Σχεδίαση Συστημάτων Αυτομάτου Ελέγχου Εργαστηριακή άσκηση Matlab/Simulink

Άλκης Γκότοβος 2 Ιουλίου 2010

1 Στόχος

Στόχος της άσκησης είναι η σχεδίαση τριών διαφορετικών ελεγκτών για τον έλεγχο ενός συστήματος διασυνδεδεμένων δεξαμενών που χρησιμοποιείται σε υδροηλεκτρικό εργοστάσιο, έτσι ώστε να πληρούνται δεδομένες προδιαγραφές.

Αρχικά θα σχεδιασθεί ένας ελεγκτής ανάδρασης κατάστασης, στη συνέχεια ένας παρατηρητής πλήρους τάξης και τέλος ένας παρατηρητής μειωμένης τάξης.

2 Σύστημα ανοιχτού βρόχου

Σύμφωνα με την εκφώνηση το σύστημα των δεξαμενών διέπεται από τις παρακάτω διαφορικές εξισώσεις:

$$q_{i}(t) - q(t) = A_{1}\dot{h}_{1}(t)$$

$$q(t) - q_{0}(t) = A_{2}\dot{h}_{2}(t)$$

$$h_{1}(t) - h_{2}(t) = q(t)R_{1}$$

$$h_{2}(t) = q_{0}(t)R_{2}$$
(1)

Χρησιμοποιώντας ως μεταβλητές κατάστασης τις $x_1(t)=q_0(t)$ και $x_2(t)=h_1(t)$ και είσοδο $u(t)=q_i(t)$, μπορούμε να εξάγουμε τις εξισώσεις που περιγράφουν το σύστημα στο χώρο κατάστασης:

$$\dot{\mathbf{x}} = \mathbf{A}\mathbf{x} + \mathbf{B}\mathbf{u}$$

$$y = \mathbf{C}\mathbf{x}$$
(2)

όπου

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} -(\frac{1}{R_1 A_2} + \frac{1}{R_2 A_2}) & \frac{1}{R_1 R_2 A_2} \\ \frac{R_2}{R_1 A_1} & -\frac{1}{R_1 A_1} \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{B} = \begin{bmatrix} 0 \\ \frac{1}{A_1} \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{C} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix}$$
(3)

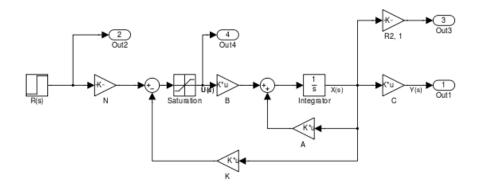
Στο Matlab script design.m γίνονται οι υπολογισμοί για την ευστάθεια, την ελεγξιμότητα και την παρατηρησιμότητα του συστήματος ανοιχτού βρόχου, καθώς και όλοι οι υπολογισμοί που αφορούν τη σχεδίαση των ελεγκτών των επομένων ενοτήτων.

Από τα αποτελέσματα βλέπουμε ότι το σύστημα ανοιχτού βρόχου είναι ευσταθές, ελέγξιμο και παρατηρήσιμο. Οι δύο τελευταίες ιδιότητες εξασφαλίζουν ότι μπορούμε να σχεδιάσουμε με ανάδραση κατάστασης, καθώς και με παρατηρητή.

3 Ελεγκτής ανάδρασης κατάστασης

Το σύστημα ανοιχτού βρόχου είναι δεύτερης τάξης, συνεπώς πρέπει να τοποθετήσουμε δύο πόλους για το κλειστό σύστημα με ανάδραση κατάστασης. Αν επιλέξουμε δύο μιγαδικούς πόλους με συγκεκριμένα ζ και w_n , τότε το κέρδος ανάδρασης κατάστασης \mathbf{K} μπορεί να βρεθεί από τον τύπο του Ackermann. Αυτό γίνεται στο Matlab με τη χρήση της συνάρτησης place.

Η απόσβεση ζ των επιθυμητών πόλων επιλέγεται έτσι ώστε να ικανοποιείται η προδιαγραφή της μέγιστης υπερύψωσης (<15%) και η φυσική συχνότητα w_n έτσι ώστε να ικανοποιείται η προδιαγραφή του χρόνου αποκατάστασης $(4/\zeta w_n \approx 400s)$.



Σχήμα 1: Μοντέλο Simulink συστήματος με ανάδραση κατάστασης.

