

第1章 电路分析基本概念





实际电路和电路模型



1-1 实际电路和电路模型

实际电路是由一定的电工、电子器件按照一定的方式相互联接起来,构成电流通路,并具有一定功能的整体。



电路模型是实际电路的抽象化,理想化,近似化。

电路模型(电路):是指由各种理想电路元件按一定方式连接组成的总体。

理想电路元件:数学关系式严格定义的假想元件,代表了实际电路器件所具有的一种主要电磁性能。



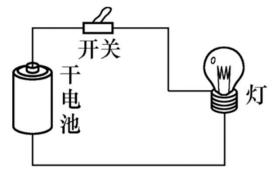
◆ 实际电路和电路模型

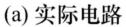
实际器件 理想元件 符号 图形 反映特性 电阻器 电阻元件 R 一二 消耗电能 电容器 电容元件 C 存储\释放电场能 电感器 电感元件 L — C 存储\释放磁场能

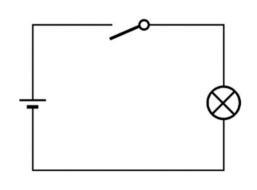


手电筒及其电路模型

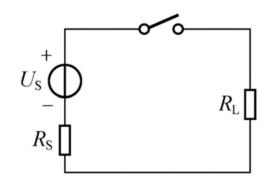








(b) 电气图



(c) 电路模型(电路图)



实际器件与理想元件的区别:

实际器件——有大小、尺寸,代表多种电磁现象;

理想元件——是一种假想元件,没有大小和尺寸,

即它的特性表现在空间的一个点上,

仅代表一种电磁现象。



集总(中)参数电路: 电器器件的几何尺寸远远小于 其上通过的电压、电流的波长时,其元件特性表现在一个 点上。

有时也称为集中参数电路。

分布参数电路: 电器器件的几何尺寸与其上通过的电压、 电流的波长属同一数量级。



【例】晶体管调频收音机最高工作频率约<u>108MHz</u>。 问该收音机的电路是集总参数电路还是分布参数 电路?

解: 频率为108MHz周期信号的波长为

$$\lambda = \frac{c}{f} = \frac{3 \times 10^8}{108 \times 10^6} = 2.78 \,\mathrm{m}$$

几何尺寸d<<2.78m的收音机电路应视为集总参数电路。

思考:工作频率改为1.08GHz?





电路分析的变量



电路变量: 描述电路工作状态或元件工作特性的物理量。

电流 i(t) 与 电压 u(t); 电荷 q(t) 与 磁链 $\psi(t)$; 功率 p(t) 与 能量 w(t)。 i, u为常用基本变量,



一、电流及其参考方向

电流

带电粒子有规则的定向运动

电流强度

→ 单位时间内通过导体横截面的电荷量

$$i(t) = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t}$$

单位

→ A(安培)、kA、 mA、μA 1kA=10³A

 $1 \text{mA} = 10^{-3} \text{A}$

 $1 \mu A = 10^{-6} A$

方向

→ 规定正电荷的运动方向为电 流的实际方向



直流电流与时变电流

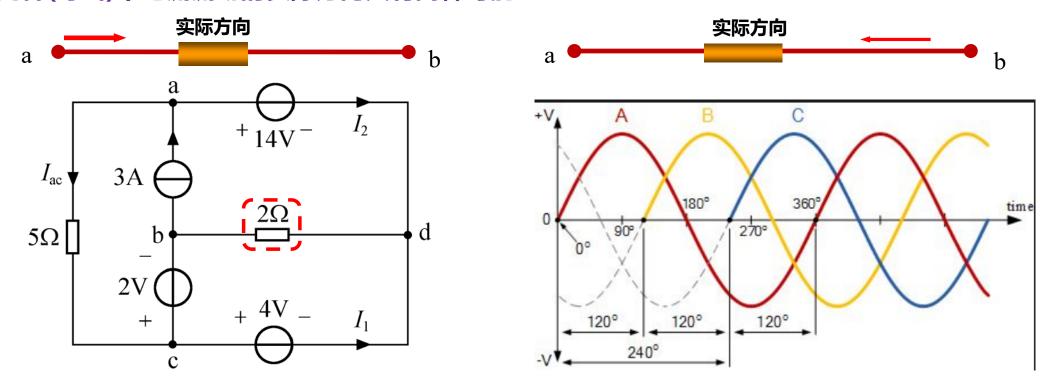
直流电流——大小、方向恒定,不随时间而变化;用大写字母I 表示。

时变电流——大小、方向随时间而变 化,用小写字母 *i*(t) 表示。



◆电路分析的变量

元件(导线)中电流流动的实际方向只有两种可能:



一眼看出2Ω电阻的真实电流方向? 交流电的电流方向固定吗?

