

2D and 3D Visualizations

二维和三维可视化

平面上的散点图、等高线、热图



文明的传播像是星星之火可以燎原;首先是星星之火,然后是闪烁的炬火,最后是燎原烈焰,排 山倒海、势不可挡。

The spread of civilization may be likened to a fire; first, a feeble spark, next a flickering flame, then a mighty blaze, ever increasing in speed and power.

—— 尼古拉·特斯拉 (Nikola Tesla) | 发明家、物理学家 | 1856 ~ 1943



- ◀ Axes3D.plot surface() 绘制三维曲面
- matplotlib.pyplot.contour() 绘制等高线图,轴对象可以为三维
- ◀ matplotlib.pyplot.contourf() 绘制平面填充等高线,轴对象可以为三维
- ◀ numpy.cumsum() 计算给定数组中元素的累积和,返回一个具有相同形状的数组
- ▼ numpy.exp() 计算给定数组中每个元素的 e 的指数值
- ◀ numpy.linspace() 在指定的范围内创建等间隔的一维数组
- ◀ numpy.meshgrid() 生成多维网格化数组
- ◀ plotly.express.data.iris() 导入鸢尾花数据集
- ◀ plotly.express.imshow() 绘制可交互的热图
- ◀ plotly.express.line() 创建可交互的折线图的图形
- ◀ plotly.express.scatter() 创建可交互的散点图
- ◀ plotly.express.scatter 3d() 创建可交互的三维散点图
- ◀ plotly.graph_objects.Contour() 绘制可交互的等高线图
- ◀ plotly.graph_objects.Scatter3d() 绘制可交互的散点、线图
- ◀ plotly.graph objects.Surface() 绘制可交互的三维曲面
- ✓ seaborn.heatmap() 绘制热图
- seaborn.load dataset() Seaborn 库中用于加载示例数据集
- ✓ seaborn.scatterplot() 创建散点图



11.1 二维可视化方案

散点、线图、等高线、热图是鸢尾花书最常见的四类平面可视化方案。

- ▶ 散点图 (scatter plot): 散点图用于展示两个变量之间的关系, 其中每个点的位置表示两个变量的取值。可以通过设置点的颜色、大小、形状等属性来表示其他信息。
- ▶ 线图 (line plot): 线图用于展示数据随时间或其他变量而变化的趋势。线图由多个数据点连接 而成,通常用于展示连续数据。
- ▶ 等高线图 (contour plot): 等高线图用于展示二维数据随着两个变量的变化而变化的趋势。每个数据点的值表示为等高线的高度,从而形成连续的轮廓线。
- ▶ 热图 (heatmap): 热图用于展示二维数据的值,其中每个值用颜色表示。热图常用于数据分析中,用于显示数据的热度、趋势等信息。建议使用 Seaborn 库绘制热图。

上一章,我们介绍了如何用 Matplotlib 和 Plotly 绘制线图,本章将主要介绍散点图、平面等高线、热图这三大类可视化方案。

11.2 平面散点

二维散点图是平面直角坐标系 (也叫笛卡儿坐标系) 中一种用于可视化二维数据分布的图形表示方法。它由一系列离散的数据点组成,其中每个数据点都由两个坐标值。

Matplotlib 中的 scatter() 函数可以用于创建散点图。可以使用 matplotlib.pyplot.scatter() 函数来指定数据点的坐标和其他绘图参数,例如颜色、大小等。请大家自行在 JupyterLab 中实践图 2 给出的代码。

鸢尾花书《数学要素》第5章专门讲解笛卡儿坐标系。

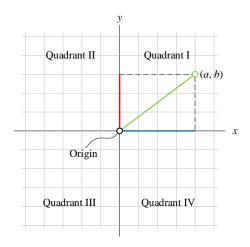


图 1. 笛卡儿坐标系,平面直角坐标系



什么是平面直角坐标系?

