

● CONTENTS ●

- □ 热学的研究对象和研究方法
- □ 平衡态 理想气体状态方程
- □ 功 热量 內能 热力学第一定律
- □ 准静态过程中功和热量的计算
- □ 理想气体的内能和 Cv Cp
- 熱力学第一定律对理想气体在典型准静态过程中的 应用

■ 绝热过程

- 循环过程
- □ 热力学第二定律
- □ 可逆过程与不可逆过程
- □ 卡诺循环 卡诺定理

§ 8.7 绝热过程

在绝热过程中,理想气体与外界无热量传递。

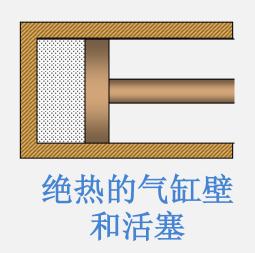
- 1. 特征 dQ = 0
- 2. 过程方程

由热力学第一定律
$$dQ = dE + dA$$

得
$$dE+dA=0$$

内能增量 $dE = \nu C_V dT$

气体做功 dA = pdV



$$\therefore \nu C_{V} dT + p dV = 0 \qquad (1)$$

由 $pV = \nu RT$ 两边取微分,得

$$p dV + V dp = \nu R dT$$
 (2)

由(1),(2)两式,得

$$C_V p dV + C_V V dp = -Rp dV$$

$$(C_{V} + R)pdV = -C_{V}Vdp$$

$$R = C_{\rm p} - C_{\rm V}$$
; $\gamma = C_{\rm p} / C_{\rm V}$

得到

$$\gamma \frac{\mathrm{d}V}{V} = -\frac{\mathrm{d}p}{p}$$

两边积分,得
$$\gamma \ln V + \ln p = C$$

即
$$pV^{\gamma} = 常数$$

由
$$pV = \nu RT$$
 分别消去 P 和 V ,得

$$TV^{\gamma-1} = 常数$$
$$p^{\gamma-1}T^{-\gamma} = 常数$$

绝热过程方程(泊松公式)

$$pV^{\gamma} = C_1$$
 $V^{\gamma-1}T = C_2$
 $p^{\gamma-1}T^{-\gamma} = C_3$

3. 过程曲线

在P-V图上,每一个绝热过程对应一条曲线,称为绝热线。

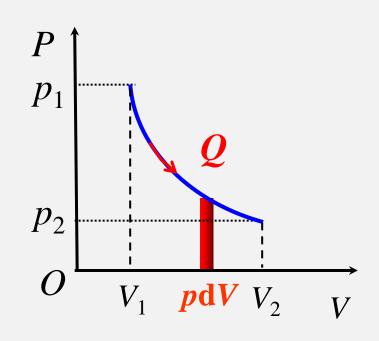
4. 热量
$$dQ = 0$$

5. 内能变化

$$dE = \nu C_V dT$$

- 6. 功
 - (1) 由温度变化计算

$$dA = -dE = -\nu C_{V} dT$$



$$A = \int_{T_1}^{T_2} -dE = -\nu C_V (T_2 - T_1)$$

$$\therefore A = -\nu C_{V} \Delta T$$

(2) 用功的定义计算

$$\therefore pV^{\gamma} = C_1$$

$$A = \int_{V_1}^{V_2} p dV = \int_{V_1}^{V_2} \frac{C_1}{V^{\gamma}} dV = \frac{C_1}{1 - \gamma} (V_2^{1 - \gamma} - V_1^{1 - \gamma})$$

$$\therefore A = \frac{p_1 V_1 - p_2 V_2}{\gamma - 1}$$

从两个角度计算,效果相同

$$A = \frac{1}{1 - C_{p} / C_{v}} v R(T_{2} - T_{1}) = \frac{C_{v}}{C_{v} - C_{p}} v R \Delta T = -v C_{v} \Delta T$$

$$\therefore A = \frac{p_1 V_1 - p_2 V_2}{\gamma - 1} = -\nu C_V (T_2 - T_1)$$

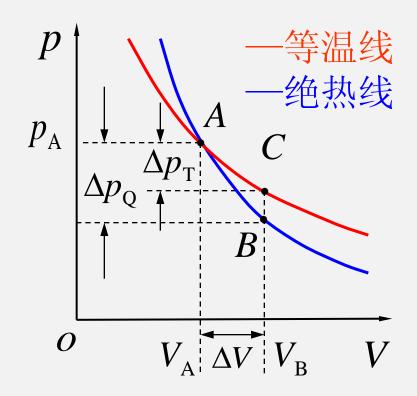
绝热线和等温线的区别

绝热过程曲线在A点的斜率

$$pV^{\gamma} = C$$

$$\gamma p V^{\gamma - 1} dV + V^{\gamma} dp = 0$$

$$\left(\frac{\mathrm{d}p}{\mathrm{d}V}\right)_{\mathrm{Q}} = -\gamma \frac{p_{A}}{V_{A}}$$

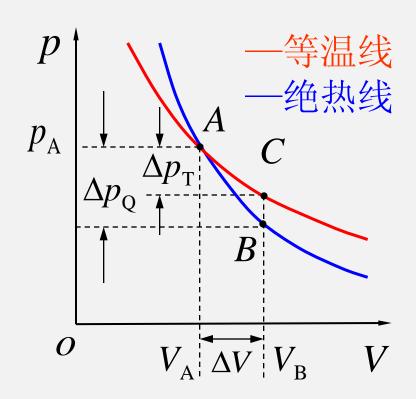


等温过程曲线在A点的斜率

$$pV = C$$

$$pdV+Vdp=0$$

$$\left(\frac{\mathrm{d}p}{\mathrm{d}V}\right)_{\mathrm{T}} = -\frac{p_{\mathrm{A}}}{V_{\mathrm{A}}}$$



