北京交通大学软件学院 M210004B - 算法设计与分析(2024年春) 书面作业7

这是本课程的第六次书面作业,占总成绩的2%,对于下面的证明题你需要写出详细的证明过程(即不可以出现诸如"显然"、"易得"等论证方式),对于所有的计算题需写明计算步骤,只列出答案的不得分。在提交作业时,你只能够提交PDF版本,推荐使用IPTEX对作业进行排版(课程主页上有一些教程供参考,你也可以自己查看其它的相关教程),你也可以使用MS-Word或者WPS排版,但请不要提交排版的源文件(tex文件或者doc/docx文件)。 未按要求提交PDF格式的作业将不被评阅,直接记为0分! 此外,你被允许与其他同学讨论课程的作业内容,但是一旦当你开始书写作业时,所有你将提交的作业内容都必须由自己独立完成。请参见《教学大纲实施细则》了解有关学业诚信的特别规定。如果你不清楚你的行为是否违反了有关学业诚信的特别规定,请先通过邮件、讨论区的方式与课程组取得联系。本次作业的截止时间为2024年6月11日00:00:00,也就是说你需要在2024年6月10日23:59:59前将作业提交至KL教学平台。

- 1. (10分) **找零问题(1)**: 假设某国家的货币体系中,有1元、4元、6元、7元这四种货币类型。 你作为一家商铺的老板需要给你的顾客找零钱,假设你需要找x元零钱给你的顾客,同时还 假设每一种货币类型均有无穷多张。请你设计一个算法来求解货币找零方案,使得所使用的 货币总张数最少。该问题能否使用贪婪策略求解?如果可以,请设计一个贪婪策略的算法并 证明算法的正确性,如果不可以,请设计一个动态规划策略的算法,并证明算法的正确性。
- 2. (10分) **找零问题(2)**: 假设某国家的货币体系中,有1元、5元、10元、20元这四种货币类型。 你作为一家商铺的老板需要给你的顾客找零钱,假设你需要找x元零钱给你的顾客,同时还 假设每一种货币类型均有无穷多张。请你设计一个算法来求解货币找零方案,使得所使用的 货币总张数最少。该问题能否使用贪婪策略求解?如果可以,请设计一个贪婪策略的算法并 证明算法的正确性,如果不可以,请设计一个动态规划策略的算法,并证明算法的正确性。