

ArgentinaPrograma
YoProgramo

Complejidad Computacional

por Leonardo Blautzik, Federico Gasior y Lucas Videla

Julio / Diciembre 2021

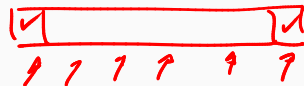


Ministerio de
Desarrollo Productivo
Argentina

$T(n) = C * f(n)$

Tamaño de la muestra

C

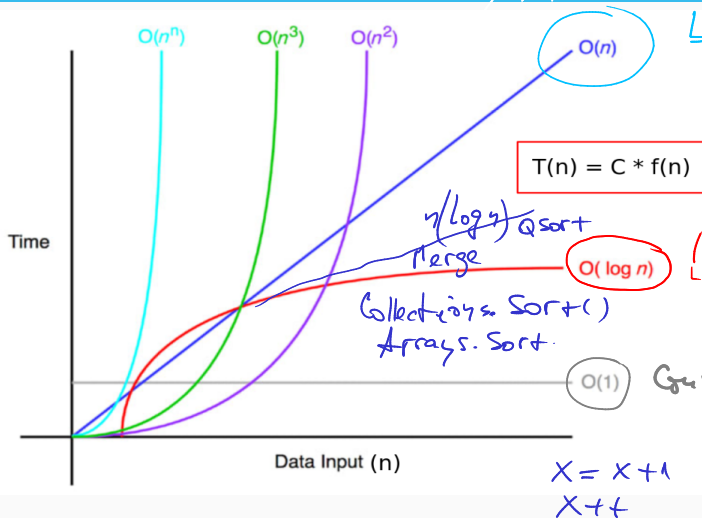


- Se trata de encontrar una función matemática que describa el comportamiento temporal de un algoritmo o fragmento de código en función del tamaño de la muestra.
- Encontrar esa función matemática será cuestión del análisis del código.
- Se busca encontrar una cota superior, es decir, se debe pensar siempre en el **peor caso**.
- **C** es una constante que representa al **entorno de ejecución**.

Complejidad Computacional



$O(2^n)$
 $O(n!)$
 ↑
 insusables



Busqueda Secuencial

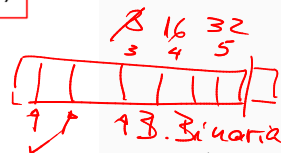
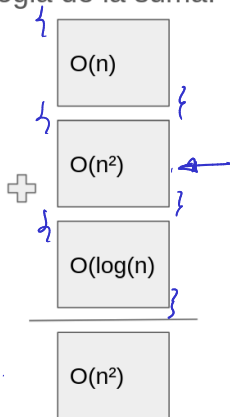


Figure 1: Cómo estimar el rendimiento temporal de un algoritmo

Regla de la suma:



Regla del Producto:

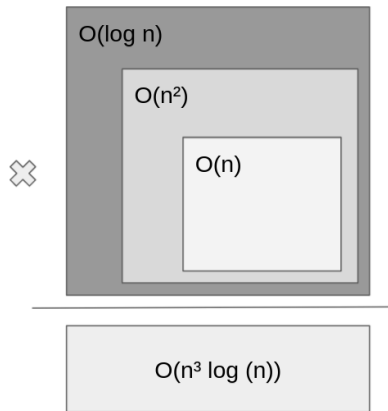


Figure 2: Regla de la Suma - Regla del Producto

Hacer un análisis en notación O del tiempo de ejecución del siguiente fragmento de código.

//

```
for (int i = 0; i < n; i++) {  
    sum++;  
}
```

n veces } $O(n)$

+

```
for (int j = 0; j < n; j++) {  
    sum++;  
}
```

n veces } $O(n)$

// $O(n)$

Hacer un análisis en notación O del tiempo de ejecución del siguiente fragmento de código.

```
for (int i = 0; i < n; i++) {  
    for (int j = 0; j < n * n; j++) {  
        sum++;  
    }  
}
```

$O(n^3)$

$O(n^2)$ $O(n)$

Hacer un análisis en notación O del tiempo de ejecución del siguiente fragmento de código.

Leer(a)

$n \leftarrow a * a$

$c \leftarrow 0$

MIENTRAS ($a > 1$) HACER {

$a \leftarrow a / 2$

PARA $i = 1, n$ HACER {

$c \leftarrow c * 2$

64 veces

}

}

Escribir(c)

$\rightarrow \emptyset$

$a = 16$

~~$a = 8$~~

~~$a = 4$~~

~~$a = 2$~~

$a = 1$

$n = 256$

$n = 64$

$c \leftarrow c * 2$

64 veces

$c \leftarrow c * 2$

64 veces

$c \leftarrow c * 2$

64 veces

} $3 * 64$
 a^2

$4 * 256$
 $=$

\rightarrow parecido a B. Binaria

$O(a^2 * \log a)$

Una programadora de computadoras vive en una calle con casas numeradas consecutivamente (desde 1) por un lado de la calle. Cada noche ella sale a pasear a su perro dejando su casa y girando al azar a la izquierda o a la derecha, camina hasta el final de la calle y vuelve. Una noche suma los números de las casas que pasan (excluyendo la suya). La siguiente vez que camina, comienza por el otro lado repitiendo la suma y encuentra, para su asombro, que las dos sumas son iguales. Aunque esto se determina en parte por su número de casa y en parte por el número de casas en la calle, ella sin embargo siente que esta es una propiedad deseable para su casa y decide que todas sus casas subsecuentes tendrán esa propiedad.

Continúa...

Escribe un programa para encontrar los pares de números que satisfagan esta condición.
Para comenzar su lista los primeros pares son: (número de casa, último número):

6,8

35,49

204,288

1189,1681

6930, 9800

40391,57121

235416,332928

1372105,1940449

7997214,11309768

46611179,65918161

$$1 + 2 + \dots + (n-1) + n$$
$$\sum_{i=1}^{n-1} 1 \rightarrow n-1$$
$$\sum_{i=n}^n n \rightarrow n$$
$$\text{for } (i=1; i \leq n-1; i++)$$
$$\text{SumaI} += i$$

$$\text{for } (j = n+1; j \leq n; j++)$$
$$\text{Sumader} += j$$

Pensemos cómo resolverlo...

¡Muchas Gracias!

continuará...



Ministerio de
Desarrollo Productivo
Argentina