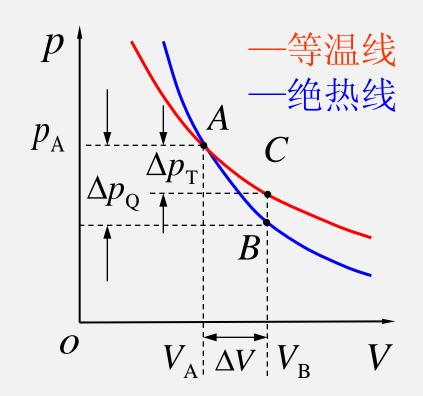
γ>1, 故绝热线的斜率大于等温线的斜率。

绝热线比等温线陡。

$$\left| \left(\frac{\mathrm{d}p}{\mathrm{d}V} \right)_{\mathrm{Q}} \right| > \left| \left(\frac{\mathrm{d}p}{\mathrm{d}V} \right)_{\mathrm{T}} \right|$$

气体从交点A 的状态膨胀同样的体积 ΔV 时,

$$\left|\Delta p_{\mathrm{Q}}\right| > \left|\Delta p_{\mathrm{T}}\right|$$



等温过程 压强的降低是由于体积膨胀而引起。 绝热过程 压强的降低是由于体积的膨胀和气体温度的降低共同引起的。

例1 狄塞尔内燃机汽缸中的空气在压缩前温度为320K,压强为 1.013×10^5 Pa。假定空气突然被压缩到原来体积的 1/16.9,试求压缩终了时气缸内空气的温度和压强。(设空气的 $\gamma=1.4$)

解 把空气看成理想气体,已知初状态的温度 T_1 =320K,压强 p_1 =1.013×10⁵Pa。由于压缩很快,可看成绝热过程,则由式 $TV^{\gamma-1} = C$ 可得到终了状态的温度为

$$T_2 = T_1 \left(\frac{V_1}{V_2}\right)^{\gamma - 1} = 320 \times (16.9)^{1.4 - 1} = 992 \text{ K}$$

终了时的压强为

$$P_{2} = P_{1} \left(\frac{V_{1}}{V_{2}}\right)^{\gamma}$$

$$= 1.013 \times 10^{5} \times (16.9)^{1.4}$$

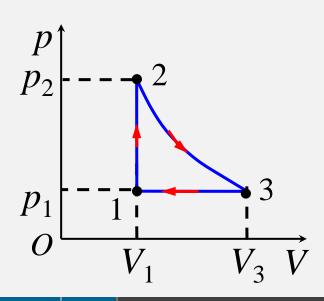
$$= 45.1 \times 10^{5} \text{ pa}$$

例2 一热机用 5.8×10^{-3} Kg的空气作为工质,从初态 $1 (p_1=1.013 \times 10^5$ pa, $T_1=300$ K)等体加热到状态 $2 (T_2=900$ K),再经绝热膨胀到状态 $3 (p_3=p_1)$,最后经等压过程又回到1,如图。假定空气可视为理想气体,且 $\gamma=1.4$,

 C_{V} =20.8J/(mol·K), C_{p} =29.09J/(mol·K),摩尔质

量 $M=29\times10^{-3}$ Kg·mol。

试求各过程中气体所做的功及从外界吸收的热量。



解设1、2、3三个状态的参量分别为

$$(p_1, V_1, T_1)$$
, (p_2, V_2, T_2) , (p_3, V_3, T_3)

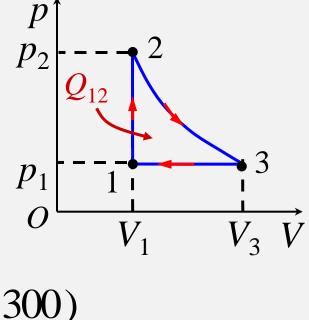
1→2 等体过程

$$A_{12} = 0$$

$$Q_{12} = \frac{m}{M} C_{V} (T_2 - T_1)$$

$$=\frac{5.8\times10^{-3}}{29\times10^{-3}}\times20.8\times(900-300)$$

$$= 2493 J$$



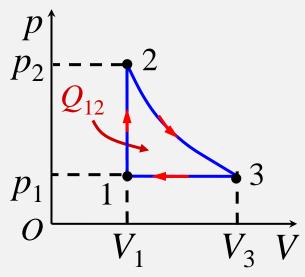
2→3 绝热过程

$$Q_{23} = 0$$

$$A_{23} = \frac{p_2 V_2 - p_3 V_3}{\gamma - 1}$$

$$p_2 = 3p_1$$
 $V_2 = V_1$ $p_3 = p_1$

$$p_3 = p_1$$



$$\therefore p_1 V_1 = \frac{m}{M} RT_1$$

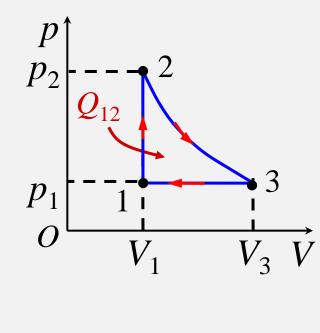
$$\therefore V_1 = V_2 = \frac{m}{M} \frac{RT_1}{p_1} = \frac{5.8 \times 10^{-3}}{29 \times 10^{-3}} \frac{8.31 \times 300}{1.013 \times 10^5}$$
$$= 4.92 \times 10^{-3} \text{ m}^3$$

绝热方程:

$$p_2 V_2^{\gamma} = p_3 V_3^{\gamma}$$

$$\Rightarrow V_3 = 10.78 \times 10^{-3} m^3$$

$$A_{23} = \frac{p_2 V_2 - p_3 V_3}{\gamma - 1}$$



$$= \frac{3.04 \times 10^{5} \times 4.92 \times 10^{-3} - 1.013 \times 10^{5} \times 10.78 \times 10^{-3}}{1.4 - 1}$$

$$=1008 J$$

3→1 等压过程

$$A_{31} = \mathbf{p}_1(\mathbf{V}_1 - \mathbf{V}_3) = 1.013 \times 10^5 (4.92 \times 10^{-3} - 10.78 \times 10^{-3})$$

