

# 干涉

双光干涉(分波阵面法)

杨氏双缝干涉  
菲涅尔双棱镜干涉  
洛埃境干涉

薄膜干涉(分振幅法)

等厚干涉

劈尖干涉  
牛顿环干涉  
迈克尔逊干涉仪

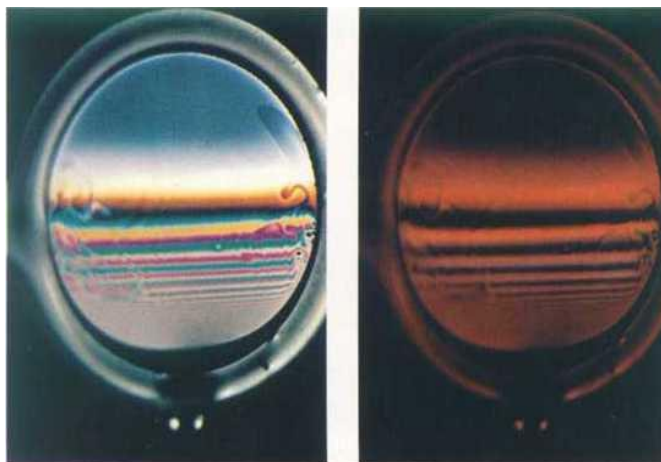
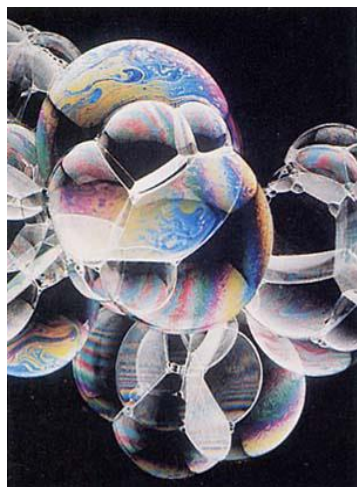
等倾干涉

迈克尔逊干涉仪  
平行平面薄膜干涉

## § 3 分振幅法产生的干涉

### 薄膜干涉

**薄膜**是指：油膜、肥皂膜、透明的电介质薄板、夹在两块玻璃板之间的空气薄层或其它流体薄层等。



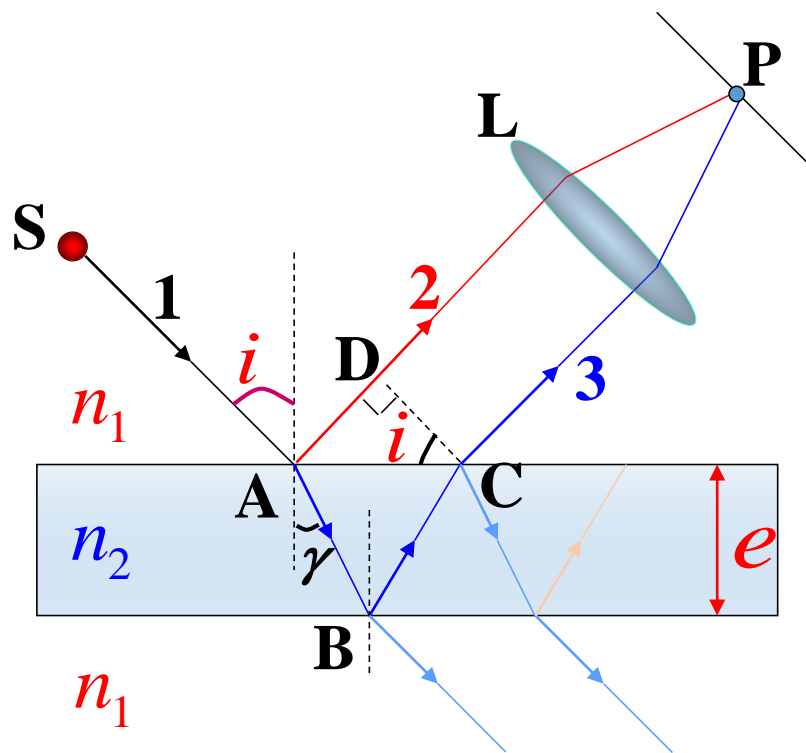
B. Interference produced by reflecting white light from a soap film. The picture on the right shows the pattern produced by red light.



# 一、相干光束 光程差 薄膜干涉公式

光照射到厚度为 $e$ 的均匀透明介质，在薄膜的上下两表面产生的反射光束2、3，满足相干光的条件，经透镜汇聚，在焦平面上产生干涉。

光束2、3的光程差：



从焦点  $P$  到  $CD$  波面，两条光的光程差为0，则在不考虑半波损失时光束2、3的光程差为：

不考虑半波损失时光束2、3的光程差为：

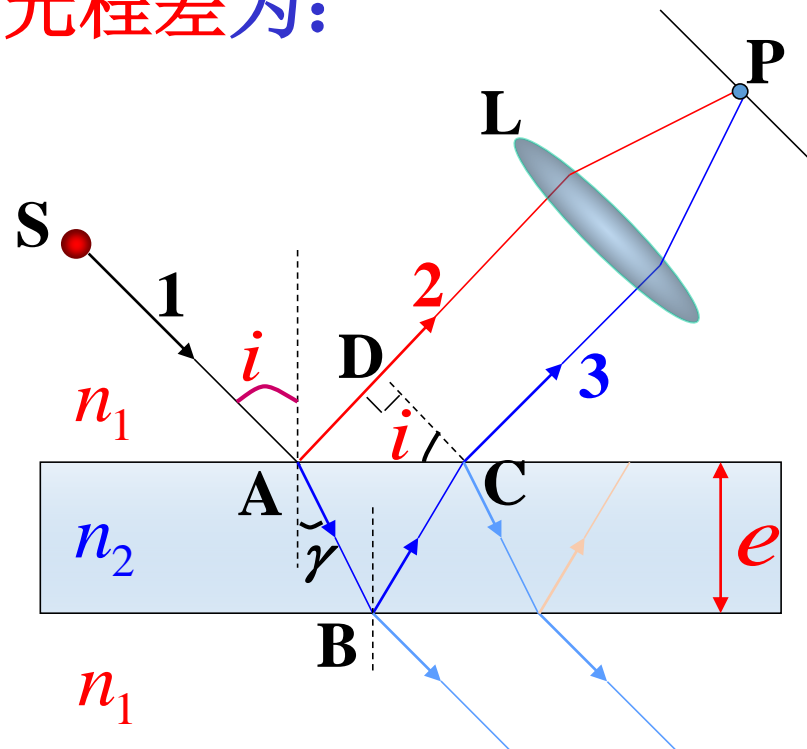
$$\begin{aligned}\delta &= n_2(\overline{AB} + \overline{BC}) - n_1 \cdot \overline{AD} \\ &= 2n_2 e / \cos \gamma - 2n_1 e \tan \gamma \sin i\end{aligned}$$

折射定律  $n_1 \sin i = n_2 \sin \gamma$

$$\delta = 2e \sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 i}$$

若半波损失而有附加半波长：

$$\delta = 2e \sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \frac{\lambda}{2}$$



$$\overline{AB} = \overline{BC} = e / \cos \gamma$$

$$\begin{aligned}\overline{AD} &= \overline{AC} \sin i \\ &= 2e \cdot \tan \gamma \cdot \sin i\end{aligned}$$

## 干涉的加强减弱条件

$$\delta = 2e\sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda & \text{加强} \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} & \text{减弱} \end{cases} \quad (k=0,1,2\cdots)$$

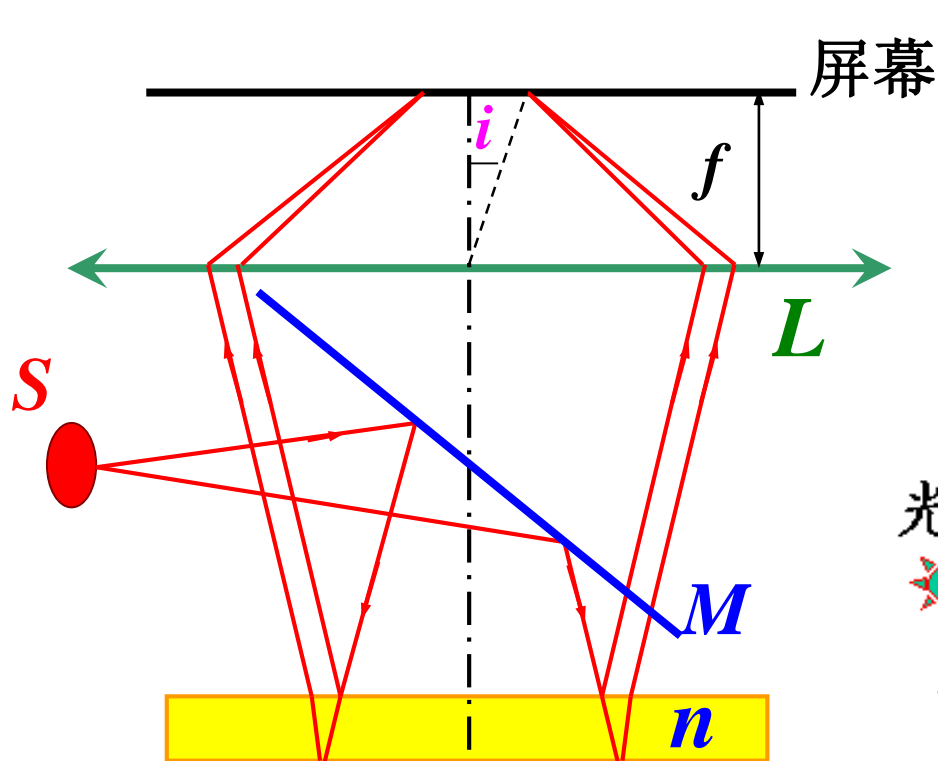
### 两种特殊情况

-  1. 厚度均匀的膜 ( $e$ 处处相等)—— 等倾干涉

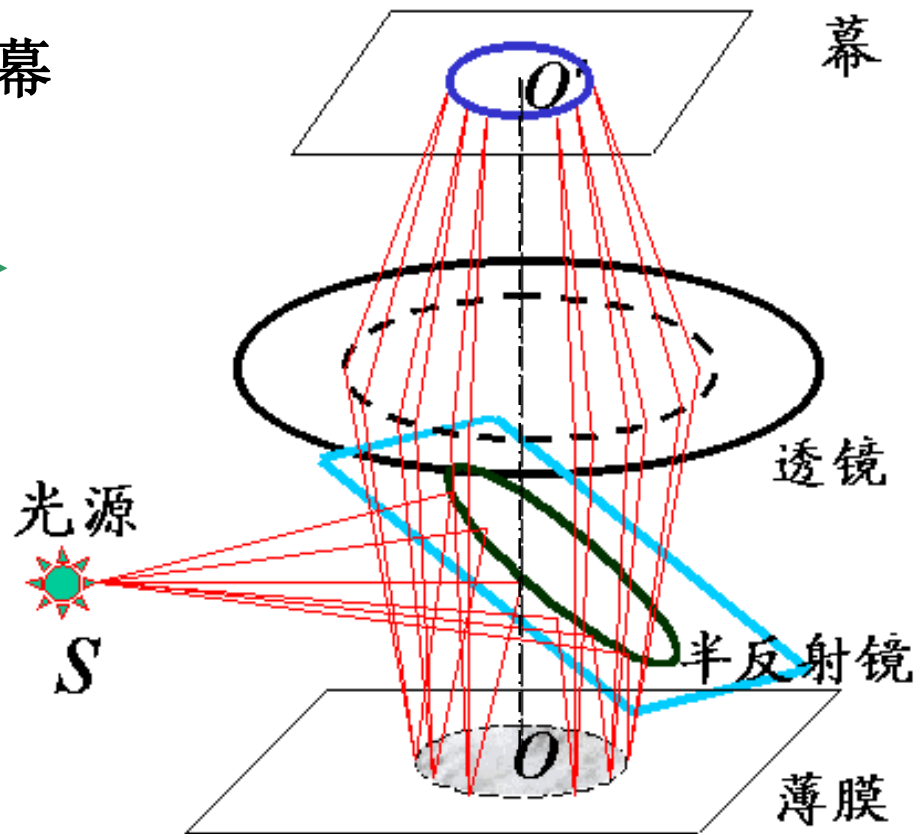
$i$  相同  $\rightarrow \delta$  相同  $\rightarrow$  同一条纹

