍五入取整
- ◀ math.sqrt() 计算给定数值的平方根
- ◀ print() Python 内置函数,将指定的内容输出到控制台或终端窗口,方便用户查看程序的运行结果或调试信息
- ▼ set() Python 内置函数,创建一个无序且不重复元素的集合,可用于去除重复元素或进行集合运算
- ◀ str() Python 内置函数,用于将指定的参数转换为字符串类型
- ◀ type() Python 内置函数,返回指定对象的数据类型



5.1 数据类型有哪些?

通过上一章学习,我们知道 Python 是一种动态类型语言,它支持多种数据类型。以下是 Python 中常见的数据类型:

- ▶ 数字 (number) 类型:整数、浮点数、复数等。
- ▶ 字符串 (string) 类型:表示文本的一系列字符。
- ▶ 列表 (list) 类型:表示一组有序的元素,可以修改。
- ▶ 元组 (tuple) 类型:表示一组有序的元素,不能修改。
- ▶ 集合 (set) 类型:表示一组无序的元素,不允许重复。
- ▶ 字典 (dictionary) 类型:表示键-值对,其中键必须是唯一的。
- ▶ 布尔 (Boolean) 类型:表示 True 和 False 两个值。
- ▶ None 类型:表示空值或缺失值。

▲ 注意大小写问题,True、False、None 都是首字母大写。此外,注意 Python 代码都是半角字符,只有注释、Markdown 才能出现全角字符。

Python 还支持一些高级数据类型,如生成器 (Generator)、迭代器 (Iterator)、函数 (Function)、类 (Class) 等。

▲ 注意,对于 Python 初学者,完全没有必要死记硬背每一种数据类型的操作方法。对于数据类型等 Python 语法细节,希望大家蜻蜓点水,轻装上阵,边用边学。

5.2 数字:整数、浮点数、复数

Python 有三种内置数字类型:

- ▶ 整数 (int):表示整数值,没有小数部分。例如,88、-88、0等。
- ▶ 浮点数 (float):表示实数值,可以有小数部分。例如,3.14、-0.5、2.0等。
- ▶ 复数 (complex):表示由实数和虚数构成的数字。

什么是复数?

复数是数学中的一个概念,由实部和虚部组成。它可以表示为 a+bi 的形式,其中 a 是实部,b 是虚部,而 i 是虚数单位,满足 $i^2=-1$ 。复数在数学和物理等领域中有广泛的应用。

复数扩展了实数域, 使得可以处理平面上的向量运算、波动和振荡等问题。它在电路分析、信号处理、量子力学、调频通信等领域具有重要作用。复数还能用于描述周期性事件、解析函数和几何形状等。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。

版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

通过复数的运算,我们可以进行加法、减法、乘法和除法等操作,同时也可以求解方程、解析函数和变换等数学问题。复数的使用使得我们能够更好地描述和理解许多实际问题,扩展了数学的应用范围。

图1是一些示例,请大家在 JupyterLab 中自行练习。

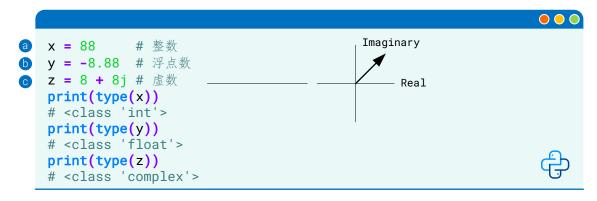


图 1. Python 中三类数值

在 Python 中,数字类型可以进行基本的算术操作,例如加法 (+)、减法 (-)、乘法 (*)、除法 (/)、取余数 (*)、乘幂 (**) 等。数字类型还支持比较运算符,如等于 (=-)、不等于 (!=)、大于 (--)、小于 (--)、小于等于 (--)、此外,本书后文还会介绍自加运算 (+--)、自减运算 (---)、自乘运算 (*--)、自除运算 (/--) 等。

→本书第6章将专门介绍 Python 常见运算符。

类型转换

在 Python 中,可以使用内置函数将一个数字类型转换为另一个类型。下面是常用的数字类型转换函数:

- ▶ int(x): 将 x 转换为整数类型。如果 x 是浮点数,则会向下取整;如果 x 是字符串,则字符串必须表示一个整数。
- ▶ float(x): 将 x 转换为浮点数类型。如果 x 是整数,则会转换为相应的浮点数;如果 x 是字符 串,则字符串必须表示一个浮点数。
- ► complex(x): 将 x 转换为复数类型。如果 x 是数字,则表示实部,虚部为 0; 如果 x 是字符串,则字符串必须表示一个复数; 如果 x 是两个参数,则分别表示实部和虚部。
- ▶ str(x): 将 x 转换为字符串类型。如果 x 是数字,则表示为字符串;如果 x 是布尔类型,则返回'True'或'False'字符串。

