

# Equations de mouvement pour 3-omniwheels

## 1 Hypothèses

- Les roues sont situées aux sommets d'un triangle équilatéral avec  $120^\circ$  entre elles.
- Chaque roue peut avoir un rayon différent.
- Chaque roue peut se trouver à une distance différente du centre du triangle équilatéral.
- Le référentiel du robot se trouve au centre du triangle équilatéral.

## 2 Cinématique directe

### 2.1 Translation

$$\omega_{i,t} = \frac{V}{r_i} \cdot \cos\left(\theta_R - \theta_V + \beta_i - \frac{\pi}{2}\right) \quad (1)$$

$\omega_{i,t}$  Vitesse de rotation de la roue  $i$  pour la translation de la base holonome.

$v$  Vitesse de déplacement du robot.

$\theta_R$  Angle absolu de l'orientation du robot.

$\theta_V$  Angle absolu de la direction de vitesse du robot.

$\beta_i$  Angle relatif au robot de l'orientation de la roue  $i$ .

$r_i$  Rayon de la roue  $i$ .

#### 2.1.1 Exemple en MATLAB

```
beta1 = 60*pi/180;  
beta2 = 180*pi/180;  
beta3 = 300*pi/180;  
omega1_t = linear_speed_value / r1 * ...  
cos(heading-speed_angle+beta1-pi/2);  
omega2_t = linear_speed_value / r2 * ...  
cos(heading-speed_angle+beta2-pi/2);  
omega3_t = linear_speed_value / r3 * ...  
cos(heading-speed_angle+beta3-pi/2);
```

### 2.2 Rotation

$$\omega_{i,r} = -\Omega \cdot \frac{D_i}{r_i} \quad (2)$$

$\omega_{i,r}$  Vitesse de rotation de la roue  $i$  pour la rotation de la base holonome.

$\Omega$  Vitesses de rotation du robot sur lui même.

$D_i$  Distance entre le plan de rotation de la roue et le centre du robot.

$r_i$  Rayon de la roue  $i$ .

### 2.2.1 Exemple en MATLAB

```
omega1_r = -angular_speed_value * D1 / r1 ;
omega2_r = -angular_speed_value * D2 / r2 ;
omega3_r = -angular_speed_value * D3 / r3 ;
```

## 2.3 Combinaison

En combinant (1) et (2), on obtient l'équation pour un mouvement composé d'une translation et d'une rotation.

$$\omega_i = \omega_{i,t} + \omega_{i,r} \quad (3)$$

## 3 Cinématique inverse

### 3.1 Rotation

$$\theta_{R,t+1} = \theta_{R,t} - \frac{1}{steps} \frac{\sum_{i=1}^3 steps_i \cdot r_i}{\sum_{i=1}^3 D_i} \quad (4)$$

$\theta_R$  Orientation absolue du robot.

$steps$  Nombre de pas pour un tour de roue.

$steps_i$  Avancement de la roue  $i$  en steps codeur.

$r_i$  Distance du plan de rotation de la roue  $i$  au centre du robot.

$D_i$  Diamètre de la roue  $i$ .

#### 3.1.1 Exemple en MATLAB

```
heading = heading - (steps1*r1+steps2*r2+steps3*r3) ...
/(D1+D2+D3)/ steps_turn ;
```

### 3.2 Translation

$$\Delta_x = \frac{2}{3} \frac{1}{steps} \sum_{i=1}^3 \cos \beta_i \cdot steps_i \cdot r_i \quad (5a)$$

$$\Delta_y = \frac{2}{3} \frac{1}{steps} \sum_{i=1}^3 \sin \beta_i \cdot steps_i \cdot r_i \quad (5b)$$

### 3.2.1 Exemple en MATLAB

```

mov_x = cos(beta1)*steps1*r1/steps_turn
      + cos(beta2)*steps2*r2/steps_turn
      + cos(beta3)*steps3*r3/steps_turn;
mov_y = sin(beta1)*steps1*r1/steps_turn
      + sin(beta2)*steps2*r2/steps_turn
      + sin(beta3)*steps3*r3/steps_turn;

```

```

mov_x = mov_x *2/3;

```

```

mov_y = mov_y *2/3;

```

$\Delta_x$  Déplacement du robot selon l'axe X, dans son propre référentiel.

$\Delta_y$  Déplacement du robot selon l'axe Y, dans son propre référentiel.

$steps$  Nombre de pas pour un tour de roue.

$steps_i$  Avancement de la roue  $i$  en steps codeur.

$\beta_i$  Angle relatif au robot de l'orientation de la roue  $i$ .

$r_i$  Rayon de la roue  $i$ .

## 3.3 Conversion en coordonnées table

Pour appliquer l'équation (5), il faut d'abord appliquer la matrice de rotation du robot à  $\Delta_x$  et  $\Delta_y$  :

$$X = X + \cos\left(\theta_R - \frac{\pi}{2}\right) \cdot \Delta_x - \sin\left(\theta_R - \frac{\pi}{2}\right) \cdot \Delta_y \quad (6a)$$

$$Y = Y + \sin\left(\theta_R - \frac{\pi}{2}\right) \cdot \Delta_x + \cos\left(\theta_R - \frac{\pi}{2}\right) \cdot \Delta_y \quad (6b)$$

### 3.3.1 Exemple en MATLAB

```

pos_x = pos_x + cos(heading-pi/2)*mov_x - ...
sin(heading-pi/2)*mov_y;
pos_y = pos_y + sin(heading-pi/2)*mov_x + ...
cos(heading-pi/2)*mov_y;

```