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

Matplotlib绘

制散点图

平面直角坐标系,也称笛卡儿坐标系,是一种二维空间中的坐标系统,由两条相互垂直的直线组成。其中一条直线称为x轴,另一条直线称为y轴。它们的交点称为原点,通常用O表示。平面直角坐标系可以用来描述二维空间中点的位置,其中每个点都可以由一对有序实数 (a,b) 表示,分别表示点在a轴和b轴上的距离。x 轴和y 轴的正方向可以是任意方向,通常x 轴向右,y 轴向上。平面直角坐标系是解析几何中重要的工具,用于研究点、直线、曲线以及它们之间的关系和性质。

```
000
# 异入包
import matplotlib.pyplot as plt
from sklearn.datasets import load iris
import numpy as np
# 加载鸢尾花数据集
iris = load iris()
# 提取花萼长度和花萼宽度作为变量
sepal length = iris.data[:, 0]
sepal width = iris.data[:, 1]
target = iris.target
fig, ax = plt.subplots()
# 创建散点图
plt.scatter(sepal length, sepal width, c=target,
cmap='rainbow')
#添加标题和轴标签
plt.title('Iris sepal length vs width')
plt.xlabel('Sepal length (cm)')
plt.ylabel('Sepal width (cm)')
# 设置横纵轴刻度
ax.set_xticks(np.arange(4, 8 + 1, step=1))
ax.set yticks(np.arange(1, 5 + 1, step=1))
# 设定横纵轴尺度1:1
ax.axis('scaled')
#增加刻度网格,颜色为浅灰
ax.grid(linestyle='--', linewidth=0.25,
color=[0.7,0.7,0.7]
# 设置横纵轴范围
ax.set xbound(lower = 4, upper = 8)
ax.set ybound(lower = 1, upper = 5)
#显示图形
plt.show()
```

```
本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。
```

代码及 PDF 文件下载:https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

图 2. 用 Matplotlib 绘制散点图

特别推荐大家使用 seaborn.scatterplot() 函数来创建二维散点图,并传递数据点的坐标和其他可选参数。还可以使用 plotly.graph_objects.Scatter() 函数创建可交互的散点图,并指定数据点的坐标、样式等参数。本节下面利用 Seaborn 和 Plotly 这两个库中函数绘制散点图。

Seaborn

图 3 所示为利用 seaborn.scatterplot() 绘制鸢尾花数据集的散点图。这两幅散点图的横轴都是花萼长度,纵轴为花萼宽度。图 3 (b) 用颜色标识鸢尾花类别。

使用 seaborn.scatterplot() 函数的基本语法如下:

```
import seaborn as sns
sns.scatterplot(data=data_frame, x="x_variable", y="y_variable")
其中, x_variable 是数据集中表示 x 轴的变量列名, y_variable 是表示 y 轴的变量列名,
data frame 是包含要绘制的数据的 Pandas DataFrame 对象。
```

我们还可以指定 hue 参数,用于对数据点进行分组并在图中用不同颜色表示的列名,size 参数指定了数据点的大小根据 value 列的值进行缩放。除了 hue 和 size,还可以使用其他参数 如 style、palette、alpha 等来进一步定制散点图的外观和风格。

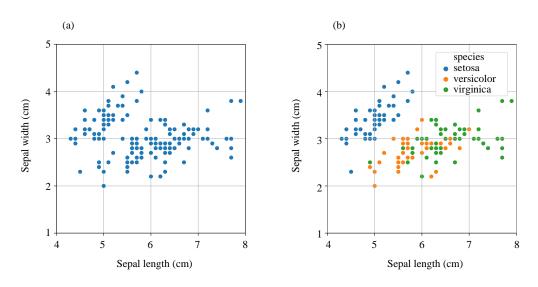


图 3. 使用 seaborn.scatterplot() 绘制鸢尾花数据集散点图

Plotly

图 4 所示为使用 plotly.express.scatter() 绘制鸢尾花数据集散点图。在本章配套的 Jupyter Notebook 中大家可以看到这两幅子图为可交互图像。

plotly.express.scatter() 用来可视化两个数值变量之间的关系,或者展示数据集中的模式和趋势。这个函数的基本语法如下:

import plotly.express as px

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

fig = px.scatter(data_frame, x="x_variable", y="y_variable")
fig.show()

其中,data_frame 是包含要绘制的数据的 Pandas DataFrame 对象,x_variable 是数据集中表示 x 轴的变量列名,y_variable 是表示 y 轴的变量列名。可以根据需要添加其他参数,例如 color、size、symbol 等,以进一步定制散点图的外观。

