## 动量定理 动量守恒定律

- I. (A)(B)由冲量定义: $\vec{I}=\int_{t}^{t_2}\vec{F}dt$ ,冲量不仅与力的大小有关,还与力的方向及力的作用时间有关</mark>,所以 小力的冲量有可能比大力的冲量大。
  - (C)(D) 由动量定义:  $\vec{P} = m\vec{v}$ , 动量  $\vec{P}$  不仅与速度  $\vec{v}$  有关, 还与物体的质量 m 有关。
- 2. 物体做匀速圆周运动,必定受到向心力作用,向心力由合外力提供:  $F_{ch} = F_{n} = m \frac{v^{2}}{v} \neq 0$ ,方向指向圆心;

由于在匀速圆周运动中物体所受合外力不为零,则物体的动量不守恒;

运动一周回到原处,末速度 $\vec{v}$ 和初速度 $\vec{v}_0$ 相等,即 $\vec{v}=\vec{v}_0$ ,则动量改变为零:  $\Delta \vec{P}=\vec{P}-\vec{P}_0=m\vec{v}-m\vec{v}_0=0$ ;

由动量定理:  $\vec{I}=\int_0^t \vec{F}dt=\vec{P}-\vec{P}_0=m\vec{v}-m\vec{v}_0=0$ ,即合外力的冲量 $\vec{I}$ 为零。 本题选(C)

- 3. (A)(B) 冲量不仅与力的大小有关,还与力的方向及力的作用时间有关,所以作用在物体上的力大,力的冲 量不一定大。
  - (C) 冲量是矢量, **不仅有大小,还有方向**。大小相等的冲量不一定相同。
  - (D) 水平方向上,物体在推力 $\vec{F}$  和摩擦力 $\vec{f}$  的作用下保持静止,则由动量定理:  $\int_0^t (\vec{F} + \vec{f}) dt = \vec{P} \vec{P}_0 = 0$ ,
    - ⇒水平推力的冲量:  $\int_{0}^{t} \vec{F} dt = -\int_{0}^{t} \vec{f} dt \neq 0$ . 本题选 (B)
- 4. 由子弹和摆球构成的系统,系统外力为重力和绳的拉力,外力均沿竖直方向,水平方向合外力为零, 则**水平方向动量守恒**:若设子弹和摆球共同运动时在水平方向的速度大小为v,得

$$mv_2 \sin 30^\circ = (m+M)v \implies 20 \times 400 \times \sin 30^\circ = (20+980)v \implies v = 4 \text{ m/s};$$

竖直方向: 由于摆线长度不可伸缩,绳上有应力作用,动量不守恒,竖直方向共同运动速度为零;

所以**子弹和摆球共同运动的速率(速度大小)为**:  $v = 4 \, \text{m/s}$ .

- 5. 由于力的方向不变,冲量的方向与力的方向相同,**冲量的大小**:  $I = \int_{0}^{2} F dt = \int_{0}^{2} (6t + 3) dt = 18 \text{N} \cdot \text{s}$ .
- 6. (1) 小球运动一周后,末动量等于初动量,  $\vec{P}=\vec{P}_0$  ,动量增量:  $\Delta \vec{P}=\vec{P}-\vec{P}_0=0$  ,**动量增量的大小等于零**;
  - (2) 重力  $m\vec{g}$  是恒力,则小球运动一周所受重力的冲量: $\vec{I}_{\text{重力}} = m\vec{g} \cdot \Delta t = m\vec{g} \cdot \frac{2\pi}{m}$ ,冲量大小: $I_{\text{重力}} = mg\frac{2\pi}{m}$ ;
  - (3) 小球在重力 $m\vec{g}$  和绳拉力 $\vec{T}$ 的作用下做匀速圆周运动,由动量定理:  $\int_0^{\Delta t} (m\vec{g} + \vec{T}) dt = \vec{P} \vec{P}_0 = 0$ ,

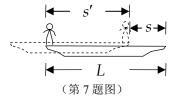
$$\Rightarrow$$
小球所受绳子拉力的冲量:  $\vec{I}_{\pm h} = \int_0^{\Delta t} \vec{T} dt = -\int_0^{\Delta t} m \vec{g} dt = -m \vec{g} \cdot \frac{2\pi}{\alpha}$ , **拉力的冲量大小**:  $I_{\pm h} = mg \frac{2\pi}{\alpha}$ .