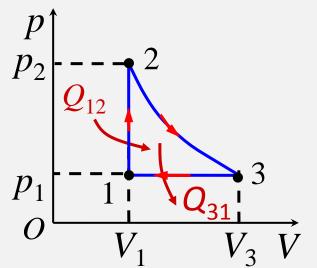
$$=-594J$$

$$T_3 = T_1 \frac{V_3}{V_1} = 657.31K$$

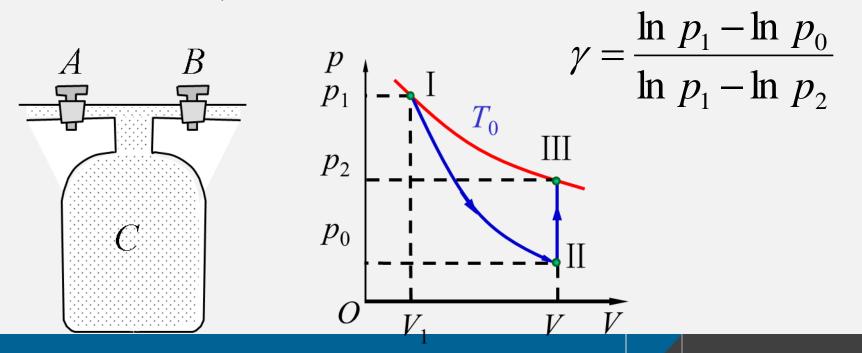
$$Q_{31} = \frac{m}{M} C_{\rm p} (T_1 - T_3)$$

$$= \frac{5.8 \times 10^{-3}}{29 \times 10^{-3}} \times 29.09 \times (300 - 657.31)$$

$$= -2079 J$$



例3 测定空气比热容比 $\gamma=C_p/C_v$ 的实验装置如图所示。 先关闭活塞B,将空气由活塞A压入大瓶C中,并使瓶中 气体的初温与室温相同,初压 p_1 略高于大气压 p_0 ;关闭 活塞A,然后打开活塞B,使气体迅速膨胀且压强降为 p_0 ,温度降为T,关闭B后,瓶内气体温度又上升为 T_0 , 压强上升为 p_2 。打开B后的状态变化过程如图所示。 试证明空气的 γ 可以从下是算出:

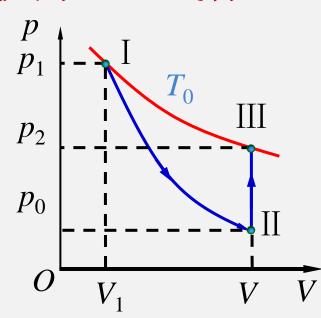


解 开始时瓶中气体的压强 p_1 略高于大气压 p_0 ,故打开活塞B到迅速关闭这一短时间内,已有一部分气体冲出瓶外。

选留在瓶内的气体为研究对象,视为理想气体。

B打开前: 所研究气体的体积为 V_1 , 只是容器体积V的一部分,所处状态 I 为 (p_1,V_1,T_0)

B打开后: 所研究气体的体积由 V_1 膨胀到 V_2 处于状态 $\Pi(p_0,V,T)$ 。然后关闭B 。该过程为绝热过程。



 $II \rightarrow III$ 等体吸热过程: 状态 $III(p_2, V, T_0)$

$$p_1^{\gamma-1}T_0^{-\gamma}=p_0^{\gamma-1}T^{-\gamma}$$

Ⅱ→Ⅲ 等体过程:

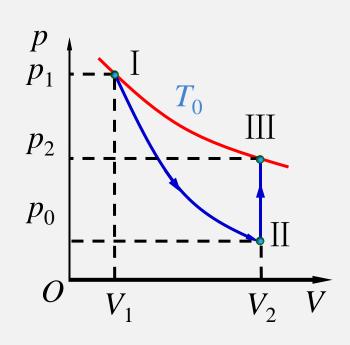
$$p_0 T^{-1} = p_2 T_0^{-1}$$

由上两式得
$$\left(\frac{p_1}{p_0}\right)^{\gamma-1} = \left(\frac{p_2}{p_0}\right)^{\gamma}$$

两边取对数,得

$$(\gamma - 1) \ln \frac{p_1}{p_0} = \gamma \ln \frac{p_2}{p_0}$$

$$\therefore \quad \gamma = \frac{\ln p_1 - \ln p_0}{\ln p_1 - \ln p_2}$$



● CONTENTS ●

- □ 热学的研究对象和研究方法
- □ 平衡态 理想气体状态方程
- □ 功 热量 內能 热力学第一定律
- □ 准静态过程中功和热量的计算
- □ 理想气体的内能和 Cv Cp
- 熱力学第一定律对理想气体在典型准静态过程中的 应用
- □ 绝热过程

■ 循环过程

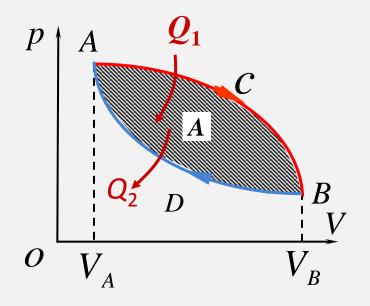
- □ 热力学第二定律
- 可逆过程与不可逆过程
- □ 卡诺循环 卡诺定理

§ 8.8 循环过程

一、循环过程

物质系统的状态经过一系列变化后,又回到原来状态的过程叫热力学循环过程。

- 1.特征 $\Delta E = 0$
- 2.热力学第一定律 Q = A
- 3.净功 $A = Q_1 Q_2$ (面积)
 - Q_1 总吸热
 - Q2总放热(取绝对值)



正循环 沿顺时针方向进行的循环。 逆循环 沿逆时针方向进行的循环。

★热机和制冷机

- (1) 热机(如:蒸汽机、内燃机)(正循环) 工质从高温热源吸收热量,一部分用于对 外做功,一部分向低温热源释放热量。
- (2) 制冷机(如:冰箱、制冷式空调)(逆循环) 外界对工质作功,工质从低温热源吸热, 向高温热源放热。