高中电学学习误区:电流并<mark>不一定</mark>从电压源正极流出,负极流入。 条件:只有1个电压源情况成立。

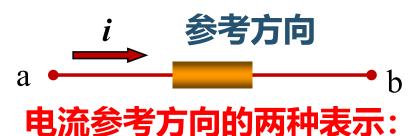




◆电路分析的变量

参考方向

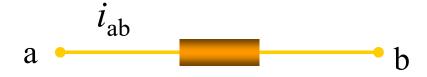
任意假定一个正电荷运动的方向即为电流的参考方向。一经设定,不能改变。



• 用箭头表示 (常用) : 箭头的指向为电流的参考方向。

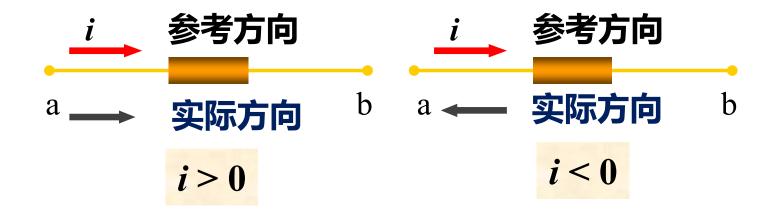
i 参考方向 a → b

• 用双下标表示: 如 i_{ab} ,电流的参考方向由a指向b。





电流的参考方向与实际方向的关系:

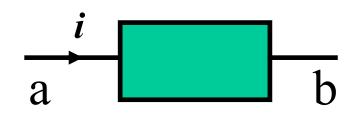






例:在图示参考方向下,已知 $i(t) = 4\cos(2\pi t + \pi/4)$ A

求i(0), i(0.5)真实方向。



解:
$$i(t) = 4\cos(\pi/4) = 2\sqrt{2} A$$

表明此时真实方向与参考方向一致,从a指向b;

$$i(t) = 4\cos(5\pi/4) = -2\sqrt{2} A$$

表明此时真实方向与参考方向相反,从b指向a;



计算前,一定要标明电流的参考方向;

参考方向可任意选定,但一旦选定,便不再改变。

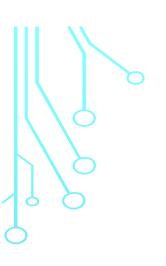
- 1.若没有确定参考方向,计算结果是没有意义的。
- 2.之后课程中我们<u>不需要写出电流真实方向</u>,所有电流都以参考方向表示,即以正负号表示即可。





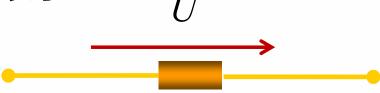
电压的参考方向与实际方向的关系:



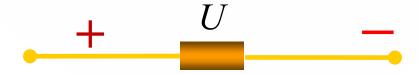


电压参考方向的三种表示方式:

(1) 用箭头表示:



(2)用正负极性表示(最常用)



(3)用双下标表示(也重要)

a U_{AB} b

二、电压及其参考方向

电位V或 ϕ

 \longrightarrow 单位正电荷q 从电路中一点移至参考点(V=0)时电场力做功的大小。

电压U

ightharpoonup 单位正电荷q 从电路中一点移至另一点时电场力做功(W)的大小。

$$U = \frac{\mathrm{def}}{\mathrm{d}q}$$

实际电压方向

→ 电位真正降低的方向。高电位端标 "+", 低电位端标 "-"。

单位

V (伏)、kV、mV、 μV

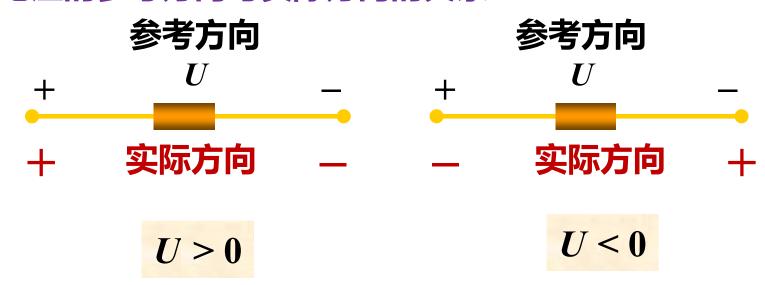
直流电压——大小、方向恒定,用大写字母U表示



◆电路分析的变量



电压的参考方向与实际方向的关系:







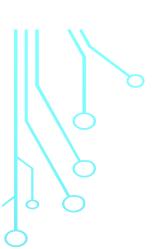
1. 计算前,一定要标明电压极性;

参考方向可任意选定,但一旦选定,便不再 改变。

若没有确定参考方向,计算结果是没有意义的。

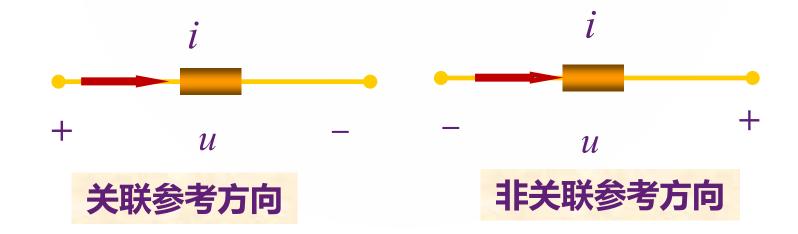
2.之后课程中我们不需要写出电压真实方向,所有电压都以参考方向表示,即以正负号表示即可。