最后,通过fig.show()方法显示绘制好的散点图。

《可视之美》将专门讲解散点图。

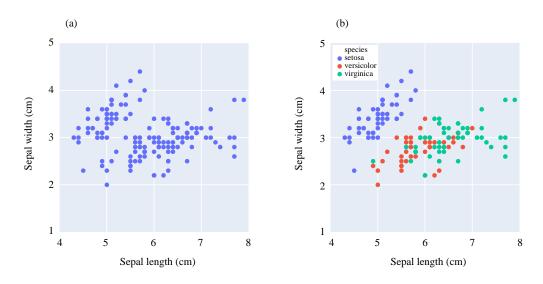


图 4. 使用 plotly.express.scatter() 绘制鸢尾花数据集散点图

11.3 平面等高线

等高线原理

等高线图是一种展示三维数据的方式,其中相同数值的数据点被连接成曲线,形成轮廓线。 形象地说,如图 5 所示,二元函数相当于一座山峰。在平行于 x₁x₂平面在特定高度切一刀,得 到的轮廓线就是一条等高线。这是一条三维空间等高线。然后,将等高线投影到 x₁x₂平面,我们 便得到一条平面等高线。

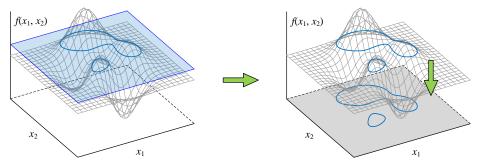


图 5. 平行 x_1x_2 平面切 $f(x_1, x_2)$ 获得等高线,然后等高线投影到 x_1x_2 平面

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com



什么是二元函数?

二元函数是指具有两个自变量和一个因变量的函数。它接受两个输入,并返回一个输出。一般表示为 $y=f(x_1,x_2)$,其中 x_1 和 x_2 是自变量,y 是因变量。二元函数常用于描述和分析具有两个相关变量之间关系的数学模型。它可以用于表示二维空间中的曲面、表达物理或经济关系、进行数据建模和预测等。在可视化二元函数时,常使用三维图形或等高线图。三维图形以 x_1 和 x_2 作为坐标轴,将因变量 y 的值映射为曲面的高度。等高线图则使用等高线来表示 y 值的等值线,轮廓线的密集程度反映了函数值的变化。

一系列轮廓线的高度一般用不同的颜色或线型表示,使得我们可以通过视觉化方式看到数据的分布情况。如图 6 所示,将一组不同高度的等高线投影到平面便得到右侧平面等高线。右侧子图还增加了色谱条,用来展示不同等高线对应的具体高度。这一系列高度可以是一组用户输入的数值。大家可能已经发现,等高线图和海拔高度图原理完全相同。类似的图还有,等温线、等降水线、等距线等等。

Matplotlib 的填充等高线是在普通等高线的基础上添加填充颜色来表示不同区域的数据密度。可以使用 contourf() 函数来绘制填充等高线。

图 6 左图则是三维等高线,这是下一章要介绍的内容。

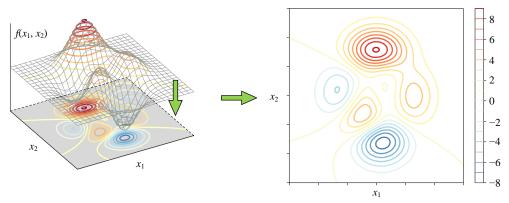


图 6. 将不同高度 (值) 对应的一组等高线投影到 x₁x₂平面

网格数据

为了绘制平面等高线,我们需要利用 numpy.meshgrid()产生网格数据。numpy.meshgrid()接受一维数组作为输入,并生成二维、三维乃至多维数组来表示网格坐标。

原理上,如图7所示,numpy.meshgrid()函数会将输入的一维数(x1_array和x2_array)组扩展为二维数组(xx1和xx2),其中一个数组的每一行都是输入数组的复制,而另一个数组的每一列都是输入数组的复制。这样,通过组合这两个二维数组的元素,就形成了一个二维网格。



xx1, xx2 = numpy.meshgrid(x1, x2)

提供两个一维数组 x1 和 x2 作为输入。函数将生成两个二维数组 xx1 和 xx2, 用于表示一个二维网格。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在B站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

```
请大家在 JupyterLab 中自行学习下例。
import numpy as np
x1 = np.arange(10)
# 第一个一维数组
x2 = np.arange(5)
 第二个一维数组
xx1, xx2 = np.meshgrid(x1, x2)
```

