Laboratorium 6.

0) Przygotowanie środowiska

W konsoli/terminalu wpisujemy kolejno

```
$ cd
$ mkdir haskell-lab6
$ cd haskell-lab6
```

1) Składanie i "aplikacja" funkcji: funkcje postaci: $a \rightarrow b vs. a \rightarrow m b$ (rozszerzone/monadyczne, *Kleisli arrows*)

1. W pliku ex1.hs wpisujemy

```
(<$<) :: (a -> b) -> a -> b
(<$<) = ($)

(>$>) :: a -> (a -> b) -> b
x >$> f = f x
infixl 0 >$>
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi), w konsoli GHCi wpisujemy

```
ghci> (\x -> 2 * x + 1) <$< 1
ghci> 1 >$> (\x -> 2 * x + 1)
```

2. W pliku ex1.hs dodajemy

```
(<.<) :: (b -> c) -> (a -> b) -> (a -> c)

(<.<) = (.)

(>.>) :: (a -> b) -> (b -> c) -> (a -> c)

f >.> g = g . f

infixl 9 >.>
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi), w konsoli GHCi wpisujemy

```
ghci> (+2) <.< (*3) <$< 5
ghci> (+2) >.> (*3) <$< 5
ghci> 5 >$> (+2) <.< (*3)
ghci> 5 >$> (+2) >.> (*3)
ghci> 3 >$> (+2) >.> (*3)
```

```
ghci> tail [1,2]
ghci> tail >.> tail $ [1,2]
```

4. W pliku ex1.hs dodajemy

```
safeTail :: [a] -> Maybe [a]
safeTail [] = Nothing
safeTail (x:xs) = Just xs
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi), w konsoli GHCi wpisujemy

```
ghci> safeTail [1,2]
ghci> safeTail []

ghci> safeTail >.> safeTail >.> safeTail <$< [1,2]
ghci> [1,2] >$> safeTail >.> safeTail >.> safeTail
ghci> :t safeTail
```

Dlaczego nie da się wykonać złożenia safeTail >.> safeTail ?

5. W pliku ex1.hs dodajemy

```
extractMaybe :: Maybe a -> a
extractMaybe Nothing = error "Nothing inside!"
extractMaybe (Just x) = x
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi), w konsoli GHCi wpisujemy

```
ghci> [1,2] >$> safeTail >.> extractMaybe >.> safeTail
ghci> [1,2] >$> safeTail >.> extractMaybe >.> safeTail >.> extractMaybe >.> safeTail
ghci> [1] >$> safeTail >.> extractMaybe >.> safeTail >.> extractMaybe >.> safeTail
```

6. W pliku ex1.hs dodajemy

```
insertMaybe :: a -> Maybe a
insertMaybe = Just

-- (>^$>) = extract (^) and apply ($)
(>^$>) :: Maybe a -> (a -> Maybe b) -> Maybe b
ma >^$> f = (extractMaybe ma) >$> f
infixl 1 >^$>
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi), w konsoli GHCi wpisujemy

```
ghci> insertMaybe [1,2]
ghci> [1,2] >$> insertMaybe >.> extractMaybe

ghci> [1,2] >^$> safeTail
ghci> :t (>^$>)
ghci> insertMaybe [1,2] >^$> safeTail
ghci> insertMaybe [1,2] >^$> safeTail
ghci> insertMaybe [1,2] >^$> safeTail >^$> safeTail
ghci> insertMaybe [1,2] >^$> safeTail >^$> safeTail >^$> safeTail
ghci> insertMaybe [1,2] >^$> safeTail >^$> safeTail >^$> safeTail
ghci> insertMaybe [1,2] >^$> safeTail >^$> safeTail >^$> safeTail >^$> safeTail
```

Dlaczego błąd pojawia się tylko w ostatnim wyrażeniu?

7. W pliku ex1.hs modyfikujemy definicję (>^\$>)

```
(>^$>) :: Maybe a -> (a -> Maybe b) -> Maybe b
Nothing >^$> _ = Nothing
(Just x) >^$> f = f x
infixl 1 >^$>
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi), w konsoli GHCi wpisujemy

```
ghci> insertMaybe [1,2] >^$> safeTail
ghci> insertMaybe [1,2] >^$> safeTail >^$> safeTail
ghci> insertMaybe [1,2] >^$> safeTail >^$> safeTail >^$> safeTail
ghci> insertMaybe [1,2] >^$> safeTail >^$> safeTail >^$> safeTail >^$> safeTail
```

Dlaczego po modyfikacji (>^\$>) powyższy błąd nie pojawia się?