图 2 一些示例,请大家在 JupyterLab 中自行练习。

▲ 需要注意的是,如果在类型转换过程中出现了不合理的转换,例如将一个非数字字符串转换为数字类型,就会导致 ValueError 异常。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

本书第7章将专门介绍如何处理异常。

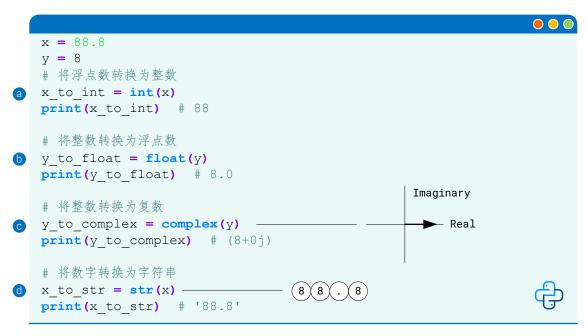


图 2. Python 中数值转换

什么是异常?

在 Python 中,异常 (exception) 是指在程序执行期间出现的错误或异常情况。当出现异常时,程序的正常流程被中断,转而执行异 常处理的代码块, 以避免程序崩溃或产生不可预知的结果。

Python 中有许多不同类型的异常,每种异常都代表了特定类型的错误。以下是一些常见的异常类型: ValueError (数值错误): 当函 数接收到一个不合法的参数值时引发。TypeError (类型错误): 当使用不兼容的类型进行操作或函数调用时引发。IndexError (索引 错误): 当尝试访问列表、元组或字符串中不存在的索引时引发。FileNotFoundError(文件未找到错误): 当尝试打开不存在的文件 时引发。ZeroDivisionError (零除错误): 当尝试将一个数除以零时引发。

可以使用 try-except 语句来捕获并处理这些异常,以便在程序出现问题时执行适当的操作或提供错误信息。

特殊数值

有很很多场合还需要用到特殊数值,比如圆周率 pi、自然对数底数 e 等等。在 Python 中,可以使用 Math 模块来引入这些特殊值,请大家在 JupyterLab 中练习。

```
a import math
print(math.pi)
                # 输出π的值
              # 输出e的值
print(math.e)
d print(math.sqrt(2)) # 输出根号2的值
```

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。 版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

图 3. Math 模块中的特殊数值

除了这些特殊数值外,Math 模块还提供了许多其他数学函数,比如四舍五入 round()、上入取整数 ceil()、下舍取整数 floor()、乘幂运算 pow()、指数函数 $\exp($)、以 e 为底数的对数 $\log($ 0()、以 10 为底数的 对数 $\log($ 10()等等。

▲注意,大家日后会发现我们一般很少用到 Math 模块,为了方便向量化运算我们会直接采用 NumPy、Pandas 中的运算函数。

5.3 字符串: 用引号定义的文本

Python 中字符串 (string) 是一个常见的数据类型,常常用于表示文本信息。本节介绍一些常用的字符串用法。

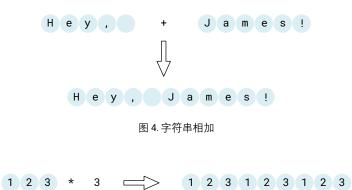
字符串定义

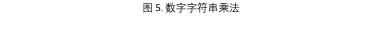
使用单引号'、双引号"、三引号"'或"""将字符串内容括起来即可定义字符串。请大家在 JupyerLab 中练习图 7 代码。三引号"'或"""一般用来创建多行字符串。

注意, 空格、标点符号都是字符串的一部分。使用加号 + 将多个字符串连接起来, 使用乘号 * 复制字符串。数字字符串仅仅是文本, 不能直接完成算数运算, 需要转化成整数、浮点数之后才能进行算数运算。

请大家用 len() 函数获得图7每个字符串的长度,即字符串中字符个数。

▲注意, Python 中长度为 0 的字符串也是字符串类型, 比如 str_test = "; type(str_test)。





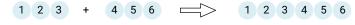


图 6. 数字字符串加法

```
str1 = 'I am learning Python 101!'
print(str1)
str2 = "Python is fun. Machine learning is fun too."
print(str2)
                                    ( H ) e ) y ) , )
                                                         ( J ) a ) m ) e ) s ) ! )
# 使用加号 + 将多个字符串连接起来
str4 = 'Hey, ' + 'James!'
str4 = 'Hey,
print(str4)
# 'Hey, James!'
                                                  ( J ) a ) m ) e ) s ) ! )
                                    (Н 🕻 е 🕻 у 🚶 ,
                                    ( P ) y ) t ) h ) o )
                                                             F X U X N X !
                                                     (i)(s)
# 使用乘号*将一个字符串复制多次
str5 = 'Python is FUN!
                             # 字符串最后有一个空格
str6 = str5 * 3
print(str6)
# 'Python is FUN! Python is FUN! Python is FUN!'
# 字符串中的数字仅仅是字符
str7 = '123'
str8 = str7 * 3
print(str8)
str9 = '456'
str10 = str9 + str7
print(str10)
print(type(str10))
```