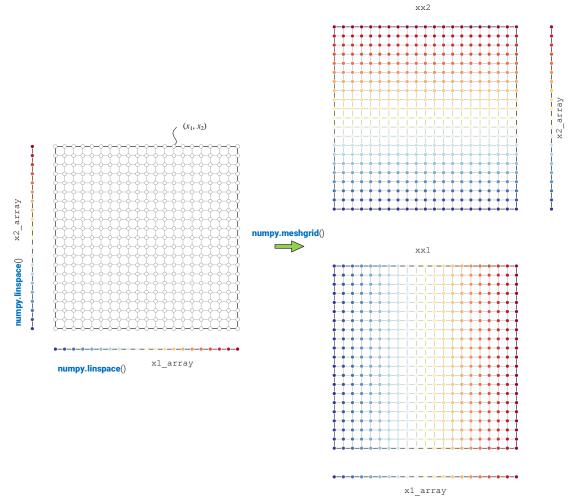


图 7. 用 numpy.meshgrid() 生成二维网络数据

Matplotlib

图 8 所示为利用 Matplotlib 中等高线可视化二元函数 $f(x_1,x_2) = x_1 \exp(-x_1^2 - x_2^2)$ 。填充等高线 的原理是通过在等高线之间创建颜色渐变来表示不同区域的数值范围。这样可以增强等高线图的 可视化效果,更直观地展示数据的分布和变化。

在 Matplotlib 中,填充等高线可以通过使用 contourf() 函数实现。该函数与 contour() 函数类 似,但会填充等高线之间的区域。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。 版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com



matplotlib.pyplot.contour(X,Y,Z,levels,cmap)

下面是 contour() 函数的常用输入参数:

- X: 二维数组,表示数据点的横坐标。
- Y: 二维数组, 表示数据点的纵坐标。
- Z: 二维数组,表示数据点对应的函数值或高度。
- levels: 用于指定绘制的等高线层级或数值列表。
- colors: 用于指定等高线的颜色, 可以是单个颜色字符串、颜色序列或 colormap 对象。
- cmap: 颜色映射,用于将数值映射为颜色。可以是预定义的 colormap 名称或 colormap 对象。
- linestyles: 用于指定等高线的线型,可以是单个线型字符串或线型序列。
- linewidths: 用于指定等高线的线宽,可以是单个线宽值或线宽序列。
- alpha: 用于指定等高线的透明度。

请大家在 JupyterLab 中自行学习下例。

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np

# 创建二维数据

x = np.linspace(-2, 2, 100)
y = np.linspace(-2, 2, 100)
X, Y = np.meshgrid(x, y)
Z = X**2 + Y**2 # 示例函数, 可以根据需要自定义

