北邮校赛网预赛部分题解 (六题)

本题解非官方题解,仅供参考。 本题解由周行算法爱好者协会编写发布。 本题解中出现的算法如果没有学过,请自行百度学习。 后续可能会补充剩下两题的题解。 欢迎加入周行算法爱好者协会,QQ群721216710。 同时欢迎关注周行算协B站账号和微信公众号



A 连杀

状压dp

我们可以写出一个dp状态:

$$dp_S = \min_{T\subseteq S, f_{Sackslash T}} \{dp_T + 1\}$$

其中 f_S 代表集合S是否可以一次打完

那么只需要枚举**坐标不同**的两点,确定一条直线,并check有哪些点会被打中即可

check的过程需要用叉积,不然可能会出现一些奇奇怪怪的问题

然后正常枚举子集dp, $O(3^n)$

也可以枚举状态之后,再枚举直线打,这样直接做是 $O(n^22^n)$

但是发现第一个没打过的点是必须打的,那么只需要枚举另一个即可,复杂度 $O(n2^n)$

B 游戏

模拟

直接按照题意所说来处理,推荐使用面向对象和函数式编程的思想来处理,可以更加有条理,不容易出错

具体来说就是要写一个结构体来储存每个单位,要写函数来处理攻击,技能等动作。

下面说一下需要注意的地方:

多组数据清空

标记不会共享

每个单位行动之后都要检查游戏是否结束

C Not-And

线段树

题目中的新运算看似非常难以处理,不符合结合律,但是只要我们按二进制位拆分处理,就可以使其符合结合律。

具体来说,线段树的每个节点储存 $f_{x,i,0/1}$,代表点x在第i位是0/1的情况下,经过这个节点所维护的区间内的运算之后,会变成 $f_{i,0/1}$

那么这个东西就可以像复合函数那样子去合并了,具体来说,假设我们需要合并 $f_{a,i,0/1}$ 和 $f_{b,i,0/1}$ 为 $f_{c,i,0/1}$

那么就非常容易了: f(c,i,0/1)=f(b,i,f(a,i,0/1)) (这里为了便于观看,使用了括号来替代角标) 因为这东西就是个复合函数,所以当然具有结合律了,线段树维护就没问题了。

(其实还可以通过预处理一些东西进一步优化,不过此题没有必要)

复杂度: O(32nlogn)

D 删点

首先图里会有多个连通块,会发现各个连通块形成乘法原理的关系,互不干扰,那么我们先考虑一个连 通块

可以发现如果我们至少保留了一个点没有删去,那么一定可以形成一个合法的删去方法。

(具体来说,我们只要从最外围开始删点,一定不会断)

那么就只有全删是不合法的,假设一个连通块的点数为m,那么方案数为 2^m-1

根据乘法原理,总方案数为: $\prod (2^m - 1)$

复杂度: O(n)

E 挤牙膏

模拟

按照题意模拟即可,除法本来就是下取整的,无需多做注意。

G Subarray Sum

数学

直接计算比较困难,我们考虑对于每个 a_i 讨论贡献

$$\begin{split} ans &= \sum_{i=1}^{n} 2^{n-i} a_i \sum_{j=1}^{i} j \binom{i-1}{j-1} \\ &= \sum_{i=1}^{n} 2^{n-i} a_i \left(\sum_{j=1}^{i} (j-1) \binom{i-1}{j-1} + \sum_{j=1}^{i} \binom{i-1}{j-1} \right) \\ &= \sum_{i=1}^{n} 2^{n-i} a_i \left((i-1) 2^{i-2} + 2^{i-1} \right) \end{split}$$

这样就可以O(n)计算贡献了

其实从第一行开始用多项式也能做