-  2. 厚度很小的不均匀薄膜—— 等厚干涉

## 二、等倾干涉

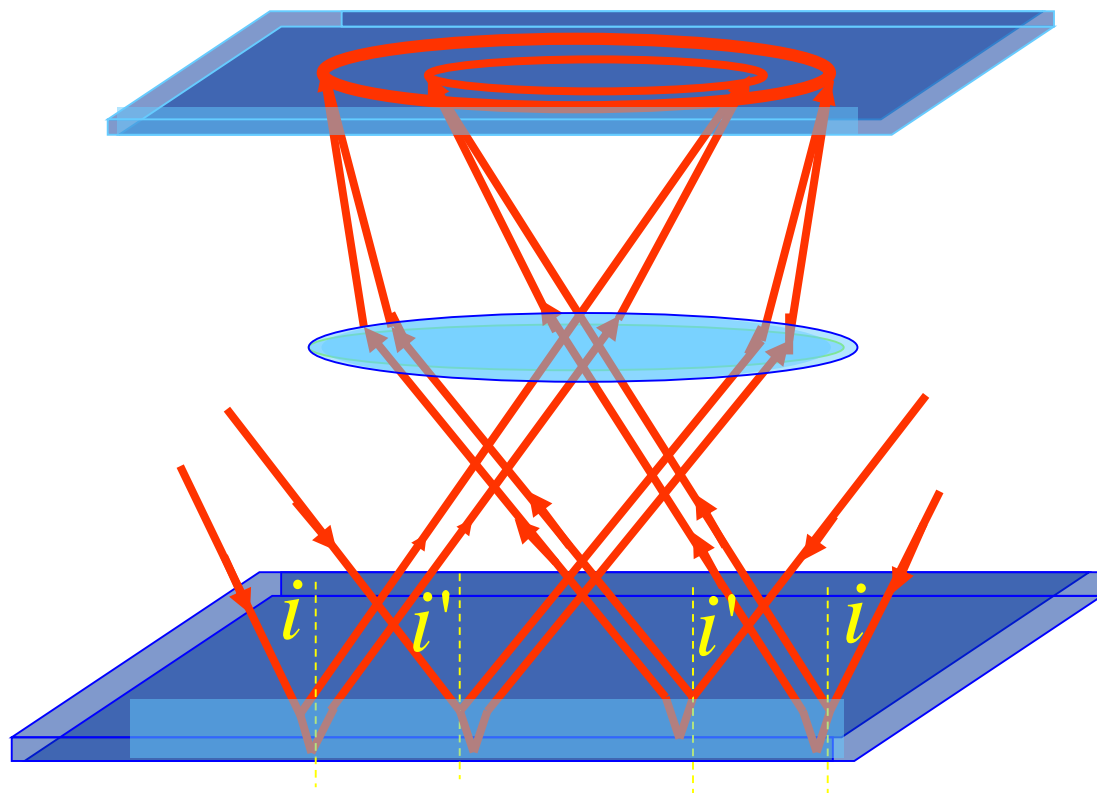


平面图



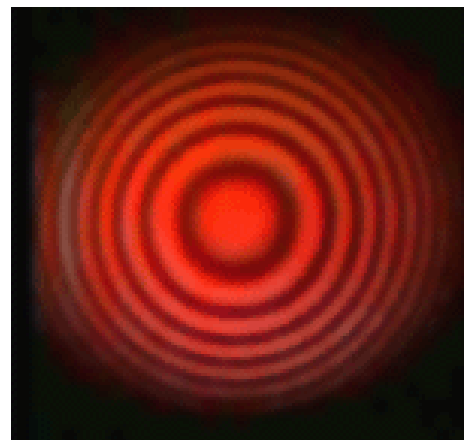
透视图

观察等倾条纹的实验装置和光路



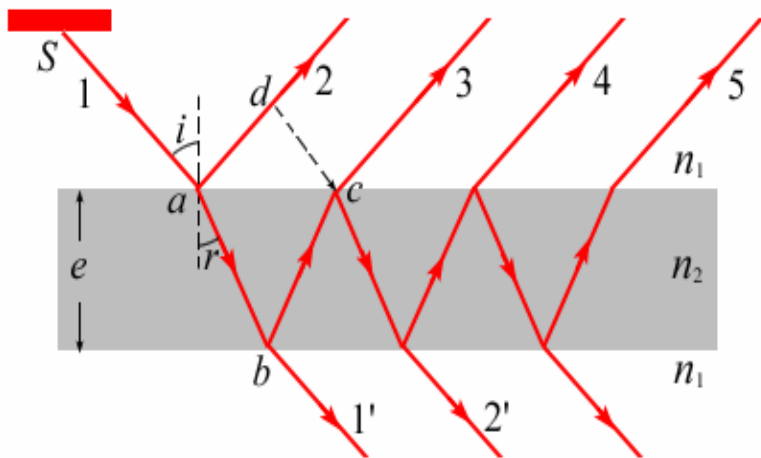
相同倾角的光在  
透镜焦平面上会  
聚于同一圆环上，  
故称等倾干涉  
(等倾干涉条纹)

等倾干涉条纹是一系列  
内稀外密的同心圆环



## •透射光与反射光的干涉环互补

反射光干涉



透射光干涉

$$\delta_{\text{反}} = 2e \sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \frac{\lambda}{2}$$

$$\delta_{\text{透}} = 2e \sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 i}$$

某入射角入射得到反射光干涉**明纹**，  
则透射光干涉为**暗纹**。





镜头颜色为什么发紫？

等倾干涉的应用：增透膜和高反射膜

# 1. 单层增透膜 -- 使膜上下表面的反射光满足干涉减弱

$$\delta = 2e\sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 i}$$

❖ 光程差  $\delta = 2ne$

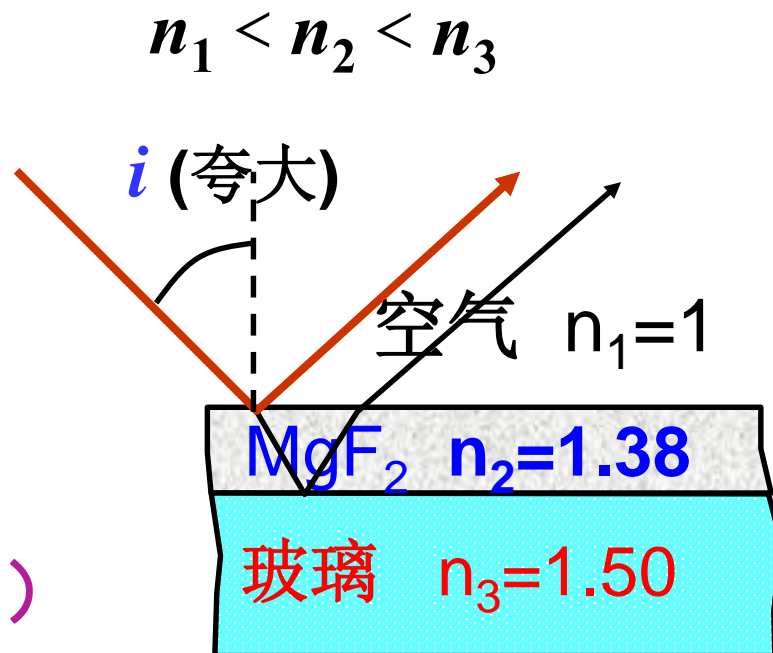
$b$ 光线比 $a$ 光线多走的光程为：  
在膜层中一来一回总共为 $2ne$

❖ 反射光相消（透射光加强）

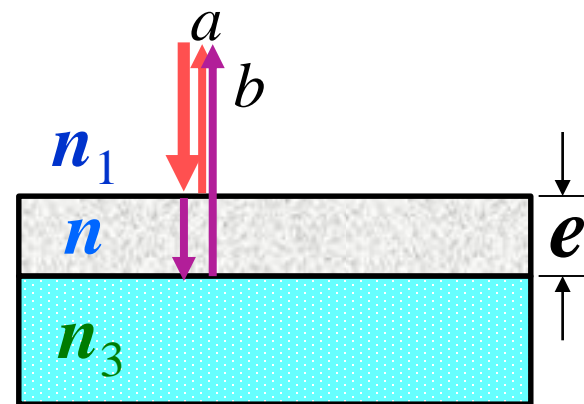
$$2ne = (2k + 1)\frac{\lambda}{2} \quad k = 0, 1, 2, \dots$$

$$\therefore e = \frac{2k + 1}{4n} \lambda$$

最小膜厚  $e_{\min} = \frac{\lambda}{4n} \quad (k = 0)$



实际  $i \approx 0$ ，垂直入射



## 2. 多层高反射膜

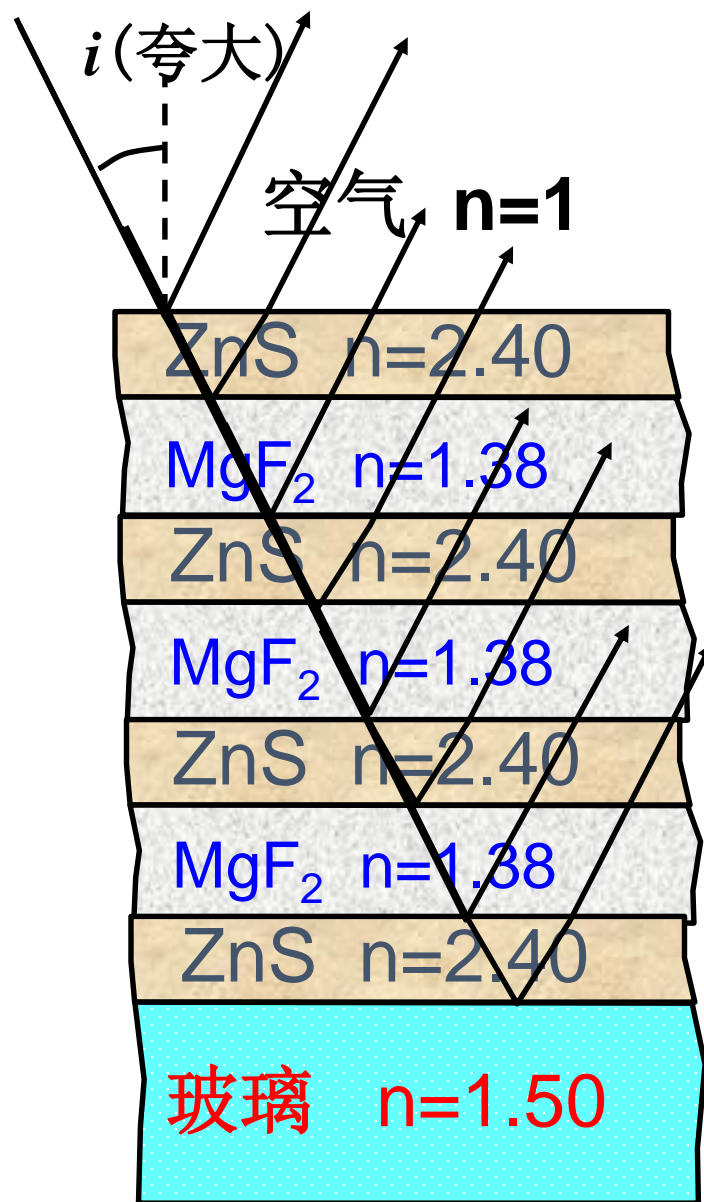
使每层膜上下两表面的**反射光**满足干涉**加强**，增强反射光。

$$\delta = 2e\sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \frac{\lambda}{2}$$