# 绘制等高线图
plt.contour(X, Y, Z, levels = np.linspace(0,8,16 + 1), cmap = 'RdYlBu_r')
# 添加颜色图例
plt.colorbar()

# 显示图形
plt.show()
```

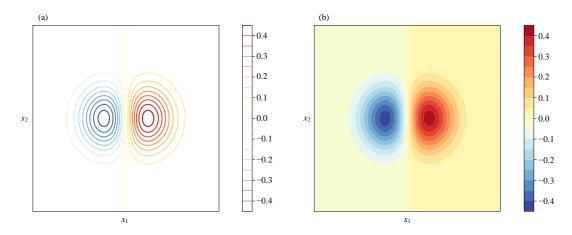


图 8. 用 Matplotlib 生成的平面 (填充) 等高线

Piotly

图 9 所示为利用 plotly.graph_objects.Contour() 绘制的 (填充) 等高线。

本PDF文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。代码及PDF文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套徽课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

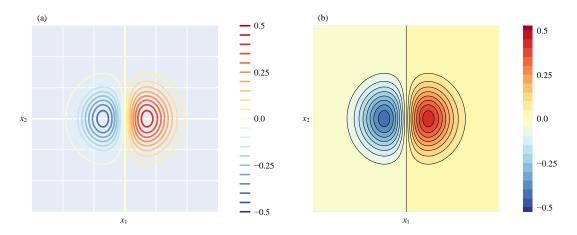


图 9. 用 Plotly 生成的平面 (填充) 等高线

11.4 _{热图}

在 Matplotlib 中,可以使用 matplotlib.pyplot.imshow() 函数来绘制热图 (heatmap),也叫热力图。imshow() 函数可以将二维数据矩阵的值映射为不同的颜色,从而可视化数据的密度、分布或模式。

鸢尾花书中一般会用 Seaborn 绘制静态热图,特别是在可视化矩阵运算。



seaborn.heatmap(data, vmin, vmax, cmap, annot)

下面是函数的常用输入参数:

- data: 二维数据数组, 要绘制的热图数据。
- vmin: 可选参数,指定热图颜色映射的最小值。
- vmax: 可选参数,指定热图颜色映射的最大值。
- cmap: 可选参数,指定热图的颜色映射。可以是预定义的颜色映射名称或 colormap 对象。
- annot: 可选参数,控制是否在热图上显示数据值。默认为 False,不显示数据值;设为 True 则显示数据值。
- xticklabels: 可选参数,控制是否显示 X 轴的刻度标签。可以是布尔值或标签列表。
- yticklabels: 可选参数,控制是否显示 Y 轴的刻度标签。可以是布尔值或标签列表。

请大家在 JupyterLab 中自行学习下例。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

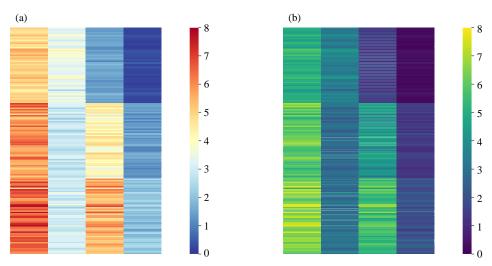


图 10. 使用 Seaborn、Plotly 热图可视化鸢尾花数据集

三维可视化方案

本章介绍常见四种三维空间可视化方案。图 11 所示为三维直角坐标系和三个平面。

散点图 (scatter plot) 用于展示三维数据的离散点分布情况。每个数据点在三维空间中的位置 由其对应的三个数值确定。通过散点图,可以观察数据点的分布、聚集程度和可能的趋势。

线图 (line plot) 可用于表示在三维空间中的曲线或路径。通过将连续的点用线段连接,可以呈 现数据的演变过程或路径的形态。线图在表示运动轨迹、时间序列数据等方面很有用。

网格面图 (mesh surface plot) 展示了三维空间中表面或曲面的形状。通过将空间划分为网格, 然后根据每个网格点的数值给予相应的高度或颜色,可以可视化复杂的三维数据,例如地形地 貌、物理场、函数表面等。

三维等高线图 (3D contour plot) 在三维空间中绘制了等高线的曲线。这种图形通过将等高线与 垂直于平面的轮廓线相结合,可以同时显示三个维度的信息。它适用于表示等值线密度、梯度分 布等。

鸢尾花书《数学要素》第6章专门介绍三维直角坐标系。

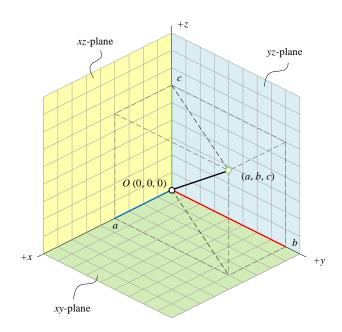


图 11. 三维直角坐标系和三个平面

三维视图视角

学过机械工程制图的同学知道, 在三维空间中, 我们可以将立体物体的投影投射到不同的平 面上,以便更好地理解其形状和结构。图12、图13展示咖啡杯在六个不同方向的投影。

以下是常见的三维立体在不同面的投影方式:

- ▶ 俯视投影 (top view) 把立体物体在垂直于其底面的平面上投影的方式。这种投影显示了物体的 顶部视图,可以揭示物体在水平方向上的外形和布局。
