

第五篇

光学

- 光学是一门历史悠久的学科

人类认识自然，90%的信息来自视觉，所以人类对光现象的研究可谓由来已久。

- 光学又是一门长时间保持生机勃勃的学科

尤其是上世纪60年代初激光问世以来，光科学取得了革命性发展，冲击了整个物理学科，并且对其他学科（化学、生物医学、微电子、材料、信息工程等等学科）都产生了巨大的影响。

光究竟是什么？

- 光是微粒流

----几何光学：以光的直线传播规律为基础，研究各种光学仪器的理论。

- 光是波，光是电磁波

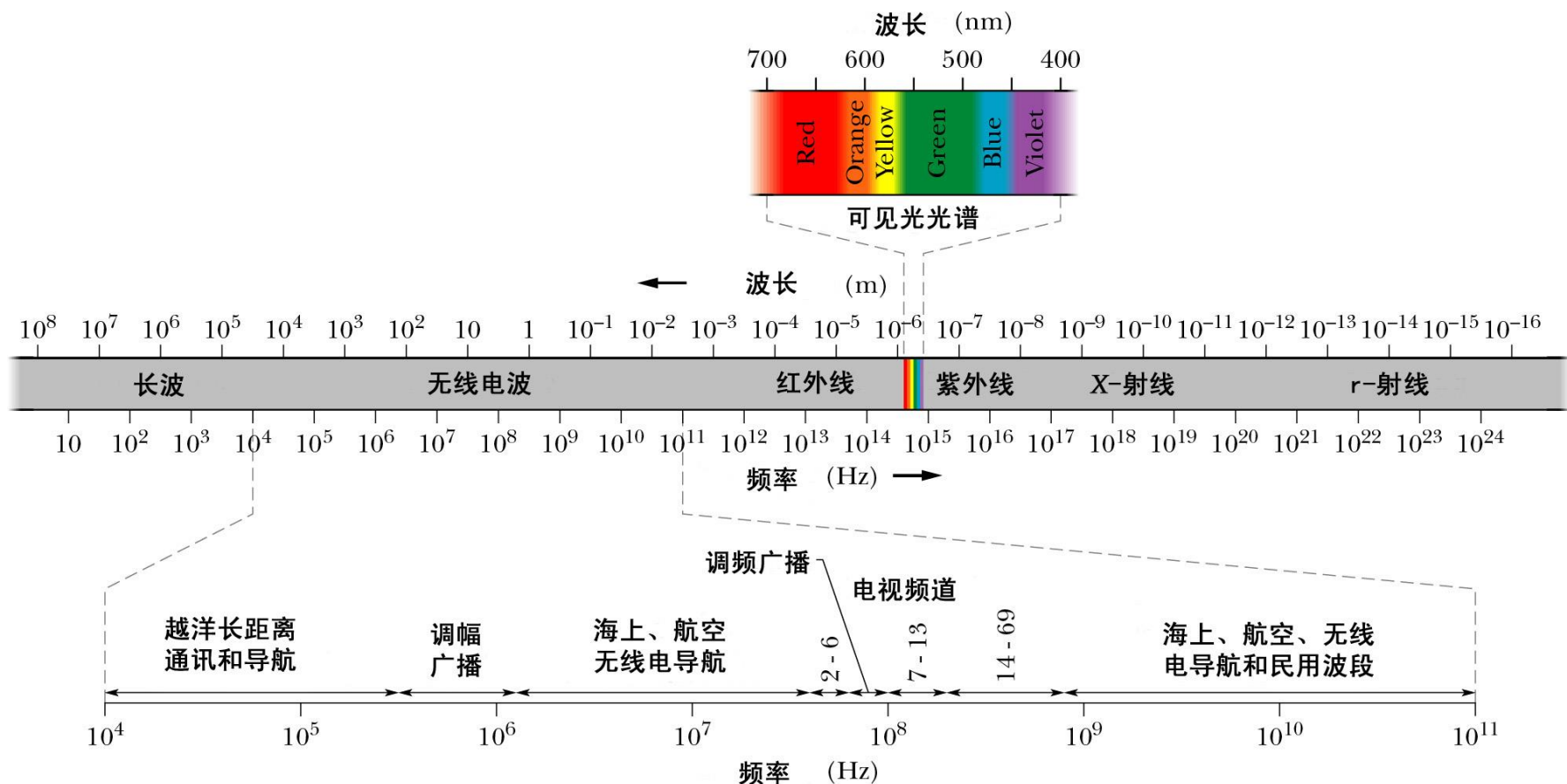
----波动光学：以光的电磁理论为基础，研究光传播规律，特别是干涉、衍射。

- 光是粒子也是波，是量子化了的电磁场

----量子光学：以光的量子理论为基础，研究光与物质相互作用的规律

不断深化着对光本性的认识。

光究竟是什么？ ？ ？ ？ ？ ？



根据光的电磁理论，光是一定波段的电磁波。

可见光——人眼能感受到的电磁波，其波长 λ 约在
 390 nm~760 nm (3900~7600 Å, 1 Å=10⁻¹⁰ m)

对应的频率为 (7.7~3.9) × 10¹⁴ Hz。

平面电磁波 $\left\{ \begin{array}{l} E = E_0 \cos \omega(t - \frac{r}{u}) \\ H = H_0 \cos \omega(t - \frac{r}{u}) \end{array} \right.$

对人眼视觉、底片感光、检测光的元件、光化学作用、光合作用上起主要作用的是电场强度矢量。

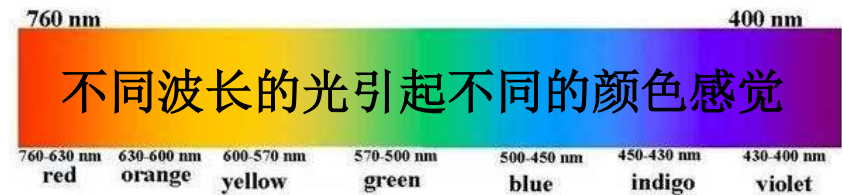
光矢量： \vec{E} 矢量

光强： $I \propto E^2$

光速： $u = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0 \epsilon_r \mu_r}}$ $c = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} \approx 3 \times 10^8 \text{ m/s}$

介质折射率 n ： $n = \frac{c}{u} = \sqrt{\epsilon_r \mu_r}$

光波长： $\lambda = uT = \frac{u}{\nu} = \frac{c}{n\nu}$



单色光：指具有确定的单一频率(波长)的光。

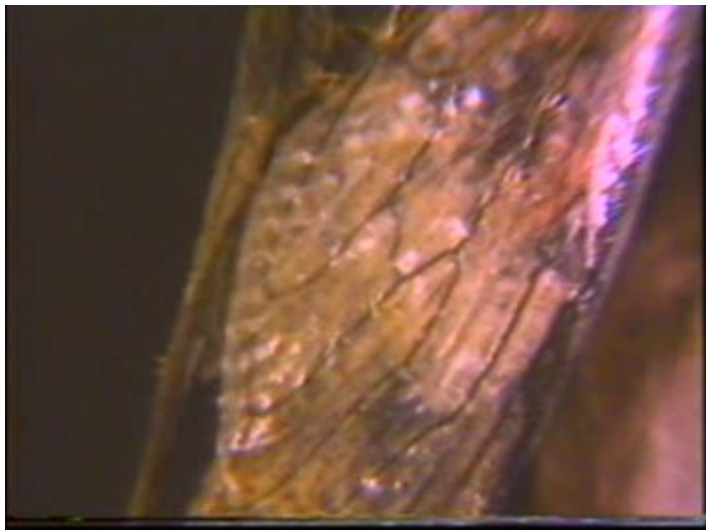
白光：普通光源发出的是混色光。

利用光的电磁波理论来讲波动光学，包括干涉、衍射和偏振

波动光学： { 一、光的干涉
二、光的衍射
三、光的偏振

第21章 光的干涉

丰富多彩的光的干涉现象



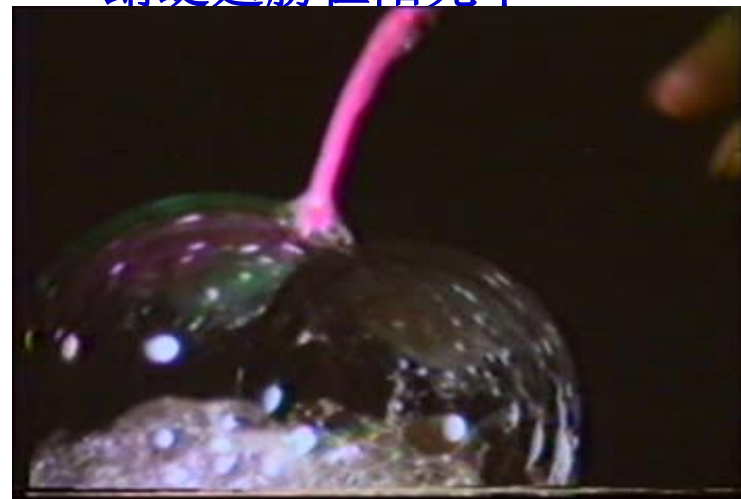
蝉翅在阳光下



蜻蜓翅膀在阳光下



白光下的油膜



肥皂泡

两列同频、同向、相位差恒定的光波的叠加——相干叠加

$$E_1 = E_{10} \cos(\omega t + \varphi_{10})$$

$$E_2 = E_{20} \cos(\omega t + \varphi_{20})$$

$$E_0^2 = E_{10}^2 + E_{20}^2 + 2E_{10}E_{20} \cos \Delta\varphi$$

$$I = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1 I_2} \cos \Delta\varphi$$

$$I_{\max} = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1 I_2} \quad \Delta\varphi = 2k\pi \quad \text{--干涉加强}$$

$$I_{\min} = I_1 + I_2 - 2\sqrt{I_1 I_2} \quad \Delta\varphi = (2k+1)\pi \quad \text{--干涉减弱}$$

