

## Pattern + Randomness

## 模式 + 随机

模式让世界充满秩序, 随机让寰宇满是精彩



你能想象的所有东西都是真的。

Everything you can imagine is real.

—— 毕加索 (Pablo Picasso) | 西班牙艺术家 | 1881 ~ 1973



- ◀ matplotlib.patches.Circle() 绘制正圆
- ◀ matplotlib.pyplot.axhline() 绘制水平线
- matplotlib.pyplot.axvline() 绘制竖直线
- matplotlib.pyplot.contour() 绘制等高线图
- ◀ matplotlib.pyplot.contourf() 绘制填充等高线图
- ◀ mpmath.e mpmath 库中的欧拉数
- ◀ mpmath.pi mpmath 库中的圆周率
- ◀ mpmath.sqrt(2) mpmath 库计算 2 的平方根
- ◀ numpy.cumsum() 累加
- ◀ numpy.flipud() 上下翻转矩阵
- ◀ numpy.random.normal() 产生服从正态分布随机数

- ◀ seaborn.distplot() 绘制频率直方图和 KDE 曲线



本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

## 31.1 模式 + 随机

在雪花、树叶中,我们看到了分形和基本几何形状,这就是模式;世上没有两片完全一样的雪花,没有两片一样的叶子,这便是随机。

《道德经》中"道生一,一生二,二生三,三生万物"一句完美地描述了"模式 + 随机"。"道"就是"模式",而万物生的繁复则来自于"随机"。

数学和艺术中,"模式 + 随机"更是无处不在。图 5、图 6 给出的圆周率、自然对数底数、根号 2、黄金分割比小数点后超过 1000 位 0 ~ 9 数字热图,我们似乎看不到任何规律;但是,统计之后,我们会发现 0 ~ 9 似乎分布均匀。虽然,目前数学上很难证明这四个数是正规数。读者们如果热爱数学、艺术的话,把这四幅热图又何尝不是完美的艺术品。

样本数据是从整体中选取的一部分数据,用于进行统计分析和推断。样本是对整体的一种代表性抽样,以便更广泛地推断有关整体的性质。图 7 所示为利用概率密度估计展示样本数据的分布。

《编程不难》专门介绍过统计描述的可视化方案,请大家回顾。

随机是指在一系列事件或结果中没有可预测模式或规律性,无法通过已知信息准确预测的性质。随机数发生器是一种用来生成随机数的工具或算法。它可以产生看似无规律、不可预测的数字序列。图 8 所示为满足不同相关性系数的二元高斯分布随机数,这些子图中我们可以看到随机数和椭圆的关系。

图 1 所示为利用 Streamlit 搭建的展示二元高斯分布的 App。

8 n的等高线为概率密度值,请大家想办法将其转化为马氏距离等高线。



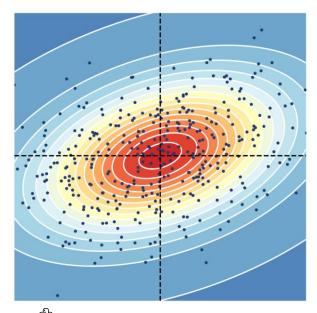


图 1. 展示二元高斯分布的 App, Streamlit 搭建 |

Streamlit\_Bivariate\_Gaussian\_distribution.py

蒙特卡洛模拟是一种基于概率统计的计算方法,通过随机抽样的方式模拟和分析现实问题。它以概率和统计的原理为基础,通过大量的随机抽样实验来模拟系统的行为和结果,以获得对系统行为的估计或预测。图 9 所示为用颜色映射渲染随机行走曲线。图 2 所示为用 Streamlit 创建的展示随机行走动画的 App。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com





图 2. 展示随机行走动画的 App, Streamlit 搭建 | Streamlit\_Random\_Walk\_Animation.py

图 3 所示为用 Streamlit 搭建的展示平面随机行走的 App。请大家将图 9 下图也创作成一个 App,展示不同随机数种子条件下的随机行走。

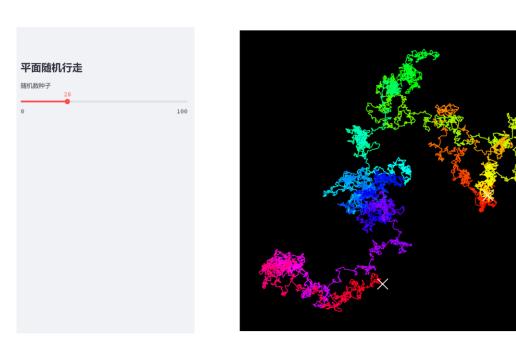


图 3. 展示平面随机行走的 App, Streamlit 搭建 | Streamlit\_Random\_Walk\_Plane.py

图 10 所示为一维随机行走,三种不同的模式一向上、居中、向下。图 4 所示为利用 Streamlit 搭建的展示随机行走模式的 App,大家可以看到标准差、均值对随机行走的影响。