Το μοντέλο Simulink του συστήματος με ανάδραση κατάστασης υπάρχει στο αρχείο fullstate.mdl και φαίνεται στο Σχήμα 1. Έχουμε να παρατηρήσουμε τα εξής σχετικά με το μοντέλο αυτό:

Η είσοδος αναφοράς ενισχύεται κατά παράγοντα N και στη συνέχεια τροφοδοτείται στο βρόχο του κλειστού συστήματος. Το κέρδος N επιλέγεται έτσι ώστε το σφάλμα εξόδου μόνιμης κατάστασης για βηματική είσοδο να μηδενίζεται, σύμφωνα με τη σχέση

$$N = -\frac{1}{\mathbf{C}(\mathbf{A} - \mathbf{B}\mathbf{D})^{-1}\mathbf{B}} \tag{4}$$

• Σύμφωνα με την εκφώνηση η μέγιστη ροή εισόδου είναι $3m^3/s$ και είναι θετική. Για να εξασφαλισθεί ότι η ροή παραμένει πάντα μεταξύ των επιτρεπτών ορίων, έχει προστεθεί στο μοντέλο ένα saturation block.

Επιλέγοντας για τους επιθυμητούς πόλους απόσβεση $\zeta=0.7$ ώστε να πληρούται η προδιαγραφή της μέγιστης υπερύψωσης και κατάλληλο w_n , παρατηρούμε από την προσομοίωση ότι το ύψος της μίας δεξαμενής ξεπερνά τα 6m, που σύμφωνα με της εκφώνηση είναι το μέγιστο ύψος των δεξαμενών.

Αυτό μας αναγκάζει να χρησιμοποιήσουμε μεγαλύτερο συντελεστή απόσβεσης. Τελικά για $\zeta=0.9$ και $w_n=0.0111rad/s$ καλύπτονται ικανοποιητικά όλες οι προδιαγραφές.

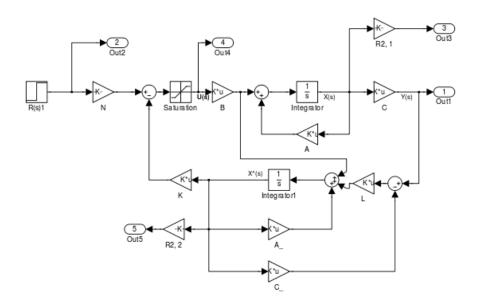
Στα σχήματα 4 - 6 φαίνεται η χρονική απόκριση των διαφόρων μεταβλητών του συστήματος για βηματική είσοδο αναφοράς $0.1m^3/s$. Παρατηρούμε ότι η μέγιστη υπερύψωση της εξόδου είναι αμελητέα και ο χρόνος αποκατάστασης είναι αρκετά κοντά στην προδιαγραφή των 400s.

4 Ελεγκτής με παρατηρητή πλήρους τάξης

Σύμφωνα με την ιδιότητα του διαχωρισμού (separation property), μπορούμε να χρησιμοποιήσουμε τα αποτελέσματα για τα κέρδη ${\bf K}$ και N από την προηγούμενη ενότητα, αλλά να αντικαταστήσουμε την ανάδραση πλήρους κατάστασης με έναν παρατηρητή πλήρους τάξης.

Οι δύο πόλοι του παρατηρητή επιλέχθηκε να έχουν $\zeta=0.9$ (ίδιο με τους πόλους του κλειστού συστήματος) και $w_n=0.0556 rad/s$ (πενταπλάσιο από τους πόλους του κλειστού συστήματος, ώστε το σφάλμα του παρατηρητή να συγκλίνει αρκετά πιο γρήγορα από το σύστημα).

Και σε αυτή την περίπτωση χρησιμοποιούμε τον τύπο του Ackermann για την εύρεση του χέρδους L του παρατηρητή.



Σχήμα 2: Μοντέλο Simulink συστήματος με παρατηρητή πλήρους τάξης.

Το μοντέλο Simulink του κλειστού συστήματος με παρατηρητή πλήρους τάξης υπάρχει στο αρχείο fullobs.mdl και φαίνεται στο Σχήμα 2. Στα

σχήματα 7 - 9 φαίνεται η χρονική απόκριση των διαφόρων μεταβλητών του συστήματος για βηματική είσοδο αναφοράς $0.1m^3/s$.

