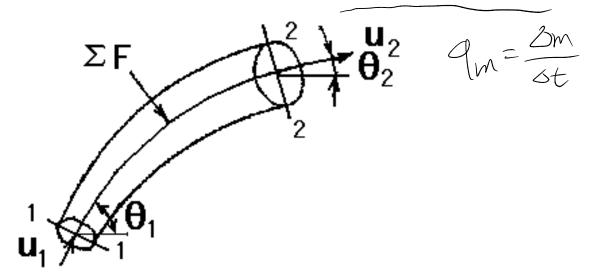
习题: 21, 22 三均之(就量)

1.3.3 动量守恒

牛顿第二定律可写成:  $F \triangle t = \triangle (mu)$ 



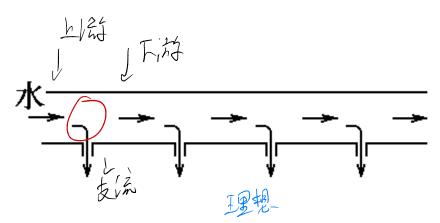
取单位时间计 F= O(qmu) = Zy qmu- Zy qmu (条件: 定态流动,管截面上速度均匀分布):

$$\sum F_X = q_m(u_{2x} - u_{1x})$$

$$\sum F_y = q_m(u_{2y} - u_{1y})$$

$$\sum F_z = qm(u_{2z} - u_{1z})$$

工程应用:流量分配



个控制体 取一节作分析

$$\begin{array}{c|c}
\underline{p_1} & \underline{p_2} \\
\underline{u_1} & \underline{u_2}
\end{array}$$

忽略壁面摩擦阻力,按水方向动量守恒式

$$p_1 A - p_2 A = \rho u_2^2 A - \rho u_1^2 A$$

$$\sum_{k=1}^{\infty} \sum_{k=1}^{\infty} \left( \bigcup_{2 \times k} \bigcup_{k \times k} \right)$$

因支管流水, $u_2 < u_1$  ,所以, $p_2 > p_1$ 

$$p_2 - p_1 = \rho(u_1^2 - u_2^2)$$
 (录像)

1.4 流体流动的内部结构 (医前传法)

1.4.1 流动的型态

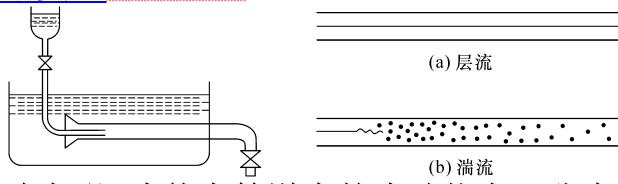
$$z_{1}g + \frac{p_{1}}{\rho} + \frac{u_{1}^{2}}{2} = z_{2}g + \frac{p_{2}}{\rho} + \frac{u_{2}^{2}}{2} + h_{f}$$

対于水平直管 (2020)
$$h_{f} = \frac{p_{1} - p_{2}}{\rho} = \frac{\Delta p}{\rho}$$

人们发现两种规律:

$$\Delta p \propto u^1$$
,  $\Delta p \propto u^{1.75\sim 2}$ 

雷诺实验



实验表明:流体在管道中的流动状态可分为两种层流(滞流):

流体在管中流动时,其质点始终沿着与管轴平行的方向作直线运动,质点之间互不相混合。

湍流 (紊流):

流体质点除了沿着管道向前流动外,各质点的运 动速度在大小和方向上都随时发生变化。

两种不同流型对流体中发生的动量, 热量和 质量传递将产生不同的影响。为此工程设计上需 要能够事先判定流型。

科学家雷诺做了大量实验得出:

流动状态与 $\rho$ ,u,d, $\mu$ 有关

(2) 
$$Re = \frac{\rho u d}{\mu}$$
 是判断流动类型的准则。  $Re$ : 无量纲数群

$$[Re] = \left[\frac{\rho ud}{\mu}\right] = \left[\frac{ML^{-3}LT^{-1}L}{ML^{-1}T^{-1}}\right] = L^{0}M^{0}T^{0}$$

