# Equations de mouvement pour 3-omniwheels

# 1 Hypothèses

- Les roues sont situées aux sommets d'un triangle équilatéral avec 120  $^{\circ}$  entre elles.
- Chaque roue peut avoir un rayon différent.
- Chaque roue peut se trouver à une distance différente du centre du triangle équilatéral.
- Le référentiel du robot se trouve au centre du triangle équilatéral.

# 2 Cinématique directe

# 2.1 Translation

$$\omega_{i,t} = \frac{V}{r_i} \cdot \cos\left(\theta_R - \theta_V + \beta_i - \frac{\pi}{2}\right) \tag{1}$$

 $\omega_{i,t}$ Vitesse de rotation de la roue i pour la translation de la base holonome.

v Vitesse de déplacement du robot.

 $\theta_R$  Angle absolu de l'orientation du robot.

 $\theta_V$  Angle absolu de la direction de vitesse du robot.

 $\beta_i$  Angle relatif au robot de l'orientation de la roue i.

 $r_i$  Rayon de la roue i.

#### 2.1.1 Exemple en MATLAB

# 2.2 Rotation

$$\omega_{i,r} = -\Omega \cdot \frac{D_i}{r_i} \tag{2}$$

 $\omega_{i,r}$  Vitesse de rotation de la roue i pour la rotation de la base holonome.

 $\Omega$  Vitesse de rotation du robot sur lui même.

 $D_i$  Distance entre le plan de rotation de la roue et le centre du robot.

 $r_i$  Rayon de la roue i.

#### 2.2.1 Exemple en MATLAB

```
omega1_r = -angular_speed_value * D1 / r1;
omega2_r = -angular_speed_value * D2 / r2;
omega3_r = -angular_speed_value * D3 / r3;
```

#### 2.3 Combinaison

En combinant (1) et (2), on obtient l'équation pour un mouvement composé d'une translation et d'une rotation.

$$\omega_i = \omega_{i,t} + \omega_{i,r} \tag{3}$$

#### 3 Cinématique inverse

# 3.1 Rotation

$$\theta_{R,t+1} = \theta_{R,t} - \frac{1}{steps} \frac{\sum_{i=1}^{3} steps_i \cdot r_i}{\sum_{i=1}^{3} D_i}$$

$$\tag{4}$$

 $\theta_R$  Orientation absolue du robot.

steps Nombre de pas pour un tour de roue.

 $steps_i$  Avancement de la roue i en steps codeur.

 $r_i$  Distance du plan de rotation de la roue i au centre du robot.

 $D_i$  Diamètre de la roue i.

#### 3.1.1 Exemple en MATLAB

```
\begin{array}{lll} \text{heading} = \text{heading} - (\text{steps1*r1+steps2*r2+steps3*r3}) & \dots \\ & / (\text{D1+D2+D3}) / \, \text{steps\_turn} \,; \end{array}
```

#### 3.2 Translation

$$\Delta_x = \frac{2}{3} \frac{1}{steps} \sum_{i=1}^{3} \cos \beta_i \cdot steps_i \cdot r_i$$
 (5a)

$$\Delta_y = \frac{2}{3} \frac{1}{steps} \sum_{i=1}^{3} \sin \beta_i \cdot steps_i \cdot r_i$$
 (5b)

#### 3.2.1 Exemple en MATLAB

 $\Delta_x$  Déplacement du robot selon l'axe X, dans son prore référentiel.

 $\Delta_y$  Déplacement du robot selon l'axe Y, dans son prore référentiel.

 $steps\,$  Nombre de pas pour un tour de roue.

 $steps_i$  Avancement de la roue i en steps codeur.

 $\beta_i$  Angle relatif au robot de l'orientation de la roue i.

 $r_i$  Rayon de la roue i.

## 3.3 Conversion en coordonées table

Pour appliquer l'équation (5), il faut d'abord appliquer la matrice de rotation du robot à  $\Delta_x$  et  $\Delta_y$ :

$$X = X + \cos\left(\theta_R - \frac{\pi}{2}\right) \cdot \Delta_x - \sin\left(\theta_R - \frac{\pi}{2}\right) \cdot \Delta_y \tag{6a}$$

$$Y = Y + \sin\left(\theta_R - \frac{\pi}{2}\right) \cdot \Delta_x + \cos\left(\theta_R - \frac{\pi}{2}\right) \cdot \Delta_y \tag{6b}$$

## 3.3.1 Exemple en MATLAB

```
pos_x = pos_x + cos(heading-pi/2)*mov_x - ...
sin(heading-pi/2)*mov_y;
pos_y = pos_y + sin(heading-pi/2)*mov_x + ...
cos(heading-pi/2)*mov_y;
```