习题: 1, 4, 5, 7, 11

11. 注

$$q_{v1} = q_{v0} \times \frac{T_1}{T_0} \times \frac{p_0}{p_1}$$

$$\phi 114mm \times 4.5mm$$
管外径 壁厚

1.2 流体静力学

这是对流体流动特性的简化,先研究其静止的状态,然后逐步深入。

每一章节都对以下四方面进行研究:

- 1. 研究的内容
- 2. 研究的方法
- 3. 主要结论
- 4. 如何应用

介比经是面

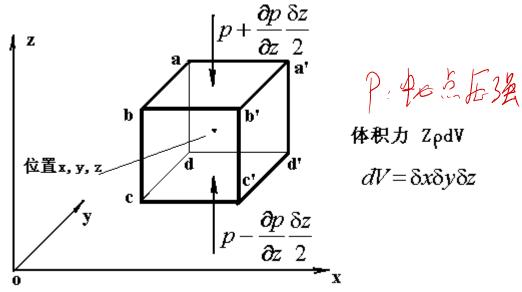
1.2.1 静力学基本方程

静止流体中压强分布 → 研究的内容 静止流体中能量分布 取流体微元作力的分析→ 研究的方法

一上节课已提到流体受

体积力 {重力 表面力 压力 离心力 剪力

1



中心点 A 的坐标为(x,y,z),边长为 δx , δy , δz

(1) 表面力

由于是静止流体,不存在剪力。因而作用 在立方体微元上的表面力只是压力。 中心点 A 的压强设为 p,沿 x 方向作用于 abcd 面的压强为 $p-\frac{1}{2}\frac{\partial p}{\partial x}\delta x$ a'b'c'd'面的压强为 $p + \frac{1}{2}\frac{\partial p}{\partial x}\delta x$ abcd 面的压力为 $(p-\frac{1}{2}\frac{\partial p}{\partial x}\delta x)\delta y\delta z$ a'b'c'd'面的压力为 $(p+\frac{1}{2}\frac{\partial p}{\partial x}\delta x)\delta y\delta z$

对于其他表面,也可以写出相应的表达式

(2) 体积力

设单位质量流体上的体积力沿 x,y,z 方向 上分别为X, Y, Z

则该微元受的体积力分别为 $\rho X \delta x \delta y \delta x$,

 $\rho Y \delta x \delta y \delta z$, $\rho Z \delta x \delta y \delta z$

该流体微团处于静止状态, $\sum F_{h}=0$

对x方向:

$$(p - \frac{1}{2} \frac{\partial p}{\partial x} \delta x) \delta y \delta z - (p + \frac{1}{2} \frac{\partial p}{\partial x} \delta x) \delta y \delta z + \rho X \delta x \delta y \delta z = 0$$

简化成
$$X - \frac{\partial p}{\partial x} \cdot \frac{1}{\rho} = 0$$

同理
$$Y - \frac{\partial p}{\partial y} \cdot \frac{1}{\rho} = 0$$
, $Z - \frac{\partial p}{\partial z} \cdot \frac{1}{\rho} = 0$

将上述方程组分别乘以 dx,dy,dz 并相加可得:

$$\frac{1}{\rho} \left(\frac{\partial p}{\partial x} dx + \frac{\partial p}{\partial y} dy + \frac{\partial p}{\partial z} dz \right) - \left(X dx + Y dy + Z dz \right) = 0$$

$$p = f(x,y,z)$$

∵p=f(x,y,z) 点特征 (光线).

$$\therefore dp = \rho(Xdx + Ydy + Zdz)$$

在重力场中简化:

$$X=0$$
 $Y=0$ $Z=-g$

 \therefore dp+ ρg dz=0

当为不可压缩流体,上式积分得:

$$\frac{p_1}{\rho} + z_1 g = \frac{p_2}{\rho} + z_2 g =$$
常数

由此方程得出结论:

(1) 压强分布

在海水与清水中哪个所受的压强大(同样深度)

△在海水中大

结论: p 是与 ρ , z 有关的

(2) 能量分布

P单位质量的压强能

zg单位质量的位能

因而静力学方程描述:

压强能+位能=常数(总势能)

