

Projektowanie efektywnych algorytmów

Autor:

Tymon Tobolski (181037)

Jacek Wieczorek (181043)

Prowadzący:

Prof. dr hab. inż Adam Janiak

Wydział Elektroniki

III rok

Cz TN 13.15 - 15.00

20 listopada 2011

1 Cel projektu

Celem projektu jest zaimplementowanie i przetestowanie metaheurystycznego algorytmu symulowanego wyżarzania dla problemu szeregowania zadań na jednym procesorze przy kryterium minimalizacji ważonej sumy opóźnień zadań.

2 Opis problemu

Jednoprocesorowy problem szeregowania zadań przy kryterium minimalizacji ważonej sumy opóźnień zadań.

Danych jest n zadań (o numerach od 1 do n), które mają być wykonane bez przerwań przez pojedynczy procesor, mogący wykonywać co najwyżej jedno zadanie jednocześnie. Każde zadanie j jest dostępne do wykonania w chwili zero, do wykonania wymaga $p_j > 0$ jednostek czasu oraz ma określoną wagę (priorytet) $w_j > 0$ i oczekiwany termin zakończenia wykonywania $d_j > 0$. Zadanie j jest spóźnione, jeżeli zakończy się wykonywać po swoim terminie d_j , a miarą tego opóźnienia jest wielkość $T_j = \max(0, C_j - d_j)$, gdzie C_j jest terminem zakończenia wykonywania zadania j . Problem polega na znalezieniu takiej kolejności wykonywania zadań (permutacji) aby zminimalizować kryterium $TWT = \sum_{j=1}^n w_j T_j$.

3 Opis algorytmu

Symulowane wyżarzanie to algorytm heurystyczny przeszukującego przestrzeń alternatywnych rozwiązań problemu w celu wyszukania rozwiązań najlepszych. Sposób działania algorytmu jest analogią do zjawiska wyżarzania w metalurgii.

Przebieg algorytmu :

```
1  t = Tmax
   old = S_0
   best = old

   while t < Tmin
       new = S(old)
       if F(new) < F(old)
           old = new
       if F(new) < F(best)
           best = new
11  end
   else if rand() < P(old, new, t)
```

```

        old = new
    end
    t = T(t)
end

```

4 Implementacja

Jezykiem implementacji algorytmu jest *Scala* w wersji 2.9.1 działająca na *JVM*.

Algorytm oparty został na funkcji rekurencyjnej (rekurencja ogonowa) implementującej symulowane wyżarzanie. W celu bezpiecznego zrównoleglenia uruchamiania programy na wiele wątków i tym samym przyspieszyć wyliczanie skorzystaliśmy z programowania funkcyjnego.

Funkcja

```

def apply(s0: T) = {
    def inner(bestState: T, oldState: T, t: Double): T = {
3        if(t < Tmin) oldState
        else {
            val newState = S(oldState)
            val (a,b) = if(F(newState) < F(oldState)){
                if(F(newState) < F(bestState)) (newState, newState)
            else (bestState, newState)
            } else if (math.random < P(oldState, newState, t)){
                (bestState, newState)
            } else {
13         (bestState, oldState)
            }
            inner(a, b, T(t))
        }
    }
    inner(s0, s0, Tmax)
}

```

5 Testy

Testy algorytmu symulowanego wyżarzania przeprowadzone zostały dla trzech zestawów testów o różnym rozmiarze problemu n , każdy składający się ze 125 instancji. Parametry podstawowe jak T_{min} i T_{max} w przypadku każdego testu były takie same. Zmieniany natomiast był parametr T_d .
TODO poprawić

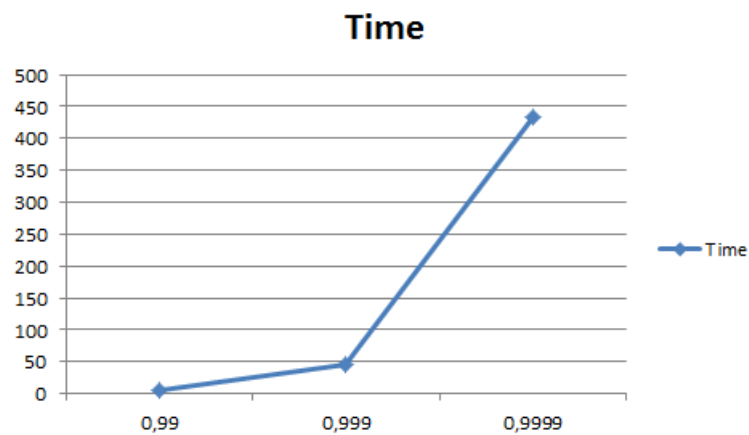
Jako wyniki testów przedstawiamy średni czas liczenia wszystkich instancji dla danego rozmiaru problemu, a także średni błąd względny najlepszych rozwiązań dla każdej instancji.

