第15章 界面现象

习题解答

1. 将 1cm^3 的油分散到水中,形成油滴半径为 $1 \mu \text{m}$ 的乳状液,求所需的最小功。设油水之间界面张力为 $62 \times 10^{-3} \, \text{N} \cdot \text{m}^{-1}$ 。

解:
$$W'_{R} = \sigma \Delta A_{s} \approx \sigma A_{s} = \sigma \frac{V}{\frac{4}{3} \pi r^{3}} \cdot 4 \pi r^{2} = \frac{3\sigma V}{r}$$
$$= \left(\frac{3 \times 62 \times 10^{-3} \times 1 \times 10^{-6}}{1 \times 10^{-6}}\right) J = 0.19 J$$

2. 298K 时,水的表面张力 σ = 72.0×10⁻³ N·m⁻¹, $(\partial \sigma/\partial T)_{p,A_s}$ = $-0.157 \times 10^{-3} \,\mathrm{N} \cdot \mathrm{m}^{-1} \cdot \mathrm{K}^{-1}$ 。在 298 K,0.1 MPa 下使水的表面积可逆地增大1 m²,试求过程的W,Q, $\Delta H^{(\sigma)}$, $\Delta S^{(\sigma)}$, $\Delta G^{(\sigma)}$ 。

解:
$$W'_{R} = \Delta G^{(\sigma)} = \sigma \Delta A_{s} = (72.0 \times 10^{-3} \times 1) J = 72.0 \times 10^{-3} J$$

对纯物质,恒压下有
$$dG^{(\sigma)} = -S^{(\sigma)}dT + \sigma dA_{s}$$

由全微分性质得

$$\left(\frac{\partial S^{(\sigma)}}{\partial A_{s}}\right)_{T,p} = -\left(\frac{\partial \sigma}{\partial T}\right)_{p,A_{s}}$$

$$\Delta S^{(\sigma)} = -\left(\frac{\partial \sigma}{\partial T}\right)_{p,A_{s}} \Delta A_{s} = \left[-\left(-0.157 \times 10^{-3}\right) \times 1\right] \mathbf{J} \cdot \mathbf{K}^{-1}$$

$$= 0.157 \times 10^{-3} \,\mathbf{J} \cdot \mathbf{K}^{-1}$$

$$Q_{R} = T\Delta S^{(\sigma)} = (298 \times 0.157 \times 10^{-3}) J = 46.8 \times 10^{-3} J$$

$$\Delta H^{(\sigma)} = \Delta G^{(\sigma)} + T\Delta S^{(\sigma)} = (72.0 \times 10^{-3} + 298 \times 0.157 \times 10^{-3}) J$$

$$= 118.8 \times 10^{-3} J$$

3. 293 K 时,苯蒸气凝结成雾,其液滴半径为1 μ m,求液滴界面内外的压力差,并计算液滴饱和蒸气压比平面液体饱和蒸气压增加的百分率。 已知 293 K 时液体苯的密度为 0.879 g·cm⁻³,表面张力 σ = 28.9×10⁻³ N·m⁻¹。

解:
$$p^{(1)} - p^{(g)} = \frac{2\sigma}{r} = \frac{2 \times 28.9 \times 10^{-3}}{1 \times 10^{-6}} \text{ Pa} = 57.8 \text{ Pa}$$

$$\ln \frac{p_r^*}{p^*} = \frac{2\sigma M}{RT\rho r} = \frac{M\Delta p}{RT\rho}$$

$$= \frac{78.11 \times 10^{-3} \times 57.8 \times 10^3}{8.3145 \times 293 \times 0.879 \times 10^3} = 2.11 \times 10^{-3}$$

$$\frac{p_r^*}{p^*} = 1.002$$

$$\frac{p_r^* - p^*}{p^*} = 0.002 = 0.2\%$$

4. 298K 时, 乙醇水溶液的表面张力与浓度 c 的关系为:

$$\frac{\sigma}{\text{N} \cdot \text{m}^{-1}} = 72 \times 10^{-3} - 0.50 \times 10^{-6} \frac{c}{\text{mol} \cdot \text{m}^{-3}} + 0.20 \times 10^{-9} \left(\frac{c}{\text{mol} \cdot \text{m}^{-3}}\right)^{2}$$

试计算浓度为 $0.5 \, \mathrm{mol} \cdot \mathrm{dm}^{-3}$ 时的单位界面吸附量 $\Gamma_2^{(1)}$ 。

解:
$$\left(\frac{\partial \sigma}{\partial c_2}\right) = \left(\frac{\partial \sigma}{\partial c}\right)$$

$$= \left(-0.50 \times 10^{-6} + 0.40 \times 10^{-9} \frac{c}{\text{mol} \cdot \text{m}^{-3}}\right) \text{N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$= \left(-0.50 \times 10^{-6} + 0.40 \times 10^{-9} \times 0.50 \times 10^3\right) \text{N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$= -0.30 \times 10^{-6} \, \text{N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$\begin{split} I_2^{(1)} &= -\frac{c_2}{RT} \left(\frac{\partial \sigma}{\partial c_2} \right) \\ &= \left[-\frac{0.50 \times 10^3 \times \left(-0.30 \times 10^{-6} \right)}{8.3145 \times 298} \right] \text{mol} \cdot \text{m}^{-2} \\ &= 6.1 \times 10^{-8} \, \text{mol} \cdot \text{m}^{-2} \end{split}$$

