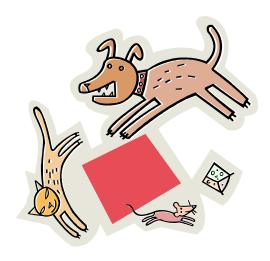
2창 순학

소한(recursion)이라?

- 알고리즘이나 함수가 수행 도중에 자기 자신을 다시 호출하여 문제를 해결하는 기법
- □ 정의자체가 순환적으로 되어 있는 경우에 적합한 방법







□ 팩토리얼의 정의

$$n! = \begin{cases} 1 & n = 0 \\ n*(n-1)! & n \ge 1 \end{cases}$$



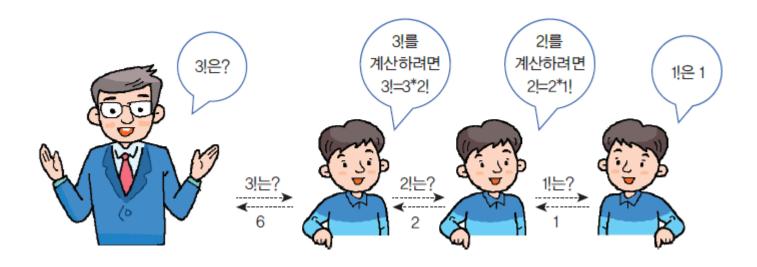
백토리얼 프로그래밍 #1

```
int factorial(int n)
{
   if( n<= 1 ) return(1);
   else return (n * factorial_n_1(n-1) );
}</pre>
```



백토리얼 프로그래밍 #2

```
int factorial(int n)
{
   if( n <= 1 ) return(1);
   else return (n * factorial(n-1) );
}</pre>
```







□ 팩토리얼 함수의 호출 순서

```
factorial(5) = 5 * factorial(4)

= 5 * 4 * factorial(3)

= 5 * 4 * 3 * factorial(2)

= 5 * 4 * 3 * 2 * factorial(1)

= 5 * 4 * 3 * 2 * 1

= 120
```

```
factorial(3)
              if(3 \le 1) return 1;
              else return (3 * factorial(3-1));
4
           factorial(2)
              if(2 \le 1) return 1;
                                                      2
              else return (2 * factorial(2-1));
(3)
           factorial(1)
              if( 1 \le 1 ) return 1;
```



소학 알고리즘의 구조

```
int factorial(int n)
{

if( n <= 1 ) return 1

- 순환을 멈추는 부분

else return n * factorial(n-1);

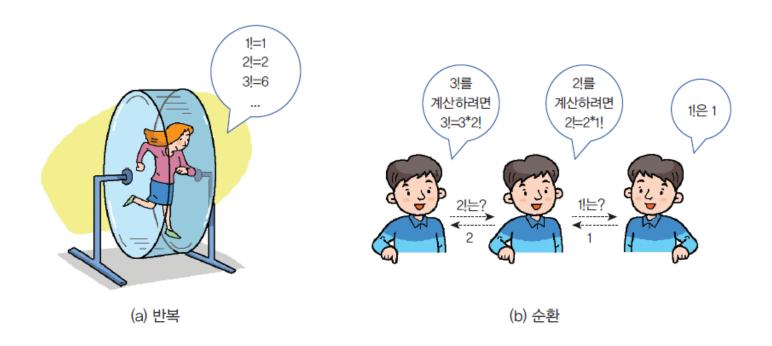
- 순환 호출을 하는 부분
}
```

- 만약 순환 호출을 멈추는 부분이 없다면?.
 - 시스템 오류가 발생할 때까지 무한정 호출하게 된다.



수학 <-> 반복

□ 대부분의 순환은 반복으로 바꾸어 작성할 수 있다.







$$n! = \begin{cases} 1 & n = 1 \\ n*(n-1)*(n-2)*\cdots*1 & n \ge 2 \end{cases}$$

```
int factorial_iter(int n)
{
   int k, v=1;
   for(k=n; k>0; k--)
        v = v*k;
   return(v);
}
```





- □ 순환적인 방법이 더 효율적인 예제
- □ 숫자 x의 n제곱 값을 구하는 문제: xⁿ





```
double slow_power(double x, int n)
{
    int i;
    double result = 1.0;
    for(i=0; i<n; i++)
        result = result * x;
    return(result);
}</pre>
```





