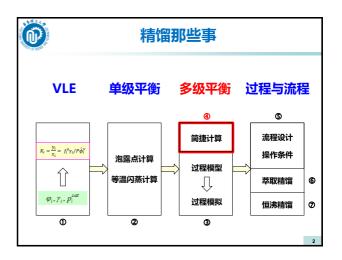


《分离工程》

第5讲 精馏 - 简捷计算

漆志文

德国马普学会过程强化技术伙伴研究团队 化学工程联合国家重点实验室 华东理工大学 zwoi@ecust.edu.cn





精馏过程的简捷计算

- ▶ 组分的分类
- ➤ Fenske方程 → N_m
- ➤ Underwood方程 → R_m
- ➤ Gilliland关联式 → N=f(N_m,R_m,R)
 - → 进料位置 //・
- ▶ 塔顶和塔底组成的估算



1. 精馏简捷计算的目的

(1) 对精馏塔进行简化计算

二元体系: 塔顶和塔底组成不须估算, 可唯一确定。 多元体系: 给定条件确定时, 顶底组成也是唯一的,

但需要估算得出。

(2) 为精馏塔的严格计算提供初值

计算结果误差比较大,尤其对于非理想性强的系统。



组分的分类

1. 关键组分

- + 按分离要求选取两个组分 (一般是挥发度相近两组分);
- + 它们在塔顶或塔底产中的**回收率或含量**通常是给定的, 对于体系的分离起着决定性的作用。

2. 非关键组分、中间组分、分布组分、非分布组分

中间组分: 轻重关键组分中间的组分 **轻非关键组分: 轻组分**, 比轻关键组分更容易挥发

恒非关键组分: 全组分,比较大键组分更容易挥及 **重非关键组分: 重组分**,比重关键组分更难挥发 **非分布组分**: 仅在顶底的一端出现的某些组分;

轻重组分可能是非分布组分 (L, H) **分布组分:** 塔顶和塔底均出现的组分;

轻重关键组分和中间组分一定是分布组分

设含有五组分的分离体系,挥发度依次递减:

A, B, E, C, D

 $\alpha_A > \alpha_B > \alpha_E > \alpha_C > \alpha_D$

令: B, C为关键组分

则: B - 轻关键组分 (LK, Light Key) <mark>分布组分</mark> C - 重关键组分 (HK, Heavy Key) <mark>分布组分</mark>

E - 于(LK)与(HK)之间为中间组分 分布组分 A - 非关键组分或轻组分(L) 塔顶产品 D - 非关键组分或重组分(H) 塔底产品

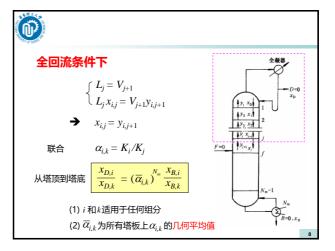
当 $lpha_{L^{lpha}}lpha_{LK}$ 或 $lpha_{H^{lpha}}lpha_{HK}$, LK 与HK 的分离要求不是很高,

则L、H也会成为分布组分。



2. Fenske方程

- → 计算在全回流条件下,达到分离要求所需要的 最少理论板数 //_m
- ▶ 全回流下无产品采出,工业生产很少采用全回流;
- 开车时,先全回流,待操作稳定后出料;
- > 实验室设备中研究传质影响因素(板效率);
- > 工程设计中,必须知道最少理论板数。





$\frac{x_{D,i}}{x_{D,k}} = \left(\overline{\alpha}_{i,k}\right)^{N_{m}} \frac{x_{B,i}}{x_{B,k}}$

N_m次单级提浓

$$\frac{x_{D,LK}}{x_{D,HK}} = \left(\overline{\alpha}_{LK,HK}\right)^{N_{m}} \frac{x_{B,LK}}{x_{B,HK}}$$

基于轻、重关键组分

$$N_{\rm m} = \frac{\lg \left[\frac{x_{D,LK}}{x_{D,HK}} \frac{x_{B,HK}}{x_{B,LK}} \right]}{\lg (\overline{\alpha}_{LK,HK})}$$

Fenske方程

$$(\overline{\alpha}_{LK,HK}) = [(\alpha_{LK,HK})_{D} (\alpha_{LK,HK})_{F} (\alpha_{LK,HK})_{B}]^{1/3}$$