图 7. 字符串定义和操作

索引、切片

在 Python 中,可以通过索引 (indexing) 和切片 (slicing) 来访问和操作字符串中的单个字符、部分字符。

如图 8 所示,字符串中的每个字符都有一个对应的索引位置,索引从 0 开始递增。可以使用方括号 [] 来访问指定索引位置的字符。

可以使用负数索引来从字符串的末尾开始计算位置。例如,-1 表示倒数第一个字符,-2 表示倒数第二个字符,依此类推。请大家自行在 JupyterLab 中练习图 10。

图 10 代码中使用了 for 循环来遍历字符串中的每个字符,并打印出字符及其对应的序号。enumerate() 函数来同时获取字符和它们的索引位置。enumerate() 函数会返回一个迭代器,包含每个字符及其对应的索引。然后,通过 for 循环遍历迭代器,依次打印出每个字符和它们的序号。

本书第7章将专门介绍 for 循环。

在代码中, f-字符串 (formatted string) 是一种用于格式化字符串的语法。它以字母 "f" 开头, 并使用花括号 ({}) 来插入变量或表达式的值。在这个特定的例子中, f-字符串用于构建一个带有变量值的字符串。通过在字符串中使用花括号和变量名, 可以在字符串中插入变量的值。在这种情况下, 使用了两个变量 {char} 和 {index}。当代码执行时, {char} 会被替换为当前循环迭代的字符, {index} 会被替换为对应字符的索引值。这样就创建了一个字符串, 包含了字符及其对应的序号信息。

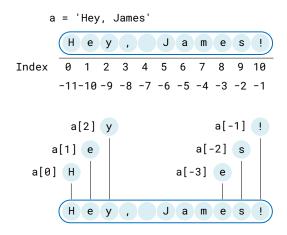


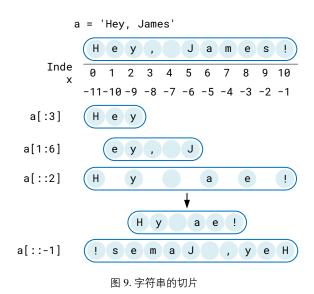
图 8. 字符串的索引

切片是指从字符串中提取出一部分子字符串。可以使用半角冒号 : 来指定切片的起始位置 start 和结束 end 位置。语法为 string[start:end],包括 start 序号对应的字符,但是不包括 end 位置的字符,相当于"左闭右开"区间。

切片还可以指定步长 (step), 用于跳过指定数量的字符。语法为 string[start:end:step]。

注意,复制字符串可以采用 string name[:] 实现。

Python 中还有很多字符串"花式"切片方法,大家没有必要花大力气去"精雕细琢"。大概知道字符串有哪些常见的索引、切片方法就足够了,等到用到时再去特别学习。还是那句话,别死磕 Python 语法!



需要注意的是,索引和切片操作不会改变原始字符串,而是返回一个新的字符串。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套徽课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

```
(H)(e)(y)(,)
   greeting_str = 'Hey, James!' ----
                                                  [J ( a ( m ( e )
   # 打印字符串长度
   print('字符串的长度为:')
  print(len(greeting_str))
   # 打印每个字符和对应的序号
  for index, char in enumerate(greeting_str):
       print(f"字符: {char}, 序号: {index}")
   # 单个字符索引
   print(greeting_str[0])
  print(greeting_str[1])
print(greeting_str[-1])
  print(greeting_str[-2])
   # 切片
   # 取出前3个字符, 序号为0、1、2
                                  ( H ) ( e ) ( y )
print(greeting_str[:3]) —
   # 取出序号1、2、3、4、5, 不含0, 不含6
print(greeting_str[1:6]) —
                                    ( e ) ( y ) ,
   # 指定步长2, 取出第0、2、4 ...
print(greeting_str[::2]) —
                                  (H)
   # 指定步长-1, 倒序
                                  (! ) s ) e ) m )
  print(greeting_str[::-1])
```

图 10. 字符串索引和切片

从 0 计数 vs 从 1 计数

从0计数和从1计数是在数学和编程中常见的计数方式。

从 0 计数 (zero-based counting) 将第一个元素的索引或位置标记为 0,即从 0 开始计数。例如,对于一个包含 n 个元素的序列,它们的索引分别为 0、1、2、...、n-1。在计算机科学和编程中,Python 使用从 0 计数的方式。