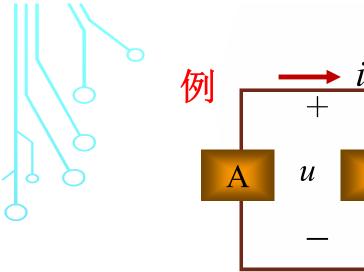




1-2-3 关联参考方向

二端电路上电压参考方向和电流参考方向之间的关系







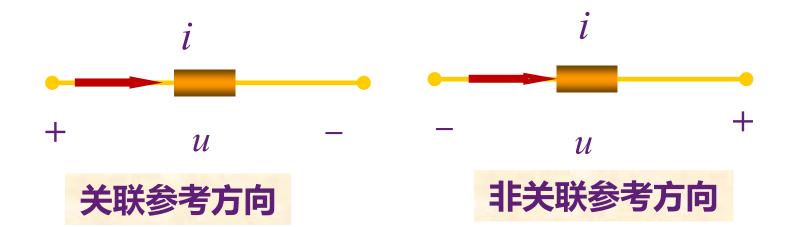
答: A电压、电流参考方向非关联; B电压、电流参考方向关联。



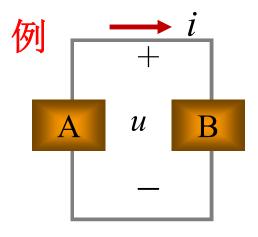
- ① 分析电路前必须选定电压和电流的参考方向
- ② 参考方向一经选定,必须在图中相应位置标注 包括方向和符号),在计算过程中不得任意改变
- ③参考方向不同时,其表达式相差一负号,但电压 、电流的实际方向不变。

三、关联参考方向

二端电路上电压参考方向和电流参考方向之间的关系







电压电流参考方向如图中所标,问:对A、B两部分电路电压电流参考方向关联否?

答: A电压、电流参考方向非关联; B电压、电流参考方向关联。



- ① 分析电路前必须选定电压和电流的参考方向
- ② 参考方向一经选定,必须在图中相应位置标注 (包括方向和符号),在计算过程中不得任意改变
- ③参考方向不同时,其表达式相差一负号,但电压 、电流的实际方向不变。



四、功率与能量

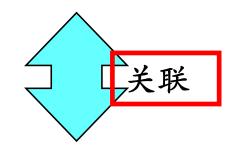
1. 功率



单位时间内从A到B的正电荷量

$$i = \frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t}$$

$$u = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}q}$$



电场力将单位正电荷从A移动到B所作的功

单位时间内电场力

从A到B所作的功

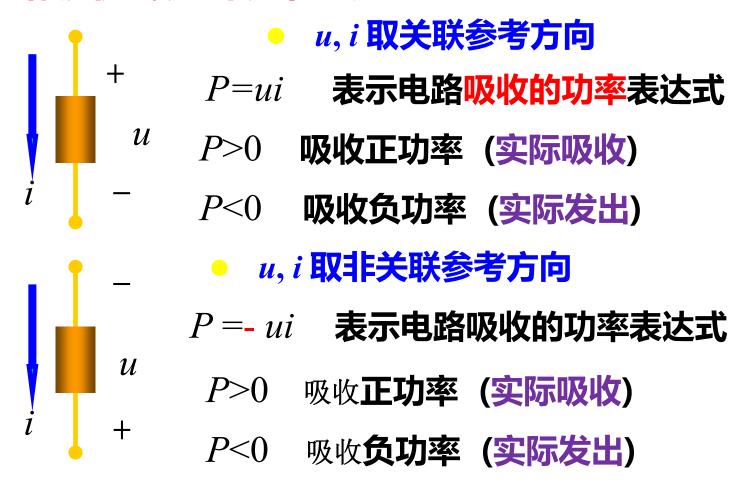
电路吸收的功率

$$p = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}q} \frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t} = ui$$

功率单位: 瓦(W), 1W=1J/S=1VA



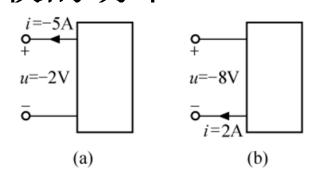
2. 电路吸收或发出功率的判断





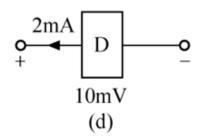
◆电路分析的变量

例 已知图1-7端子上的电压和电流,求a,b电路吸收的功率。



解: (a), *u*、*i*非关联, *P=-ui =-*(-2)•(-5)=-10W 图(a)电路吸收-10W,或者说,图(a)产生10W

(b), *u、i*关联, *P=ui =*(-8)•2=-16W 图(b)电路吸收-16W,或者说,图(b)产生16W 元件 D 产生功率 P 为多少?



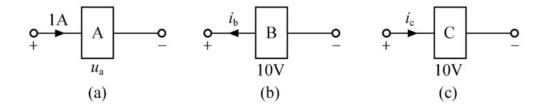
- 1.判断关联,非关联,选取公式
- 2.计算出P(永远是吸收功率).
- 3.根据P正负,判断吸收还是产生。



◆电路分析的变量

【例 1-1】 各元件的电压或电流数值如图 1-6 所示,试问

- (1) 若元件 A 吸收功率 10W, 则电压 u_a 为多少?
- (2) 若元件 B 吸收功率 10W, 则电流 i_b 为多少?
- (3) 若元件 C 供出功率 10W,则电流 i_c 为多少?





