# МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение Высшего образования

«Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского» Национальный исследовательский университет

Институт информационных технологий, математики и механики Кафедра математического обеспечения и суперкомпьютерных технологий

# ОТЧЕТ ПО УЧЕБНОЙ ПРАКТИКЕ

«Множества но основе битовых полей»

Выполнил: студент группы 381/06-1
Митягина Дарья Сергеевна
Подпись
Научный руководитель:
ассистент каф. МОСТ ИИТММ
Лебелев И.Г

## Оглавление

1. Введение	2
2. Постановка задачи:	
3. Руководство пользователя:	
4. Руководство программиста	
4.1. Описание структуры программы	
4.2. Описание структур данных	7
4.3. Описание алгоритмов	13
5. Заключение	16
6. Литература	17

### 1. Введение

Цель данной лабораторной работы: разработка структуры данных для хранения множеств с использованием битовых полей.

В процессе разработки программного обеспечения программист определяет не только алгоритм, но и перечень данных, необходимых для решения задачи. В зависимости от типа данных и выполняемых с ними действий программист выбирает наиболее подходящую структуру для хранения и обработки данных.

Понятие структуры данных можно определить как множество элементов данных и множество связей между ними. При описании структуры данных определяется набор возможных действий и порядок доступа к данным.

Битовые поля обеспечивают удобный доступ к отдельным битам данных. Они позволяют формировать объекты с длиной, не кратной байту, что в свою очередь позволяет экономить память, более плотно размещая данные. Битовые поля применяются для максимально полной упаковки информации, если не важна скорость доступа к этой информации.

Битовые поля могут быть полезны по разным причинам, а именно:

- 1. Если память ограничена, то в одном байте можно хранить несколько булевых переменных (принимающих значения ИСТИНА и ЛОЖЬ);
- 2. Некоторые устройства передают информацию о состоянии, закодированную в байте в одном или нескольких битах;
- 3. Для некоторых процедур шифрования требуется доступ к отдельным битам внутри байта.

Хотя для решения этих задач можно успешно применять побитовые операции, битовые поля могут придать вашему коду больше упорядоченности (и, возможно, с их помощью удастся достичь большей эффективности).

## 2. Постановка задачи:

Выполнение работы предполагает решение следующих задач:

- 1. Реализация класса битового поля TBitField согласно заданному интерфейсу.
- 2. Реализация класса множества TSet согласно заданному интерфейсу.
- 3. Обеспечение работоспособности тестов и примера использования.
- 4. Реализация нескольких простых тестов на базе Google Test.
- 5. Публикация исходных кодов в личном репозитории на GitHub.

# 3. Руководство пользователя:

Примером использования классов битового поля и множества служит решение задачи поиска простых чисел с помощью алгоритма "Решето Эратосфена".