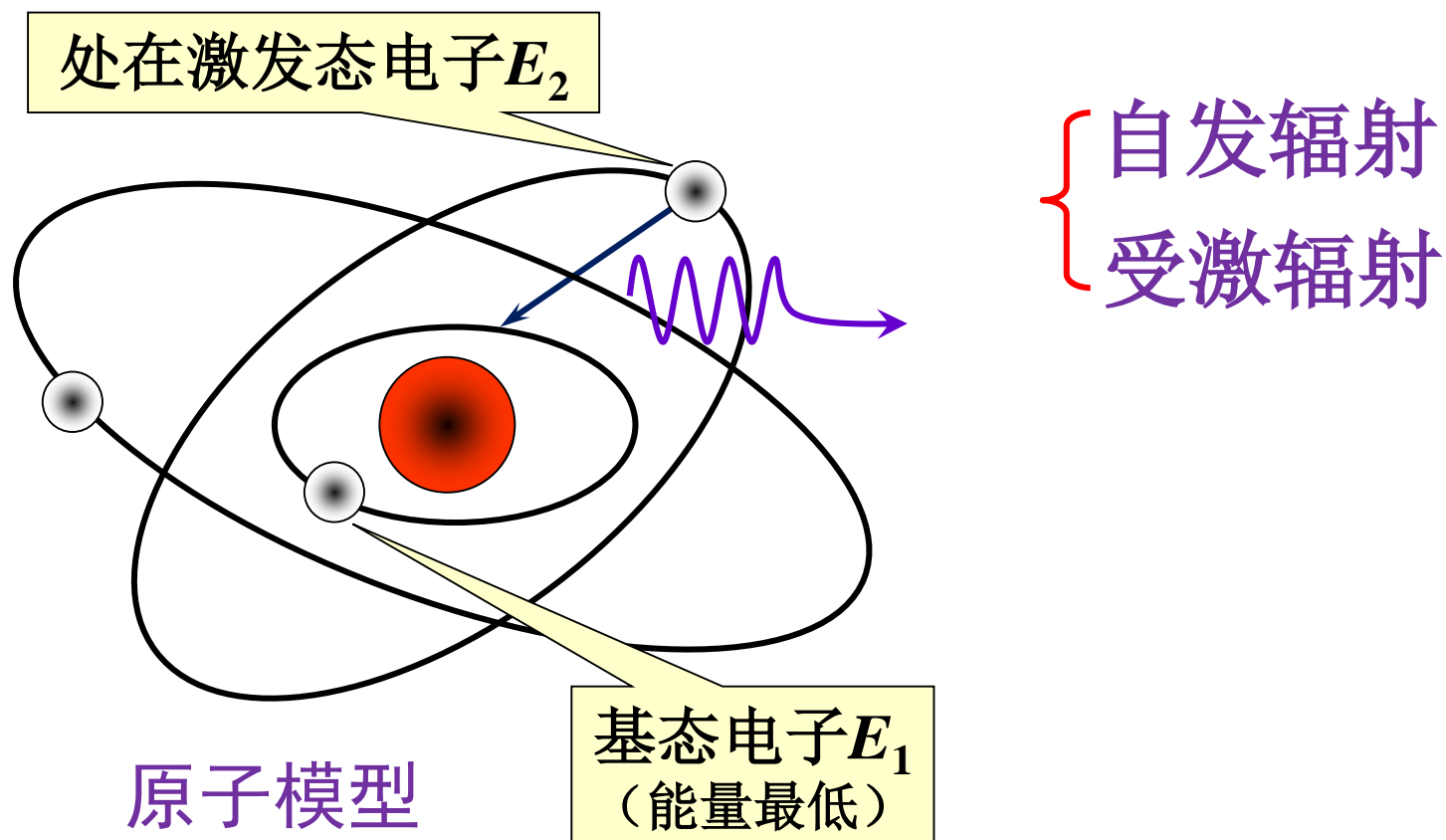
问题：为什么通常情况下观察不到普通光源发出的光的干涉现象？

§ 1 光源的发光机制 相干光的获得

一. 光源发光的机制

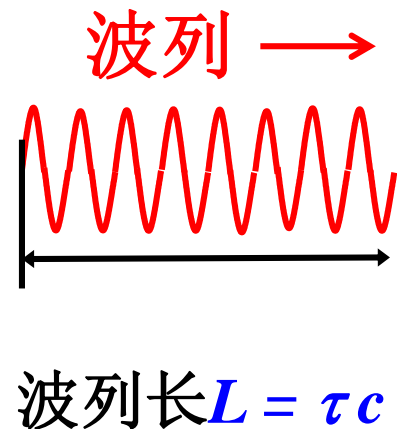
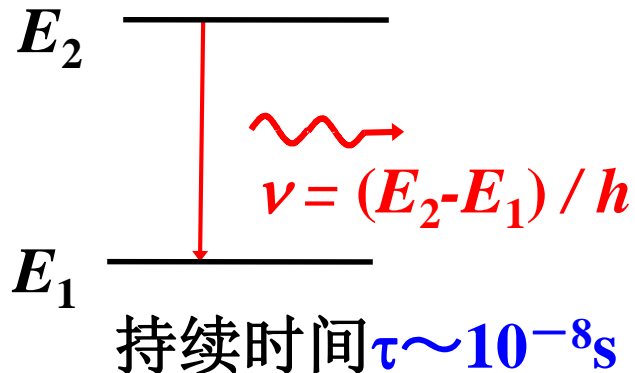
光源的最基本发光单元是原子、分子。

光源的发光是原子的外层电子进行能级跃迁的过程



1、自发辐射（普通光源发光）：

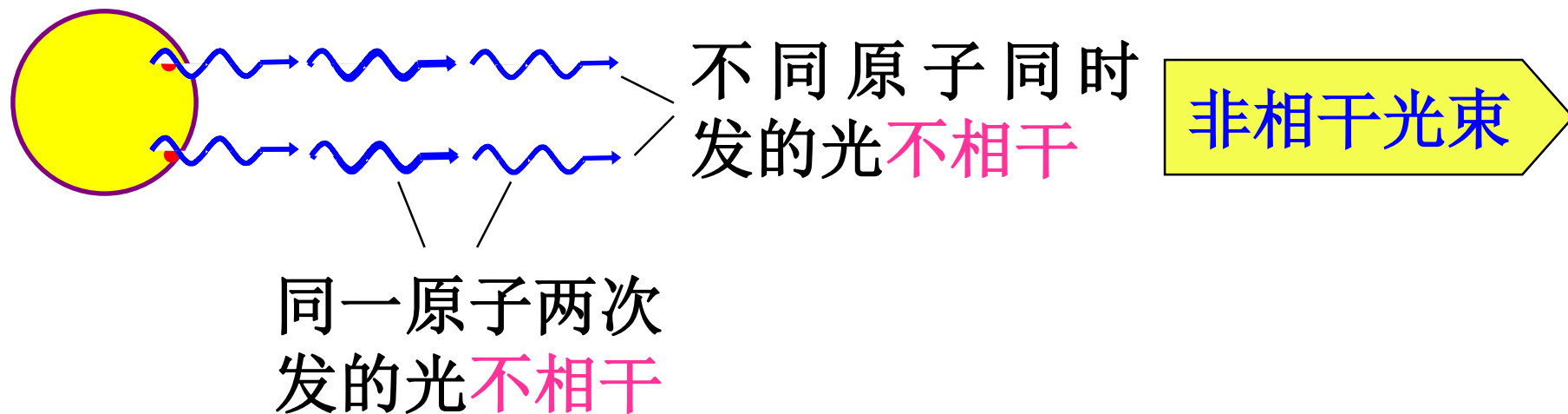
能级跃迁辐射



(1) 单个激发态原子的**发光是断续的（间歇性）**，一次发射的光波是一段频率一定、振动方向一定、有限长的光波（通常称为**光波列**）；

(2) 一个原子不同时间发光的频率不同、振动方向不同，在相位上没有固定关系；

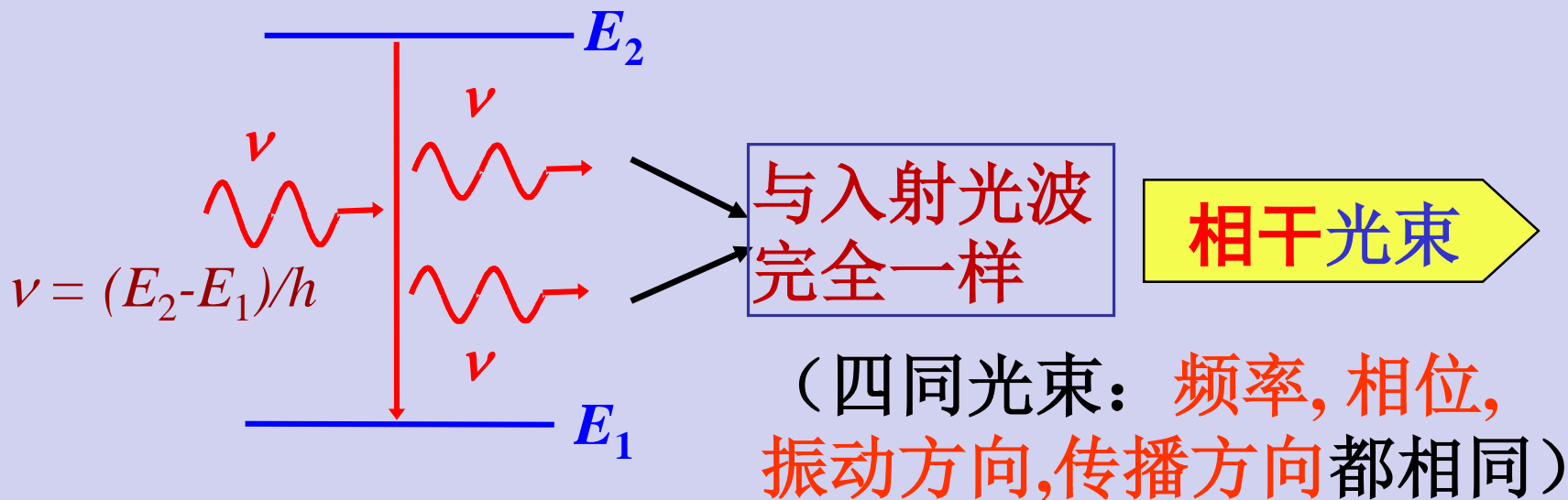
(3) 光源内所有原子发光的时间不同，不同原子发光的频率、振动方向都是**随机**的，在相位上更没有固定关系。