能量:从 $-\infty$ 到t时间内电路吸收的总能量。

$$w(t) = \int_{-\infty}^{t} p(\lambda) d\lambda = \int_{-\infty}^{t} u(\lambda) i(\lambda) d\lambda$$





电阻元件



1.电路元件

电路元件 → 是电路中最基本的组成单元。

无源元件:电阻元件、电感元件、电容元件

根据作用效果不同 {

有源元件:独立电源、受控电源

二端元件

根据与外电路相连端子不同

∫三端元件

四端元件

••••



1.定义

对电流呈现阻力的二端元件。其特性可用*u*~*i*平面上的一条曲线来描述:

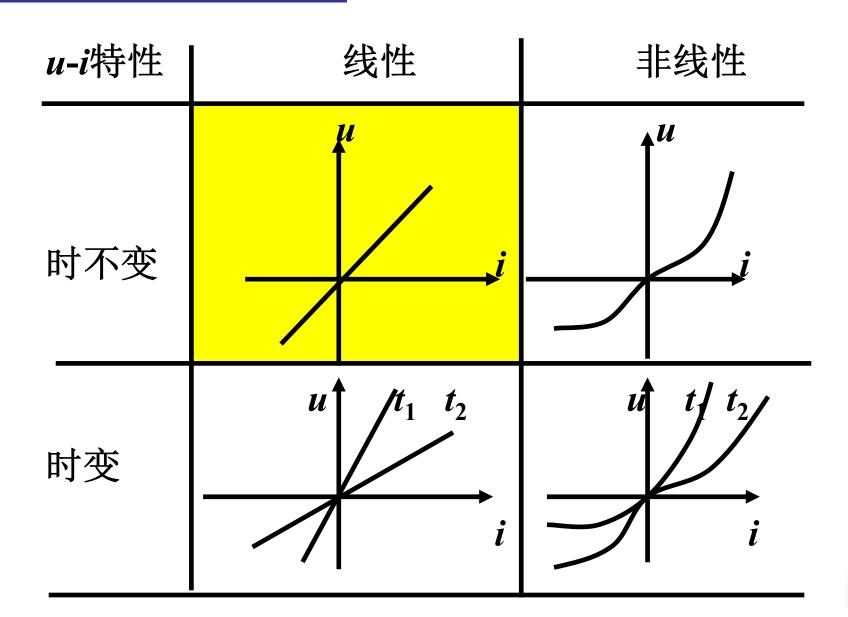


线性: VCR曲线为通过原点的直线。否则为非线性。

时变: VCR曲线随时间变化而变化。

非时变: VCR曲线不随时间变化而变化

电路元件特性描述:伏安关系(VCR,Voltage Current Relation)





2.线性时不变电阻元件

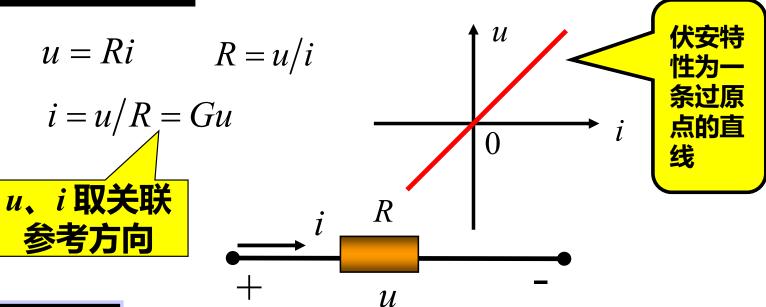
任何时刻端电压与电流成正 R比的电阻元件。

●电路符号



u ~i 关系

满足欧姆定律





R 称为电阻,单位: Ω (Ohm)

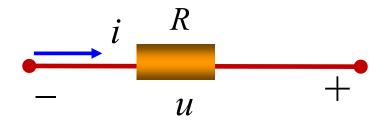
G 称为电导,单位: S (Siemens)





欧姆定律

- ①只适用于线性电阻(R 为常数);
- ②如电阻上的电压与电流参考方向非关 联,公式中应冠以负号;
- ③线性电阻是无记忆、双向性的元件



则欧姆定律写为 u = -R i i = -G u

$$u = -R i$$

$$i = -G u$$

公式和参考方向必须配套使用!



◆电阻元件

3. 开路与短路

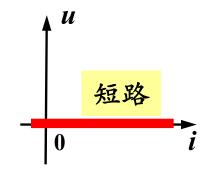


当 R=0 (G=∞), 视其为短路。

u=0 , i由外电路决定。

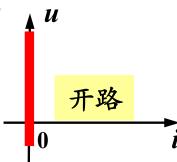


u



当 $R = \infty$ (G = 0), 视其为开路。

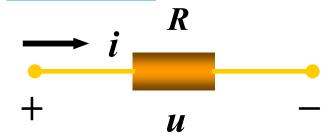
i=0 , u 由外电路决定。



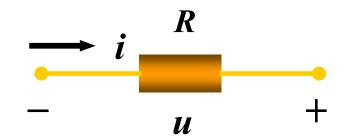


4.功率和能量

●功率



$$P_{\text{M}} = u \, i = i^2 R = u^2 / R$$



$$P_{\mathbf{W}} = -u \ i = -(-R \ i) \ i$$
$$= i^2 \ R = u^2 / R$$



电阻元件在任何时刻总是消耗功率(耗能元件)的,与参考方向的选择无关。



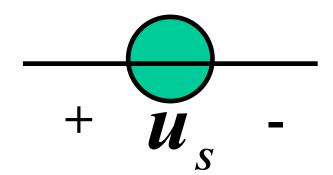


独立源和受控源



一、独立电源

- 是有源元件,能独立对外提供能量。
- 1 电压源
- 符号:



特性: ① 端电压由元件本身确定,与流过的电流无关;

- ②流过的电流由外电路确定;
- ③若 $u_s=0$ (电压源置零),相当于一条短路线;
- ④注意不能短接(电流为无穷大); ?