二、循环效率

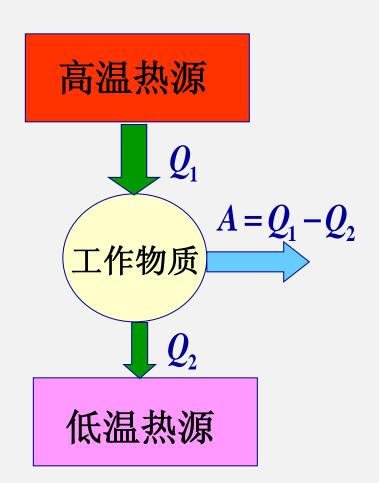
1. 热机效率

工质循环一次从高温热源吸热 Q_1 ,对外作净功 A_1 ,又向低温热源放出热量 Q_2 。

$$Q_1 = Q_2 + A$$

热机效率

$$\eta = \frac{A}{Q_1} = \frac{Q_1 - Q_2}{Q_1} = 1 - \frac{Q_2}{Q_1}$$



2. 制冷系数

外界对工质作功A,工质从低温热源吸热 Q_2 ,向高温热源放热 Q_1 。

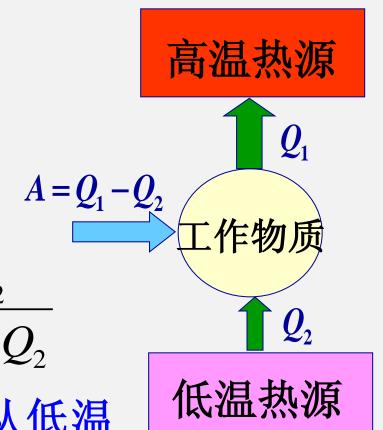
$$Q_1 = Q_2 + A$$

制冷系数
$$w = \frac{Q_2}{A} = \frac{Q_2}{Q_1 - Q_2}$$

意义:每做一份功,可从低温 热源提取多少份热

Q,一追求的效果

A-付出的"成本"



例1 $3.2 \times 10^{-2} \text{ kg}$ 氧气作ABCD循环过程。 $A \rightarrow B$ 和 $C \rightarrow D$ 都为等温过程,设 $T_1 = 300 \text{ K}$, $T_2 = 200 \text{ K}$, $V_2 = 2V_1$ 。求循环效率。(已知氧气 $\mathbf{C_v} = \mathbf{5R/2}$)

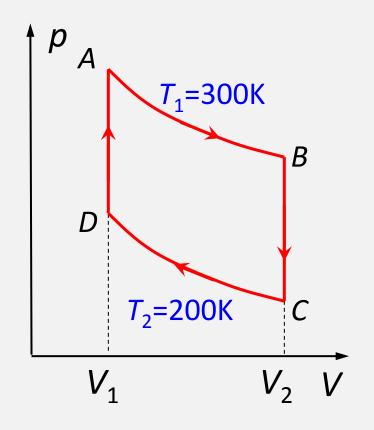
解

A→B吸热

$$Q_{AB} = A_{AB} = \frac{m}{M} RT_1 \ln \frac{V_2}{V_1}$$

B→C放热

$$Q_{\rm BC} = \Delta E_{\rm BC} = \frac{m}{M} \frac{5}{2} R(T_2 - T_1)$$



C→D放热

$$Q_{\text{CD}} = A_{\text{CD}} = \frac{m}{M} RT_2 \ln \frac{V_1}{V_2}$$

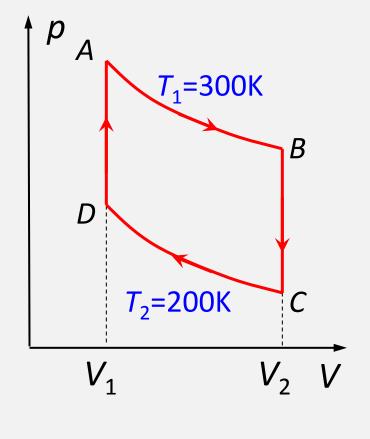
D→A吸热

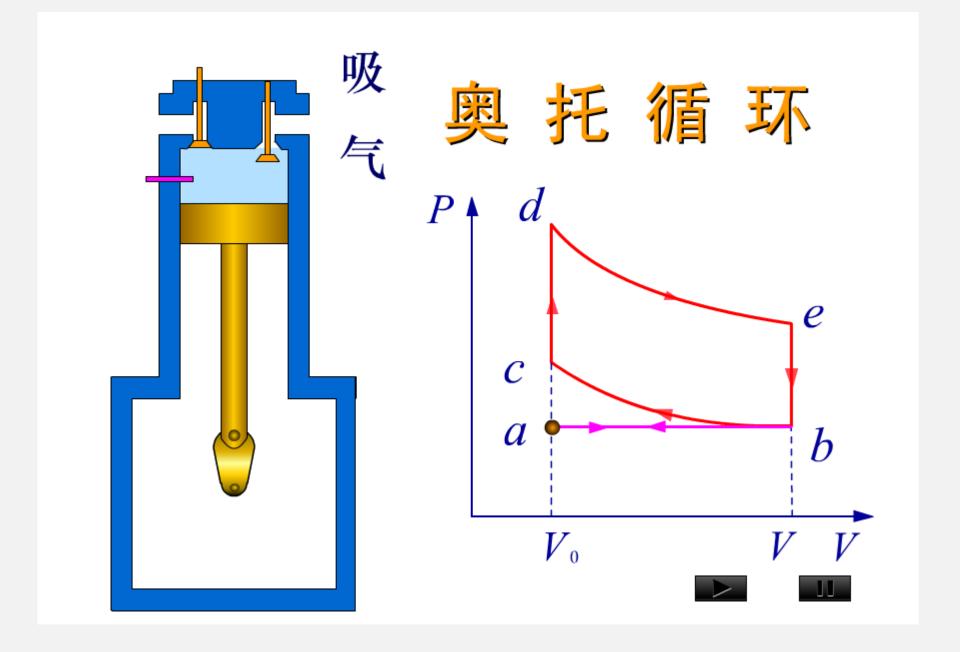
$$Q_{DA} = \Delta E_{DA} = \frac{m}{M} \frac{5}{2} R(T_1 - T_2)$$

$$\eta = \frac{A}{Q_1} = \frac{A_{AB} + A_{CD}}{Q_{AB} + Q_{DA}}$$

$$= \frac{T_1 \ln \frac{V_2}{V_1} + T_2 \ln \frac{V_1}{V_2}}{T_1 \ln \frac{V_2}{V_1} + \frac{5}{2} (T_1 - T_2)}$$

$$= 15\%$$





例2 计算奥托机的循环效率。 $c \rightarrow d, e \rightarrow b$ 为 等体过程; $b \rightarrow c$, $d \rightarrow e$ 为绝热过程。