- ▶ 最小理论板数N_m包括塔釜,但不包括全凝器
- ► 用ā_{LK,HK}代替各块板的相对挥发度是为了简化处理

按分离要求表达的Fenske方程:

1. 规定关键组分在塔顶和塔釜的mol流率

$$N_{\rm m} = \frac{\lg\left[\left(\frac{d}{b}\right)_{LK}\left(\frac{b}{d}\right)_{HK}\right]}{\lg(\overline{\alpha}_{LK,HK})}$$

b, d-组分mol流率

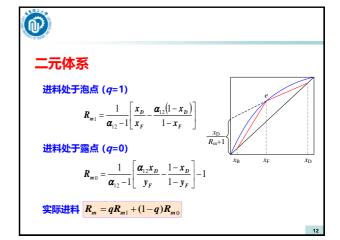
2. 规定关键组分在塔顶和塔釜的回收率 η

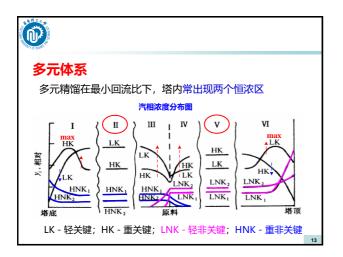
$$N_{\rm m} = \frac{\lg \left[\frac{\eta_{\rm LK,D}}{(1 - \eta_{\rm LK,D})(1 - \eta_{\rm HK,B})} \right]}{\lg (\bar{\alpha_{\rm LK,HK}})}$$

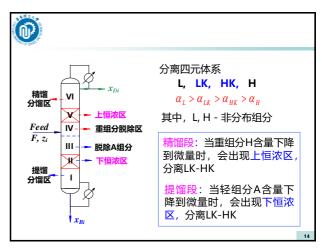


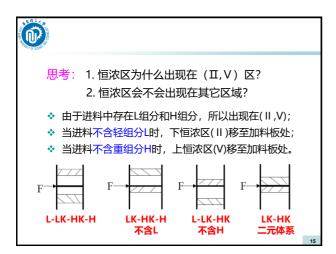
3. Underwood方程

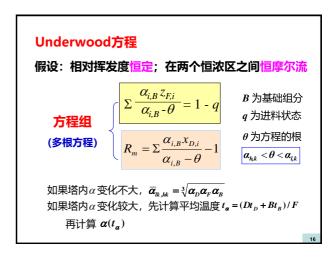
- → 估算达到规定分离要求所需的最小回流比*R*_m
- □ 最小回流比*R*_m,理论上是需要无限多块塔板才能达到分离要求时的回流比。
- □ 塔内将出现恒浓区(相邻板上的汽相浓度和液相浓度各自相同),需用无限多理论板数才能实现一定的分离作用。
- ▶ 二元体系计算R_m时,在加料板位置附近出现一个恒浓区。
- > 多元体系中,由于非分布组成的存在出现上下两个恒浓区。
- ▶ 恒浓区浓度和位置均有不确定性,所以严格计算尽_m至今没有 通用方法,目前只能用一些近似式计算。

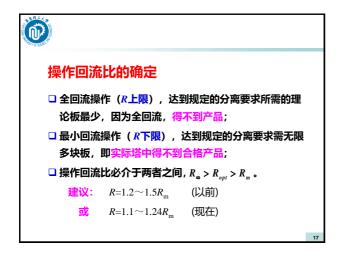


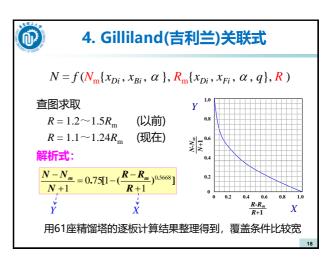














进料位置的确定

利用Gilliland关联式计算理论板时,暗含着 进料板处于最佳进料位置的要求(N。,N。)

(1) Kirkbride经验式

$$\frac{N_R}{N_S} = \left[\left(\frac{x_{F,hk}}{x_{F,lk}} \right) \cdot \left(\frac{x_{B,lk}}{x_{D,hk}} \right)^2 \left(\frac{B}{D} \right) \right]^{0.206}$$
(2-137)

$$N = N_R + N_S$$



(2) Brown和Martin建议

利用Fenske方程,分别求出精馏段和提馏段最少理论板数。

精馏段:
$$N_{mR} = \frac{\lg[\frac{x_{D,lk}}{x_{F,lk}} \frac{x_{F,hk}}{x_{D,hk}}]}{\lg(\overline{\alpha}_{lk,hk})_R}$$
 (2-138)