8. W pliku ex1.hs dodajemy

```
f1 :: (Ord a, Num a) => a -> Maybe a
f1 x = if x > 0 then Just (x + 1) else Nothing

f2 :: (Eq a, Num a) => a -> Maybe a
f2 x = if x /= 0 then Just (10 * x) else Nothing

-- Kleisli composition
(>.>>) :: (a -> Maybe b) -> (b -> Maybe c) -> (a -> Maybe c)
f >.>> g = \x -> g (extractMaybe (f x))
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi), w konsoli GHCi wpisujemy

```
ghci> h = f1 >.>> f2
ghci> :t h
ghci> f1 3
ghci> f2 3
ghci> h 3
```

```
ghci> let f3 x = Just (1/x)
ghci> let f4 x = Just (2 * x)
ghci> :t f3
ghci> :t f4

ghci> let f34 = f3 >.>> f4
ghci> :t f34
ghci> :t f34
```

10. **Zadania**:

1. Zmodyfikować definicję

```
f >.>> g = \x -> g (extractMaybe (f x))
```

tak, aby zamiast extractMaybe wykorzystać >^\$> , tzn.

2. (opcjonalne) Ponownie zmodyfikować definicję

```
f >.>> g = ...
```

ale tym razem zamiast extractMaybe wykorzystać fmap , tzn.

```
f >.>> g = \x -> ___ fmap ___
```

wskazówka: rozważyć użycie funkcji pomocniczej

```
joinMaybe :: Maybe (Maybe a) -> (Maybe a)
```

- 3. Przeanalizować możliwość napisania funkcji extractIO (odpowiednika extractMaybe dla IO); *uwaga*: rozwiązanie wykorzystujące unsafePerformIO należy pominąć
- 4. (opcjonalne) Napisać funkcje/operatory extract , insert , >^\$> i (>.>>) dla funkcji postaci

```
f :: a -> (b, String)
g :: b -> (c, String)
```

2) Przykłady monad: Maybe

1. Sprawdzamy, czy aby (przez przypadek :) w poprzednim ćwiczeniu nie zdefiniowaliśmy monady? W konsoli GHCi wpisujemy

```
ghci> :i Maybe
ghci> :i Monad
ghci> return 1 :: Maybe Int
```

i analizujemy klasę typu Monad

- 2. (porównując deklaracje typów) znajdujemy odpowiedniki insertMaybe i (>^\$>); czy istnieje odpowiednik extractMaybe ? dlaczego? czy istnieje odpowiednik >.>> ?
- 3. W konsoli GHCi wpisujemy

```
ghci> :t (>=>)
ghci> import Control.Monad
ghci> :t (>=>)
```

porównujemy sygnatury (>=>) i (>.>>)

4. W konsoli GHCi wpisujemy

```
ghci> insertMaybe [1,2]
ghci> return (Just [1,2])
ghci> return [1,2]
ghci> return [1,2] :: Maybe [Int]

ghci> insertMaybe [1,2] >^$> safeTail
ghci> return [1,2] >>= safeTail
ghci> (return [1,2] >>= safeTail) == (insertMaybe [1,2] >^$> safeTail)

ghci> insertMaybe [1,2] >^$> safeTail >^$> safeTail >^$> safeTail >>> safeTail
ghci> return [1,2] >>= safeTail >>> safeTail >>> safeTail >>> safeTail >>> safeTail
ghci> return [1,2] >^$> safeTail >>> safeTail >>> safeTail >>> safeTail
ghci> return [1,2] >^$> safeTail >>> safeTail >>> safeTail >>> safeTail
ghci> return [1,2] >^$> safeTail >>> safeTail >>> safeTail >>> safeTail
ghci> return [1,2] >^$> safeTail >>> safeTail >>> safeTail >>> safeTail
```

5. W pliku ex2.hs wpisujemy