因此：这样的原子（分子）集体发射的光线，为一束包含“多成分”的光。是非相干光源。

普通光源：**自发辐射 所发光是非相干光**

2、受激辐射（激光光源）



激光光源：受激辐射 所发的光是相干光

氦氖激光器；
红宝石激光器；
半导体激光器等等。



➤ **普通光源**：两个独立的光源，或同一光源的不同部位发出的光，或同一光源的同部位在不同时刻发出的光，不满足相干条件。

问题：怎么从普通光源获得相干光？

✧ **从普通光源获得相干光的原理：**

从一个原子一次发光中获得，即将某个原子某次发出的光波列分成部分。

✧ **从普通光源相干光的获得方法：**

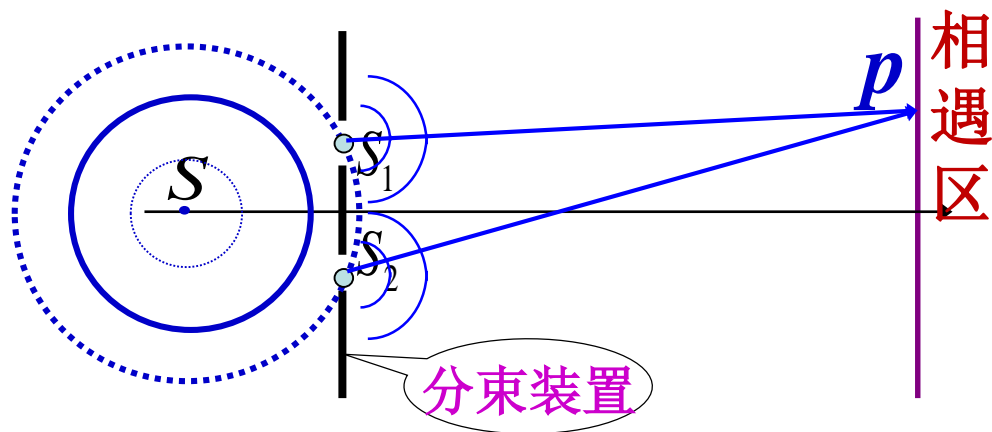
分波面——杨氏双缝干涉，菲涅耳双棱镜，洛埃镜。

分振幅——薄膜干涉（劈尖干涉，牛顿环）。

二、相干光的获得

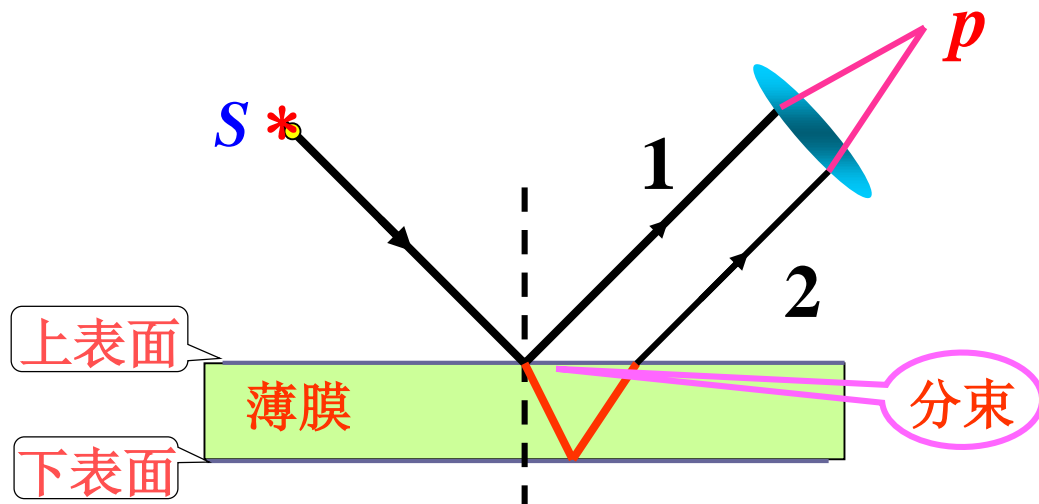
分波阵面法：

从一次发光的**同一波面上**取出几部分，分开后再相遇



分振幅法：

一束光线**分成两（束）部分**分开后再相遇



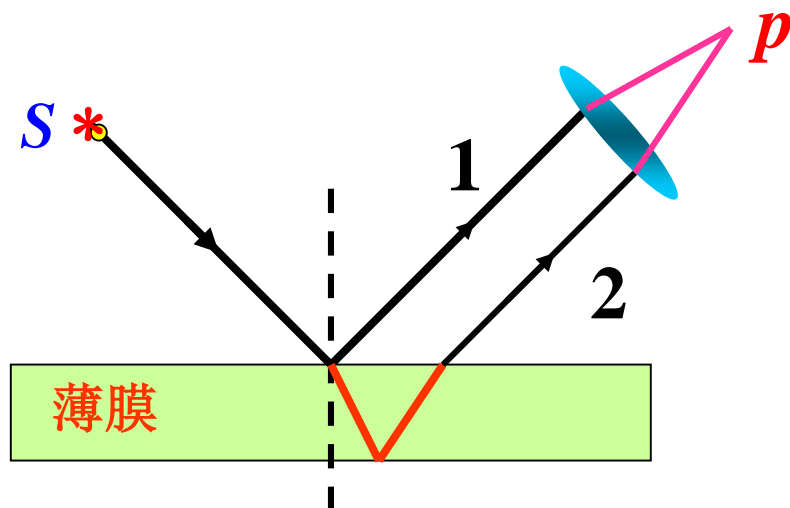
相遇区的**光强分布**取决于两束光在相遇点的**相位差**：

$$\Delta\varphi = (\varphi_2 - \varphi_1) - \frac{2\pi}{\lambda}(r_2 - r_1)$$

同相波源

同相波源，则两相干光
在P点的相位差：

$$\Delta\varphi = \frac{2\pi}{\lambda}(r_2 - r_1)$$



问题：

- 1) 怎么方便地计算出两列相干光在不同介质中传播后而相遇的相位差？
- 2) 光路中引入透镜后对相位差有无影响？
- 3) 光波在介质分界面差产生反射时，反射光的相位有没有变化？

§ 2 光程 薄透镜的等光程性 反射时的相位突变

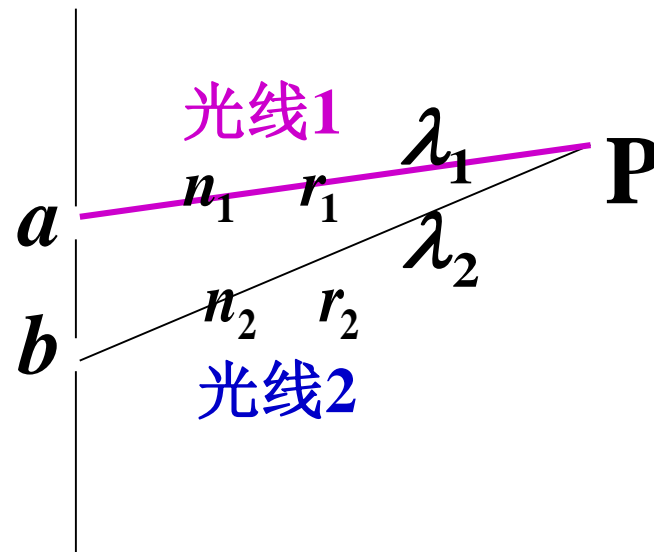
一、光程与光程差

同相波源 $\Delta\varphi = \frac{2\pi}{\lambda}(r_2 - r_1)$

如果两波到达场点P的过程中经过的介质不同, 则两相干光在P点的相位差:

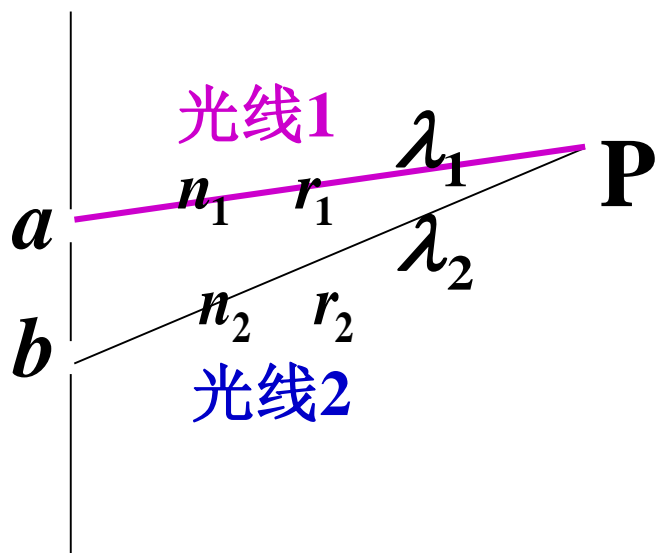
$$\Delta\varphi = 2\pi\left(\frac{r_2}{\lambda_2} - \frac{r_1}{\lambda_1}\right)$$

往往给出的是光在真空中的波长 λ 、光速 c 。



光在真空中的波长 λ 与介质中的波长 λ_n 的关系: ?

光在真空中的波长 λ 、光速 c 。进入折射率为 n 的介质中后，频率不变，波长变为 λ_n ，光速为 u ，则有：



$$n = \frac{c}{u} = \frac{\lambda}{\lambda_n} \quad \therefore \lambda_n = \frac{\lambda}{n}$$

$$\therefore \lambda_1 = \frac{\lambda}{n_1}, \quad \lambda_2 = \frac{\lambda}{n_2}$$

$$\Delta\varphi = 2\pi\left(\frac{r_2}{\lambda_2} - \frac{r_1}{\lambda_1}\right)$$

$$\Delta\varphi = 2\pi\left(\frac{n_2 r_2}{\lambda} - \frac{n_1 r_1}{\lambda}\right)$$

1. 定义**光程**：折射率与几何路程的乘积 nr

$$\Delta\varphi = 2\pi\left(\frac{r_2}{\lambda_2} - \frac{r_1}{\lambda_1}\right)$$

$$\Delta\varphi = 2\pi\left(\frac{n_2 r_2}{\lambda} - \frac{n_1 r_1}{\lambda}\right)$$

光程的意义：光在折射率为 n 的介质中前进 r 路程引起的相位改变与在真空中前进 nr 距离的等效。

$$\frac{r}{u} = \frac{nr}{c}$$

或：光在介质中的走过 r 路程的所用的时间，与光在真空中走过的几何路程为 nr 所用的时间相等。

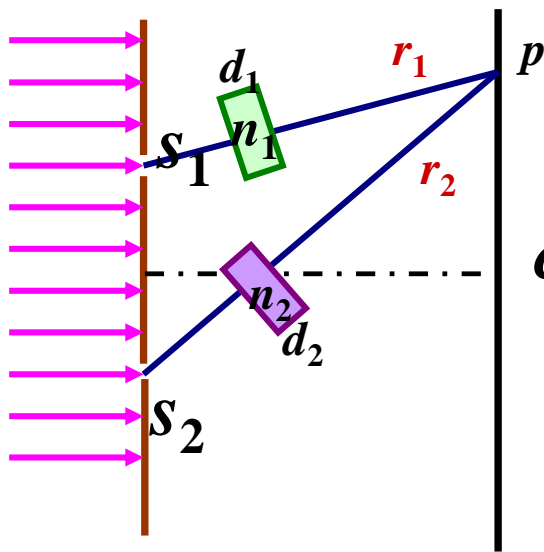
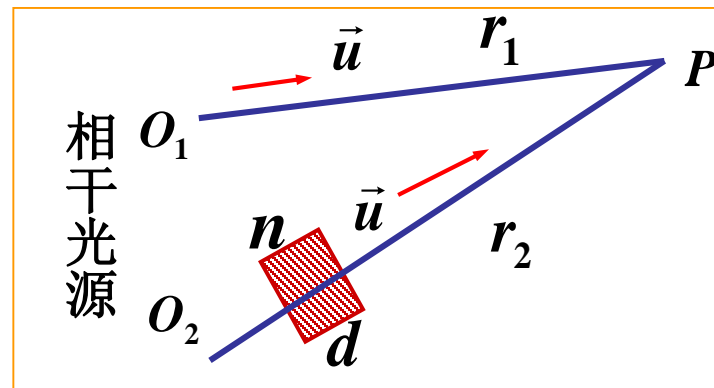
光通过相等的光程，所需时间相同，位相改变也相同。