提馏段:
$$N_{mS} = \frac{\lg[\frac{x_{F,lk}}{x_{B,lk}} \frac{x_{B,lk}}{x_{F,lk}}]}{\lg(\overline{\alpha}_{lk,lk})_S}$$
 (2-139)



假定: 实际回流比时精馏段和提馏段理论板之比 与全回流时两段理论板之比相同。

$$N_{Rm} = \frac{\lg(\frac{x_{D,lk}}{x_{D,hk}} \cdot \frac{x_{F,hk}}{x_{F,lk}})}{\lg(\overline{\alpha}_{lk,hk})_R} \qquad N_{Sm} = \frac{\lg(\frac{x_{F,lk}}{x_{F,hk}} \cdot \frac{x_{B,hk}}{x_{B,lk}})}{\lg(\overline{\alpha}_{lk,hk})_S}$$

$$\frac{N_R}{N_S} = \frac{N_{mR}}{N_{mS}}$$

$$N = N_R + N_S$$

适用于塔顶和塔底产品采出量大致相同的情况 (D ≈ B)



5. 塔顶和塔底组成估算

估算的作用: (1) 为严格计算提供初值;

(2) 操作型问题的估算。

- 1. 规定轻、重关键组分在馏出液和塔釜液中的分离要求
- 2. 规定轻、重关键组分在馏出液和塔釜液中的回收率

(1)
$$(x_{lk})_B \le 0.1\%$$
 $(x_{hk})_D \le 0.2\%$
(2) $(x_{lk})_D \ge 99.5\%$ $(x_{hk})_B \le 99.0\%$

(3)
$$(x_{ik})_D \ge 99.5\%$$
 $(x_{ik})_B \le 0.1\%$

(4)
$$(\eta_{lk})_D = d_{lk} / f_{lk} = 95\%$$
 $(\eta_{hk})_B = b_{hk} / f_{hk} = 90\%$

(5)
$$(\eta_{lk})_D = d_{lk} / f_{lk} = 95\%$$
 $(x_{hk})_B \ge 90.0\%$

当LK, HK 的分离要求给定后,其它组分的含量相应确定



5.1 清晰分割法

基本假定 - 对组分的处理 (L-LK-HK-H):

▶ 轻重组分 - L组分全部从塔顶出料, H组分全部从塔底出料 [清晰分割是针对轻重组分而言]

轻组分: 在塔顶产品中 $\eta_L=1$, 即 $d_L=f_L$, $b_L=0$ 重组分: 在塔釜产品中 $\eta_H=1$, 即 $b_H=f_H$, $d_H=0$

▶ LK、HK组分在塔顶、塔底的浓度按分离要求确定。

$$Fz_i = Dx_{D,i} + Bx_{B,i}$$

> 塔顶、底产品的组成和采出量通过简单的物料衡算计算。

例题: 三元体系按相对挥发度排序A(LK) > B(HK) > C(H),

进料组成(mol分数): x_{Fa}=0.55, x_{Fb}=0.30, x_{Fc}=0.15。 分离要求: A组分在塔顶出料中回收率≥99%;

B组分在塔釜出料中回收率≥96%。

试用清晰分割法估算: D, B, X_{Di}, X_{Bi}

分析: 基于清晰分割,则重组分C全部从塔底出料

塔顶产品 - A+(B) 塔底产品 - (A)+B+C

解: 设进料流量为 F=100 kmol/h

$$D = D_a + D_b = (Fz_a)\eta_{Da} + (Fz_b)(1-\eta_{Bb})$$

= 100×0.55×0.99+100×0.30×(1-0.96)

= 55.65 kmol/h

4

$$B = B_a + B_b + B_c = (F z_a) (1-\eta_{\mathrm{D}a}) + (F z_b) \eta_{\mathrm{B}b} + F z_c$$

$$= 100 \times 0.55 \times (1-0.99) + 100 \times 0.3 \times 0.96 + 100 \times 0.15 \times 1$$