5. 292K 时,丁酸水溶液的表面张力可表示为 $\sigma = \sigma^* - a \ln(1+bc)$,其中 σ^* 为纯水的表面张力,a、b 为常数。 (1) 导出 $\Gamma_2^{(1)}$ 与c 的关系式; (2) 若已知 $a = 13.1 \times 10^{-3} \, \mathrm{N \cdot m^{-1}}$, $b = 19.6 \times 10^{-3} \, \mathrm{mol^{-1} \cdot m^3}$,试计算浓度为 $0.2 \, \mathrm{mol \cdot dm^{-3}}$ 时的单位界面吸附量 $\Gamma_2^{(1)}$ 。

解: (1)
$$\left(\frac{\partial \sigma}{\partial c_2}\right) = \left(\frac{\partial \sigma}{\partial c}\right) = -\frac{ab}{1+bc}$$

$$I_2^{(1)} = -\frac{c_2}{RT} \left(\frac{\partial \sigma}{\partial c_2}\right) = \frac{abc}{RT(1+bc)}$$

(2)
$$\Gamma_2^{(1)} = \left[\frac{13.1 \times 10^{-3} \times 19.6 \times 10^{-3} \times 0.200 \times 10^3}{8.3145 \times 292 \times \left(1 + 19.6 \times 10^{-3} \times 0.200 \times 10^3\right)} \right] \text{mol} \cdot \text{m}^{-2}$$

$$= 4.30 \times 10^{-6} \text{ mol} \cdot \text{m}^{-2}$$

6. 已知 293 K 时乙醇的表面张力为 22.0× 10^{-3} N·m⁻¹,汞的表面张力为 471.6× 10^{-3} N·m⁻¹,汞与乙醇的界面张力为 364.3× 10^{-3} N·m⁻¹,试问乙醇能否在汞表面上铺展?

解:
$$\varphi = \sigma_{\text{-}(, interpretation in the first of the fi$$

故能铺展。

7. 473 K 时研究 O_2 在某催化剂上的吸附作用,当气态 O_2 的平衡压力为 0.1 及 1 MPa 时,测得每克催化剂吸附 O_2 的量分别为 2.5 及 $4.2 \, \text{cm}^3$ (STP)。 设吸附作用服从兰缪尔吸附等温式,计算当 O_2 的吸附量为饱和吸附量的一半时,相应的 O_2 的平衡压力。

解:
$$\Gamma = \Gamma_{\infty} \frac{bp}{1 + bp}$$

$$\frac{\Gamma_{1}}{\Gamma_{2}} = \frac{p_{1}}{p_{2}} \times \frac{1 + bp_{2}}{1 + bp_{1}}$$

即

$$\frac{2.5}{4.2} = \frac{0.1}{1} \times \frac{1 + b \times 1 \text{ MPa}}{1 + b \times 0.1 \text{ MPa}}$$

解得 $b = 12.2 \,\mathrm{MPa}^{-1}$

$$\frac{\Gamma}{\Gamma_{\infty}} = \frac{bp}{1 + bp} = \frac{1}{2}$$

$$p = \frac{1}{b} = \frac{1}{12.2 \,\mathrm{MPa}^{-1}} = 0.082 \,\mathrm{MPa} = 82 \,\mathrm{kPa}$$

8. 已知某硅胶的表面为单分子覆盖时每克硅胶需 N_2 体积为 $129 cm^3$ (STP)。若 N_2 分子所占面积为 $0.162~nm^2$,试计算此硅胶的比表面。

解:
$$A_s = nLA_m = \left(\frac{129}{22414} \times 6.022 \times 10^{23} \times 0.162 \times 10^{-18}\right) \text{m}^2$$

= 562 m^2
 $A_{s0} = \frac{A_s}{m} = \left(\frac{562 \text{ m}^2}{1\text{g}}\right) = 562 \text{ m}^2 \cdot \text{g}^{-1}$

9. 在 77.2 K 时以 N_2 为吸附质,测得每克催化剂的吸附量(STP)与 N_2 平衡压力的关系如下:

p / kPa	8.70	13.64	22.11	29.93	38.91
V/cm^3	115.6	126.3	150.7	166.4	184.4

试用 BET 吸附等温式求该催化剂的比表面。已知 77.2 K 时 N_2 的饱和蒸气压为 99.10 kPa, N_2 分子所占面积为 0.162 nm²。

p/kPa	V/cm^3	$\frac{p}{p^*}$	$(p^*-p)/kPa$	$\frac{p \times 10^3}{V(p^* - p)} / \text{cm}^{-3}$
8.70	115.6	0.0878	90.40	0.833
13.64	126.3	0.1376	85.46	1.264
22.11	150.7	0.2231	76.99	1.906
29.93	166.4	0.3020	69.17	2.600
38.91	184.4	0.3926	60.19	3.506

