

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
Высшего образования
«Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского»
Национальный исследовательский университет

Институт информационных технологий, математики и механики
Кафедра математического обеспечения и суперкомпьютерных технологий

ОТЧЕТ ПО УЧЕБНОЙ ПРАКТИКЕ

*«Линейная фильтрация изображений (горизонтальное разбиение).
Ядро Гаусса 3x3.»*

Выполнил:

студент группы 381706-1
Соколов Андрей Дмитриевич

_____ Подпись

Принял:

Доцент кафедры МОСТ, кандидат
технических наук

_____ Сысоев А. В.

Нижний Новгород

2019.

Содержание

1.	Введение.....	3
2.	Постановка задачи	4
3.	Описание алгоритмов	5
4.	Схема распараллеливания	7
5.	Описание MPI-версии.....	8
6.	Эксперименты.....	9
7.	Заключение	11
8.	Литература	12

1. Введение

Линейная фильтрация изображения с помощью фильтра Гаусса – алгоритм обработки изображения в конце работы которого получается размытое изображение без шумов.



Рисунок 1. Пример использования фильтра гаусса для изображения в оттенках серого

2. Постановка задачи

В этой лабораторной работе нужно реализовать алгоритм линейной фильтрации изображения с помощью ядра Гаусса 3×3 . Изначально нам даётся изображение в оттенках серого, размер пикселя - 1 байт. На выходе должно получаться изображение таких же размеров с размытием и устраненным шумом.

Для более эффективной работы алгоритма необходимо реализовать горизонтальное разбиение изображения для реализации параллельной работы алгоритма с произвольным количеством процессов.

3. Описание алгоритмов

Линейная фильтрация изображения с помощью фильтра Гаусса 3x3

Реализация алгоритма линейной фильтрации изображения заключается в последовательном применении ядра Гаусса к каждому пикселю.

Ядро, или матрица свёртки, Гаусса в нашей задаче – матрица размера 3 на 3

1	2	1
2	4	2
1	2	1

$\ast 1/16$

Рисунок 2. Ядро Гаусса

Это матрица коэффициентов, которая «умножается» на значение пикселей изображения для получения требуемого результата. Число «16» - это коэффициент нормирования, для того чтобы средняя интенсивность оставалась не изменой. Матрица свертки «Накладывается» на каждый вычисляемый пиксель изображения, которому соответствует середине ядра – 4 и считается новое значение за счет своего значения и 8-ми соседних пикселей.