2. 光程差： $\delta = n_2 r_2 - n_1 r_1$

$$\Delta\varphi = \frac{2\pi}{\lambda} \delta$$

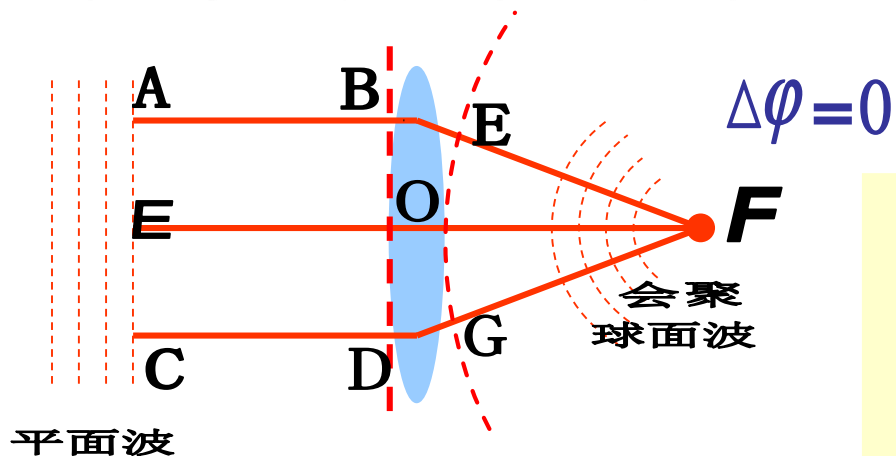
例 如图，计算两波源发出的光经不同路径到达 p 点时的光程差。

$$\delta = (r_2 - d + nd) - r_1$$



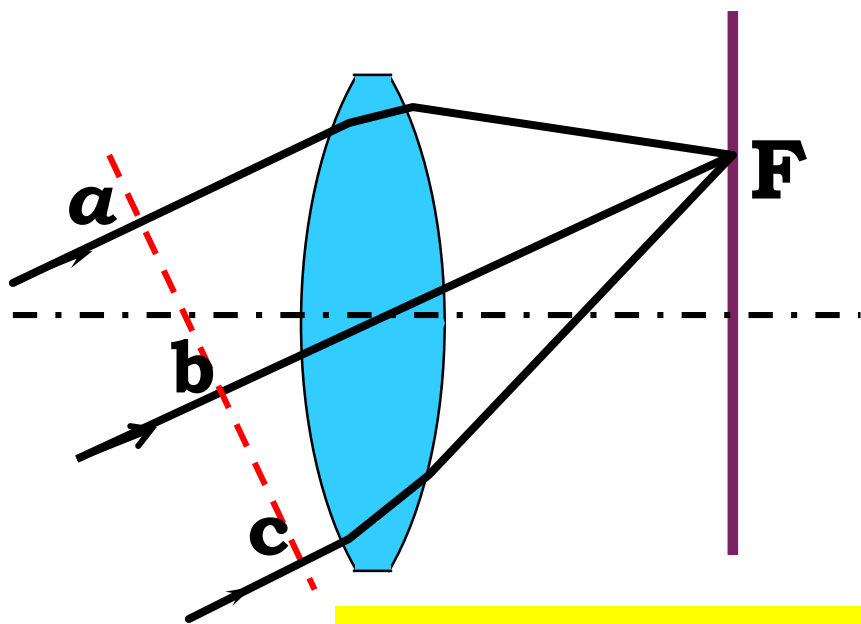
$$\delta = (r_2 - d_2 + n_2 d_2) - (r_1 - d_1 + n_1 d_1)$$

二、薄透镜不产生附加光程差



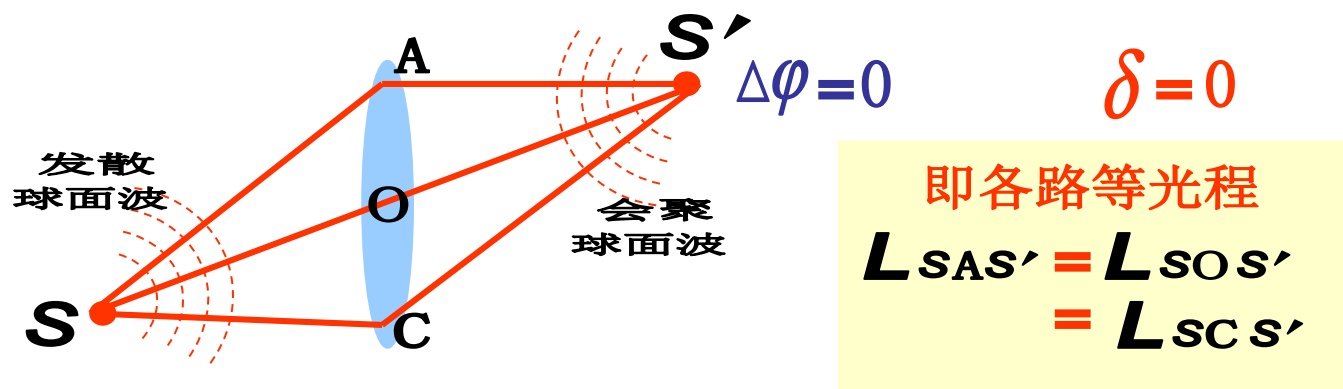
$$\delta = 0$$

即各路等光程
 $L_{ABF} = L_{EOF}$
 $= L_{CDF}$



BD波阵面上各点同相位。
发出的子波经透镜后到F
形成亮点（同相位），说明
各光线虽几何路程不等，
但光程是相等的。

（无穷远处的）物点到象点各光线的光程相等



物点到象点各光线的光程相等

当用透镜或透镜组成的光学仪器观测干涉时

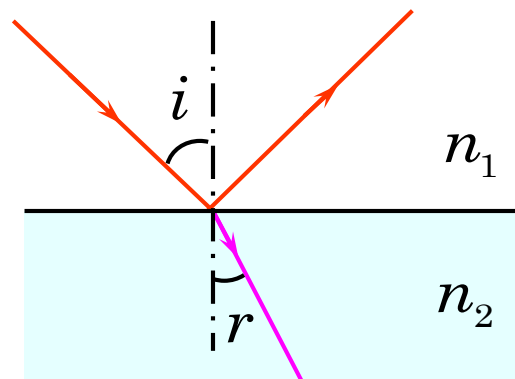
透镜的不会带来附加的光程差

三、半波损失和附加光程差

半波损失：光从光疏介质到光密介质反射时，入射光与反射光间有 π 的相位突变，即在反射过程中损失了半个波长的现象。折射光都无半波损失

■ $n_1 < n_2$ 反射光有半波损失。

■ $n_1 > n_2$ 反射光没有半波损失。



※ $n_1 > n_2 > n_3$

1,2都**无**半波损失

$n_1 < n_2 < n_3$

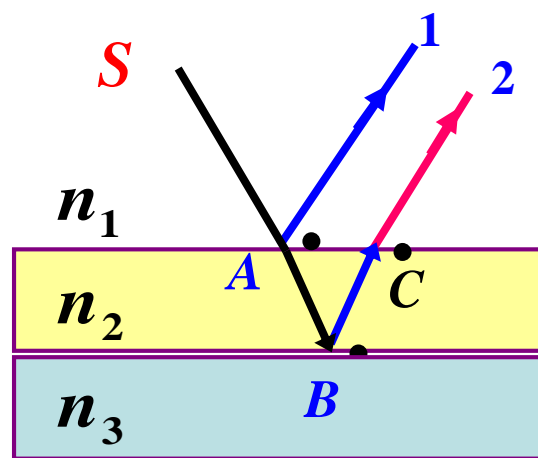
1,2都**有**半波损失

※ $n_1 < n_2 > n_3$

1**有**; 2**无**

$n_1 > n_2 < n_3$

• 1**无**; 2**有**



研究光的干涉主要包含以下几个方面

- 实验装置 $\left\{ \begin{array}{l} \text{分波阵面法} \\ \text{分振幅法} \end{array} \right.$
- 确定相干光束 求出光程差(相位差)
- 分析干涉花样 给出强度分布
- 应用及其它