解

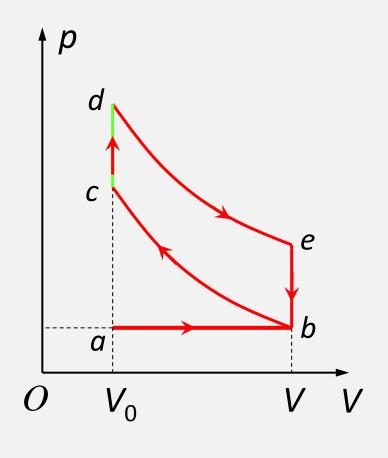
c→d吸热

$$Q_{\rm l} = \frac{m}{M} C_{\rm V} (T_{\rm d} - T_{\rm c})$$

e→b放热

$$Q_2 = \frac{m}{M} C_{\rm V} (T_{\rm e} - T_{\rm b})$$

$$\eta = 1 - \frac{Q_2}{Q_1} = 1 - \frac{T_e - T_b}{T_d - T_c}$$



$$T_{\mathrm{e}}V^{\gamma-1} = T_{\mathrm{d}}V_{\mathbf{0}}^{\gamma-1}$$

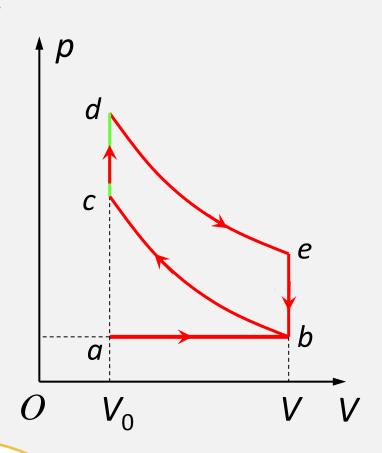
$$T_{\rm b}V^{\gamma-1} = T_{\rm c}V_{\mathbf{0}}^{\gamma-1}$$

$$(T_{\rm e} - T_{\rm b})V^{\gamma - 1} = (T_{\rm d} - T_{\rm c})V_{\rm 0}^{\gamma - 1}$$

$$\frac{T_{\rm e} - T_{\rm b}}{T_{\rm d} - T_{\rm c}} = \left(\frac{V_{\rm o}}{V}\right)^{\gamma - 1}$$

$$\eta = 1 - \frac{1}{\left(V/V_0\right)^{\gamma - 1}}$$

$$=1-\frac{1}{\delta^{\gamma-1}}$$



绝热压缩比

● CONTENTS ●

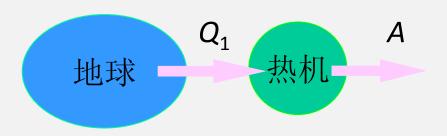
- □ 热学的研究对象和研究方法
- □ 平衡态 理想气体状态方程
- □ 功 热量 内能 热力学第一定律
- □ 推静态过程中功和热量的计算
- □ 理想气体的内能和 Cv Cp
- 熱力学第一定律对理想气体在典型准静态过程中的应用
- 绝热过程
- □ 循环过程

■ 热力学第二定律

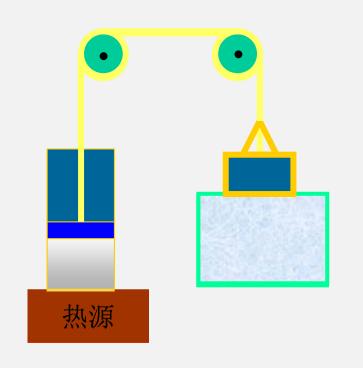
- □ 可逆过程与不可逆过程
- □ 卡诺循环 卡诺定理

§ 8.9 热力学第二定律

由热力学第一定律可知,热机效率不可能大于 100%。那么热机效率能否等于100%($Q_2 = 0$)呢?



若热机效率能达到100%,则仅地球上的海水冷却1℃,所获得的功就相当于10¹⁴t 煤燃烧后放出的热量。



单热源热机(第二类永动机)是不可能的。

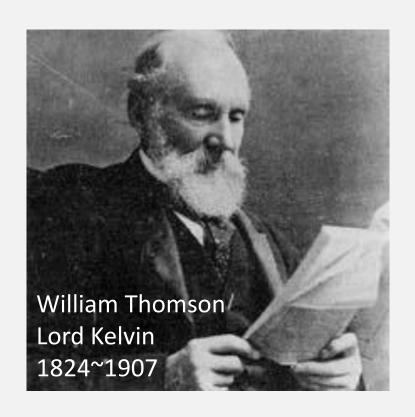
热力学第二定律是一条经验定律,有许多表述方法。最早提出并作为标准表述的是1850年的克劳修斯表述和1851年的开尔文表述。

1. 热力学第二定律的开尔文表述

不可能从单一热源吸收 能量,使之完全变为有用功 而不产生其他影响。

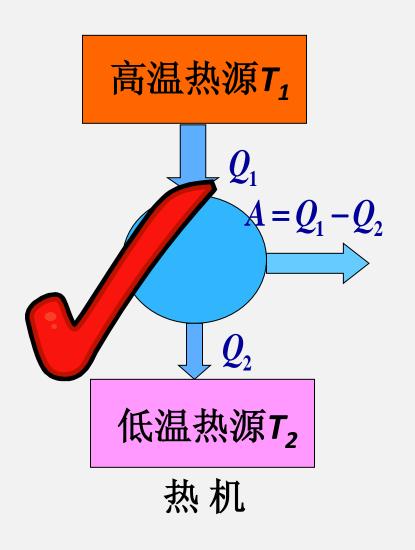
- (1) 热力学第二定律开尔文表 述的另一叙述形式:第二类 永动机不可能制成
- (2) 热力学第二定律的开尔文 表述实际上表明了

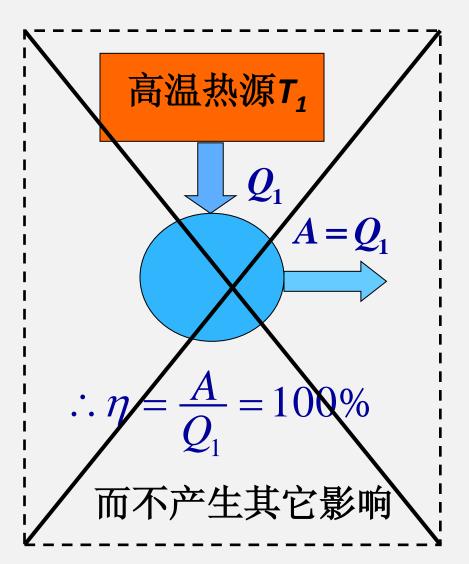
$$\eta = \frac{A}{Q_1} = 1 - \frac{Q_2}{Q_1} < 1$$



开尔文表述的示意图

是否满足能量守恒?





