#### МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

#### ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

# «БЕЛГОРОДСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ им. В. Г. ШУХОВА» (БГТУ им. В.Г. Шухова)

Кафедра программного обеспечения вычислительной техники и автоматизированных систем

## Лабораторная работа № 1

по дисциплине: Математическая логика и теория алгоритмов тема: «Логика высказываний»

Выполнил: ст. группы ПВ-202 Аладиб Язан Проверил: Куценко Дмитрий Александрович Бондаренко Татьяна Владимировна

### Теоретическая часть:

#### Задание варианта №2:

Номер варианта		Номера задач										
2	2.5	7.2	8.17	10.4	12.1	14.5	18	23.4	30.3	35.9	38.5	49.1

#### 2. Запишите символически следующие фразы:

5) Четырёхугольник является квадратом тогда и только тогда, когда все его стороны и все углы равны

пусть:

А – стороны четырехугольника равны

В – углы четырехугольника равны

С – четырехугольник квадрат

Тогда :  $(A \land B) \longleftrightarrow C$ 

#### 7. Постройте таблицы истинности, соответствующие следующим формулам:

2) X &  $\overline{Y}$ 

X	Y	Y	X & ₹
0	0	1	0
0	1	0	0
1	0	1	1
1	1	0	0

#### 8. Используя таблицы истинности, докажите равносильность формул:

17)  $((A \lor B) \& (A \lor \overline{B})) \equiv A$ 

A	В	$\overline{\mathrm{B}}$	A∨B	A∨Ē	$((A \lor B) \& (A \lor \bar{B}))$	$((A \lor B) \& (A \lor \bar{B})) \equiv A$
0	0	1	0	1	0	1
0	1	0	1	0	0	1
1	0	1	1	1	1	1
1	1	0	1	1	1	1

#### 10. Используя равносильные преобразования докажите, выполняются ли следующие соотношения:

4) 
$$X \to Y \equiv \overline{X}\overline{\overline{Y}}$$

$$X \to Y = \bar{X} \vee Y$$

выражение импликации через дизъюнкцию и отрицание.

$$\overline{X}\overline{\overline{Y}} = \underbrace{\overline{X} \vee \overline{\overline{Y}}}_{3$$
аконы де М'органа правило снятия двойного отрицания

Тогда : 
$$X \to Y \equiv \overline{X}\overline{\overline{Y}} \equiv \overline{X} \vee Y$$

#### 12. Найдите ДНФ для следующих формул:

$$1)X\&(\bar{X}\vee\bar{Y})$$

$$X\&(\bar{X}\lor\bar{Y})=\underbrace{(X\&\bar{X})\lor(X\&\bar{Y})}_{\text{законы}}=\underbrace{0\lor(X\&\bar{Y})}_{\text{законы противоречия}}=X\&\bar{Y}$$

X	Y	$\bar{X}$	Ϋ́	$\bar{X} \vee \bar{Y}$	$X\&(\bar{X}\vee\bar{Y})$
0	0	1	1	1	0
0	1	1	0	1	0
1	0	0	1	1	1
1	1	0	0	0	0
ДН $\Phi = X \& \overline{Y}$					

#### 14. Упростите вид следующих формул, используя равносильные преобразования:

5) 
$$\overline{X}\&\overline{Y} \lor (X \to Y)\&X$$

$$\overline{\overline{X}\&\overline{Y}} \lor \underbrace{(X \to Y)}_{\text{Законы дистрибутивности}} \&X = \overline{\overline{X}\&\overline{Y}} \lor \underbrace{(\overline{X} \lor Y)\&X}_{\text{закон противоречия}} = \overline{\overline{X}\&\overline{Y}} \lor \underbrace{(X\&\overline{X})}_{\text{закон противоречия}} \lor (X\&Y) =$$

$$=\overline{\underline{ar{X}\&ar{Y}}}$$
 V  $0$  V  $(X\&Y)=\overline{ar{X}}$  V  $\overline{\underline{ar{Y}}}$  V  $0$  V  $(X\&Y)=\overline{ar{X}}$  V  $\overline{ar{Y}}$  V  $(X\&Y)=\overline{ar{X}}$  Правило снятия двойного отрицания

$$X \lor \overline{\overline{Y}} \lor (X \& Y)$$
 =  $X \lor \underline{Y} \lor (X \& Y)$  правило снятия двойного отрицания Законы поглощения

#### 18. Возможна ли формула, которая находится и в КНФ, и в ДНФ? Если да, то приведите пример.

Да, Только если она является конъюнктом или дизъюнктом.