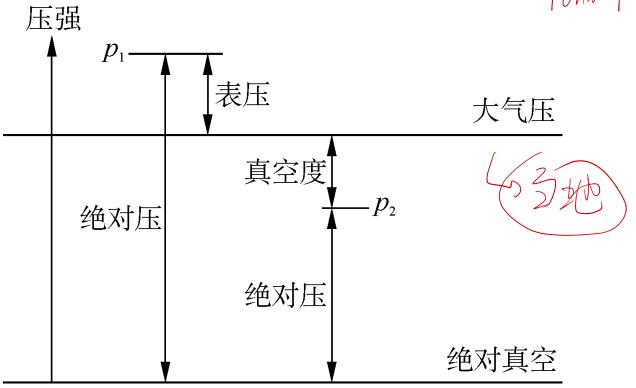
引入虚拟压强 $\mathcal{P} = p + \rho xg$

 \mathcal{P}/ρ : 单位质量的总势能

 $J/kg(N \cdot m/kg)$

- 1.2.2 压强基准和度量单位
- 1. 两种基准 {绝对压强 相对压强

绝对压强 相对压强 表压 Penn 真空度 Penn-P-



必须强调当地大气压重要性

2. 三种度量单位

物理大气压 1atm=1.013×10⁵Pa

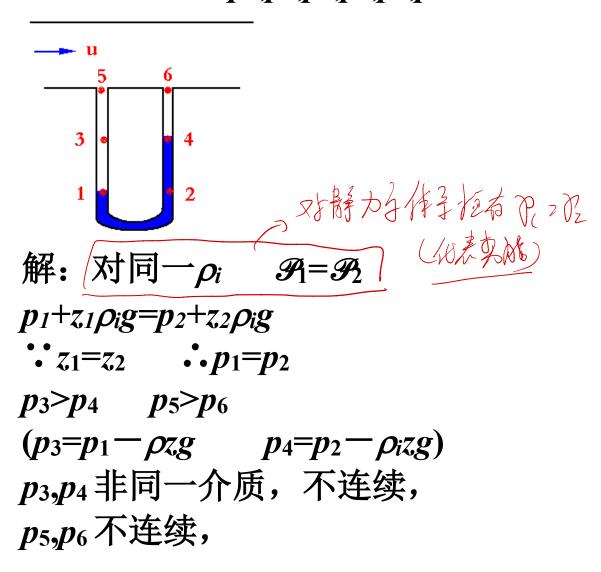
工程大气压 1at=9.81×10⁴Pa

液柱高度 mH₂O mmHg m油柱

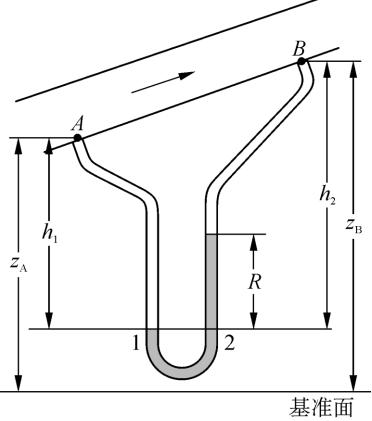
1.2.3 静力学方程的应用

首先建立: 等压面的概念

- 1. 静止流体处于同一水平面
- 2. 同一介质
- 3. 连续
- 例 1: 试比较 p_1,p_2,p_3,p_4,p_5,p_6 的大小



1.应用之一 压强的测量:



 $p_1=p_2$ 为等压面

$$\therefore p_1 = p_A + \rho g h_1$$

 $p_2 = p_B + \rho g (h_2 - R) + \rho_i g R$

 $(p_A+\rho gh_1+\rho gh)-(p_B+\rho gh_2+\rho gh)+R(\rho_i-\rho)g$

即 $(p_A+\rho gz_A)-(p_B+\rho gz_B)=(\mathscr{P}_A-\mathscr{P}_B)=R(\rho_i-\rho)g$

由此得出: 若有凡别口ア和三月日中

 $\Delta \mathscr{P}_{AB} = \mathscr{P}_{A} - \mathscr{P}_{B} = Rg(\rho_{i} - \rho)$

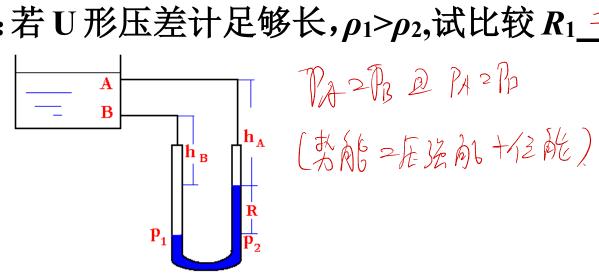
其次建立:

一次两点回数的景.

