שאלות קצרות לתרגול וחידוד ההבנה 5 יחידות שאלון ראשון

פעילות לתלמידים 5 יח"ל



משרד החינוך המזכירות הפדגוגית אגף מדעים



אוניברסיטת חיפה הפקולטה לחינוך



מינהלת מל"מ

המרכז הישראלי לחינוך מדעי טכנולוגי ע"ש עמוס דה שליט





שאלות קצרות לתרגול וחידוד ההבנה ז יחידות -שאלון ראשון

אנליזה

שאלה 1

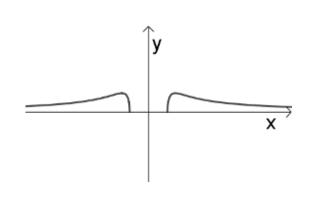
נתונות ארבע פונקציות וגרף של אחת מהן.

$$f(x) = x^2 \sqrt{x^2 - 1}$$

$$g(x) = \frac{\sqrt{1 - x^2}}{x^2}$$

$$h(x) = \frac{\sqrt{x^2 - 1}}{x}$$

$$p(x) = \frac{\sqrt{x^2 - 1}}{x^2}$$

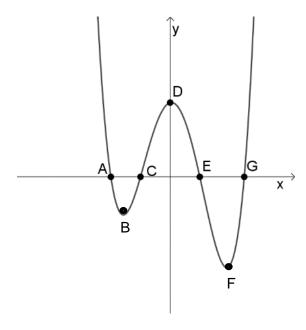


מצא לאיזו מבין הפונקציות מתאים הגרף הנתון. נמק, עבור כל אחת מהפונקציות האחרות מדוע אינה מתאימה לגרף.

f(x) בסרטוט נתון גרף הפונקציה

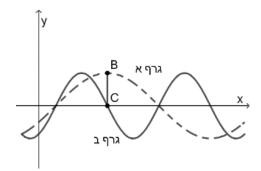
?יהיה $\int_{x_A}^{x_P} f(x) dx$ של יהיה הערך $x_A \leq \mathbf{x}_P \leq \mathbf{x}_G$, מקסימלי נקודה עבור איזו נקודה

נמק תשובתך.



נתונות שתי הפונקציות:

$$g(x) = \sin(x - \frac{\pi}{6})$$
 , $f(x) = \sin(2x - \frac{\pi}{3})$



באיור שלפניכם שני גרפים: גרף א – מתואר בקו מקווקו גרף ב – מתואר בקו רציף

הנקודה הקרובה ביותר לציר ה-y על גרף א, והיא הנקודה הקרובה ביותר לציר זה בה הנקודה מקבלת ערך מקסימלי.

. נמצאת על גרף ב, והיא נקודת החיתוך שלו עם ציר ה-x, כמתואר בסרטוט. נמקודה c נמק היטב קביעתך. נמק היטב קביעתך.

בדרכים שונות: $F(x) = \int sinx \cdot cosx dx$ בדרכים שונות:

פתרונו של דני:

cosx ואת הנגזרת שלה sinx דני זיהה את הפונקציה

$$\int sinx \cdot cosxdx = \frac{sin^2x}{2} + C$$
 והראה כי

פתרונה של דנה:

דנה השתמשה בזהות הטריגונומטרית

$$2sinx \cdot cosx = sin2x$$

והראתה כי:

$$\int sinx \cdot cosxdx = \int \frac{sin2x}{2} dx = -\frac{cos2x}{4} + C$$

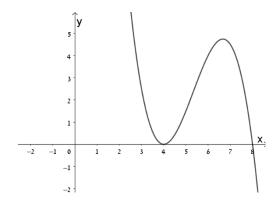
$$-\frac{cos2x}{4} \neq \frac{sin^2x}{2} \ :$$
 אבל:

כיצד תסביר את התוצאות השונות?

הגרף המצורף מתאר את גרף הנגזרת הגרף של f'(x) של הפונקציה f(x) בתחום: f(x)

בחר מבין הטענות הבאות את הטענה הנכונה. נמק בחירתך.

- יש שתי נקודות f(x) ונקודות f(x) .I קיצון ונקודת פיתול אחת.
- יש נקודת קיצון f(x) יש נקודת קיצון .II אחת ושתי נקודות פיתול.
- אחת קיצון אחת לפונקציה f(x) יש נקודת קיצון .III ונקודת פיתול אחת.