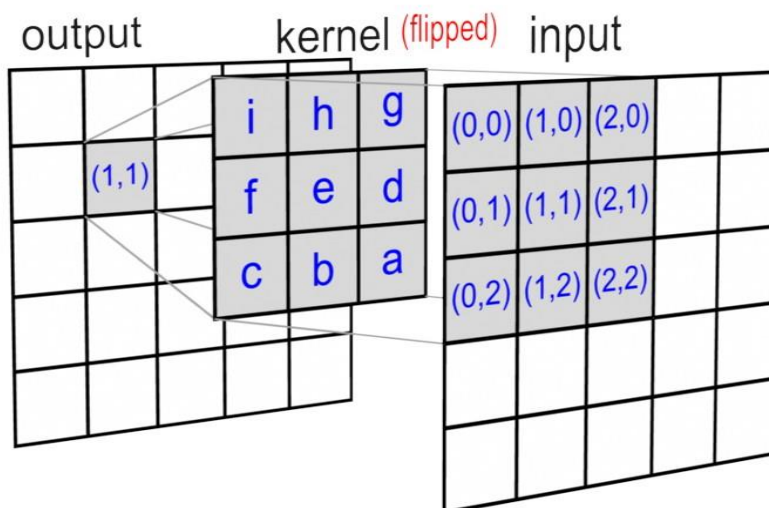


Рисунок 3. Пример «накладывания» матрицы свёртки на изображение

Входное изображение	Матрица																				
<table border="1" style="border-collapse: collapse; text-align: center; color: blue;"> <tr><td>12</td><td>14</td><td>41</td></tr> <tr><td>43</td><td>84</td><td>24</td></tr> <tr><td>2</td><td>1</td><td>43</td></tr> </table>	12	14	41	43	84	24	2	1	43	×	<table border="1" style="border-collapse: collapse; text-align: center; color: red;"> <tr><td>0,5</td><td>0,75</td><td>0,5</td></tr> <tr><td>0,75</td><td>1,0</td><td>0,75</td></tr> <tr><td>0,5</td><td>0,75</td><td>0,5</td></tr> </table>	0,5	0,75	0,5	0,75	1,0	0,75	0,5	0,75	0,5	=
12	14	41																			
43	84	24																			
2	1	43																			
0,5	0,75	0,5																			
0,75	1,0	0,75																			
0,5	0,75	0,5																			
			Результат																		
<div style="display: flex; align-items: center; justify-content: center;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-right: 10px;"> $\begin{pmatrix} 12 * 0,5 + 14 * 0,75 + 41 * 0,5 + \\ 43 * 0,75 + 84 * 1,0 + 24 * 0,75 + \\ 2 * 0,5 + 1 * 0,75 + 43 * 0,5 \end{pmatrix}$ </div> <div style="font-size: 2em; margin: 0 10px;">×</div> <div style="display: flex; align-items: center;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-right: 10px;"> $\frac{1}{\text{div}}$ </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-right: 10px;"> $=$ </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px;"> $32,41667$ </div> </div> </div> <td style="text-align: center; vertical-align: middle;">=</td>			=																		
div = 6																					

Рисунок 4. Пример вычисления значения пикселя с помощью матрицы свёртки 3x3

Так же в работе алгоритма есть особые пиксели, находящиеся на границе изображения. В таких случаях изображение расширяется за счет собственных значений и свертывание происходит как обычно.

4. Схема распараллеливания

Организация параллельной работы алгоритма происходит путём горизонтального разбиения изображения на n блоков, где n – количество процессов. Количество строк в этих блоках считаются по формулам:

$$\begin{aligned} n1 &= \text{rows} / \text{comm_size} \\ n2 &= \text{rows} \% \text{comm_size} \end{aligned} \tag{1}$$

Нулевой процесс будет вычислять часть изображения размером $n1 + n2$ строк, а все остальные процессы – $n1$ строк.

Особенность распараллеливания нашего алгоритма заключается в том, что рассылать процессам изображение нужно с дополнительными строками:

- 2, если блок исходного изображения не является последним
- 1, если блок исходного изображения является последним

Данное дополнение необходимо в следствии вычисления пикселя с помощью матрицы свертки 3×3 , которая задействует 8 соседних пикселей

5. Описание MPI-версии

Для реализации параллельной работы алгоритма с помощью библиотеки MPI используются стандартные функции обмена сообщениями между процессами.

В начале работы алгоритма используются функции `MPI_Comm_size` что бы узнать сколько процессов используется и `MPI_Comm_rank` что бы инициализировать ранг процесса.

Дальше нам необходимо разослать из нулевого процесса блоки исходного изображения ненулевым процессам размером, соответствующим нашей схемой распараллеливания. Это происходит с помощью функций `MPI_Send` и `MPI_Recv`.

После вычисления значений пикселей в каждом процессе программа должна разослать полученный результат обратно нулевому процессу, чтобы собрать новое изображение воедино. Это также происходит с помощью функций `MPI_Send` и `MPI_Recv`.

6. Эксперименты

Эксперименты проводились на ПК с следующими параметрами:

Операционная система: Windows 10

Процессор: Intel(R) Core™ i5-6200U CPU @ 2.30 GHz

Оперативная память: 8,00 Gb

Эксперимент 1

В этом эксперименте проверяется работа алгоритма в зависимости от количества процессов. Размер изображения 500 x 500 пикселей.

Количество процессов	Время работы последовательного алгоритма	Время работы параллельного алгоритма
1	2.55949	3.29941
2	2.54079	1.76754
4	2.36184	0.70132
8	2.58534	0.42025

Таблица 1. Время работы алгоритма с фиксированным размером изображения.

Эксперимент 2

В этом эксперименте проверяется работа алгоритма в зависимости от размера изображения. Количество процессов - 4. Количество столбцов - 100

Количество строк	Время работы последовательного алгоритма	Время работы параллельного алгоритма
10	0.000694	0.000749
50	0.0007172	0.0005217
100	0.0041704	0.002
500	2.33967	0.703265

Таблица 2. Время работы алгоритма с фиксированным количеством процессов.