□ 순환적인 알고리즘

$$x^{n} = \begin{cases} (x^{2})^{n/2} & n \text{ is even} \\ x \cdot (x^{2})^{(n-1)/2} & n \text{ is odd} \end{cases}$$





```
double power(double x, int n)
{
    if( n==0 ) return 1;
    else if ( (n%2)==0 )
        return power(x*x, n/2);
    else return x*power(x*x, (n-1)/2);
}
```



거듭제곱 값 프로그래밍 분석

- □ 순환적인 방법의 시간 복잡도
 - □ 만약 n이 2의 제곱이라고 가정하면 다음과 같이 문제의 크기가 줄어든다.

$$2^n \rightarrow 2^{n-1} \rightarrow \cdots \rightarrow 2^2 \rightarrow 2^1 \rightarrow 2^0$$

□ 반복적인 방법과 순환적인 방법의 비교

	반복적인 함수 slow_power	순환적인 함수 power
시간복잡도	O(n)	O(logn)
실제수행속도	7.17초	0.47초



피보나치 수열의 계산 #1

- □ 순환 호출을 사용하면 비효율적인 예

$$fib(n) \begin{cases} 0 & n = 0 \\ 1 & n = 1 \\ fib(n-2) + fib(n-1) & otherwise \end{cases}$$



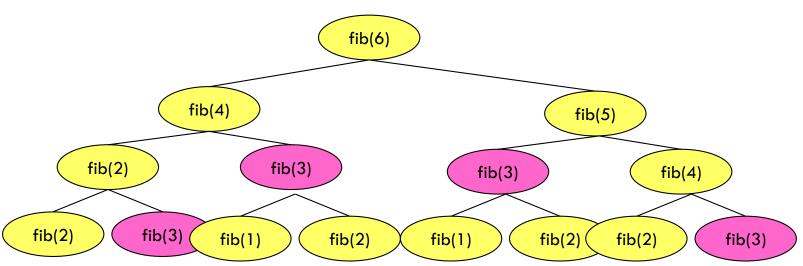
피보나치 수열의 계산 #1

```
int fib(int n)
{
    if( n==0 ) return 0;
    if( n==1 ) return 1;
    return (fib(n-1) + fib(n-2));
}
```



사가 수열의 계산 #1

- □ 순환 호출을 사용했을 경우의 비효율성
 - □ 같은 항이 중복해서 계산됨
 - □ 예를 들어 fib(6)을 호출하게 되면 fib(3)이 4번이나 중복되어서 계산됨
 - □ 이러한 현상은 n이 커지면 더 심해짐



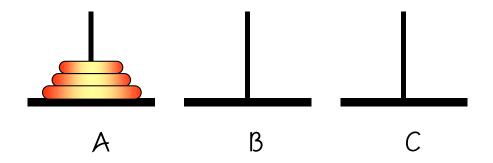




```
int fib_iter(int n)
   if (n == 0) return 0;
  if (n == 1) return 1;
   int pp = 0;
   int p = 1;
  int result = 0;
   for (int i = 2; i \le n; i++) {
     result = p + pp;
     pp = p;
     p = result;
   return result;
```

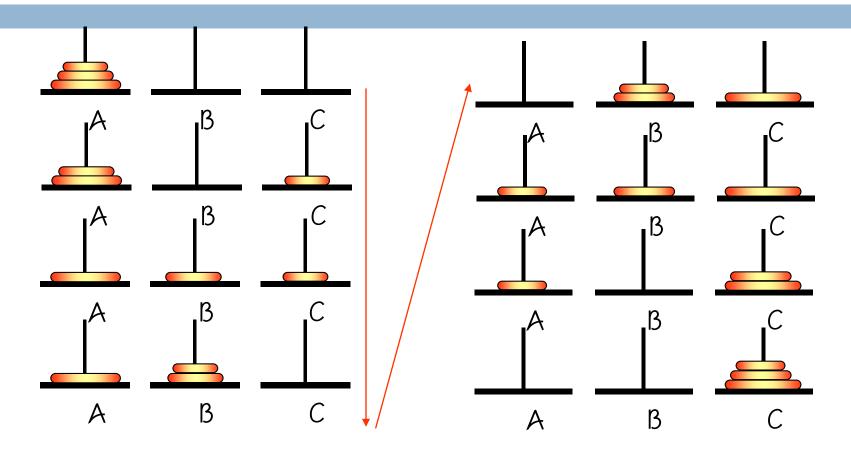


- □ 문제는 막대 A에 쌓여있는 원판 n개를 막대 C로 옮기는 것이다.
 - □ 한 번에 하나의 원판만 이동할 수 있다
 - 맨 위에 있는 원판만 이동할 수 있다
 - □ 크기가 작은 원판 위에 큰 원판이 쌓일 수 없다.
 - 중간의 막대를 임시적으로 이용할 수 있으나 앞의 조건들을 지켜야 한다.