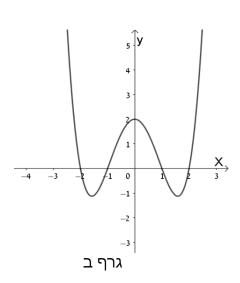
ו. לפניך רשימה של ארבע פונקציות. בחר ביניהן את המתאימה לגרף א .I ואת המתאימה לגרף ב. נמק בחירתך.

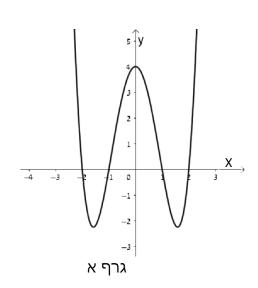
$$f(x) = \frac{1}{2}(x^2 - 1)(x^2 - 4)$$

$$g(x) = (x-1)(x+1)(x-4)$$

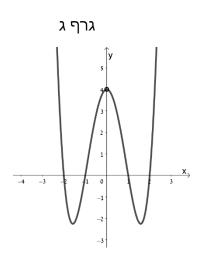
$$m(x) = (x^2 - 1) + 4$$

$$h(x) = (x^2 - 1)(x^2 - 4)$$





x=0-הפונקציה המתוארת בגרף ג אינה מוגדרת ב.II רשום ביטוי לפונקציה המתאימה לגרף.



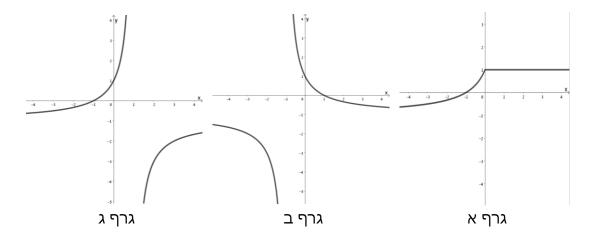
לפניך שתי טענות: קבע עבור כל אחת מהן האם היא נכונה או אינה נכונה. נמק תשובתך.

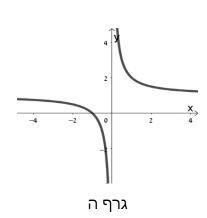
ניתן לנמק באמצעות סרטוט גרפים.

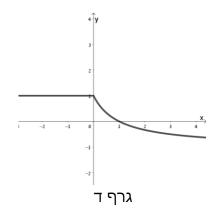
- f'(5)=0 אז x=5 -אז מינימום ב- f(x) יש נקודת מינימום .I
- . אם $f'(x_0)=0$ אז ב- x_0 יש לפונקציה נקודת מינימום או מקסימום.

לפניך חמישה גרפים ורשימה של ארבע פונקציות. התאם בין הגרפים לפונקציות, נמק בחירתך.

$$f(x) = \frac{1+x}{1-x}$$
; $g(x) = \frac{1-x}{1+x}$; $h(x) = \frac{1-|x|}{1-x}$ $m(x) = \frac{1-x}{1+|x|}$







בדוק נכונות/אי נכונות הטענה הבאה. נמק. ניתן לנמק גם באמצעות סרטוט גרפים.

f(x) אם $x \to \infty$ הפונקציה x, אז כאשר איל לכל מספר f'(x) > 0 שואפת ל- ∞ - שואפת ל-

f(x) נתונה פונקציה

, יחידות ימינה ב- יחידות ימינה, דני הזיז את גרף הפונקציה הנתונה ב-

. את גרף הפונקציה הנתונה ב- 2.5 π יחידות שמאלה.

שניהם קבלו גרפים זהים.

. ונמקו בעיגול הקיפו f(x) ההיות יכולה הבאות הבאות אילו מהפונקציות הבאות יכולה להיות

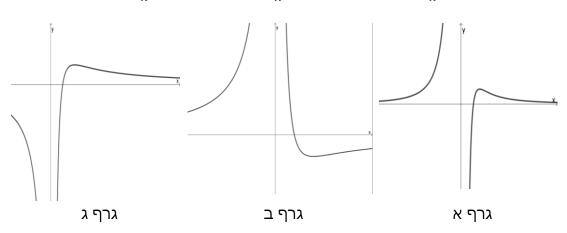
$$y = 3sinx$$
; $y = sin3x$; $y = sin2x$; $y = sin6x$
 $y = sinx$; $y = tanx$

בדוק נכונות/אי נכונות של הטענות הבאות. אם הטענה אינה נכונה, הצג דוגמה נגדית. ניתן לנמק גם באמצעות סרטוט גרפים.

- $f'(x_0) = 0$ אם ב x_0 יש לפונקציה נקודת פיתול אז x_0 . I
- וו. פונקציה אינה חותכת את האסימפטוטה האופקית שלה.