например:

$$(X \lor ((X \land Y) \lor (\overline{X} \land \overline{Y} \land \overline{Z}))) \land Z$$

$$(X \vee ((X \wedge Y) \vee (\bar{X} \wedge \bar{Y} \wedge \bar{Z}))) \wedge Z \equiv (X \vee (\bar{X} \wedge \bar{Y} \wedge \bar{Z})) \wedge Z \equiv (X \vee \bar{X}) \wedge (X \vee \bar{Y}) \wedge (X \vee \bar{Z}) \wedge Z \equiv (X \vee \bar{Y}) \wedge (X \vee \bar{Z}) \wedge Z \equiv (X \vee \bar{Y}) \wedge (X \vee \bar{Z}) \wedge Z \equiv (X \vee \bar{Y}) \wedge (X \vee \bar{Z}) \wedge Z \equiv (X \vee \bar{X}) \wedge (X \vee \bar{Z}) \wedge (X \vee \bar{Z}) \wedge Z \equiv (X \vee \bar{X}) \wedge (X \vee \bar{Z}) \wedge (X$$

 $X \wedge Z$  Следовательно,  $X \wedge Z$  действительно является КНФ/ДНФ.

# 23. Приведением к совершенным нормальным формам докажите неравносильность следующих формул:

 $4) \, XY \vee Z \not\equiv X \& (Y \vee Z)$ 

 $XY \vee Z$ 

X	Y	Z	XY	$XY \vee Z$		
0	0	0	0	0		
0	0	1	0	1		
0	1	0	0	0		
0	1	1	0	1		
1	0	0	0	0		
1	0	1	0	1		
1	1	0	1	1		
1	1	1	1	1		
$XY \lor Z = \overline{X}\overline{Y}Z \lor \overline{X}YZ \lor XY\overline{Z} \lor XYZ$						

 $X\&(Y\lor Z)$ 

X	Y	Z	$Y \vee Z$	$X&(Y \lor Z)$			
0	0	0	0	0			
0	0	1	1	0			
0	1	0	1	0			
0	1	1	1	0			
1	0	0	0	0			
1	0	1	1	1			
1	1	0	1	1			
1	1	1	1	1			
	$X\&(Y\lor Z)=X\overline{Y}Z\lor XY\overline{Z}\lor XYZ$						

из заданной ДНФ видно, что  $XY \lor Z \not\equiv X\&(Y \lor Z)$ 

#### 30. Для следующих выражений найдите двойственные:

3) *X* V 0

 $\mathfrak{A}=X\vee 0$ 

 $\mathfrak{A}^* = X \& 0 \equiv 0$ 

#### 35. Выяснить, является ли первая формула логическим следствием остальных:

9) 
$$X \rightarrow Y$$
;  $X \rightarrow Y$ ,  $\bar{X}$ ,  $Z$ 

$$((X \to Y) \ \land \ \overline{X} \ \land \ Z) \to (X \to Y) = \underbrace{(\overline{X} \lor Y) \land \overline{X}}_{\text{поглощения}} \ \land \ Z} \lor (\overline{X} \lor Y) =$$

$$= \overline{\overline{X} \wedge Z} \vee (\overline{X} \vee Y) = X \vee \overline{Z} \vee \overline{X} \vee Y = 1$$

Поскольку формула абсолютно верна, то она является логическим следствием  $(X \to Y, \bar{X}, Z)$ 

#### 38. Докажите правильность умозаключений:

5) 
$$\frac{A \rightarrow B, B \rightarrow C, A}{C}$$

$$((A \rightarrow B) \land (B \rightarrow C) \land A) \rightarrow C$$

A	В	С	$A \rightarrow B$	$B \rightarrow C$	С
0	0	0	1	1	0
0	0	1	1	1	1
0	1	0	1	0	0
0	1	1	1	1	1
1	0	0	0	1	0
1	0	1	0	1	1
1	1	0	1	0	0
1	1	1	1	1	1

