

### Reshaping NumPy Arrays

## NumPy 数组变形

重塑数组的维数、形状



哪里有物质, 哪里就有几何学。

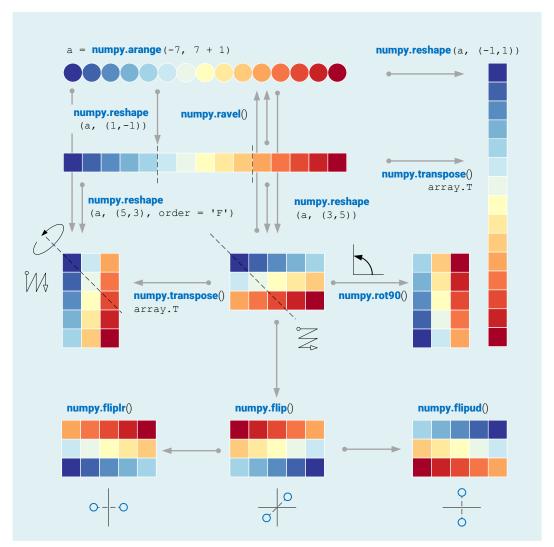
Where there is matter, there is geometry.

—— 约翰内斯·开普勒 (Johannes Kepler) | 德国天文学家、数学家 | 1571 ~ 1630



- numpy.flatten() 用于将多维数组转换为一维数组。与 numpy.ravel() 不同的是, numpy.flatten() 返回数组的副本, 而不是原始数组的视图
- ◀ numpy.flip() 用于沿指定轴翻转数组的元素顺序
- ◀ numpy.fliplr() 沿着水平方向 (左右方向) 翻转数组的元素顺序
- ▼ numpy.flipud() 沿着垂直方向 (上下方向) 翻转数组的元素顺序
- ◀ numpy.ravel() 用于将多维数组转换为一维数组,按照 C 风格的顺序展平数组元素
- ◀ numpy.reshape() 将原始数组重新排列成新的形状,只要新形状的元素数量与原始数组相同即可
- ◀ numpy.rot90() 默认将数组按指定次数逆时针旋转 90 度
- numpy.shares\_memory() 用于检查两个数组是否共享相同的内存位置
- ◀ numpy.transpose() 转置运算,即将数组的行和列进行互换





代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

# 16.1 从 reshape() 函数说起

在 NumPy 中,要改变数组的形状 (也称重塑数组),可以使用 numpy.reshape() 函数。reshape() 函 数允许你指定一个新的形状,然后返回一个拥有相同数据但具有新形状的数组。

下面我们先了解一下这个话题的核心函数——numpy.reshape()。



#### numpy.reshape(a, newshape, order='C')

这个函数的重要输入参数:

- a 参数是要被重塑的数组,可以是一个数组对象,也可以是一个 Python 列表、元组等支持迭代的对象。
- newshape 参数是新的形状,可以是一个整数元组或列表,也可以是一个整数序列。
- order 参数表示重塑数组的元素在内存中存储的顺序,可以是 'C' (按行顺序存储) 或 'F' (按列顺序存储),默认值为

下面是 numpy.reshape() 函数一些常见用法:

a) 改变数组的维度:可以将一个数组从一维改为二维、三维等。例如:

import numpy as np

- a = np.arange(12) # 创建一个长度为 12 的一维数组 b = np.reshape(a, (3, 4)) # 改变为 3 行 4 列的二维数组
- c = np.reshape(a, (2, 3, 2)) # 改变为 2 个 3 行 2 列的三维数组
- b) 展开数组:可以将一个多维数组展开为一维数组。例如:

import numpy as np

- a = np.array([[1, 2], [3, 4]])
- b = np.reshape(a, -1) # 将二维数组展开为一维数组
- c) 改变数组的顺序: 可以改变数组在内存中的存储顺序。例如:

import numpy as np

- # 创建一个 2 行 3 列的二维数组 a = np.arange(6).reshape((2, 3))
- b = np.reshape(a, (3, 2), order='F') # 按列顺序存储

注意: numpy.reshape() 函数并不会改变数组的数据类型和数据本身,只会改变其形状。如果改变后的形状与原数组的元素数量不 一致,将会抛出 ValueError 异常。

请大家在 JupyterLab 中自行运行如上三段代码。

更多有关 numpy.reshape() 函数的用法,请大家参考如下技术文档:

https://numpy.org/doc/stable/reference/generated/numpy.reshape.html

下面结合实例详细讲解如何利用 numpy.reshape() 完成数组变形。



本节配套的 Jupyter Notebook 文件是 BK\_2\_Ch16\_1.ipynb。

# 16.2 一维数组 → 行向量、列向量

#### 一维数组 → 行向量

本书前文提过,行向量、列向量都是特殊矩阵。因此,行向量、列向量都是二维数组。也就是说, 行向量是一行若干列的数组,形状为 $1 \times D$ 。列向量是若干行一列的数组,形状为 $n \times 1$ 。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。

