1. Постановка задачи	3
2. Конфигурация перекрестка	4
3. Архитектура модели Promela	5
3.1. Структура модели	5
3.2. Схема работы	6
4. LTL	8
4.1. Безопасность	8
4.2. Живость	16
4.3. Справедливость	20
5. Заключение	24

1. Постановка задачи

Необходимо разработать корректные алгоритмы захвата/освобождения ресурсов для контроллера светофора, контролирующим трафик на перекрестке. Каждая дорога обладает датчиком, который загорается зеленым, когда на ней находится машина. Аналогичный датчик находится на пешеходном переходе.

Ресурсы – это точки пересечения дорог/пешеходного перехода.

Для успешного выполнения домашнего задания необходимо:

- 1. Построить соответствующую модель Promela
- 2. Проверить модель на свойства безопасности (англ. safety), живости (liveness) и справедливости (fairness)

2. Конфигурация перекрестка

Согласно распределению, необходимо реализовать конфигурацию перекрестка, представленного на рис. 1.

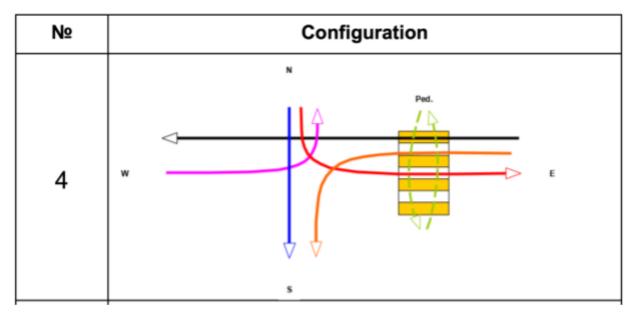


Рисунок 1. Схема перекрестка

Для упрощения взаимодействия с моделью были введены обозначения представленные на рис. 2.

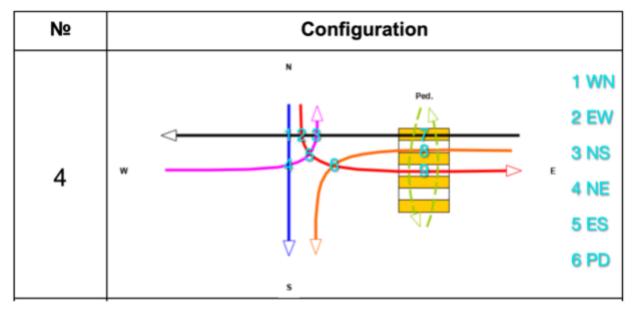


Рисунок 2. Обозначения элементов на перекрестке

Все маршруты были пронумерованы и названы:

- 1. WN розовая дорога
- 2. EW черная дорога

- 3. NS синяя дорога
- 4. NE красная дорога
- 5. ES оранжевая дорога
- 6. PD пешеходный переход

Аналогичным образом были пронумерованы точки пересечения дорог:

- 1. Пересечение EW x NS
- 2. Пересечение EW x NE
- 3. Пересечение EW x WN
- 4. Пересечение WN x NS
- 5. Пересечение WN x NE
- 6. Пересечение NE x ES
- 7. Пересечение EW x PD
- 8. Пересечение ES x PD
- 9. Пересечение NE x PD

3. Архитектура модели Promela

3.1. Структура модели

Модель состоит из двух сущностей:

- 1. Light процесс светофора/датчика, который запускается для каждой дороги
- 2. Generator процесс создающий постоянный поток машин/пешеходов

Взаимодействие нескольких Light и Generator происходит с помощью каналов, которые создаются в блоке init. Generator создает запросы для каждого Light, имитирующие запросы машин/пешеходов. Создание запросов происходит в бесконечном цикле с недетерминированным выбором, что гарантирует независимость поступающих запросов.

Для упрощения работы с моделью дорога и пешеходный переход являются одной сущностью, также как и машина/пешеход, которые могут появится на соответствующей дороге.

Каждая из дорог обладает следующими атрибутами:

- 1. id идентификатор дороги
- 2. conflicts массив дорог, с которыми есть пересечение
- 3. nextLight следующий светофор/датчик, которому нужно передать ход
- 4. lightChan канал, по которому сообщается о появлении трафика на дороге

И есть ряд глобальных переменных, которые необходимы для корректного захвата/освобождения ресурсов:

- 1. isLightsRequested byte массив размеров в LIGHTS_NUM=6 элементов, обозначающий есть ли запрос определенной дороги для движения
- 2. priorityByLights short массив размеров в LIGHTS_NUM=6 элементов, обозначающий приоритеты по дорогам. Данный массив нужен для разрешения проблемы определения дороги для захвата ресурса. Используется, чтобы один из маршрутов случайно не получал постоянно ресурс
- 3. isLightGreen bool массив размеров в LIGHTS_NUM=6 элементов, обозначающий состояние светофора/датчике

3.2. Схема работы

Общение нескольких Light и Generator происходит посредством каналов. Generator отправляет запросы на каждую из дорог. Далее для корректной реализации процесса по захвату/освобождения ресурсов используется алгоритм token ring. Каждая из дорог передает "токен" следующей дороге, чтобы у каждой была возможность захватить ресурс.

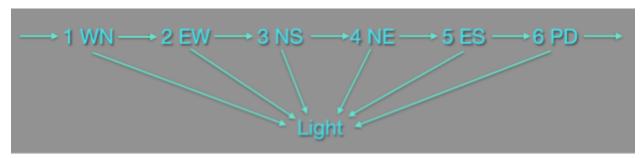


Рисунок 3. Схема работы

Каждая дорога при получении токена "активируется" и пробует захватить ресурс по следующему алгоритму:

Определяется максимальный приоритет с конфликтующими дорогами по priorityByLights (рис. 4):

```
// Определяем текущий максимальный приоритет

curPriority = priorityByLights[id-1];

maxPriority = 0;

idx = 0;

do

:: idx < MAX_INTERSECT_NUM ->

lightIdx = conflicts[id-1].c[idx];

if

:: lightIdx != 0 && priorityByLights[lightIdx-1] > maxPriority ->

maxPriority = priorityByLights[lightIdx-1]

:: else -> skip

fi;
idx++

:: else -> break

od;
```

Рисунок 4. Определение максимального приоритета

1. Если максимальный приоритет нулевой, значит конфликтующие дороги недавно захватили ресурс и освободили его, либо нет конфликтующих дорог. Захватываем ресурс, увеличивая приоритет текущей дороги на MAX_PRIORITY_INCREASE, чтобы остальные конфликтующие дороги не захватили ресурс (рис. 5).

```
if
// Делаем светофор зеленым, если текущий максимальный приоритет = 0
:: maxPriority == 0 ->
    isLightGreen[id-1] = true;
    isLightRequested[id-1] = false;
    priorityByLights[id-1] = MAX_PRIORITY_INCREASE + id
```

Рисунок 5. Захват ресурса

2. Если максимальный приоритет больше приоритета текущей дороги, то не захватываем ресурс, а увеличиваем приоритет у текущей дороги и конфликтующих на DEF PRIORITY INCREASE (рис.6).