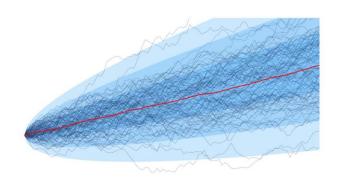
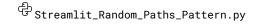
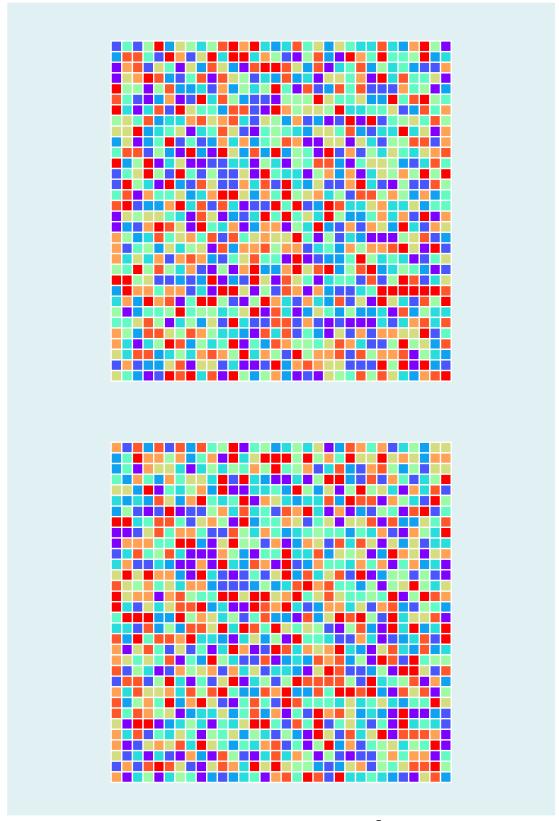


图 4. 展示随机行走模式的 App, Streamlit 搭建 |





阅读完本章后,特别建议大家回顾《编程不难》中有关统计可视化相关内容。统计可以帮助我们揭 示随机背后的"模式"。本书后续还会展示更多精彩的"模式",而这些模式无处不在展示着数学之美。