解:
$$\frac{p}{V(p^*-p)} = \frac{1}{V_{\infty}c} + \frac{c-1}{V_{\infty}c} \cdot \frac{p}{p^*}$$

以
$$\frac{p/V(p^*-p)}{cm^{-3}}$$
 为纵坐标, $\frac{p}{p^*}$ 为横坐标作图,得一直线,其

斜率 =
$$8.65 \times 10^{-3}$$

截距 = 0.130×10^{-3}

$$\frac{V_{\infty}}{\text{cm}^3} = \frac{1}{\text{斜率 + 截距}} = \frac{1}{(8.65 + 0.130) \times 10^{-3}} = 113.9$$

$$A_{\text{s}} = nLA_{\text{m}} = \left(\frac{113.9}{22414} \times 6.022 \times 10^{23} \times 0.162 \times 10^{-18}\right) \text{m}^2$$

$$= 496 \text{ m}^2$$

$$A_{\text{s}0} = \frac{A_{\text{s}}}{m} = \frac{496 \text{ m}^2}{1 \text{ g}} = 496 \text{ m}^2 \cdot \text{g}^{-1}$$

10. 1173 K 时测得 N_2O 在 Au 上的分解数据如下(x 为分解的 N_2O

t / min	15	30	65	80	120	∞
х	0.17	0.32	0.57	0.65	0.78	1.00

量与反应开始的 N_2O 量之比):

已知 N_2 O在Au上为弱吸附,产物在Au上的吸附可略,求该分解反应的速率系数k。

解:
$$-\frac{dc_{A}}{dt} = k_{s}\theta_{A} = k_{s} \frac{b_{A}p_{A}}{1+b_{A}p_{A}}$$

$$\approx k_{s}b_{A}p_{A} = k'_{s}p_{A} = k'_{s}c_{A}RT = kc_{A}$$

$$k = \frac{1}{t}\ln\frac{1}{1-x}$$

$$\frac{t/\min}{k \times 10^{2}/\min^{-1}} \quad 1.24 \quad 1.29 \quad 1.30 \quad 1.31 \quad 1.26$$

$$\bar{k} = 1.28 \times 10^{-2} \,\mathrm{min}^{-1}$$

11. 生产聚氯乙烯塑料的原料氯乙烯可由乙炔与氯化氢气体在 HgCl₂(s) 催化下得到:

$$C_2H_2 + HCl \longrightarrow C_2H_3Cl$$

已知反应机理为:
$$HCl + HgCl_2 \xrightarrow{k_1} HgCl_2 \cdot HCl$$
 ①

$$C_2H_2 + HgCl_2 \cdot HCl \xrightarrow{k_2} HgCl_2 \cdot C_2H_3Cl$$
 ②

$$HgCl_2 \cdot C_2H_3Cl \xrightarrow{k_3} HgCl_2 + C_2H_3Cl$$
 3

其中①和③进行得很快,即 HCl 在催化剂上的吸附和解吸保持平衡,产物 C_2H_3 Cl 在催化剂上的解吸也很迅速,所以反应②是整个反应过程的速率控制步骤。若 HCl 在 $HgCl_2(s)$ 上的吸附服从兰缪尔吸附等温式,

- (1) 为反应 $C_2H_2 + HCl \longrightarrow C_2H_3Cl$ 建立反应速率方程;
- (2) 指出在什么条件下,该反应表现为一级反应。

解: (1)
$$v = k_2 p_{C_2H_2} \theta_{HCl}$$

$$\theta_{\text{HCl}} = \frac{b_{\text{HCl}} p_{\text{HCl}}}{1 + b_{\text{HCl}} p_{\text{HCl}} + b_{\text{C}_2\text{H}_3\text{Cl}} p_{\text{C}_2\text{H}_3\text{Cl}}}$$

$$\approx \frac{\frac{k_{1}}{k_{-1}} p_{\text{HCI}}}{1 + \frac{k_{1}}{k_{-1}} p_{\text{HCI}}}$$

$$\upsilon = \frac{k_2 (k_1 / k_{-1}) p_{\text{HCI}} p_{\text{C}_2 \text{H}_2}}{1 + (k_1 / k_{-1}) p_{\text{HCI}}}$$

(2) 当 HCl 强吸附或 HCl 分压很高时

$$\left(\frac{k_1}{k_{-1}}\right)p_{\text{HCI}} >> 1$$

$$\upsilon = k_2 p_{C_2H_2}$$

表现为一级反应。