Рисунок 6. Увеличение приоритета

3. Иначе захватываем ресурс, увеличивая приоритет текущей дороги на MAX_PRIORITY_INCREASE, чтобы остальные конфликтующие дороги не захватили ресурс (рис. 7).

```
// Если у нас самый высокий приоритет, то захватываем ресурс
    isLightGreen[id-1] = true;
    isLightRequested[id-1] = false;
    priorityByLights[id-1] = MAX_PRIORITY_INCREASE + id
fi;
```

Рисунок 7. Захват ресурса

4. LTL

Модель должна пройти проверку на свойства безопасности (англ. safety), живости (liveness) и справедливости (fairness).

4.1. Безопасность

Не должно быть одновременного передвижения по двум пересекающимся путям. Для проверки данного свойства были написаны LTL для каждой пары пересекающихся дорог проверялось, что датчики не могут быть одновременно зелеными.

Код LTL для проверки безопасности с комментариями представлен на рисунке 8.

```
// Safety
// 1x -- EW(2) x NS(3)
// spin -search -bfs -ltl p1 light.pml
ltl p1 { [](!(isLightGreen[1] && isLightGreen[2])) }

// 2x -- EW(2) x NE(4)
// spin -search -bfs -ltl p2 light.pml
ltl p2 { [](!(isLightGreen[1] && isLightGreen[3])) }

// 3x -- EW(2) x WN(1)
// spin -search -bfs -ltl p3 light.pml
ltl p3 { [](!(isLightGreen[1] && isLightGreen[0])) }

// 4x -- WN(1) x NS(3)
// spin -search -bfs -ltl p4 light.pml
ltl p4 { [](!(isLightGreen[0] && isLightGreen[2])) }

// 5x -- WN(1) x NE(4)
// spin -search -bfs -ltl p5 light.pml
ltl p5 { [](!(isLightGreen[0] && isLightGreen[3])) }

// 6x -- NE(4) x ES(5)
// spin -search -bfs -ltl p6 light.pml
ltl p6 { [](!(isLightGreen[3] && isLightGreen[4])) }

// 7x -- EW(2) x PD(6)
// spin -search -bfs -ltl p7 light.pml
ltl p7 { [](!(isLightGreen[1] && isLightGreen[5])) }

// 8x -- ES(5) x PD(6)
// spin -search -bfs -ltl p8 light.pml
ltl p8 { [](!(isLightGreen[4] && isLightGreen[5])) }

// 9x -- NE(4) x PD(6)
// spin -search -bfs -ltl p9 light.pml
ltl p9 { [](!(isLightGreen[3] && isLightGreen[5])) }

// 9x -- NE(4) x PD(6)
// spin -search -bfs -ltl p9 light.pml
ltl p9 { [](!(isLightGreen[3] && isLightGreen[5])) }
```

Рисунок 8. Проверка безопасности

Запуска LTL p1-p9 можно увидеть на рисунках 9-17 соответственно.

```
• + homework spin -search -bfs -ltl p1 light.pml
    pan: ltl formula p1
Depth= 10 States= 11 Transitions= 11 Memory=
Depth= 20 States= 21 Transitions= 21 Memory=
Depth= 30 States= 31 Transitions= 31 Memory=
Depth= 40 States= 472 Transitions= 1.56e+03 Memory=
Depth= 50 States= 1.06e+03 Transitions= 3.55e+03 Memory=
Depth= 60 States= 1.63e+03 Transitions= 5.61e+03 Memory=
Depth= 70 States= 2.27e+03 Transitions= 7.99e+03 Memory=
                                                                                                                                                                                                   128.195
                                                                                                                                                                                                   128.195
128.195
                                                                                                                                                                                                   128.293
128.391
128.586
                                                                                                                                                                                                   128,684
                                  7130 States= 4.45e+05 Transitions= 1.2e+06 Memory= 7140 States= 4.45e+05 Transitions= 1.2e+06 Memory= 7150 States= 4.46e+05 Transitions= 1.21e+06 Memory= 7160 States= 4.46e+05 Transitions= 1.21e+06 Memory=
                                                                                                                                                                                                 236.887 t=
236.984 t=
237.180 t=
                                                                                                                                                                                                                                              0.63 R=
0.63 R=
0.63 R=
                                                                                                                                                                                                                                                                            7e+05
7e+05
7e+05
      Depth=
      Depth=
      Depth=
      (Spin Version 6.5.2 — 6 December 2019)
+ Breadth-First Search
+ Partial Order Reduction
      Full statespace search for:
                           assertion violations + (p1)
assertion violations + (if within scope of claim)
cycle checks - (disabled by -DSAFETY)
invalid end states - (disabled by never claim)
    State-vector 260 byte, depth reached 7163, errors: 0
446367 states, stored
446367 nominal states (stored-atomic)
758881 states, matched
1205248 transitions (= stored+matched)
0 atomic steps
      hash conflicts:
                                                              21566 (resolved)
     Stats on memory usage (in Megabytes):

122.598 equivalent memory usage for states (stored*(State-vector + overhead))

109.239 actual memory usage for states (compression: 89.18%)

state-vector as stored = 229 byte + 28 byte overhead

128.000 memory used for hash table (-w24)

237.180 total actual memory usage
```

Рисунок 9. Запуск LTL p1 по свойству безопасности

```
    homework spin -search -bfs -ltl p2 light.pml

                                  States=
                                                                    11 Transitions=
                                                                                                                                                   128.195
128.195
128.195
                            20 States=
30 States=
                                                                21 Transitions= 21 Memory=
31 Transitions= 31 Memory=
472 Transitions= 1.56e+03 Memory=
 Depth=
 Depth=
 Depth=
                            40 States=
                                                                                                                                                   128.293
                         40 States= 472 Transitions= 1.56e+03 Memory= 50 States= 1.06e+03 Transitions= 3.55e+03 Memory= 60 States= 1.63e+03 Transitions= 5.61e+03 Memory= 70 States= 2.27e+03 Transitions= 7.99e+03 Memory= 80 States= 2.85e+03 Transitions= 9.89e+03 Memory= 90 States= 3.44e+03 Transitions= 1.21e+04 Memory= 100 States= 4.06e+03 Transitions= 1.43e+04 Memory= 110 States= 4.64e+03 Transitions= 1.63e+04 Memory=
 Depth=
                                                                                                                                                   128.391
128.586
 Depth=
 Depth=
                                                                                                                                                   128.684
                                                                                                                                                   128.879
128.977
129.172
 Depth=
 Depth=
 Depth=
 Depth=
                                                                                                                                                   129.270
                       7140 States= 4.45e+05 Transitions= 1.2e+06 Memory=
7150 States= 4.46e+05 Transitions= 1.2e+06 Memory=
7160 States= 4.46e+05 Transitions= 1.21e+06 Memory=
                                                                                                                                                  236.887 t=
236.984 t=
237.180 t=
                                                                                                                                                                                     0.55 R=
0.57 R=
0.57 R=
 Depth=
 Depth=
  (Spin Version 6.5.2 -- 6 December 2019)
+ Breadth-First Search
+ Partial Order Reduction
 Full statespace search for:
                                                                      + (p2)
+ (if within scope of claim)
- (disabled by -DSAFETY)
- (disabled by never claim)
                   never claim
                   assertion violations
                   cycle checks
invalid end states
 State-vector 260 byte, depth reached 7163, errors: 0
       446367 states, stored
446367 nominal states (stored-atomic)
     758B81 states, matched
120524B transitions (= stored+matched)
0 atomic steps
ash conflicts: 23217 (resolved)
   hash conflicts:
  Stats on memory usage (in Megabytes):
122.598 equivalent memory usag
109.239 actual memory usage fo
                                    equivalent memory usage for states (stored*(State-vector + overhead)) actual memory usage for states (compression: 89.10%) state-vector as stored = 229 byte + 28 byte overhead memory used for hash table (-w24) total actual memory usage
      128.000
      237.180
```