两反射光有附加半波长光程差，  
**垂直入射**，反射光**干涉加强**条件：

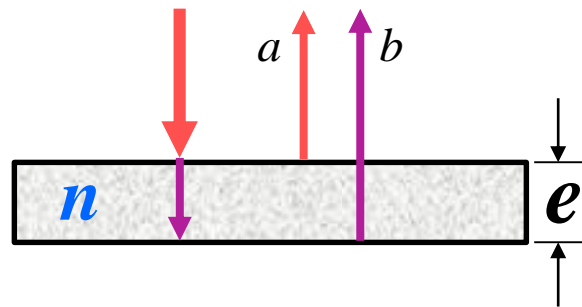
$$2ne + \frac{\lambda}{2} = k\lambda, k = 1, 2, 3 \dots$$

**反射光增强**，**透射光减弱**



例：白光垂直照射到空气中一厚度为380nm的肥皂膜上，肥皂膜折射率 $n=1.33$ ,问肥皂膜正面是什么颜色？背面呈什么颜色？

解： 正面所看到的是满足  
**反射加强**的颜色：



$$\delta = 2ne + \frac{\lambda}{2} = 2 \times 1.33 \times 380 + \frac{\lambda}{2} = k\lambda$$

可见光范围 (400-700nm)内：  $K$ 取2和3

$\lambda=404.32\text{nm}$  (紫) 及  $673.87\text{nm}$ (红)

背面所看到的是满足**透射加强** ( **反射减弱** ) 的颜色：

$$2 \times 1.33 \times 380 + \frac{\lambda}{2} = (2k + 1) \lambda \quad \lambda=505.4 \text{ nm (兰绿)}$$

所以水膜正面是**紫红色**，背面是**兰绿色**。

### 三、厚度很小的不均匀薄膜----等厚干涉

$$\delta = 2e \sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \frac{\lambda}{2}$$

正入射

$$\delta = 2n_2e + \frac{\lambda}{2}$$

$e$ 同 $\rightarrow\delta$ 同 $\rightarrow k$ 同, 同一级条纹



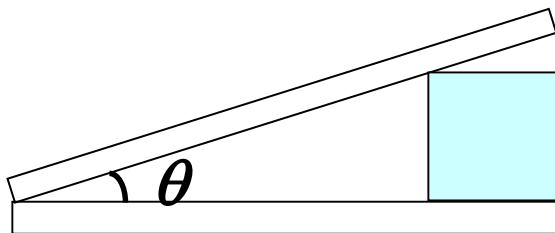
等厚干涉

薄膜上厚度相同的点对应同一干涉条纹

1. 劈尖膜干涉
2. 牛顿环

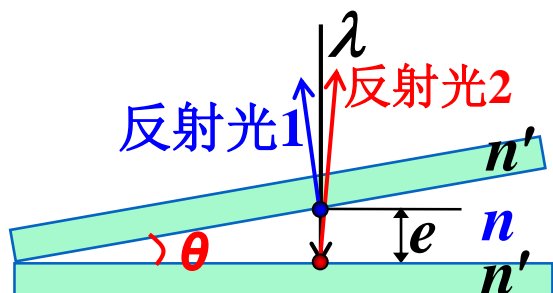
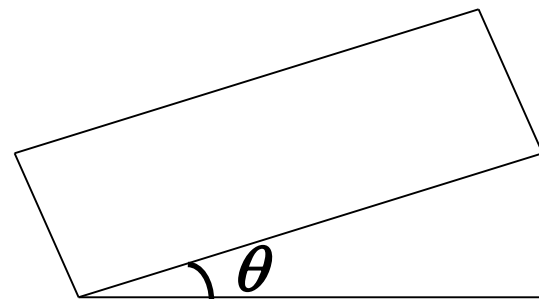
# 1.劈尖膜干涉

两块平面玻璃片，一端接触，另一端用一薄片隔开，两玻璃片间形成劈尖状空气层，便是空气劈尖。劈尖状的介质薄膜便是介质劈尖。



夹角很小

$$\theta \approx 10^{-4} \sim 10^{-5} \text{ rad}$$

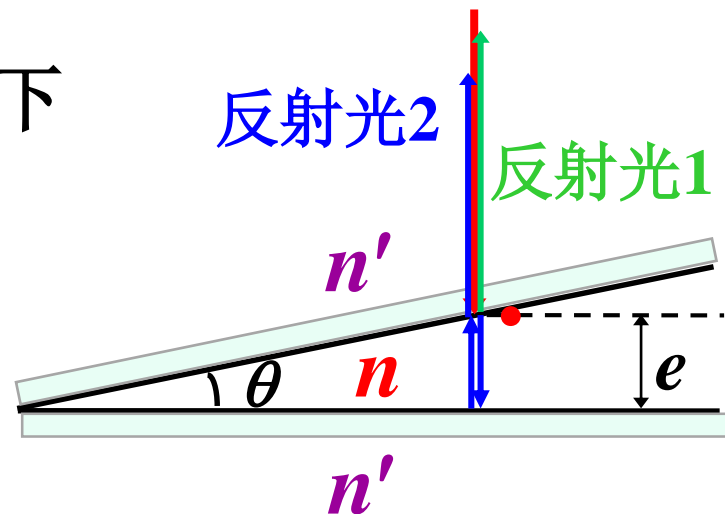


劈尖**夹角极小**， **$e$ 很薄**，  
劈间膜上、下表面的  
反射光路**简化为**：

光束**垂直入射**到劈尖：

光束**垂直入射**，劈间膜上、下表面的反射光路图：

反射光1、2的光程差：



$$\delta = 2ne + \frac{\lambda}{2} = \begin{cases} k\lambda \\ (2k+1)\frac{\lambda}{2} \end{cases}$$

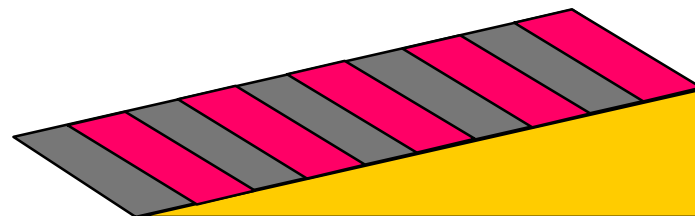
明纹

暗纹

( $k = 0, 1, 2, \dots$ )

(1) 条纹形状

一组**平行于棱边的直条纹**！



**空气**劈尖： **棱边**处  $e=0$ ，**暗纹**

## (2) 条纹间距

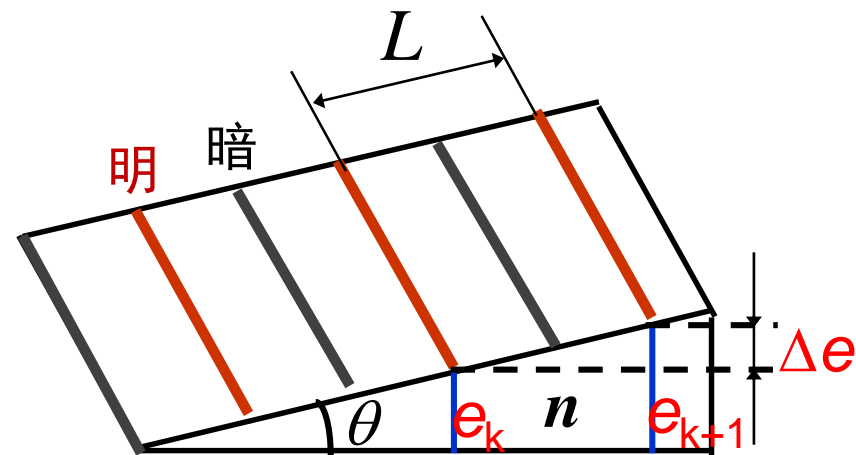
$$2ne_k + \frac{\lambda}{2} = k\lambda$$

$$2ne_{k+1} + \frac{\lambda}{2} = (k+1)\lambda$$

$$2n\Delta e = \lambda$$

$$L\sin\theta = e_{k+1} - e_k = \Delta e$$

$$\sin\theta \approx \theta$$



$$L = \frac{\lambda}{2n\theta}$$

空气劈尖  $n=1$

$\theta$  大, 条纹密  
而不可辨  
 $\therefore$  必需“尖”!

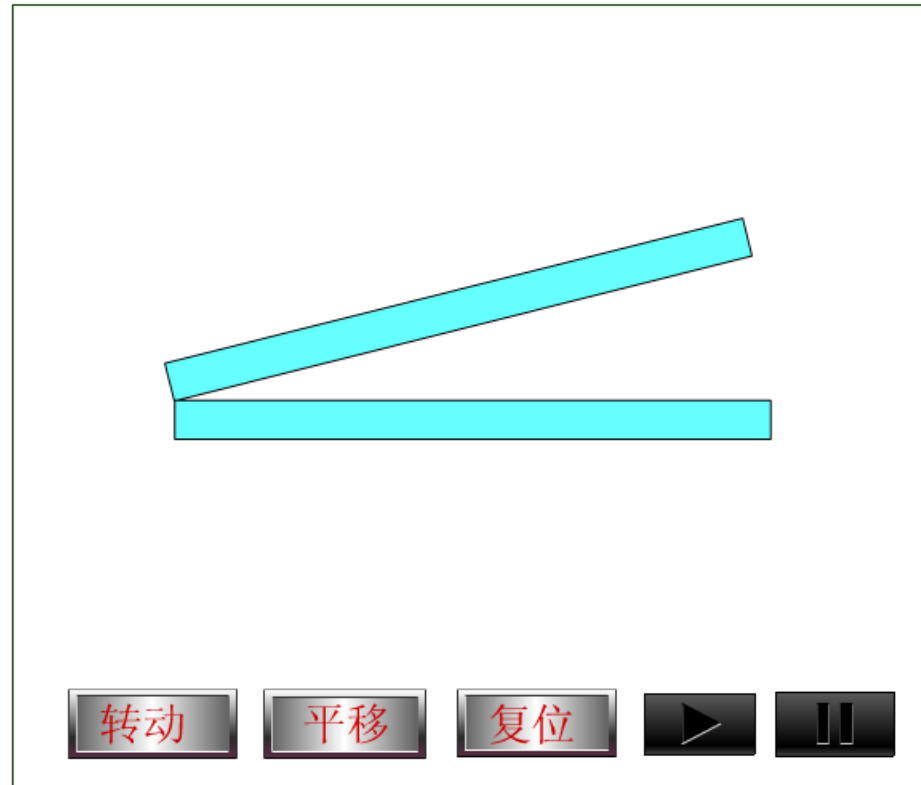
相邻条纹的光程差为一个波长!