התאם את הגרף המתאים לכל אחת מהפונקציות הבאות:, נמק בחירתך.

$$g(x) = \frac{8(2-x)}{x^2}$$
 ; $f(x) = \frac{8(x-2)}{x^2}$; $m(x) = \frac{27(x-2)}{x^3}$



נתונות שלוש פונקציות.

$$f(x) = \frac{x^2 - 1}{x^2 - 4}$$
 ; $g(x) = \frac{x^2}{x^2 - 4}$; $h(x) = \frac{x^4}{x(x^2 - 1)}$

בחר את הפונקציה המקיימת את התכונה הבאה:

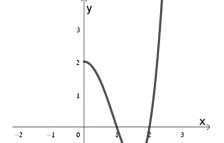
לפונקציה אסימפטוטה אופקית אחת, שתי אסימפטוטות אנכיות, ונקודת השקה אחת לפונקציה אסימפטוטה אופקית אחת, אחת, אחת לציר ה- x

קבע האם נכונות הטענות הבאות: נמק קביעותיך.

- אם $\sqrt{f(x)}$ הינה פונקציה אי-זוגית, אז גם הפונקציה f(x) אם f(x) אי זוגית.
 - הינה $\sqrt{f(x)}$ היא פונקציה אז בהכרח בה הפונקציה היא פונקציה היא פונקציה זוגית.

 $x=rac{\pi}{4}$ בנקודה בה x -ם חותכת את ביר הפונקציה: $f(x)=x-rac{sinx}{\sqrt{2}}-rac{\pi}{4}+rac{1}{2}$ בנקודה בה

- . מהם תחומי העלייה והירידה של הפונקציה (אם קיימים)? הוכח קביעתך.
 - x -הוכח שהנקודה עם ציר החיתוך החיתוך היא נקודת -



xנתונה פונקציה המוגדרת לכל ,f(x) חלק מגרף הפונקציה מוצג בסרטוט כאשר . $x \geq 0$

- א. השלם את הסרטוט אם הפונקציה היא זוגית.
- ב. האם ייתכן שהפונקציה היא אי-זוגית?

(שניתן לסרטט במשיכת קולמוס אחת) פונקציה בעלת גרף רציף (שניתן לסרטט במשיכת f(x).

$$f(10) = 100$$
 ; $f(-10) = -20$: ידוע כי

לפונקציה שתי נקודות קיצון בלבד:

(1, k-2) ומינימום בנקודה ((-1, 2+k) ומינימום בנקודה

עבור אילו ערכי k, תחתוך הפונקציה את ציר הx בשלוש נקודות שונות?

לפניך שלוש פונקציות:

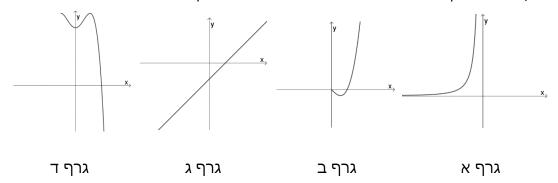
$$f(x) = \frac{x^2 - 1}{(x+1)(x+2)} \quad ; \quad g(x) = \frac{x^2}{x^2 - 4}$$
$$h(x) = \frac{x^3 - 1}{(x-2)(x+1)}$$

לאיזו מהן התכונה הבאה:

לפונקציה יש שתי נקודות אי הגדרה, אסימפטוטה אופקית אחת ואסימפטוטה אנכית אחת.

נמק בחירתך גם על ידי הסבר להתאמה וגם על ידי פסילת האחרות.

לפניך גרפים חלקיים של פונקציות. רשום אילו גרפים ניתן להשלים לגרף של פונקציה זוגית, אילו לפונקציה אי זוגית ואילו גרפים לא יתארו פונקציה זוגית ולא אי זוגית.



בדוק נכונות/אי נכונות הטענה הבאה. נמק. ניתן לנמק גם באמצעות סרטוט גרפים.

אם לפונקציה f(x), המוגדרת עבור x>0, יש נקודת קיצון בנקודה f'(5)=0, אז לפונקציה יש לפחות נקודת פיתול אחת.

בדוק נכונות/אי נכונות הטענה הבאה. נמק. ניתן לנמק גם באמצעות סרטוט גרפים.