Parametry niezmiennie :

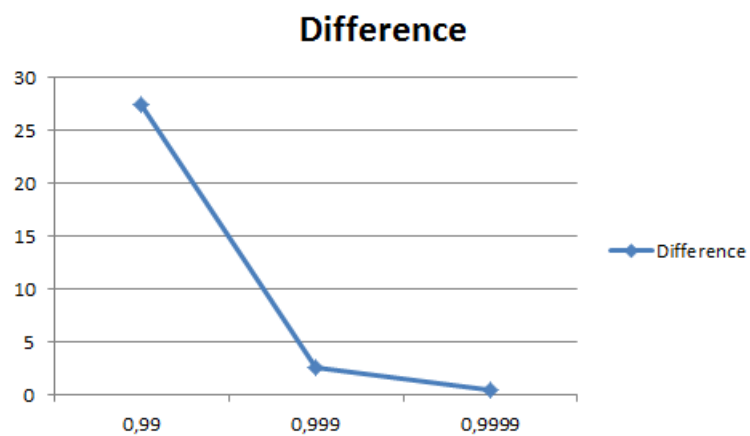
- $T_{min} = 0.01$
- $T_{max} = 100$

5.1 $n = 40$

| T_d | Time | Difference |
|--------|--------|------------|
| 0,99 | 5,78 | 27,41 |
| 0,999 | 46,26 | 2,52 |
| 0,9999 | 434,52 | 0,43 |



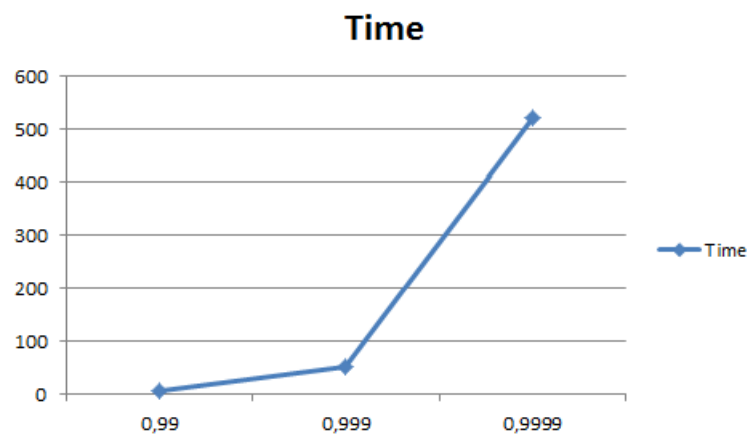
Rysunek 1: Czas rozwiązywania w zależności od parametru T_d



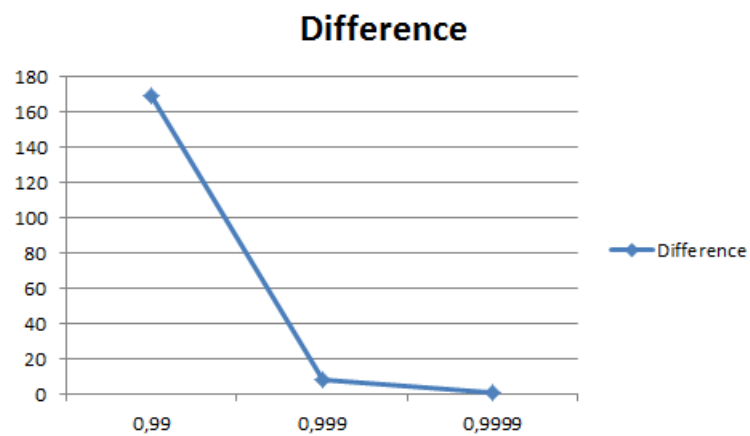
Rysunek 2: Błąd względny rozwiązywania w zależności od parametru T_d

5.2 $n = 50$

| T_d | Time | Difference |
|--------|--------|------------|
| 0,99 | 6,63 | 169,02 |
| 0,999 | 53,09 | 8,47 |
| 0,9999 | 519,04 | 0,95 |