```
doSafeTail3x :: [a] -> Maybe [a]
doSafeTail3x xs = do
    t1 <- safeTail xs
    t2 <- safeTail t1
    t3 <- safeTail t2
    return t3

safeTail3x :: [a] -> Maybe [a]
safeTail3x xs =
    safeTail t1 >>= \t1 ->
        safeTail t2 >>= \t2 ->
        safeTail t2 >>= \t3 ->
        return t3

safeTail3x' :: [a] -> Maybe [a]
safeTail3x' xs = return xs >>= safeTail >>= safeTail >>= safeTail
```

```
ghci> doSafeTail3x [1..5]
ghci> safeTail3x [1..5]
ghci> safeTail3x' [1..5]

ghci> doSafeTail3x [1]
ghci> safeTail3x [1]
ghci> safeTail3x' [1]
```

Która wersja (tj. doSafeTail3x , safeTail3x czy safeTail3x') jest najbardziej czytelna? 6. W pliku ex2.hs dodajemy

```
f5 :: Int -> Int -> Int -> Int
f5 x y z = 1000 `div` x + 100 `div` y + 10 `div` z
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi), w GHCi sprawdzamy działanie f5, np.

```
ghci> f5 1 2 3
ghci> f5 1 2 0
ghci> f5 1 0 3
ghci> f5 0 2 3
```

7. W pliku ex2.hs dodajemy

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi), w GHCi sprawdzamy działanie safeF5, np.

```
ghci> safeF5 1 2 3
ghci> safeF5 1 2 0
ghci> safeF5 1 0 3
ghci> safeF5 0 2 3
```

8. W pliku ex2.hs dodajemy

```
safeF5' :: Int -> Int -> Int -> Maybe Int
safeF5' x y z = do
  iOverX <- safeDiv 1000 x
  iOverY <- safeDiv 100 y
  iOverZ <- safeDiv 10 z
  return $ iOverX + iOverY + iOverZ</pre>
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi), w GHCi sprawdzamy działanie safeF5', np. jw.

9. (opcjonalne) W pliku ex2.hs dodajemy

```
safeF5'' :: Int -> Int -> Int -> Maybe Int
safeF5'' x y z = f <$> iOverX <*> iOverY <*> iOverZ
where
    f i j k = i + j + k
    iOverX = safeDiv 1000 x
    iOverY = safeDiv 100 y
    iOverZ = safeDiv 10 z
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi), w GHCi sprawdzamy działanie safeF5'', np. jw.; dlaczego ta wersja działa (poprawnie)?

10. (opcjonalne) W pliku ex2.hs dodajemy

```
sum10DivXi :: [Int] -> Int
sum10DivXi = foldr (\xi acc -> 10 `div` xi + acc) 0
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi), w GHCi sprawdzamy działanie sum10DivXi', np.

```
ghci> sum10DivXi []
ghci> sum10DivXi [1]
ghci> sum10DivXi [1,2]
ghci> sum10DivXi [1,0,3]
```

11. Zadania:

- 1. (Dla monady Maybe) zdefiniować (>=>) przy pomocy >>= ; czy można tę definicję uogólnić, aby była prawdziwa dla dowolnej monady?
- 2. Przeanalizować implementację instancji Monad Maybe (np. w Data. Maybe)
- 3. Napisać funkcję join dla monady Maybe
- 4. (opcjonalne) Napisać trzy wersje funkcji:

```
safeSum10DivXi :: [Int] -> Maybe Int
```

- jedna wykorzystująca case of (por. safeF5)
- dwie wykorzystujące fakt, że Maybe jest monadą (jedną wersje z użyciem notacji do, a drugą z operatorem >>=)
- 5. (opcjonalne) Jak wyżej, ale dla funkcji:

```
safeProduct10DivXi [Int] -> Maybe Int
safeAbs10DivXi [Int] -> Maybe Int
```

6. (*opcjonalne*) Sprawdzić możliwość uogólnienia powyższych rozwiązań przy pomocy funkcji