אם המשואת המשואת לא ייתכן בנקודה f''(x) אם f''(x) אם y=3x בנקודה היא בנקודה היא

$$g(x) = sin(x - \frac{\pi}{6})$$
 , $f(x) = sin(2x - \frac{\pi}{3})$:נתונות שתי הפונקציות



הנקודות A ו- B נמצאות מימין לציר ה-y והן *B* הנקודות הקרובות ביותר לציר זה **בהן** הפונקציות מקבלות ערכים מקסימליים.

.מהו אורך הקטע AB? נמק קביעתך

בדוק נכונות/אי נכונות הטענה הבאה.

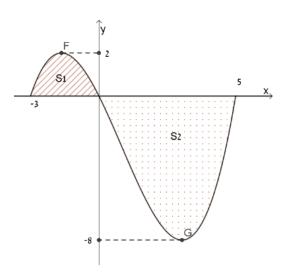
אם הטענה נכונה – הוכח אותה, אם לא – הצג דוגמה נגדית.

:הטענה

"הפונקציה הקדומה של כל פונקציה זוגית היא פונקציה אי זוגית"

בסרטוט שלפניכם מתואר גרף של פונקציה ושני שטחים, S_1 ו- S_2 כלואים בין הגרף

לבין ציר ה-x. ידוע כי הפונקציה קעורה כלפי מטה משמאל לראשית הצירים וקעורה כלפי מעלה מימין לראשית הצירים.



הביט בסרטוט ובנתונים הנוספים המסומנים בו וקבע עבור כל אחת מהטענות בהמשך האם היא נכונה או לא נכונה. נמק קביעותיך.

$$S_1 > 3$$
 .1

$$20 < \int_0^5 f(x) dx < 40 .2$$

$$\int_{-3}^{5} f(x)dx < 0$$
 .3

לאיזו/אילו מהפונקציות הבאות יש שתי אסימפטוטות אנכיות ושתי אסימפטוטות אופקיות? נמק תשובתך.

$$g(x) = \frac{x\sqrt{4 - x^2}}{x^2 + x - 12}$$

$$f(x) = \frac{x\sqrt{x^2 - 4}}{x^2 + x - 12}$$

$$h(x) = \frac{x\sqrt{x+2}\sqrt{x-2}}{x^2 + x - 12}$$

$$m(x) = \frac{\sqrt{x^2 - 4}}{x^2 + x - 12}$$

קבע אילו מהטענות הבאות נכונות,

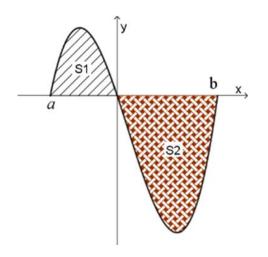
הצדק קביעותיך.

- הגרף של הגרף הוא הזזה של הגרף של הגרף הפונקציה $f(x)=\sin{(x)}$ הוא הזזה של הגרף של הגרף של $g(x)=\cos{(x)}$
- $f(x)=\sin{(x)}$ של הפונקציה $g(x)=\cos{(x)}$ הוא הזזה של הגרף של הגרף הפונקציה $\frac{\pi}{2}$ מינה ב
 - $h(x) = \sin(\pi + x)$ של הגרף של $f(x) = \sin(-x)$ -

(a,0), (b,0) ובנקודות: בראשית עובר בראשית עובר הפונקציה עובר כמו כן:

- הגרף קעור מטה משמאל לראשית הצירים וקעור כלפי מעלה מימין לראשית הצירים,
 - $|a| \cdot \max(f(x)) < \frac{b \cdot |\min(f(x))|}{2}$ -

קבע עבור כל אחת מהטענות בהמשך האם היא נכונה או לא נכונה. נמק קביעותיך.



$$\int_{a}^{b} f(x)dx > 0 .1$$

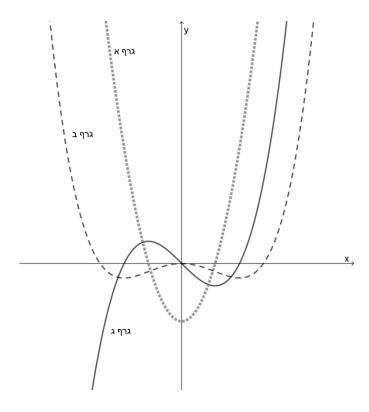
$$\int_{a}^{b} f(x)dx < 0 \quad .2$$

$$S_1 + S_2 = \int_a^b f(x) dx$$
 .3

לפניך סרטוט של שלושה גרפים,

f''(x) ו- f'(x) ולשתי נגזרותיה: f(x) ו- ו- המתאימים לפונקציה

התאם בין הגרפים לפונקציות. נמק התאמתך.