#### 49. Найдите все следствия из посылок:

1) 
$$X \to Y, \overline{Y}$$

$$(X \to Y) \land \overline{Y} \equiv (X \lor \overline{Y}) \land (\overline{X} \lor Y) \land (\overline{X} \lor \overline{Y})$$

Следствия:

$$1.\; X \vee \bar{Y} \equiv Y \to X$$

$$2.\ \overline{X} \vee Y \equiv X \to Y$$

$$3.\ \overline{X}\vee\overline{Y}\equiv\overline{X\wedge Y}$$

4.  $(X \vee \overline{Y}) \wedge (\overline{X} \vee Y) \equiv X \leftrightarrow Y$ 

 $5. \ (X \vee \bar{Y}) \wedge (\bar{X} \vee \bar{Y}) \equiv \bar{Y} \vee (X \wedge \bar{X}) \equiv \bar{Y} \vee 0 \equiv \bar{Y}$ 

6.  $(\bar{X} \vee Y) \wedge (\bar{X} \vee \bar{Y}) \equiv \bar{X} \vee (Y \wedge \bar{Y}) \equiv \bar{X} \vee 0 \equiv \bar{X}$ 

7.  $(X \vee \overline{Y}) \wedge (\overline{X} \vee Y) \wedge (\overline{X} \vee \overline{Y}) \equiv \overline{X} \wedge \overline{Y}$ 

#### Практическая часть:

- 1) Программа должна строить полную таблицу истинности введённой формулы.
- 3) Программа должна доказывать противоречивость введённой формулы.