### (3) 劈尖干涉条纹的变化

每一条纹对应  
劈尖内的一个厚度  
，当此**厚度位置改变**时，对应的条纹  
随之变化。

移动和间隔？



- 上膜上移：条纹向棱边移动，间距不变
- 楔角改变： $\theta$  变大 **变密**     $\theta$  变小 **变疏**

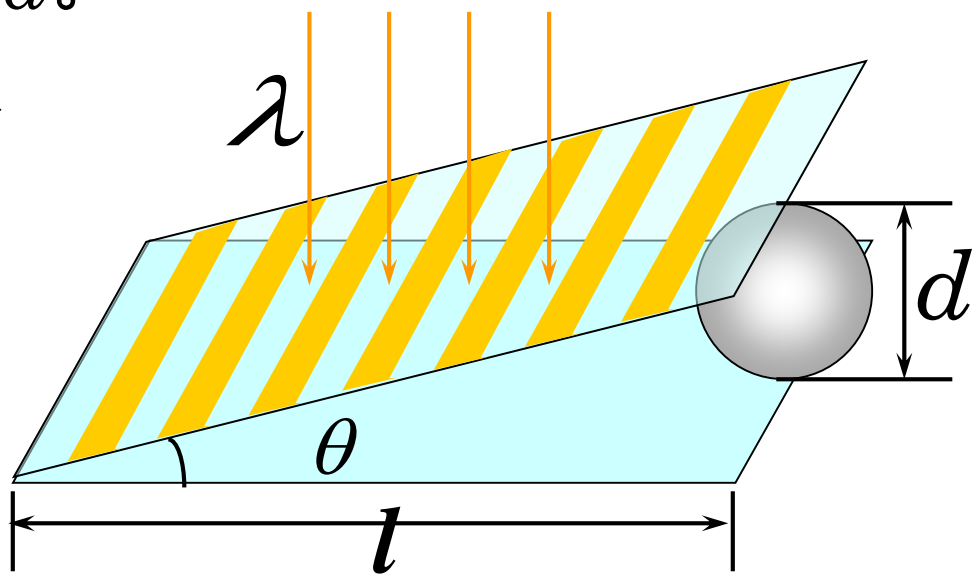
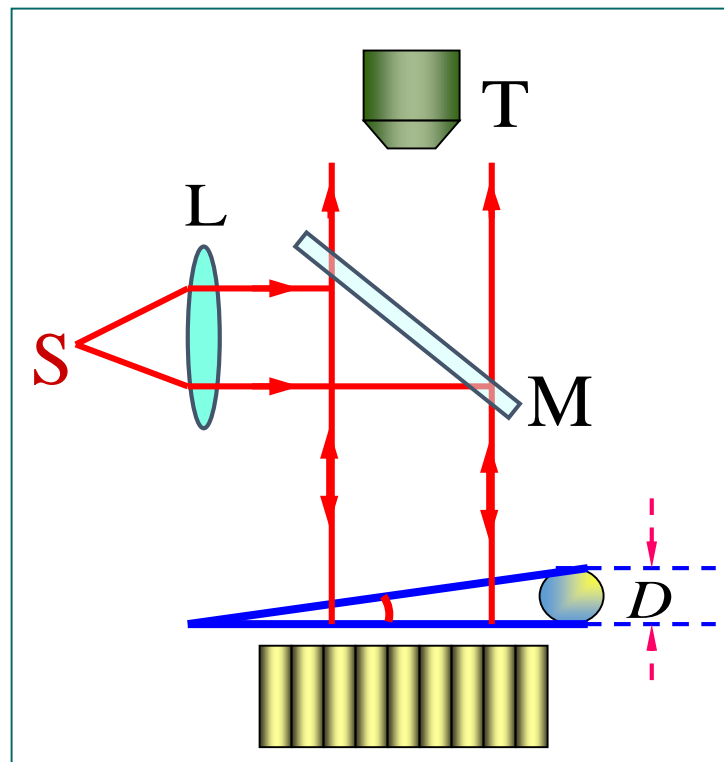
## (4) 劈尖干涉的应用

1) 测微小的厚度、  
角度、折射率、波长

例：用波长为 $589.3\text{nm}$ 的钠黄光垂直照射长 $l=20\text{mm}$ 的空气劈尖，测得条纹间距为 $1.18\times 10^{-4}\text{m}$ ，求：钢球直径 $d$ 。

解：  $d = l\theta$  又：  $\theta = \frac{\lambda}{2nL}$

$$\therefore d = \frac{l\lambda}{2nL} = \frac{589.3 \times 10^{-9} \times 20 \times 10^{-3}}{2 \times 1.18 \times 10^{-4}} \\ = 5 \times 10^{-5} \text{m}$$



**例** 制造半导体元件时，常需精确测定硅片上镀有二氧化硅薄膜的厚度，可用化学方法把薄膜的一部分腐蚀成劈尖形，用波长 $\lambda = 589.3\text{nm}$ 的单色光从空气垂直照射，二氧化硅的折射率  $n=1.5$ ，硅的折射率为 3.42，若观察到如图所示的7条明纹。问二氧化硅膜的厚度 $d = ?$

**解：**上下两面都有半波损失，互相抵消，明纹处的光程差为：

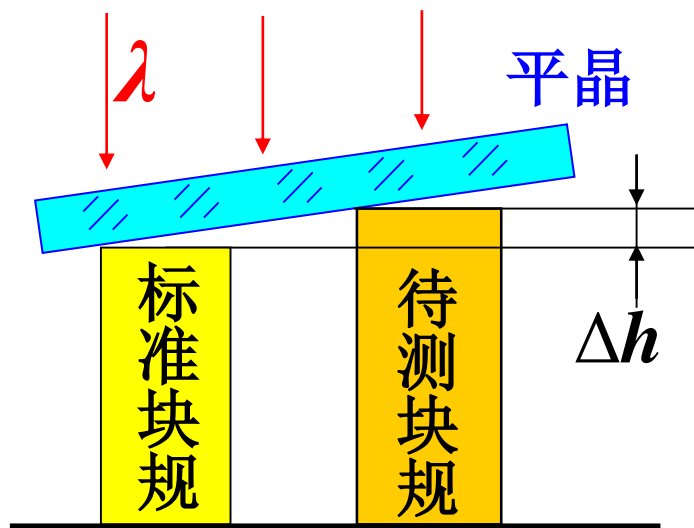
$$\delta = 2nd = k\lambda \quad k = 0, 1, 2, \dots$$



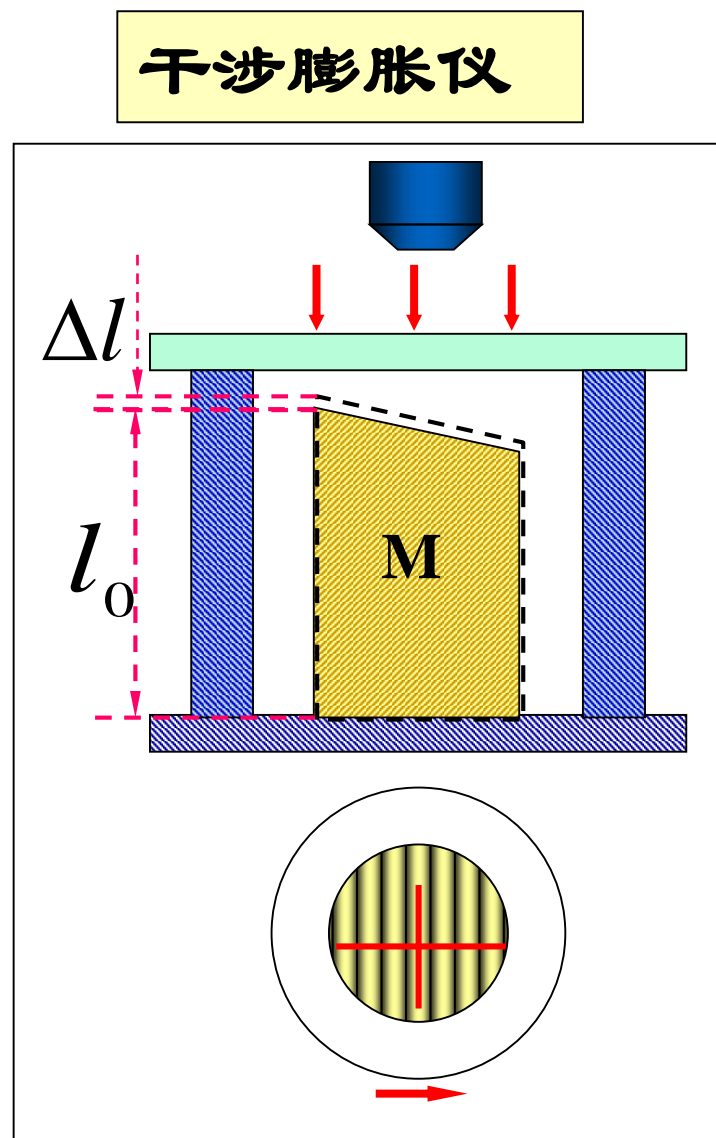
**棱边**处  $d=0$ ，对应于  $k=0$  的**明纹**，所以厚度为  $d$  处的明纹对应于  $k=6$ ，故二氧化硅膜的厚度为：

$$d = \frac{6\lambda}{2n} = \frac{6 \times 589.3 \times 10^{-9}}{2 \times 1.5} = 1.1786 \times 10^{-6} \text{ m}$$

## 2) 测微小的长度变化

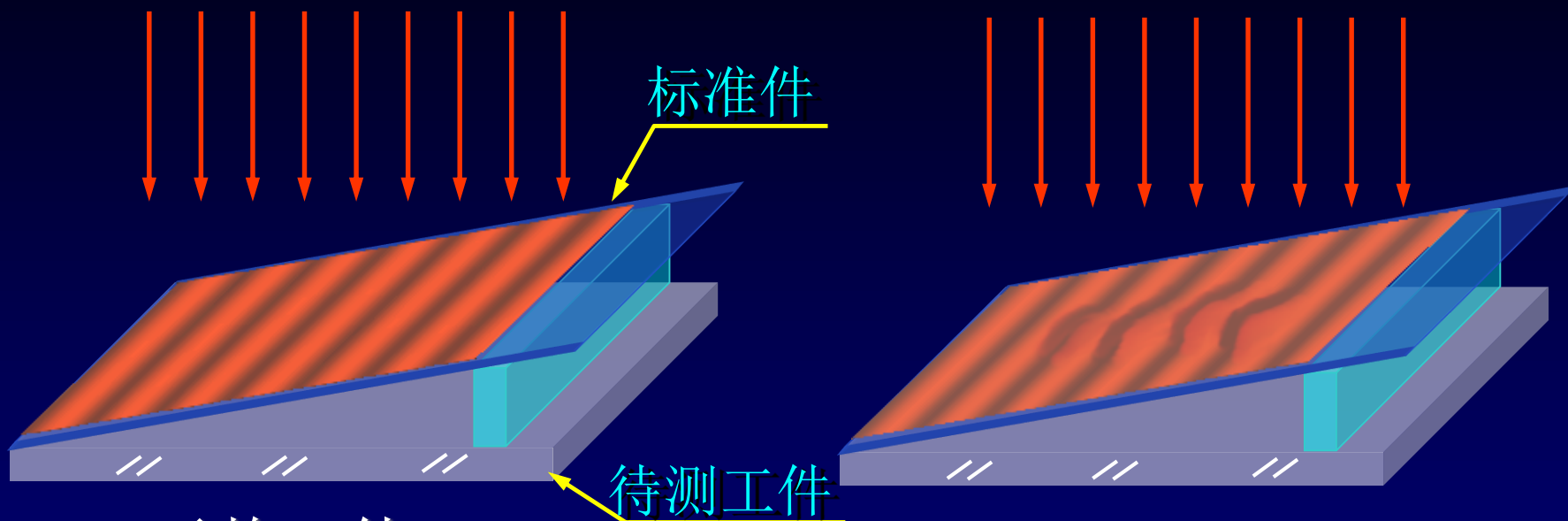


M顶面与平晶形成劈尖。 $T \uparrow$ , M 膨胀微小  $\Delta l$ , 条纹平行移动  $\rightarrow$  测得热膨胀系数。



$$\Delta l = N \frac{\lambda}{2}$$

### 3) 检验光学元件表面的平整度



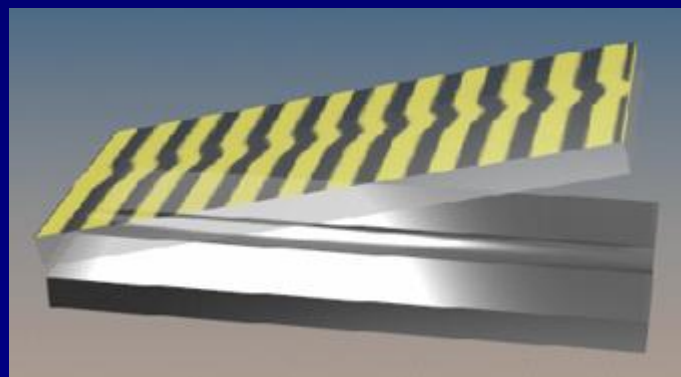
平整工件

不平整工件

条纹向棱边弯曲:待测平面上有沟槽

反之, 待测平面上有凸起

凹槽深度? 凸起厚度?



