

第3章 平面连杆机构

第1节 铰链四杆机构及其演化

第2节 平面四杆机构的运动特性

第3节 平面四杆机构的设计

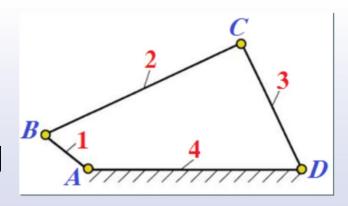


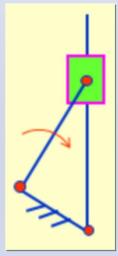
连杆?连杆机构?

特点:

- 1)构件多呈杆状,简称为<mark>杆</mark>,构件间 用低副(移动副、转动副)连接;
- 2)原动件的运动经过不与机架直接相 连的中间构件传递到从动件上。
- 3) 中间构件称为连杆(连接原动件与 从动件), 故称之为连杆机构。

连杆机构:由若干构件通过低 副连接而成,又称为低副机构。





机构,由多个构件组成,各 构件间具有确定的相对运动。



连杆机构的类型

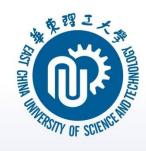
1. 根据各构件间的相对运动关系 空间连杆机构

2. 根据杆数可分 五杆机构 六杆机构

二杆, 三杆??

平面四杆机构应用非常广泛,是多杆机构的基础。

平面四杆机构中,<u>铰链四杆机构是基本形式</u>,其他形式均可以由铰链四杆机构演化得到。



平面连杆机构的特点

优点:

- 1)能够实现运动形式的转化,从动件可以获得多种运动 规律、运动轨迹;
- 2) 平面连杆机构为低副机构,运动副为面接触,压强小,磨损小,承载能力大,耐冲击,能够实现力的传递和大小的变换;
- 2)运动副元素的几何形状多为平面或圆柱面,便于加工制造。



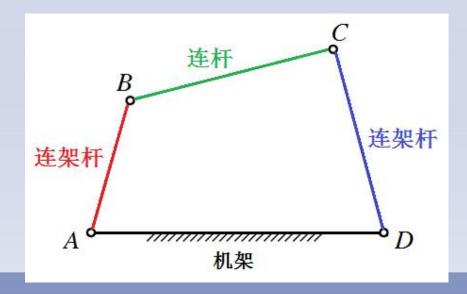
平面连杆机构的特点

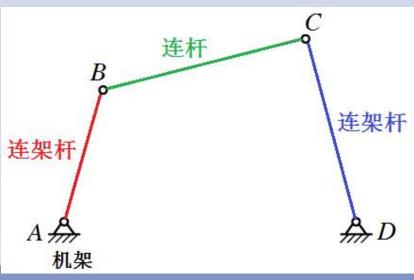
缺点:

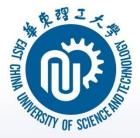
- 1)运动副中存在间隙,当构件数目较多时,从动件的运动积累误差较大,影响传动精度;
 - 2) 力的传递经过多个摩擦副,系统传递效率较低;
 - 3) 高速运转时动载荷较大;
 - 4) 不容易精确地实现复杂的运动规律,设计方法比较复杂。

物 较链四杆机构:全部用转动副(铰链)相连的平面四杆机构,称为铰链四杆机构。<u>铰链四杆机构是平面四杆机构的基本</u>形式,其他四杆机构都可由它演变得到。

- (1) 机架——固定构件; "也是一个构件"
- (2) 连架杆——与机架用转动副相连接的构件;
- (3) 连杆——不与机架直接相连的构件,作复杂的平面运动。







(2) 连架杆——分曲柄、摇杆

曲柄: 连架杆能做作整周转动;

摇杆: 连架杆仅能在某一角度(通常小于180°)内摆动。

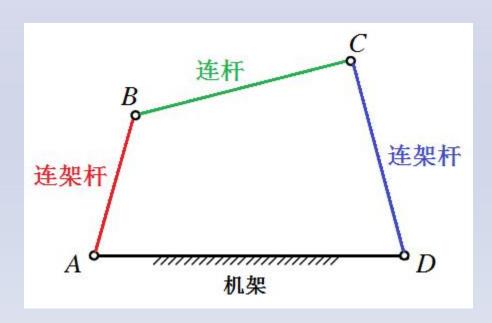
按两连架杆是否成为曲柄或摇杆,铰链四杆机构可分为

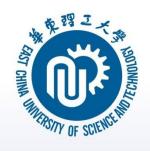
三种基本形式:

> 曲柄摇杆机构

> 双曲柄机构

> 双摇杆机构





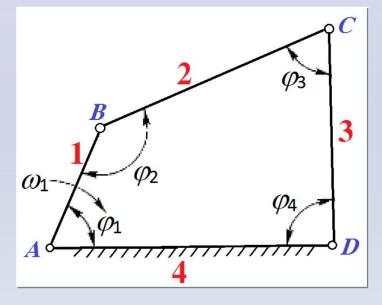
▶ 曲柄摇杆机构——铰链四杆机构的最基本形式

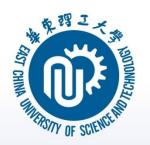
在铰链四杆机构的两连架杆中,一个为曲柄,另一个为摇杆,则此四杆机构称为曲柄摇杆机构。

曲柄摇杆机构:构件1是曲柄,构件3是摇杆。曲柄能作

整周转动,所有角 φ_1 、 φ_2 的变化范围都是0°~360°;摇杆不能作整周转动,角 φ_3 、 φ_4 的变化范围一定小于360°,实则小于180°。

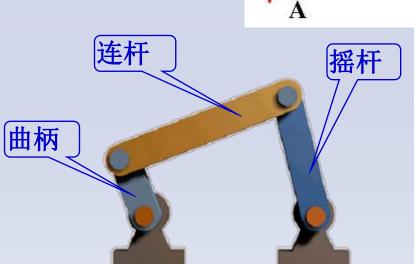
曲柄与摇杆的长度关系?