#### Файл mathlogic.h:

```
#ifndef MATHLOGIC
#define MATHLOGIC
#include <iostream>
#include <string>
#include <set>
#include <map>
#include <stack>
#include <queue>
#include <cassert>
#include <cstdlib>
#include <vector>
// Объявление типов.
// Токен (лексема):
typedef char Token;
// CTEK TOKEHOB:
typedef std::stack<Token> Stack;
// Последовательность токенов:
typedef std::queue<Token> Queue;
// Множество различных токенов:
typedef std::set<Token> Set;
// Таблица значений переменных:
typedef std::map<Token, Token> Map;
// Пара переменная—значение:
typedef std::pair<Token, Token> VarVal;
// Строка символов:
typedef std::string String;
// Является ли токен числом?
inline bool isNumber(Token t) {
   return t == '0' || t == '1';
}
// Является ли токен переменной?
inline bool isVariable(Token t) {
    return (t >= 'A' && t <= 'Z') || (t >= 'a' && t <= 'z');
}
// Является ли токен операцией?
inline bool isOperation(Token t) {
   return (t == '|' || t == '&' || t == '-' || t == '>' || t == '~');
// Является ли токен открывающей скобкой?
inline bool isOpeningPar(Token t) {
   return t == '(';
}
```

```
// Является ли токен закрывающей скобкой?
inline bool isClosingPar(Token t) {
    return t == ')';
}
// Вернуть величину приоритета операции
// (чем больше число, тем выше приоритет)
inline int priority(Token op) {
    assert (isOperation(op));
    int res = 0;
    switch (op) {
        case '-':
            // Отрицание - наивысший приоритет
            res = 5;
            break;
        case '&':
            // Конъюнкция
            res = 4;
            break;
        case '|':
            // Дизъюнкция
            res = 3;
            break;
        case '>':
            // Импликация
            res = 2;
            break;
        case '~':
            // Эквивалентность - наинизший приоритет
            res = 1;
            break;
    return res;
}
// Преобразовать последовательность токенов,
// представляющих выражение в инфиксной записи,
// в последовательность токенов, представляющих
// выражение в обратной польской записи
// (алгоритм Дейкстры «Сортировочная станция»)
Queue infixToPostfix(Queue input);
// Напечатать последовательность токенов
void printSequence(Queue q);
// Является ли символ пробельным?
inline bool isSpace(char c) {
   return c <= ' ';
// Если символ — маленькая буква, преобразовать её в большую,
// иначе просто вернуть этот же символ
inline char toUpperCase(char c) {
   if (c >= 'a' && c <= 'z') {
       return c - 'a' + 'A';
    } else {
        return c;
```

```
}
}
// Преобразовать строку с выражением в последовательность токенов
// (лексический анализатор)
Queue stringToSequence(const String &s);
// Напечатать сообщение об ошибке
inline void printErrorMessage(const String &err) {
   std::cerr << "*** OWMEKA! " << err << std::endl;</pre>
}
// Ввести выражение с клавиатуры
inline String inputExpr() {
   String expr;
    std::cout << "Формула логики высказываний: ";
    std::getline(std::cin, expr);
   return expr;
}
// Выделить из последовательности токенов переменные
Set getVariables(Queue s);
// Получить значения переменных с клавиатуры
Map inputVarValues(const Set &var);
// Заменить переменные их значениями
Queue substValues(Queue expr, Map &varVal);
// Является ли операция бинарной?
inline bool isBinOp(Token t) {
    return t == '&' || t == '|' || t == '>' || t == '~';
// Является ли операция унарной?
inline bool isUnarOp(Token t) {
   return t == '-';
// Получить bool-значение токена-числа (true или false)
inline bool logicVal(Token x) {
   assert (isNumber(x));
   return x == '1';
}
// Преобразовать bool-значение в токен-число
inline Token boolToToken(bool x) {
    if(x)
       return '1';
    } else {
       return '0';
    }
}
// Вычислить результат бинарной операции
inline Token evalBinOp(Token a, Token op, Token b) {
    assert (isNumber(a) && isBinOp(op) && isNumber(b));
```

```
bool res;
    // Получить bool-значения операндов
    bool left = logicVal(a);
    bool right = logicVal(b);
    switch (op) {
        case '&':
            // Конъюнкция
            res = left && right;
            break;
        case '|':
            // Дизъюнкция
            res = left || right;
           break;
        case '>':
            // Импликация
            res = !left || right;
            break;
        case '~':
            // Эквивалентность
            res = (!left || right) && (!right || left);
   return boolToToken(res);
// Вычислить результат унарной операции
inline Token evalUnarOp(Token op, Token a) {
    assert (isUnarOp(op) && isNumber(a));
   bool res = logicVal(a);
    switch (op) {
        case '-':
            // Отрицание
           res = !res;
           break;
   return boolToToken(res);
// Вычислить значение операции, модифицируя стек.
// Результат помещается в стек
void evalOpUsingStack(Token op, Stack &s);
// Вычислить значение выражения, записанного в обратной польской записи
Token evaluate (Queue expr);
// Вывести результат вычисления на экран
void printResult(Token r);
//выводит на экран все значения вектора а до n-го элемента
void output array(std::vector<Token> a, int n);
//выводит таблицу истинности для формулы input
void printTruthTable(Queue input);
//определяет, является ли формула в постфиксной записи output общезначимой
// (тождественно истинной) на всех интерпретациях
bool isValid(Queue output);
```

```
//выводит все вектора для формулы в постфиксной записи output, //состоящие из всех возможных комбинаций значений её переменных, //при подстановке которых в output, формула принимает истинное значение void printTrueVectors (Queue output);
```