§ 3 分波阵面法双光束干涉

➤ 杨氏双缝干涉实验

英国医生兼物理学家托马斯-杨 (T. Yang) 于1801年首先成功地进行了光的干涉实验，看到了干涉条纹，并首次测量了光波的波长，使光的波动理论得到了证实。

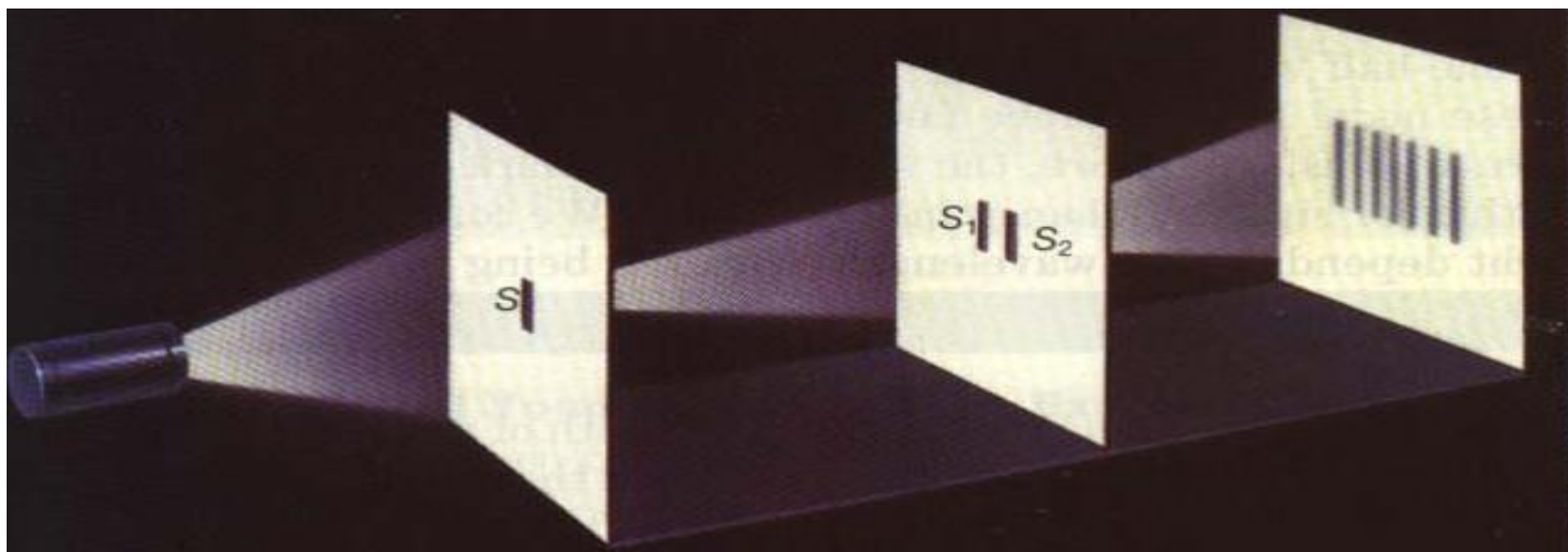


➤ 其他分波振面法干涉

- 菲涅尔双面镜
- 菲涅尔双棱镜
- 洛埃境

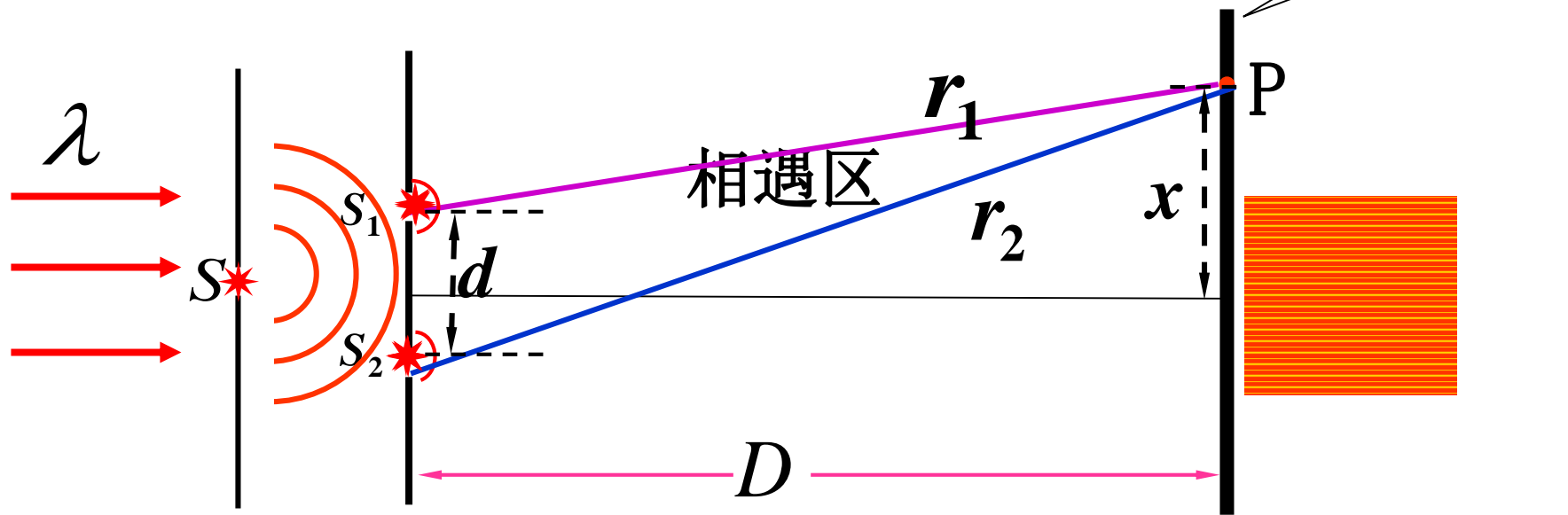
一、杨氏双缝干涉

1. 装置与现象



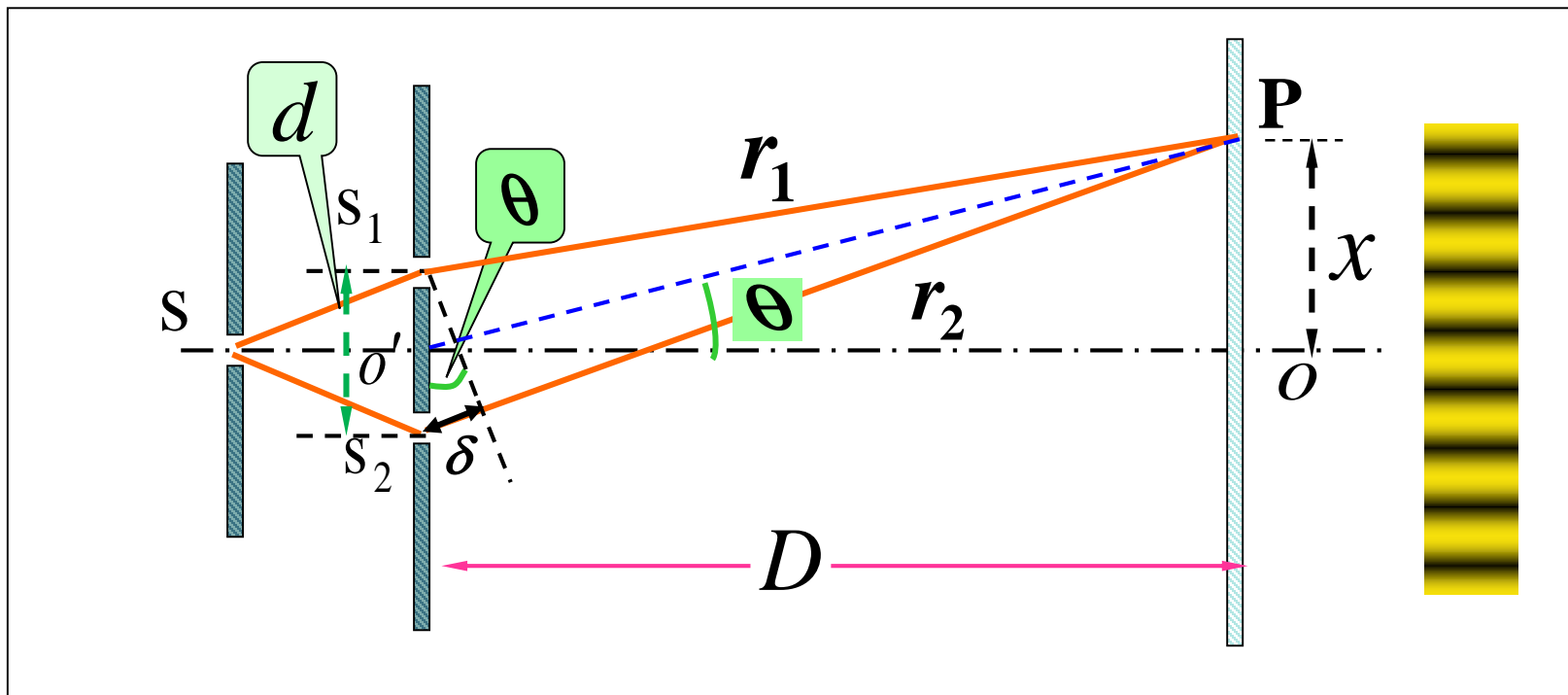
- 普通单色平行光通过狭缝 S ；
- 从 S 出射的光波透过 S_1 和 S_2 两狭缝，由惠更斯原理知， S_1 和 S_2 可看成两个新的子波源，发出两列子波；
- 两列波在空间重叠而产生干涉，屏幕上看观察到明暗相间的条纹。

1. 实验装置 (点源 分波面 两相干光束相遇)



2. 两束相干光在屏上叠加时的强度分布

2. 两束相干光在屏上叠加时的强度分布



$$\because d \ll D, x \ll D \quad \therefore \sin \theta \approx \tan \theta = x / D$$

$$\text{光程差: } \delta = r_2 - r_1 \approx d \sin \theta = d \frac{x}{D}$$

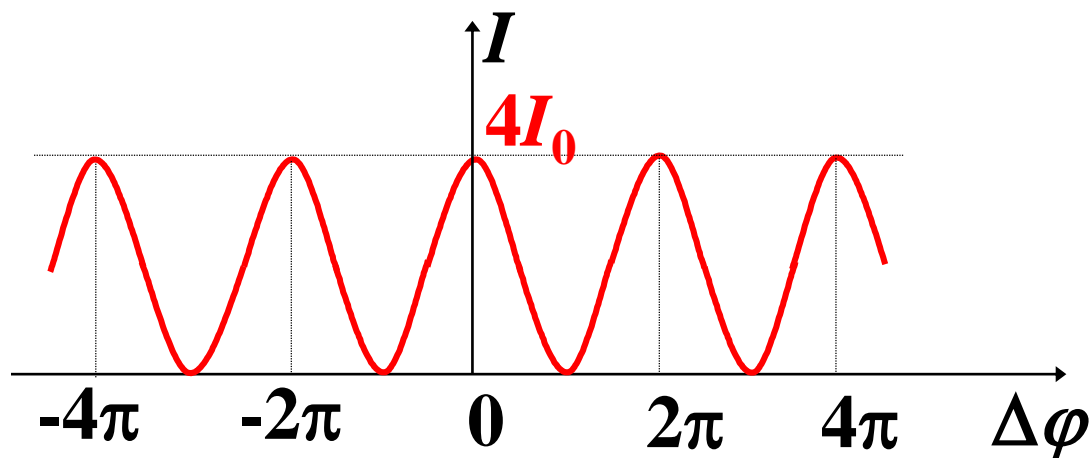
$$\text{相位差: } \Delta \varphi = \frac{2\pi}{\lambda} \delta$$

P点振幅 $A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2\cos\Delta\varphi$

P点光强: $I = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1I_2}\cos\Delta\varphi$

若 $I_1 = I_2 = I_0$, 则 $I = 4I_0\cos^2\frac{\Delta\varphi}{2}$

明纹 $I_{\max} = 4I_0$ 暗纹 $I_{\min} = 0$



光强分布曲线

光程差: $\delta = \frac{dx}{D} = \begin{cases} \pm k\lambda \\ \pm (2k+1)\frac{\lambda}{2} \end{cases} \quad k = 0, 1, 2, \dots$