从 1 计数 (one-based counting) 将第一个元素的索引或位置标记为 1,即从 1 开始计数。例如,对于一个包含 n 个元素的序列,它们的索引分别为 1、2、3、...、n。MATLAB 使用从 1 计数方式;统计学 (样本)、线性代数 (矩阵、向量) 等通常使用从 1 计数的方式。

相比来看,从1计数更符合人类直观理解的习惯。从1计数在数学、统计学、数值计算等领域中较为常见。编程角度来看,从0计数在计算机科学中更常见,因为它与计算机内存和数据结构的底层表示方式相匹配。它使得处理数组、列表和字符串等数据结构更加高效和一致。

在实际编程中,理解和适应使用不同的计数方式是重要的。需要根据具体情况选择适当的计数方式,以确保正确地处理索引、循环和算法等操作。同时,注意在不同的领域和语境中遵循相应的计数习惯和规则。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套徽课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

字符串方法

Python 提供了许多用于字符串处理的常见方法。下面是一些常见的字符串方法及其示例。

len()返回字符串的长度,比如下例。

```
string = "Hello, James!"
length = len(string)
print(length)
```

lower()和 upper()将字符串转换为小写或大写,比如下例。

```
string = "Hello, James!"
lower_string = string.lower()
upper_string = string.upper()
print(lower_string) # 輸出 "hello, james!"
print(upper_string) # 輸出 "HELLO, JAMES!"
```

以下是一些常见的 Python 字符串方法及其作用: capitalize():将字符串的第一个字符转换为大写, 其他字符转换为小写。count() 统计字符串中指定子字符串的出现次数。find() 在字符串中查找指定子字符串的第一次出现, 并返回索引值。isalnum() 检查字符串是否只包含字母和数字。isalpha() 检查字符串是否只包含字母。isdigit() 检查字符串是否只包含数字。join() 将字符串列表或可迭代对象中的元素连接为一个字符串。replace() 将字符串中的指定子字符串替换为另一个字符串。split() 将字符串按照指定分隔符分割成子字符串, 并返回一个列表。

注意,这些方法大家也不需要死记硬背!了解就好,轻装上阵。数据分析、机器学习中更常用的 NumPy 数组、Pandas 数据帧,这都是本书后续要重点介绍的内容。

5.4 列表:存储多个元素的序列

在 Python 中,列表 (list) 是一种非常常用的数据类型,可以存储多个元素,并且可以进行增删改查等多种操作。

图 13 代码生成的是一个特殊的列表,我们称之为混合列表,原因是这个列表中每个元素都不同。如图 11 所示,这个列表中序号为 4 的元素 (从左到右第 5 个元素) 还是个列表,相当于嵌套。

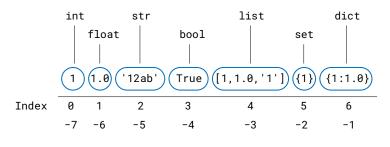


图 11. 混合列表

图 13 还给出 list 常用的索引方法,请大家在 JupyterLab 中练习。列表的索引、切片方式和字符串类似,我们不再展开。其中大家需要注意的是如果列表中的某个元素也是列表,我们可以通过二次索引来进一步索引、切片,如图 12 所示。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套徽课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