#endif //MATHLOGIC

#### Файл main.cpp:

```
#include "mathlogic.h"
#include <windows.h>
Queue infixToPostfix(Queue input) {
    // Выходная последовательность (очередь вывода):
   Queue output;
    // Рабочий стек:
    Stack s;
    // Текущий входной токен:
    Token t;
    while (!input.empty()) {
        // Получить токен из начала входной последовательности
        t = input.front();
        input.pop();
        if (isNumber(t) || isVariable(t)) {
            output.push(t);
        } else if (isOperation(t)) { // Если токен — операция op1, то:
            // Пока на вершине стека присутствует токен-операция ор2
            // и у ор1 приоритет меньше либо равен приоритету ор2, то:
            while (!s.empty() && isOperation(s.top())
                   && priority(t) <= priority(s.top())
                    ) {
                // переложить ор2 из стека в выходную очередь
                output.push(s.top());
                s.pop();
            // Положить ор1 в стек
            s.push(t);
            // Если токен - открывающая скобка, то:
        } else if (isOpeningPar(t)) {
            // Положить его в стек
            s.push(t);
            // Если токен — закрывающая скобка, то:
        } else if (isClosingPar(t)) {
            // Пока токен на вершине стека не является открывающей скобкой:
            while (!s.empty() && !isOpeningPar(s.top())) {
                // Перекладывать токены-операции из стека
                // в выходную очередь
                assert (isOperation(s.top()));
                output.push(s.top());
                s.pop();
            // Если стек закончился до того,
```

```
// как был встречен токен-«открывающая скобка», то:
            if (s.empty()) {
                // В выражении пропущена открывающая скобка
                throw String("Пропущена открывающая скобка!");
            } else {
                // Иначе выкинуть открывающую скобку из стека
                // (но не добавлять в очередь вывода)
                s.pop();
        } else {
            // В остальных случаях входная последовательность
            // содержит токен неизвестного типа
            String msg("Неизвестный символ \'");
            msg += t + String("\'!");
            throw msg;
    // Токенов на входе больше нет, но ещё могут остаться токены в стеке.
    // Пока стек не пустой:
    while (!s.empty()) {
        // Если токен на вершине стека — открывающая скобка, то:
        if (isOpeningPar(s.top())) {
            // В выражении присутствует незакрытая скобка
            throw String("Незакрытая скобка!");
        } else {
            // Иначе переложить токен-операцию из стека в выходную очередь
            assert (isOperation(s.top()));
            output.push(s.top());
            s.pop();
        }
    // Конец алгоритма.
    // Выдать полученную последовательность
    return output;
void printSequence(Queue q) {
    while (!q.empty()) {
        std::cout << q.front();</pre>
        q.pop();
}
Queue stringToSequence(const String &s) {
    Queue res;
    for (size t i = 0; i < s.size(); ++i) {</pre>
        if (!isSpace(s[i])) {
            res.push(toUpperCase(s[i]));
    return res;
}
Set getVariables(Queue s) {
    Set res;
    while (!s.empty()) {
```

```
if (isVariable(s.front()) && res.count(s.front()) == 0) {
            res.insert(s.front());
        s.pop();
    return res;
}
Map inputVarValues(const Set &var) {
    Token val;
    Map res;
    for (Set::const iterator i = var.begin(); i != var.end(); ++i) {
        do {
            std::cout << *i << " = ";
            std::cin >> val;
            if (!isNumber(val)) {
                std::cerr << "Введите 0 или 1!" << std::endl;
        } while (!isNumber(val));
        res.insert(VarVal(*i, val));
    return res;
}
Queue substValues(Queue expr, Map &varVal) {
    Queue res;
    while (!expr.empty()) {
        if (isVariable(expr.front())) {
            res.push(varVal[expr.front()]);
        } else {
            res.push(expr.front());
        expr.pop();
    return res;
}
void evalOpUsingStack(Token op, Stack &s) {
    assert (isOperation(op));
    // Если операция бинарная, то:
    if (isBinOp(op)) {
        // В стеке должны быть два операнда
        if (s.size() >= 2) {
            // Если это так, то извлекаем правый операнд-число
            Token b = s.top();
            if (!isNumber(b)) {
                throw String("Неверное выражение!");
            s.pop();
            // Затем извлекаем левый операнд-число
            Token a = s.top();
            if (!isNumber(a)) {
                throw String ("Неверное выражение!");
            s.pop();
            // Помещаем в стек результат операции
            s.push(evalBinOp(a, op, b));
```

```
} else {
            throw String("Неверное выражение!");
        // Иначе операция унарная
    } else if (isUnarOp(op) && !s.empty()) {
        // Извлекаем операнд
        Token a = s.top();