- ▶ 侧视投影 (side view) 将立体物体在垂直于其侧面的平面上投影的方式。这种投影显示了物体 的侧面视图,可以展示物体在垂直方向上的外形和结构。
- ▶ 正视投影 (front view) 把立体物体在垂直于其正面的平面上投影的方式。这种投影显示了物体 的正面视图, 可以展示物体在前后方向上的外形和特征。
- ▶ 斜视投影 (isometric view) 将立体物体在等角度投射到平面上的方式。它显示了物体的斜面视 图,保留了物体在三个维度上的比例关系,使观察者能够同时感知物体的长度、宽度和高

这些不同面的投影方式可以提供不同的视角,帮助我们从多个方面理解和分析立体物体。选 择合适的投影方式取决于我们关注的特定方面和目的。特别是用 Matplotlib、Plotly 绘制三维图像 时,选择合适的投影方式至关重要。

[—] 生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 本书配套微课视频均发布在B站-

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

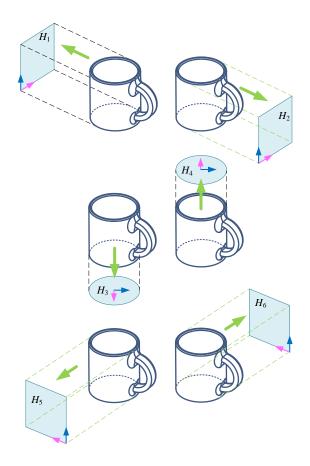


图 12. 咖啡杯六个投影方向

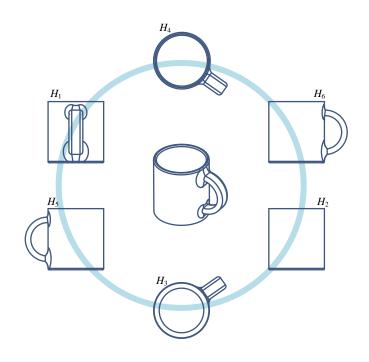


图 13. 咖啡杯在六个方向投影图像

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

成权归有平人字面版在所有,有勿向用,引用有压切面处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套徽课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

在 Matplotlib 中, ax.view init(elev, azim, roll) 方法用于设置三维坐标轴的视 角,也叫相机照相位置。这个方法接受三个参数:elev、azim 和 roll,它们分别表示仰角、 方位角和滚动角。

- ▶ 仰角 (elevation): elev 参数定义了观察者与 xy 平面之间的夹角, 也就是观察者与 xy 平面之间 的旋转角度。当 elev 为正值时,观察者向上倾斜,负值则表示向下倾斜。
- ▶ 方位角 (azimuth): azim 参数定义了观察者绕 z 轴旋转的角度。它决定了观察者在 xy 平面上的 位置。azim 的角度范围是-180 到 180 度,其中正值表示逆时针旋转,负值表示顺时针旋 转。
- ▶ 滚动角 (roll): roll 参数定义了绕观察者视线方向旋转的角度。它决定了观察者的头部倾斜程 度。正值表示向右侧倾斜,负值表示向左侧倾斜。

通过调整这三个参数的值,可以改变三维图形的视角,从而获得不同的观察效果。例如,增 加仰角可以改变观察者的俯视角度,增加方位角可以改变观察者在 XY 平面上的位置,增加滚动 角可以改变观察者的头部倾斜程度。

类比的话,这三个角度和图 14 所示飞机的三个姿态角度类似。

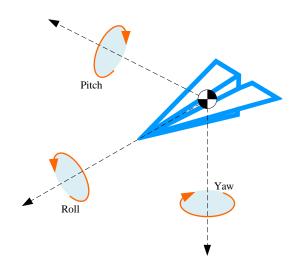


图 14. 飞机姿态的的三个角度

如图 15 所示,鸢尾花书中调整三维视图视角一般只会用 elev、azim,几乎不用使用 roll.

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。 版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

[—]_生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 本书配套微课视频均发布在B站-

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

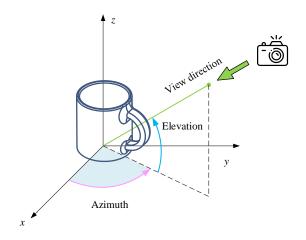


图 15. 仰角和方位角示意图

请大家在 JupyterLab 中练习如下代码,并调整仰角、方位角大小观察图像变化。

注意, ax = fig.gca(projection='3d') 已经被最新版本 Matplotlib 弃用, 正确的语法为 ax = fig.add_subplot(projection='3d')。