⑤ u_S 为常数时,称为直流电压源。VCR曲线——平

行于i轴的直线。

 $\begin{array}{c} U_{S} \\ U_{S} \\ \vdots \\ i \end{array}$

⑥ u_S 为给定时间函数时,称为时变电压源。VCR曲

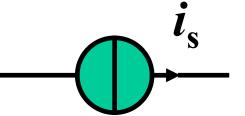
线: 平行于i轴的直线, 随时间变化。

$$\begin{array}{c}
u_{S}(t) \\
u_{S}(t_{1}) \\
u_{S}(t_{2}) \\
\downarrow \qquad \qquad i
\end{array}$$



2. 电流源

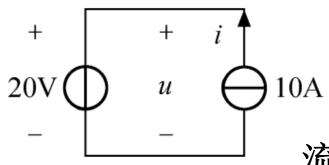
符号:



特性:

- ① 流过的电流由元件本身确定,与端电压无关;
- ②端电压由外电路确定;
- ③若 i_S = 0(电流源置零),相当于<u>开路</u>;
- ④注意不能开路(电压为无穷大); ?
- $⑤i_S$ 为常数时 ,称为直流电流源;
- ⑥ i_S 为时间函数时,称为时变电流源。





求左图电路中电压源和电流源的功率。

流经电压源的电流由外电路决定,此题中即由电流源决定,即*i=10A*电流源的端电压由外电路决定,即*u=20V*此题中即由电压源决定,即*u=20V*

电压源:电压和电流为关联参考,

$$p_{\text{电压源}} = u \times i = 20 \times 10 = 200 \text{W}$$

电流源:电压和电流为非关联参考,

$$p_{$$
申流源 = - $u \times i = -20 \times 10 = -200 W$



二、受控电源

可对外提供能量

1. 定义

电压或电流的大小和方向不是给定的时间函数,而是受电路中某个地方的电压(或电流)控制的电源,称受控源。是四端元件。

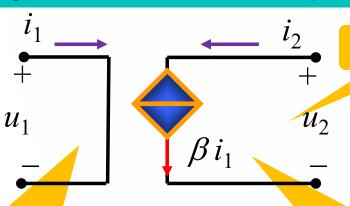
2、受控源的分类

受控电压源: 电压源的电压由电路中某电压或电流控制

受控电流源: 电流源的电流由电路中某电压或电流控制 有四种形式

四种线性受控源

①电流控制的电流源(CCCS)



$$u_1 = 0$$

$$i_2 = \beta i_1$$

β: 电流放大倍数

输入:控制部分

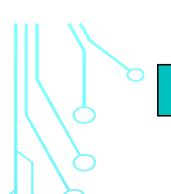
输出: 受控部分

四端元件

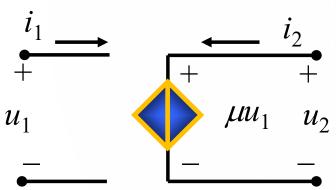
②电压控制的电流源(VCCS)

$$i_1 = 0$$
$$i_2 = gu_1$$

g: 转移电导



③电压控制的电压源(VCVS)

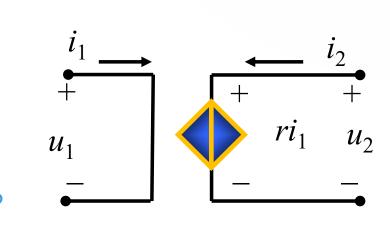


$$i_1 = 0$$

$$u_2 = \mu \ u_1$$

μ: 电压放大倍数

④电流控制的电压源 (CCVS)

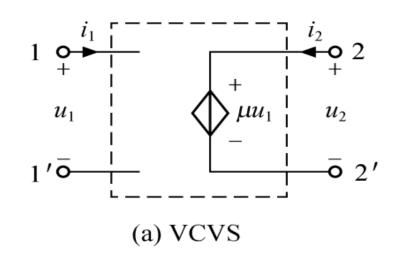


$$u_1 = 0$$
$$u_2 = ri_1$$

r:转移电阻

瞬时功率:

$$p = u_1 i_1 + u_2 i_2$$
 $u_1 = 0 \text{ or } i_1 = 0$
 $p = u_2 i_2$



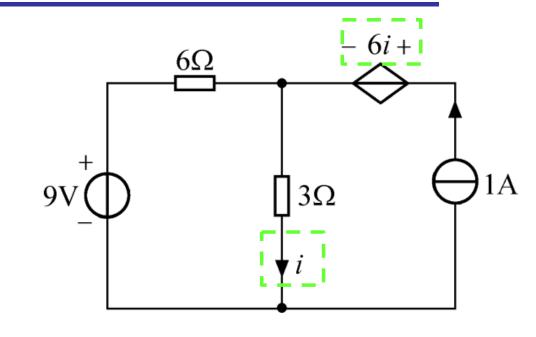
受控源和独立源一样为有源元件。

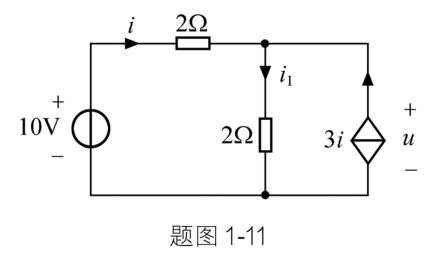
受控源也可等效电阻元件。

有源性

电阻性







虽然受控源是四端元件,但是在实际电路中,并不需要明确标出两个端口(11',22'端),只需标出输出量和控制量即可,可当作二端元件来计算求解。



1受控电压源的电流由外电路决定;

受控电流源的电压由外电路决定。

2能对外提供能量(有源)。

与独立源不同之处:

受控源不能独立作为电路的激励。即:电路中若没有独立电源,仅有受控源,电路中任意元件的电压、电流为零。





基尔霍夫定律



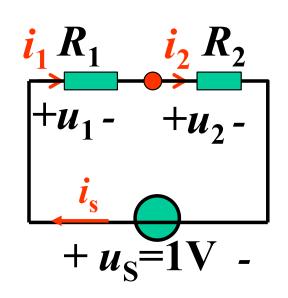
一、电路分析的基本依据

拓扑约束



$$i_1 = i_2$$

$$u_1 + u_2 = u_S$$



两类

约束

元件伏安关系

元件约束

(VCR)

$$u_1 = R_1 i_1$$

$$u_2 = R_2 i_2$$

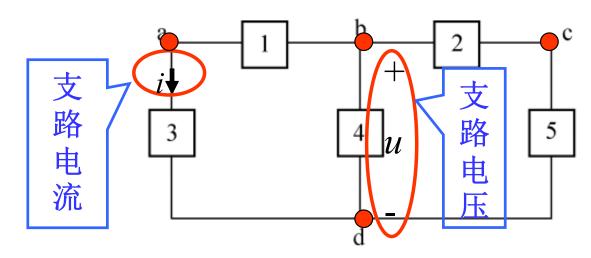
$$u_S = 1V$$



二、术语

- 支路: 一个二端元件称为一条支路。5条支路。
- •节点: 两条或以上支路的联结点。

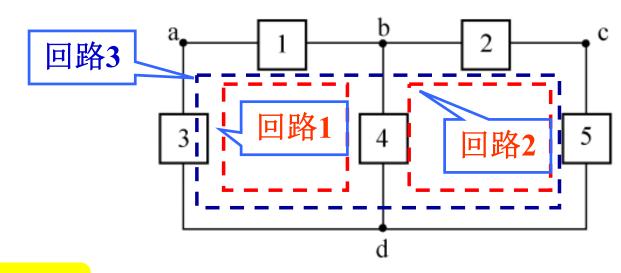
4个节点。



为方便,可把几个串联元件或并联元件当作一条支路处理,则如图有3条支路: 1-3,4,2-5。节点b和d



•回路: 电路中任一闭合的路径(3个)



• 网孔: 内部不含有支路的回路(前2个红色回路)

注意: 平面网络才有网孔的定义。



三、基尔霍夫电流定律(KCL)

在集总参数电路中,任一时刻,任一节点的所有 支路电流的<mark>代数和为零</mark>。

说明:

$$\sum_{k=1}^{n_1} i_k = 0$$

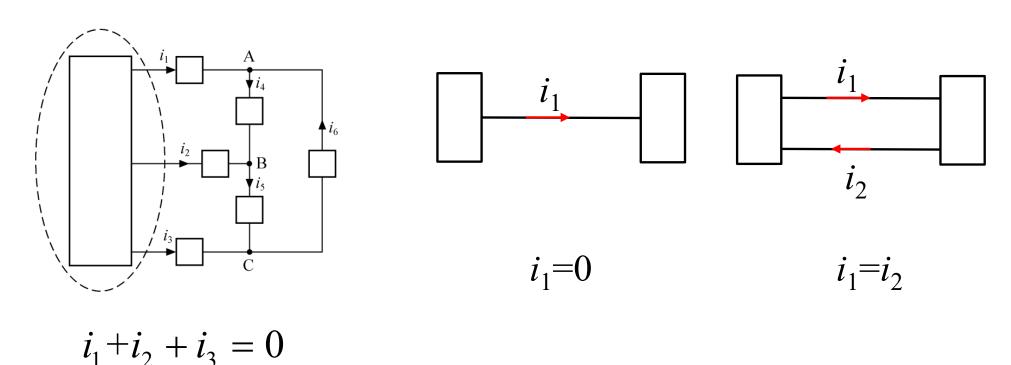
流入为负。
$$i_1 - i_2 - i_3 + i_4 = 0$$

②另一形式:
$$\sum i_{\text{tt}} = \sum i_{\text{tt}} \quad (i_1 + i_4 = i_2 + i_3)$$

即:流出电流之和=流入电流之和。



③可以扩大到广义节点(封闭面)