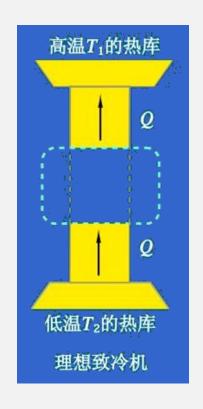
2.热力学第二定律的克劳修斯表述

不可能把热量从低温物体传到高温物体而不引起外界的变化。



- (1)热力学第二定律克劳修斯表述的另一叙述形式:理想制冷机不可能制成
- (2)热力学第二定律的克劳修斯表述实际上表明了

$$w = \frac{Q_2}{A} \to \infty$$



- 注意 (1)热力学第二定律是大量实验和经验的总结,是不可违背的自然规律。
- (2)说明两种本质不同的能量形式之间的转换具有方向性或不可逆性。
 - (3)第二与第一定律彼此独立又互相补充:

第一定律说明在任何物理过程中能量必须 守恒。第二定律则说明,满足能量守恒的过程 不一定能实现。

第二定律指出了自然界所发生的自发物理过程是有一定方向的。

二、热力学第二定律的实质

一切与热现象有关的实际宏观过程都是不可逆的。

例 "理想气体和单一热源接触作等温膨胀时, 吸收的热量全部用来对外做功。"

- (A) 不违反第一定律,但违反第二定律。
- (B) 不违反第二定律,但违反第一定律。
- (C) 不违反第一定律,也不违反第二定律。
- (D) 违反第一定律,也违反第二定律。

答 (C)

● CONTENTS ●

- □ 热学的研究对象和研究方法
- □ 平衡态 理想气体状态方程
- □ 功 热量 内能 热力学第一定律
- □ 推静态过程中功和热量的计算
- □ 理想气体的内能和 Cv Cp
- 熱力学第一定律对理想气体在典型准静态过程中的 应用
- 绝热过程
- 循环过程
- □ 热力学第二定律
- 可逆过程与不可逆过程
- □ 卡诺循环 卡诺定理

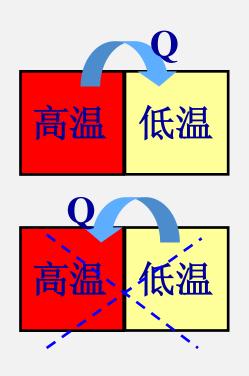
§ 8-10 可逆过程与不可逆过程

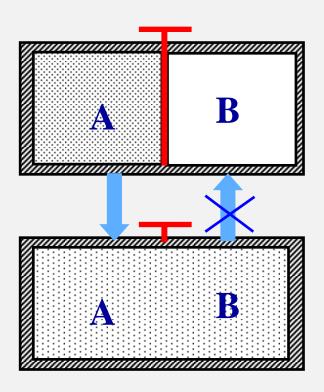
- ▶ 可逆过程: 若系统经历了一个过程, 而过程的每一步都可沿相反的方向进行, 同时不引起外界的任何变化, 那么这个过程就称为可逆过程。
- 不可逆过程:如对于某一过程,用任何方法都不能使系统和外界恢复到原来状态,该过程就是不可逆过程
- ▶ 自发过程: 自然界中不受外界影响而能够自 动发生的过程。



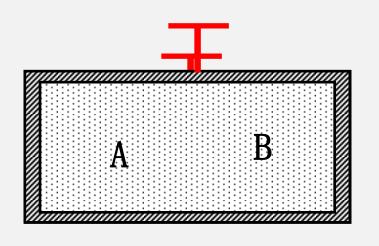
说明:

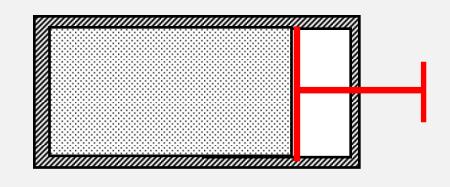
a. 自然界一切与热现象有关的实际宏观过程都是不可逆的。





b. 不可逆过程,并不是不能在反方向进行的过程, 而是当逆过程完成后,对外界的影响不能消除。





气体对真空的自由膨胀 ——不可逆过程

对外界的影响不能消除!

可以通过活塞将气体等温压缩,回到A室内。

但必须对气体做功,功 转化为气体向外界放出 的热量。

- c. 热力学第2定律的开尔文表述,可以证明: "通过摩擦完成的功变热过程是不可逆的"。
- d. 热力学第2定律的克劳修斯表述,实际上就是: "热传导的过程是不可逆的"。
- e. 不平衡和耗散等因素的存在,是导致过程不可逆的原因。