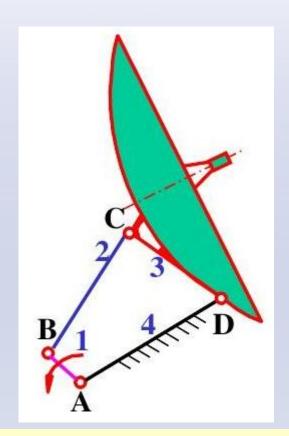
▶ 曲柄摇杆机构——应用

通常曲柄为主动构件且等速转动,摇杆为从动构件作变速往复摆动,如雷达天线俯仰调整机构,搅拌机机构;若摇杆作主动构件,摇杆的往复摆动转换成曲柄的转动,如缝纫机踏板机构。





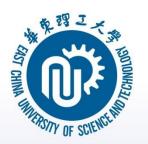
> 曲柄摇杆机构——应用



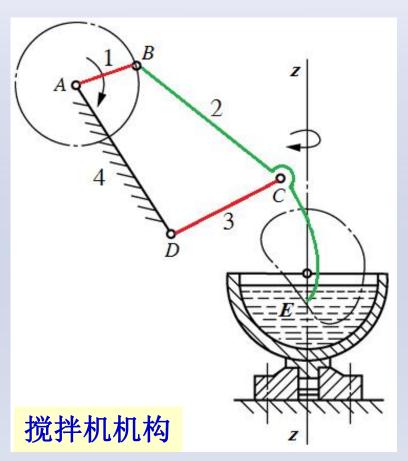
雷达天线调整机构

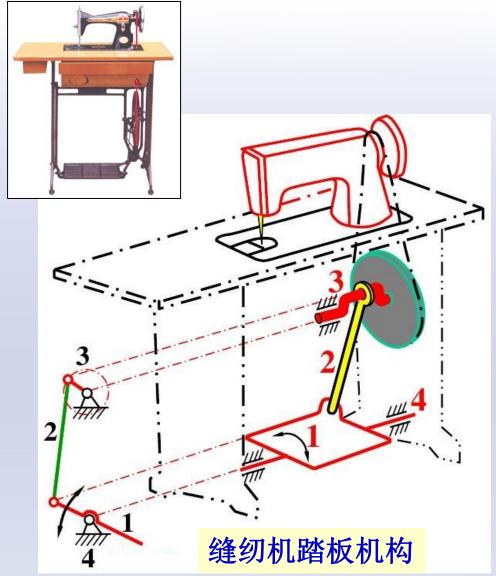
雷达用来辐射和接收电磁波并决定其探测方向的设备。雷达在发射时须把能量集中辐射到需要照射的方向;而在接收时又尽可能只接收探测方向的回波,同时分辨出目标的方位和仰角。通信设备

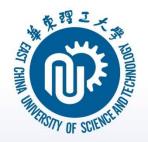




▶ 曲柄摇杆机构——应用







> 双曲柄机构

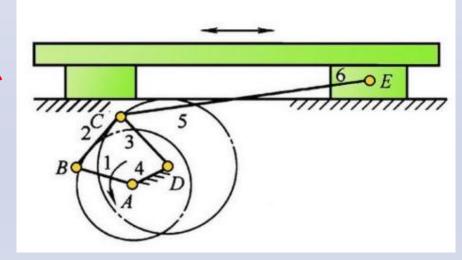
两连架杆均为曲柄的铰链四杆机构称为双曲柄机构。

通常主动曲柄等速转动一周,通过连杆驱动从动曲柄作变

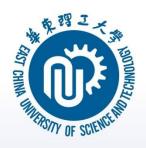
速转动一周。

如图惯性筛机构,由构件1、

2、3、4构成的铰链四杆机构 为双曲柄机构。原动曲柄1匀 速转动,从动曲柄3则作周期



性变速回转运动,通过连杆5使筛子在往复运动中具有所需的加速度,达到筛分物料的目的。

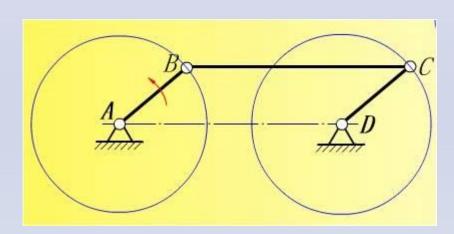


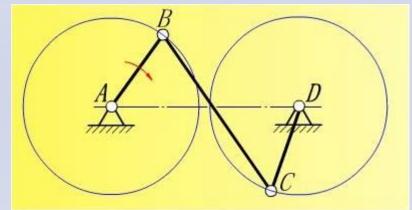
> 双曲柄机构——特例

平行四边形机构: 指相对两杆平行且相等的双曲柄机构。

逆(反)平行四边形机构:

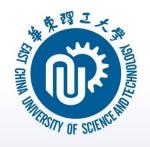
指两相对杆长相等但不平行的双曲柄机构。





平行四边形机构

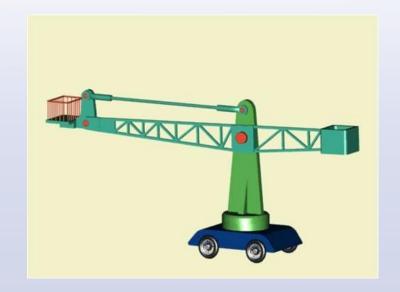
反平行四边形机构



▶ 双曲柄机构——特例

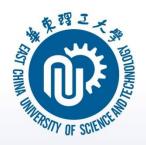
平行四边形机构运动特性:

- ▲ 两曲柄同速同向转动
- ▲ 连杆作平动



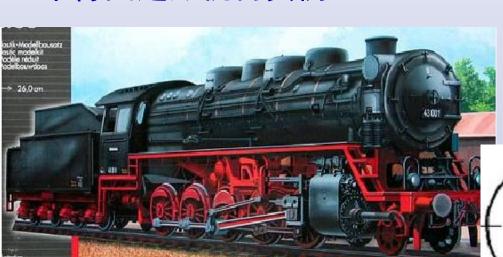
摄像机升降平台

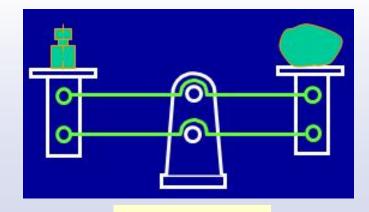
当曲柄转动到与机架共线的位置时,机构处于运动不确定状态。此时,可以增加构件,或利用惯性维持从动曲柄转向不变。



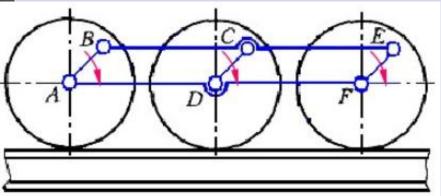
> 双曲柄机构——特例

平行四边形机构实例

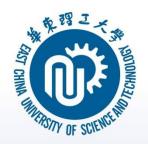




天平机构



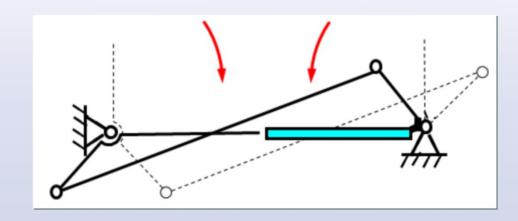
火车机车车轮联动装置

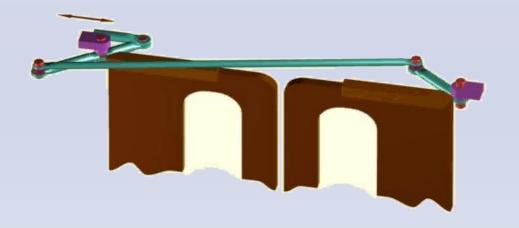


> 双曲柄机构——特例

反平行四边形机构运动特性:

▲ 两曲柄同速反向转动,如 巴士汽车的车门启闭机构, 使两扇门反向开启和关闭。





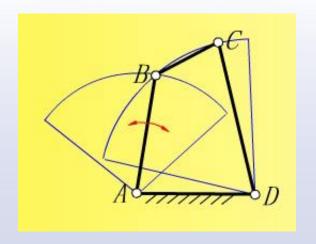
巴士汽车的车门开闭机构

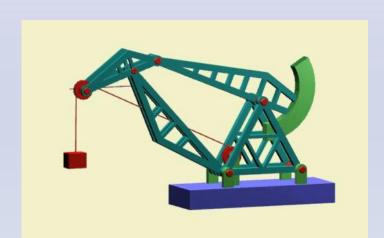


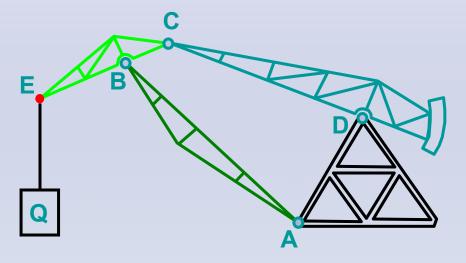
> 双摇杆机构

两连架杆均为摇杆的铰链四杆机构称为双摇杆机构。

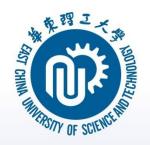
功能:将一种摆动转换为另一种摆动。





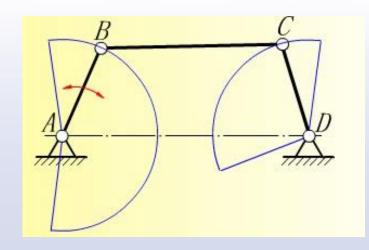


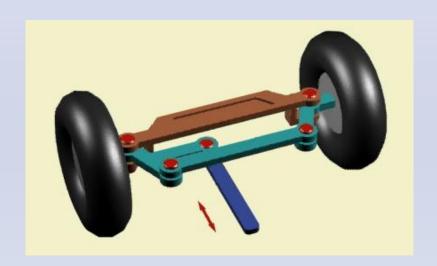
鹤式起重机

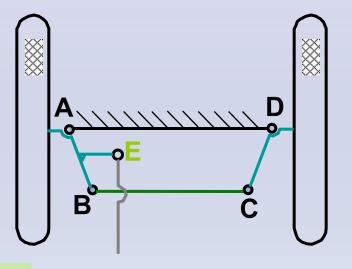


> 双摇杆机构

两摇杆长度相等的双摇杆机构称 为等腰梯形机构。







汽车前轮导向机构



二、铰链四杆机构类型的判别

三种基本类型,取决于有无曲柄,和有几个曲柄,这也是判别铰链四杆机构类型的依据。

1. 曲柄存在的条件

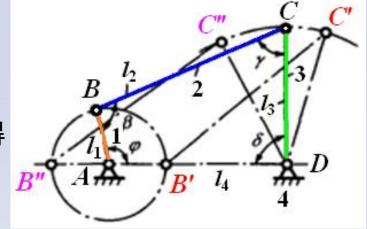
如图,杆4为机架,1、3连架杆,假设 $l_4>l_1$ 。若连架杆1为曲柄,曲柄1必须能顺利通过与机架4共线的两个位置AB'和AB''。

当曲柄处于AB′位置时,形成ΔB′C′D,得

$$l_2 \le (l_4 - l_1) + l_3$$
 $l_3 \le (l_4 - l_1) + l_2$

当曲柄处于AB"位置时,形成 ΔB "C"D,得

$$\boldsymbol{l}_1 + \boldsymbol{l}_4 \le \boldsymbol{l}_2 + \boldsymbol{l}_3$$





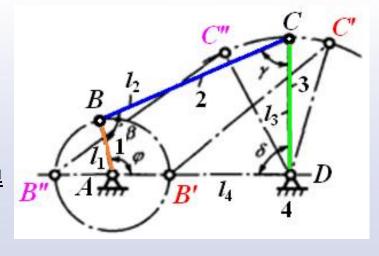
曲柄存在的条件

当曲柄处于AB'位置时,形成 $\Delta B'C'D$,得

$$l_2 \le (l_4 - l_1) + l_3$$
 $l_3 \le (l_4 - l_1) + l_2$

当曲柄处于AB"位置时,形成 ΔB "C"D,得

$$|\boldsymbol{l}_1 + \boldsymbol{l}_4 \le \boldsymbol{l}_2 + \boldsymbol{l}_3|$$