请大家在 JupyterLab 中练习图 14 给出的 list 常见方法、操作。

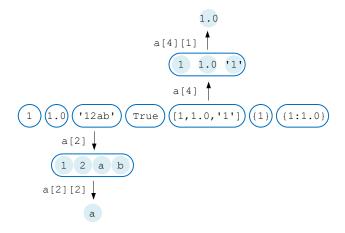


图 12. 混合列表的索引

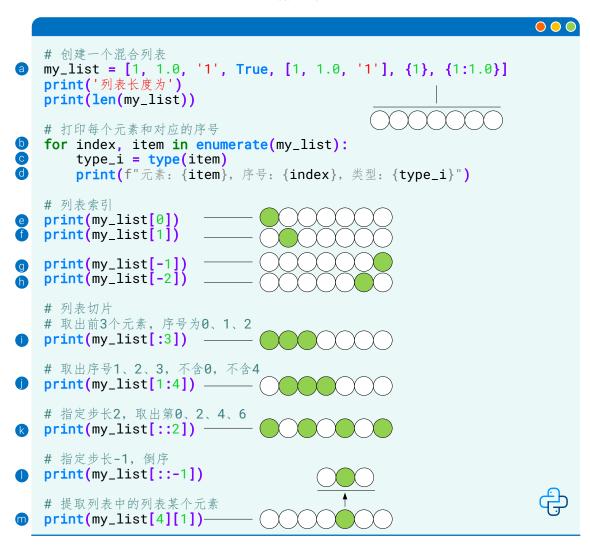


图 13. 列表索引和切片

```
# 创建一个混合列表
my_list = [1, 1.0, '12ab', True, [1, 1.0, '1'], {1}, {1:1.0}]
   print(my_list)
   # 修改某个元素
b my_list[2] = '123'
   print(my_list)
   # 在列表指定位置插入元素
my_list.insert(2, 'inserted')
   print(my_list)
   # 在列表尾部插入元素
my_list.append('tail')
   print(my_list)
   # 通过索引删除
del my_list[-1]
   print(my_list)
   # 删除某个元素
my_list.remove('123')
   print(my_list)
   # 判断一个元素是否在列表中
  if '123' in my_list:
       print("Yes")
   else:
       print("No")
   # 列表翻转
my_list.reverse()
   print(my_list)
   # 将列表用所有字符连接,连接符为下划线
   letters = ['J', 'a', 'm', 'e', 's']
word = '_'.join(letters)
print(word)
```

图 14. 列表常用方法、操作

视图 vs 浅复制 vs 深复制

如果用 = 直接赋值,是非拷贝方法,结果是产生一个视图 (view)。这两个列表是等价的,修改其中任何 (原始列表、视图) 一个列表都会影响到另一个列表。

如图 15 所示,用等号 = 赋值得到的 list_2 和 list_1 共享同一地址,这就是我们为什么称 list_2 为视图。视图这个概念是借用自 NumPy。

我们在本书后续还要聊到 NumPy array 的视图和副本这两个概念。

而通过 copy() 获得的 list_3 和 list_1 地址不同。请大家自行在 JupyterLab 中练习图 16。

```
本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。
代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML
本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466
欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com
```

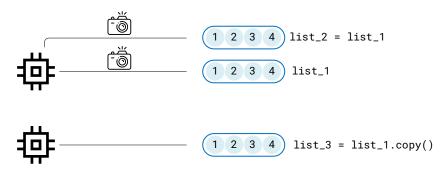


图 15. 视图, 还是副本?

```
a list1 = [1, 2, 3, 4]

# 赋值, 视图

list2 = list1

# 拷贝, 副本 (浅拷贝)

list3 = list1.copy()

list2[0] = 'a'
list2[1] = 'b'
list3[2] = 'c'
list3[3] = 'd'

print(list1)
print(list2)
print(list3)
```

图 16. 视图 vs 副本

可惜事情并没有这么简单。在 Python 中,列表是可变对象,因此在复制列表时会涉及到深复制和浅复制的概念。

浅复制 (shallow copy) 只对 list 的第一层元素完成拷贝,深层元素还是和原 list 共用。

深复制 (deep copy) 是创建一个完全独立的列表对象,该对象中的元素与原始列表中的元素是不同的对象。

注意,特别是对于嵌套列表,建议大家采用 copy.deepcopy() 深复制。图 17 代码比较不同复制,请大家自行学习。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

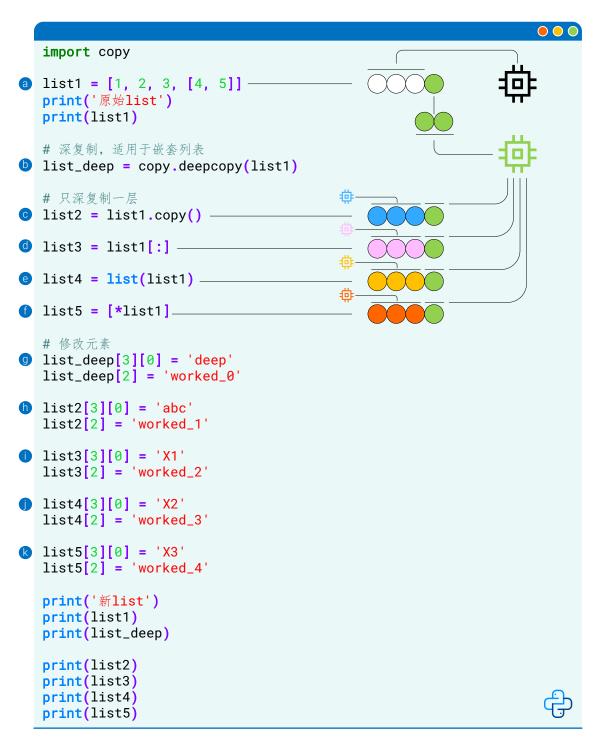


图 17. 浅复制、深复制

5.5 其他数据类型:元素、集合、字典

元组

```
本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。
代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML
本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466
欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com
```