x מוגדרת עבור כל ערך של f(x) פונקציה

נתון איז זוגית. g(x) , g(x) = f(x+1) + 8 : נתון

:חשב

$$f(1)$$
 .א

$$f(0) + f(2)$$
 .ם

x נתונות שלוש פונקציות f(x), k(x), g(x) המוגדרות עבור כל ערך של כל אחת מהפונקציות היא זוגית או אי זוגית. נתון:

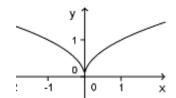
- , פונקציה זוגית פונקציה $f^2(x) \cdot k(x) \cdot g^2(x)$
- פונקציה אי זוגית, $g^2(x) \cdot f(x) \cdot k(x)$
- פונקציה אי זוגית. $k^2(x) \cdot f(x) \cdot g(x)$

איזו מהאפשרויות הבאות מתאימה לנתונים:

- א. אי זוגית, g(x) אי זוגית, k(x) אי זוגית, f(x)
 - ב. g(x) אי זוגית, k(x) זוגית, f(x) גוגית.
 - אי זוגית, g(x) זוגית, k(x) זוגית, f(x) ג.

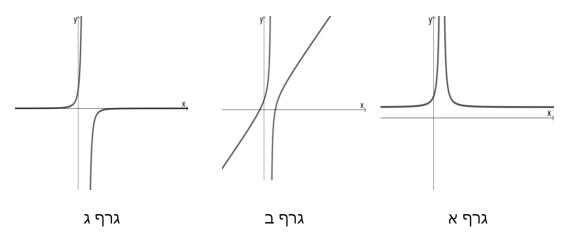
 $f(x) = \sqrt{|x|}$ התבונן בגרף הפונקציה

- x = 0 האם הנגזרת הראשונה מוגדרת כאשר 1.
- x=0 האם יש לפונקציה נקודת קיצון כאשר .2 אם כן, קבע את סוג הקיצון, אם לא, הסבר מדוע.
 - x = 0 האם יש לפונקציה נקודת פיתול כאשר 3.
 - $g(x) = \sqrt{|x+2|}$ סרטט את גרף הפונקציה .4



 $f^{\prime\prime}(x)$, $f^{\prime}(x)$, f(x) הפונקציות ארפים שלושה גרפים שלושה לפניך מוצגים אויים א

זהה איזה גרף מתאים לכל פונקציה. נמק.



- $\int_0^{2\pi} (\sin^2 x + \cos^2 x) \, dx$ א. חשב את ערך האינטגרל
- $\int_0^{2\pi} \cos^2 x dx = \int_0^{2\pi} \sin^2 x \, dx$ ב. נמק מדוע מתקיים השוויון: וקבע את הערך של כל אחד מהאינטגרלים. היעזר בתכונות הפונקציות הטריגונומטריות ובסעיף א.

. מטה. כלפי וקעורה עולה עולה הפונקציה (a,b] בתחום בתחום הפונקציה עולה גרף הפונקציה למים בתחום

א. איזה מהביטויים הבאים מייצג את שטח המלבן המתואר בציור:

$$f(a)(b-a)$$
 .1

$$f(b)(b-a)$$
 .2

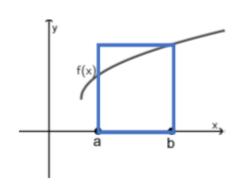
$$\frac{1}{2}(a+b)(b-a)$$
 .3

ב. אילו מהטענות הבאות נכונות? נמק. תיתכן יותר מתשובה אחת נכונה.

$$\int_{a}^{b} f(x) dx < f(b)(b - a) \quad .1$$

$$\int_{a}^{b} f(x) dx > f(a)(b-a) \quad .2$$

$$\int_{a}^{b} f(x)dx < \frac{1}{2}(f(a) + f(b))(b - a) \quad .3$$



קבע האם נכונה או לא נכונה הטענה הבאה. אם הטענה נכונה – הוכח אותה, אם לא – הצג דוגמה נגדית.

הטענה: "פונקצית הנגזרת של כל פונקציה זוגית היא אי-זוגית".

נתונות שלוש פונקציות **שונות** שאינן קבועות.

