ДОВІДКОВІ МАТЕРІАЛИ

Таблиця квадратів від 10 до 49

Десятки	Одиниці									
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	100	121	144	169	196	225	256	289	324	361
2	400	441	484	529	576	625	676	729	784	841
3	900	961	1024	1089	1156	1225	1296	1369	1444	1521
4	1600	1681	1764	1849	1936	2025	2116	2209	2304	2401

АЛГЕБРА І ПОЧАТКИ АНАЛІЗУ

Формули скороченого множення

$$a^{2} - b^{2} = (a - b)(a + b)$$
$$(a + b)^{2} = a^{2} + 2ab + b^{2}$$
$$(a - b)^{2} = a^{2} - 2ab + b^{2}$$

Модуль числа

$$|a| = \begin{cases} a, \text{ якщо } a \ge 0, \\ -a, \text{ якщо } a < 0 \end{cases}$$

Квадратне рівняння

$$ax^2+bx+c=0,\ a\neq 0$$

$$D=b^2-4ac\ -\ \text{дискримінант}$$

$$x_1=\frac{-b-\sqrt{D}}{2a},\ x_2=\frac{-b+\sqrt{D}}{2a},\ \text{якщо}\ D>0$$

$$x_1 = x_2 = \frac{-b}{2a}, \ \text{ якщо } D = 0$$

$$ax^2 + bx + c = a(x - x_1)(x - x_2)$$

Степені

$$a^1=a,\ a^n=\underbrace{a\cdot a\,\ldots\cdot a}_{n\ \mathrm{pasib}}$$
 для $a\in R,\ n\in N,\ n\geqslant 2$

$$a^0 = 1$$
, де $a \neq 0$ $\sqrt{a^2} = |a|$

$$a^{-n}=rac{1}{a^n}$$
 для $a
eq 0$, $n \in N$

$$a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}, \ a > 0, \ m \in \mathbb{Z}, \ n \in \mathbb{N}, \ n \ge 2$$

$$a^x \cdot a^y = a^{x+y}$$

$$\frac{a^x}{a^y} = a^{x-y} \qquad (a^x)^y = a^{x \cdot y}$$

$$\frac{a^x}{a^y} = a^{x-y}$$

$$(a^x)^y = a^{x \cdot y}$$

$$(ab)^{x} = a^{x} \cdot b^{x} \qquad \left(\frac{a}{b}\right)^{x} = \frac{a^{x}}{b^{x}}$$

Логарифми

$$a > 0, \ a \neq 1, \ b > 0, \ c > 0, \ k \neq 0$$

$$a^{\log_a b} = b \qquad \log_a a = 1 \qquad \log_a 1 = 0$$

$$\log_a(b \cdot c) = \log_a b + \log_a c$$

$$\log_a \frac{b}{c} = \log_a b - \log_a c$$

$$\log_a b^n = n \cdot \log_a b$$

$$\log_{a^k} b = \frac{1}{k} \cdot \log_a b$$

Арифметична прогресія

$$a_n = a_1 + d(n-1)$$
 $S_n = \frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n$

Геометрична прогресія

$$b_n = b_1 \cdot q^{n-1} \qquad S_n = \frac{b_1(q^n - 1)}{q - 1}, \qquad (q \neq 1)$$

Теорія ймовірностей

Комбінаторика

$$P(A) = \frac{k}{n}$$

$$P_n = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot n = n!$$
 $C_n^k = \frac{n!}{k! \cdot (n-k)!}$ $A_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$

Похідна функції

$$C$$
, α — сталі

$$(C)' = 0$$

$$x' = 1$$

$$(x^{\alpha})' = \alpha x^{\alpha-1}$$

$$(\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}} \qquad (e^x)' = e^x$$

$$(e^x)' = e^x$$

$$(\ln x)' = \frac{1}{x}$$

$$(\sin x)' = \cos x$$

$$(\ln x)' = \frac{1}{x} \qquad (\sin x)' = \cos x$$

$$(\cos x)' = -\sin x \qquad (\operatorname{tg} x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$$

$$(\operatorname{tg} x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$$

$$(u + v)' = u' + v'$$
 $(u - v)' = u' - v'$

$$(u-v)'=u'-v'$$

$$(uv)' = u'v + uv' \qquad (Cu)' = Cu'$$

$$(Cu)' = Cu'$$

$$\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u'v - uv'}{v^2}$$

Первісна функції та визначений інтеграл

Функція $f(x)$	Загальний вигляд первісних $F(x) + C$, C — довільна стала
0	C
1	x + C
x^{α} , $\alpha \neq -1$	$\frac{x^{\alpha+1}}{\alpha+1} + C$
$\frac{1}{x}$	$\ln x + C$
e^x	$e^x + C$
$\sin x$	$-\cos x + C$
$\cos x$	$\sin x + C$
$\frac{1}{\cos^2 x}$	tg x + C