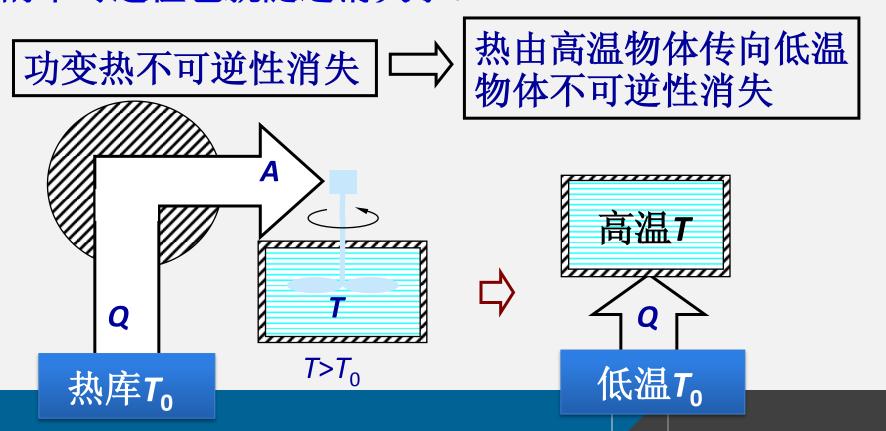
(无摩擦时) 过程可逆 (有摩擦时) 不可逆



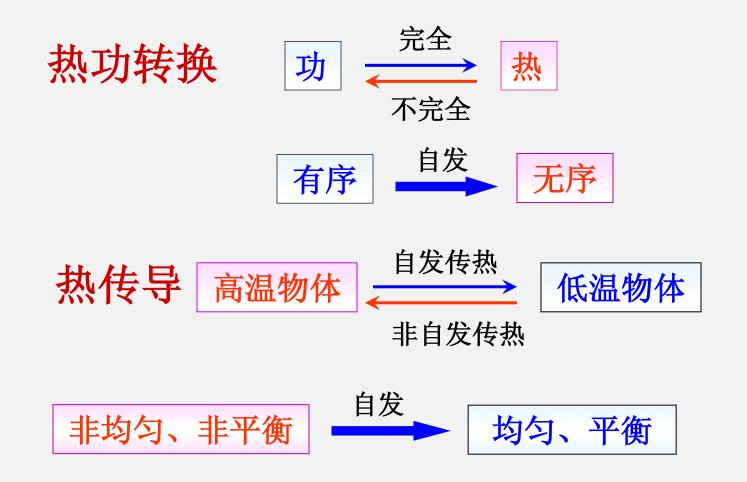
(有气体) 不可逆

f. 各种不可逆性相互依存

自然的宏观过程的不可逆性相互依存。一种实际过程的不可逆性导致了另一种过程的不可逆性。反之,如果一种实际过程的不可逆性消失了,则其它实际过程的不可逆性也就随之消失了。



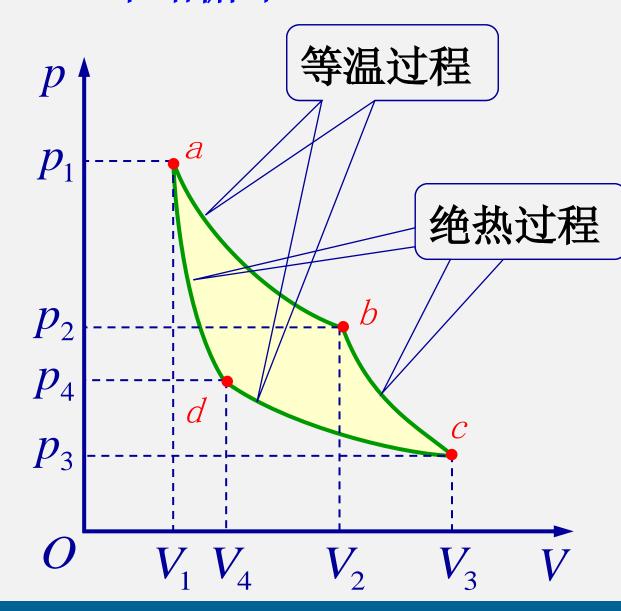
自然界一切与热现象有关的实际宏观过程都是不可逆的,例如



● CONTENTS ●

- □ 热学的研究对象和研究方法
- □ 平衡态 理想气体状态方程
- □ 功 热量 内能 热力学第一定律
- □ 推静态过程中功和热量的计算
- □ 理想气体的内能和 Cv Cp
- 熱力学第一定律对理想气体在典型准静态过程中的 应用
- 绝热过程
- 循环过程
- □ 热力学第二定律
- □ 可逆过程与不可逆过程
- 卡诺循环 卡诺定理