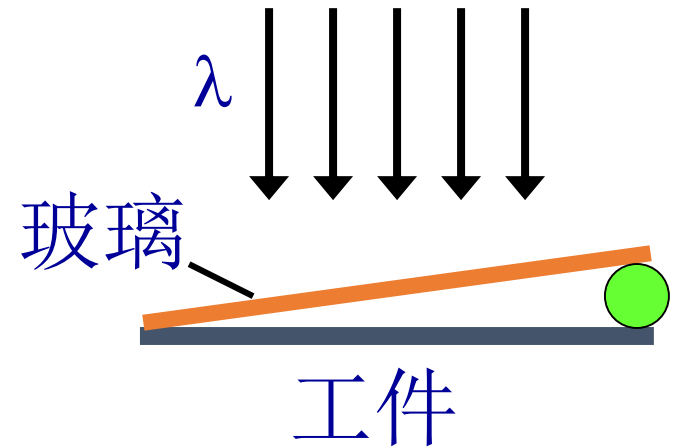
例：如图劈尖干涉条纹中，每一条纹弯曲部分的顶点恰与其左边条纹直线部分的连线相切，则工件表面与条纹弯曲处对应的部分 (C)

(A)凸起且高度为 $\lambda/4$

(B)凸起且高度为 $\lambda/2$

(C)凹陷且深度为 $\lambda/2$

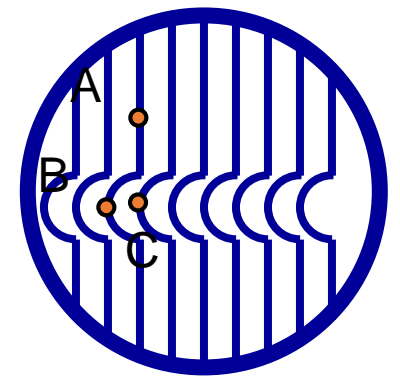
(D)凹陷且深度为 $\lambda/4$



解：A、B两点下的膜厚相等---凹陷

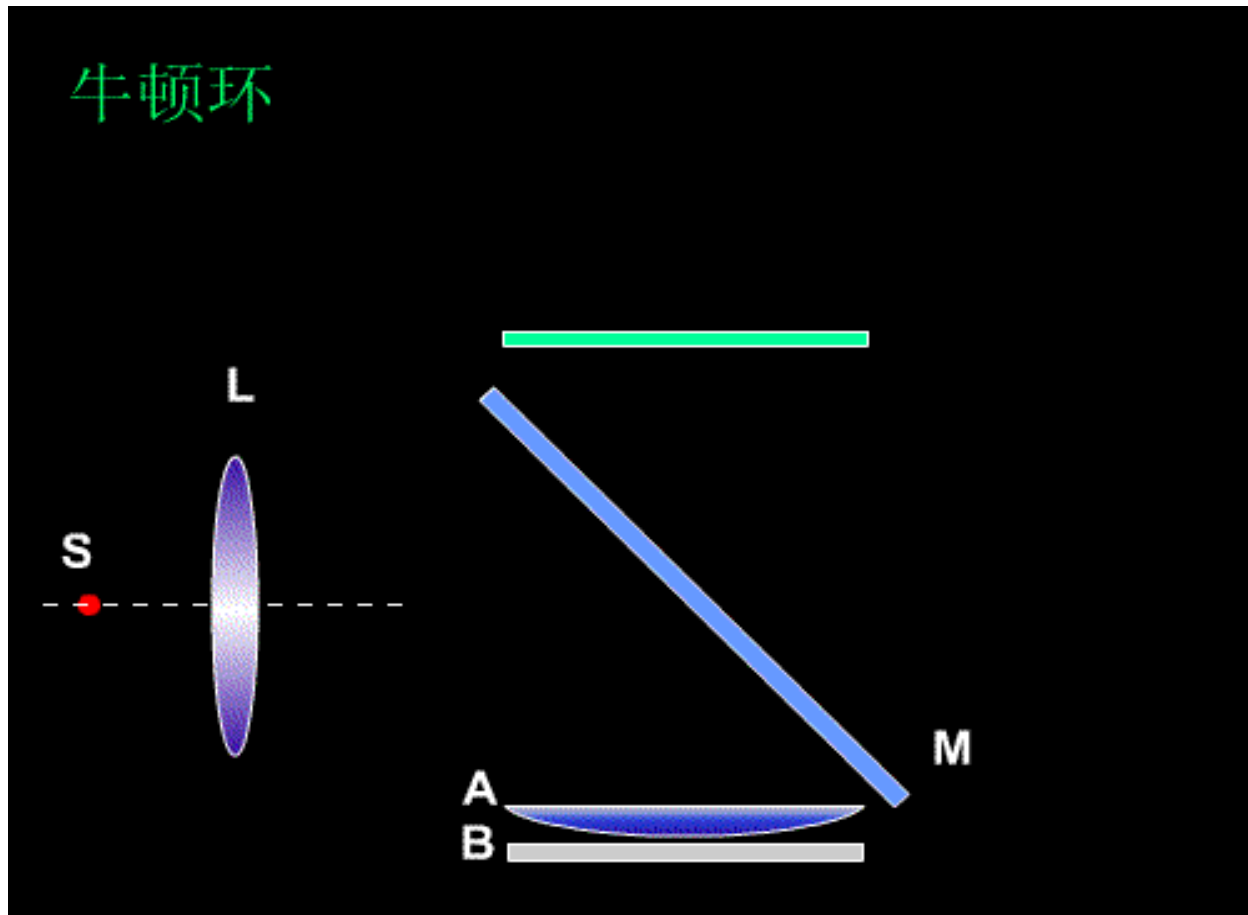
A、C两点下的膜厚差 $\lambda/2$

—凹槽深度



## 2. 牛顿环

曲率半径很大的平凸透镜放在平玻璃板上，在其之间形成环状劈形空气层。用单色光垂直照射在平凸透镜上，则可以观察到一组**明暗相间的同心圆环**。



垂直入射，空气层厚度 $e$ 处上下表面反射光的**光程差**：

$$\delta = 2ne + \frac{\lambda}{2} = (2k + 1)\frac{\lambda}{2} \quad \text{暗环}$$

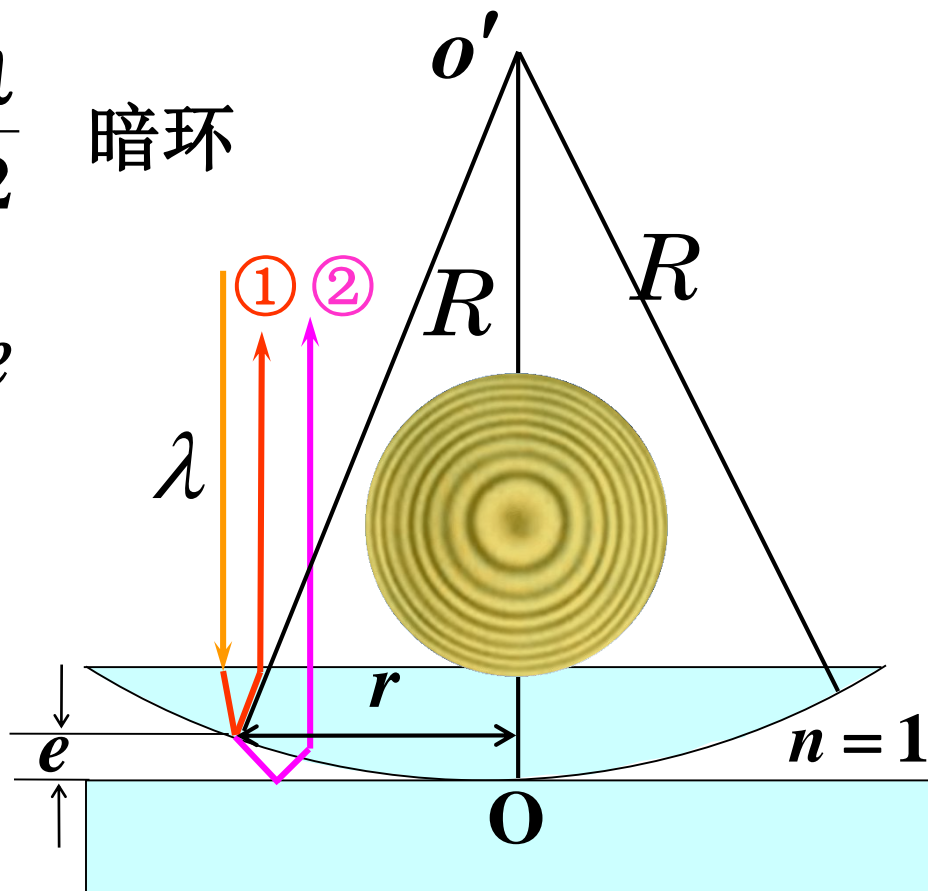
$$r^2 = R^2 - (R - e)^2 \approx 2R e$$

**暗环半径：**

$$r_k = \sqrt{kR\lambda}$$

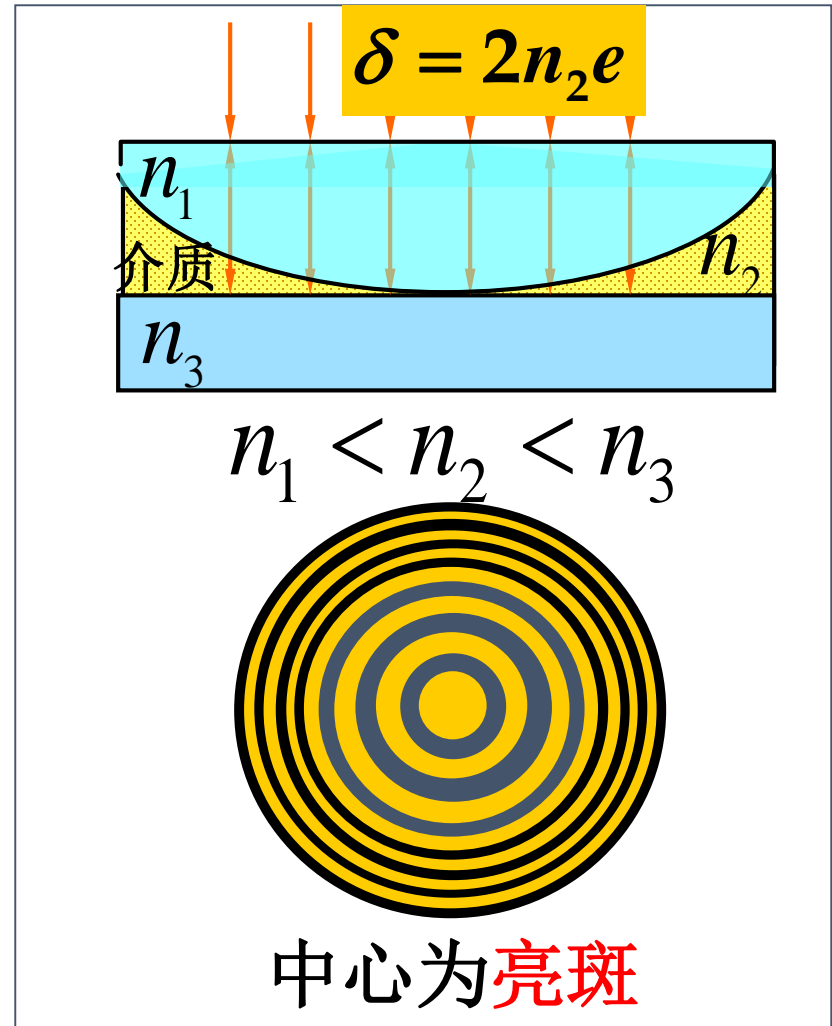
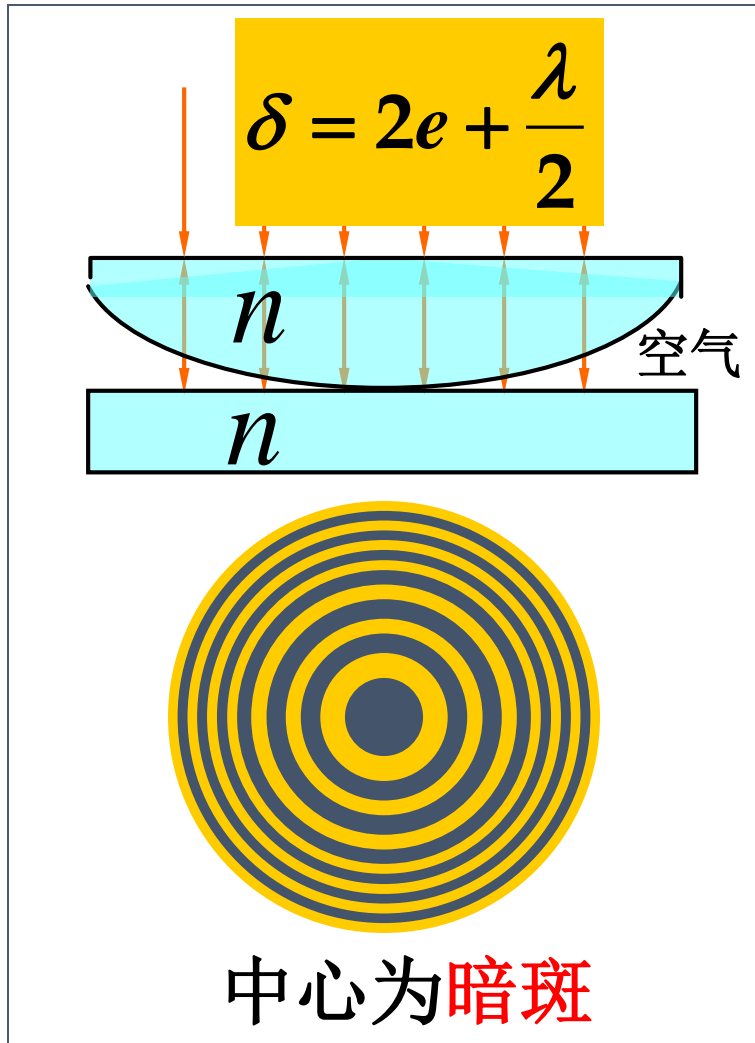
$(k=0,1,2, \cdots)$

中心处，  $e = 0$ ，  $k_{\min} = 0$