将上面三式整理,得
$$l_1 + l_2 \leq l_3 + l_4$$

将上面三式整理,得
$$l_1 + l_2 \le l_3 + l_4$$
; $l_1 + l_3 \le l_2 + l_4$; $l_1 + l_4 \le l_2 + l_3$

将上式两两相加,得
$$l_1 \leq l_2$$
; $l_1 \leq l_3$; $l_1 \leq l_4$

铰链四杆机构存在一个曲柄的条件:

- (1) 最短杆与最长杆长度之和小于或等于其余两杆长度之和。
 - "杆长条件", 存在整转副条件
- 曲柄是最短杆。

A STOWN OF SCIENCE HE

第1节 铰链四杆机构及其演化

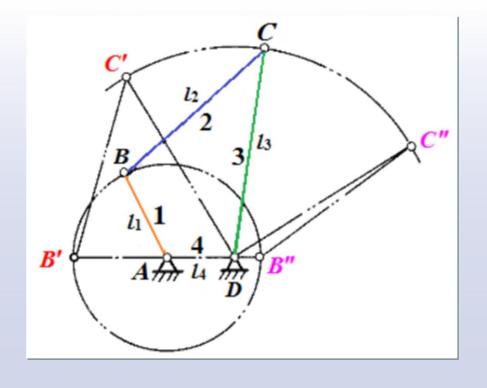
1. 曲柄存在的条件

假设 $l_4 \leq l_1$,同样得到

$$l_4 + l_1 \le l_2 + l_3$$

 $l_4 + l_2 \le l_1 + l_3$
 $l_4 + l_3 \le l_1 + l_2$

$$\boldsymbol{l}_4 \leq \boldsymbol{l}_1; \quad \boldsymbol{l}_4 \leq \boldsymbol{l}_2; \quad \boldsymbol{l}_4 \leq \boldsymbol{l}_3$$

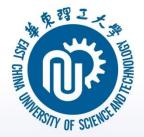


铰链四杆机构存在曲柄的条件:

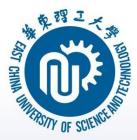
(1) 最短杆与最长杆长度之和小于或等于其余两杆长度之和。

"杆长条件",即存在整转副条件

(2) 曲柄或机架为最短杆。



- 2. 铰链四杆机构类型的判别
- (1) 若最短杆与最长杆长度之和小于或等于其余两杆长度之和,则 "杆长条件",即存在整转副条件
 - ◆ 最短杆为连架杆时, 该机构为曲柄摇杆机构;
 - ◆ 最短杆为机架时, 该机构为双曲柄机构;
 - ◆ 最短杆为连杆时,该机构是双摇杆机构。
- (2) 若最短杆与最长杆长度之和大于其余两杆长度之和,不可能有曲柄存在,必为双摇杆机构。 不满足"杆长条件"
- (3) 若构件的长度具有特殊的关系,如不相邻的杆长两两相等,不论以哪个构件为机架,都是双曲柄机构。

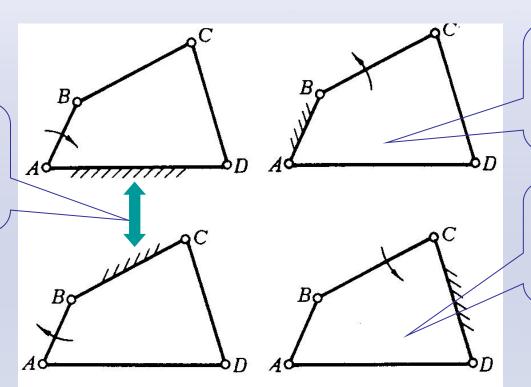


2. 铰链四杆机构类型的判别

机构尺寸满足杆长条件,AB为最短杆,当取不同构件为机架时各

得什么机构?

取最短杆为连架杆,得**曲柄** 摇杆机构



曲柄机构 取最短杆为

取最短杆为

机架,得双

连杆,得<mark>双</mark> 摇杆机构

如果四杆机构**不满足杆长条件**,则不论取哪个构件为机架,均为 双摇杆机构。

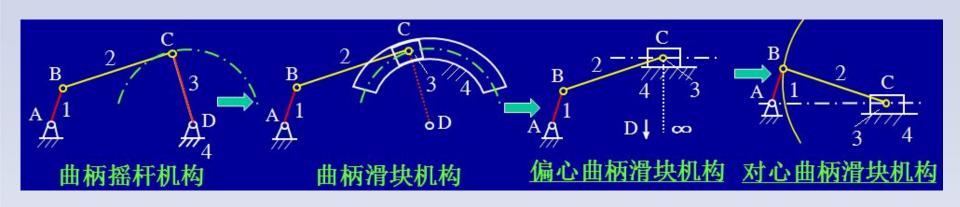


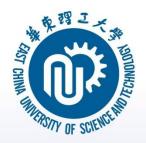
3. 铰链四杆机构的演化

通过将回转副用移动副取代,改变固定构件,变更杆件长度以及扩大回转副等途径,可以将铰链四杆机构"演化"成其他形式。

◆ 回转副转化成移动副——曲柄滑块机构

摇杆3上C点运动轨迹是以D点为圆心,CD为半径的圆弧。将此圆弧半径增大到无穷大,即回转副中心D移到无穷远,则圆弧变成直线槽,回转副D转化为移动副,摇杆3演化成滑动,原曲柄摇杆机构演化成曲柄滑块机构,有偏置曲柄滑块机构和对心曲柄滑块机构。





