

# tp2pt1

November 5, 2024

0.0.1 Outubro, 8, 2024

0.0.2 TP2 - Grupo 20

Afonso Martins Campos Fernandes - A102940

Luís Felipe Pinheiro Silva - A105530

**Exercício 1:** ##### Considere a descrição da cifra A5/1 que consta no documento +Lógica Computacional: a Cifra A5/1 Informação complementar pode ser obtida no artigo da Wikipedia.

a) Definir e codificar, em z3 e usando o tipo BitVec para modelar a informação, uma FSM que descreva o gerador.

```
[190]: from z3 import *
import random
from random import getrandbits

# Definir os LFSRs como BitVecs com os tamanhos adequados
LFSR1 = BitVec('LFSR1', 19)
LFSR2 = BitVec('LFSR2', 22)
LFSR3 = BitVec('LFSR3', 23)

# Funções de atualização para cada LFSR
def lfsr1_seguinte(LFSR1):
    f = Extract(18, 18, LFSR1) ^ Extract(17, 17, LFSR1) ^ Extract(16, 16, LFSR1)
    ↪ ^ Extract(13, 13, LFSR1)
    return Concat(f, Extract(18, 1, LFSR1))

def lfsr2_seguinte(LFSR2):
    f = Extract(21, 21, LFSR2) ^ Extract(20, 20, LFSR2)
    return Concat(f, Extract(21, 1, LFSR2))

def lfsr3_seguinte(LFSR3):
    f = Extract(22, 22, LFSR3) ^ Extract(21, 21, LFSR3) ^ Extract(20, 20, LFSR3)
    ↪ ^ Extract(7, 7, LFSR3)
    return Concat(f, Extract(22, 1, LFSR3))

# Bits de clock para cada LFSR
cBit1 = Extract(8, 8, LFSR1)
```

```

cBit2 = Extract(10, 10, LFSR2)
cBit3 = Extract(10, 10, LFSR3)

# Função de clock majoritário
def majority(b1, b2, b3):
    return If(b1 + b2 + b3 > 1, BitVecVal(1, 1), BitVecVal(0, 1))

# Calcular o bit majoritário
majority_bit = majority(cBit1, cBit2, cBit3)

# Atualizar os LFSRs com base no bit de clock majoritário
next_LFSR1 = If(cBit1 == majority_bit, lfsr1_seguinte(LFSR1), LFSR1)
next_LFSR2 = If(cBit2 == majority_bit, lfsr2_seguinte(LFSR2), LFSR2)
next_LFSR3 = If(cBit3 == majority_bit, lfsr3_seguinte(LFSR3), LFSR3)

# Solver para testar a transição
solver = Solver()
solver.add(LFSR1 == BitVecVal(getrandbits(19), 19))
solver.add(LFSR2 == BitVecVal(getrandbits(22), 22))
solver.add(LFSR3 == BitVecVal(getrandbits(23), 23))

# Verificação de estados possíveis
if solver.check() == sat:
    modelo = solver.model()
    print("Estado inicial:")
    print("LFSR1:", modelo[LFSR1])
    print("LFSR2:", modelo[LFSR2])
    print("LFSR3:", modelo[LFSR3])

    # Simulação de uma transição
    print("\nPróximo Estado:")
    print("Next_LFSR1:", modelo.evaluate(next_LFSR1))
    print("Next_LFSR2:", modelo.evaluate(next_LFSR2))
    print("Next_LFSR3:", modelo.evaluate(next_LFSR3))
else:
    print("Nenhuma solução foi encontrada.")

```

Estado inicial:  
LFSR1: 429273  
LFSR2: 290254  
LFSR3: 6649777

Próximo Estado:  
Next\_LFSR1: 429273  
Next\_LFSR2: 145127  
Next\_LFSR3: 7519192

0.0.3 b) Considere as seguintes propriedades de erro:

0.0.4 i) Ocorrência de um “burst”  $0^t$  (t-zeros) que ocorre em  $2^t$  passos ou menos.