При запуске программы происходит следующее:  1. Запрашивается верхняя граница целых значений n;  2. Далее происходит поиск и подечет простых чисел;  3. На экран выводится множество некратных чисел и простые числа от 0 до n.  Затем существует два варианта работы программы:  1. Использование класса множеств  а) пользователь задает наибольший элемент множества s (s > 0);  b) пользователь вводит набор чисел (от 0 до заданного s);  c) Результат: на экран будет выведено полученное множество и его битовая строка.  2. Использование Битовых полей  а) пользователь задает размер битовой строки s;  b) пользователь вводит строку;  c) Результат: на экран будет выведена полученная битовая строка и множество чисел.		
<ul> <li>2. Далее происходит поиск и подсчет простых чисел;</li> <li>3. На экран выводится множество некратных чисел и простые числа от 0 до n.</li> <li>3атем существует два варианта работы программы:</li> <li>1) Использование класса множеств  а) пользователь задает наибольший элемент множества s (s &gt; 0);</li> <li>b) пользователь вводит набор чисел (от 0 до заданного s);</li> <li>c) Результат: на экран будет выведено полученное множество и его битовая строка</li> <li>2) Использование Битовых полей</li> <li>a) пользователь задает размер битовой строки s;</li> <li>b) пользователь вводит строку;</li> <li>c) Результат: на экран будет выведена полученная битовая строка и множество</li> </ul>	I	При запуске программы происходит следующее:
<ul> <li>3. На экран выводится множество некратных чисел и простые числа от 0 до п.</li> <li>Затем существует два варианта работы программы:</li> <li>1) Использование класса множеств</li> <li>а) пользователь задает наибольший элемент множества s (s &gt; 0);</li> <li>b) пользователь вводит набор чисел (от 0 до заданного s);</li> <li>c) Результат: на экран будет выведено полученное множество и его битовая строка</li> <li>2) Использование Битовых полей</li> <li>а) пользователь задает размер битовой строки s;</li> <li>b) пользователь вводит строку;</li> <li>c) Результат: на экран будет выведена полученная битовая строка и множество</li> </ul>	1	1. Запрашивается верхняя граница целых значений $n$ ;
Затем существует два варианта работы программы:  1) Использование класса множеств  а) пользователь задает наибольший элемент множества s (s > 0);  b) пользователь вводит набор чисел (от 0 до заданного s);  c) Результат: на экран будет выведено полученное множество и его битовая строка  2) Использование Битовых полей  а) пользователь задает размер битовой строки s;  b) пользователь вводит строку;  c) Результат: на экран будет выведена полученная битовая строка и множество	2	2. Далее происходит поиск и подсчет простых чисел;
<ul> <li>1) Использование класса множеств</li> <li>а) пользователь задает наибольший элемент множества s (s &gt; 0);</li> <li>b) пользователь вводит набор чисел (от 0 до заданного s);</li> <li>c) Результат: на экран будет выведено полученное множество и его битовая строка</li> <li>2) Использование Битовых полей</li> <li>а) пользователь задает размер битовой строки s;</li> <li>b) пользователь вводит строку;</li> <li>c) Результат: на экран будет выведена полученная битовая строка и множество</li> </ul>	3	3. На экран выводится множество некратных чисел и простые числа от $0$ до $n$ .
<ul> <li>а) пользователь задает наибольший элемент множества s (s &gt; 0);</li> <li>b) пользователь вводит набор чисел (от 0 до заданного s);</li> <li>c) Результат: на экран будет выведено полученное множество и его битовая строка</li> <li>2) Использование Битовых полей</li> <li>a) пользователь задает размер битовой строки s;</li> <li>b) пользователь вводит строку;</li> <li>c) Результат: на экран будет выведена полученная битовая строка и множество</li> </ul>	5	Ватем существует два варианта работы программы:
<ul> <li>b) пользователь вводит набор чисел (от 0 до заданного s);</li> <li>c) Результат: на экран будет выведено полученное множество и его битовая строка</li> <li>2) Использование Битовых полей</li> <li>a) пользователь задает размер битовой строки s;</li> <li>b) пользователь вводит строку;</li> <li>c) Результат: на экран будет выведена полученная битовая строка и множество</li> </ul>	1	1) Использование класса множеств
<ul> <li>с) Результат: на экран будет выведено полученное множество и его битовая строка</li> <li>2) Использование Битовых полей</li> <li>а) пользователь задает размер битовой строки s;</li> <li>b) пользователь вводит строку;</li> <li>c) Результат: на экран будет выведена полученная битовая строка и множество</li> </ul>		а) пользователь задает наибольший элемент множества s ( $s > 0$ );
<ul> <li>2) Использование Битовых полей</li> <li>а) пользователь задает размер битовой строки s;</li> <li>b) пользователь вводит строку;</li> <li>c) Результат: на экран будет выведена полученная битовая строка и множество</li> </ul>		b) пользователь вводит набор чисел (от 0 до заданного s);
<ul><li>а) пользователь задает размер битовой строки s;</li><li>b) пользователь вводит строку;</li><li>c) Результат: на экран будет выведена полученная битовая строка и множество</li></ul>		с) Результат: на экран будет выведено полученное множество и его битовая строка
<ul><li>b) пользователь вводит строку;</li><li>c) Результат: на экран будет выведена полученная битовая строка и множество</li></ul>	2	2) Использование Битовых полей
с) Результат: на экран будет выведена полученная битовая строка и множество		а) пользователь задает размер битовой строки s;
		b) пользователь вводит строку;
	чисел.	с) Результат: на экран будет выведена полученная битовая строка и множество

4. Руководство программиста

4.1. Описание структуры программы

Созданы два класса: TSet и TBitField.

В лабораторной работе содержатся следующие модули:

\* tset

Этот модуль состоит из заголовочного файла tset.h и файла, содержащего его

реализацию tset.cpp. tset.h отвечает за определение интерфейса класса TSet.

Реализованы следующие функции: конструкторы, деструктор для класса TSet,

методы доступа к отдельным битам, перегружены теоретико-множественные операторы

(такие как сравнение, присваивание, объединение, разность, пересечение элементов и т.д.),

операторы ввода/вывода.

\* tbitfield

Этот модуль состоит из заголовочного файла tbitfield.h и файла, содержащего его

реализацию tbitfield.cpp. tbitfield.h отвечает за определение интерфейса класса TBitField.

Реализованы следующие функции: конструкторы, деструктор для класса TBitField,

методы доступа к отдельным битам, перегружены битовые операторы (такие как !=, ==, |,

&, ~), операторы ввода/вывода, прописаны методы для получение индекса элемента,

получение маски.

\* Пример использования

Пример использования содержится в файле sample\_prime\_numbers.cpp.