        if (!isNumber(a)) {
            throw String("Неверное выражение!");
        s.pop();
        // Помещаем в стек результат операции
        s.push(evalUnarOp(op, a));
    } else {
        throw String("Неверное выражение!");
}
Token evaluate (Queue expr) {
    // Рабочий стек
    Stack s;
    // Текущий токен
    Token t;
    // Пока входная последовательность содержит токены:
    while (!expr.empty()) {
        // Считать очередной токен
        t = expr.front();
        assert (isNumber(t) || isOperation(t));
        expr.pop();
        // Если это число, то:
        if (isNumber(t)) {
            // Поместить его в стек
            s.push(t);
            // Если это операция, то:
        } else if (isOperation(t)) {
            // Вычислить её, модифицируя стек
            // (результат также помещается в стек)
            evalOpUsingStack(t, s);
    // Результат — единственный элемент в стеке
    if (s.size() == 1) {
        // Вернуть результат
        return s.top();
    } else {
        throw String("Неверное выражение!");
}
void printResult(Token r) {
    assert (isNumber(r));
    std::cout << "Значение выражения: " << r << std::endl;
void output array(std::vector<Token> a, int n) {
    std::cout << " ";
    for (int i = 0; i < n; i++)
```

```
printf(" %c |", a[i]);
}
void printTruthTableInner(Queue output, Set variables, int i, int n) {
    static std::vector<Token> D(100, '0');
    for (int j = '0'; j \le '1'; j++) {
        D[i] = j;
        if (i == n - 1) {
            output array(D, n);
            //вычисление значения выражения:
            Map varVal;
            int k = 0; //по значениям D (вектору 1ц и 0й)
            for (Set::const iterator x = variables.begin(); x !=
variables.end(); ++x) { //по именам переменных
                varVal.insert(VarVal(*x, D[k]));
                k++;
            Queue rpn = substValues(output, varVal);
            Token res = evaluate(rpn);
            printf(" %c\n", res);
        } else
            printTruthTableInner(output, variables, i + 1, n);
   }
}
void printTruthTable(Queue input) {
    //получение множества всех переменных из исходной формулы
    Set variables = getVariables(input);
    for (auto var: variables)
        printf(" %c |", var);
    printSequence(input);
    std::cout << std::endl;</pre>
    //преобразование послед-ти токенов в постфиксную запись
    Queue output = infixToPostfix(input);
   printTruthTableInner(output, variables, 0, variables.size());
void output vector(std::vector<Token> a, int n) {
   printf("{");
    for (int i = 0; i < n; i++)
        printf("%c, ", a[i]);
    printf("\b\b}\n");
bool isValidInner(Queue output, Set variables, int i, int n) {
    static std::vector<Token> D(100, '0');
    static int n truth = 0;
    for (int j = '0'; j <= '1'; j++) {
        D[i] = j;
        if (i == n - 1) {
            //вычисление значения выражения:
            Map varVal;
            int k = 0; //по значениям D (вектору 1ц и 0й)
            for (Set::const iterator x = variables.begin(); x !=
variables.end(); ++x, ++k) {
                varVal.insert(VarVal(*x, D[k]));
```

```
Queue rpn = substValues(output, varVal);
            Token res = evaluate(rpn);
            if (res == '1')
                n truth++;
        } else
            isValidInner(output, variables, i + 1, n);
    return n truth == (1 << n); //n truth == 2^n
bool isValid(Queue output) {
    Set variables = getVariables(output);
    return isValidInner(output, variables, 0, variables.size());
}
void printTrueVectorsInner(Queue output, Set variables, int i, int n) {
    static std::vector<Token> D(100, '0');
    for (int j = '0'; j <= '1'; j++) {
        D[i] = j;
        if (i == n - 1) {
            //вычисление значения выражения:
            Map varVal;
            int k = 0; //по значениям D (вектору 1ц и 0й)
            for (Set::const iterator x = variables.begin(); x !=
variables.end(); ++x, ++k)
                varVal.insert(VarVal(*x, D[k]));
            Queue rpn = substValues(output, varVal);
            Token res = evaluate(rpn);
            if (res == '1')
                output_vector(D, n);
        } else
            printTrueVectorsInner(output, variables, i + 1, n);
    }
}
void printTrueVectors(Queue output) {
    Set variables = getVariables(output);
   printTrueVectorsInner(output, variables, 0, variables.size());
}
int main() {
    SetConsoleOutputCP(CP UTF8);//Подключение русского языка
    std::string expr = inputExpr();
    Queue input = stringToSequence(expr);
    try{
        printTruthTable(input);
        Queue output = infixToPostfix(input);
        if (isValid(output)) {
            std::cout << "Формула действительна, т.к. истинна на всех
интерпретациях.";
        } else {
            std::cout << "Формула недействительна, т.к. истинна не во всех
интерпретациях.\n";
    } catch (const String &err) {
```

```
printErrorMessage(err);
    exit(1);
}
return 0;
}
```