$$\int\limits_a^b f(x)dx=F(x)\left|_a^b=F(b)-F(a)-$$
формула Ньютона
–Лейбніца

Тригонометрія

$$\sin \alpha = y_a \quad \cos \alpha = x_a$$

$$tg \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$$

$$1 + tg^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$$

 $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$

$$\sin 2\alpha = 2\sin \alpha \cos \alpha$$

$$\sin 2\alpha = 2\sin \alpha \cos \alpha$$
 $\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$

$$\sin(90^{\circ} + \alpha) = \cos \alpha$$

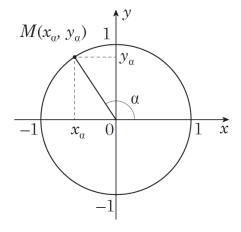
$$\sin(90^{\circ} + \alpha) = \cos \alpha$$
 $\sin(180^{\circ} - \alpha) = \sin \alpha$

$$cos(90^{\circ} + a) = -sin a$$

$$\cos(90^{\circ} + \alpha) = -\sin\alpha \qquad \cos(180^{\circ} - \alpha) = -\cos\alpha$$

$$tg(90^{\circ} + \alpha) = -\frac{1}{tg\alpha} \qquad tg(180^{\circ} - \alpha) = -tg\alpha$$

$$tg(180^{\circ} - \alpha) = -tg \ \alpha$$



Таблиця значень тригонометричних функцій деяких кутів

α	рад	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
	град	0°	30°	45°	60°	90°	180°	270°	360°
$\sin \alpha$		0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1	0	-1	0
$\cos \alpha$		1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0	-1	0	1
tg α		0	$\frac{1}{\sqrt{3}}$	1	$\sqrt{3}$	не існує	0	не існує	0

ГЕОМЕТРІЯ

Довільний трикутник

$$p = \frac{a+b+c}{2} \qquad \alpha + \beta + \gamma = 180^{\circ}$$

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \alpha$$

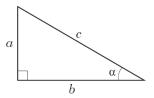
$$\frac{a}{\sin\alpha} = \frac{b}{\sin\beta} = \frac{c}{\sin\gamma} = 2R$$

R – радіус кола, описаного навколо трикутника ABC

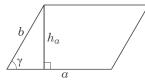
$$S = \frac{1}{2}a \cdot h_a \quad S = \frac{1}{2}b \cdot c \cdot \sin \alpha \quad S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$$

Прямокутний трикутник

 $a^2 + b^2 = c^2$ (теорема Піфагора) $\frac{b}{c} = \cos \alpha$ $\frac{a}{c} = \sin \alpha$ $\frac{a}{b} = \tan \alpha$



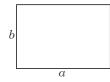
Паралелограм



$$S = ab \sin \gamma$$

 $S = ah_a$

Прямокутник



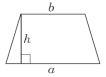
$$S = ab$$

Ромб



$$S = \frac{1}{2} d_1 d_2$$
,

Трапеція



$$S = \frac{a+b}{2} \cdot h,$$

 $d_1,\,d_2$ – діагоналі ромба a і b – основи трапеції

Коло

Чотирикутники

Трикутники



$$L = 2\pi R$$
$$(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2 = R^2$$

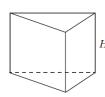
Kpyr



$$S = \pi R^2$$

Об'ємні фігури й тіла

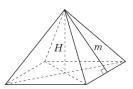
Пряма призма



$$V = S_{\text{och}} \cdot H$$

 $S_{\rm G} = P_{\rm och} \cdot H$

Правильна піраміда



$$V = \frac{1}{3} S_{\text{och}} \cdot H$$

 $S_6 = \frac{1}{2} P_{\text{och}} \cdot m$

Циліндр



$$V = \pi R^2 H$$

 $V = \pi R^2 H \qquad V = \frac{1}{3} \pi R^2 H$ $S_6 = 2\pi R H \qquad S_6 = \pi R L$



Конус



Куля, сфера

Координати та вектори

$$A(x_1, y_1, z_1)$$
 $B(x_2, y_2, z_2)$

$$x_0 = \frac{x_1 + x_2}{2}$$

$$x_0 = \frac{x_1 + x_2}{2}$$
 $y_0 = \frac{y_1 + y_2}{2}$ $z_0 = \frac{z_1 + z_2}{2}$

$$z_0 = \frac{z_1 + z}{2}$$

$$|\overrightarrow{AB}(x_2-x_1,y_2-y_1,z_2-z_1)| \qquad |\overrightarrow{AB}| = \sqrt{(x_2-x_1)^2+(y_2-y_1)^2+(z_2-z_1)^2}$$

$$\vec{a}(a_1, a_2, a_3)$$
 $\vec{b}(b_1, b_2, b_3)$

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = a_1 b_1 + a_2 b_2 + a_3 b_3$$

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cos \varphi$$