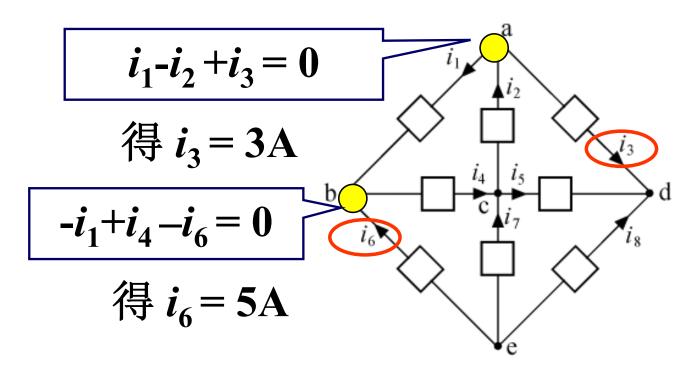


④实质是电流连续性或电荷守恒原理的体现



【例1】已知: i_1 =-1A, i_2 =2A, i_4 =4A, i_5 =-5A。 求其余支路电流。

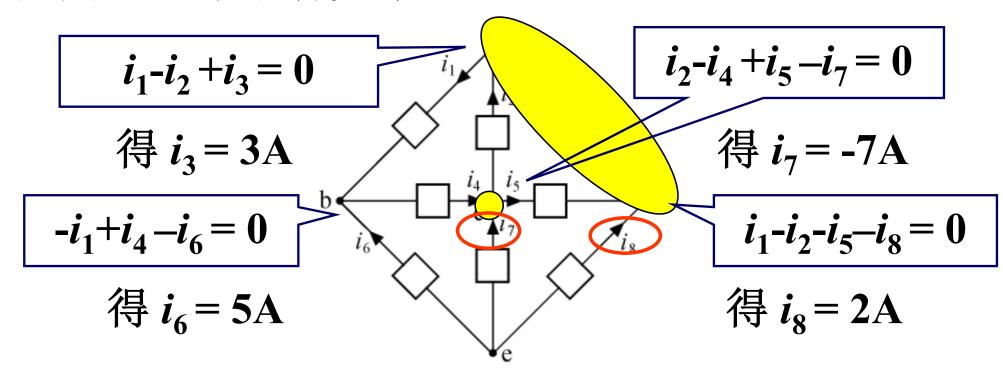
解:应用KCL求取各支路电流





【例1】已知: i_1 =-1A, i_2 =2A, i_4 =4A, i_5 =-5A。 求其余支路电流。

解:应用KCL求取各支路电流





三、基尔霍夫电压定律(KVL)--基尔霍夫第二定律

在集总参数电路中,任一时刻,任一回路的各支路电压的<mark>代数和等于零</mark>。即

$$\sum_{k=1}^{n_2} u_k = 0$$



◆基尔霍夫定律

说明: ①先选定回路的绕行方向。支路电压参考方向与绕行方向一致(沿着绕行方向电压降)时取正,

相反(沿着绕行方向电压升)时取负。

若选定回路的绕行方向为顺时针,

则: $u_1 - u_2 - u_3 + u_4 + u_5 = 0$

②另一形式: $\sum u_{\text{\mathbb{R}}} = \sum u_{\text{\mathbb{H}}}$ 电压降之和=电压升之和。

- ③推广到广义回路(假想回路)
- ④实质是能量守恒原理在电路中的体现

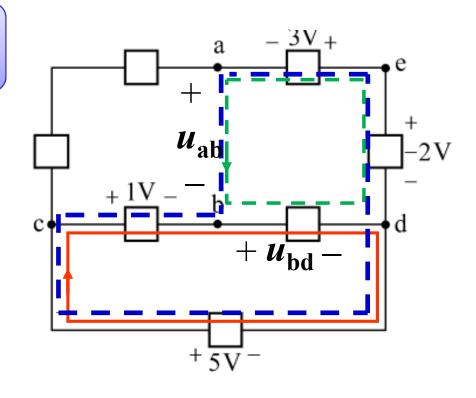


【例2】试求电压 u_{bd} 和 u_{ab} 。

解:选回路绕行方向 为顺时针,列KVL方程

$$u_{\rm bd}$$
-5+1=0

解得 $u_{bd}=4V$



沿假想回路,按逆时针列KVL:

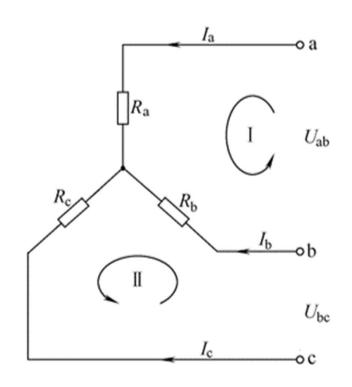
$$u_{ab} + u_{bd} - (-2) + 3 = 0$$
 解得 $u_{ab} = -9V$