Рисунок 10. Запуск LTL p2 по свойству безопасности

```
→ homework spin -search -bfs -ltl p3 light.pml
 Depth=
                   10 States=
                                            11 Transitions=
Depth=
                  20 States=
                                            21 Transitions=
                                                                              21 Memory=
                                                                                                  128.195
                                                                              31 Memory=
Depth=
                  30 States=
                                            31 Transitions=
                                                                                                  128.195
                  40 States= 472 Transitions= 1.56e+03 Memory=
50 States= 1.06e+03 Transitions= 3.55e+03 Memory=
Depth=
                                                                                                  128.293
Depth=
                                                                                                  128,391
                  60 States= 1.63e+03 Transitions= 5.61e+03 Memory=
Depth=
                                                                                                  128.586
               7140 States= 4.45e+05 Transitions= 1.2e+06 Memory=
7150 States= 4.46e+05 Transitions= 1.2e+06 Memory=
7160 States= 4.46e+05 Transitions= 1.21e+06 Memory=
                                                                                                                        0.51 R=
0.51 R=
0.51 R=
Depth=
                                                                                                 236.887 t=
                                                                                                 236.984 t=
237.180 t=
Depth=
                                                                                                                                        9e+05
Depth=
(Spin Version 6.5.2 — 6 December 2019)
+ Breadth-First Search
+ Partial Order Reduction
Full statespace search for:
                                                + (p3)
            never claim
            assertion violations
cycle checks
                                                + (if within scope of claim)
- (disabled by -DSAFETY)
- (disabled by never claim)
            invalid end states
State-vector 260 byte, depth reached 7163, errors: 0
     446367 states, stored
446367 nominal states (stored-atomic)
   758881 states, matched
120524B transitions (= stored+matched)
           48 transaction
0 atomic steps
19426 (resolved)
hash conflicts:
Stats on memory usage (in Megabytes):
122.598 equivalent memory usage
                         equivalent memory usage for states (stored*(State-vector + overhead))
                        actual memory usage for states (compression: 89.10%) state-vector as stored = 229 byte + 28 byte overhead memory used for hash table (-w24) total actual memory usage
   109.239
   128.000
   237.180
```

Рисунок 11. Запуск LTL p3 по свойству безопасности

```
    homework spin -search -bfs -ltl p4 light.pml

                     10 States=
Depth=
Depth=
                    20 States=
30 States=
                                                 21 Transitions=
31 Transitions=
                                                                                      21 Memory=
31 Memory=
                                                                                                             128.195
Depth=
Depth=
                                                                                                             128.195
                                               472 Transitions= 1.56e+03 Memory=
                    40 States=
                                                                                                             128.293
                    50 States= 1.06e+03 Transitions= 3.55e+03 Memory=
60 States= 1.63e+03 Transitions= 5.61e+03 Memory=
Depth=
                                                                                                             128.391
Depth=
Depth=
                 7140 States= 4.45e+05 Transitions= 1.2e+06 Memory=
7150 States= 4.46e+05 Transitions= 1.2e+06 Memory=
7160 States= 4.46e+05 Transitions= 1.21e+06 Memory=
                                                                                                             236.887
                                                                                                                                       0.51 R=
                                                                                                             236.984 t=
                                                                                                                                                        9e+05
Depth=
(Spin Version 6.5.2 — 6 December 2019)
+ Breadth-First Search
+ Partial Order Reduction
Full statespace search for:
                                                    + (p4)
+ (if within scope of claim)
- (disabled by -DSAFETY)
- (disabled by never claim)
             never claim
             assertion violations
             cycle checks 
invalid end states
State-vector 260 byte, depth reached 7163, errors: 0
   446367 states, stored
446367 nominal states (stored-atomic)
758881 states, matched
1205248 transitions (= stored+matched)
             0 atomic steps
hash conflicts:
                                23602 (resolved)
Stats on memory usage (in Megabytes):
122.598 equivalent memory usage for states (stored*(State-vector + overhead))
189.239 actual memory usage for states (compression: 89.10%)
                          state-vector as stored = 229 byte + 28 byte overhead memory used for hash table (-w24) total actual memory usage
   128.000
237.180
```

Рисунок 12. Запуск LTL p4 по свойству безопасности

```
→ homework spin -search -bfs -ltl p5 light.pml
Depth=
                    10 States=
                                                11 Transitions=
                                              21 Transitions= 21 Memory=
31 Transitions= 31 Memory=
472 Transitions= 1.56e+03 Memory=
                    20 States=
30 States=
Depth=
                                                                                                          128.195
Depth=
                                                                                                          128.195
Depth=
                    40 States=
                                                                                                          128.293
                    50 States= 1.06e+03 Transitions= 3.55e+03 Memory=
Depth=
                7140 States= 4.45e+05 Transitions= 1.2e+06 Memory=
7150 States= 4.46e+05 Transitions= 1.2e+06 Memory=
7160 States= 4.46e+05 Transitions= 1.21e+06 Memory=
Depth=
                                                                                                         236.984 t=
237.180 t=
                                                                                                                                   0.93 R=
0.93 R=
Depth=
                                                                                                                                                   5e+05
Depth=
                                                                                                                                                   5e+05
(Spin Version 6.5.2 -- 6 December 2019)
+ Breadth-First Search
+ Partial Order Reduction
Full statespace search for:
                                                    + (p5)
             never claim
                                                   + (if within scope of claim)
- (disabled by -DSAFETY)
- (disabled by never claim)
             assertion violations
              cycle checks
              invalid end states
State-vector 260 byte, depth reached 7163, errors: 0
     446367 states, stored
446367 nominal states (stored-atomic)
   758881 states, matched
120524B transitions (= stored+matched)
            0 atomic steps
onflicts: 17369 (resolved)
 hash conflicts:
 Stats on memory usage (in Megabytes):
                          usage (in regary(es):
equivalent memory usage for states (stored*(State-vector + overhead))
actual memory usage for states (compression: 89.10%)
state-vector as stored = 229 byte + 28 byte overhead
memory used for hash table (-w24)
total actual memory usage
   122.598
109.239
    128.000
    237.180
```