7. 人和小船构成的系统在水平方向不受外力,则系统在水平方向动量守恒。设在运动过程中任一时刻t,小船相 对地面的速度大小为v,方向水平向右;人相对地面的速度大小为v',方向水平向左。又设整个过程中船相对 地面移动距离为s,人相对地面移动距离为s',如图所示。

由水平方向动量守恒:  $0 = Mv - mv' \Rightarrow Mv = mv' \Rightarrow Mvdt = mv'dt$ ,

$$\Rightarrow \int_0^T Mvdt = \int_0^T mv'dt \Rightarrow M \int_0^T vdt = m \int_0^T v'dt \Rightarrow Ms = ms';$$
由恩可知:  $s+s'=L$ ,联立上述两式,解得  $s=\frac{m}{L}$ , $s'=\frac{M}{L}$ 

又由图可知: s+s'=L, 联立上述两式, 解得  $s=\frac{m}{M+m}L$ ,  $s'=\frac{M}{M+m}L$ ;



所以**船移动距离:** 
$$s = \frac{m}{M+m}L = \frac{50}{100+50} \times 3.6 \text{m} = 1.2 \text{m}$$
.

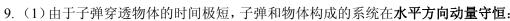
8. 建立如图所示坐标系,小球碰撞前入射速度: $\vec{v}_0 = v \cos \alpha \vec{i} - v \sin \alpha \vec{j}$ ,碰后速度: $\vec{v} = -v \cos \alpha \vec{i} - v \sin \alpha \vec{j}$ ,由动量定理,小球受到墙壁作用力的冲量:  $v_{\blacktriangle}$ 

$$\vec{I} = \int_0^{\Delta t} \vec{F} dt = \overline{\vec{F}} \cdot \Delta t = m\vec{v} - m\vec{v}_0 = -2mv \cos \alpha \, \vec{i} ,$$

$$\Rightarrow$$
 小球受到墙壁的平均作用力:  $\overline{\dot{F}} = -\frac{2mv\cos\alpha}{\Delta t}\overline{\dot{i}}$ ,

根据牛顿第三定律,作用力与反作用力大小相等,方向相反,

$$\Rightarrow$$
 墙壁受到小球的平均冲力:  $\vec{F}' = \frac{2mv\cos\alpha}{\Delta t}\vec{i}$ 



$$mv_0 = mv + Mv'$$
  $\Rightarrow$  子弹刚穿出时,物体的速度大小:  $v' = \frac{m}{M}(v_0 - v) = \frac{47}{15}$  m/s,

物体获得速度 v' 后,在重力 Mg 和绳拉力T 的作用下将绕悬挂点做圆周运动,向心力:  $T-Mg=M\frac{{v'}^2}{l}$ ,

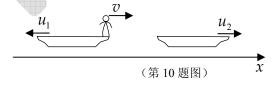
$$\Rightarrow$$
 子弹刚穿出时绳中拉力:  $T = M(g + \frac{{v'}^2}{l}) = 26.5 \text{N}$ ;

- (2) 设水平方向为ox轴,子弹入射前动量:  $\vec{P}_0 = m\vec{v}_0 = mv_0\vec{i}$ ,刚穿出时动量:  $\vec{P} = m\vec{v} = mv\vec{i}$ ,由动量定理,子弹在穿透过程中受到的冲量:  $\vec{I} = \int_0^{\Delta t} \vec{F} dt = \vec{P} \vec{P}_0 = mv\vec{i} mv_0\vec{i} = -4.7 \text{N} \cdot \text{s} \vec{i}$ .
- 10. 如图,设水平方向为 ox 轴,忽略水对船的阻力,人和船构成的系统在水平方向上动量守恒。

人跳离第一条船的过程:  $mv - Mu_1 = 0$ ,

$$\Rightarrow u_1 = \frac{m}{M}v$$
, 方向水平向左,

$$\Rightarrow$$
 第一条船的速度:  $\vec{u}_1 = -\frac{m}{M}\vec{v}$ ;



 $\vec{v}_0$ 

(第8题图)

人跳上第二条船的过程:  $mv = (m+M)u_2 \Rightarrow u_2 = \frac{m}{m+M}v$ , 方向水平向右,

$$\Rightarrow$$
 第二条船的速度:  $\vec{u}_2 = \frac{m}{m+M} \vec{v}$ .