力学系: 基本量纲有三个

质量[M],长度[L],时间[T]

$$Re = \frac{\rho u d}{\mu} = \frac{\rho u^2}{\mu \frac{u}{d}} \propto \frac{\text{惯性力}}{\text{黏性力}}$$

例如:在圆形直管内

当 Re≤2000 稳定层流

2000<Re<4000 过渡区(不稳定)与外界扰 动有关

*Re*≥4000 湍流

分为3个区,却只有两种流型

 $\underline{/}$ 注意: (1) 严格说 Re=2000 不是判别流型的判

据,而是层流稳定性的判据

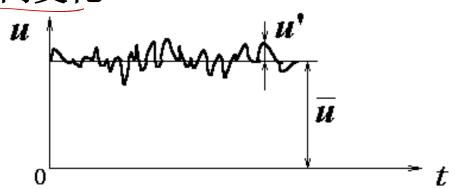
- 定差, 特理量随时间 复化不多
- (2)稳定性与定态性的区别均度,每外型的自由

1.4.2 湍流的基本特征

#### 40度小

径向脉动速度

如果在某一点测定该点沿管轴 x 方向的  $u_x$ 随时间变化



速度=时均速度+脉动速度

$$\mathbf{u}_{\mathbf{X}} = \mathbf{u}_{\mathbf{X}}$$

不再是流体和弱

小艇)

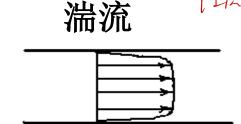
$$\overline{u}_x = \frac{1}{T} \int_0^T \overline{u}_x dt$$

再者: 湍流时 
$$\tau = (\mu + \mu') \frac{d\overline{u}_x}{dy} (無式)$$

μ'湍流黏度,表示速度脉动特征,与物性无关。

## 层流和湍流的区别

层流



$$\frac{\overline{u}}{u_{\text{max}}} = 0.5$$

$$\frac{\overline{u}}{u_{\text{max}}} \approx 0.8$$

- (3)无微团作径向运动
- (4)层流层从中心到管壁

$$\tau = \mu \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}y}$$

(6)  $h_f$ 与 $\frac{\varepsilon}{d}$  无关

(7)  $h_f \propto u^1$ 

(8) 传热、传质慢 介表统

有微团作径向运动 层流内层附壁

$$\tau = (\mu + \mu') \frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}y}$$

$$h_f = \frac{\varepsilon}{d} \quad \hat{f} + \hat$$

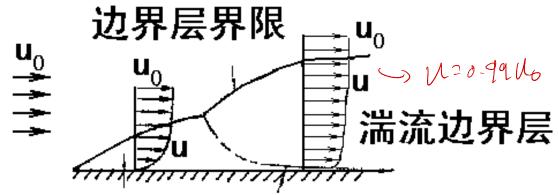
传热、传质快

层流和湍流的本质区别: 有足以, 以及经内的品

是否存在速度、压强的脉动性

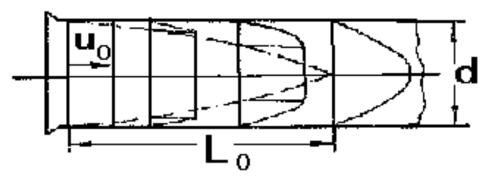
- 1.4.3 边界层及边界层脱体
- 1.4.3.1 边界层

实际流体  $\mu \neq 0$ ,壁面无滑脱



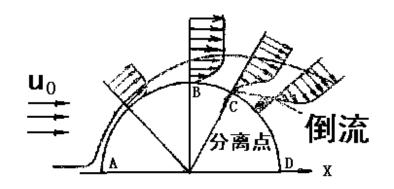
层流边界层 层流内层

边界层——流动流体受固体壁面阻滞而造成速度梯度的区域。



入口段阻力大、传热、传质快

#### 1.4.3.2 边界层脱体



边界层脱体的后果:

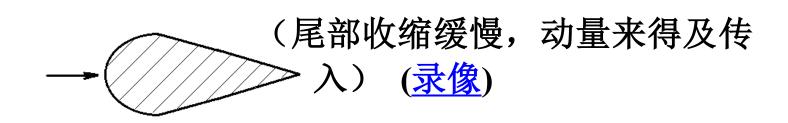
- (1)产生大量的旋涡;
- (2)造成较大能量损失。

边界层脱体的条件:

- (1)逆压强梯度;
- (2)外层动量来不及传入。

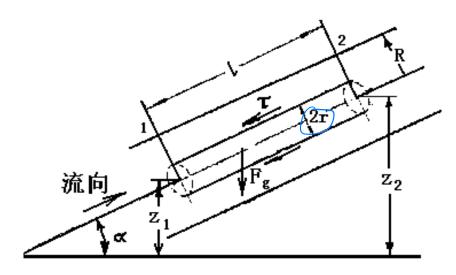
如: 平板不会发生脱体(无倒压区)

流线型物体也不发生脱体



# 1.4.4 圆管内流体流动的数学描述数学描述方法:

- ① 取控制体 沿流站方向名析
- ② 作力分析
- ③ 结合本过程的特征方程(如 $\tau = \mu \frac{du}{dy}$ )解方程
- ④将结果整理成所需要的形式



如图表示流体通过一均匀直管作定态流动 1、圆管内剪应力分布

任取一半径为r,长度为l的圆柱体 $\Sigma F = 0$ 

$$p_1\pi r^2 - p_2\pi r^2 - 2\pi r l\tau - \pi r^2 l\rho g \sin\alpha = 0$$

$$l\sin\alpha = z_2 - z_1$$

整理可得:

$$\tau = \frac{\mathscr{P}_1 - \mathscr{P}_2}{2l} r \qquad \left(\frac{\uparrow \uparrow \uparrow}{\downarrow}\right)$$

由此可见:  $\tau \propto r$ , r=0 处(管中心)  $\tau=0$ 

$$r=R$$
 处, $\tau$  最大, $\tau = \frac{\mathscr{S}_1 - \mathscr{S}_2}{2l}R$ 

2、层流时的速度分布:

层流时, 牛顿黏性定律表示为:

$$\tau = -\mu \frac{du}{dr} \longrightarrow 425 \text{ Per FR}$$

代入 
$$\tau = \frac{\mathscr{P}_1 - \mathscr{P}_2}{2I} r = \frac{\Delta \mathscr{P}}{2I} r$$

经积分: 
$$u = \frac{\Delta \mathscr{P}}{4\mu l} (R^2 - r^2)$$

管中心最大流速为
$$u = \frac{\Delta \mathscr{P}}{4\mu l} R^2$$

为何研究速度分布?

我们从速度分布可得:

$$\frac{u}{u_{max}} = 1 - \left(\frac{r}{R}\right)^{2}$$

$$\overline{u} = \frac{1}{A} \int_{A} u dA = \frac{u_{max}}{\pi^{2} R^{2}} \int \left[1 - \left(\frac{r}{R}\right)^{2}\right] \cdot 2\pi r dr$$

$$\cdot \overline{u} = \frac{1}{2} u_{max} = \frac{\Delta \mathcal{P}}{8\mu l} R^{2}$$

由伯努利方程可知,在均匀直管内

$$\frac{\Delta \mathcal{P}}{\rho} = h_f$$

$$h_f = \frac{8\mu l u}{\rho R^2} = \frac{32\mu l u}{\rho d^2}$$

$$\frac{32\mu l u}{\rho d^2}$$

$$\frac{2}{2}\mu u = \frac{32\mu l u}{d^2}$$

$$\frac{2}{2}\mu u = \frac{32\mu l u}{d^2}$$

此式称为哈根-泊谡叶方程。

表示流体在直管内层流流动  $h_f$  正比于u的一次方。

### 3、湍流时速度分布

湍流时速度分布目前还不能利用理论推导求得,只能用实验方法求得。

通常将其表示成下列经验关系式

$$\frac{u}{u_{\text{max}}} = (1 - \frac{r}{R})^n$$

n 是与 Re 有关的指数

$$4 \times 10^{4} < Re < 1.1 \times 10^{5} \qquad n = \frac{1}{6}$$
$$1.1 \times 10^{5} < Re < 3.2 \times 10^{6} \qquad n = \frac{1}{7}$$

$$Re > 3.2 \times 10^6$$
  $n = \frac{1}{10}$