在 Python 中,元组 (tuple) 是一种不可变的序列类型,用圆括号 () 来表示。元组一旦创建就不能被修改,这意味着你不能添加或删除其中的元素。

tuple 和 list 都是序列类型,可以存储多个元素,它们都可以通过索引访问和修改元素,支持切片操作。但是,两者有明显区别,元组使用圆括号()表示,而列表使用方括号[]表示。元组是不可变的,而列表是可变的。这意味着元组的元素不能被修改、添加或删除,而列表可以进行这些操作。

元组的优势在于它们比列表更轻量级,这意味着在某些情况下,它们可以提供更好的性能和内存占用。本书不展开介绍元组。

集合

在 Python 中,集合 (set) 是一种无序的、可变的数据类型,可以用来存储多个不同的元素。使用花括号 {} 或者 set() 函数创建集合,或者使用一组元素来初始化一个集合。

```
number_set = {1, 2, 3, 4, 5}
word_set = set(["apple", "banana", "orange"])
```

可以使用 add() 方法向集合中添加单个元素,使用 update() 方法向集合中添加多个元素。

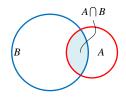
```
fruit_set = set(["apple", "banana"])
fruit_set.add("orange")
fruit_set.update(["grape", "kiwi"])
```

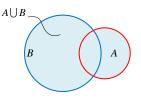
删除元素:使用 remove()或者 discard()方法删除集合中的元素,如果元素不存在,remove()方法会引发 KeyError 异常,而 discard()方法则不会。

```
fruit_set.remove("banana")
fruit set.discard("orange")
```

集合的好处是可以用交集、并集、差集等集合操作来操作集合,如图18所示。

```
set1 = {1, 2, 3, 4}
set2 = {3, 4, 5, 6}
set3 = set1 & set2 # 交集
set4 = set1 | set2 # 并集
set5 = set1 - set2 # 差集
```





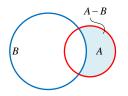


图 18. 交集、并集、差集

字典

在 Python 中,字典是一种无序的键值对 (key-value pair) 集合。

可以使用大括号 {} 或者 dict() 函数创建字典,键 (key) 值 (value) 对之间用冒号:分隔。有关字典这种数据类型本书不做展开,请大家自行学习图19。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套徽课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

注意,使用大括号 {} 创建字典时,字符串键 key 用引号;而使用 dict()创建字典时,字符串键不使用引号。

再次强调,数据分析、机器学习实践中,我们更关注的数据类型是 NumPy 数组、Pandas 数据帧, 这是本书后续要着重讲解的内容。

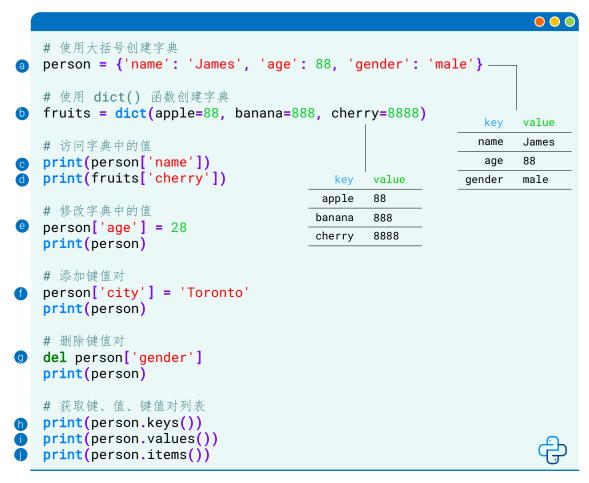


图 19. 有关字典的常见操作

5.6 矩阵、向量:线性代数概念

矩阵、向量

抛开本章前文这些数据类型,数学上我们最关心的数据类型是——矩阵、向量。

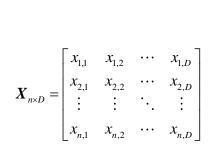
简单来说,矩阵 (matrix) 是一个由数值排列成的矩形阵列,其中每个数值都称为该矩阵的元素。矩阵通常使用大写、斜体、粗体字母来表示,比如 A 、 B 、 V 、 X 。

向量 (vector) 是一个有方向和大小的量,通常表示为一个由数值排列成的一维数组。向量通常使用小写字母加粗体来表示,例如 x、a、b、v、u。

```
本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。
代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML
本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466
欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com
```

如图 20 所示,一个 $n \times D$ (n by capital D) 矩阵 X, n 是矩阵行数 (number of rows in the matrix), D 是 矩阵列数 (number of columns in the matrix)。矩阵 X 的行索引就是 1, 2, 3, ..., n。矩阵 X 的列索引就是 $1, 2, 3, ..., D_{\circ}$

 $x_{1,1}$ 代表矩阵第 1 行、第 1 列元素, $x_{i,j}$ 代表矩阵第 i 行、第 j 列元素。



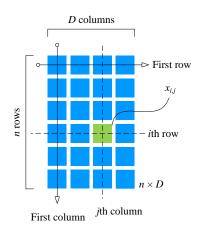


图 20. n×D 矩阵 X

从数据、统计、线性代数、几何角度解释,什么是矩阵?