Исходя из двух экспериментов можно увидеть, что параллельный алгоритм работает в разы эффективней последовательного. На малых размерах изображения видно, что параллельный алгоритм менее эффективен в следствии относительно больших затрат на пересылку между процессами. Но на больших размерах это эффективность очевидна

7. Заключение

В ходе работы над данной лабораторной работой был реализован последовательный и параллельный алгоритм линейной фильтрации изображения с помощью ядра Гаусса 3×3 . Был подробно изучен алгоритм обработки изображения с помощью матрицы свертки и получен опыт по распараллеливанию алгоритмов.

8. Литература

1. Википедия: свободная электронная энциклопедия на русском языке:
<https://ru.wikipedia.org>

9. Приложение

Horizontal_gauss.h

```
// Copyright 2019 Sokolov Andrey

#ifndef MODULES_TASK_3_SOKOLOV_A_HORIZONTAL_GAUSS_HORIZONTAL_GAUSS_H_
#define MODULES_TASK_3_SOKOLOV_A_HORIZONTAL_GAUSS_HORIZONTAL_GAUSS_H_

#include <vector>

// #define DEBUG

constexpr unsigned char gaussFilter[3][3] {{1, 2, 1},
                                           {2, 4, 2},
                                           {1, 2, 1}};

constexpr unsigned char sumMask {16};

std::vector<unsigned char> getRandomImage(int _cols, int _rows);

unsigned char changePixel(std::vector<unsigned char> _source, int x, int y, int rows,
int cols);

std::vector<unsigned char> filterImageParallel(std::vector<unsigned char> source, int
rows, int cols);

std::vector<unsigned char> filterImageSequential(std::vector<unsigned char> source, int
rows, int cols);

#endif // MODULES_TASK_3_SOKOLOV_A_HORIZONTAL_GAUSS_HORIZONTAL_GAUSS_H_
```

Horizontal_gauss.cpp

```
// Copyright 2019 Sokolov Andrey
#include <mpi.h>
#include <iostream>
#include <random>
#include <numeric>
#include <algorithm>
#include <vector>
#include <ctime>
#include <list>
#include "../modules/task_3/sokolov_a_horizontal_gauss/horizontal_gauss.h"

std::vector<unsigned char> getRandomImage(int _cols, int _rows) {
    std::mt19937 gen;
    gen.seed(static_cast<unsigned int>(time(0)));
    std::vector<unsigned char> image(_cols * _rows);
    for (int i = 0; i < _cols; i++)
        for (int j = 0; j < _rows; j++)
            image[i*_rows+j] = static_cast<unsigned char>(gen() % 256);

    return image;
}
```

```

unsigned char changePixel(std::vector<unsigned char> source, int _x, int _y, int rows,
int cols) {
    int sum = 0;
    for (int i = -1; i < 2; ++i) {
        for (int j = -1; j < 2; ++j) {
            int x = _x + i;
            int y = _y + j;

            if (x < 0 || x > rows - 1) {
                x = _x;
            }
            if (y < 0 || y > cols - 1) {
                y = _y;
            }
            if (x * cols + y >= cols * rows) {
                x = _x;
                y = _y;
            }
            sum += static_cast<int>(source[x*cols + y] * (gaussFilter[i + 1][j + 1]));
        }
    }
    return sum / sumMask;
}

std::vector<unsigned char> filterImageSequential(std::vector<unsigned char> source, int
rows, int cols) {
    std::vector<unsigned char> result(cols * rows);
    for (int i = 0; i < rows; ++i)
        for (int j = 0; j < cols; ++j) {
            result[i * cols + j] = changePixel(source, i, j, rows, cols);
        }
    return result;
}

std::vector<unsigned char> filterImageParallel(std::vector<unsigned char> source, int
rows, int cols) {
    int comm_size, rank;
    MPI_Status status;

    std::vector<unsigned char> globalResult(cols * rows);

    MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &comm_size);
    MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);

    if (rows < comm_size) {
        return filterImageSequential(source, rows, cols);
    }

    const int interval      = rows / comm_size; // how many lines will send to processes
    const int last_interval = rows % comm_size; // residue to 0'th process

    std::vector<std::vector<unsigned char>> recvResult(comm_size - 1);

    if (rank == 0) {
#ifdef DEBUG
        std::cout << "Interval: " << interval << std::endl;
        std::cout << "Last Interval: " << last_interval << std::endl;
#endif // DEBUG

        for (int i = 0; i < comm_size - 1; ++i) {
            recvResult[i].resize(interval * cols, 0);
        }
    }
}