回路(广义回路)的选取是不唯一的,同样可以选取蓝色

回路求解 u_{ab}



广义回路 例3



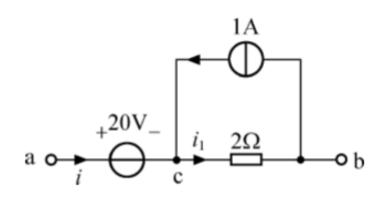
KVL推广形式

回路I: $I_a R_a - I_b R_b - U_{ab} = 0$

回路 II: $I_{\rm b}R_{\rm b}-I_{\rm c}R_{\rm c}-U_{\rm bc}=0$



◆基尔霍夫定律



例4 u_{ab} 为30V,求 i_1 和i

解: 根据广义KVL 20+*u*_{cb}-*u*_{ab}=0

根据欧姆定律 $u_{cb}=2i_1$, $u_{ab}=30代入$

 $20+2i_1-30=0$ 得 $i_1=5A$

对c点列写kcl方程 i_1 -i-1=0 得i=4A





单回路电路与单节偶电路分析



二、单回路电路分析

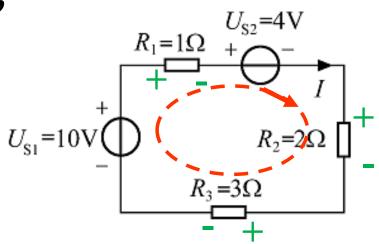
【例1】图示单回路电路,求元件电流及电源的功率。

解: (1) 选变量I, 回路方向同I方向, 电阻元件电压与电流取关联方向。

(2) 列方程(单回路只需列些1个 KVL)

KVL:
$$U_{R1}+U_{S2}+U_{R2}+U_{R3}-U_{S1}=0$$

VCR:
$$U_{R1} = R_1 I$$
, $U_{R2} = R_2 I$, $U_{R3} = R_3 I$





【例1】图示单回路电路,求元件电流及电源的功率。

KVL:
$$U_{R1}+U_{S2}+U_{R2}+U_{R3}-U_{S1}=0$$

VCR:
$$U_{R1} = R_1 I$$
, $U_{R2} = R_2 I$, $U_{R3} = R_3 I$

(3) 联立求解,求出变量的解:

得
$$R_1I+U_{S2}+R_2I+R_3I-U_{S1}=0$$

$$I = \frac{U_{S_1}-U_{S_2}}{R_1+R_2+R_3}=1$$
A

(4) 求其他变量

$$P_{US1}$$
=- U_{S1} I= -10W(供出10W)

 $U_{\rm s1} = 10 {\rm V}$

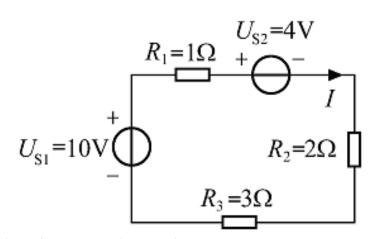
$$P_{US2} = U_{S2}I = 4W$$
(吸收)



进一步可求得

$$P_{R1} = I^2 R_1 = 1 \text{W}$$

 $P_{R2} = I^2 R_2 = 2 \text{W}$
 $P_{R3} = I^2 R_3 = 3 \text{W}$



 $\sum P=0$,即电路中所有元件的功率相加为0。

功率平衡是能量守恒定律的体现。

电路中元件吸收的功率等于元件供出功率:

$$\sum P_{\text{WW}} = \sum P_{\text{HH}}$$



三、单节偶电路的分析

【例2】 i_{S1} =6A, i_{S2} =3A, 求元件电流及电压。

解: (1) 选变量u, 电阻元件电

压与电流取关联方向.

(2) 列方程(单节偶电路,只需列些)

个KCL)

KCL:
$$-i_{S1}+i_{S2}+i_{R1}+i_{R2}=0$$

VCR: $i_{R1}=u/R_1$, $i_{R2}=u/R_2$
(3) 联立,得 $-6+3+\frac{u}{2}+\frac{u}{1}=0$
 $u=2V$

(4) 求其他

$$i_{R1} = \frac{u}{R_1} = 1A$$

$$i_{R2} = \frac{u}{R_2} = 2A$$

例3 求电流I及电源吸收的功率。

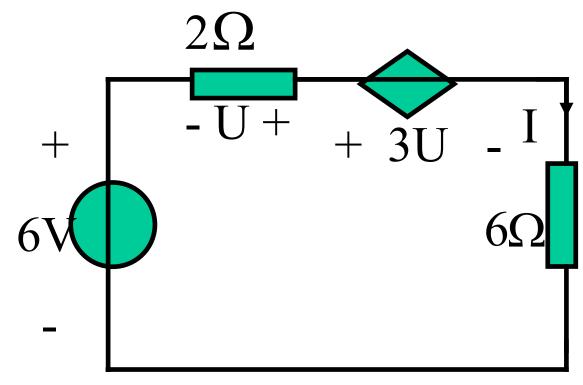
解:

$$-6-U+3U+6I=0$$

又
$$U=-2I$$

故 U=-6V, I=3A

$$P_{6V} = -6I = -18W;$$



$$P_{3U} = 3IU = -54W$$



四、电路的分析一般步骤

- (1) 选分析变量;
- (2) 按两类约束关系列方程;
- (3) 求解方程,得到分析变量的解;
- (4) 求其他变量;
- (5) 对结果验证。