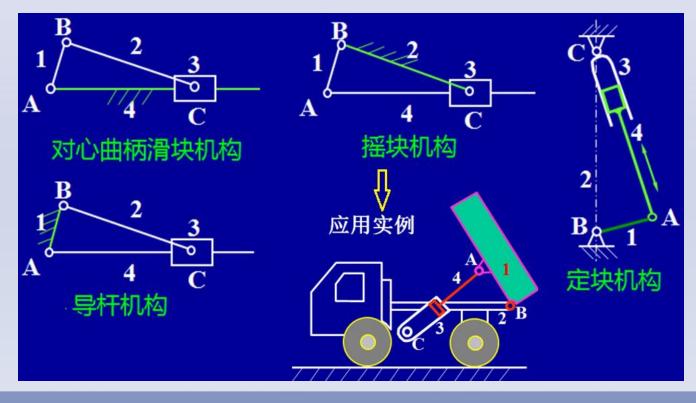
◆ 改变固定构件——导杆机构

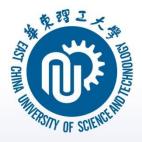
通过选择不同构件作为机 架以获得不同机构的方法 称为"机构的倒置"。

将原曲柄滑块机构的构件4为机架,改为构件2为机架,则为<mark>摇块机构</mark>;或改构件1为机架,则为导杆机构;改滑块为机架,

则为定块机构。

改变固定构件,原机架4与滑块可作相对移动,构件4称为导杆。

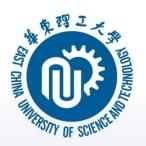




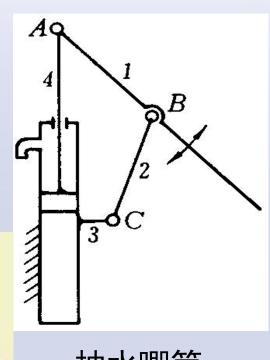
◆ 改变固定构件——导杆机构

导杆机构的特殊组成:滑块、导杆(与滑块作移动构件) 导杆机构的类型:

- 1) 曲柄转动导杆机构: 一个曲柄, 一个作整周转动的导杆
- 2) 曲柄摆动导杆机构:一个曲柄,一个摆动的导杆
- 3)移动导杆机构:导杆移动,滑块作固定(机架)"定块"
- 4)摆动导杆滑块机构:导杆摆动,滑动移动

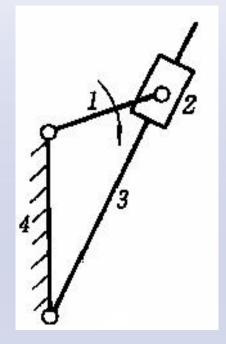


3)移动导杆机构



抽水唧筒

4) 摆动导杆滑块机构



构件2包容构件3



平面四杆机构

铰链四杆机构 (全转动副) 曲柄摇杆机构

双曲柄机构

双摇杆机构

含有移动副的 平面四杆机构 曲柄滑块机构

曲柄导杆机构(导杆转动)

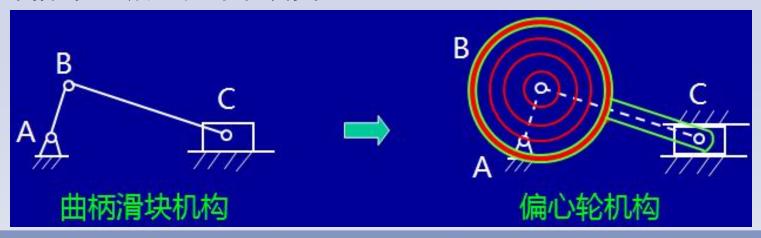
移动导杆机构

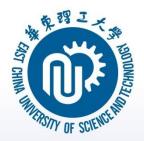
摆动导杆滑块机构



◆ 扩大回转副——偏心轮

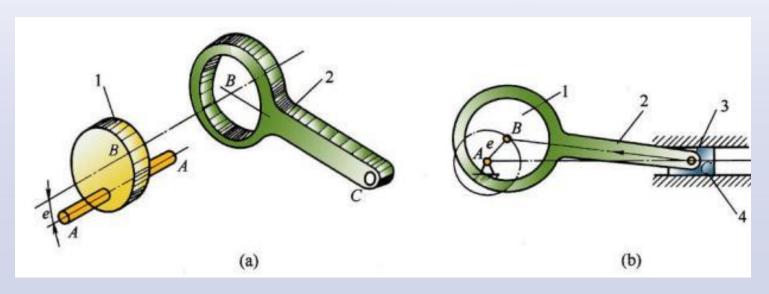
回转副B是曲柄上的轴销和连杆上的销孔所组成。为承载更大的力,将轴销直径加大,则连杆的轴孔也须相应加大。当曲柄的轴销直径加大到大于连杆的宽度时,则连杆的轴孔B就形成了环状。继续加大轴销直径,直到其半径大于曲柄AB的长度时,曲柄AB变成一个仍然绕A点转动而几何中心为B的圆盘,亦称偏心轮。因各杆长度未变,各构件间的相对运动关系均未改变。