```

```

std::vector<unsigned char> localImage(interval * cols + 2 * cols);
std::vector<unsigned char> localResult(interval * cols);

if (rank == 0) {
#ifdef DEBUG
    std::cout << "Source: " << "Size: " << source.size() << std::endl;
    for (int i = 0; i < source.size(); ++i) {
        std::cout << (unsigned int)source[i] << " ";
        if ((i + 1) % cols == 0) std::cout << std::endl;
    }
    std::cout << std::endl;
#endif // DEBUG

    for (int proc = 1; proc < comm_size; proc++) {
        int startAddress = (proc * interval * cols) + (last_interval - 1) * cols;
        int countSend;

        if (proc != (comm_size - 1)) {
            countSend = interval * cols + 2 * cols;
        } else {
            countSend = interval * cols + cols;
        }
        MPI_Send(&source[0] + startAddress, countSend, MPI_UNSIGNED_CHAR, proc, 0,
MPI_COMM_WORLD);
    }

    } else if (rank != 0) {
        if (rank != comm_size - 1) {
            MPI_Recv(&localImage[0], (interval + 2) * cols + 2, MPI_UNSIGNED_CHAR, 0, 0,
MPI_COMM_WORLD, &status);
        } else {
            localImage.resize((interval + 1) * cols);
            MPI_Recv(&localImage[0], (interval + 1) * cols, MPI_UNSIGNED_CHAR, 0, 0,
MPI_COMM_WORLD, &status);
        }
    }

#ifdef DEBUG
    std::cout << "{" << rank << "}" << "Local Image" << " | Size: " << localImage.size()
<< std::endl;
    for (int i = 0; i < localImage.size(); ++i) {
        std::cout << (unsigned int)localImage[i] << " ";
        if ((i + 1) % cols == 0) std::cout << std::endl;
    }
    std::cout << std::endl;
#endif // DEBUG
}

if (rank == comm_size - 1 && comm_size != 1) {
    for (int i = 1; i < interval + 1; ++i)
        for (int j = 0; j < cols; ++j)
            localResult[(i - 1) * cols + j] = changePixel(localImage, i, j, interval + 1,
cols);

#ifdef DEBUG
    std::cout << "{" << rank << "}" << "Local result" << " | Size: " <<
localResult.size() << std::endl;
    for (int i = 0; i < localResult.size(); ++i) {
        std::cout << (unsigned int)localResult[i] << " ";
        if ((i + 1) % cols == 0) std::cout << std::endl;
    }
    std::cout << std::endl;
#endif // DEBUG
} else if (rank != 0) {
    for (int i = 1; i < interval + 1; ++i)

```

```

        for (int j = 0; j < cols; ++j)
            localResult[(i - 1) * cols + j] = changePixel(localImage, i, j, interval + 2,
cols);

#ifdef DEBUG
    std::cout << "{" << rank << "}" << "Local result" << " | Size: " <<
localResult.size() << std::endl;
    for (int i = 0; i < localResult.size(); ++i) {
        std::cout << (unsigned int)localResult[i] << " ";
        if ((i + 1) % cols == 0) std::cout << std::endl;
    }
    std::cout << std::endl;
#endif // DEBUG
    } else {
        for (int i = 0; i < interval + last_interval; ++i)
            for (int j = 0; j < cols; ++j)
                globalResult[i * cols + j] = changePixel(source, i, j, rows, cols);
    }

    if (rank != 0) {
        MPI_Send(&localResult[0], interval * cols, MPI_UNSIGNED_CHAR, 0, 0, MPI_COMM_WORLD);
    } else {
        for (int proc = 1; proc < comm_size; ++proc) {
            int start = ((interval + last_interval) * cols) + ((proc - 1) * interval * cols);
            MPI_Recv(&globalResult[0] + start, interval * cols, MPI_UNSIGNED_CHAR, proc, 0,
MPI_COMM_WORLD, &status);
        }
    }

    return globalResult;
}