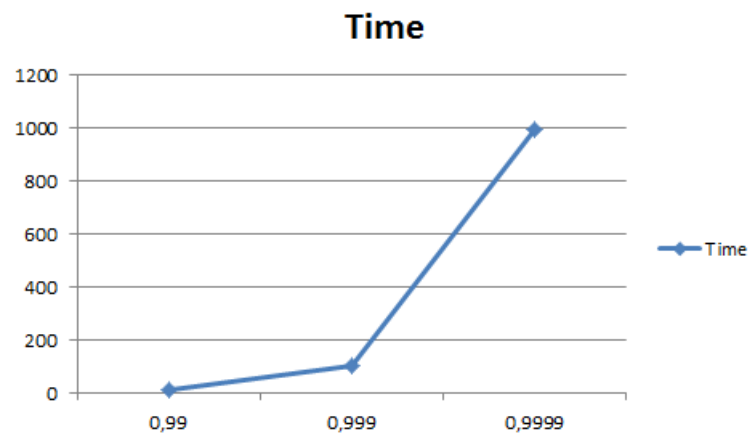
Rysunek 3: Czas rozwiązywania w zależności od parametru T_d



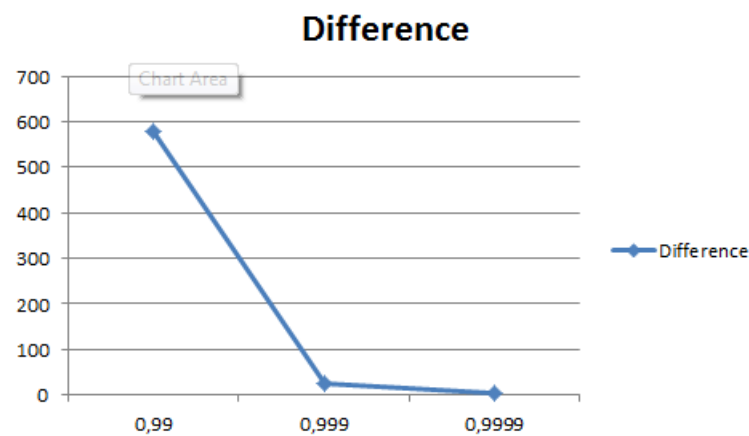
Rysunek 4: Błąd względny rozwiązywania w zależności od parametru T_d

5.3 $n = 100$

| T_d | Time | Difference |
|--------|--------|------------|
| 0,99 | 12,4 | 579,97 |
| 0,999 | 104,18 | 23,43 |
| 0,9999 | 990 | 3,42 |

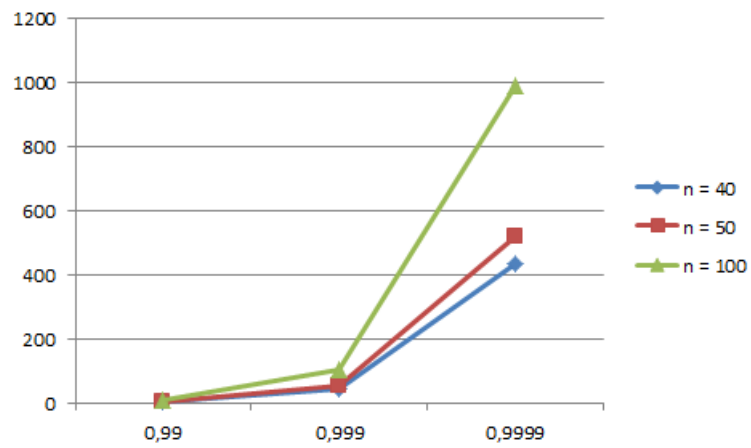


Rysunek 5: Czas rozwiązywania w zależności od parametru T_d

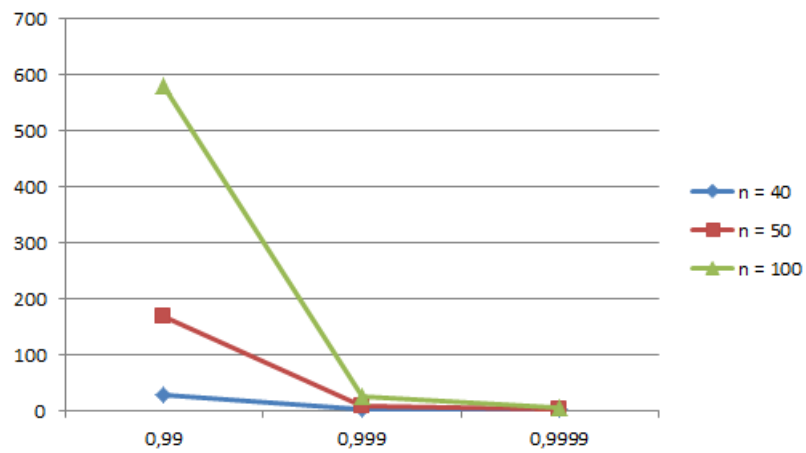


Rysunek 6: Błąd względny rozwiązywania w zależności od parametru T_d

5.4 Porównanie wszystkich zadań



Rysunek 7: Czas rozwiązywania w zależności od parametru T_d



Rysunek 8: Błąd względny rozwiązywania w zależności od parametru T_d

6 Wnioski