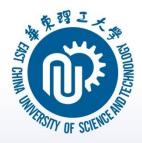


◆ 扩大回转副——偏心轮

- 1-偏心轮
- 2-连杆
- 3-滑块
- 4-机架

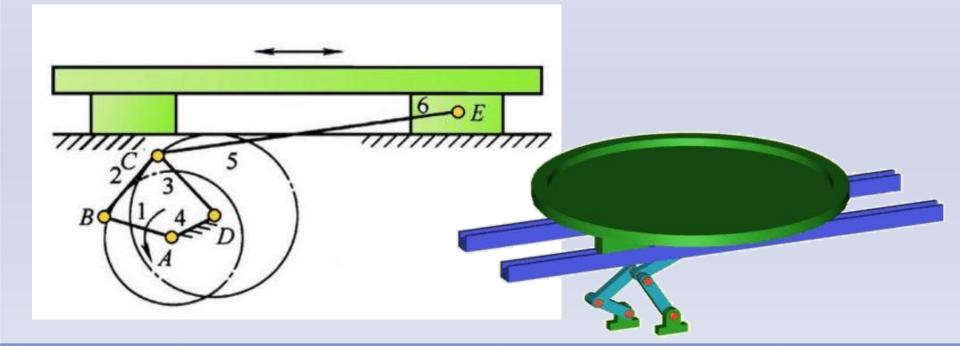


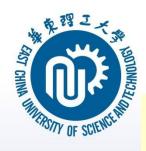
偏心轮机构适用于曲柄短、受力大的场合。



> 平面多杆机构

将多个平面四杆机构组合在一起,构成平面多杆机构。惯性筛是由构件1、2、3、4组成的双曲柄机构和由构件3、4、5、6组成的曲柄滑块机构组合而成的六杆机构。



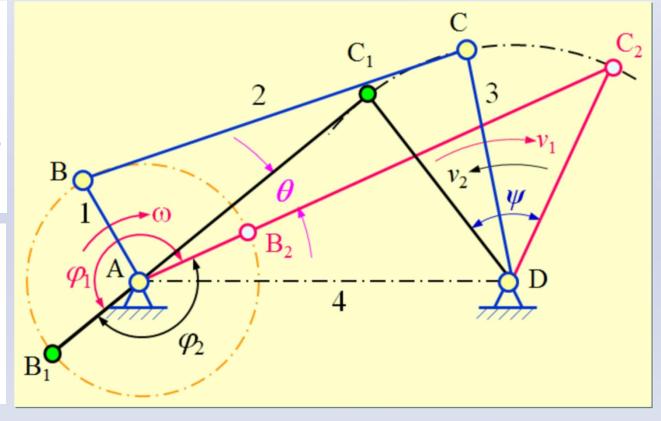


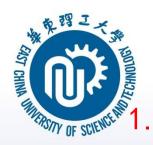
一、曲柄摇杆机构的运动特性

机构极位: 曲柄回转一周,与连杆两次共线,此时摇杆分别处于两个 极限位置,称为机构极位。

极位夹角: 机构处 在两个极位时,原 动件所处两个位置 之间所夹的锐角 θ 称为极位夹角。

摇杆摆角: 摇杆在两个极限位置间的夹角 ψ 称为摇杆的摆角。





急回特性

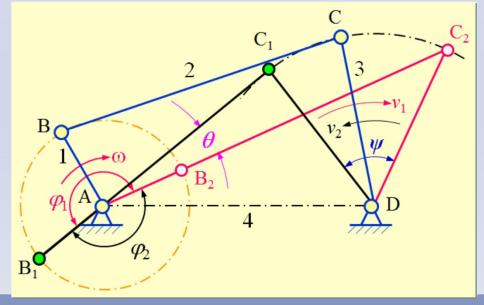
曲柄顺时针以等角速度由位置 AB_1 转到 AB_2 时,摇杆从 C_1 D摆到 C_2 D;曲柄继续由位置 AB_2 转到 AB_1 时,摇杆从 C_2 D摆回到 C_1 D,曲柄转过的角度,摇杆上C点的平均速度分别为:

$$\begin{cases} C_1 D \to C_2 D & \varphi_1 = 180^\circ + \theta & v_1 = \widehat{C}_1 \widehat{C}_2 / t_1 \\ C_1 D \leftarrow C_2 D & \varphi_2 = 180^\circ - \theta & v_2 = \widehat{C}_1 \widehat{C}_2 / t_2 \end{cases}$$

曲柄等角速度, $t_1 > t_2$,因此 $v_2 > v_1$

曲柄等角速度转动情况下, 摇杆往复摆动的平均速度一快一 慢,机构的这种运动性质称为<mark>急</mark> 回特性。

机构急回的作用是节省空回 时间,提高工作效率。



$$v_1 = \hat{C}_1 \hat{C}_2 / t_1$$

1. 急回特性

为表示急回特性的相对程度,用行程速比系数K

$$v_2 = \hat{C}_1 \hat{C}_2 / t_2$$

来衡量:

$$K = \frac{v_2}{v_1} = \frac{C_1 C_2 / t_2}{C_1 C_2 / t_1} = \frac{t_1}{t_2} = \frac{\varphi_1 / \omega}{\varphi_2 / \omega} = \frac{\varphi_1}{\varphi_2} = \frac{180^0 + \theta}{180^0 - \theta}$$

分析:

- 1) K>1时(即 $v_2>v_1$),铰链四杆机构具有急回特性。
- 2) 急回运动特性的产生是由于 θ 的存在, θ 越大,K越大, 急回特性越显著; K=1时 ($v_2=v_1$), 机构无急回特性。
- 3) 曲柄摇杆机构具有急回特性的条件是: 极位夹角 θ 不等于 零。 $\theta = 180^{\circ} \frac{K-1}{H}$ 根据急回特性要求,确定K,由K值得到 θ 。

$$\theta = 180^{\circ} \frac{K - 1}{K + 1}$$



压力角和传动角

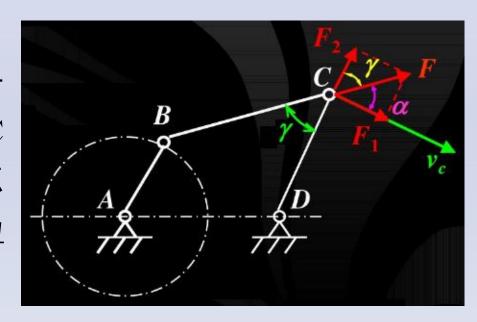
压力角 α : <u>从动件</u>上某点的受力方向与从动件上该点速度方向的所夹的锐角。