$$= 44.35 \text{ kmol/h}$$

武
$$B = F - D = 100 - 55.65 = 44.35 \text{ kmol/h}$$
塔顶出料组成

$$x_{DA} = \frac{100 \times 0.55 \times 0.99}{55.65} = 0.9784$$

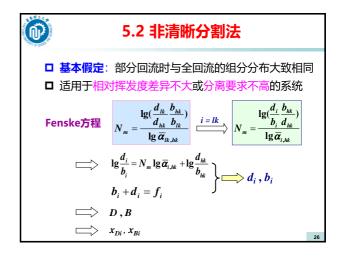
$$x_{DB} = \frac{100 \times 0.30 \times (1-0.96)}{55.65} = 0.0216$$

$$x_{DC} = \frac{0}{55.65} = 0$$

$$x_{BA} = \frac{100 \times 0.55 \times (1-0.99)}{44.35} = 0.0124$$

$$x_{BB} = \frac{100 \times 0.30 \times 0.96}{44.35} = 0.6494$$

$$x_{BC} = \frac{100 \times 0.15}{44.35} = 0.3382$$



例题: 三元体系精馏过程

进料组成: z_A =0.3, z_B =0.3, z_C =0.4 (mol分数)

相对挥发度: α_{AC} =3, α_{BC} =2.08

分离要求: B组分在塔顶出料中的回收率=90%

C组分在塔釜出料中的回收率=90%

用非清晰分割法计算: A组分在塔顶和塔底出料中的流量

分析: 关键组分为B、C → 同时存在于塔顶和塔底

解题思路 → 关键组分流量 → 确定 N_m → 计算A

解: 设进料流量为 *F*=100 kmol/h

则轻重关键组分的流量为:

 $d_{\rm B} = 100 \times 0.30 \times 0.90 = 27 \text{ kmol/h}$

 $d_{\rm C} = 100 \times 0.40 \times (1-0.90) = 4 \text{ kmol/h}$

 $b_{\rm B} = 100 \times 0.30 \times (1-0.90) = 3 \text{ kmol/h}$

 $b_C = 100 \times 0.40 \times 0.90 = 36 \text{ kmol/h}$

Fenske方程
$$N_{\rm m} = \frac{\lg\left[\left(\frac{d}{b}\right)_{LK}\left(\frac{b}{d}\right)_{HK}\right]}{\lg(\bar{\alpha}_{LK,HK})}$$

$$\lg\left(\frac{d_{Ik}}{b_{hk}}\right) - \lg\left(\frac{27}{3}\right)$$

$$N_{m} = \frac{\lg(\frac{d_{lk}}{d_{hk}} \frac{b_{hk}}{b_{lk}})}{\lg \overline{\alpha}_{lk,hk}} = \frac{\lg(\frac{27}{4} \frac{36}{3})}{\lg 2.08} = 6.0$$

$$\begin{cases} \lg \frac{d_A}{b_A} = N_m \lg \alpha_A + \lg \frac{d_{c(HK)}}{b_{c(HK)}} = 6 \lg 3 + \lg \frac{4}{36} = 1.9085 \\ h_A + d_A = f_A = 30. \end{cases}$$

$$\begin{cases} b_A = 0.3659kmol/h \\ d_A = 29.6341kmol/h \end{cases}$$



讨论一:

1、当LK与HK的分离要求比较高,同时

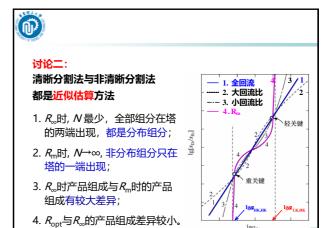
$$\alpha_L \rangle\rangle \alpha_{LK} \not \equiv \alpha_H \langle\langle \alpha_{HK} \rangle\rangle$$

则清晰分割法比较适合。

2、当 $\alpha_L \approx \alpha_{LK}$, $\alpha_H \approx \alpha_{HK}$, 同时 LK与HK的分离要求又不是很高,则L, H为分布组分,

→ 分布组分采用非清晰分割法,

其余组分采用清晰分割法



综合例题: 某待分离料液的组成为

组 分	丙烯(1)	丙烷(2)	异丁烷(3)
mole分率 z _i	0.7811	0.2105	0.0084
相对挥发度 ai2	1.1218	1.0	0.5418
All do I like Like Like Like Like Like Like Like L			

进料状态为泡点进料。

分离要求: 塔顶产品中丙烯mol分率≥99.5%; 塔底产品中丙烯mol分率≤5%。

试计算:

- (1) 分离所需的 R_m ;
- (2) 取 $R=2R_m$, 计算所需理论板数N;
- (3) 产品质量不变,若 / 增加10块,产量可提高多少?