6

В нем рассмотрен алгоритм поиска простых чисел ("Решето Эратосфена").

К проекту sample\_prime\_numbers подключается статическая библиотека set, которая содержит оба модуля: tbitfield и tset. Далее приводится пример использования алгоритма "Решето Эратосфена" для класса TBitField. Для TSet действия аналогичны.

#### **♦** Тесты

B test\_tbitfield.cpp прописаны 29 тестов, в test\_tset.cpp - 25 тестов. Назначение тестов: проверить каждый метод из классов TBitField, TSet.

#### 4.2. Описание структур данных

### Класс TSet

Класс TSet является шаблонным классом.

Содержит следующие 2 поля (private-часть):

int maxPower; - Максимальная мощность множества

TBitField bitField; - Битовое поле для хранения характеристического вектора

Public – часть:

1) TSet(int mp);

Конструктор инициализации, где mp – максимальная мощность множества.

2) TSet(const TSet &s); - Конструктор копирования

Принимает ссылку на объект класса TSet.

3)	TSet(const TBitField &bf); - Конструктор преобразования типа		
Принимае	г ссылку на объект класс TBitField.		
p	2 002312119 110 0023111 101000 1 2212 10100		
4)	operator TBitField(); - Преобразование типа к битовому полю		
Метод воз	вращает битовое поле характеристического вектора.		
Доступ к битам:			
5)	int GetMaxPower(void) const;		
Возвращает максимальную мощность множества.			
6)	void InsElem(const int Elem);		
Включает элемент в множество.			
7)	void DelElem(const int Elem);		
Удаляет элемент из множества.			
8)	int IsMember(const int Elem) const;		
Проверяет	наличие элемента в множестве.		
Теоретико-множественные операции:			

9) int operator== (const TSet &s) const;

Сравнение. Принцип работы: принимает ссылку на объект класса TSet, проверяет 2 битовых поля на равенство.

10) int operator!= (const TSet &s) const;

Сравнение. Принцип работы: принимает ссылку на объект класса TSet, проверяет 2 битовых поля на неравенство.

11) TSet& operator=(const TSet &s);

Присваивание. Принцип работы: принимает ссылку на объект класса TSet, присваивает исходное множество к пришедшему.

12) TSet operator+ (const int Elem);

Объединение с элементом. Принцип работы: принимает Elem и добавляет его к исходному множеству.

13) TSet operator- (const int Elem);

Разность с элементом. Принцип работы: принимает Elem и удаляет его из исходного множества.

14) TSet operator+ (const TSet &s);

Объединение множеств. Принимает сслыку на объект класса TSet, возвращает результирующий объект, представляющий собой объединение двух множеств.

TSet operator\* (const TSet &s);

Пересечение множеств. Принимает сслыку на объект класса TSet, возвращает результирующий объект, представляющий собой пересечение двух множеств.

16) TSet operator~ (void);

Возвращает дополнение.

Ввод-вывод (дружественные функции):

- 17) friend istream & operator >> (istream & istr, TSet & bf);
- 18) friend ostream & operator << (ostream & ostr, const TSet & bf);

#### Класс TBitField

Класс TBitField является шаблонным классом.

Содержит следующие 2 метода и 3 поля (private-часть):

int bitLen; - Длина битового поля - макс. к-во битов

TELEM \*pMem; - Память для представления битового пол

int memLen; - Количество элементов Мем для представления битового поля

int GetMemIndex(const int n) const; Индекс в рМем для бита n

TELEM GetMemMask (const int n) const; - Битовая маска для бита n

Public – часть: 1) TBitField(int len); Конструктор инициализации. TBitField(const TBitField &bf); 2) Конструктор копирования. 3) ~TBitField(); Деструктор. Доступ к битам: 4) int GetLength(void) const; Получает длину (количество битов). 5) void SetBit(const int n); Устанавливает бит (п-ый). 6) void ClrBit(const int n);

7) int GetBit(const int n) const; Получает значение бита (n-ого).

Очищает бит (п-ый).

Битовые операции:

8) int operator==(const TBitField &bf) const;

Сравнение. Принцип работы: принимает ссылку на объект класса TBitField и проверяет его на равенство с исходным.

9) int operator!=(const TBitField &bf) const;

Сравнение. Принцип работы: принимает ссылку на объект класса TBitField и проверяет его на неравенство с исходным.

10) TBitField& operator=(const TBitField &bf);

Присваивание. Принцип работы: принимает ссылку на объект класса TBitField и приравнивает исходный объект к пришедшему.

11) TBitField operator (const TBitField &bf);

Операция "или". Принцип работы: принимает ссылку на объект класса TBitField, возвращает результирующий объект этого же класса, полученный после применения к двум битовым полям операции «ИЛИ».