```
000
import matplotlib.pyplot as plt
                                                 Matplotlib设
# 导入Matplotlib的绘图模块
                                                 置观察视角
fig = plt.figure()
# 创建一个新的图形窗口
ax = fig.add subplot(projection='3d')
# 在图形窗口中添加一个3D坐标轴子图
ax.set xlabel('x')
ax.set ylabel('y')
ax.set_zlabel('z')
# 设置坐标轴的标签
ax.set proj type('ortho')
# 设置投影类型为正交投影 (orthographic projection)
ax.view init(elev=30, azim=30)
# 设置观察者的仰角为30度,方位角为30度,即改变三维图形的视角
ax.set box aspect([1,1,1])
# 设置三个坐标轴的比例一致,使得图形在三个方向上等比例显示
plt.show()
# 显示图形
```

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

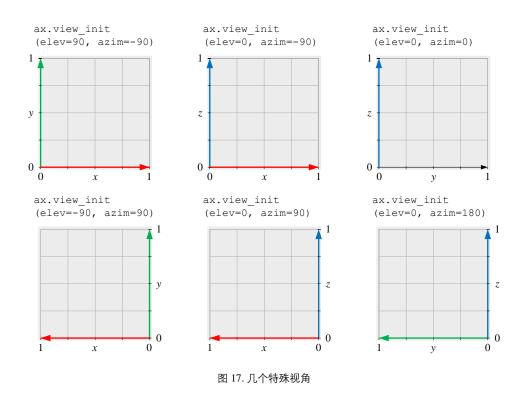
本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

图 16. 设置三维图像观察视角

有关 Matplotlib 三维视图视角, 请参考:

https://matplotlib.org/stable/api/toolkits/mplot3d/view angles.html



两种投影方法

此外、大家还需要注意投影方法。上述代码采用的是正交投影。

在 Matplotlib 中,ax.set_proj_type() 方法用于设置三维坐标轴的投影类型。Matplotlib 提供了两种主要的投影类型:

- ▶ 透视投影 (perspective projection) 是默认的投影类型,如图 18 (a) 所示。简单来说就是近大远小,它模拟了人眼在观察远处物体时的视觉效果,使得远离观察者的物体显得较小。透视投影通过在观察者和图形之间创建一个虚拟的透视点,从而产生远近比例和景深感。设置方式为:ax.set_proj_type('persp')。
- ▶ 正交投影 (orthographic projection) 是另一种投影类型,如图 18 (b) 所示。它在观察者和图形之间维持固定的距离和角度,不考虑远近关系,保持了物体的形状和大小。正交投影在某些情况下可能更适合于一些几何图形的呈现,尤其是在需要准确测量物体尺寸或进行定量分析时。设置方式为:ax.set_proj_type('ortho')。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

Plotly 的三维图像也是默认透视投影,想要改成正交投影对应的语法为:

fig.layout.scene.camera.projection.type = "orthographic"

图 19 展示了 3D 绘图时改变焦距对透视投影的影响。需要注意的是,Matplotlib 会校正焦距变化所带来的"缩放"效果。

透视投影中, 默认焦距为 1, 对应 90 度的视场角 (Field of View, FOV)。增加焦距 (1 至无穷大) 会使图像变得扁平, 而减小焦距 (1 至 0 之间) 则会夸张透视效果, 增加图像的视觉深度。当焦距 趋近无穷大时, 经过缩放校正后, 会得到正交投影效果。

注意、鸢尾花书中三维图像绝大部分都是正交投影。

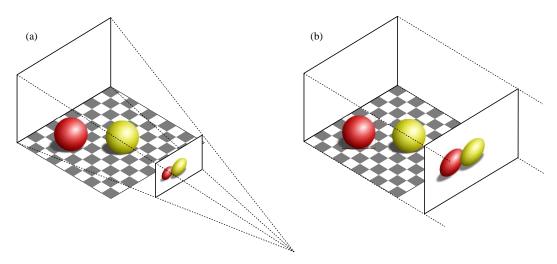


图 18. 透视投影和正交投影,来源: https://github.com/rougier/scientific-visualization-book

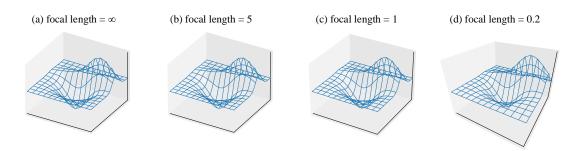


图 19. 投影焦距对结果影响;参考:https://matplotlib.org/stable/gallery/mplot3d/projections.html