```

main.cpp

```

// Copyright 2019 Sokolov Andrey
#include <gtest-mpi-listener.hpp>
#include <gtest/gtest.h>
#include <iostream>
#include <vector>
#include <array>
#include "../modules/task_3/sokolov_a_horizontal_gauss/horizontal_gauss.h"

TEST(Horizontal_Gauss_MPI, Test_Image_9_rows_9_cols) {
    int rank;
    MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);

    constexpr int rows{ 9 };
    constexpr int cols{ 9 };

    std::vector<unsigned char> src = getRandomImage(cols, rows);
    std::vector<unsigned char> resPar;
    std::vector<unsigned char> resSeq;

    resPar = filterImageParallel(src, cols, rows);

    if (rank == 0) {
        resSeq = filterImageSequential(src, cols, rows);
#ifdef DEBUG
        std::cout << "Parallel result:" << std::endl;
        for (int i = 0; i < cols * rows; ++i) {
            std::cout << (unsigned int)resPar[i] << " ";
        }
        std::cout << std::endl;
        std::cout << "Sequential result:" << std::endl;

```



```

        for (int i = 0; i < cols* rows; ++i) {
            std::cout << (unsigned int)resSeq[i] << " ";
        }
    #endif // DEBUG
    ASSERT_EQ(resPar, resSeq);
}

TEST(Horizontal_Gauss_MPI, Test_Image_27rows_27_cols) {
    int rank;
    MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);

    constexpr int rows{ 27 };
    constexpr int cols{ 27 };

    std::vector<unsigned char> src = getRandomImage(cols, rows);
    std::vector<unsigned char> resPar;
    std::vector<unsigned char> resSeq;

    resPar = filterImageParallel(src, cols, rows);

    if (rank == 0) {
        resSeq = filterImageSequential(src, cols, rows);
    #ifdef DEBUG
        std::cout << "Parallel result:" << std::endl;
        for (int i = 0; i < cols * rows; ++i) {
            std::cout << (unsigned int)resPar[i] << " ";
        }
        std::cout << std::endl;
        std::cout << "Sequential result:" << std::endl;
        for (int i = 0; i < cols* rows; ++i) {
            std::cout << (unsigned int)resSeq[i] << " ";
        }
    #endif // DEBUG

        ASSERT_EQ(resPar, resSeq);
    }
}

TEST(Horizontal_Gauss_MPI, Test_Image_10_rows_5_cols) {
    int rank;
    MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);

    constexpr int rows{ 10 };
    constexpr int cols{ 5 };

    std::vector<unsigned char> src = getRandomImage(cols, rows);
    std::vector<unsigned char> resPar;
    std::vector<unsigned char> resSeq;

    resPar = filterImageParallel(src, rows, cols);

    if (rank == 0) {
        resSeq = filterImageSequential(src, rows, cols);
    #ifdef DEBUG
        std::cout << "Parallel result:" << std::endl;
        for (int i = 0; i < cols * rows; ++i) {
            std::cout << (unsigned int)resPar[i] << " ";
            if ((i + 1) % cols == 0) std::cout << std::endl;
        }
        std::cout << std::endl;
        std::cout << "Sequential result:" << std::endl;
        for (int i = 0; i < cols* rows; ++i) {
            std::cout << (unsigned int)resSeq[i] << " ";
            if ((i + 1) % cols == 0) std::cout << std::endl;
        }
    #endif
}

```

```

    }
#endif // DEBUG

    ASSERT_EQ(resPar, resSeq);
}
}

TEST(Horizontal_Gauss_MPI, Test_Image_8_rows_11_cols) {
    int rank;
    MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);

    constexpr int rows{ 8 };
    constexpr int cols{ 11 };

    std::vector<unsigned char> src = getRandomImage(cols, rows);
    std::vector<unsigned char> resPar;
    std::vector<unsigned char> resSeq;

    resPar = filterImageParallel(src, rows, cols);

    if (rank == 0) {
        resSeq = filterImageSequential(src, rows, cols);
#ifdef DEBUG
        std::cout << "Parallel result:" << std::endl;
        for (int i = 0; i < cols * rows; ++i) {
            std::cout << (unsigned int)resPar[i] << " ";
            if ((i + 1) % cols == 0) std::cout << std::endl;
        }
        std::cout << std::endl;
        std::cout << "Sequential result:" << std::endl;
        for (int i = 0; i < cols * rows; ++i) {
            std::cout << (unsigned int)resSeq[i] << " ";
            if ((i + 1) % cols == 0) std::cout << std::endl;
        }
#endif // DEBUG

        ASSERT_EQ(resPar, resSeq);
    }
}

TEST(Horizontal_Gauss_MPI, Test_Image_16_rows_1_cols) {
    int rank;
    MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);

    constexpr int rows{ 16 };
    constexpr int cols{ 1 };

    std::vector<unsigned char> src = getRandomImage(cols, rows);
    std::vector<unsigned char> resPar;
    std::vector<unsigned char> resSeq;

    resPar = filterImageParallel(src, rows, cols);

    if (rank == 0) {
        resSeq = filterImageSequential(src, rows, cols);
#ifdef DEBUG
        std::cout << "Parallel result:" << std::endl;
        for (int i = 0; i < cols * rows; ++i) {
            std::cout << (unsigned int)resPar[i] << " ";
            if ((i + 1) % cols == 0) std::cout << std::endl;
        }
        std::cout << std::endl;
        std::cout << "Sequential result:" << std::endl;
        for (int i = 0; i < cols * rows; ++i) {