Рисунок 13. Запуск LTL p5 по свойству безопасности

```
→ homework spin -search -bfs -ltl p6 light.pml
Depth=
                     10 States=
                                                  11 Transitions=
                                                                                        11 Memory=
21 Memory=
31 Memory=
                                                                                                              128.195
128.195
                                                  21 Transitions=
31 Transitions=
                     20 States=
30 States=
Depth=
                                                                                                               128.195
Depth=
                     40 States=
                                                472 Transitions= 1.56e+03 Memory=
                                                                                                               128.293
                 7130 States= 4.45e+05 Transitions= 1.2e+06 Memory= 7140 States= 4.45e+05 Transitions= 1.2e+06 Memory= 7150 States= 4.46e+05 Transitions= 1.2le+06 Memory=
                                                                                                              236.691 t=
236.887 t=
236.984 t=
Depth=
Depth=
(Spin Version 6.5.2 — 6 December 2019)
+ Breadth-First Search
+ Partial Order Reduction
Full statespace search for:
             assertion violations
                                                      + (if within scope of claim)
- (disabled by -DSAFETY)
- (disabled by never claim)
              cycle checks
              invalid end states
State-vector 260 byte, depth reached 7163, errors: 0
     446367 states, stored
446367 nominal states (stored-atomic)
   758881 states, matched
1205248 transitions (= stored+matched)
0 atomic steps
hash conflicts: 15773 (resolved)
Stats on memory usage (in Megabytes):

122.598 equivalent memory usage for states (stored*(State-vector + overhead))

189.239 actual memory usage for states (compression: 89.10%)

state-vector as stored = 229 byte + 28 byte overhead

128.000 memory used for hash table (-w24)
                            total actual memory usage
   237.180
```

Рисунок 14. Запуск LTL p6 по свойству безопасности

Рисунок 15. Запуск LTL p7 по свойству безопасности

```
→ homework spin -search -bfs -ltl p8 light.pml
Depth=
                  10 States=
                                           11 Transitions=
Depth=
                 20 States=
                                           21 Transitions=
                                                                           21 Memory=
                                                                                              128.195
                 30 States=
40 States=
                                                                           31 Memory=
                                                                                              128.195
Depth=
                                          31 Transitions=
                                         472 Transitions= 1.56e+03 Memory=
Depth=
                                                                                              128.293
                 50 States= 1.06e+03 Transitions= 3.55e+03 Memory=
Depth=
                                                                                              128.391
              7150 States= 4.46e+05 Transitions= 1.2e+06 Memory= 7160 States= 4.46e+05 Transitions= 1.21e+06 Memory=
Depth=
Depth=
                                                                                              237.180 t=
                                                                                                                    0.54 R=
                                                                                                                                   8e+05
(Spin Version 6.5.2 — 6 December 2019)
+ Breadth-First Search
+ Partial Order Reduction
Full statespace search for:
            never claim
                                              + (p8)
           assertion violations + (if within scope of claim)
cycle checks - (disabled by -DSAFETY)
invalid end states - (disabled by never claim)
            assertion violations
State-vector 260 byte, depth reached 7163, errors: 0
    446367 states, stored
446367 nominal states (stored-atomic)
  758881 states, matched 1205248 transitions (= stored+matched)
         0 atomic steps
onflicts: 16247 (resolved)
hash conflicts:
Stats on memory usage (in Megabytes):
122.598 equivalent memory usag
                       equivalent memory usage for states (stored*(State-vector + overhead)) actual memory usage for states (compression: 89.10%) state-vector as stored = 229 byte + 28 byte overhead memory used for hash table (-w24)
   109,239
   128.000
   237.180
                        total actual memory usage
```

Рисунок 16. Запуск LTL p8 по свойству безопасности

```
→ homework spin -search -bfs -ltl p9 light.pml
                    10 States=
20 States=
30 States=
                                                                                      11 Memory=
Depth=
                                                 11 Transitions=
                                                                                                            128.195
                                               21 Transitions= 21 Memory=
31 Transitions= 31 Memory=
472 Transitions= 1.56e+03 Memory=
                                                                                                           128.195
Depth=
                                                                                                            128.195
Depth=
                                                                                                            128.293
                    40 States=
Depth=
                7140 States= 4.45e+05 Transitions= 1.2e+06 Memory=
7150 States= 4.46e+05 Transitions= 1.2e+06 Memory=
7160 States= 4.46e+05 Transitions= 1.21e+06 Memory=
Depth=
                                                                                                           236.984 t=
237.180 t=
                                                                                                                                     0.72 R=
0.72 R=
Depth=
                                                                                                                                                      6e+05
Depth=
 (Spin Version 6.5.2 — 6 December 2019)
+ Breadth-First Search
+ Partial Order Reduction
Full statespace search for:
                                                    + (p9)
+ (if within scope of claim)
- (disabled by -DSAFETY)
- (disabled by never claim)
             never claim
             assertion violations
             cycle checks
             invalid end states
State-vector 260 byte, depth reached 7163, errors: 0
     446367 states, stored
446367 nominal states (stored-atomic)
   758881 states, matched
1205248 transitions (= stored+matched)
             0 atomic steps
 hash conflicts:
                                 17056 (resolved)
Stats on memory usage (in Megabytes):
                          equivalent memory usage for states (stored*(State-vector + overhead)) actual memory usage for states (compression: 89.10%) state-vector as stored = 229 byte + 28 byte overhead memory used for hash table (-w24) total actual memory usage
   122.598
109.239
    128.000
    237.180
```

Рисунок 17. Запуск LTL p9 по свойству безопасности

После запуска проверки не появилось trail, что говорит о том, что не нашлось контрпримера и свойство выполняется.

4.2. Живость

Когда на дороге появляется машина/пешеход, то они по итогу получают возможность перейти дорогу.

Для проверки данного свойства для каждой дороги была написана LTL, которая проверяет, есть ли запрос на переход дороги и текущее состояние датчика не зеленое, то в какой-то момент времени датчик станет зеленым.

