## **肥 工 业 大 学 (期 中) 试 卷(A)** 共 <u>1 页第 1 页</u>页

2017~2018 学年第 ─ 学期 课程代码 1400071B 课程名称 线性代数 学分 2.5 课程性质:必修☑、选修□、限修□ 考试形式:开卷□、闭卷☑ 专业班级(教学班) 考试日期 2017年10月15日10:20-11:50 命题教师 集体 系(所或教研室)主任审批签名

## 一、填空题(每小题5分,共35分)

2. 已知一个三阶行列式的第二行元素全为 1, 第三行的余子式分别为 a,a+1,a+2, 则 a=

3. 设
$$D = \begin{bmatrix} 2 & -1 & 1 \\ 3 & 0 & 2 \\ -1 & 4 & -1 \end{bmatrix}$$
,  $A_{ij} \to D$  的 $(i, j)$  元的代数余子式,则  $-2A_{12} - 4A_{22} + 2A_{32} = _____$ .

4. 设 A, B 为 3 阶方阵,|A|=1, |B|=-2,,则 $|(2A)^*(2B)^{-1}|=$ 

6. 设 $A = (\boldsymbol{\alpha}_1, 2\boldsymbol{\alpha}_2, \boldsymbol{\alpha}_3), B = (\boldsymbol{\alpha}_1, 4\boldsymbol{\alpha}_2, \boldsymbol{\alpha}_3), 其中 (\boldsymbol{\alpha}_2, \boldsymbol{\alpha}_3, \boldsymbol{\alpha}_3)$  都是 3 维列向量,已知 |A| = 2,则

$$|A+B|=$$

7. 已知 
$$A = \begin{pmatrix} 2 & 2 & 0 \\ 3 & 4 & 0 \\ 0 & 0 & 5 \end{pmatrix}$$
, 那么  $A^{-1} = \underline{\qquad}$ .

## 二、选择题(每小题5分,共计25分)

- 1. 设 A, B, C 为 n 阶方阵, 且 ABC = E, 则下列等式必成立的是()

- (A) BCA = E (B) BAC = E (C) ACB = E (D) CBA = E

2、设A,B为n阶方阵,且 $AB = \mathbf{0}$ ,则必有().

- (C)若 $A \neq \mathbf{0}$ ,则 $B = \mathbf{0}$  (D)若 $|A| \neq 0$ ,则 $B = \mathbf{0}$

则必有().

- (A)  $AP_1P_2 = B$  (B)  $AP_2P_1 = B$  (C)  $P_1P_2A = B$  (D)  $P_2P_1A = B$

4. 设 
$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$$
,  $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 2 \\ 0 & 1 & 3 \end{pmatrix}$ ,  $C = AB^{-1}$ , 则矩阵  $C^{-1}$ 中第三行、第二列的元素是( ).

$$(A)\frac{1}{2}$$
  $(B)\frac{1}{3}$   $(C)$  1  $(D)\frac{3}{2}$ 

5. 以下结论正确的是(

- (A) 若方阵 A 的行列式 |A|=0, 则 A=0 (B) 若 A 为对称矩阵,则  $A^2$  也是对称矩阵
- (C) 若  $A^2 = 0$  , 则 A = 0
- (D) 对 n 阶方阵 A, B, 有  $(A+B)(A-B) = A^2 B^2$

三、(10 分)解方程组 
$$\begin{cases} x_1 + ax_2 + a^2x_3 = d, \\ x_1 + bx_2 + b^2x_3 = d, & 其中 a, b, c 互异. \\ x_1 + cx_2 + c^2x_3 = d. \end{cases}$$

四、(10 分) 求 
$$A = \begin{pmatrix} 0 & 2 & -1 \\ 1 & 1 & 2 \\ -1 & -1 & -1 \end{pmatrix}$$
 的逆矩阵.

五、(10 分) 已知 
$$\boldsymbol{\alpha} = (1,2,3)^T$$
, $\boldsymbol{\beta} = \left(1,\frac{1}{2},\frac{1}{3}\right)^T$ ,若 $A = \boldsymbol{\alpha}\boldsymbol{\beta}^T$ ,求 $A^{2017}$ .

**六、(10 分)** 设n阶方阵 A满足方程  $A^3 + A^2 - 2A - 2E = 0$ , 证明  $A \otimes E - A$  都可逆, 并求  $A^{-1}$ 及 $(E-A)^{-1}$ .