矩阵是一个由数字或符号排列成的矩形阵列。简单来说,矩阵就是个表格。矩阵在数据、统计、线性代数和几何学中扮演着重要 的角色。

从数据的角度来看,矩阵可以表示为一个包含行和列的数据表。每个单元格中的数值可以代表某种测量结果、观察值或特征。数 据科学家和分析师使用矩阵来存储和处理数据,从中提取有用的信息。比如,一张黑白照片中的数据就可以看做是个矩阵。

从统计学的角度来看,矩阵可以用于描述多个变量之间的关系。例如,协方差矩阵用于衡量变量之间的相关性,而相关矩阵则提 供了变量之间的线性相关性度量。统计学家使用这些矩阵来推断模式、关联和依赖性,以及进行数据分析和建模。

从线性代数的角度来看,矩阵可以用于表示线性方程组的系数矩阵。通过矩阵运算,例如矩阵乘法、求逆和特征值分解,可以解 决线性方程组、求解特征向量和特征值等问题。线性代数中的矩阵理论提供了处理线性关系的强大工具。

从几何学的角度来看,矩阵可以用于表示几何变换。通过将向量表示为矩阵的列或行,可以应用平移、旋转、缩放等几何变换。 矩阵乘法用于组合多个变换,从而实现更复杂的几何操作。在计算机图形学和计算机视觉中,矩阵在处理和表示二维或三维对象 的位置、方向和形状方面起着重要作用。

总而言之,矩阵是一个在数据、统计、线性代数和几何学中广泛应用的数学工具,它能够表示和处理多个变量之间的关系、解决 线性方程组、进行几何变换等。

几何视角看: 行向量、列向量

行向量 (row vector) 是由一系列数字或符号排列成的一行序列。列向量 (column vector) 是由一系列 数字或符号排列成的一列序列。

矩阵可以视作由一系列行向量、列向量构造而成。这相当于硬币的正反两面,即一体两面。

我们可以用嵌套列表方式来表达矩阵, 如

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。 版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

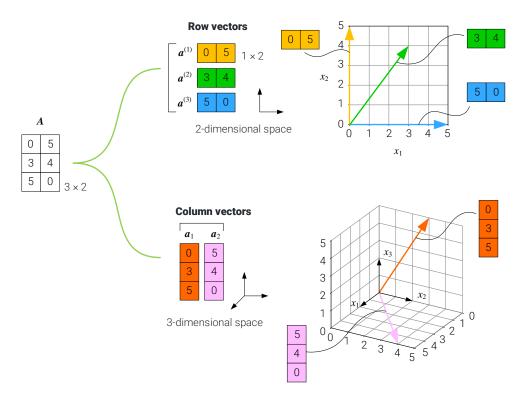


图 21. 行向量和列向量

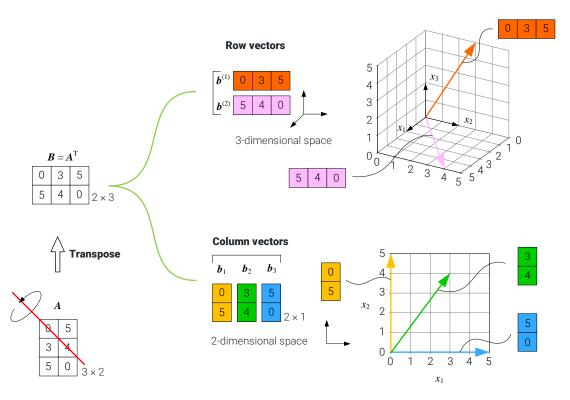


图 22. 转置之后矩阵的行向量和列向量

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套徽课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

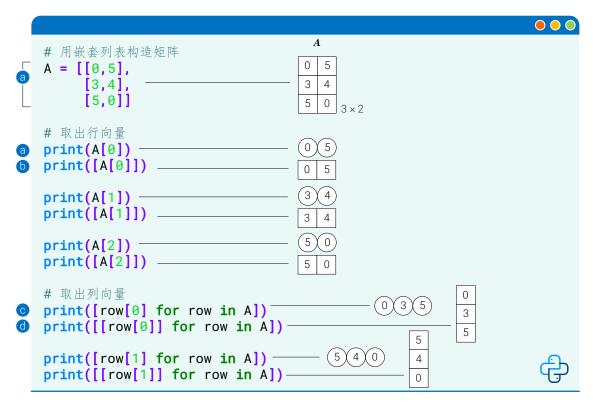


图 23. 用列表构造矩阵



什么是矩阵转置?