Код LTL для проверки безопасности с комментариями представлен на рисунке 18.

```
// Liveness
// WN(1)
// spin -search -bfs -ltl p10 light.pml
ltl p10 { []( (isLightRequested[0] && !isLightGreen[0]) → ( (isLightGreen[0])) ) }

// EW(2)
// spin -search -bfs -ltl p11 light.pml
ltl p11 { []( (isLightRequested[1] && !isLightGreen[1]) → ( (isLightGreen[1]) ) }

// NS(3)
// spin -search -bfs -ltl p12 light.pml
ltl p12 { []( (isLightRequested[2] && !isLightGreen[2]) → ( (isLightGreen[2]) ) }

// NE(4)
// spin -search -bfs -ltl p13 light.pml
ltl p13 { []( (isLightRequested[3] && !isLightGreen[3]) → ( (isLightGreen[3]) ) }

// ES(5)
// spin -search -bfs -ltl p14 light.pml
ltl p14 { []( (isLightRequested[4] && !isLightGreen[4]) → ( (isLightGreen[4]) ) }

// PD(6)
// spin -search -bfs -ltl p15 light.pml
ltl p15 { []( (isLightRequested[5] && !isLightGreen[5]) → ( (isLightGreen[5]) ) }
```

Рисунок 18. Проверка живости

Запуска LTL p10-p15 можно увидеть на рисунке 19-24 соответственно.

```
• + homework spin -search -bfs -ltl p10 light.pml
                                                                                          21 Memory=
31 Memory=
                                                    21 Transitions=
31 Transitions=
   Depth=
                        20 States=
                                                                                                                 128.195
   Depth=
                        30 States=
                                                                                                                 128.195
                                                   472 Transitions= 1.56e+03 Memory=
                        40 States=
                                                                                                                 128.293
   Depth=
                                                                                                                 128.586
                        50 States= 1.5e+03 Transitions= 6.5e+03 Memory=
   Depth=
                        60 States= 2.66e+03 Transitions= 1.27e+04 Memory=
                                                                                                                  128.879
                    7130 States= 8.38e+05 Transitions= 3.32e+06 Memory=
7140 States= 8.4e+05 Transitions= 3.33e+06 Memory=
7150 States= 8.41e+05 Transitions= 3.33e+06 Memory=
7160 States= 8.42e+05 Transitions= 3.34e+06 Memory=
                                                                                                                                           1.34 R=
1.34 R=
                                                                                                                 333.176 t=
333.566 t=
   Depth=
                                                                                                                                                            6e+05
   Depth=
                                                                                                                                                            6e+05
   Depth=
                                                                                                                 333.762 t=
    (Spin Version 6.5.2 -- 6 December 2019)
+ Breadth-First Search
+ Partial Order Reduction
    Full statespace search for:
                 never claim
                 assertion violations + (if within scope of claim)
cycle checks - (disabled by -DSAFETY)
invalid end states - (disabled by never claim)
    State-vector 260 byte, depth reached 7163, errors: 0
        842207 states, stored
842207 nominal states (stored-atomic)
       2497697 states, matched
3339904 transitions (= stored+matched)
                04 transitions
0 atomic steps
97992 (resolved)
    hash conflicts:
   Stats on memory usage (in Megabytes):
231.319 equivalent memory usage for states (stored*(State-vector + overhead))
205.919 actual memory usage for states (compression: 89.02%)
state-vector as stored = 228 byte + 28 byte overhead

128.000 memory used for hash table (-w24)
233.000 table states recovery used.
                               total actual memory usage
       333.859
```

Рисунок 19. Запуск LTL p10 по свойству живости

```
→ homework spin -search -bfs -ltl p11 light.pml
                     10 States=
                                                   11 Transitions=
 Depth=
                                                                                          21 Memory=
31 Memory=
Depth=
                     20 States=
                                                   21 Transitions=
                                                                                                                 128.195
                     30 States= 31 Transitions= 31 Memory=
40 States= 472 Transitions= 1.56e+03 Memory=
50 States= 1.06e+03 Transitions= 3.55e+03 Memory=
Depth=
                                                                                                                 128.195
Depth=
                                                                                                                 128.293
Depth=
                                                                                                                 128.391
                 7140 States= 8.18e+05 Transitions= 3.22e+06 Memory=
7150 States= 8.19e+05 Transitions= 3.22e+06 Memory=
7160 States= 8.2e+05 Transitions= 3.23e+06 Memory=
 Depth=
Depth=
                                                                                                                  328.195 t=
                                                                                                                                             1.25 R=
                                                                                                                                                              7e+05
Depth=
                                                                                                                 328,488 t=
 (Spin Version 6.5.2 -- 6 December 2019)
              + Breadth-First Search
+ Partial Order Reduction
 Full statespace search for:
              never claim
                                                       + (p11)
              assertion violations + (if within scope of claim)
cycle checks - (disabled by -DSAFETY)
invalid end states - (disabled by never claim)
 State-vector 260 byte, depth reached 7163, errors: 0
     820447 states, stored
820447 nominal states (stored-atomic)
   2408737 states, matched
3229184 transitions (= stored+matched)
             0 atomic steps
onflicts: 69623 (resolved)
 hash conflicts:
Stats on memory usage (in Megabytes):

225.342 equivalent memory usage for states (stored*(State-vector + overhead))

200.548 actual memory usage for states (compression: 89.00%)

state-vector as stored = 228 byte + 28 byte overhead

128.000 memory used for hash table (-w24)

328.488 total actual memory usage
```

Рисунок 20. Запуск LTL p11 по свойству живости

```
→ homework spin -search -bfs -ltl p12 light.pml
                                                                                  11 Memory=
21 Memory=
31 Memory=
Depth=
                    10 States=
                                               11 Transitions=
                                                                                                        128.195
                   20 States=
                                                                                                       128.195
128.195
Depth=
                                               21 Transitions=
                                             31 Transitions= 31 Memory=
472 Transitions= 1.56e+03 Memory=
Depth=
                   30 States=
Depth=
                    40 States=
                                                                                                        128.293
Depth=
                   50 States= 1.06e+03 Transitions= 3.55e+03 Memory=
                7140 States= 8.15e+05 Transitions= 3.2e+06 Memory= 7150 States= 8.17e+05 Transitions= 3.2e+06 Memory= 7160 States= 8.18e+05 Transitions= 3.21e+06 Memory=
Depth=
                                                                                                        327.316 t=
                                                                                                                                1.31 R=
                                                                                                                                1.31 R=
1.32 R=
Depth=
                                                                                                       327.609 t=
327.902 t=
                                                                                                                                                6e+05
Depth=
(Spin Version 6.5.2 — 6 December 2019)
+ Breadth-First Search
+ Partial Order Reduction
Full statespace search for:
             respace search for:
never claim + (p12)
assertion violations + (if within scope of claim)
cycle checks - (disabled by -DSAFETY)
invalid end states - (disabled by never claim)
            never claim
State-vector 260 byte, depth reached 7163, errors: 0
     817887 states, stored
817887 nominal states (stored-atomic)
   2390113 states, matched
3208000 transitions (= stored+matched)
            0 atomic steps
                               66412 (resolved)
hash conflicts:
Stats on memory usage (in Megabytes):
                         equivalent memory usage for states (stored*(State-vector + overhead)) actual memory usage for states (compression: 89.01%) state-vector as stored = 228 byte + 28 byte overhead memory used for hash table (-w24)
   224.639
199.962
   128.000
                          total actual memory usage
   327.902
```