12) TBitField operator&(const TBitField &bf);

Операция "И". Принцип работы: принимает ссылку на объект класса TBitField, возвращает результирующий объект этого же класса, полученный после применения к двум битовым полям операции «И».

13) TBitField operator~(void);

Отрицание. Принцип работы: возвращает объект класса TBitField, полученный с помощью использования побитового отрицания для исходного объекта.

Ввод-вывод (дружественные функции):

- friend istream & operator>>(istream & istr, TBitField & bf);
- 15) friend ostream & operator << (ostream & ostr, const TBitField & bf);

#### 4.3. Описание алгоритмов

В данном разделе не будут рассматриваться тривиальные методы.

#### TBitField:

Рассмотрим некоторую характерную черту битовых полей:

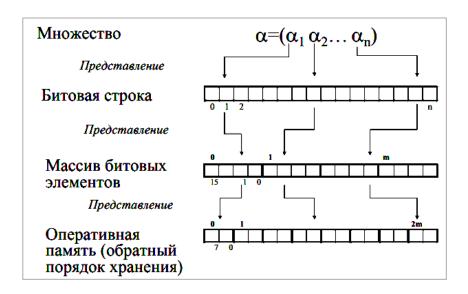


Рис. 1 – Представление битового поля

Нумерация бит в битовой строке – слева направо.

Нумерация элементов в массиве – слева направо, биты элемента – справа налево.

Байты двухбайтового элемента располагаются в ОП в обратном порядке (сначала байт с младшими битами, затем байт со старшими битами) – поддержка отображения на аппаратном уровне.

Для упрощения работы с некоторыми методами класса TBitField (такими как получить, очистить, установить бит) были реализованы вспомогательные функции. Поговорим о них подробнее:

1. GetMemMask – получение битовой маски для n-ого бита.

Маска - число, у которого в соответствующих битовому полю разрядах установлены единицы, а в остальных разрядах — нули.

Необходимая для вычисления маски формула (1.1)

$$1 \ll ((n - 1) \% (sizeof(TELEM) * 8))$$
 (1.1)

2. *GetMemIndex* – получение индекса элемента elem для n-ого бита.

Таким образом, elem - целая часть от деления n на количество битов в одном элементе массива.

Для вычисления индекса требуется формула (1.2).

$$\frac{n}{\text{sizeof(TELEM)} * 8}$$
 (1.2)

где TELEM = int, если используем целочисленный массив.

Эти методы можно использовать в дальнейшем для реализации следующих функций:

1. SetBit(const int n) – устанавливает на n-ую позицию.

Для установки битов выполняют логическое сложение (операцию «битовое ИЛИ») числа с маской, у которой в позициях, соответствующих битовому полю, установлены единицы.

```
int \ i = GetMemIndex(n); pMem[i] = pMem[i] \mid GetMemMask(n);
```

2. ClrBit(const int n) – очищает n-ый бит.

Для установки в один или несколько битов нулей число операцией «битовое И» умножают на маску, у которой в позициях, соответствующих битовому полю, установлены нулевые биты.

```
int \ i = GetMemIndex(n); pMem[i] = pMem[i] \ \& \ \sim GetMemMask(n);
```

3. GetBit(const int n) – получает значение n-ого бита.

Для получения значеня бита умножают «битовую маску» на число с помощью операции «битовое И».

```
int \ i = GetMemIndex(n); return \ (pMem[i] \ \& \ GetMemMask(n));
```

На этом заслуживающие отдельного рассмотрения методы закончились.

#### 5. Заключение

В процессе работы над этой лабораторной работой мне удалось понять принципы использования битовых полей.

Проведен анализ задачи:

- Понятие множества
- Операции над элементами
- Теоретико-множественные операции

Осуществлено проектирование:

- Конкретизация (допущения и ограничения)
- Понятие характеристического вектора
- Представление вектора в виде битовой строки
- Формирование битовой строки в виде массива
- Битовой формат элемента массива
- Выделение базового класса для реализации битовых строк

Освоена техника составления *тестов* путем самостоятельного составления нескольких из них на базе GT.

Результат: завершена разработка структуры данных для хранения множеств при помощи битовых полей. Получены новые знания и навыки.

## 6. Литература

### Интернет-ресурсы:

1. Страница в Википедии, посвященная тема битовых полей: [https://ru.wikipedia.org/wiki/%D0%91%D0%B8%D1%82%D0%BE%D0%BE%D0%BE%D0%BB%D0%B5\_%D0%BF%D0%BE%D0%BB%D0%B5]

#### 2.C++ International Standard

[http://www.open-std.org/jtc1/sc22/wg21/docs/papers/2013/n3690.pdf]

#### Книги:

- 3. Брайан В. Керниган, Деннис М. Ритчи, Язык программирования Си. Издание 3-е
- 4. Гергель В.П. Методические материалы по курсу «Методы программирования 2», 2015.