```

```

        std::cout << (unsigned int)resSeq[i] << " ";
        if ((i + 1) % cols == 0) std::cout << std::endl;
    }
#endif // DEBUG

    ASSERT_EQ(resPar, resSeq);
}

TEST(Horizontal_Gauss_MPI, Test_Image_1_rows_16_cols) {
    int rank;
    MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);

    constexpr int rows{ 16 };
    constexpr int cols{ 1 };

    std::vector<unsigned char> src = getRandomImage(cols, rows);
    std::vector<unsigned char> resPar;
    std::vector<unsigned char> resSeq;

    resPar = filterImageParallel(src, rows, cols);

    if (rank == 0) {
        resSeq = filterImageSequential(src, rows, cols);
#ifdef DEBUG
        std::cout << "Parallel result:" << std::endl;
        for (int i = 0; i < cols * rows; ++i) {
            std::cout << (unsigned int)resPar[i] << " ";
            if ((i + 1) % cols == 0) std::cout << std::endl;
        }
        std::cout << std::endl;
        std::cout << "Sequential result:" << std::endl;
        for (int i = 0; i < cols * rows; ++i) {
            std::cout << (unsigned int)resSeq[i] << " ";
            if ((i + 1) % cols == 0) std::cout << std::endl;
        }
#endif // DEBUG

        ASSERT_EQ(resPar, resSeq);
    }
}

// TEST(Horizontal_Gauss_MPI, Test_Image_500_rows_500_cols) {
//     int rank;
//     MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);
//     //
//     // constexpr int rows{ 500 };
//     // constexpr int cols{ 500 };
//     //
//     // std::vector<unsigned char> src = getRandomImage(cols, rows);
//     // std::vector<unsigned char> resPar;
//     // std::vector<unsigned char> resSeq;
//     //
//     // double parTime1 = MPI_Wtime();
//     // resPar = filterImageParallel(src, cols, rows);
//     // double parTime2 = MPI_Wtime();
//     //
//     // if (rank == 0) {
//     //     double seqTime1 = MPI_Wtime();
//     //     resSeq = filterImageSequential(src, cols, rows);
//     //     double seqTime2 = MPI_Wtime();
//     //     #ifdef DEBUG
//     //         for (int i = 0; i < cols * rows; ++i) {
//     //             std::cout << (unsigned int)resPar[i] << " ";
//     //         }
//     //     }

```

```

//  std::cout << std::endl;
//  for (int i = 0; i < cols* rows; ++i) {
//      std::cout << (unsigned int)resSeq[i] << " ";
//  }
// #endif // DEBUG
//  std::cout << "ParTime " << parTime2 - parTime1 << std::endl;
//  std::cout << "SeqTime " << seqTime2 - seqTime1 << std::endl;
//  ASSERT_EQ(resPar, resSeq);
// }
// }

int main(int argc, char** argv) {
    ::testing::InitGoogleTest(&argc, argv);
    MPI_Init(&argc, &argv);

    ::testing::AddGlobalTestEnvironment(new GTestMPIListener::MPIEnvironment);
    ::testing::TestEventListeners& listeners = ::testing::UnitTest::GetInstance()-
>listeners();

    listeners.Release(listeners.default_result_printer());
    listeners.Release(listeners.default_xml_generator());

    listeners.Append(new GTestMPIListener::MPIMinimalistPrinter);
    return RUN_ALL_TESTS();
}

```