第五章 贪心作业答案

2020年3月9号

- 1. 输入: 正整数集合 S, 正整数 W 输出: S 的子集合 S', 其中元素之和不小于 W, 且 S' 是满足这个条件的子集合中包含元素数量最少的。
 - (1) 给出贪心策略。
 - (2) 证明贪心选择性和优化子结构。
 - (3) 写出伪代码并分析算法复杂度。
- 2. 输入 n 个区间 $[a_i, b_i]$, 其端点满足 $1 \le a_i \le i \le b_i \le n$, 试设计一个贪心算法选出最少区间覆盖 [1, n]。
 - (1) 给出贪心策略。
 - (2) 证明贪心选择性和优化子结构。
 - (3) 写出伪代码并分析算法复杂度。
- 3. 给定两个实数数组 A[1-n] 和 B[1-n]。问: 如何为 A 中每个值,分配 B 中的一个值,使得总体平均 绝对差值最小。即最小化公式: $\frac{1}{n}\sum_{k=1}^{n}|A[i]-B_{\alpha(i)}|$,其中 $\alpha(i)$ 是为 A[i] 分配的 B 数组中值的序号。
 - (1) 给出贪心策略。
 - (2) 证明贪心选择性和优化子结构。
 - (3) 写出伪代码并分析算法复杂度。
- 4. 一个 DNA 序列 X 是字符集 G, T, A, C 上的串, 其上有大量信息冗余。设 x 是 X 的子串, x 及其冗余形式在 X 内在出现的起、止位置构成了一系列等长区间 $[p_1,q_1],...,[p_m,q_m]$ 。试设计一个贪心算法找出 $[p_1,q_1],...,[p_m,q_m]$ 中互不相交的区间的最大个数,即确定 x 的独立冗余度。
 - (1) 给出贪心策略。
 - (2) 证明贪心选择性和优化子结构。
 - (3) 写出伪代码并分析算法复杂度。
- 5. 给定两个大小为 n 的正整数集合 A 和 B。对于 A 到 B 的一个一一映射 f, 不妨设 $f(a_i) = b_i (i = 1, ..., n)$, 则 f 的代价为 $\sum_{i=1}^n a_i^{b_i}$ 。试设计一个贪心算法, 找出从 A 到 B 的代价最大的一一映射。
 - (1) 给出贪心策略。
 - (2) 证明贪心选择性和优化子结构。
 - (3) 写出伪代码并分析算法复杂度。