## 1. 题目: Dijkstra 算法求最短路径

设 G=(V,E)是一个带权有向图,图中顶点集合 $\{A, B, C, D, E, F\}$ ,线上所标注为相邻线段之间的距离,即权值。请使用 Dijkstra 算法求以某一点为源点到其他各顶点的最短路径。(设所有权值均为正)

## 2. Dijkstra 算法思想及具体步骤

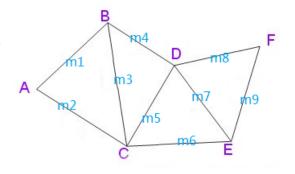
设 G=(V,E)是一个带权有向图,把图中顶点集合 V 分成两组,第一组为已求出最短路径的顶点集合(用 S 表示,初始时 S 中只有一个源点,以后每求得一条最短路径,就将 加入到集合 S 中,直到全部顶点都加入到 S 中,算法就结束了),第二组为其余未确定最短路径的顶点集合(用 U 表示),按最短路径长度的递增次序依次把第二组的顶点加入 S 中。在加入的过程中,总保持从源点 v 到 S 中各顶点的最短路径长度不大于从源点 v 到 U 中任何顶点的最短路径长度。此外,每个顶点对应一个距离,S 中的顶点的距离就是从 v 到此顶点的最短路径长度,U 中的顶点的距离,是从 v 到此顶点只包括 S 中的顶点为中间顶点的当前最短路径长度。算法具体步骤如下:

- (1) 初始时,S 只包含源点,即 S=v,v 的距离为 0。U 包含除 v 外的其他顶点,U 中顶点 u 距离为边上的权(若 v 与 u 有边)或 )(若 u 不是 v 的出边邻接点)。
- (2) 从 U 中选取一个距离 v 最小的顶点 k, 把 k, 加入 S 中(该选定的距离就是 v 到 k 的最短路径长度)。
- (3) 以 k 为新考虑的中间点,修改 U 中各顶点的距离;若从源点 v 到顶点 u (u U) 的距离(经过顶点 k)比原来距离(不经过顶点 k)短,则修改顶点 u 的距离值,修改后的距离值的顶点 k 的距离加上边上的权。
  - (4) 重复步骤(2)和(3)直到所有顶点都包含在S中。

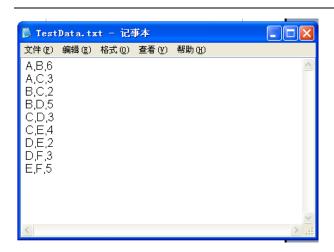
## 3. 基本要求

TestData.txt 中的数据(下图截图所示)表示的是如右图所示的无向网络。TestData.txt中的每一行表示的是一条无向的边,如TestData.txt中的第一行"A,B,6",表示的是A和B点间存在一条无向的边,它的权值为6。

要求根据 TestData.txt 中的网络数据,利用 Dijkstra 算法,求给定起点终点的最短路



径及路径的权值。如评委要求 A 到 F 点的权值最小的路径,则输入"A"和"F"后,相应输出路径为"A-C-D-F",路径的权值为"9"(不需要输出到结果文本,输出到屏幕即可)。



## 4 上交成果

- (1)程序(包括源程序和可执行程序);
- (2) 程序设计和开发