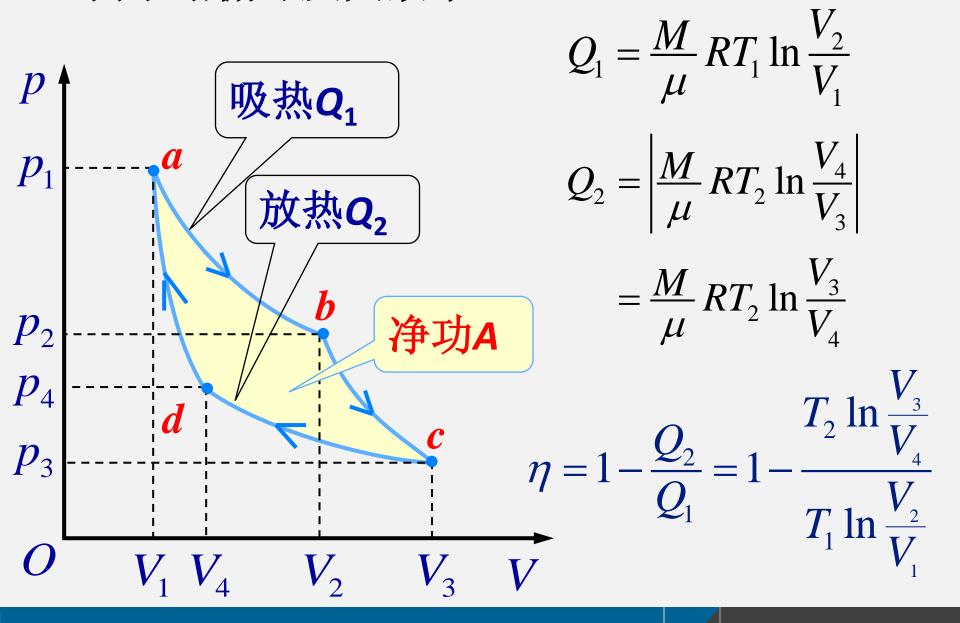
一、卡诺循环





卡由等两热的 将可程道可程 可程 的循环。

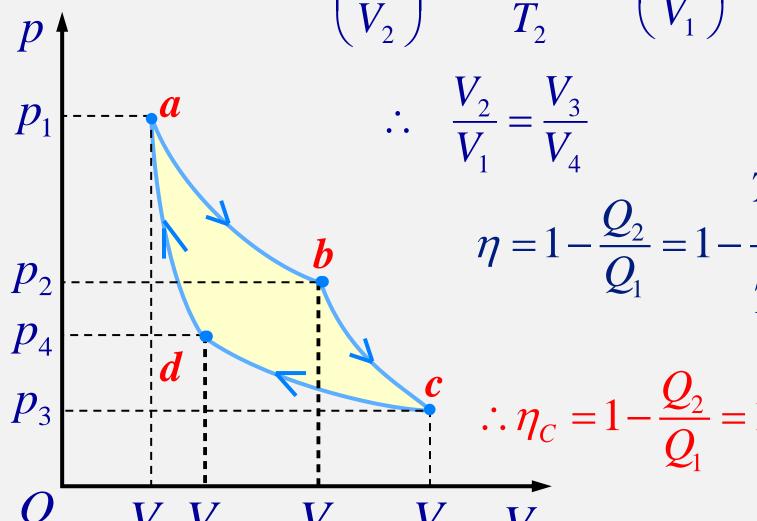
正向卡诺循环及其效率



应用绝热方程:

$$\left(\frac{V_3}{V_2}\right)^{\gamma-1} = \frac{T_1}{T_2}$$

$$\left(\frac{V_4}{V_1}\right)^{\gamma-1} = \frac{T_1}{T_2}$$

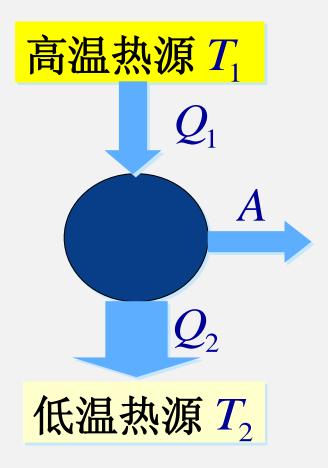


卡诺热机效率:

$$\eta = 1 - \frac{T_2}{T_1}$$

讨论:

- a.卡诺循环必须有高温和低温两个热源。
- b. 卡诺循环的效率只与两个热源的温度有关。 T_2 愈低或 T_1 愈高,卡诺循环的效率愈大。工程上一般采取提高高温热源温度的方法。



c.卡诺循环的效率总是小于1的。

逆向卡诺循环的致冷系数

$$w = \frac{Q_2}{A} = \frac{Q_2}{Q_1 - Q_2}$$

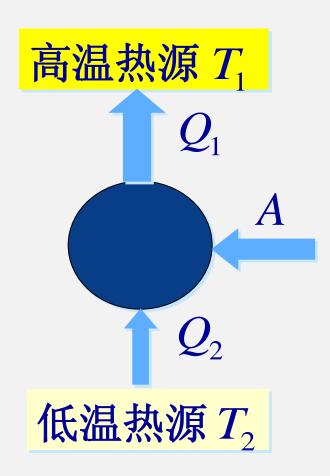
A 外界对工质所做的净功

 Q_1 工作物质向外界放出的热量

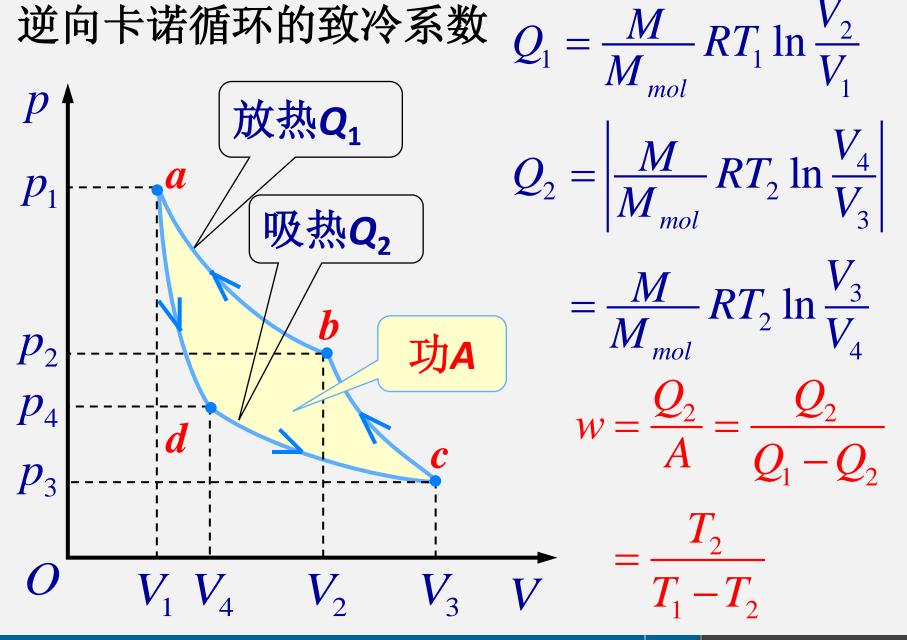
 Q_2 工作物质从冷库吸取的热量

卡诺致冷系数:

$$w = \frac{T_2}{T_1 - T_2}$$



逆向卡诺循环的致冷系数



例题 有一卡诺制冷机,从温度为-10℃的冷藏室吸取热量,而向温度为20℃的物体放出热量。设该制冷机所耗功率为15kW,问每分钟从冷藏室吸取热量为多少?

解:
$$T_1$$
=293K, T_2 =263K, 则 $w = \frac{T_2}{T_1 - T_2} = \frac{263}{30}$

每分钟作功为 $A = 15 \times 10^3 \times 60 \text{J} = 9 \times 10^5 \text{J}$

所以每分钟作功从冷藏室中吸取的热量为

$$Q_2 = \frac{263}{30} \times 9 \times 10^5 \text{J} = 7.89 \times 10^6 \text{J}$$

此时,每分钟向温度为20°C的物体放出的热量为

$$Q_1 = Q_2 + A = 8.79 \times 10^6 \,\mathrm{J}$$

THANKS FOR YOUR ATTENTION