Рисунок 21. Запуск LTL p12 по свойству живости

```
    homework spin -search -bfs -ltl p13 light.pml

Depth=
                10 States=
                                       11 Transitions=
                                                                     11 Memory=
                20 States=
                                                                    21 Memory=
31 Memory=
Depth=
                                       21 Transitions=
                                                                                       128.195
                30 States=
                                       31 Transitions=
Depth=
                                                                                      128.195
Depth=
                40 States=
                                      472 Transitions= 1.56e+03 Memory=
                                                                                      128.293
Depth=
              7130 States= 8.11e+05 Transitions= 3.18e+06 Memory=
                                                                                       326.340 t=
                                                                                                           1.32 R=
                                                                                                                         6e+05
             7140 States= 8.13e+05 Transitions= 3.19e+06 Memory= 7150 States= 8.14e+05 Transitions= 3.19e+06 Memory= 7160 States= 8.15e+05 Transitions= 3.2e+06 Memory=
Depth=
                                                                                       326.633 t=
                                                                                                           1.32 R=
                                                                                                                         6e+05
Depth=
                                                                                       326.926 t=
                                                                                                           1.32 R=
                                                                                                                         6e+05
Depth=
                                                                                      327.219 t=
                                                                                                           1.32 R=
(Spin Version 6.5.2 — 6 December 2019)
+ Breadth-First Search
+ Partial Order Reduction
Full statespace search for:
never claim
                                          + (p13)
                                        + (if within scope of claim)
- (disabled by -DSAFETY)
- (disabled by never claim)
          assertion violations
           cycle checks
           invalid end states
State-vector 260 byte, depth reached 7163, errors: 0
   815199 states, stored
815199 nominal states (stored-atomic)
  2383649 states, matched
3198848 transitions (= stored+matched)
          0 atomic steps
hash conflicts:
                          82382 (resolved)
Stats on memory usage (in Megabytes):
                     equivalent memory usage for states (stored*(State-vector + overhead)) actual memory usage for states (compression: 89.00%)
  223.901
  199.278
                     state-vector as stored = 228 byte + 28 byte overhead memory used for hash table (-w24)
  128,000
  327.219
                     total actual memory usage
```

Рисунок 22. Запуск LTL p13 по свойству живости

```
    homework spin -search -bfs -ltl p14 light.pml

Depth=
                10 States=
                                        11 Transitions=
                                                                       11 Memory=
                                                                                         128.195
                                                                      21 Memory=
31 Memory=
                                       21 Transitions=
31 Transitions=
                20 States=
30 States=
Depth=
                                                                                         128.195
Depth=
                                                                                         128.195
Depth=
                40 States=
                                      472 Transitions= 1.56e+03 Memory=
                                                                                         128.293
              7130 States= 8.12e+05 Transitions= 3.18e+06 Memory=
                                                                                         326.535 t=
                                                                                                              1.38 R=
Depth=
              7140 States= 8.14e+05 Transitions= 3.18e+06 Memory=
7150 States= 8.15e+05 Transitions= 3.19e+06 Memory=
7160 States= 8.16e+05 Transitions= 3.2e+06 Memory=
                                                                                                              1.38 R=
                                                                                         326.828 t=
                                                                                                                           6e+05
Depth=
                                                                                         327.219 t=
                                                                                                              1.38 R=
Depth=
Depth=
                                                                                         327.414 t=
                                                                                                              1.38 R=
(Spin Version 6.5.2 -- 6 December 2019)
+ Breadth-First Search
           + Partial Order Reduction
Full statespace search for:
           never claim
                                           + (p14)
          assertion violations cycle checks
                                          + (if within scope of claim)
- (disabled by -DSAFETY)
- (disabled by never claim)
           invalid end states
State-vector 260 byte, depth reached 7163, errors: 0
   816159 states, stored
816159 nominal states (stored-atomic)
  2379681 states, matched
3195840 transitions (= stored+matched)
          0 atomic steps
hash conflicts:
                            78482 (resolved)
Stats on memory usage (in Megabytes):
                      equivalent memory usage for states (stored*(State-vector + overhead))
  224.165
                     actual memory usage for states (compression: 88.99%) state-vector as stored = 228 byte + 28 byte overhead memory used for hash table (-w24) total actual memory usage
  199,473
   128.000
  327.414
```

Рисунок 23. Запуск LTL p14 по свойству живости

```
homework spin -search -bfs -ltl p15 light.pml
Depth=
                   10 States=
                                               11 Transitions=
                   20 States=
30 States=
Depth=
                                               21 Transitions=
                                                                                  21 Memory=
Depth=
                                              31 Transitions=
                                                                                  31 Memory=
Depth=
                   40 States=
                                            472 Transitions= 1.56e+03 Memory=
                   50 States= 1.06e+03 Transitions= 3.55e+03 Memory=
Depth=
                                                                                                      128.391
               7130 States= 7.97e+05 Transitions= 3.09e+06 Memory=
7140 States= 7.98e+05 Transitions= 3.1e+06 Memory=
7150 States= 7.99e+05 Transitions= 3.1e+06 Memory=
7160 States= 8e+05 Transitions= 3.1le+06 Memory=
                                                                                                      322.629 t=
323.020 t=
Depth=
                                                                                                      323.312 t=
Depth=
Depth=
(Spin Version 6.5.2 -- 6 December 2019)
+ Breadth-First Search
+ Partial Order Reduction
Full statespace search for:
                                                  + (p15)
            never claim
            assertion violations + (if within scope of claim)
cycle checks - (disabled by -DSAFETY)
invalid end states - (disabled by never claim)
State-vector 260 byte, depth reached 7163, errors: 0
     800287 states, stored
800287 nominal states (stored-atomic)
   2308129 states, matched
3108416 transitions (= stored+matched)
0 atomic steps
hash conflicts: 63698 (resolved)
Stats on memory usage (in Megabytes):
                         equivalent memory usage for states (stored*(State-vector + overhead)) actual memory usage for states (compression: 89.02%) state-vector as stored = 228 byte + 28 byte overhead memory used for hash table (-w24)
    128.000
   323.605
                         total actual memory usage
```

Рисунок 24. Запуск LTL p15 по свойству живости

После запуска проверки не появилось trail, что говорит о том, что не нашлось контрпримера и свойство выполняется.

4.3. Справедливость

Датчик на каждой полосе не должен быть непрерывным. Это означает, что не должно быть такой ситуации, когда датчик на дороге постоянно горит зеленым, он должен менять свои стейты.