版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

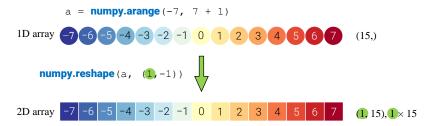


图 1. 将一维数组转换为行向量

如图 1 所示,用 a = numpy.arange(-7, 7+1) 生成的是一个一维数组 a,这个数组有 15 个元素。由于 数组为一维,所以可视化时采用了"圆圈",而不是方块。利用 numpy.reshape(a,(1,-1)),我们将 a 转化 为形状为(1,15)的二维数组,也称行向量,即1×15矩阵。

▲ 注意,使用 -1 作为形状参数时, numpy.reshape() 会根据数组中的数据数量和其它指定的 维数来自动计算该维度的大小。

#### 一维数组 → 列向量

如图 2 所示, 利用 **numpy.reshape**(a, (-1, 1)), 我们可以把一维数组 **numpy.arange**(-7, 7+1) 转化为 形状为(15,1)的二维数组,也称列向量,即15×1矩阵。

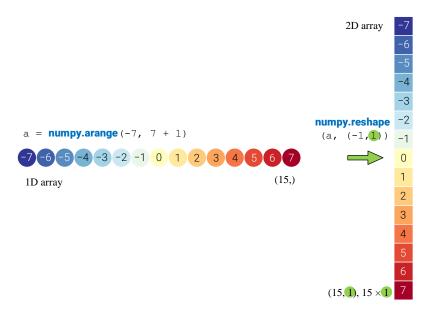


图 2. 将一维数组转换为列向量

# 16.3 **—维数组 → 二维数组**

用 a = numpy.arange(-7, 7+1) 生成的数组有 15 个元素,可以被 3、5 整除,因此一维数组 a 可以写 成3×5矩阵。如图3所示,我们可以分别按先行后列、先列后行两种形式重塑数组。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。 版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

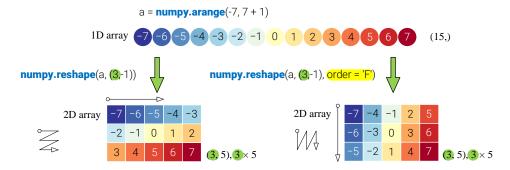


图 3. 将一维数组转换为 3×5矩阵, 先行后列, 先列后行

图 4 所示为将 numpy.arange(-7,7+1) 一维数组写成  $5 \times 3$  矩阵。图 4 给出了先行后列、先列后行两种 顺序。如图 5 所示已经完成转换的  $3 \times 5$  数组,通过 **numpy.reshape**() 可以进一步转化为  $5 \times 3$  数组。此 外, 请比较 numpy.reshape()和 numpy.resize()用法的异同。

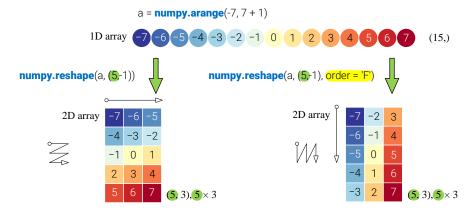


图 4. 将一维数组转换为 5×3矩阵, 先行后列, 先列后行

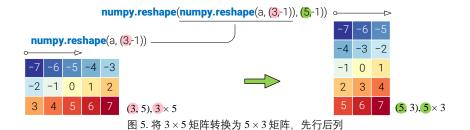


图 6 所示为将 numpy.arange(-13, 13+1) 一维数组转化成形状为  $3 \times 3 \times 3$  的三维数组。

a = numpy.arange(-13, 13 + 1)

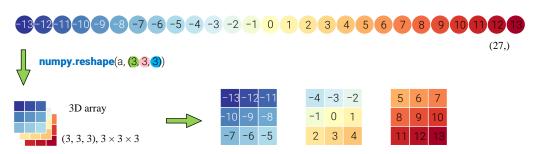


图 6. 将一维数组转换为三维数组

## 16.5 视图 vs 副本

本书前文特别提过, NumPy 中要特别注意视图 (view)、副本 (copy) 的区别。简单来说, 视图和副本是 NumPy 中的两种不同的数组对象。

视图是指一个数组的不同视角或者不同形状的表现方式,视图和原始数组共享数据存储区,因此在对视图进行操作时,会影响原始数组的数据。视图可以通过数组的切片、转置、重塑等操作创建。

副本则是指对一个数组的完全复制,副本和原始数组不共享数据存储区,因此对副本进行操作不会影响原始数组。使用 numpy.reshape() 也需要注意视图、副本问题。

本节配套的 Jupyter 笔记中,大家可以看到,我们用 **numpy.shares\_memory**() 判断两个数组是否指向同一个内存。

如图7所示, numpy.reshape()仅仅改变了观察同一数组的视角, 也就是改变了 index。

▲ 注意,不同函数的历史、未来版本可能存在不一致,需要大家自行判断。

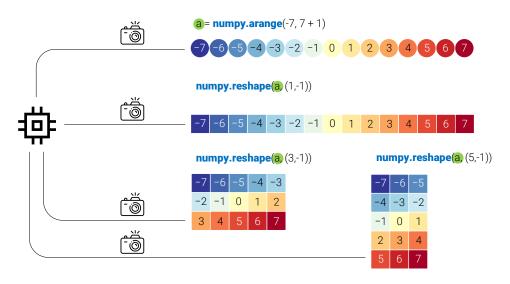


图 7. 视图, 还是副本?