加强 明纹
减弱 暗纹

明纹中心: $x = \pm k \frac{D}{d} \lambda, \quad k=0, 1, 2, \dots$

暗纹中心: $x = \pm (2k-1) \frac{D}{d} \frac{\lambda}{2}, \quad k=1, 2, \dots$

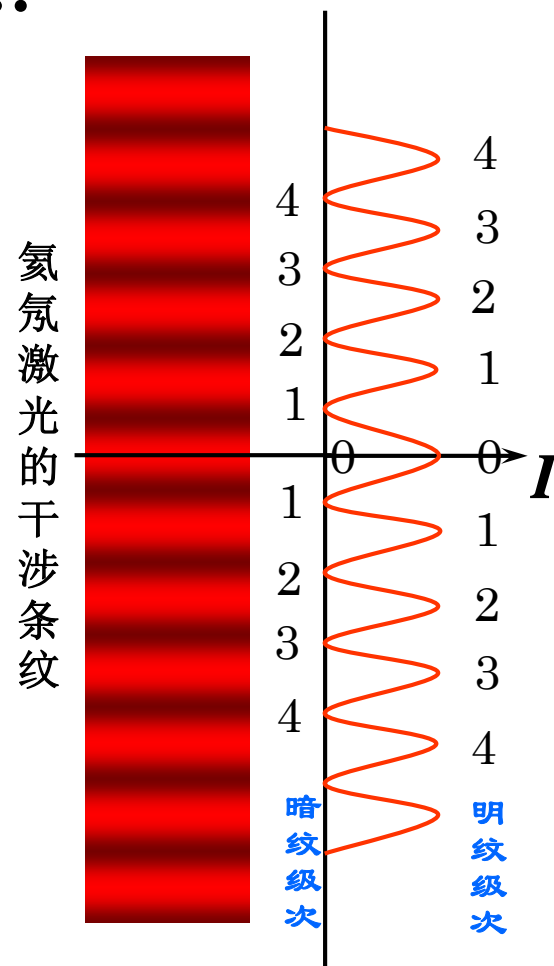
条纹特点

① 条纹间距: $\Delta x = \frac{D}{d} \lambda$

② 干涉条纹明、暗相间，等间距，对称分布在中央明纹两侧。



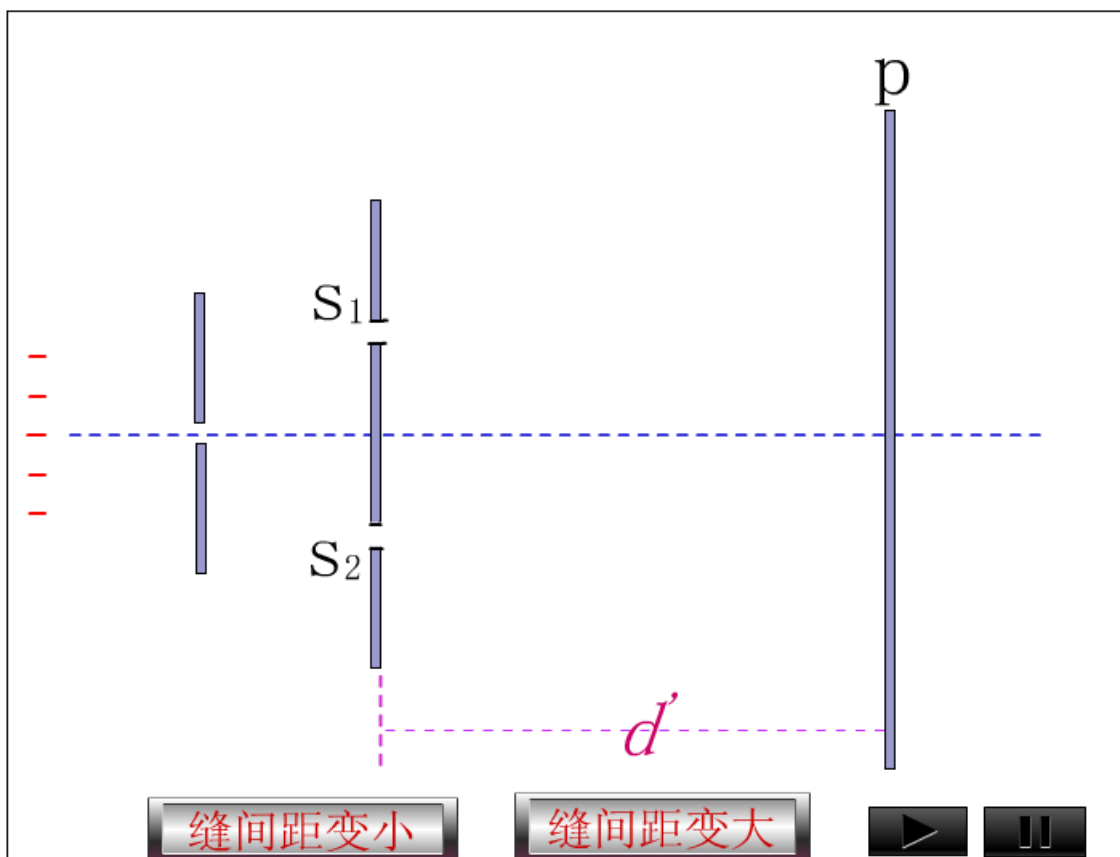
钠黄光产生的干涉条纹



讨论1：影响条纹的间距的因素：

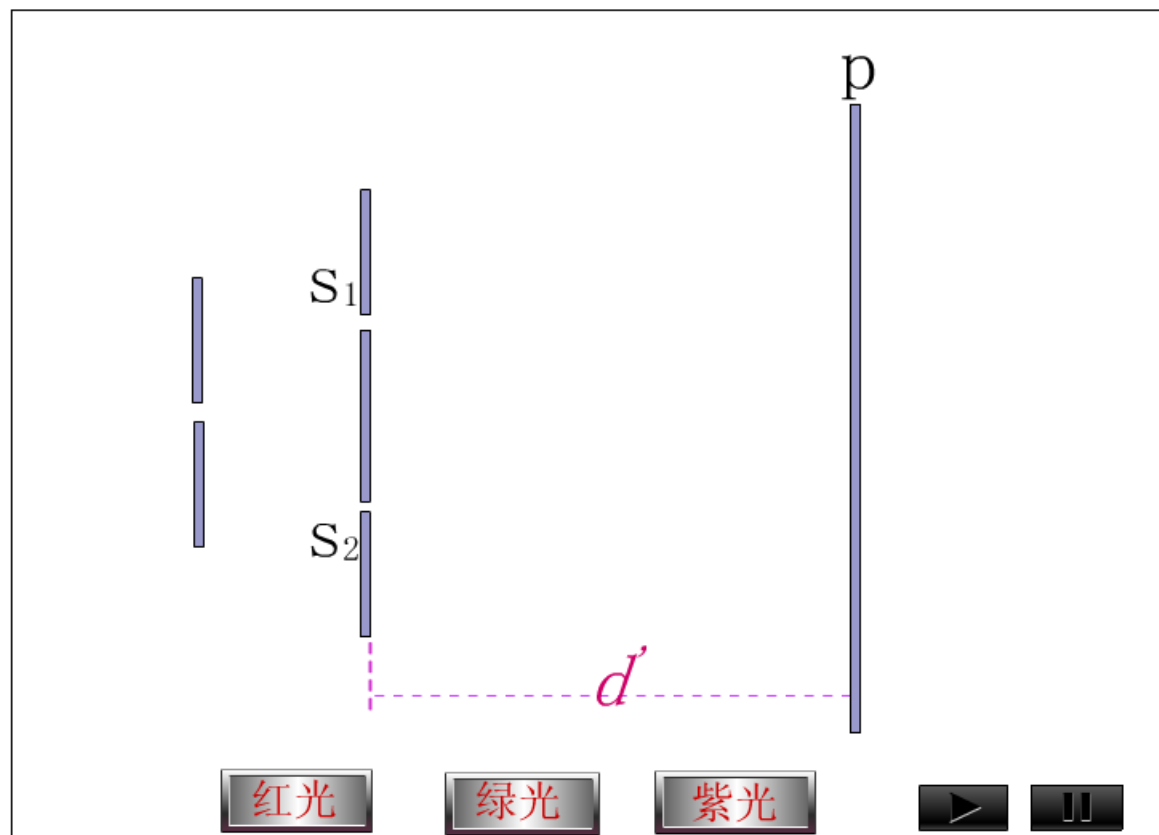
$$\Delta x = \frac{D}{d} \lambda$$

1) 当 D 、 λ 一定时， Δx 与 d 成反比， d 越小，条纹分辨越清。



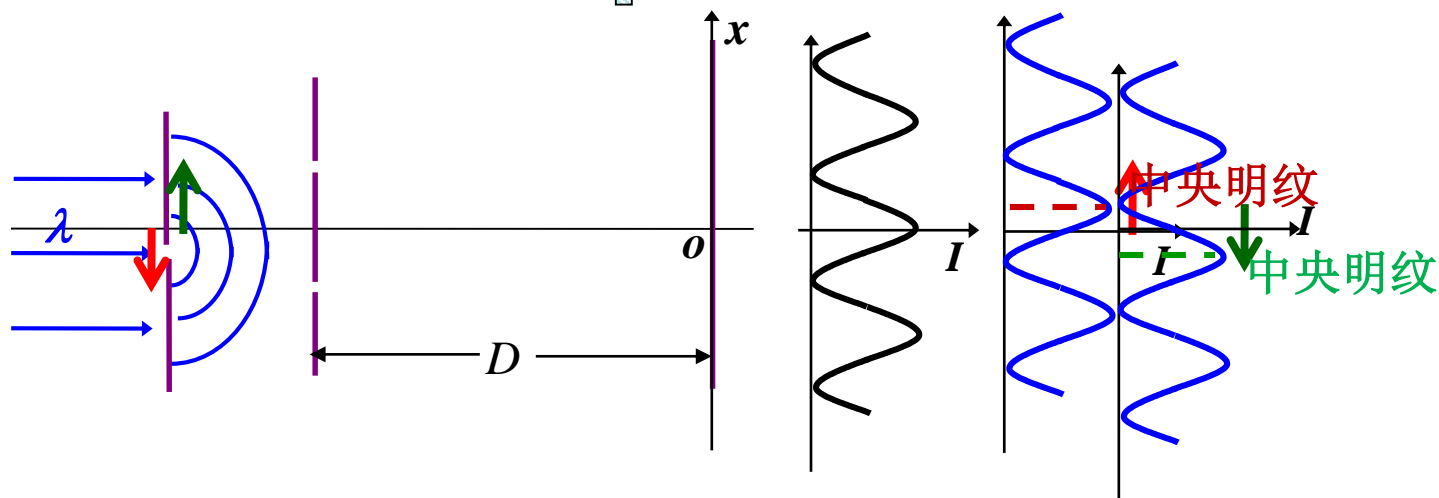
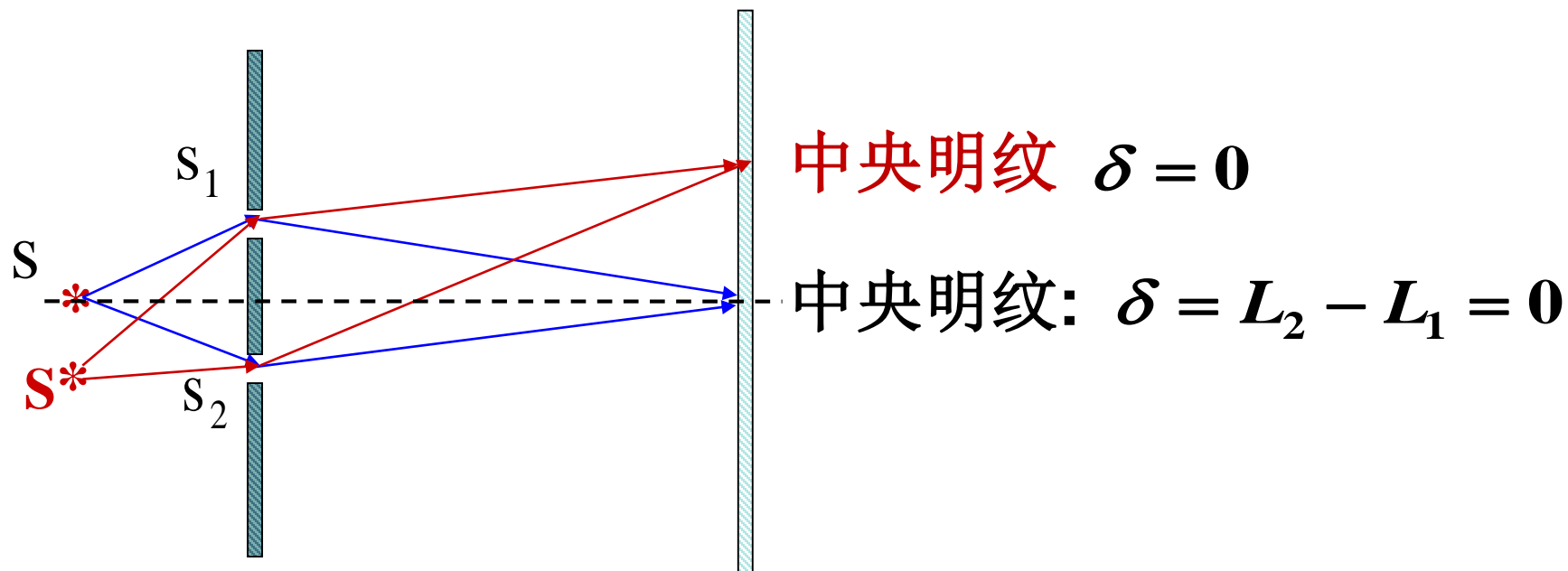
2) 当 D 、 d 一定时, Δx 与 λ 成正比.