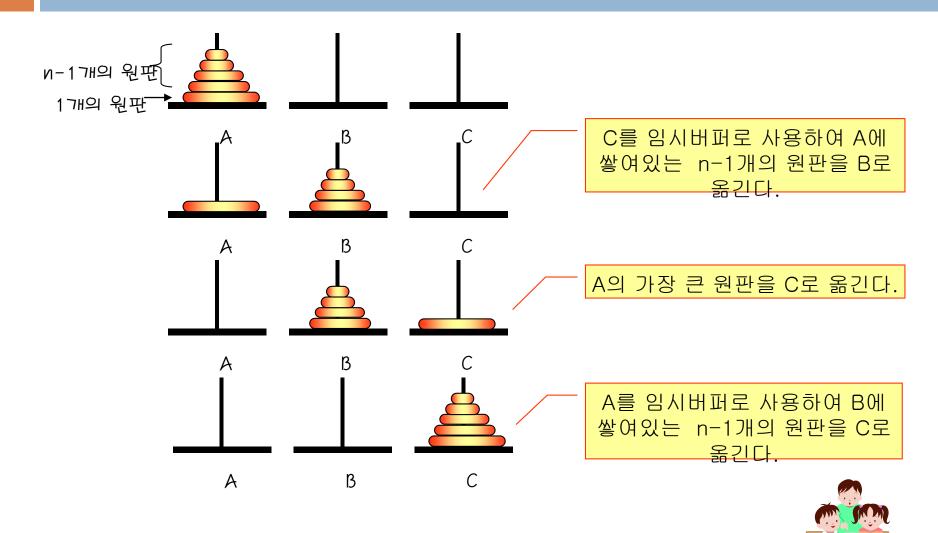








일반적인 경우에는?





- 자,그러면 어떻게 n-1개의 원판을 A에서 B로, 또 B에서 C
 로 이동하는가?
- □ (힌트) 우리의 원래 문제가 n개의 원판을 A에서 C로 옮기 는 것임을 기억하라.
- □ -> 따라서 지금 작성하고 있는 함수의 매개변수를 n-1로 바꾸어 순환 호출하면 된다.





```
// 막대 from에 쌓여있는 n개의 원판을 막대 tmp를 사용하여 막대 to로 // 옮
  긴다.
void hanoi_tower(int n, char from, char tmp, char to)
 if (n==1){
   from에서 to로 원판을 옮긴다.
 else{
   hanoi_tower(n-1, from, to, tmp);
   from에 있는 한 개의 원판을 to로 옮긴다.
   hanoi_tower(n-1, tmp, from, to);
```





```
#include <stdio.h>
void hanoi_tower(int n, char from, char tmp, char to)
 if( n==1 ) printf("원판 1을 %c 에서 %c으로 옮긴다.\n",from,to);
  else {
        hanoi_tower(n-1, from, to, tmp);
         printf("원판 %d을 %c에서 %c으로 옮긴다.\n",n, from, to);
        hanoi_tower(n-1, tmp, from, to);
int main(void)
  hanoi_tower(4, 'A', 'B', 'C');
  retrun 0;
```





원판 1을 A 에서 B으로 옮긴다. 원판 2을 A에서 C으로 옮긴다. 원판 1을 B에서 C으로 옮긴다. 원판 3을 A에서 B으로 옮긴다. 원판 1을 C 에서 A으로 옮긴다. 원판 2을 C에서 B으로 옮긴다. 원판 1을 A에서 B으로 옮긴다. 원판 4을 A에서 C으로 옮긴다. 원판 1을 B에서 C으로 옮긴다. 원판 2을 B에서 A으로 옮긴다. 원판 1을 C 에서 A으로 옮긴다. 원판 3을 B에서 C으로 옮긴다. 원판 1을 A 에서 B으로 옮긴다. 원판 2을 A에서 C으로 옮긴다. 원판 1을 B에서 C으로 옮긴다.





Q & A

