

En ciencias básicas e ingeniería se utilizan leyes de conservación: de la masa, de la energía y la cantidad de movimiento, por ejemplo. De forma muy general, se pueden resumir del siguiente modo:

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Tasa de entrada de } U \\ - \text{Tasa de salida de } U \\ + \text{Tasa de generación de } U \\ - \text{Tasa de consumo de } U \end{array} \right\} = \left\{ \text{Tasa de acumulación de } U \right\}$$

donde U puede representar la masa, energía, cantidad de movimiento, etcétera. La aplicación de las leyes de conservación a un sistema dado lleva a las **ecuaciones de balance**. El estudio de estos modelos está a cargo de la disciplina conocida como **Fenómenos de Transporte**.

Un resultado que suele ser útil es el Teorema General del Transporte:

$$\frac{d}{dt} \int_{\Omega} \psi dV = \int_{\Omega} \left[\frac{\partial \psi}{\partial t} + \nabla \cdot (\psi \mathbf{W}) \right] dV, \quad (1)$$

donde ψ es cualquier propiedad continua, \mathbf{W} es una velocidad arbitraria y Ω es una región de integración arbitraria.

Definición: Una ecuación diferencial parcial y sus condiciones iniciales y de frontera asociadas forman un **problema de valor inicial y de frontera**. Si solo se dan condiciones iniciales o de frontera, se trata, respectivamente, de un **problema de valores iniciales** o un **problema de valores de frontera**.

Ejemplo:

$$\begin{aligned} u_t(x, t) &= k u_{xx}(x, t) + q(x, t), \quad 0 < x < L, t > 0, & (EDP) \\ u(0, t) &= \alpha(t), \quad u(L, t) = \beta(t), t > 0, & (CF) \\ u(x, 0) &= f(x), \quad 0 < x < L, & (CI) \end{aligned}$$

donde q, α, β, f son funciones dadas.

Definición: Una **solución clásica** de una EDP con CF e I es una función u que satisface la EDP, las CI y las CF en cualquier punto de la región donde el problema está definido. Por brevedad se les llama simplemente *soluciones*.