Μπορούμε να παρατηρήσουμε ότι η απόκριση του συστήματος είναι σχεδόν πανομοιότυπη με το σύστημα ανάδρασης κατάστασης. Αυτό οφείλεται αφ'ενός στο ότι ο παρατηρητής σχεδιάσθηκε έτσι ώστε να έχει αρκετά καλύτερα χαρακτηριστικά σύγκλισης σε σχέση με το σύστημα και αφ'ετέρου επειδή δεν υπάρχουν πολύ απότομες μεταβολές στις καταστάσεις του συστήματος. Κατά συνέπεια το σφάλμα παρατήρησης μηδενίζεται πολύ γρήγορα και το σύστημα συμπεριφέρεται σαν να υπήρχε ανάδραση πλήρους κατάστασης.

5 Ελεγκτής με παρατηρητή μειωμένης τάξης

 Δ εδομένου ότι η πρώτη μεταβλητή κατάστασης είναι η έξοδος του συστήματος $(x_1(t)=y(t)=q_0(t)),$ μπορούμε να την τροφοδοτούμε απ'ευθείας για ανάδραση και να σχεδιάσουμε έναν παρατηρητή πρώτης τάξης για την εκτίμηση της δεύτερης μεταβλητής κατάστασης.

Σε αυτή την περίπτωση έχουμε να τοποθετήσουμε μόνο έναν πόλο και επιλέχθηκε να τοποθετηθεί στο $-2\zeta w_n$ για τις τιμές ζ και w_n που χρησιμοποιήθηκαν στον παρατηρητή πλήρους τάξης. Αφού υπολογίσουμε το κέρδος L μπορούμε να υπολογίσουμε και τα υπόλοιπα κέρδη του παρατηρητή, σύμφωνα με τις παρακάτω σχέσεις:

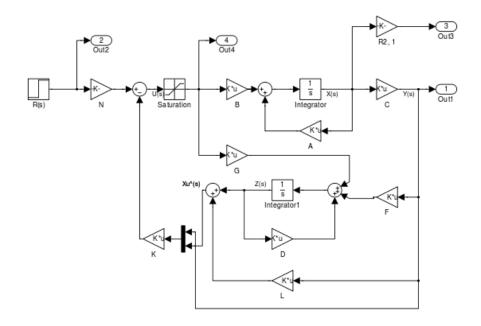
$$D = A_{22} - LA_{12}$$

$$F = DL + A_{21} - LA_{11}$$

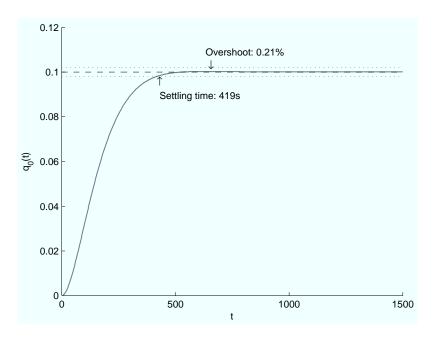
$$G = B_2 - LB_1$$
(5)

Το μοντέλο Simulink του κλειστού συστήματος με παρατηρητή μειωμένης τάξης υπάρχει στο αρχείο redobs .mdl και φαίνεται στο Σχήμα 3. Στα σχήματα 10 - 12 φαίνεται η χρονική απόκριση των διαφόρων μεταβλητών του συστήματος για βηματική είσοδο αναφοράς $0.1m^3/s$.

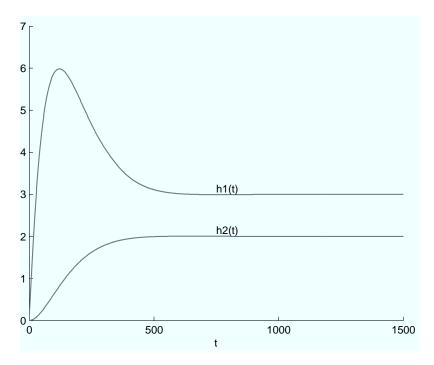
Παρατηρούμε ότι και σε αυτή την περίπτωση τα αποτελέσματα είναι όμοια με τις προηγούμενες δύο. Αυτό ήταν πλέον αναμενόμενο, δεδομένου ότι ούτως ή άλλως περιμέναμε ότι ο παρατηρητής μειωμένης τάξης θα παρουσιάζει καλύτερη απόδοση από τον παρατηρητή πλήρους τάξης.



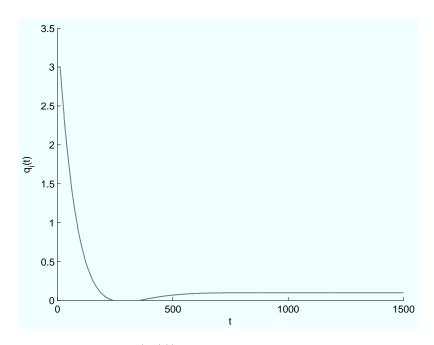
Σχήμα 3: Μοντέλο Simulink συστήματος με παρατηρητή μειωμένης τάξης.