. נתון k(x) פונקציה אי-זוגית, g(x) פונקציה אי-זוגית פונקציה אי-זוגית פונקציה אי-זוגית

קבע ונמק לגבי כל אחת מהפונקציות הבאות האם היא זוגית, אי זוגית או לא זוגית ולא אי זוגית.

$$k(x) \cdot g(-x) \cdot f^2(x)$$
 .

$$f(x) \cdot [k(x) - g(x)]$$
 .

$$k(2x)$$
 . λ

. מצא את שיעורי הנקודה בה לפונקציה $f(x) = \frac{1}{1+x^2}$ יש משיק בעל שיפוע מקסימלי

 $f(x) = |x^2 - 4x + 3| - 1$ א. סרטט את גרף הפונקציה:

 $|x^2 - 4x + 3| = 3$ ב. פתור את המשוואה:

 $|x^2 - 4x + 3| = -2$... פתור את המשוואה:

- א. מצא פונקציה (ייצוג אלגברי) שיש לה שתי נקודות אי הגדרה, אסימפטוטה אופקית אחת ושתי אסימפטוטות אנכיות.
- ב. מצא פונקציה (ביטוי אלגברי) שיש לה שתי נקודות אי הגדרה, אסימפטוטה אופקית אחת ואסימפטוטה אנכית אחת.

- ענו נכון/לא נכון ונמקו את הטענות $f(x) = \frac{P(x)}{Q(x)}$ -שיונלית כך שנקציה רציונלית כך שאינן נכונות.
 - P(x)=0 בה בכל נקודה בהכח מתקבלות מתקבלות לנקודה בה f(x)
 - Q(x)=0 בכל נקודה Q(x)=0 מתקבלות בהכרח בכל נקודה 2
 - מקבילות אסימפטוטות בהן בהכרח עוברות פהכרח Q(x)=0 בהכרח לציר ...

k עבור אילו ערכים של הפרמטר $|\mathbf{x}^2 - 4x - 5| = \mathbf{k}$

- א. יש למשוואה פתרון יחיד?
 - ב. אין למשוואה פתרון?
- ג. יש למשוואה פתרון השווה ל- 0?

$$f(x) = \frac{\sqrt{x^2 - x - 2}}{x - 1}$$
: נתונה הפונקציה

מצא את האסימפטוטות האופקיות והאנכיות שלה, אם ישנן כאלה.

מצא פונקציה (ביטוי אלגברי) בעלת שתי אסימפטוטות אנכיות ושתי אסימפטוטות אופקיות שונות זו מזו.

טריגונומטריה/גיאומטריה

שאלה 1

במשולש
$$ABC$$
 נתון $^{\circ}$ 20° במשולש $AB = 3, AC = 5$ חשב את זווית γ ($\angle ACB$). דן הגיש את הפתרון הבא. בדוק פתרונו של דן לשאלה הבאה. אם יש טעות בפתרון, הסבר מהי.

$$\frac{5}{\sin 20^{\circ}} = \frac{3}{\sin \gamma}$$

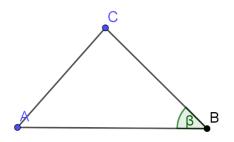
$$\sin \gamma = \frac{3\sin 20^{\circ}}{5} = \frac{1.026}{5} = 0.2052$$

$$\downarrow$$

$$\gamma_{1} = 11.84^{\circ} , \gamma_{2} = 180 - 11.84 = 168.16^{\circ}$$

. הראה כי סכום ריבועי האלכסונים במקבילית שווה לסכום ריבועי צלעותיה

בדוק פתרונה של דנה לשאלה הבאה. אם יש טעות בפתרון, הסבר מהי.



$$eta=30^\circ$$
, $AB=5$, $AC=3$ נתון ABC במשולש ABC חשב את זווית γ (ACB).

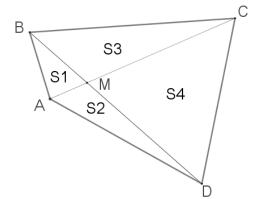
דנה הגישה את הפתרון הבא:

$$\frac{3}{\sin 30^{\circ}} = \frac{5}{\sin \gamma}$$

$$sin \gamma = \frac{5sin 30^{\circ}}{3} = \frac{2.5}{3} = 0.833 \rightarrow \gamma = 56.44$$

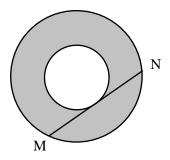
קבע אם הטענות הבאות נכונות או לא. נמק קביעתך.

- בטרפז החוסם מעגל סכום הבסיסים שווה לסכום השוקיים.
 - כל טרפז ניתן לחסימה במעגל.