本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

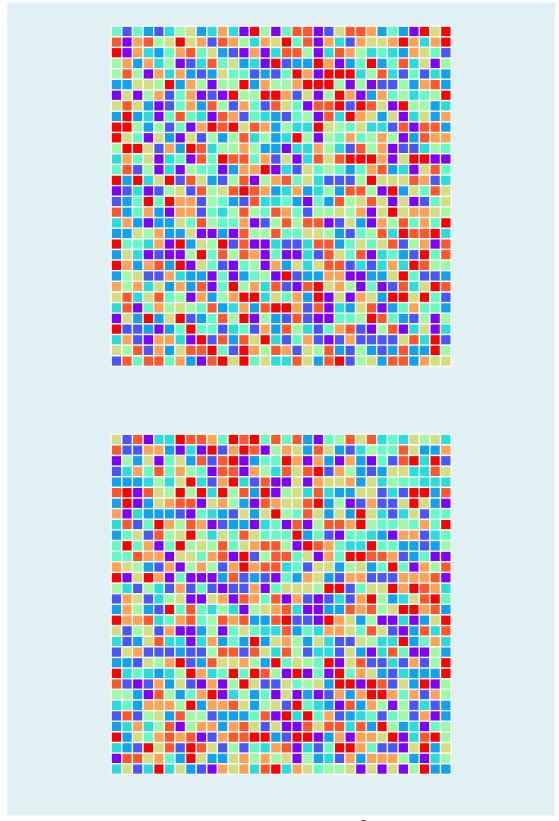


图 6. 根号 2、黄金分割比,小数点后 1024 位热图 | BK\_2\_Ch31\_01.ipynb

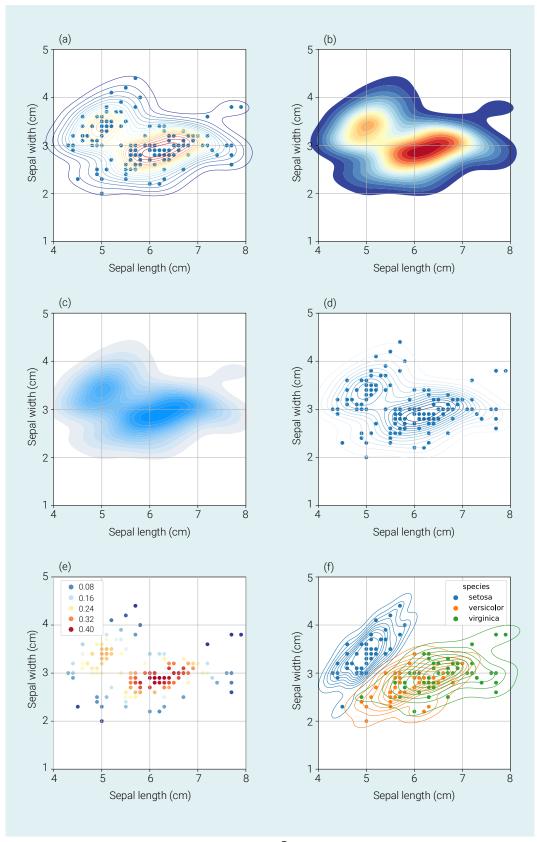


图 7. 样本数据的分布 | GBK\_2\_Ch31\_02.ipynb

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

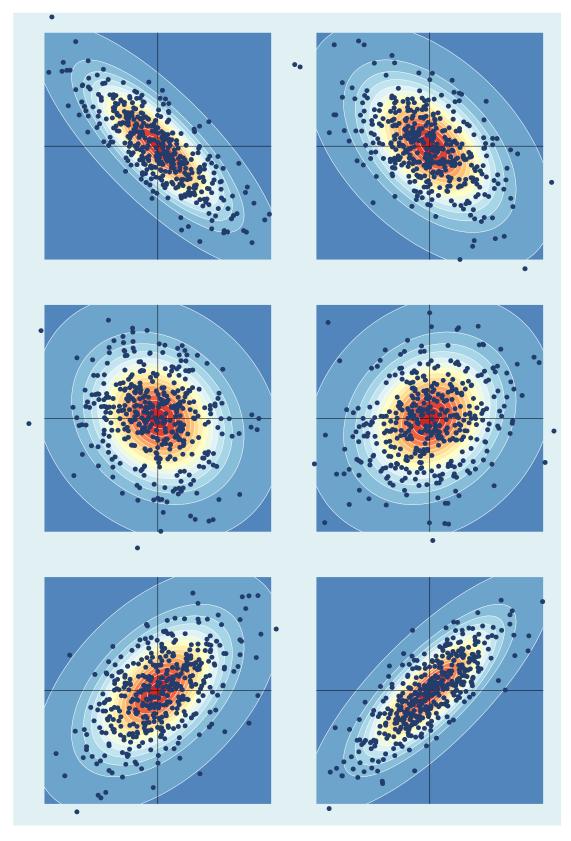


图 8. 满足二元高斯分布的随机数 | 号BK\_2\_Ch31\_03.ipynb

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

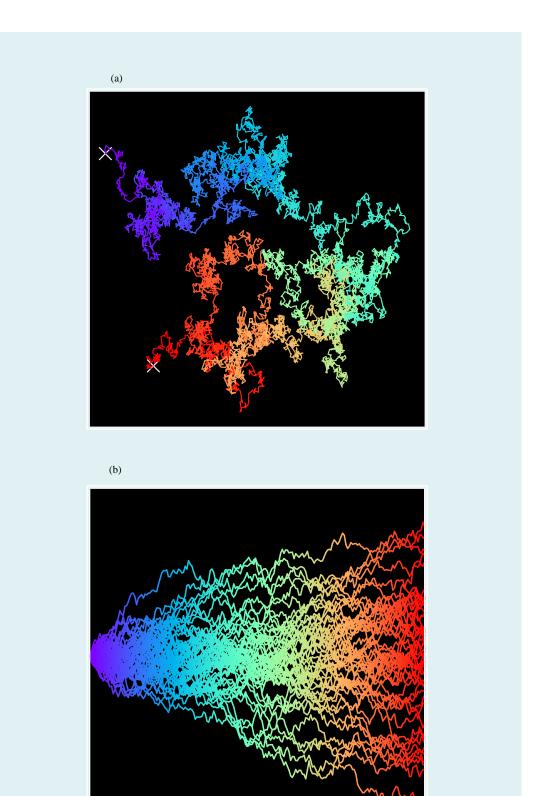


图 9. 用颜色映射渲染随机行走曲线 | GBK\_2\_Ch31\_04.ipynb

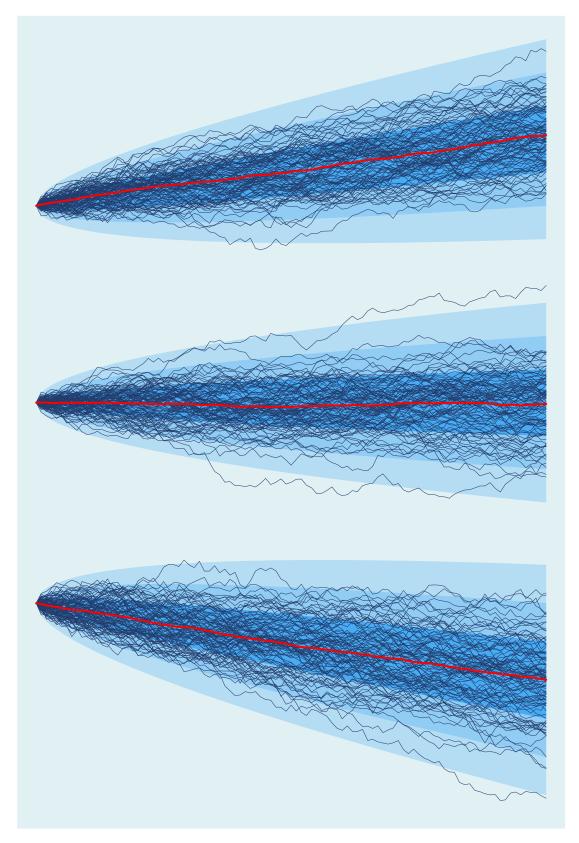


图 10. 一维随机行走的趋势, 100 条轨迹 | BK\_2\_Ch31\_05.ipynb