分析: 关键组分为丙烯(1)和丙烷(2),重组分异丙烷(3) 思路: 物料衡算 $\rightarrow N_m \rightarrow R_m \rightarrow R \rightarrow N$



(4) Underwood方程求R_m和R

$$\Sigma \frac{\alpha_{i,B} z_{F,i}}{\alpha_{i,B} - \theta} = 1 - q$$

$$\xrightarrow{q=1} \frac{1.12184 \times 0.7811}{1.12184 - \theta} + \frac{1 \times 0.2105}{1 - \theta} + \frac{0.54176 \times 0.0084}{0.54176 - \theta} = 0$$

$$\Box >$$
 试差求解,得 θ =1.0236

$$\begin{array}{ll} & \longleftarrow & R_m = \sum \frac{\alpha_{i,B} x_{D,i}}{\alpha_{i,B} - \theta} - 1 = \frac{1.12184 \times 0.995}{1.12184 - 1.0236} + \frac{1 \times 0.005}{1 - 1.0236} + \frac{0.54176 \times 0.0}{0.54176 - 1.0236} - 1 \\ & = 10.15 \end{array}$$

 $\implies R = 2R_{\rm m} = 20.3058$

(5) Gilliland关联式求N

$$X = (R-R_{\rm m})/(R+1) = 0.47653$$

 $Y = (N-N_{\rm m})/(N+1) = 0.26317$ $N = 97.12$

(6) 产品质量不变, 理论板数 N 增加10块

$$N = 97.12 + 10 = 107.12$$

进料组成和产品质量不变, $N_{\rm m}$ 、 $R_{\rm m}$ 与(3)(4)相同。

$$\frac{N - N_m}{N + 1} = 0.75[1 - (\frac{R - R_m}{R + 1})^{0.5668}]$$

 $Y = (N-N_{\rm m})/(N+1) = 0.33127$ (非必须)

$$X = (R-R_{\rm m})/(R+1) = 0.37013$$

□ R = 16.707 (回流比↓)

(7) 蒸汽消耗不变时 → V 不变 → D'增加

$$(R+1)D = (R'+1)D'$$



本课小结:条件与公式

- ▶ 组分的分类
- ➤ Fenske方程 (按不同顶底指标) → N_m
- $N_{\rm m} = \frac{\lg \left[\frac{x_{D,LK}}{x_{D,HK}} \frac{x_{B,HK}}{x_{B,LK}} \right]}{\frac{1}{2}}$
- > Underwood方程 $\Rightarrow R_{\rm m}$ $R_{\rm m} = \Sigma \frac{\alpha_{i,B} x_{D,i}}{\alpha_{i,B} \theta} 1 \sum \frac{\alpha_{i,B} z_{F,i}}{\alpha_{i,B} \theta} = 1 q$
- ➤ Gilliland关联式 → $N=f(N_{m'}R_{m'}R)$ $\frac{N-N_{m}}{N+1} = 0.75[1-(\frac{R-R_{m}}{R+1})^{0.5668}]$
- ▶ 进料位置的确定 N_r
- $\frac{N_R}{N_S} = \frac{N_{mR}}{N_{mS}} \quad N = N_R + N_S$
- 塔顶和塔底组成的估算(清晰分割法、非清晰分割法)



本课作业

- 2-16. 何谓关键组分? 精馏分离的多元混合物可能含有 哪些类别的组分?
- 2-17. 有 A, B, C, D (以挥发度递减次序排列) 四组 分组成的料液加入精馏塔中进行分离。假设 A, B; B, C 或 C. D 是轻重关键组分时:
 - (1) 塔在R_m 下操作时塔中的恒浓区位置进行分析;
 - (2) 因为什么组分的变化会引起恒浓区位置的变化?
- 2-18. 估算精馏塔塔顶和塔底产品的量和组成有哪两种 方法? 各自的基本假定有哪些?



本课作业

针对裂解气深冷分离中的脱乙烷精馏塔:

组分 CH₄ C₂H₄ C₂H₆ C₃H₆ C₃H₈ C₄H₁₀ 组成 1.0 61.1 7.3 24.2 0.8 5.6 mol%

工艺要求:

回收率 $\left\{ \begin{array}{l} \eta_{D,C2H6} > 97\% \\[1mm] \eta_{B,C3H6} > 99\% \end{array} \right.$

试问: 如何确定关键组分? 列出所有组分的分类。