אלכסוני המרובע ABCD מחלקים אותו לארבעה S_1 , S_2 , S_3 , S_4 : משולשים ששטחיהם S_1 , S_2 , S_3 מהווים סדרה הנדסית.

$$\left(\frac{\mathrm{DM}}{\mathrm{BM}}\right)^2 = \left(\frac{\mathrm{CM}}{\mathrm{AM}}\right)$$
 :הוכח כי

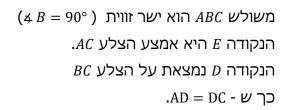


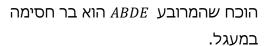
נתונים שני מעגלים בעלי מרכז משותף. המיתר MN משיק למעגל הפנימי, שטח הטבעת שווה ל- 36π . חשב את אורך המיתר MN.

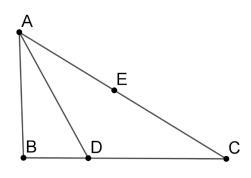
 ΔEDF – ו ΔABC נתונים משולשים

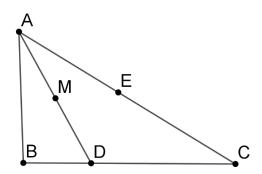
.EF = AC, ED = AB

שני המשולשים הם שווי שטח. האם משולשים אלה בהכרח חופפים? נמק.









(4 $B=90^\circ$) משולש ABC הוא ישר זווית AC הנקודה E היא אמצע הצלע AC הנקודה AD=DC כך ש-

AD נתון: הנקודה M היא אמצע הקטע

.ME = MB :הוכח

סדרות

שאלה 1

נתונה סדרה שסכום n האיברים הראשונים בה הוא n לכל n לכל מצא את הערכים של האיברים a_{100} , a_4 , a_1

נתונה סדרה חשבונית שאינה קבועה.

הוכח כי כל שלושה איברים עוקבים בסדרה החשבונית אינם יכולים להיות בבת אחת שלושה איברים עוקבים בסדרה הנדסית.

d מדרה חשבונית שהפרשה , $a_{1,}a_{2},a_{3},a_{4},a_{5}\dots a_{n}\dots \ldots$ בטא באמצעות n ו d את הסכום

$$(a_2 - a_1) + (a_3 - a_2) + (a_4 - a_3) + \dots + (a_{2n} - a_{2n-1})$$

? סדרה הנדסית. האם הסדרה $\frac{1}{(a_n)^2}$ סדרה הנדסית. האם מקרה סדרה מדסית. נמק.

$$x = \frac{\pi}{3}$$
 עבור $\cos x - \cos^2 x + \cos^3 x - \dots = \frac{1}{3}$ עבור

$$a_{1,}a_{2},a_{3},a_{4},a_{5}\dots$$
 הוכח כי בסדרה חשבונית

. טבעיים,
$$n>k>0$$
 לכל $a_n=rac{a_{n+k}+a_{n-k}}{2}$

.d סדרה חשבונית שהפרשה $a_{1,}a_{2},a_{3},a_{4},a_{5}\dots a_{i...}$ נתונה

 $b_n = a_{n+1} - a_n$ נגדיר סדרה נוספת

 $b_1+b_2+b_3\dots\dots+b_n$ את הסכום n-1 ו d בטא באמצעות

 $a_{1}, a_{2}, a_{3}, \dots$ נתונה סדרה הנדסית אינסופית, שאיבריה הם:

. לכל
$$b_n=rac{a_{n+2}}{a_n\cdot a_{n+3}}$$
 לכל לכל לכל מגדירים סדרה חדשה בה מתקיים:

- א. הוכח כי גם הסדרה החדשה היא סדרה הנדסית.
- ב. האם ייתכן כי סכום אינסוף איברי הסדרה הראשונה וגם סכום אינסוף איברי הסדרה השנייה הוא מספר סופי? הסבר תשובתך.

d נתונות סדרה חשבונית: a_1, a_2, a_3, \dots נתונות

.q :מנה: בעלת מנה: b_1, b_2, b_3, \dots

:בטא באמצעות q -ו , d את ערך הסכום הבא

$$\frac{b_1(a_1-a_3)}{b_3} + \frac{b_2(a_2-a_4)}{b_4} + \frac{b_3(a_3-a_5)}{b_5} + \dots + \frac{b_{100}(a_{100}-a_{102})}{b_{102}}$$

 $a_{n+1} = 0$ בסדרה חשבונית עולה 2n+1 איברים וידוע כי נסמן:

. האיברים האחרונים בסדרה n סכום n האיברים האחרונים בסדרה n סכום n סכום n

מצא את היחס: וומן

d נתונה סדרה חשבונית ובה 2n+1 איברים. הפרש הסדרה הוא

- א. הוכח כי בסדרה האיברים הראשון, האמצעי והאחרון של סדרה זו מהווים סדרה חשרווית.
- d-1 ו n ב. הבע את הפרש הסדרה של שלושת האיברים מסעיף קודם באמצעות

 $\pi < x < 2\pi$ $a_n = sin^n x$ נתונה סדרה הנדסית שאיברה הכללי

- א. עבור איזה ערך של x הסדרה אינה מתכנסת?
- x ב. נתון כי סכום הסדרה הוא $-\frac{1}{3}$ הוא הסדרה סכום נתון כי

sinx + cosx הוא $a_n = \sin(rac{n\pi}{2} - x)$ סכום אברי הסדרה שאיברה הכללי בחר את התשובה הנכונה ונמק.

44. ד. 42 ג. 40 ב. 36 איברים בסדרה הוא: א. 36

שלושה איברים עוקבים שונים בסדרה חשבונית. אם נשנה את סדר האיברים a,b,cל- a,c,b סדרה הנדסית. חשב את מנת הסדרה הנדסית.

 $a_{n+1} = 0$ יכי וידוע כי 2n+1 איברים עולה

נסמן:

. בסדרה האחרונים האחרונים האיברים האיברים האחרונים בסדרה וB - סכום A

|A| - |B| מצא את

 $a_{\mathrm{n+1}}=5$ כסדרה חשבונית עולה 2n+1 איברים וידוע כי

נסמן:

. האיברים האחרונים בסדרה n סכום n סכום בסדרה בסדרה האיברים האחרונים בסדרה n

A + B = 990 :נתון

n מצא את

 $a_{n+1}=0$ יכי וידוע כי 2n+1 שיבונית עולה יש

נסמן:

האיברים האחרונים בסדרה ו- B סכום n האיברים האחרונים בסדרה. A בחר את הטענות הנכונות ונמק.

$$\frac{A}{B}=1$$
 .x

$$\frac{A}{B} = -1$$
 .

$$2A = S_{2n+1}$$
 . λ

$$S_{2n+1} > A$$
 .7

sinx-cosx הוא $a_n=\cos(rac{n\pi}{2}-x)$ סכום אברי הסדרה שאיברה הכללי

בחר את התשובה הנכונה ונמק.

מספר האיברים בסדרה הוא:

62 .ד. 52 ג. 32 א. 32 א.

.0 הוא $a_n = \sin(\frac{n\pi}{2} - x)$ הוא הכללי הסדרה שאיברה הכללי

בחר את התשובה הנכונה ונמק.

מספר האיברים בסדרה הוא: א. 37 ב. 43 ג. 40 ד. 45

הסתברות

שאלה 1

מטילים קוביית משחק הוגנת שלוש פעמים. לפניך שתי טענות. קבע עבור כל אחת מהן האם היא נכונה או לא ונמק קביעתך.

- 1) ההסתברות לקבלת המספר 6 בדיוק פעמיים, קטנה מההסתברות לקבל בדיוק פעם אחת 3 ובדיוק פעם אחת 4.
 - 2) הסיכוי שבהטלה הראשונה ובשלישית יתקבל 2 אם ידוע שבהטלה השנייה התקבל 2, גדול מהסיכוי לקבל 2 לפחות פעמיים.

לפניך טבלת הסתברות דו-ממדית, ובה תאים ריקים.

סה"כ	$ar{A}$	Α	
			В
	$P(\bar{A} \cap \bar{B}) = 0.12$		\bar{B}
1		p(A) = 0.4	סה"כ

מלא את התאים הריקים באופן שיתאר קשר בין שני **מאורעות בלתי תלויים** זה בזה. פרט שיקוליך.

בכד 5 כדורים אדומים ו- 3 כדורים לבנים.

- א. מוציאים מהכד שני כדורים עם החזרה. (מוציאים כדור אחד, מחזירים אותו ומוציאים כדור שני).
- מה ההסתברות שבהוצאה השנייה יצא כדור אדום אם ידוע שבהוצאה הראשונה הוצא כדור אדום?
- ב. מוציאים מהכד שני כדורים ללא החזרה. (מוציאים כדור אחד, מניחים מחוץ לכד ומוציאים כדור שני).
- מה ההסתברות שבהוצאה השנייה יצא כדור אדום אם ידוע שבהוצאה הראשונה הוצא כדור אדום?

 $P(A) = {6 \choose 4} (0.2)^4 (0.8)^2$:נתון

חבר שאלה שזו דרך הפתרון שלה.