

## PROBLEMA 1: Rotar Arreglo

### Pseudocódigo de la solución ( $O(n)$ tiempo, $O(1)$ espacio)

función rotarDerecha(A, k):

$n = \text{longitud}(A)$

$k = k \bmod n$

    invertir(A, 0,  $n-1$ )

    invertir(A, 0,  $k-1$ )

    invertir(A,  $k$ ,  $n-1$ )

función invertir(A, inicio, fin):

    mientras inicio < fin:

        intercambiar A[inicio], A[fin]

        inicio = inicio + 1

        fin = fin - 1

### Análisis de complejidad

- Complejidad temporal:  
 $O(n)$ , porque cada inversión recorre el arreglo una vez.
- Complejidad espacial:  
 $O(1)$ , solo se usan variables auxiliares.

### Evolución de la solución (mejora)

- Solución inicial típica: mover un elemento  $k$  veces  
Complejidad:  $O(n \cdot k) \rightarrow$  ineficiente cuando  $k$  es grande.
- Mejora intermedia: usar un arreglo auxiliar  
Complejidad:  $O(n)$  tiempo,  $O(n)$  espacio.
- Solución final (reversiones):  
Mantiene  $O(n)$  tiempo y reduce el espacio extra a  $O(1)$ .

## PROBLEMA 2: Eliminar Duplicados

### Pseudocódigo de la solución

función eliminarDuplicados(A):

    si longitud(A) == 0:  
        retornar 0

    indice = 1

    para i desde 1 hasta longitud(A) - 1:

        si A[i] != A[indice]:  
            A[indice] = A[i]  
            indice = indice + 1

    retornar indice

### Análisis de complejidad

- Complejidad temporal:  
     $O(n)$ , se recorre el arreglo una sola vez.
- Complejidad espacial:  
     $O(1)$ , se modifica el arreglo en el mismo espacio.

### Evolución de la solución

- Solución inicial común: crear un nuevo arreglo sin duplicados  
    Tiempo  $O(n)$ , espacio  $O(n)$ .
- Solución final: dos punteros  
    Mantiene  $O(n)$  tiempo y reduce espacio a  $O(1)$ .

### **PROBLEMA 3: Mover Ceros al Final**

#### **Pseudocódigo de la solución**

función moverCeros(A):

    índice = 0

    para i desde 0 hasta longitud(A) - 1:

        si A[i] != 0:

            intercambiar A[índice], A[i]

            índice = índice + 1

#### **Análisis de complejidad**

- Complejidad temporal:  
     $O(n)$ , cada elemento se procesa una vez.
- Complejidad espacial:  
     $O(1)$ , solo se usan variables auxiliares.

#### **Evolución de la solución**

- Solución inicial típica: usar un arreglo auxiliar  
    Tiempo  $O(n)$ , espacio  $O(n)$ .
- Solución optimizada: swaps in-place con dos índices  
     $O(n)$  tiempo y  $O(1)$  espacio.

## PROBLEMA 4: Encontrar Elemento Mayoritario

### Pseudocódigo de la solución (Boyer–Moore)

función elementoMayoritario(A):

    candidato = A[0]

    contador = 1

    para i desde 1 hasta longitud(A) - 1:

        si A[i] == candidato:

            contador = contador + 1

        sino:

            contador = contador - 1

        si contador == 0:

            candidato = A[i]

            contador = 1

retornar candidato

### Análisis de complejidad

- Complejidad temporal:  
 $O(n)$ , una sola pasada por el arreglo.
- Complejidad espacial:  
 $O(1)$ , solo variables constantes.

### Evolución de la solución

- Solución inicial común: usar hashmap para contar frecuencias  
Tiempo  $O(n)$ , espacio  $O(n)$ .
- Solución final: algoritmo de votación de Boyer–Moore  
 $O(n)$  tiempo y  $O(1)$  espacio.