传动角 γ : 压力角的余角 γ , $\gamma = 90^{\circ}$ - α 。

曲柄摇杆机构,曲柄为主动件,不考虑构件的质量、惯性力

和摩擦力,则连杆BC是二力杆。

曲柄AB通过连杆BC作用于 从动摇杆CD上的力F是沿杆BC 方向,摇杆CD绕D点摆动,C点 速度方向垂直于CD,压力角 α 为 F与速度 ν 。之间所夹的锐角。





物 of SCIENCE 2. 压力角和传动角

将F分解为相互垂直的两个分力 F_1 和 F_2 ,其方向与铰链C点的速

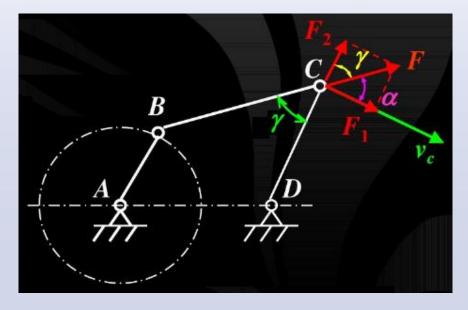
度 v_c 方向一致或垂直,有:

$$\begin{cases} F_1 = F \cos \alpha \\ F_2 = F \sin \alpha \end{cases}$$

 F_1 : 推动从动件CD转动的有效

力,对从动件产生有效力矩;

 F_2 : 使铰链产生附加压力,加速铰链的摩擦磨损,有害力。



分析:

F一定,**压力角\alpha**↓,**有效力** F_1 ↑,传力性能越好。压力角是衡量机构传力性能的重要标志。



2. 压力角和传动角

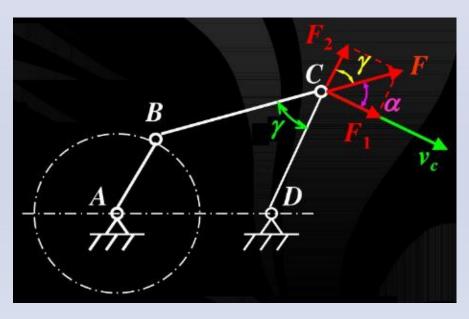
为了便于度量和直观分析,工程上用压力角的余角,即传动

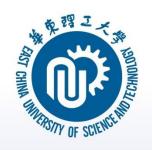
角γ来分析机构的传力性能。

传动角 y 是连杆BC与摇杆 CD所夹的锐角。

传动角 $\gamma \uparrow$ (即压力角 $\alpha \downarrow$), 有效力 $F_1 \uparrow$,传力性能越好; $\gamma = 90^{\circ}$ 时,传力性能最好。

$$F_1 = F \cos \alpha | F_2 = F \sin \alpha$$





2. 压力角和传动角

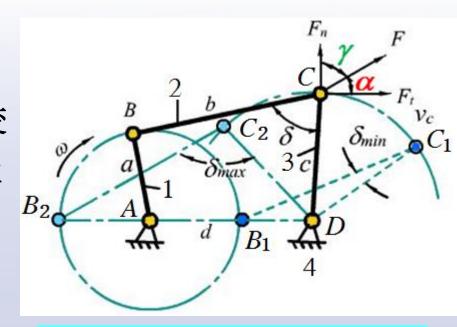
机构运转过程中,传动角 γ 是变化的。为了保证机构良好的传力性能,设计时对传动角规定:

一般机构:

$$\gamma_{\rm min} \ge 40^{\circ}$$

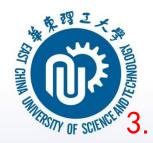
高速、传递大功率:

$$\gamma_{\rm min} \geq 50^{\circ}$$



$$\gamma_{\min} = \min(\delta_{\min}, 180^{\circ} - \delta_{\max})$$

可以证明,曲柄摇杆机构的最小传动角 γ_{min} 出现在曲柄与机架 拉直共线和重叠共线的两个位置之一处,比较此两位置 γ 角的大 小,取其中较小的一个作为机构的最小传动角 γ_{min} 。