Для проверки данного свойства, для каждой дороги были написаны LTL, которые проверяют, что бесконечно часто датчик на дороге становится красным. Код LTL для проверки справедливости представлен на рисунке 25.

```
// Fairness
// WN(1)
// spin -search -bfs -ltl p16 light.pml
ltl p16 { []( (:isLightGreen[0])) }

// EW(2)
// spin -search -bfs -ltl p17 light.pml
ltl p17 { []( (:isLightGreen[1])) }

// NS(3)
// spin -search -bfs -ltl p18 light.pml
ltl p18 { []( (:isLightGreen[2])) }

// NE(4)
// spin -search -bfs -ltl p19 light.pml
ltl p19 { []( (:isLightGreen[3])) }

// ES(5)
// spin -search -bfs -ltl p20 light.pml
ltl p20 { []( (:isLightGreen[4])) }

// PD(6)
// spin -search -bfs -ltl p21 light.pml
ltl p21 { []( (:isLightGreen[5])) }
```

Рисунок 25. Проверка справедливости

Пример запуска на примере LTL p16-p21 можно увидеть на рисунке 26-31.

```
→ homework spin -search -bfs -ltl p16 light.pml
  epth=
                         20 States=
30 States=
                                                               21 Transitions=
Depth=
                                                                                                                21 Memory=
                                                                                                                                            128.195
                                                             31 Transitions= 31 Memory=
472 Transitions= 1.56e+03 Memory=
Depth=
Depth=
                                                                                                                                            128.195
                          40 States=
                                                                                                                                            128.293
                         70 States= 1.86e+83 Transitions= 3.55e+83 Memory=
60 States= 1.63e+83 Transitions= 5.61e+83 Memory=
70 States= 2.27e+83 Transitions= 7.99e+83 Memory=
 Depth=
 Depth=
                                                                                                                                            128.586
128.684
Depth=
                    7090 States= 4.92e+05 Transitions= 1.46e+06 Memory=
7100 States= 4.93e+05 Transitions= 1.47e+06 Memory=
7110 States= 4.93e+05 Transitions= 1.47e+06 Memory=
7120 States= 4.94e+05 Transitions= 1.47e+06 Memory=
7130 States= 4.94e+05 Transitions= 1.47e+06 Memory=
7140 States= 4.95e+05 Transitions= 1.47e+06 Memory=
7150 States= 4.96e+05 Transitions= 1.47e+06 Memory=
7160 States= 4.96e+05 Transitions= 1.48e+06 Memory=
Depth=
Depth=
                                                                                                                                            248.410 t=
                                                                                                                                                                             0.69 R=
                                                                                                                                                                                                   7e+85
Depth=
                                                                                                                                            248.605 t=
                                                                                                                                                                                                  7e+85
7e+85
Depth=
                                                                                                                                            248.703 t=
                                                                                                                                                                             0.69 R=
                                                                                                                                                                            0.69 R=
                                                                                                                                            248.898 t=
Depth=
                                                                                                                                            249.094 t=
                                                                                                                                                                             0.69 R=
 Depth=
 Depth=
                                                                                                                                            249.191 t=
                                                                                                                                                                              0.7 R=
Depth=
                                                                                                                                            249.387 t=
 (Spin Version 6.5.2 — 6 December 2019)
+ Breadth-First Search
+ Partial Order Reduction
Full statespace search for:
                 never claim + (p16)
assertion violations + (if within scope of claim)
cycle checks - (disabled by -DSAFETY)
invalid end states - (disabled by never claim)
State-vector 260 byte, depth reached 7163, errors: 0
      496287 states, stored
496287 nominal states (stored-atomic)
   980257 Homina 3

980257 states, matched

1476544 transitions (= stored+matched)

0 atomic steps

ash conflicts: 22388 (resolved)
 hash conflicts:
Stats on memory usage (in Megabytes):

136.309 equivalent memory usage for states (stored*(State-vector + overhead))

121.446 actual memory usage for states (compression: 89.10%)

state-vector as stored = 229 byte + 28 byte overhead

128.800 memory used for hash table (-w24)
```

Рисунок 26. Запуск LTL p16 по свойству справедливости

```
→ honework spin -search -bfs -ltl p17 light.pml
                        10 States=
20 States=
30 States=
Depth=
                                                          11 Transitions=
                                                                                                    21 Memory=
31 Memory=
Depth=
Depth=
                                                         21 Transitions=
                                                                                                                              128.195
128.195
                                                         31 Transitions=
Depth=
                        40 States=
                                                       472 Transitions= 1.56e+03 Memory=
                                                                                                                               128.293
                        50 States= 1.06e+03 Transitions= 3.55e+03 Memory=
Depth=
                                                                                                                               128.391
                   7140 States= 5.16e+05 Transitions= 1.58e+06 Memory=
7150 States= 5.17e+05 Transitions= 1.58e+06 Memory=
7160 States= 5.17e+05 Transitions= 1.58e+06 Memory=
Depth=
Depth=
                                                                                                                              254.270 t=
254.465 t=
                                                                                                                                                             1.06 R=
1.06 R=
                                                                                                                                                                                5e+05
(Spin Version 6.5.2 — 6 December 2019)
+ Breadth-First Search
+ Partial Order Reduction
Full statespace search for:
never claim
               acespace search for:

never claim + (p17)

assertion violations + (if within scope of claim)

cycle checks - (disabled by -DSAFETY)

invalid end states - (disabled by never claim)
State-vector 260 byte, depth reached 7163, errors: 0
    517087 states, stored
517087 nominal states (stored-atomic)
1063201 states, matched
1580288 transitions (= stored+matched)
0 atomic steps
hash conflicts: 26831 (resolved)
Stats on memory usage (in Megabytes):

142.022 equivalent memory usage for states (stored*(State-vector + overhead))

126.524 actual memory usage for states (compression: 89.09%)

state-vector as stored = 229 byte + 28 byte overhead

128.000 memory used for hash table (-W24)

254.465 total actual memory usage
```

Рисунок 27. Запуск LTL p17 по свойству справедливости

```
→ homework spin -search -bfs -ltl p18 light.pml
  Depth=
                                                         11 Transitions=
                       20 States= 21 Transitions= 21 Memory=
30 States= 31 Transitions= 31 Memory=
40 States= 472 Transitions= 1.56e+03 Memory=
50 States= 1.06e+03 Transitions= 3.55e+03 Memory=
Depth=
                                                                                                                           128.195
128.195
Depth=
Depth=
Depth=
                                                                                                                            128,391
                   7130 States= 5.17e+05 Transitions= 1.59e+06 Memory=
7140 States= 5.17e+05 Transitions= 1.59e+06 Memory=
7150 States= 5.18e+05 Transitions= 1.59e+06 Memory=
7160 States= 5.19e+05 Transitions= 1.59e+06 Memory=
                                                                                                                                                         0.67 R=
0.67 R=
0.68 R=
                                                                                                                           254.367 t=
254.562 t=
Depth=
                                                                                                                                                                             8e+05
(Spin Version 6.5.2 — 6 December 2019)
+ Breadth-First Search
+ Partial Order Reduction
Full statespace search for:
               rever claim + (p18)
assertion violations + (if within scope of claim)
cycle checks - (disabled by -DSAFETY)
invalid end states - (disabled by never claim)
State-vector 260 byte, depth reached 7163, errors: 0
     518687 states, stored
518687 nominal states (stored-atomic)
    1075937 states, matched
1594624 transitions (= stored+matched)
             0 atomic steps
0 atomic steps
(lists: 26890 (resolved)
hash conflicts:
Stats on memory usage (in Megabytes):
142.462 equivalent memory usage for states (stored*(State-vector + overhead))
                              actual memory usage for states (compression: 89.09%) state-vector as stored = 229 byte + 28 byte overhead memory used for hash table (-w24) total actual memory usage
    126.915
    128.000
    254.855
```