```
foldM :: (Foldable t, Monad m) => (b -> a -> m b) -> b -> t a -> m b
```

uwaga: potrzebny import Control.Monad

- 7. (*opcjonalne*) Przeanalizować definicje funkcji: mapM , forM , sequence , filterM , liftM2, ..., liftM5 i zipWithM oraz zastanowić się nad możliwymi zastosowaniami (tych funkcji)
- 8. (*opcjonalne*) Sprawdzić "prawa monadyczne" dla monady Maybe ; *wskazówka*: wykorzystać wersję z operatorem >=>

3) Przykłady monad: Either e (ćwiczenie opcjonalne)

1. W konsoli GHCi wpisujemy

```
ghci> :i Either
ghci> :i Monad
ghci> return 1 :: Either String Int
```

i sprawdzamy, ile parametrów typu ma (konstruktor typu) Either ? Czy ta liczba (parametrów) zgadza się z wymaganiami klasy Monad ?

2. W pliku ex3.hs wpisujemy

```
safeTail :: [a] -> Either String [a]
safeTail [] = Left "Empty list!"
safeTail (x:xs) = Right xs
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi), w GHCi sprawdzamy działanie safeTail, np.

```
ghci> safeTail [1..4]
ghci> safeTail [1]
ghci> safeTail []
```

3. W pliku ex3.hs dodajemy

```
doSafeTail3x :: [a] -> Either String [a]
doSafeTail3x xs = do
  t1 <- safeTail xs
  t2 <- safeTail t1
  t3 <- safeTail t2
  return t3</pre>
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi), w GHCi sprawdzamy działanie doSafeTail3x , np.

```
ghci> doSafeTail3x [1..4]
ghci> doSafeTail3x [1..3]
ghci> doSafeTail3x [1,2]
```

4. W pliku ex3.hs dodajemy

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi), w GHCi sprawdzamy działanie safeF5, np.

```
ghci> safeF5 1 2 3
ghci> safeF5 1 2 0
ghci> safeF5 1 0 3
ghci> safeF5 0 2 3
```

5. W pliku ex3.hs dodajemy

```
safeF5' :: Int -> Int -> Either String Int
safeF5' x y z = do
  iOverX <- safeDiv 1000 x
  iOverY <- safeDiv 100 y
  iOverZ <- safeDiv 10 z
  return $ iOverX + iOverY + iOverZ</pre>
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi), w GHCi sprawdzamy działanie safeF5', np. jw.

6. Zadania:

- 1. Przeanalizować implementację instancji Monad (Either e) (np. w *Data.Either*)
- 2. Napisać funkcję join dla monady (Either e)
- 3. Napisać definicję funkcji safeF5'' (odpowiadającą tej z poprzedniego ćwiczenia, dotyczącego monady Maybe) z wykorzystaniem monady Either e

```
safeF5'' :: Int -> Int -> Either String Int
```

4. Zaproponować sposób obsługi błędów wykorzystujący Either i typ wyliczeniowy reprezentujący kolejne kody błędu

4) Przykłady monad: []

1. W konsoli GHCi wpisujemy

```
ghci> :i []
ghci> [1,2,3] :: [Int]
ghci> [1,2,3] :: [] Int
```

2. W konsoli GHCi wpisujemy

```
ghci> return 1 :: [] Int
ghci> return 3 >>= (\x -> [1..x])
ghci> [1,2] >>= (\x -> [-x,x])
ghci> [1,2,3] >>= (\x -> [-x..x])

ghci> [1,2] >>= (\x -> [-x,x]) >>= (\y -> [-y,y])
ghci> [1,2] >>= \x -> [-x,x] >>= \y -> [-y,y]
ghci> [1,2] >>= \x -> [-x,x] >>= \y -> return (x,y)
```

3. W pliku ex4.hs wpisujemy

```
xs1 :: [(Int,Int,Int)]
xs1 = [ (x,y,z) | let xs = [1,2], x <- xs, y <- xs, z <- xs ]

doXs1 :: [(Int,Int,Int)]
doXs1 = do
    let xs = [1,2]
    x <- xs
    y <- xs
    z <- xs
    return (x,y,z)</pre>
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi), w GHCi sprawdzamy xs1 i doxs1 , np.