U.形压差计测 A 罗虚拟压强差,而不是压强差。

要注意: \mathcal{P} 是与 ρ 有关的,运用计算时,两边流体密度必须一致。

例 2: 若 U 形压差计足够长, $\rho_1 > \rho_2$,试比较 $R_1 = R_2$



解 1:

 $p_{\rm B}+\rho gh_{\rm B}+R\rho g=p_{\rm A}+h_{\rm A}\rho g+\rho_{\rm i}gR$ $p_{\rm B}$ - $p_{\rm A}$ = $(h_{\rm A}$ - $h_{\rm B}) \rho g$ + $R(\rho_{\rm i}$ - $\rho)g$

- $:p_B=p_A+(h_A-h_B)\rho g$ 静力学方程
- $\therefore R(\rho_i \rho)g = 0$
- $\therefore \rho_i > \rho$ $\therefore R = 0$

解 2: 用 罗解

 \mathscr{P}_{B} - \mathscr{P}_{A} = $R(\rho_{i}$ - $\rho)g$

根据静力学方程

 $p_{\rm B}+\rho g h_{\rm B}=p_{\rm A}+\rho g h_{\rm A}$

 $\mathscr{P}_{A} = \mathscr{P}_{B}$

因而 R=0 即 $R_1=R_2=0$

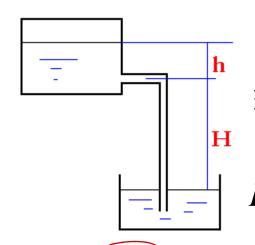
上题: $p_A \neq p_B$,但 $\mathcal{S}_A = \mathcal{S}_B$ 因而有 R = 0

2. 应用之二

真空贮罐内的液体取出: $p_a=101.3$ Pa

 $\rho = 1000 \text{kg/m}^3$ $p(\underline{\mathbf{p}}) = 93.3 \text{kPa}$ h = 1 m

求解支管的高度(有效)。



解: 使贮罐内的液体流动必 须使管内的压强大于大气压, H 因而支管至少长度 H,应为 $p_a = (H+h) \rho g + p_1$

以绝对压为基准:

 $1.013 \times 10^5 = (H+1) \times 1000 \times 9.81 + (101.3-93.3) \times 10^3$ H = 8.5 m

以表压为基准: 10=103790.约束

 $0 = (H+1) \times 1000 \times 9.81 - 93.3 \times 10^3$ H = 8.5 m

1.3 流体流动中的守恒原理



🏹 1.3.1 质量守恒

1.流速与流量

流速:线速(流速) u = m/s

质量流速 $G kg/m^2.s$

流量: 体积流量 q_v m^3/s

质量流量 $q_{\rm m}$ kg/s

注意: a. 流量是一种瞬时的特性,不是某段 时间内累计流过的量,它可以因时而异,当流 体作定态流动时,流量不随时间而变。

b.流体在管内流动时,由于黏性的存在,存在 着速度分布,因而常希望用平均值代替速度分

布。 一个大厅堂/体护线第

常用流量相等的原则来确定平均流速。

$$q_v = \overline{u}A = \int_A u dA$$

$$\overline{u} = \frac{\int_{A} u dA}{A}$$

$$C + \overline{H} \nabla$$

c. 关联图

$$\begin{array}{ccc}
 & u \xrightarrow{\rho} & G \\
 & A & | \\
 & q_{v} \xrightarrow{\rho} & q_{m} & > P \cdot W \cdot A
\end{array}$$

2.质量守恒方程

思路: 流入=流出+积累

$$q_{m1} = q_{m2} + \frac{\partial q_m}{\partial t}$$

\$9m =0

$$\rho_1 \overline{u_1} A_1 - \rho_2 \overline{u_2} A_2 = \frac{\partial}{\partial t} \int \rho dV$$

定态:
$$\frac{\partial q_m}{\partial t} = 0$$

$$\therefore \rho_1 \overline{u}_1 A_1 = \rho_2 \overline{u}_2 A_2 = 常数$$

因而有: (1)ρ=常数 (不可压缩流体)

$$\overline{u}_1 A_1 = \overline{u}_2 A_2$$

(2) ρ =常数 $A_1 = A_2$

 $\overline{u}_1 = \overline{u}_2$

并不因摩擦而减速

一旦体织排了。即使有影谈

摩擦耗散作用于压强的