(1) 以接触点为中心的**不等间距的（内疏外密）**明暗相间的同心圆环。

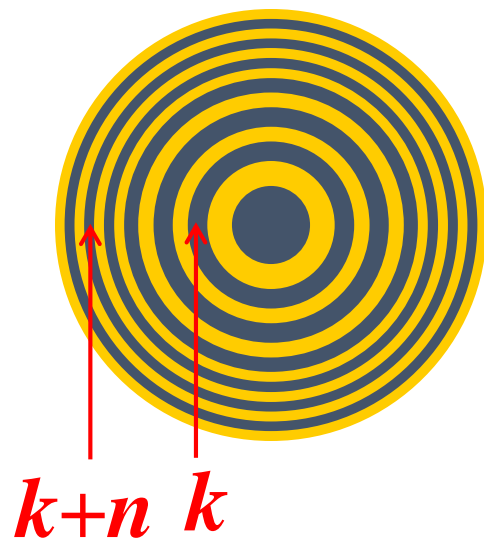


$$2ne + \frac{\lambda}{2} = (2k + 1)\frac{\lambda}{2} \quad \text{暗环}$$

(2) 条纹收缩或扩张。

平凸透镜向上平移  $e \uparrow \longrightarrow k \uparrow$

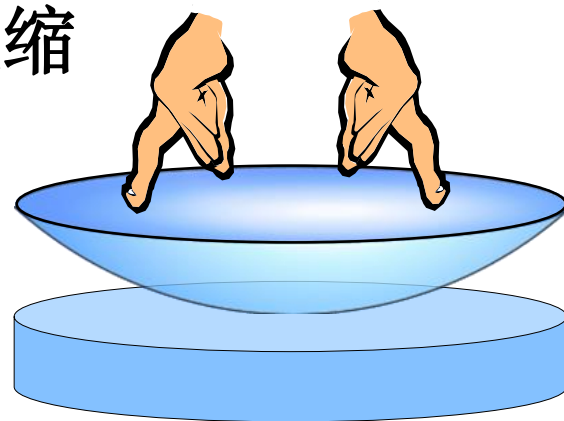
中心处陷入条纹各级条纹向内收缩



反之,  $e \downarrow \longrightarrow k \downarrow$  条纹向外扩张。

例 如图轻压透镜, 干涉条纹将发生哪种变化:

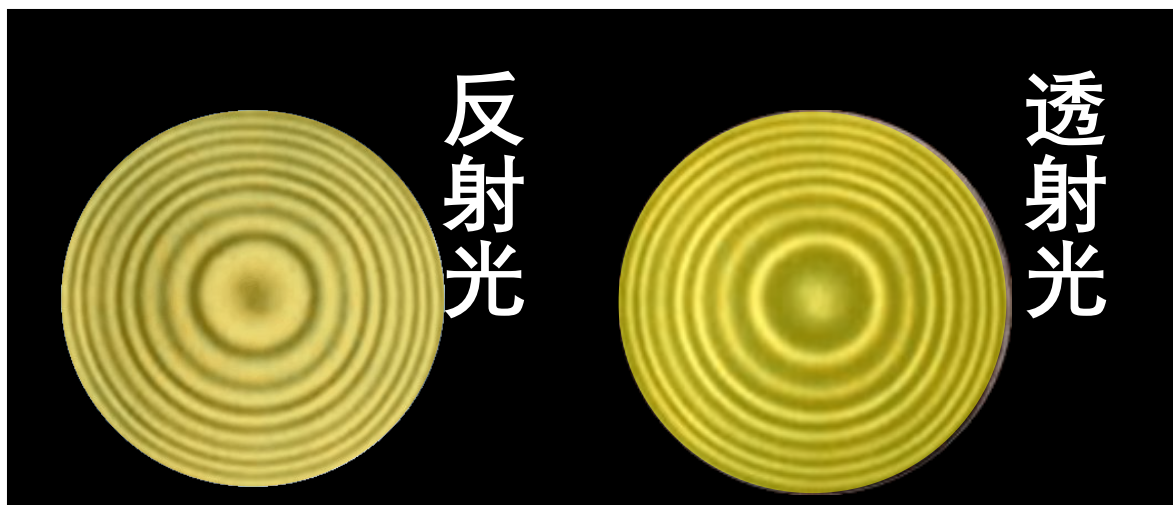
- (A) 条纹向右平移
- (B) 条纹向中心收缩
- (C) ☒ 条纹向外扩张
- (D) 条纹静止不动
- (E) 条纹向左平移



(3) 若白光入射，便可得到彩色条纹，在高级次出现重迭。



(4) 反射光与透射光干涉互补

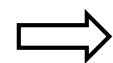


## ◆ 牛顿环的应用

◎ 测量平凸透镜的曲率半径  $R$ 、测量光波波长  $\lambda$  等

设第  $k_1$ 、 $k_2$  暗环的半径为  $r_1$ 、 $r_2$

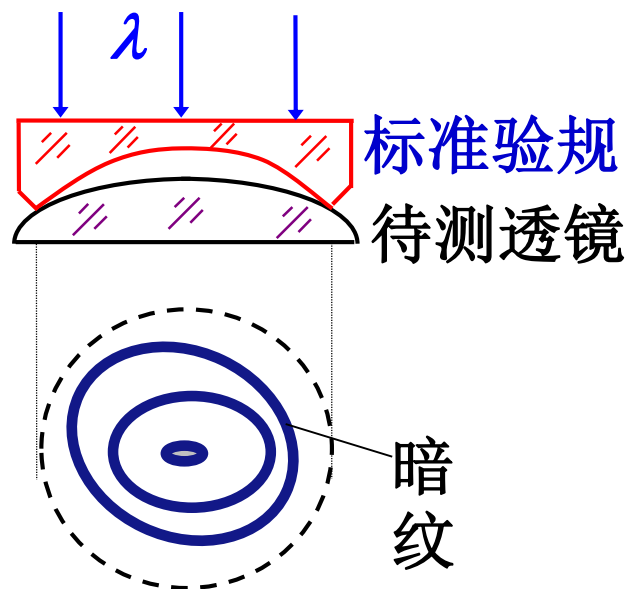
$$r_1^2 = k_1 R \lambda \quad r_2^2 = k_2 R \lambda$$