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载:https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在B站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

11.6 三维散点

上一章我们利用平面散点可视化鸢尾花数据集,这一节将用三维散点图可视化这个数据集。 图 20 所示为利用 Matplotlib 绘制的三维散点图,这幅图用不同颜色表征鸢尾花分类。类似图 16,请 大家将图 20 投影到不同平面上。

本章配套的 Jupyter Notebook 还用 Plotly 绘制了散点图,请大家自行学习。

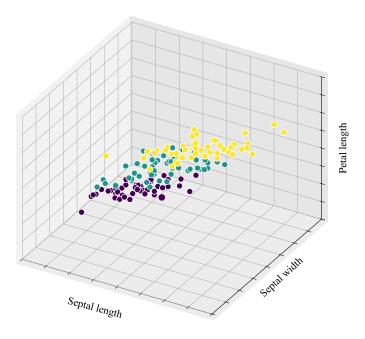


图 20. 用 Matplotlib 和绘制散点图

11.7 三维线图

图 21 所示为利用 Matplotlib 绘制"线图 + 散点图"可视化微粒的随机漫步。并且用散点的颜色渐进变化展示时间维度。本章配套的 Jupyter Notebook 也用 Plotly 绘制相同图像,请大家自行学习。

《数据有道》将专门介绍随机漫步。

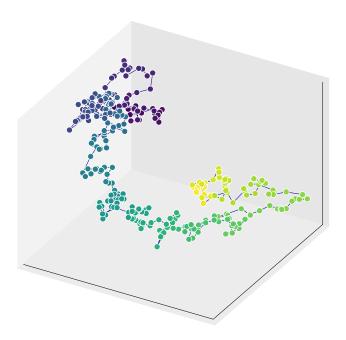


图 21. 用 Matplotlib 绘制微粒随机漫步线图



分 什么是随机漫步?

随机漫步是指一个粒子或者一个系统在一系列离散的时间步骤中,按照随机的方向和大小移动的过程。每个时间步骤,粒 子以随机的概率向前或向后移动一个固定的步长, 而且每个时间步骤之间的移动是相互独立的。随机漫步模型常用于模拟 不确定性和随机性的系统,例如金融市场、扩散过程、分子运动等。通过模拟大量的随机漫步路径,可以研究粒子或系统 的统计特性和概率分布。

11.8 三维网格面

图 22 所示为利用 Axes3D.plot_surface() 绘制的三维网格曲面。请大家思考如何在图片中加入 colorbar。本章配套的 Jupyter Notebook 也用 Plotly 绘制的三维曲面,请大家自行学习。

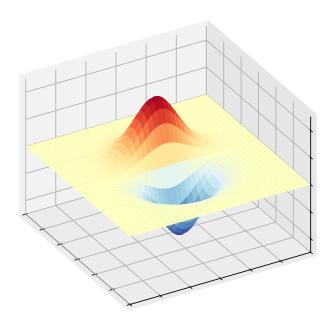


图 22. 用 Matplotlib 绘制网格曲面

11.9 三维等高线

图 23 所示为用 Matplotlib 绘制的三维等高线,这些等高线投影到水平面便得到上一章介绍的平面等高线。本章配套的 Jupyter Notebook 也用 Plotly 绘制的三维"曲面 + 等高线",请大家自行学习。

鸢尾花书《可视之美》将介绍更多三维等高线的用法。

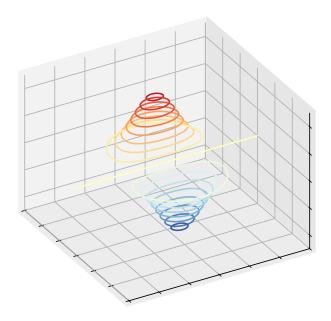


图 23. 用 Matplotlib 绘制三维等高线

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com



请大家完成下面3道题目。

- Q1. 分别用 Matplotlib、Seaborn、Plotly 绘制鸢尾花数据集,花瓣长度、宽度散点图,并适当美化
- Q2. 分别用 Matplotlib 和 Plotly 绘制如下二元函数等高线图,并用语言描述图像特点 (等高线形 状、疏密分布、增减、最大值、最小值等等)。

$$f(x_1, x_2) = x_1$$

$$f(x_1, x_2) = x_2$$

$$f(x_1, x_2) = x_1 + x_2$$

$$f(x_1, x_2) = x_1 - x_2$$

$$f(x_1, x_2) = -x_1^2 - x_2^2$$

$$f(x_1, x_2) = -x_1^2 - x_2^2$$

$$f(x_1, x_2) = x_1^2 + x_2^2 + x_1x_2$$

$$f(x_1, x_2) = x_1^2 - x_2^2$$

$$f(x_1, x_2) = x_1^2 - x_2^2$$

$$f(x_1, x_2) = x_1^2$$

$$f(x_1, x_2) = x_1^2$$

$$f(x_1, x_2) = x_1^2$$

Q3. 请用分别用 Matplotlib 和 Plotly 中网格面、三维等高线可视化以上几个二元函数。

*本章不提供答案。