$$\Delta x = \frac{D}{d} \lambda$$

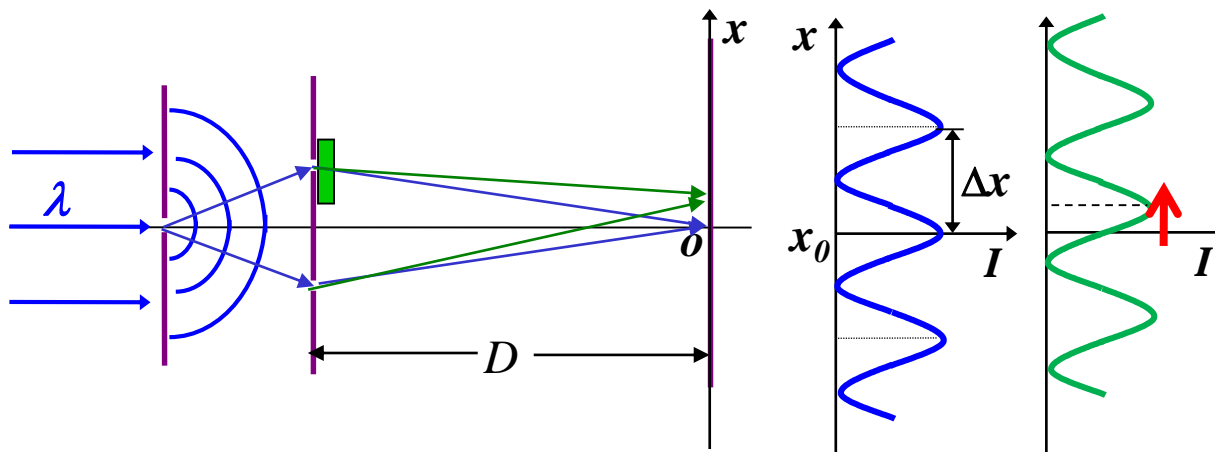


紫光比绿光、红光的条纹间距要小。

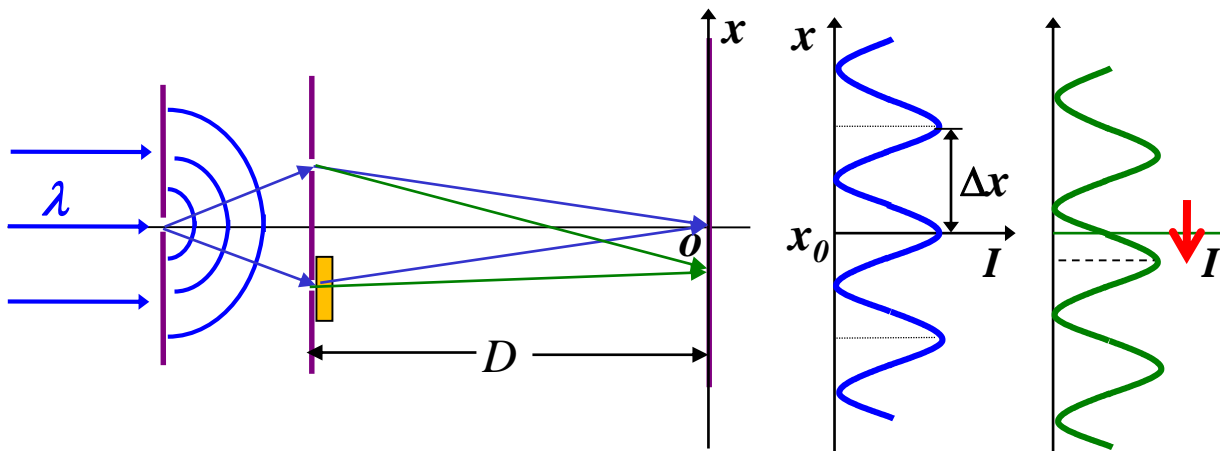
讨论2：装置不对称对条纹影响



讨论3 狭缝遮盖对条纹影响



中央明纹 $\delta = 0$



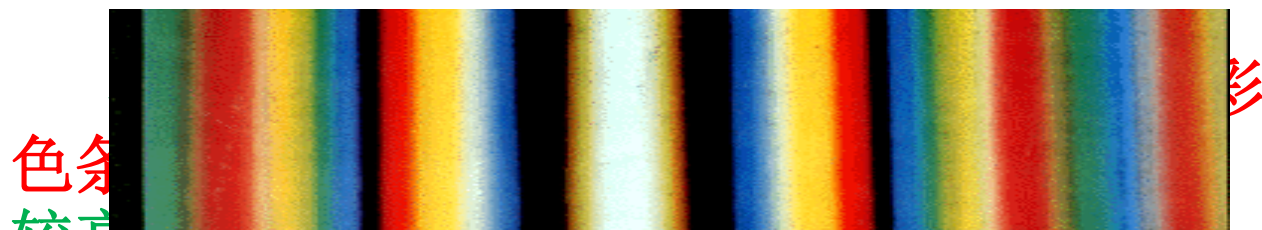
讨论4 复色光入射条纹特点

频率递增，波长递减

明条纹位置： $x = \pm k \frac{D}{d} \lambda$

红 橙 黄 绿 青 蓝 紫

例：用白光（390nm-750nm）作光源观察双缝干涉。
设缝间距为 d ，试求能观察到的清晰可见光谱的级次。

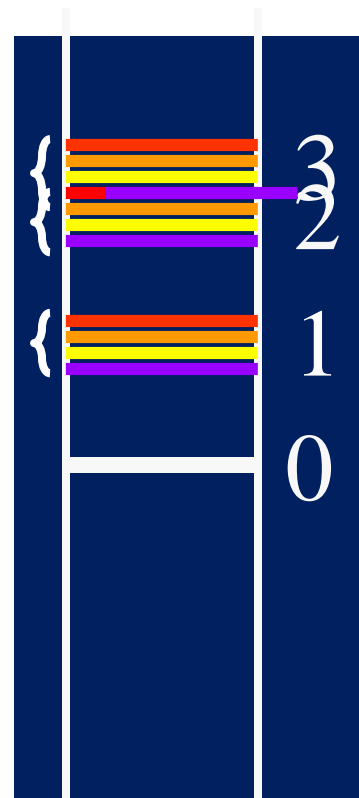


白光入射的杨氏双缝干涉照片

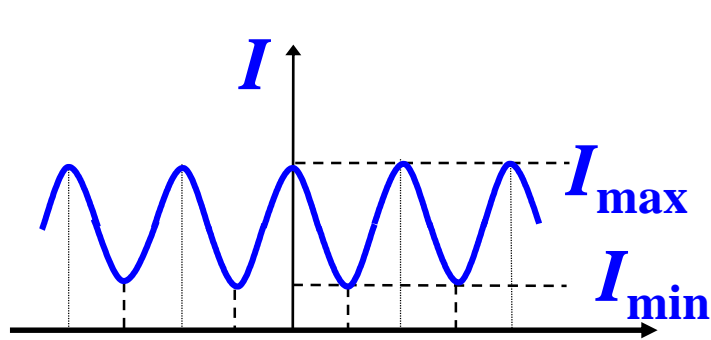
解：某一级的红光和高一级次的紫光最先发生重叠。

$$k \lambda_{\text{红}} = (k+1) \lambda_{\text{紫}}$$
$$\Rightarrow k = \frac{\lambda_{\text{紫}}}{\lambda_{\text{红}} - \lambda_{\text{紫}}} = \frac{390}{750 - 390} = 1.08$$

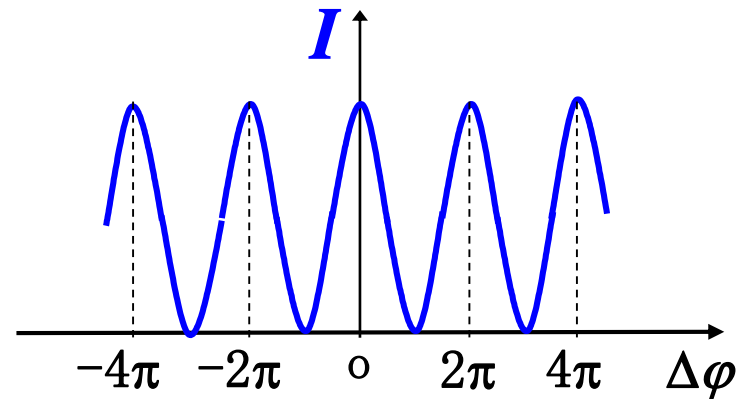
清晰的可见光谱只有一级



讨论5 缝宽（光源的宽度）、光源的单色性、光束强度比（两缝宽度比）对干涉条纹的影响



对比度差 ($V < 1$)



对比度好 ($V = 1$)

条纹对比度:

$$V = \frac{I_{\max} - I_{\min}}{I_{\max} + I_{\min}}$$

决定对比度的因素:

光源的单色性

光源的宽度

光束比

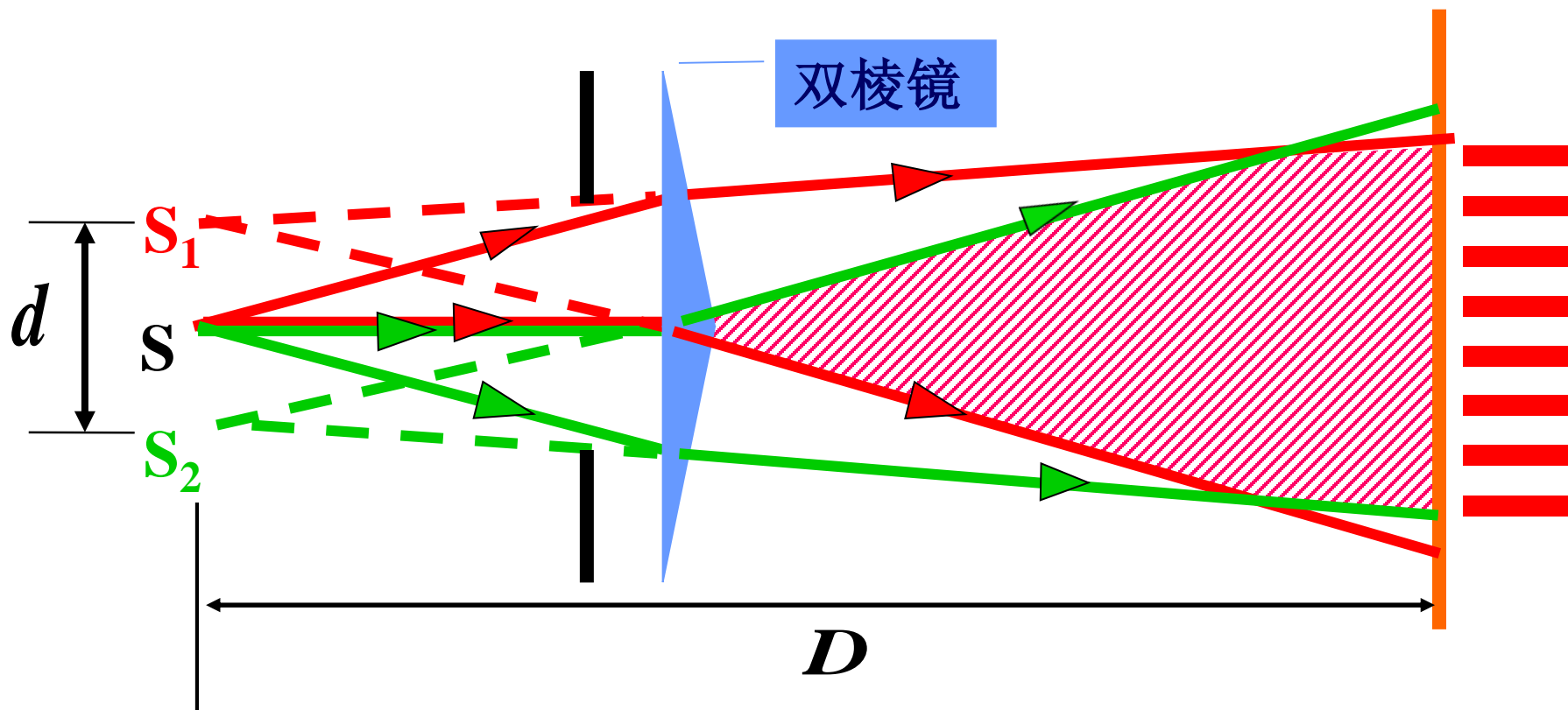
单色性越好，形成的条纹越细

需要点光源

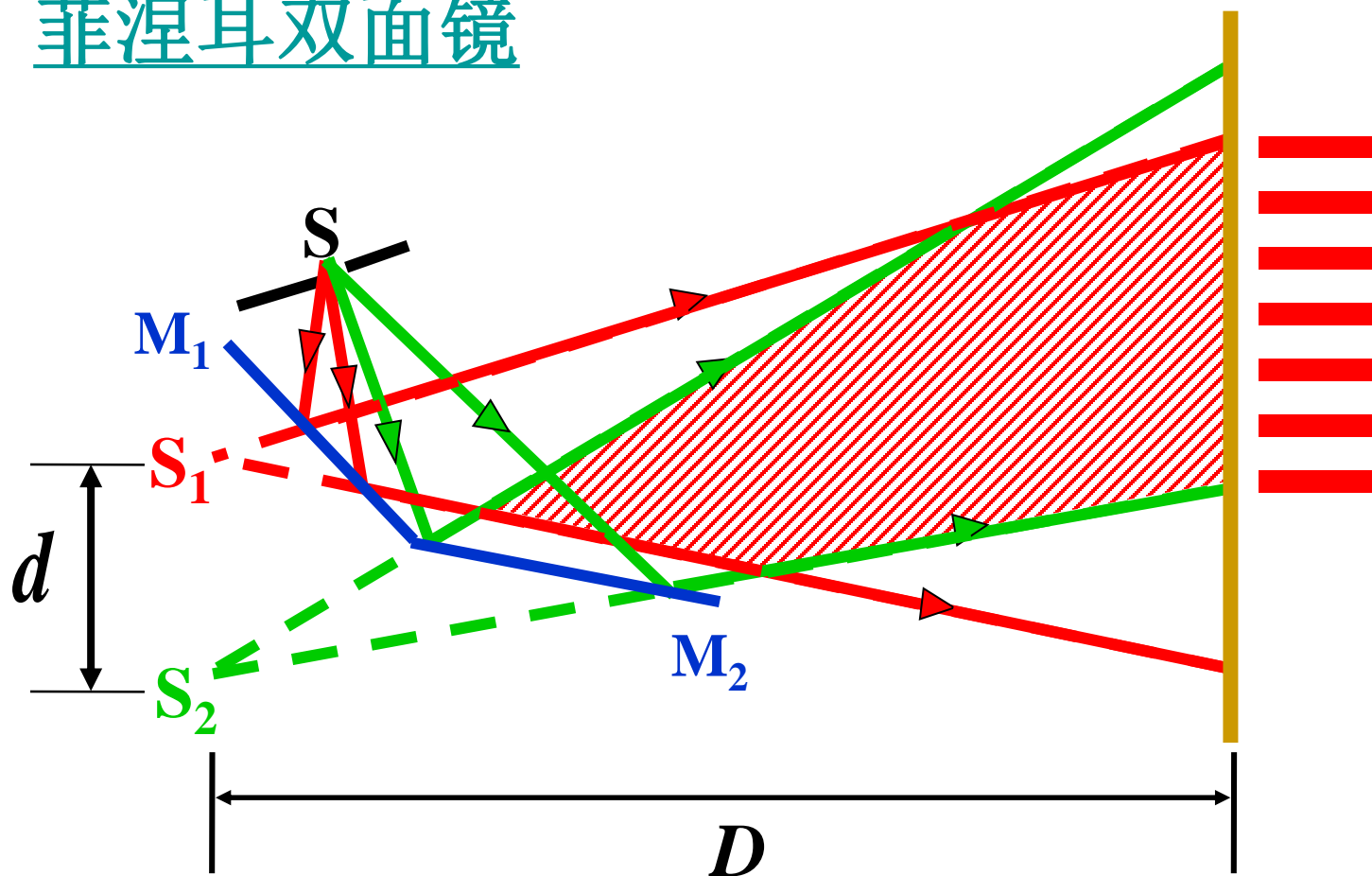
要求缝宽相等
缝宽不同？

二、其他分波面法干涉实验

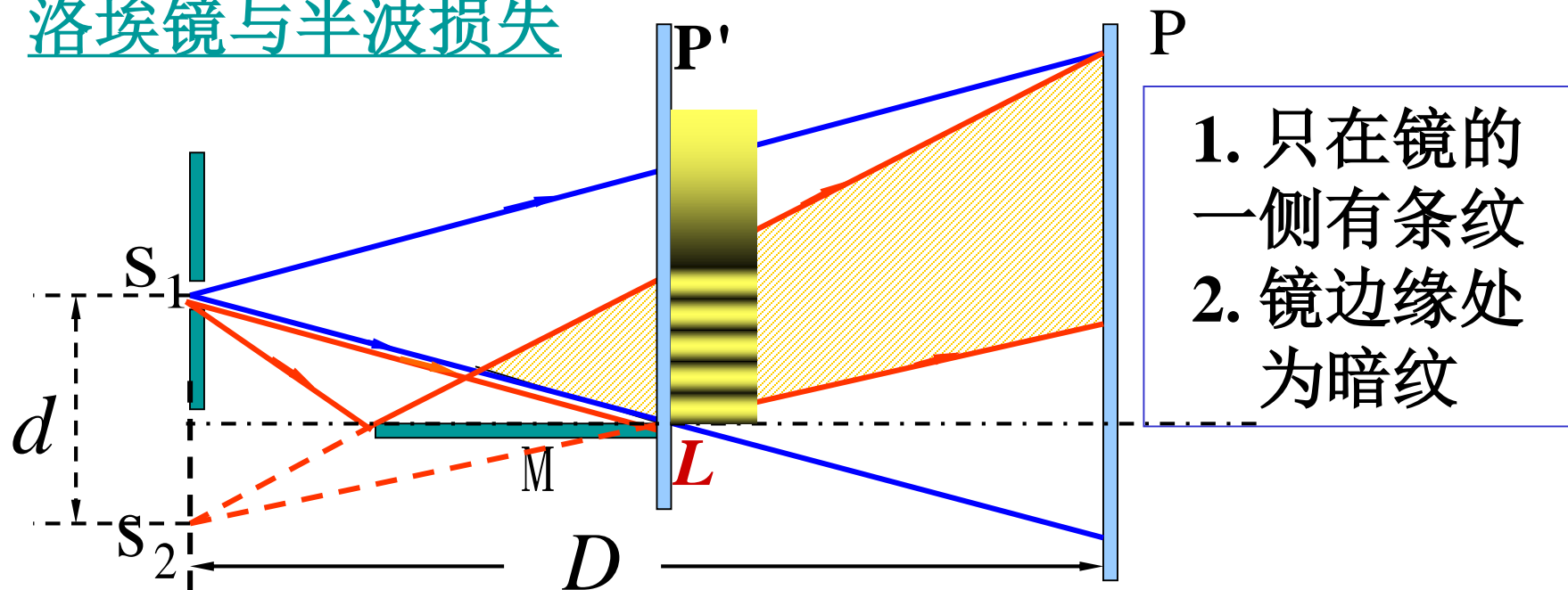
菲涅耳双棱镜



菲涅耳双面镜



洛埃镜与半波损失



如把屏紧靠镜端 L ，在 L 点因有 $s_2L=s_1L$ ，似乎 L 点应是亮点，但实验给出 L 点却是暗点。

当光从光疏（ n 小）射向光密媒质（ n 大）在界面上反射时有半波损失

此处 $\delta = d \sin \theta + \frac{\lambda}{2}$ 或 $\frac{d}{D}x + \frac{\lambda}{2}$

例. 在图示的双缝干涉实验中, 若用分别折射率为 $n_1=1.4$ 和 $n_2=1.7$ 的玻璃片覆盖缝 S_1 和缝 S_2 , 将使屏上原来覆盖玻璃片时的**中央明条纹**所在处变为**第五级明纹**。设照射的单色光波长 $\lambda=480\text{nm}$, 求玻璃片的厚度 d (可认为光线垂直穿过玻璃片)。

解: 原中央明条处

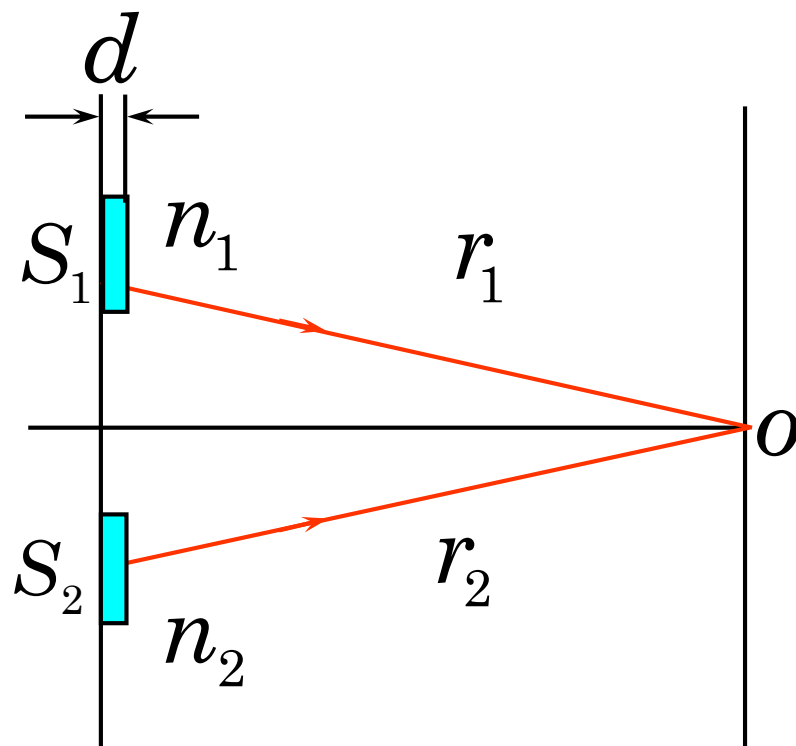
$$\delta = r_2 - r_1 = 0$$

覆盖玻璃后,

$$\delta' = (r_2 - d + n_2 d) - (r_1 - d + n_1 d)$$

$$= (n_2 - n_1)d = 5\lambda$$

$$\therefore d = \frac{5\lambda}{n_2 - n_1} = 8.0 \times 10^{-6} \text{ m}$$



例：在双缝干涉实验中，波长 $\lambda = 550\text{nm}$ 的单色平行光垂直入射到缝间距 $d = 2 \times 10^{-4}\text{m}$ 的双缝上，屏到双缝的距离 $D = 2\text{m}$ 。（ $1\text{nm} = 10^{-9}\text{m}$ ）求：

（1）中央明纹两侧的两条第10级明纹中心的间距；

（2）用一厚度为 $e_1 = 8.6 \times 10^{-6}\text{m}$ 的玻璃片覆盖一缝，使用厚度为 $e_2 = 2 \times 10^{-6}\text{m}$ 的玻璃片覆盖另一缝，两个薄膜的折射率均为 $n = 1.58$ ，零级明纹将移到原来的第几级明纹处？

解：（1） $\Delta x = D\lambda / d = 0.11\text{m}$

（2）覆盖玻璃后，零级明纹应满足

$$(n-1)e_1 + r_1 = (n-1)e_2 + r_2$$

设此点为不盖玻璃片时的第 k 级明纹，

则应有： $r_2 - r_1 = k\lambda$

$$\left. \begin{array}{l} (n-1)e_1 + r_1 = (n-1)e_2 + r_2 \\ r_2 - r_1 = k\lambda \end{array} \right\} (n-1)\Delta e = k\lambda$$

$$k = (n-1)\Delta e / \lambda = 6.96 \approx 7$$

零级明纹移到原第7级明纹处