矩阵转置是指将矩阵的行和列对调,得到一个新的矩阵。原矩阵的第i行会变成新矩阵的第i列,原矩阵的第j列会变成新矩阵的第j行。这个操作不改变矩阵的元素值,只是改变了它们的排列顺序。

鸢尾花数据

从统计数据角度,n是样本个数,D是样本数据特征数。如图 24 所示,鸢尾花数据集,不考虑标签(即鸢尾花三大类 setosa、versicolor、virginica),数据集本身 n=150,D=4。









Index	Sepal length	Sepal width	Petal length	Petal width	Species
index	X_1	X_2	X_3	X_4	C
1	5.1	3.5	1.4	0.2	
2	4.9	3	1.4	0.2	/
3	4.7	3.2	1.3	0.2	Setosa
	•••			•••	C_1
49	5.3	3.7	1.5	0.2	
50	5	3.3	1.4	0.2	
51	7	3.2	4.7	1.4	
52	6.4	3.2	4.5	1.5	
53	6.9	3.1	4.9	1.5	X7 ' 1
	•••				Versicolor
99	5.1	2.5	3	1.1	C_2
100	5.7	2.8	4.1	1.3	
101	6.3	3.3	6	2.5	
102	5.8	2.7	5.1	1.9	
103	7.1	3	5.9	2.1	Virginica
		•••			C_3
149	6.2	3.4	5.4	2.3	C3
150	5.9	3	5.1	1.8	

图 24. 鸢尾花数据,数值数据单位为厘米 (cm)

什么是鸢尾花数据集?

鸢尾花数据集是一种经典的用于机器学习和模式识别的数据集。数据集的全称为安德森鸢尾花卉数据集 (Anderson's Iris data set), 是植物学家埃德加·安德森 (Edgar Anderson) 在加拿大魁北克加斯帕半岛上的采集的鸢尾花样本数据。它包含了 150 个样本,分为 三个不同品种的鸢尾花(山鸢尾、变色鸢尾和维吉尼亚鸢尾),每个品种50个样本。每个样本包含了四个特征:花萼长度、花萼宽 度、花瓣长度和花瓣宽度。

鸢尾花数据集由统计学家罗纳德·费舍尔 (Ronald Fisher) 在 1936年引入,并被广泛用于模式识别和机器学习的教学和研究。这个 数据集是机器学习领域的一个基准测试数据集,被用来评估分类算法的性能。

鸢尾花数据集在机器学习应用中有很多用途。它经常被用来进行分类任务,即根据花的特征将其分为不同的品种。许多分类算法 和模型,如 K 近邻、决策树、支持向量机和神经网络等,都可以使用鸢尾花数据集进行训练和测试。

由于鸢尾花数据集是一个相对简单的数据集,它也常用于机器学习的入门教学和实践。通过对这个数据集的分析和建模,学习者 可以了解特征工程、模型选择和评估等机器学习的基本概念和技术。矩阵是一个由数字或符号排列成的矩形阵列。简单来说,矩 阵就是个表格。矩阵在数据、统计、线性代数和几何学中扮演着重要的角色。

如图 25 所示,X 任一行向量代表一朵特定鸢尾花样本花萼长度、花萼宽度、花瓣长度和花瓣宽度测 量结果。而 X 某一列向量为鸢尾花某个特征 (花萼长度、花萼宽度、花瓣长度、花瓣宽度) 的样本数据。

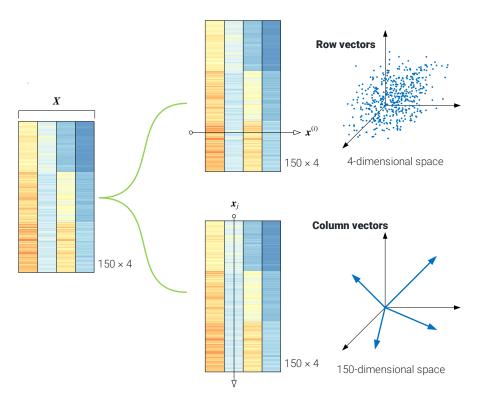


图 25. 矩阵可以分割成一系列行向量或列向量



请大家完成下面1道题目。

Q1. 本章的唯一的题目就是请大家在 JupyterLab 中练习本章正文给出的示例代码。

* 不提供答案。