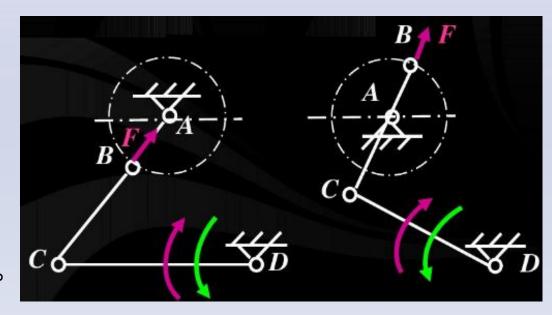


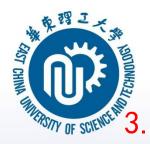
止点位置

止点位置: 指从动件的传动角等于零时, 机构所处的位置。

当摇杆作主动件往复摆动,一般可驱动从动件曲柄作整周运动。当摇杆处于极限位置时,即连杆和从动曲柄共线。若忽略不计运动副中的摩擦与各构件的质量和转动惯量,摇杆

通过连杆加给曲柄的力将 通过铰链 A的中心。该力 对 A点不产生力矩,不能 驱动曲柄转动。机构所处 的这种位置称为"止点" 位置,又称"死点"位置。

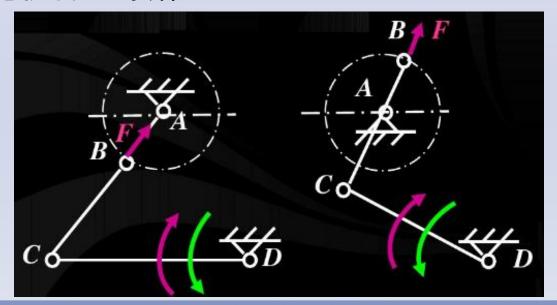




止点位置

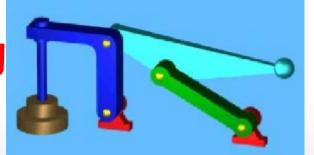
机构处于"止点"位置时,从动件会出现自锁或曲柄正 反转不确定现象。

为使传动连续运转,可以利用回转构件的惯性(如缝纫机踏板机构)以及添加辅助构件、使机构止点位置相互错开(如火车轮机构)等措施。



THE SOLVE SCIENCE IN THE SECOND SECON

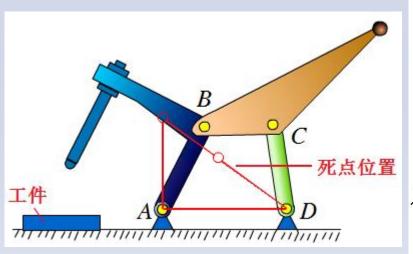
第2节 平面四杆机构

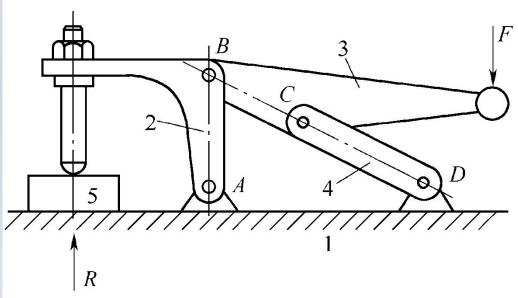


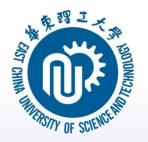
3. 止点位置

利用"止点"位置的性质进行工作。

如图,工件夹紧机构,抬起手柄,夹头抬起,将工件放入工作台;用力按下手柄,夹头向下压紧工件,BC和CD共线,机构处于死点位置;当去除外力F后仍,无论工件对夹头的作用力多大,也不能使CD绕D转动,工件仍处在被夹紧的状态。







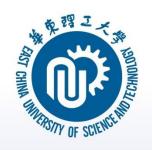
▶ 曲柄摇杆机构——基本特性

【思考题】

- 1. 曲柄摇杆机构是否一定有急回特性?
- 2. 曲柄摇杆机构是否一定存在止点位置?

- 1.极位夹角和摆角
- 2. 急回特性
- 3. 压力角和传动角
- 4. "止点"位置

- 1. 曲柄为原动件,当机构有极位夹角时,有急回特性;当极位夹角 $\theta=0^{\circ}$,K=1时,无急回特性。
- 存在止点位置的判别:连杆与从动件共线。
 摇杆为原动件,有2个止点位置;
 曲柄为原动件,没有止点位置,因为此时连杆与从动件不会共线。

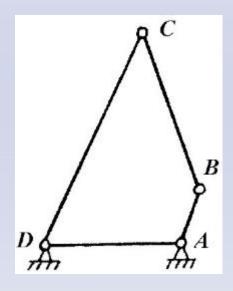


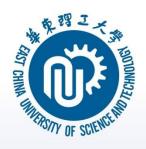
【例9-1】图示铰链四杆机构中,已知铰链四杆机构各构件的长度分别为 L_{AB} =20mm, L_{BC} =60mm, L_{CD} =85mm, L_{AD} =50mm。要求:(1)试确定该机构是否有曲柄?(2)若以AB为原动件,试画出该机构在图示位置时的压力角和该机构的最小传动角;(3)在什么情况下该机构有止点位置?在图上标出止点位置。

【解】: (1)
$$L_{AB} + L_{CD} = 20 + 85 = 105$$
 $L_{BC} + L_{AD} = 60 + 50 = 110$

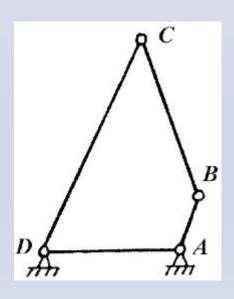
$$\boldsymbol{L}_{AB} + \boldsymbol{L}_{CD} < \boldsymbol{L}_{BC} + \boldsymbol{L}_{AD}$$

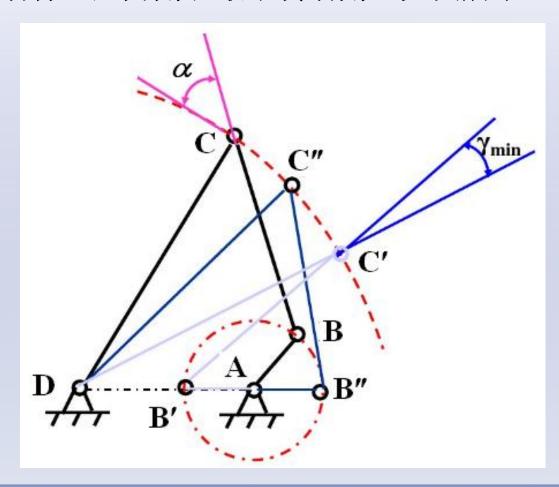
AB为连架杆,所有该机构存在曲柄,构件AB是曲柄。

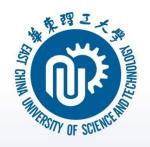




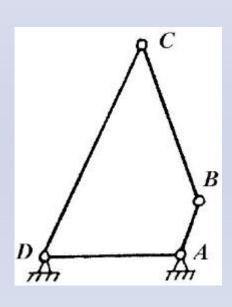
【解】: (2) AB为原动件,压力角和最小传动角,如图所示。

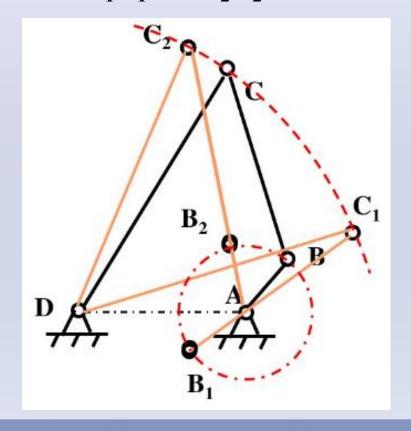


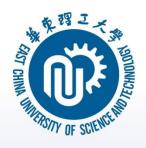




【解】: (3)如图所示,当以摇杆CD为主动件,且曲柄AB与连杆BC共线时的位置为止点位置, AB_1C_1 , AB_2C_2 。







本章小结

- 1、铰链四杆机构的类型及判断
- 2、铰链四杆机构的演化
- 3、平面四杆机构的运动特性