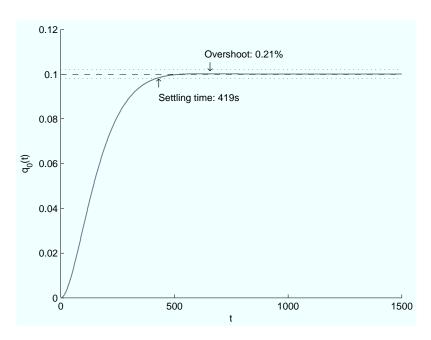
Σχήμα 4: Έξοδος συστήματος με ανάδραση κατάστασης.



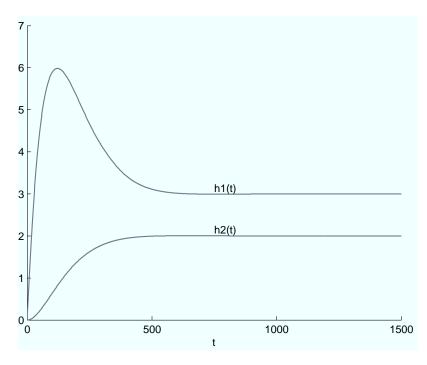
 Σ χήμα 5: Ύψη δεξαμενών συστήματος με ανάδραση κατάστασης.



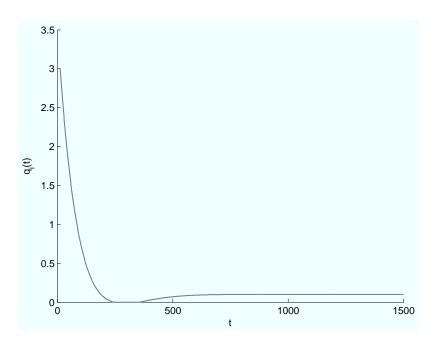
Σχήμα 6: Είσοδος $(q_i(t))$ συστήματος με ανάδραση κατάστασης.



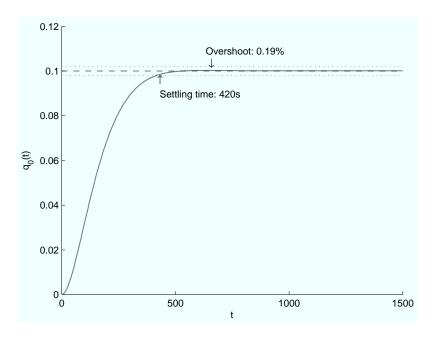
 $\Sigma \chi \acute{\eta}$ μα 7: Έξοδος συστήματος με παρατηρητή πλήρους τάξης.



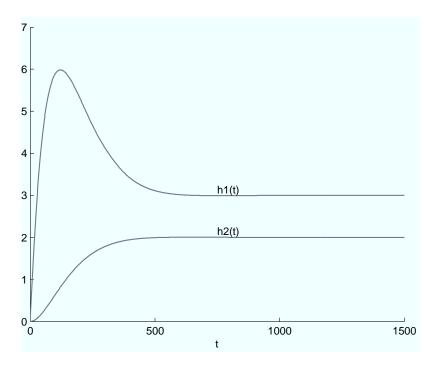
 $\Sigma \chi$ ήμα 8: Ύψη δεξαμενών συστήματος με παρατηρητή πλήρους τάξης.



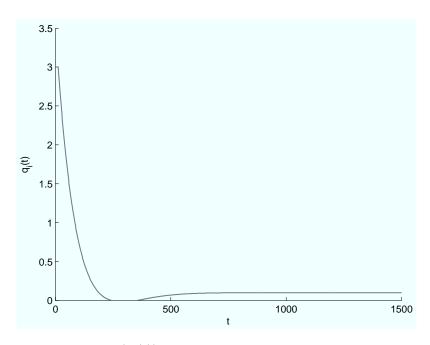
Σχήμα 9: Είσοδος $(q_i(t))$ συστήματος με παρατηρητή πλήρους τάξης.



 Σ χήμα 10: Έξοδος συστήματος με παρατηρητή μειωμένης τάξης.



 $\Sigma \chi$ ήμα 11: Ύψη δεξαμενών συστήματος με παρατηρητή μειωμένης τάξης.



Σχήμα 12: Είσοδος $(q_i(t))$ συστήματος με παρατηρητή μειωμένης τάξης.