```
ghci> xs1
ghci> doXs1
ghci> xs1 == doXs1
```

4. Na początku pliku ex4.hs wpisujemy

```
import Control.Monad
```

a gdzieś dalej (np. po doXs1) dodajemy:

```
xs2 :: [(Int,Int,Int)]
xs2 = [(x,y,z) \mid let xs = [1..3], x <- xs, y <- xs, z <- xs, x > y && y > z]
doXs2 :: [(Int,Int,Int)]
doXs2 = do
 let xs = [1..3]
 x <- xs
 y <- xs
 z <- xs
  guard x > y & y > z
 return (x,y,z)
doXs2' :: [(Int,Int,Int)]
doXs2' = do
 let xs = [1..3]
 x <- xs
 y <- xs
 z <- xs
  if x > y & y > z
   then return (x,y,z)
   else []
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi), w GHCi sprawdzamy xs2 , doXs2 i doXs2' con, np. jw.

5. W konsoli GHCi wpisujemy

```
ghci> :t guard
ghci> [1..10] >>= \x -> guard (even x) >> return x
ghci> [1..10] >>= \x -> guard (even x) >>= \y -> return (x,y)

ghci> [1..10] >>= \x -> return x
ghci> [1..10] >>= return
```

- 6. Zadania:
 - 1. Przeanalizować implementację instancji Monad [] (np. w Control.Monad.Instances)
 - 2. Napisać funkcję join dla monady []
 - 3. (opcjonalne) Przeczytać artykuł Bringing Back Monad Comprehensions

5) Przykłady monad: Writer (ćwiczenie opcjonalne)

1. W konsoli GHCi wpisujemy

```
ghci> :i Writer
ghci> import Control.Monad.Trans.Writer.Lazy
```

```
ghci> :i Writer
ghci> :i WriterT
```

2. W konsoli GHCi wpisujemy

```
ghci> :t writer
ghci> :t runWriter
ghci> :t execWriter
ghci> :t tell

ghci> runWriter $ writer(1,["op1","op2"])
ghci> execWriter $ writer(1,["op1","op2"])

ghci> runWriter (return 1 :: Writer String Int)
ghci> runWriter (return [1] :: Writer String [Int])
ghci> runWriter (return (1,1) :: Writer [String] (Int,Int))
```

3. W pliku ex5.hs wpisujemy

```
import Control.Monad.Trans.Writer.Lazy

gcdWithLog :: Int -> Int -> Writer [String] Int
gcdWithLog a b
   | b == 0 = do
        tell ["Finished with " ++ show a]
        return a
   | otherwise = do
        tell [show a ++ " mod " ++ show b ++ " = " ++ show (a `mod` b)]
        gcdWithLog b (a `mod` b)
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi), w GHCi sprawdzamy działanie gcdwithLog , np.

```
ghci> gcdWithLog 4 16
ghci> runWriter $ gcdWithLog 4 16
ghci> execWriter $ gcdWithLog 4 16
```

4. W pliku ex5.hs dodajemy

```
mapWithLog :: Show a => (a -> b) -> [a] -> Writer [String] [b]
mapWithLog _ [] = do
  tell ["map []"]
  return []
mapWithLog f (x:xs) = do
  tell ["map " ++ show x]
```

```
mapXs <- mapWithLog f xs
return $ f x : mapXs
```

(zapisujemy zmiany, wczytujemy plik do GHCi), w GHCi sprawdzamy działanie mapWithLog , np.

```
ghci> mapWithLog (*2) [1..5]
ghci> runWriter $ mapWithLog (*2) [1..5]
ghci> execWriter $ mapWithLog (*2) [1..5]
```

5. **Zadania**:

- 1. Przeanalizować implementację instancji Monad (WriterT w m)
- 2. Napisać funkcję

```
filterWithLog :: Show a => (a -> Bool) -> [a] -> Writer [String] [a]
```

3. Napisać funkcję foldrWithLog