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

## 16.6 转置

如图 8 所示,一个  $n \times D$  矩阵 A 转置得到  $D \times n$  矩阵 B,整个过程相当于矩阵 A 绕主对角线镜像。具体来说,矩阵 A 位于 (i,j) 的元素转置后的位置为 (j,i),即行列序号互换。这就是,为什么位于主对角线上的元素转置前后位置不变。矩阵 A 的转置 (the transpose of a matrix A) 记作  $A^{T}$  或 A'。为了和求导记号区分,本书仅采用  $A^{T}$  记法。

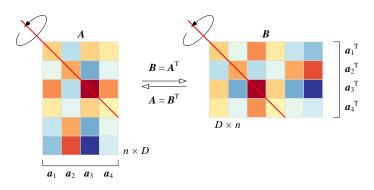


图 8. 矩阵转置,图片来自《矩阵力量》第 4 章

▲ 需要大家特别注意的是, NumPy 的 **numpy.transpose**() 方法和.T 属性都返回原始数组的转置, 两者都返回原始数组的视图, 而不是副本。

"鸢尾花书"中《矩阵力量》第4章将专门讲解矩阵的转置运算。

图 9 所示为二维数组的转置。行向量转置得到列向量,反之亦然。 $3 \times 5$  矩阵转置得到  $5 \times 3$  矩阵。而一维数组的转置不改变形状。

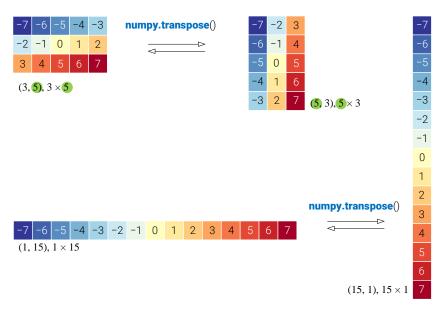


图 9. 二维数组的转置

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套徽课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466 欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

## 16.7 扁平化

扁平化可以理解图 1、图 2、图 3 等 **numpy.reshape**() 的"逆操作"。完成扁平化的方法有很多,比如 **array.ravel**()、**array.reshape**(-1)、**array.flatten**()。大家也可以使用 **numpy.ravel**()、**numpy.flatten**() 这两个函数。图 10 所示为将二维转化为一维数组。

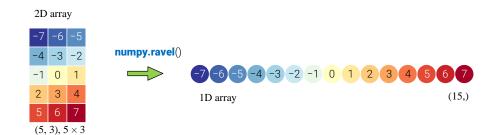


图 10. 二维数组转化为一维数组

请大家格外注意,**ravel**()、**reshape**(-1) 返回的是原始数组的视图,而不是其副本。因此,如果修改新数组中的任何元素,原始数组也会受到影响。如果需要返回一个数组副本,可以使用 **flatten**()函数。本节配套的 Jupyter 笔记中给出一个详细的例子,请大家自行学习。

## 16.8 其他操作

如图 11 所示,**numpy.rot90**() 的作用是将一个数组逆时针旋转 90 度。默认情况下,这个函数会将数组的前两个维度 axes=(0,1) 进行旋转。此外,还可以利用参数 k (正整数) 逆时针旋转  $k \times 90$  度。默认,k=1。

注意, numpy.rot90() 的结果也是返回原始数组的视图, 而不是副本。

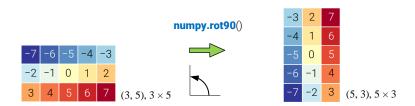


图 11.3×5矩阵逆时针旋转 90度

**numpy.flip**() 函数用于翻转数组中的元素,即将数组沿着一个或多个轴翻转。**numpy.flip**(A, axis=None) 中,A 是要进行翻转的数组,axis 指定要翻转的轴。如图 12 所示,如果不指定 axis,则默认将整个数组沿着所有的轴进行翻转。类似的函数还有 **numpy.fliplr**()、**numpy.flipud**(),请大家自行学习。

图 12.3×5矩阵沿着两个轴翻转



### 下面,是有关使用 numpy.reshape() 函数的三道习题,请大家完成。

- Q1. 首先生成一个一维数组 [1, 2, 3, 4, 5, 6],然后将其转换为一个形状为 (2, 3) 的二维数组,并打印结果。注意,元素按先行后列顺序存储。最后,想办法判断转换前后的数组是视图,还是副本。
- Q2. 将一个二维数组 [[1, 2], [3, 4], [5, 6]] 转换为一个形状为 (6,) 的一维数组,并打印结果。注意,按先列后行顺序存储。
- Q3. 将一个三维数组 [[[1, 2], [3, 4]], [[5, 6], [7, 8]]] 转换为一个形状为 (2, 4) 的二维数组,并按列顺序存储,最后打印结果。
- \* 这三道题目很基础,本书不给答案。