Tente codificar estas propriedades e verificar se são acessíveis a partir de um estado inicial aleatoriamente gerado

```
[191]: from z3 import *
from random import getrandbits

# Parâmetros da propriedade de erro
t = 3 # Número de zeros consecutivos (tamanho do "burst")
passos = 2 ** t # Número máximo de passos permitidos para encontrar o "burst"

# Configurar o solver
solver = Solver()

# Inicializar os LFSRs com estados aleatórios
curLFSR1 = BitVecVal(getrandbits(19), 19)
curLFSR2 = BitVecVal(getrandbits(22), 22)
curLFSR3 = BitVecVal(getrandbits(23), 23)

countZeros = BitVecVal(0, 32) # Inicializar o contador de zeros consecutivos
outputs = []

# Loop para simular os passos e procurar por um "burst" de zeros
for passo in range(passos):
    # Calcular o bit majoritário
    majority_bit = majority(Extract(8, 8, curLFSR1), Extract(10, 10, curLFSR2),
    ↪ Extract(10, 10, curLFSR3))

    # Atualizar os LFSRs com base no bit de clock majoritário
    next_LFSR1 = If(Extract(8, 8, curLFSR1) == majority_bit,
    ↪ lfsr1_seguinte(curLFSR1), curLFSR1)
    next_LFSR2 = If(Extract(10, 10, curLFSR2) == majority_bit,
    ↪ lfsr2_seguinte(curLFSR2), curLFSR2)
    next_LFSR3 = If(Extract(10, 10, curLFSR3) == majority_bit,
    ↪ lfsr3_seguinte(curLFSR3), curLFSR3)

    # Atualizar o estado atual dos LFSRs
    curLFSR1, curLFSR2, curLFSR3 = next_LFSR1, next_LFSR2, next_LFSR3

    # Extrair o bit menos significativo de cada LFSR e calcular o bit de saída
    output_bit = Extract(0, 0, curLFSR1) ^ Extract(0, 0, curLFSR2) ^ Extract(0,
    ↪ 0, curLFSR3)
    outputs.append(output_bit)

    # Verificar se o bit de saída é zero e atualizar o contador de zeros
```

```

isZero = output_bit == BitVecVal(0, 1)
countZeros = If(isZero, countZeros + 1, BitVecVal(0, 32)) # Reinicia o
↳ contador se não for zero

# Condição de "burst" de zeros: `t` zeros consecutivos
solver.add(countZeros <= t)

# Restrição para garantir pelo menos um bit zero e um bit um no output
solver.add(Or([output == BitVecVal(0, 1) for output in outputs]))
solver.add(Or([output == BitVecVal(1, 1) for output in outputs]))

# Verificar se o "burst" de zeros é atingível
if solver.check() == sat:
    print("Foi encontrado um burst de zeros dentro do limite.")
else:
    print("Não foi encontrado nenhum burst de zeros dentro do limite.")

```

Não foi encontrado nenhum burst de zeros dentro do limite.

**0.0.5 ii) Ocorrência de um “burst” de tamanho  $t$  que repete um “burst” anterior no mesmo output em  $2^{(t/2)}$  passos ou menos.**

Tente codificar estas propriedades e verificar se são acessíveis a partir de um estado inicial aleatoriamente gerado

```

[192]: from z3 import *
from random import getrandbits

# Definir os parâmetros da propriedade de erro
t = 10 # Tamanho do "burst"
limite_passos = 2 ** (t // 2) # Número máximo de passos permitidos entre
↳ repetições do "burst"

# Configurar o solver
solver = Solver()

# Inicializar os LFSRs com estados aleatórios
curLFSR1 = BitVecVal(getrandbits(19), 19)
curLFSR2 = BitVecVal(getrandbits(22), 22)
curLFSR3 = BitVecVal(getrandbits(23), 23)

output_history = []
found_repetition = False

# Loop para simular os passos e procurar repetição de um "burst"
for passo in range(limite_passos):
    # Calcular o bit majoritário

```

```

    majority_bit = majority(Extract(8, 8, curLFSR1), Extract(10, 10, curLFSR2),
↪Extract(10, 10, curLFSR3))

    # Atualizar os LFSRs com base no bit de clock majoritário
    next_LFSR1 = If(Extract(8, 8, curLFSR1) == majority_bit,
↪lfsr1_seguinte(curLFSR1), curLFSR1)
    next_LFSR2 = If(Extract(10, 10, curLFSR2) == majority_bit,
↪lfsr2_seguinte(curLFSR2), curLFSR2)
    next_LFSR3 = If(Extract(10, 10, curLFSR3) == majority_bit,
↪lfsr3_seguinte(curLFSR3), curLFSR3)

    # Atualizar o estado atual dos LFSRs
    curLFSR1, curLFSR2, curLFSR3 = next_LFSR1, next_LFSR2, next_LFSR3

    # Extrair o bit menos significativo para formar a saída
    output_bit = Extract(0, 0, curLFSR1) ^ Extract(0, 0, curLFSR2) ^ Extract(0,
↪0, curLFSR3)

    # Adicionar o bit ao histórico de saída
    output_history.append(output_bit)

    # Verificar se uma sequência de comprimento `t` se repete no histórico
    if len(output_history) >= t * 2: # Garantir que há pelo menos duas
↪sequências para comparar
        bits = []
        for bit in output_history:
            bits.append(simplify(bit)) # retirar o bit da representação
↪simbólica do Extract
        # Comparar a sequência atual de comprimento `t` com as anteriores
        burst_sequence = bits[-t:] # Últimos `t` bits
        for i in range(len(bits) - t*2 + 1):
            if burst_sequence == bits[i:i + t]:
                # Encontramos uma repetição do burst
                print(burst_sequence)
                found_repetition = True
                solver.add(output_bit == burst_sequence[0]) # Exemplo de
↪condição de restrição
                break
        if found_repetition:
            break

    # Verificar se o solver encontrou uma solução para a repetição
    if solver.check() == sat and found_repetition:
        print("Repetição de burst encontrada dentro do limite de passos.")
    else:

```

```
print("Não foi encontrada nenhuma repetição de burst dentro do limite de  
↳passos.")
```

```
[1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1]
```

Repetição de burst encontrada dentro do limite de passos.