Рисунок 28. Запуск LTL p18 по свойству справедливости

```
    homework spin -search -bfs -ltl p19 light.pml

                      10 States=
 epth=
                                                     11 Transitions=
                                                 21 Transitions= 21 Memory=
31 Transitions= 31 Memory=
472 Transitions= 1.56e+03 Memory=
Depth=
                      20 States=
                                                                                                                     128.195
                                                                                                                    128.195
128.293
                      30 States=
Depth=
                      40 States=
Depth=
Depth=
                      50 States= 1.06e+03 Transitions= 3.55e+03 Med
                  7130 States= 5.19e+05 Transitions= 1.59e+06 Memory=
7140 States= 5.19e+05 Transitions= 1.59e+06 Memory=
7150 States= 5.2e+05 Transitions= 1.59e+06 Memory=
7160 States= 5.2e+05 Transitions= 1.6e+06 Memory=
Depth=
                                                                                                                     254.758 t=
                                                                                                                                                0.68 R=
                                                                                                                                                                   8e+05
Depth=
                                                                                                                     255.148 t=
                                                                                                                                                0.68 R=
                                                                                                                                                                  8e+05
Depth=
(Spin Version 6.5.2 -- 6 December 2019)
+ Breadth-First Search
+ Partial Order Reduction
Full statespace search for:
             never claim + (p19)
assertion violations + (if within scope of claim)
cycle checks - (disabled by -DSAFETY)
invalid end states - (disabled by never claim)
State-vector 260 byte, depth reached 7163, errors: 0
   520415 states, stored

520415 nominal states (stored-atomic)

1076513 states, matched

1596928 transitions (= stored+matched)
0 atomic steps
hash conflicts: 19812 (resolved)
Stats on memory usage (in Megabytes):
                           equivalent memory usage for states (stored*(State-vector + overhead)) actual memory usage for states (compression: 89.86%) state-vector as stored = 229 byte + 28 byte overhead memory used for hash table (-w24)
   142.936
127.306
   128.000
255.246
                            total actual memory usage
```

Рисунок 29. Запуск LTL p19 по свойству справедливости

```
→ homework spin -search -bfs -ltl p20 light.pml
Depth=
                       10 States=
                                                        11 Transitions=
                       20 States=
                                                                                                   21 Memory=
Depth=
                                                        21 Transitions=
                      20 States= 21 Transitions= 21 Memory=
30 States= 31 Transitions= 31 Memory=
40 States= 472 Transitions= 1.56e+03 Memory=
50 States= 1.06e+03 Transitions= 3.55e+03 Memory=
60 States= 1.63e+03 Transitions= 5.61e+03 Memory=
Depth=
                                                                                                                           128.195
                                                                                                                           128.293
128.391
Depth=
Depth=
Depth=
Depth=
                    7130 States= 5.17e+05 Transitions= 1.59e+06 Memory=
                   7140 States= 5.17e+05 Transitions= 1.59e+06 Memory=
7150 States= 5.18e+05 Transitions= 1.59e+06 Memory=
7160 States= 5.18e+05 Transitions= 1.59e+06 Memory=
                                                                                                                           254.465 t=
254.660 t=
254.758 t=
                                                                                                                                                        0.71 R=
0.71 R=
0.71 R=
                                                                                                                                                                            7e+05
                                                                                                                                                                            7e+05
7e+05
Depth=
(Spin Version 6.5.2 — 6 December 2019)
+ Breadth-First Search
+ Partial Order Reduction
Full statespace search for:
              never claim + (p20)
assertion violations + (if within scope of claim)
cycle checks - (disabled by -DSAFETY)
invalid end states - (disabled by never claim)
State-vector 260 byte, depth reached 7163, errors: 0
      518495 states, stored
518495 nominal states (stored-atomic)
   1074593 states, matched
1593088 transitions (= stored+matched)
               0 atomic steps
oflicts: 30618 (resolved)
hash conflicts:
Stats on memory usage (in Megabytes):
                              usage tin regarytes):
equivalent memory usage for states (stored*(State-vector + overhead))
actual memory usage for states (compression: 89.85%)
state-vector as stored = 228 byte + 28 byte overhead
memory used for hash table (-w24)
total actual memory usage
   142.409
126.817
```

Рисунок 30. Запуск LTL p20 по свойству справедливости

```
    homework spin -search -bfs -ltl p21 light.pml

                       10 States=
                      20 States=
30 States=
40 States=
 epth=
                                                            Transitions=
Depth=
                      30 States= 31 Transitions= 31 Memory=
40 States= 472 Transitions= 1.56e+03 Memory=
50 States= 1.06e+03 Transitions= 3.55e+03 Memory=
                                                                                                 31 Memory=
                                                                                                                          128.195
Depth=
                  7140 States= 5.32e+05 Transitions= 1.67e+06 Memory= 7150 States= 5.33e+05 Transitions= 1.67e+06 Memory= 7160 States= 5.33e+05 Transitions= 1.67e+06 Memory=
Depth=
(Spin Version 6.5.2 -- 6 December 2019)
              + Breadth-First Search
+ Partial Order Reduction
Full statespace search for:
                                                           + (p21)
+ (if within scope of claim)
- (disabled by -DSAFETY)
- (disabled by never claim)
              never claim
assertion violations
              cycle checks
invalid end states
State-vector 260 byte, depth reached 7163, errors: 0
   533407 states, stored
533407 nominal states (stored-atomic)
1140129 states, matched
1673536 transitions (= stored+matched)
 # atomic steps
hash conflicts: 26952 (resolved)
Stats on memory usage (in Megabytes):
                             equivalent memory usage for states (stored*(State-vector + overhead)) actual memory usage for states (compression: 89.09%) state-vector as stored = 229 byte + 28 byte overhead memory used for hash table (-w24) total actual memory usage
   146.505
130.528
```

Рисунок 31. Запуск LTL p21 по свойству справедливости

После запуска проверки не появилось trail, что говорит о том, что не нашлось контрпримера и свойство выполняется.

Справедливость реализована за счет priorityByLights. Когда датчик дороги делается зеленым, то у нее повышается приоритет на максимальное значение, которые конфликтующие дороги не смогут превысить, а после освобождения ресурса приоритет у дороги сбрасывается, и оказывается наименьшим по сравнению с конфликтующими дорогами. Данный механизм гарантирует, что датчик дороги не будет постоянным зеленым.

4.4. Симуляция модели

Для проверки того, что модель не имеет deadlock, была запущена программа с флагом -run, который проверяет deadlock при работе программы. Результат работы представлен на рисунке 32.

Рисунок 32. Симуляция модели

5. Заключение

В рамках данной работы была реализована программа на языке Promela, с помощью которой моделируются перекресток с корректным захватом/освобождение ресурса в виде точек пересечения. Реализованная модели была проверена на свойства безопасности, живости и справедливости.

Полный рабочий код с комментариями представлен по следующей ссылке: https://github.com/2gury/formal_methods/blob/main/light.pml.