$$R = \frac{r_2^2 - r_1^2}{(k_2 - k_1)\lambda}$$

◎ 检验透镜球表面质量

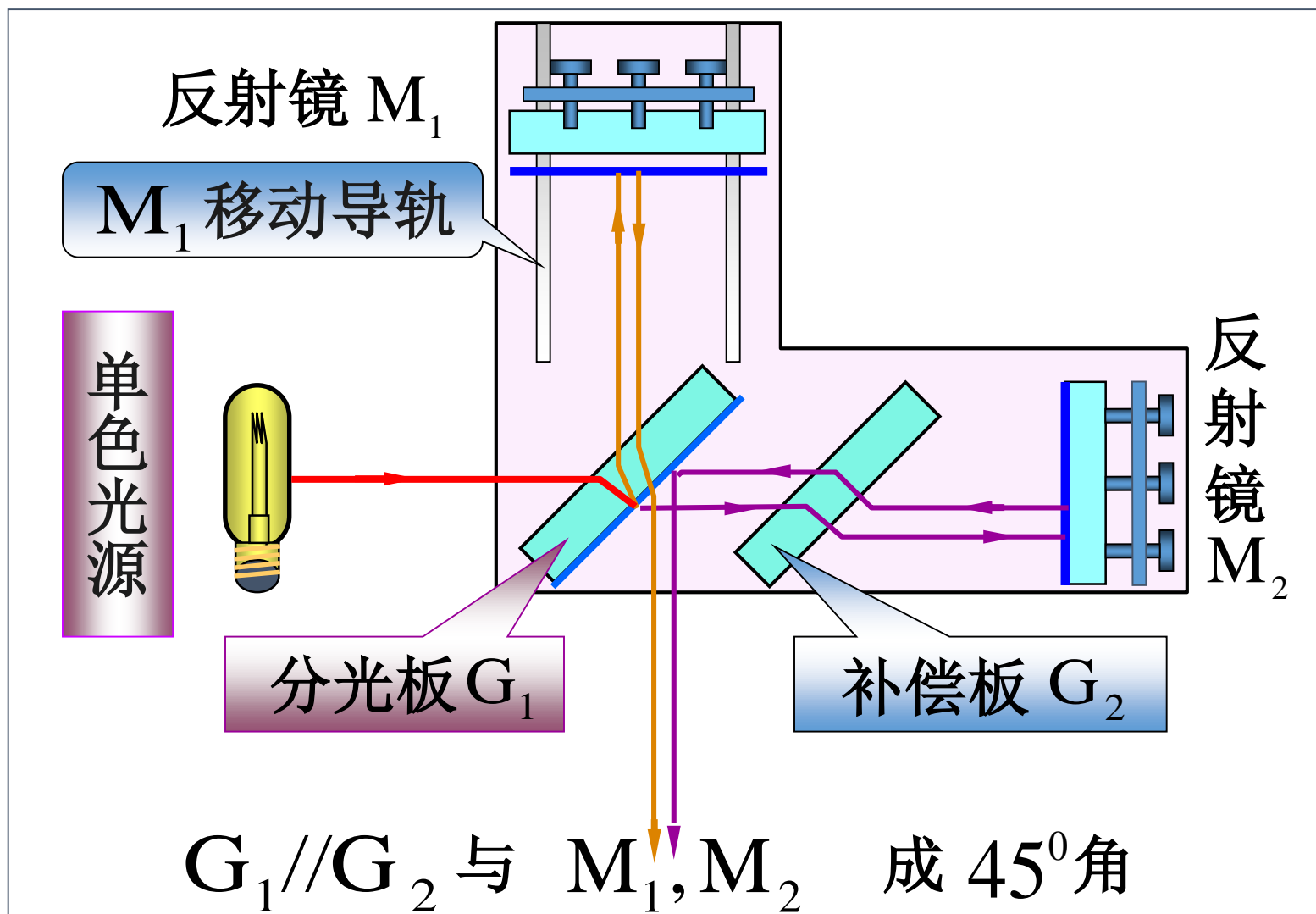
将玻璃验规盖于待测镜头上，两者间形成空气薄层，因而在验规的凹表面上出现牛顿环，当某处光圈偏离圆形时，则该处有不规则起伏。



## § 4 迈克耳孙干涉仪



# 一. 仪器结构、光路及工作原理



光束2'和1'发生干涉

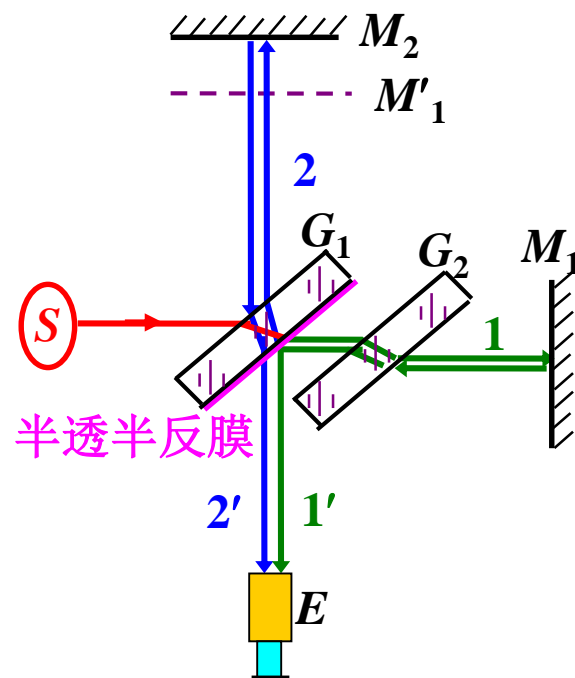
补偿板G<sub>2</sub>的作用

无G<sub>2</sub>时的光程差:

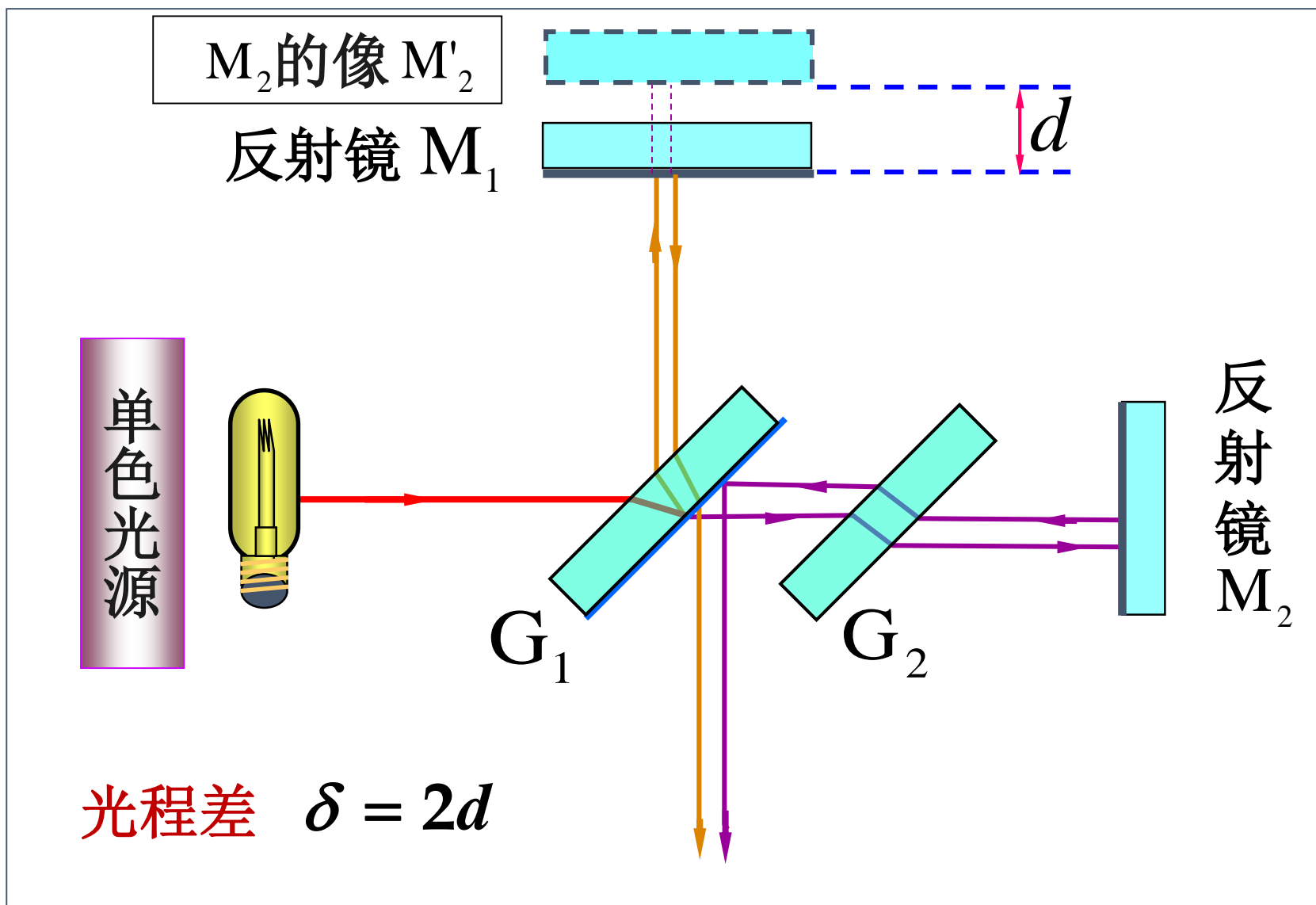
$$\delta = 2nt + 2l_2 - 2l_1$$

有G<sub>2</sub>时的光程差:

$$\delta = 2l_2 - 2l_1$$

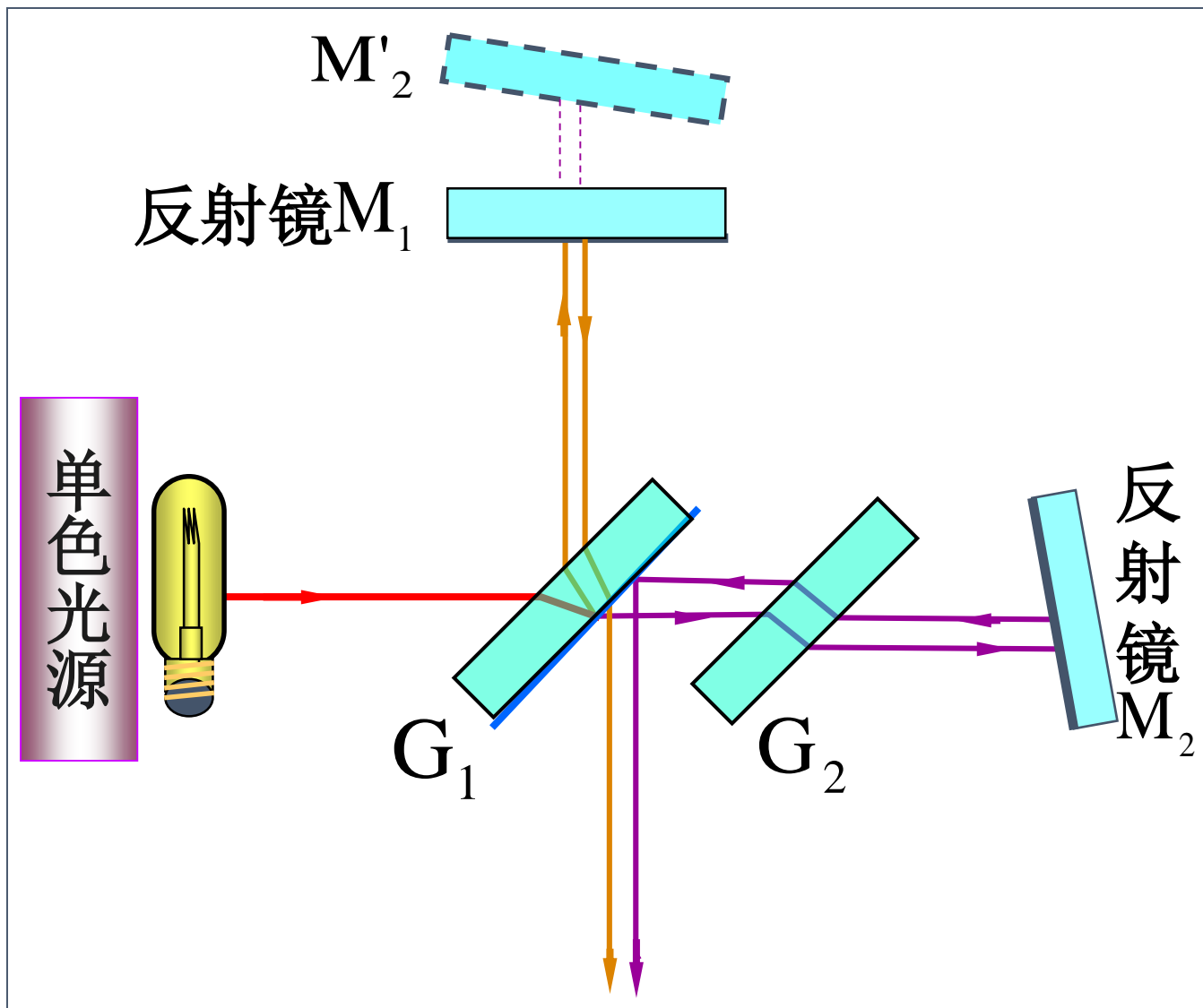


当 $M_2 \perp M_1$ 时,  $M_2 // M_1'$ , 可形成薄膜的等倾干涉条纹

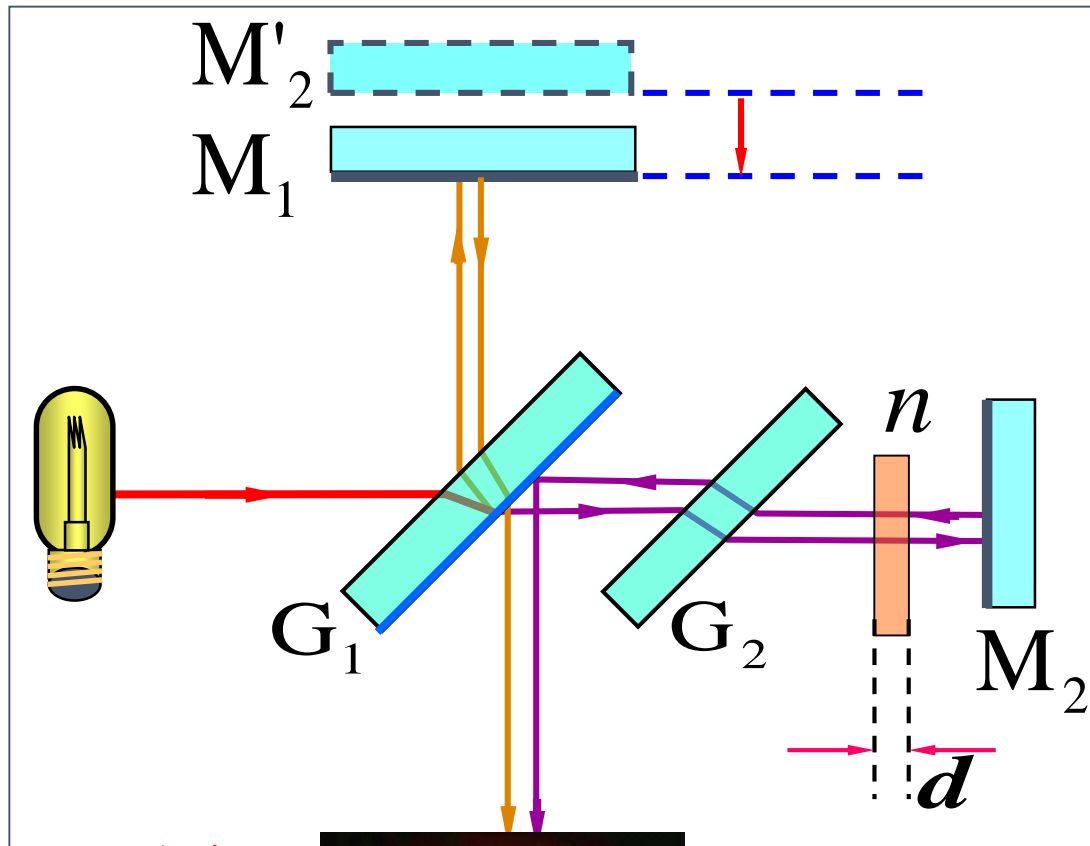




当  $M_1$  不垂直于  $M_2$  时，可形成劈尖型等厚干涉条纹



## 二、应用 • 微小位移测量 • 测介质折射率 • 膜的厚度



十字叉丝

等厚条纹

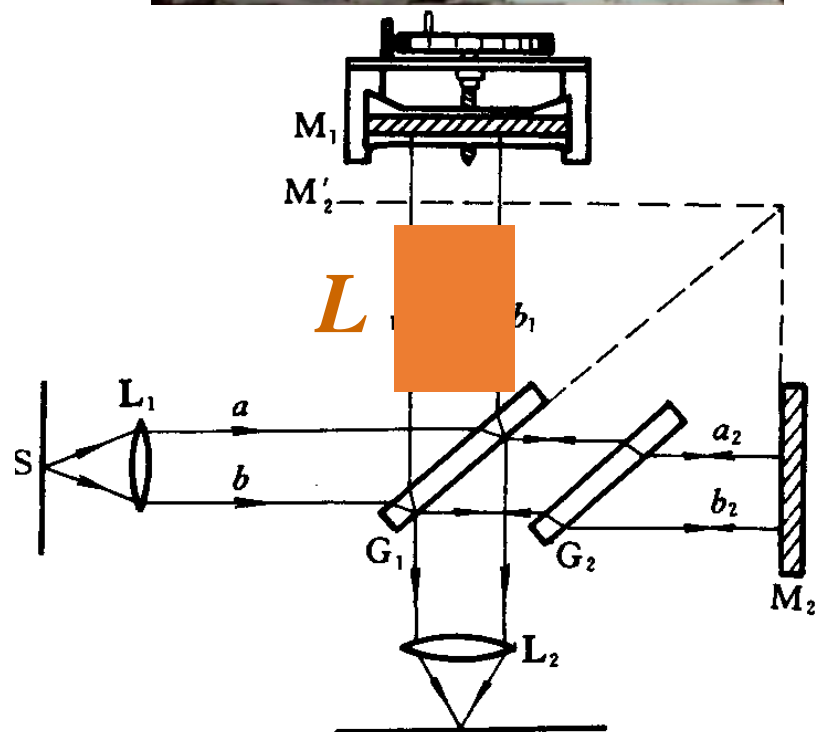
①  $M_1$  平移  $d$  时，条纹移过(或冒出/缩进)  $N$  条，则：

$$2d = N\lambda$$

$$d = N \cdot \frac{\lambda}{2}$$

② 光路中插入介质片时，条纹移过(或冒出/缩进)  $N$  条，则：

$$2(n-1)d = N\lambda$$



利用干涉仪测气体折射率

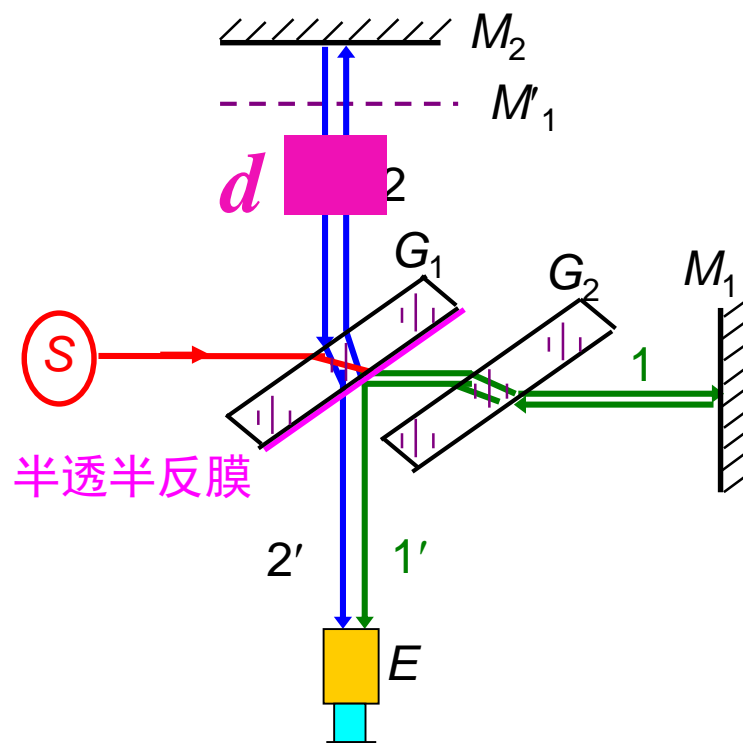
充入折射为  $n$  的气体后，  
这条光路的光程改变了：

$$2(n-1)L = N\lambda$$

例:在迈克耳孙干涉仪的一条光路，放入一厚度为  $d$ ，折射为  $n$  的透明薄片，放入后，这条光路的光程改变了

- (A)  $2(n-1)d$
- (B)  $2nd$
- (C)  $2(n+1)d + \lambda/2$
- (D)  $nd$
- (E)  $(n-1)d$

答: [ A ]





迈克耳孙在工作

**迈克耳孙**  
**(A.A.Michelson)**  
**美籍德国人**  
因创造精密光学  
仪器，用以进行  
光谱学和度量学  
的研究，并精确  
测出光速，**获**  
**1907年诺贝尔物**  
**理奖。**

迈克耳孙干涉仪至今仍是许多光学仪器的核心。

爱因斯坦赞誉道：

“我总认为迈克尔逊是科学中的艺术家，  
他的最大乐趣似乎来自实验本身的优美和所使用方法的精湛，他从来不认为自己在科学上是个严格的‘专家’，事实上的确不是，但始终是个艺术家。”

许多著名的实验都堪称科学中的艺术，如：全息照相实验，吴健雄实验，兰姆移位实验等等。

重要的物理思想 + 巧妙的实验构思 + 精湛的实验技术 → 科学中的艺术

# 基于迈克尔逊干涉仪原理的引力波探测器

- 美国建造的引力波激光干涉观察台——LIGO，臂长 $4\text{km} \times 2$ （垂直）。



位于美国华盛顿州汉福德附近的臂长 $4\text{km}$ 的激光干涉仪引力波探测器

**例：**在迈克耳逊干涉仪的两臂中分别引入 10 厘米长的玻璃管  $A$ 、 $B$ ，其中一个抽成真空，另一个在充以一个大气压空气的过程中观察到 107.2 条条纹移动，所用光波波长为 546nm。求空气的折射率？

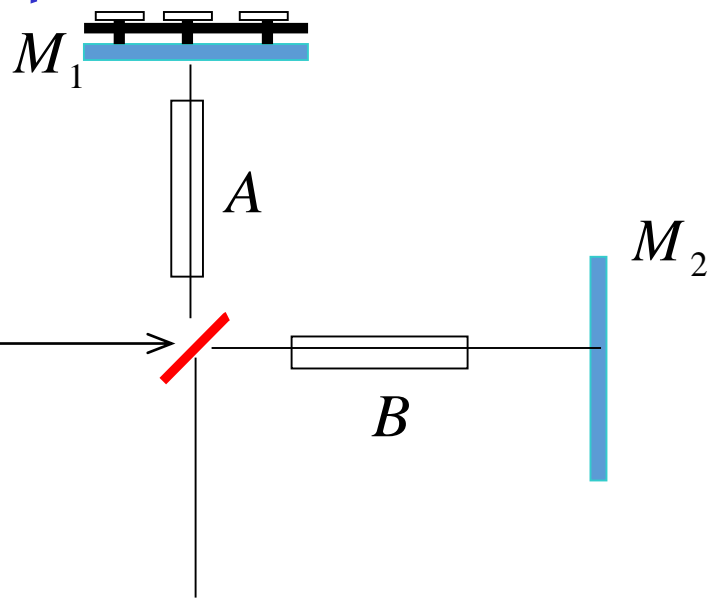
**解：**设空气的折射率为  $n$

$$\Delta\delta = 2nl - 2l = 2l(n-1)$$

$S$

$$\Delta\delta = 2l(n-1) = 107.2 \times \lambda$$

$$n = \frac{107.2 \times \lambda}{2l} + 1 = 1.0002927$$





例. 当把折射率 $n = 1.40$ 的薄膜放入迈克耳孙干涉仪的一臂时, 如果产生了7.0条条纹的移动, 求薄膜的厚度。(已知钠光的波长为 $\lambda = 5893\text{\AA}$ )

解: 按题意, 有  $2(n-1)e=7\lambda$

$$\begin{aligned}\text{于是 } e &= \frac{7\lambda}{2(n-1)} \\ &= \frac{7 \times 5893 \times 10^{-10}}{2(1.4-1)} \\ &= 5.516 \times 10^{-6} m\end{aligned}$$